Jivarāja Jaina Granthamālā, No. 12

General Editors:

Dr. A. N. UPADHYE & Dr. H. L. Jain

कार का मान प्रशासन कार क्रमण वर्ष 6789

Mahāvirāchārya's

## Ganitasāra-Samgraha

(An Ancient Treatise on Mathematics)

Authentically Edited with a Hindi Translation and Introduction etc.

by
L. C. Jain
JABALPUR

Published by
Gulabchand Hirachand Doshi
Jaina Samskrti Samrakshaka Samgha, Sholapur
1963

All Rights Reserved

Price Rupees Twelve only

First Edition: 750 Copies

Copies of this book can be had direct from Jaina Samskṛti Samrakshaka Samgha, Santosha Bhavana, Phaltan Galli, Sholapur (India)

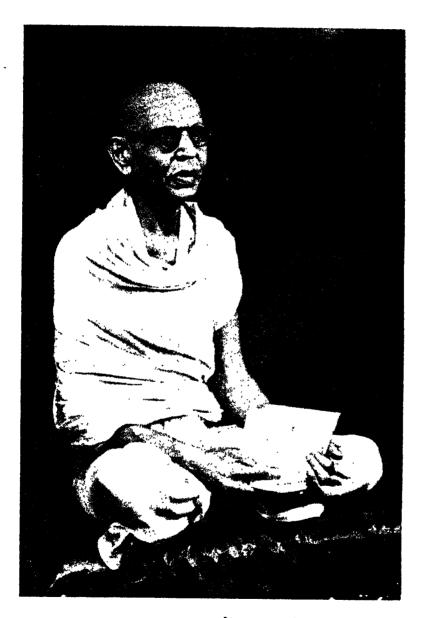
Price Rs. 12/- per copy, exclusive of postage

## जीवराज जैन ग्रंथमाला का परिचय

सोलापुर निवासी ब्रह्मचारी जीवराज गौतमचंदजी दोशी कई वर्षों से संसार से उदासीन होकर धर्मकार्य में अपनी दृति लगा रहे थे। सन् १९४० में उनकी यह प्रवल हच्छा हो उठी कि अपनी न्यायोपार्जित संपत्ति का उपयोग विशेष रूप से धर्म और समाज की उन्नति के कार्य में करें। तदनुसार उन्होंने समस्त देश का परिभ्रमण कर जैन विद्वानों से साक्षात् और लिखित सम्मतियाँ हस बात की संग्रह की कि कौन से कार्य में संपत्ति का उपयोग किया जाय। स्फुट मत संचय कर लेने के पश्चात् सन् १९४१ के ग्रीध्म काल में ब्रह्मचारीजी ने तीर्थक्षेत्र गजपंथा (नासिका) के शीतल बातावरण में विद्वानों की समाज एकत्र की और ऊह्मपोह पूर्वक निर्णय के लिए उत्तः विषय प्रस्तुत किया। विद्वत्तममेलन के फलस्वरूप ब्रह्मचारीजी ने जैन संस्कृति तथा साहित्य के समस्त अंगों के संरक्षण, उद्धार और प्रचार के हेतु से 'जैन संस्कृति संरक्षक संघ' की स्थापना की और उसके लिए ३०,०००) तीस हजार के दान की घोषणा कर दी। उनकी परिग्रहनिवृत्ति बद्रती गई, और सन् १९४४ में उन्होंने लगमग २,००,०००) दो लाख की अपनी संपूर्ण संपत्ति संघ को ट्रस्ट रूप से अर्पण कर दी। इस तरह आपने अपने सर्वस्व का त्याग कर दि. १६-१-५ को अत्यन्त सावधानी और समाधान से समाधिमरणकी आराधना की। इसी संघ के अन्तर्गत 'जीवराज जैन ग्रंथमाला' का संचालन हो रहा है। प्रस्तुत ग्रंथ इसी ग्रंथमाला का बारहवाँ पूष्प है।

प्रकाशक

गुळावचंद हिराचंद दोशी, बैन संस्कृति संरक्षक संघ, सोळापुर सुद्रक बाल्कृष्ण शास्त्री ज्योतिष प्रकाश प्रेस, काल्फैरव मार्ग, वाराणसी



स्व. ब्रम्नचारी जीवराज गौतमचंद्जी दोशी, संस्थापक बैन संस्कृति संरक्षक संघ, शोलापूर

#### बीवराव वैन प्रन्थमाला, प्रन्थ १२

प्रन्थमान्य-संपादक डॉ० आ. ने. उपाच्ये व डॉ० हीरालाल जैन

महाबीराचार्य-विरिचत

# गणितसार-संग्रह

( गणित शास्त्र विषयक प्राचीन प्रन्थ )

संस्कृत मूल, हिन्दी अनुवाद व प्रस्तावना, परिशिष्ट आदि सहित प्रामाणिक रूप से संपादित

> संपादक लक्ष्मीचन्द्र जैन जवलपुर

प्रकाशक श्री गुलावचन्द हिराचन्द दोशी जैन संस्कृति संरक्षक संघ सोग्राहर

बी. नि. संबत् २४९०

सन् १९६३

विक्रम संवत् २०२०

मूख्य ठ. १२ मात्र

#### **FOREWORD**

I have had the privilege of going through this edition of Mahāvīrāchārya's Ganitasāra-Samgraha, prepared with oritical annotations and an introduction by Prof. L. C. Jain of the Department of Mathematics, Govt. Science College, Jabalpur, under the general editorship of the renowned orientalists, Dr. A. N. Upadhye and Dr. H. L. Jain.

Apart from the extreme care which the learned editor has exercised in the choice of technical expressions and terminology in Hindi throughout this edition, what struck me the most is his sympathetic and erudite understanding of the highly intricate inter-actions among various schools of mathematical thought that must have gone into the making of a background for a classic like the Ganitasāra-Samgraha. And this, I am sure, places the present edition on a distinctly higher-than-ever-attained plane of excellence.

I hail the appearance of this work of Prof. L. C. Jain in the world of learning.

T. PATI

JABALPUR November 4, 1963 Head of the Department of Mathematics University of Jabalpur

## . विषय-सूची

(१) 🌓 🛪 । त्रि॰ पति का प्राक्तथ	f (Foreword)	• • •		iv
(२) ग्रन्थमाला संपादकीय	•••	• • •		viii
(३) प्रो० नागीजी का प्रास्ताविक	ត (Introductory)	•		x
(४) संपादकीय (Editoria	1)			XV
(५) प्रस्तावना		•••		1
गणित इतिहास का सामा	न्य अवलोकन	•••	• • •	2
गणित इतिहास का विशिष्ट			• • •	12
🌱 (६) गणितसारसंग्रह-मूल और ३				
१. संज्ञा (पारिभाषिक राष्ट् ) ः	मधिकार			Ą
मङ्गलाचरण	•••		• • •	*
गणितशास्त्र प्रशंसा				२
क्षेत्र-परिभाषा ( क्षेत्रमाप सम्बन	थी पारिभाषिक शब्दावलि	)		8
काल-परिभाषा ( कालमाप सम्ब	<mark>रमी पारि</mark> माधिक शब्दावि	हे )		¥
धान्य-परिभाषा ( धान्यमाप स	म्बन्धी पारिभाषिक शब्दाव	ਲਿੰ)	• • •	ų
सुवर्ण-परिभाषा ( स्वर्णमाप सम्	<b>ग्न्धी पारिभाषिक शब्दाव</b> ि	ક)	•••	ધ્
रजत-परिभाषा ( रजतमाप सम	वन्धी पारिभाषिक शब्दावरि	( <del>g</del>		ų
लोइ-परिभाषा ( लोइ घातुमापः	सम्बन्धी पारिभाषिक शब्दा	विछि )		ξ
परिकर्म नामाविले ( गणित की	मुख्य क्रियाओं के नाम )	•••		ξ
शून्य तथा धनात्मक एवं ऋणात	मक राशि सम्बन्धी सामान्य	य नियम		Ę
संख्या संज्ञा		•••		y
स्थान नामावछि ( संकेतनात्मक	स्थानों के नाम )		• • •	C
गणक गुण निरूपण			• • •	6
२. परिकर्म व्यवहार ( अङ्कराणित	सम्बन्धो क्रियाएँ )			Q
प्रत्युत्पन्न ( गुणन )			• • •	9
भागहार (भाग)	•••	•••		१०
वर्ग	•••	• • •	•••	१३
वर्गमूल		•••		१५
ू घन				१६
धनमूल	•	•••	•••	१८
संकल्पित ( श्रेटियों का संकलन	)		• • •	२०
ब्युत्किलत	•••			३२
३. कलासवर्ण व्यवहार (भिन्न)		,,,		36
भिन्न प्रत्यत्पन्न (भिन्नों का गण				36

	भिन्न भागहार ( भिन्नों का भाग )	•••	•••	• • •	ş
	मिन सम्बन्धी वर्ग, वर्गमूल, घन, घनमूल	•••	•••		₹.
	भिन्न संकलित ( भिनात्मक श्रेडियों का योगकरण )				34
	भिन्न ज्युत्कलित (श्रेदिरूप भिन्नों का व्युत्कलन )	•••			* `
	कलासवर्ण पड् जाति ( छः प्रकार के भिन्न )	••	•••		86
	भागजाति ( साधारण भिन्नों का जोड़ और घटाना )	1	***		86
	प्रमाग और भागभाग जाति ( संयुत और जटिल मि				કર હ્યુ
	भागानुबन्ध जाति (संयव भिन्न)	••			६१
	भागापवाह जाति (वियवित भिन्न)	•••			ĘĘ
	भागमातृ जाति ( दो या अधिक प्रकार के भिन्नों से	संयक्त भिन्न )	• • •		<b>\$</b> \$
¥.	प्रकीर्णक व्यवहार ( भिन्नों पर विविध प्रक्त )	<b>3</b> ,			ફેટ
	भाग और रोष जाति	•••			६९
	मूल जाति				હે
	शेषमूल जाति		•••	,	७४
	द्विरग्र रोषमूल जाति		•••		છપ્
	अंशमूल जाति	• • •			, છછ
	भाग संवर्ग जाति	• •	•••		৩८
	<b>ऊना</b> धिक अंशवर्भ जाति -	• •	• • •		७९
	मूलमिश्र जाति	• •			60
	भिन्न दृश्य जाति	••	•••		८१
٧.	त्रैराशिक व्यवहार		• • •		٠ رع
	अनुक्रम त्रेराशिक	• •			८३ ८३
	व्यस्त त्रेराशिक	• •	•••		८५ ८५
	ब्यस्त पंचराशिक	••			८५
	व्यस्त सप्तराशिक		•••		८६
	व्यस्त नवराशिक	••	• • •		८६
	गति निवृत्ति •	••			८६
	पंचराशिक, सप्तराशिक, नवराशिक	••			20
	भाण्डप्रतिभाण्ड (विनिमय)	• •	•••		८९
	क्रय विक्रय	• •	•••		८९
€.	मिश्रक व्यवहार	•••	•••		९१
	संक्रमण और विषम संक्रमण	••			-
	पंचराशिक विधि	••	•••		98
	वृद्धि विधान (ब्याज)	••	•••		९२
	प्रक्षेपक कुट्टीकार (समानुपाती भाग)		•••	•••	88
	विक्रिका कुट्टीकार		•••	•••	१०८ ११५
	<b>─</b> -				

-			vii
विषम बुद्दीकार	• • •	•••	••• १२३
सकल कुटीकार	• • •		१२४
सुवर्ण कुट्टीकार		•••	१३५
विचित्र कुटीकार	•••	•••	••• १४५
श्रेदीबद संकलित (श्रेणियों का संकलन)	•••		••• १६५
७. क्षेत्रगणित व्यवहार (क्षेत्रफल के मार्य सम्ब	न्धी गणना	)	१८१
व्यावहारिक गणित ( अनुमानतः मापसम्बन्धी ग	णना )		१८२
स्थम गणित	•••	•••	१९२
जन्य व्यवहार		•••	40R
पैशाचिक व्यवहार	***	• • •	••• २१३
८. स्वात व्यवहार (स्रोह अथवा गढ़ा सम्बन्धी	गणनाएँ )		… સંપર્
सूक्ष्म गणित	•••		••• २५१
चिति गगित ( ईंटों के ढेर सम्बन्धी गणित )		•••	२६२
क्रकचिका व्यवहार			२६७
🦴 छाया व्यवहार छाया सम्बन्धी गंणित )	***		··· २६९
गरिशिष्ट १ संख्या निरूपक राज्या बळि	•••	•••	( अंतिम ) १
२ अनुवाद में अवतरित संस्कृत झन्द	• • •		88
२ अ ग्रंथ में प्रयुक्त संस्कृत पारिभाषिक राब्य	दावलि	•••	३८
३ उत्तर-माला	• • •	•••	··· २७
४ माप-सारणी	•••	•••	••• ३५
५ कारंजा जैन-मण्डार प्रति-परिचय	• • • •	•••	٠٠٠ لولير
६ प्रोफेसर रंगाचार्य और डेविड आइजिन (	रिमथ की प्रस्त	।व <b>ना</b> एँ	Ę¥
प्रस्तावना की अनुमक्रिका		•••	৩८
शुद्धि-पत्र	• • •		/9

•

## प्रन्थमाला संपादकीय

पद्ना, लिखना और गिनना ये मनुष्य की मौलिक विद्यायं मानी गई हैं। जैन-शास्त्रों में जिन बहत्तर कलाओं का उल्लेख मिलता है उनमें सर्वप्रथम स्थान लेख का और दूसरा गणित का है। तथापि आगमों में प्रायः इन कलाओं को 'लेहाइयाओ गणियप्पहाणाओ' अर्थात् लेखादिक, किन्तु गणित प्रधान कहा गया है। इससे सिद्ध होता है कि बालक की शिक्षा में एवं मानवीय व्यवहार में गणित का बड़ा महत्त्व था।

जैन-साहित्य यद्यपि धर्म व दर्शन प्रधान है, तथापि उसमें गणित-शास्त्र का उपयोग व व्याख्यान पद पद पर पाया जाता है। विशेषतः इस साहित्य के चार अनुयोग—प्रथम, करण, चरण और द्रव्य माने गये हैं। उनमें करणानुयोग में लोक का स्वरूप वर्णित पाया जाता है; और उस निमित्त से सूर्य, चन्द्र व नक्षत्र तथा द्वीप, समुद्र आदि के विवरणों में गणित की नाना प्रक्रियाओं का प्रचुरता से उपयोग किया गया है। सूर्यप्रक्रित, चन्द्रप्रशित एवं जम्बूद्रीपप्रशित नामक उपाक्कों में तथा तिलोयपण्णत्ति, षट्खंडागम की धवल टीका एवं गोम्मटसार व त्रिलोकसार तथा उनकी टीकाओं में प्रचुरता से गणित का प्रयोग पाया जात है; और वह मारतीय प्राचीन गणित के विकास को समझने के लिये बड़ा महत्त्वपूर्ण है। सूर्यप्रशित को तो गणितानुयोग भी कहा गया है। वैदिक परम्परा में गणित का विषय वेदाक्क ज्योतिष आदि ज्योतिष के ग्रंथों में प्रयुक्त पाया जाता है। पाँचवीं शती में हुए आर्यमट ही एक सर्वप्रथम ज्योतिष पाये जाते हैं जिन्होंने अपने आर्याप्रशत नामक कृति में ३३ श्लोकात्मक गणित का एक प्रकरण स्वतंत्र रूप से जोड़ा है। उनके पश्चात् हुए ब्रह्मगुत ने भी अपने ब्राह्म स्कृट सिद्धान्त नामक ग्रंथ में गणित का एक अध्याय बोहा है।

इस समस्त परम्परा में एक भी ऐसा ग्रंथ नहीं दिखाई देता जो पूर्णतः गणित-विषयक कहा जा सके। ऐसा सर्वप्रथम ग्रंथ महावीराचार्य कृत गणितसार-संग्रह ही है जिसकी रचना राष्ट्रकृट नरेश अमोधवर्ष के राज्यकाल में हुई थी जो सन् ८१३ से ८८० ईस्वी तक पाया जाता है। यह राजा जैनधमं का बड़ा अनुरागी था और उसके संरक्षण में बहुत से जैन साहित्य की रचना हुई। राजा स्वयं एक किन था और प्रश्लोत्तर-रक-मालिका नामक प्रख्यात सुमाषित किनता उसी की बनाई सिद्ध होती है। प्रस्तुत ग्रंथ की उत्थानिका में ही अमोधवर्ष की बड़ी प्रशंसा की गई है। यहाँ जो उन्हें महान् यथाख्यात-चारित्र-जलिंध आदि विशेषण दिये गये हैं उनपर से ऐसा अनुमान होता है कि उन्होंने राज्यत्याग कर मुनिधर्म धारण किया था। रक्षमालिका के अन्त में जो उन्हें 'विवेकात् त्यक्तराज्येन' कहा है उससे भी इसी बात का समर्थन होता है। (देखिये डाॅ० ही० ला० जैन, राष्ट्रकृट नरेश अमोधवर्ष की जैन-दीक्षा, जैन सिद्धान्त भास्कर, आरा, १९४३)। एक पूर्णतः गणित विषयक ग्रंथ ऐसा भी मिला है जो आक्वर्य नहीं महावीराचार्य से

पूर्वकाकीत हो। पेशावर के समीप बक्षाली नामक माम में भूमि के मीतर से एक भूर्ष पत्र पर लिखे हुए मंथ के खंड सन् १८८१ में मास हुए। इनकी छानबीन से पता चला कि इनमें भिन्न, वर्गमूल, समान्तर और गुणोत्तर भेदियां आदि गणित की मिक्रयाओं का वर्णन है। कुछ विद्वान इस मंथ को तीसरी चौर्या शती की रचना का अनुमान करते हैं और कुछ इसे बारहवीं शती के लगभग रखने के भी पक्ष में हैं। (देखिये Bibhutibhusan Datta, The Bakhshālī Mathematics, Bul. Cal. Math. Soc., XXI, 1 (1929), pp. 1-60).

प्रस्तुत सर्वागपूर्ण गणित प्रथ के महत्त्व को समझ कर इसका सम्पादन प्रोफेसर रंगाचार्य ने अंग्रेजी अनुवाद सहित सन् १९१२ में किया था जिसका प्रकाशन मद्रास गवन्मेंट की ओर से हुआ था। इधर अनेक वर्षों से वह प्रकाशन अलभ्य है जिसके कारण प्राचीन गणित के विद्वानों व शोधकों को बड़ी असुविधा प्रतीत होती थी। इसी कारण यह आवश्यक समझा गया कि इस प्रंथ का पुनः संशोधन, अनुवाद व प्रकाशन कराया जाय। यह कार्य गणित के प्राध्यापक श्री लक्ष्मीचन्द्र जैन ने अपने हाथ में लिया और उन्होंने अपने हिन्दी अनुवाद तथा प्रस्तावना में विषय को सुस्पष्ट करने में बड़ा परिश्रम किया है जिसके लिये हम उनके बहुत इतज्ञ हैं। प्रस्तुत ग्रंथमाला के अधिकारियों ने इस ग्रंथ को प्रकाशित करना सहर्ष स्वीकार किया इसके लिये वे धन्यवाद के पात्र हैं। इस ग्रंथ के लिए प्रो॰ भूपाल बाळप्पा बागी (धारवाड) ने महत्त्वपूर्ण प्रास्ताविक लिखा है, जिसके लिए हम उनके आभारी हैं। अनेक सम्पादन व मुद्रण सम्बन्धी कठिनाइयों के कारण ग्रंथ के प्रकाशन में बहुत विलम्ब हुआ इसका हमें दुख है। विद्वानों से हमारी प्रार्थना है कि वे इस महत्त्वपूर्ण शास्त्र के सम्बन्ध में अपने अभिमत व सुझाव निस्संकोच भेजने की क्रुपा करें, जिससे विषय का उत्तरोत्तर परिमार्जन होता रहे।

ही. ला. जैन था. ने. उपाध्ये प्रधान सम्पादक

#### INTRODUCTORY

Aryabhata, the elder (c. 510 A. D.), Brahmagupta (c. 628 A. D.), Mahāvīrāchārya (c. 850 A. D.) and Bhāskarāchārya (c. 1150 A. D.) are the most eminent mathematicians of ancient India.

Mahavīrāchārya, the author of the Ganitasara Samgraha, lived in a period well-known, in the history of South India, for its prosperity, political stability and academic fertility. He was a contemporary and enjoyed the patronage of Nrpatunga, or Amoghavarsha (815-877 A. D. ) of the Rashtrakūta dynasty. Nrpatunga was ruling at Manyakheta, but his kingdom.extended far northwards. His capital was a centre of learning. He was not only a mighty ruler, but also a patron of poets and himself a man of literary aptitude and attainments. A Kannada work, Kavirājamārga, on poetics is attributed to him He was a great devotee of Jinasena (the author of Adipurana and Parsvabhyudaya) whose accetic practices and literary gifts must have captivated his mind. He soon became a pious Jaina and renounced the kingdom in preference to religious life as mentioned by him in his Sanskrit work, the Prasuottara-ratnamālā and as graphically described by his contemporary Mahaviracharya in his Ganitasāra Samgraha.

Mahāvīrāchārya combines the discipline of seasoned mathematician with the warm and vivid imagination of a creative poet. He skilfully summarizes all the known mathematics of his time into a perfect textbook which was used for centuries in the whole of Southern India. He states rules clearly and precisely. He simplifies and sharpens many processes. He generalises many a theorem shedding light on new aspects by apt illustrations. Ganitasāra-Samgraha is a veritable treasury of problems many of which are characterised by mathematical subtlety, poetic beauty and delicate hint of refind humour, qualities so rare in a mathematical text book. It is difficult to decide, in a textbook, what is old and what is the original contribution of the author.

Here is a brief survey of the contents of the book:

Chapter I opens with the salutation to Lord Mahāvīra, the twentyfourth Tīrthankara of the Jainas, who by his knowledge of the science of the numbers illuminates the three worlds. This is follwed by a warm and handsome tribute of gratitude paid to his royal patron, Amoghavarsha. After this, comes the most enthusiastic and unique panegyric ever bestowed on the science of Mathematics. Then we have measures used, names of operations and numerals. Rules governing the use of negative numbers are correctly stated; those regarding the use of zero may be stated in modern notation thus:

 $a \pm 0 = a;$   $a \times 0 = 0;$   $a \div 0 = a.$ 

The last part is obviously wrong. As regards the square root of a negative number, the author observes that since squares of positive and negative numbers are positive, square root of a negative number cannot exist. Considering the limitations of his time, Mahāvīrāchārya could not have reached a more sensible conclusion. We may note, in this context, that the necessary extension of the concept of number which assimilates square roots of negative numbers into the number system, was achieved as late as in 1797 by C. Wessel a Norwegian surveyor (Bell's 'The Development of Mathematics' page 177).

Chapter II deals, in respect of integers, with operations of multiplication, division, squaring and its inverse, cubing and its inverse, arithmetic and geometric series.

Problem II 17. In this problem, put down in order (from the unit's place upwards) 1, 1, 0, 1, 1, 0, 1 and 1, which (figures so placed) give the measure of a number and (then) if this number is multiplied by 91, there results that necklace which is worthy of a prince. The 'Necklace' referred to, may be displayed thus:

 $11011011 \times 91 - 1002002001$ .

Two more 'garlands worthy of a prince' are : (II 11, 15):  $33333666667 \times 33 = 11000011000011$ ; and  $752207 \times 73 = 11$ , 111, 111.

Chapters III and IV are devoted to elementary operations with fractions. Mahāvī āchārya has paid considerable a tention to the problem of expression of a unit fraction as the sum of unit fraction. This problem has interested mathematicians from remote antiquity (Ahmes Papyrus 1650 B. C.). Here are three relevant problems (II 75, 77, 78) set in modern notation.

$$(1) 1 = \frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \frac{1}{3^{\frac{1}{2}}} + \cdots + \frac{1}{3^{\frac{1}{n-2}} + 2^{\frac{1}{n-2}} \cdot 3};$$

$$(2) 1 = \frac{1}{2 \cdot 3 \cdot \frac{1}{2}} + \frac{1}{3 \cdot 4 \cdot \frac{1}{2}} + \cdots + \frac{1}{(2n-1) \cdot 2n \cdot \frac{1}{2}} + \frac{1}{2n \cdot \frac{1}{2}};$$

$$(3) \frac{1}{n} = \frac{a_1}{n \cdot (n+a_1)} + (n+a_1) \cdot (n+a_1+a_2) + \cdots$$

$$+ \frac{a_2}{(n+a_1+a_2+\cdots+a_{r-2})} \cdot (n+a_1+a_2+\cdots+a_{r-1})$$

$$+ \frac{a_r}{a_r \cdot (n+a_1+a_2+\cdots+a_r)}$$

Problem IV 4: One third of a herd of elephants and three times the square root of the remaining part (of the herd) were seen on the mountain slope; and in a lake was seen a male elephant along with three female elephants. How many were the elephants there?

Here is a sample of monkish humour!

Chapter V treats 'Rule of Three' and its generalised forms.

Chapter VI. Having created the arithmetical apparatus in the earlier chapters, in this long chapter, Mahāvīrāchārya applies it to solving many problems which one encounters in life such as moneylending, number of combinations of given things, indeterminate equations of first degree, etc.

Problem (VI 128½): In relation to twelve (numerically equal) heaps of pomegranates which having been put together and combined with five of those (same fruits) were distributed equally among 19 travellers. Give out the numerical measure of (any) one heap.

Problem (VI 218): The number of combinations of n different things taken r at a time is

$$\frac{n(n-1)(n-2)\cdots(n-r+1)}{123\cdots r} \text{ or } \frac{n!}{r!(n-r)!}$$

It is interesting to note that this general formula was discovered in Europe as late as in 1634 by Herigone (Smith's History of Mathematics Vol. II). We may also recall here that the number 7 which occurs in Saptabbangi provides a simple example in the theory of Permutations and Combinations. A layman can verify that he can form seven and only seven different combinations of three distinct objects. Jainas have been using mathematics freely in their sacred literature from very remote antiquity. The above example supports this fact.

Problem (VI 220): 0 friend, tell me quickly how many varieties there may be, owing to variation in combination of a single-string necklace made up of diamonds, supphires, emeralds, corals and pearls?

Problem (VI 287): What is that quantity which when divided by 7, (then) multiplied by 3, (then) squared, (then) increased by 5, (then) divided by 3/5, (then) halved and (then) reduced to its square root, happens to be 59.

Note the sheer devilry of it!

In chapters VII and VIII problems on mensuration are treated. Some of the formulas used are noted here:

- (1) The Pythargorean formula for the sides of a right angled triangle is  $a^2 = b^2 + c^2$  where a is the hypotenuse.
- (2). Area of  $\triangle$  ABC is

$$\sqrt{s}(s-a)(s-b)(s-c)$$
 where  $2s=a+b+c$ .

(3). The area and the diagonals of a quadrilateral ABCD are:

$$\sqrt{(s-a)(s-b)(s-c)(s-d)}$$
 where  $2s=a+b+c+d$ ;  
 $\sqrt{(ac+bd)(ab+cd)}$ ;  $\sqrt{(ac+bd)(ad+bc)}$ .

It is unfortunate that both Mahavīrāchārya and his predecessor Brahmagupta made the common mistake of not mentioning the fact that these formulas hold for cyclic quadrilaterals only.

- $(4). \pi = 3 \text{ or } \sqrt{10}.$
- (5). The circumference of an ellipse whose major and minor axes are of lengths 2 a and 2 b is  $\sqrt{24}$  b<sup>2</sup> + 16 a<sup>2</sup> which reduces to  $2\pi a\sqrt{1-\frac{3}{5}}$  e<sup>2</sup> where e is the eccentricity. It is difficult to imagine.

how Mahaviracharya could attain such a close approximation without the help of the powerful tools available to us.

Chapter IX treats the so called "Shadow Problems."

Raobahadur Rangāchārya's edition of Ganitasāra-Saingraha with English translation has been out of print for over thirty five years. Thanks to the zeal and labours of Prof. L. C. Jain, the present edition with Hindi translation goes some way to meet a long felt need. It is, however, felt that a new edition with English translation by an experienced Mathematician who knows Sanskrit well is an urgent need.

The writer is thankful to his learned friends Dr. Hiralalji Jain and Dr. A. N. Upadhye for assigning to him the pleasant task of writing this foreword.

DHARWAR, October 1963

B. B. BAGI

#### EDITORIAL

The work of Hindi translation of Ganitasara-Samgraha was entrusted to me by Dr. H. L. Jain in 1951, soon after I had joined the College of Science at Nagpur. It took nearly twelve years for its publication. During this period, while in his contact, I became interested in the study of mathematical contents of the old Prakrit texts (Dhavala and Tiloyapannatti recently brought to light and edited with Hindi translation by him. It was easy to mark out the difference between the treatment in Ganitasara Samgraha and the mathematical contents of the Prakrit texts. The former is a work on Indian logistics or Laukiki, a few portions of which could be useful for the study of the latter which we may call Indian arithmetica. Artha, in Prakrit texts, implies the measure of substance, field. time and beings' becomings in terms of monads. The Prakcit texts, made known to the Hindi world by Dr. H. L. Jain and others, form important sources of Indian arithmetica which throw light on the darkest period of Indian history of mathematics. It is regretted that certain articles of Dr. A. N. Singh on these topics are not known to historians of mathematics, for they were not published in recognized mathematical magazines. A reference to these was made by Sinyhal in an article on Dr. Singh in Ganita, Vol. 5, No. 2, (1954).

In the present work, I have based the translation mainly on the English translation of Professor Rangāchārya, taking liberty of Hindi expressions and keeping his notes intact. In the introduction I have tried to give a general observation on the history of mathematics upto the time of Mahāvīrāchārya. This is chiefly based on Bell's Development of Mathematics and History of Hindu Mathematics by Datta and Singh. Then I have given a specific observation on the history of mathematics of the Pythagorean era. In this I have given relevant references of the works which form important sources of Indian arithmetica, and have tried to correlate certain similarities in Greek, Egyptian, Babylonian, Indian and Chinese arithmetica etc. I have concluded therein that the mathematics developed in the school of Vardhamāna Mahāvīra

is one of the connecting and missing links in the history of Mathematics.

I have traced these developments in a systematic form in the Jiva Tatva Pradipikā commentary on Gommatasāra. It abounds in symbolism for place value, logarithms, transfinite and finite cardinals, sets and operators. One may be confused to see that a single symbol has been used in various texts to denote various measures or operations. For example, zero as a circle stands for a negative sign, for one sensed soul, for the agrihita stage of soul (for a void), for filling up gaps, and for a place value. Sets are of varying, oscillating and constant types. A kind of well ordering concept seems to have been used in formation of sequences from the greatest transfinite set. Comparability also plays an important role in the treatment.

Thus Mahāvīrāchārya had before him, the works of his predecess its, both in logistics and in arithmetica. He made a clear remark in his connection, is verse 70, Chapter 1, for a study of Āgama for further de ails. His work contains other elementary descriptions on series e.c., found in details in Prakrit texts, referred above. It seems that his acquaintance with proper infinities in which monads alone played the role of division etc., made him to think of division by zero as a distribution in a logical way. If a sum is to be distributed to none, the sum would remain unaffeced.

The first four appendices contain practically the same matter as appeared in Rangāchārya's translation. The fifth appendix contains new collation-material compiled at the instance of Dr H. L. Jain from certain manuscripts from Karanja. In the sixth appendix it has been thought useful to reproduce the preface of Professor Rangāchārya and introduction of Professor David Eugene Smith.

Thanks are due to Professor B. D. Dube for his kindness to give valuable suggestions. Thanks are also due to the proprietor of the Press for his kind co-operation.

I am grateful to my Principal, Shri G. R. Inamdar, and to my senior colleague, Prof. K. S. Rathore, for their affectionate patronage. My gratitude is also due to Prof. S. B Gour for his close assistance.

## समर्पण

श्री १०५ पू० क्षु० मनोहर वर्णी 'सहजानन्द' जिन्होंने

निरन्तर ज्ञान तप साधना रत हो

''स्यां स्वस्मै स्वे झुखी स्वयम्' उद्घोष गीत से

संतप्त जग जीवन में

चन्द्र सितारा मय

शीतल सम्यक्त-प्रमात

उतारा है

तथा

जीवन बन्धु विनोबा भावे

जिन्होंने

सर्वोदय और भूमिदानादि रत्न दीपों से कृष्ण क्षुब्ध तम जरुधि तटों पर सुप्त प्राणों के प्राणों को जागृत रसा है

को

सादर

सस्नेह

### प्रस्तावना

भारतीय गणित इतिहास के जगतप्रसिद्ध गणितज्ञ महावीराचार्य के गणितसार संबद्ध प्रन्थ का पुन-बद्धार प्रोफेसर रंगाचार्य द्वारा सन् १९१२ में हुआ । इस प्रन्य के तीन अपूर्ण इस्तलेख उन्होंने गव्हर्नमंट ओरिएंटक मेनरिकप्ट्स लायबेरी, मद्रास में, उस समय के डी. पी. आई. श्री जी, एच, स्टुअर्ट की प्रेरणा से प्राप्त किये। उन तीन इस्तिलिपियों में से एक तो रे ग्रंथ की लिपि में कागब पर है. जिसमें संस्कृत टीका सहित प्रथम पांच अध्याय है। बाकी दो हस्तलिपियां ताइपत्रों पर कनडी लिपि में हैं। एक ताइपत्र में प्रथम पांच अध्याय हैं. और दसरे में सात अध्याय हैं. जिनमें क्षेत्रफलों का ज्यामितीय विधि से निरूपण है। इन दोनों इस्तलिवियों में संस्कृत में लिखा हुआ मूल ग्रंथ है, और कनड़ी भाषा में कुछ विविध उदाइरणार्थ प्रकृत तथा उन्हीं प्रदनों के उत्तर दिये गये हैं। इस प्रथ का पूर्णरूपेण अंग्रेजी में अनुवाद करने के छिये प्रोफेसर रंगाचार्य ने कई जगह खोज करवाई, जिसके फल स्वरूप उन्हें कुछ और इस्तलिपियां प्राप्त हुईं। चौथी इस्तलिपि गढहर्नमेंट<sup>3</sup> ओरिएंटल लायब्रेरी, मैसूर में प्राप्त हुई । यह हस्तलिपि मूल रूप में ताड पत्र पर किसी जैन पंडित के पास थी, जिसे कागज पर कनड़ी में उतारा गया था । इस लिपि में पूरा प्रनथ है, साथ में. वल्लम द्वारा कनही भाषा में की गई टीका भी है। वल्लभ ने उसी में लिखा है कि इसी ब्रन्थ की टीका उन्होंने तेलग में भी की। पांचवीं हस्तिखिप, र दक्षिण कनड़, मूडबिद्री में एक बैन मंदिर के भांडार में ताड-पत्र पर कनड़ी में लिखित प्राप्त हुई। इसमें भी पूर्ण प्रथ है तथा कनड़ी में प्रश्न और उनके उत्तर दिये गये हैं। ग्यारहवीं सदी में राजर्सदी के राजराजेन्द्र के शासन काल में इस मंथ का अनुवाद पावलिर मल्लण द्वारा तेलगू में हुआ, जिसकी कुछ इस्तलिपियां मद्रास की गन्हर्नमेंट ओरिएंटल मेनस्क्रिप्ट्स लायबेरी में हैं।

प्रनेथ पढ़ने से ज्ञात होता है कि प्रनयकार सम्भवतः ईसा की नवीं सदी में मैसूर प्रांत के किसी कनड़ी भाग में हुए होंगे, जहां राष्ट्रकृट वंश के चिक्रका मंजन राजा अमोधवर्ष तृपतुंगं का शासन था। महावीराचार्य के कार्य का महत्व समझने के लिये गणित के विकास के इतिहास पर विहंगम दृष्टि डालना आवश्यक प्रतीत होता है। गणित के विकास में भारतीयों का कितना अंशदान या यह भी इससे स्पष्ट हो जावेगा। इस विकास विवरण को हम केवल महावीर के काल तथा पश्चिम के देशों तक सीमित रखेंगे।

इस इस्तिखिपि को प्रोफेसर रंगाचार्य ने "P" द्वारा अभिधानित किया है। इस भी इन्हीं संकेतीं को उपयोग में कार्वेगे।

२. दोनों इस्तिकिपियों में साधारण कक्षण होने एवं विषय अविकादी (overlapping) न होने के कारण इन्हें "E" इति अभिधानित किया गया है।

३. इसका अभिधान "M" द्वारा किया गया है।

४, इस इस्तिलिपि को "B" द्वारा अभिधानित किया गया है।

प. अमोधवर्ष मृपतुंग के विषय में इतिहासकारों का मत है कि वे ईसा की नवीं सदी के पूर्वाई में राजगद्दी पर बैंटे। इनके विशेष परिषय के किये नायूदाम मेमी का "जैन साहित्य और इतिहास" १९४२, पूरु प्राप्त आहि देखिये।

### गणित इतिहास का सामान्य अवलोकन

यह शात नहीं कि विश्व के किस प्रदेश में, कब और किसने यह सोचा कि संख्या और आइति का शान सम्य जीवन के लिये उतना उपयोगी सिद्ध होगा जितनी कि भाषा । संख्या और आइति, इन दो मुख्य धाराओं द्वारा गणित वर्तमान रूप में आई। प्रथम धारा अंकगणित और बीजगणित को लाई, तथा दूसरी धारा ज्यामिति को। सन्नहर्वी सदी में ये दोनों मिलकर गणितीय विश्लेषण (mathematical analysis) रूपी अगम्य नदी के रूप में बदल गई।

ईसा मसीह से सैकड़ों सिद्यों पिहके विश्व के जो प्रदेश सम्यता की चरम सीमा तक पहुँच सके उनमें प्राया सबका इतिहास अज्ञात है, केवल वहीं देश इतिहास को बना सके जहां ऐतिहासिक सामित्रयां अभी तक हजारों वर्षों के विनाशकारी वातावरण से लोहा लेकर सुरक्षित चली आईं। इन देशों में

बेबीलोनिया (बाबुल ), मिस्र और भारत विशेष रूप से प्रसिद्ध हैं।

दबला और फरात निर्यों के कछार के पिरचिमी भाग में स्थित झूलने वाले बगीचों के देश बेबीलोन (Babylon) में लगभग ईसा से प्रायः ५७०० वर्ष पूर्व के अभिलेख वहां की सम्यता का प्रदर्शन करते हैं। उस काल में इस देश के निवासी अपने कान को मिट्टी की चिक्रकाओं, रम्मों (बेलनों) और त्रिसमपार्श्वों में अंकित कर उन्हें पकाकर सुरक्षित रखते थे। उनके अध्ययन से ज्ञात होता है कि उनकी सम्यता का आधार कृषि था, जिसके लिए उन्हें पंचांग (calendar) की आवश्यकता होती थी। उस सदी में उन्होंने अपने वर्ष का आरम्म बिषुवत बिन्दु (vernal equinox) से किया था। यह ज्ञान उन्होंने अपने पूर्व के देश सुमेर (Sumer) वासियों से सीखा होगा। ईसा से प्रायः २५०० वर्ष पूर्व सुमेर के व्यापारी वजन और मापों से परिचित थे। उन्हों की गणना का मान बेबीलोन पहुँचा। वह मान षाष्ठिका (६० को आधार लेकर) था, जिसमें दशमलव (१० को आधार लेकर प्राप्त हुई) पद्धित का कुछ मिश्रण था। यह अनुमान स्थाया जाता है कि १०, अंगुलियों को गिनने से और ६०, १० में ६ का गुणन करने से प्राप्त किया गया होगा। ६ इसलिए चुना गया कि उससे उपयोगी मिन्नों को सरलता पूर्वक व्यक्त किया जा सकता था।

रखकर है से पूर्व समीकरण को गुणित किया। यदि परिणामी स धनात्मक है तो य के और श्व के मान (values) न न न की सारिणी से प्राप्त हो सकते हैं। उस समय के बाद इस किया की पद्धित इटली की सोलहवीं सदी की बीजगणित में मिलती है। कुछ समीकरणों के सिवाय, उन्होंने दस अज्ञात वाले दस एक बातीय समीकरणों युक्त प्रदनों के रूपों का इल भी किया है। उस काल की ज्ञांकय गणित में आयत, समकोण त्रिमुब, समिद्धवाहु त्रिमुब आदि का क्षेत्रफल निकाला वा खुका था, और परिधि क्यास की निष्यित र मानी वा खुकी थी। संभवतः यहाँ के निवासी सिवाई और नहरों सम्बन्धी समस्याओं में आयतन, लम्ब इतीय बेलन और समस्व समपाक्यों के ठीक तरह साधित किये गये उदाहरणों को उपयोग में

प्रस्ताबना 3

छाते थे। यहाँ की रेखा गणित की तीन बातें उछिखनीय हैं। प्रथम तो यह कि अर्ब्रुच्त का कोण समकोण होता है। दूसरी यह कि वे साध्य (कर्ण) = (ल्प्र्य) + (आधार) ने, का उपयोग २०, १६, १२ और १७, १५, ८ बैसी राशियों में कर चुके थे। तीसरी यह कि गणितीय विश्लेषणके उद्गमों के चिन्ह, जैसे, सम-कोणिक त्रिमुजों के बराबर कोणों की संवादी सुजाएँ समानुपाती होती हैं। यह हुई वेबीलोन की प्रगति जिसके प्रशात वहाँ के प्रगति चिन्ह नहीं मिलते।

अब स्थल मार्ग से अरब देश को पारकर नील नदी के किनारे बसे मिस्र देश में चिलचे। यह पिरेमिडों (स्तूपों) का विचित्र देश ईसा से प्रायः ४००० वर्ष पूर्व से लेकर २७८१ वर्ष पूर्व तक के पुरातत्व की सामग्री का भेँडार है। बेबीलोन की तरह इस देश की सभ्यता का आधार कृषि था। इसका पता संमवतः ४२४१ वर्ष पूर्व के वहाँ के एक तिथिपत्र से चलता है जिसमें ३० दिन वाले १२ माह है. जिनमें ५ दिन जोड़ने से ३६५ दिन पूरे किये जाते हैं। इस ज्योतिर्विज्ञान हेतु वहाँ अंकगणित भी विकसित की गई। बैबीलोन की तरह इस देश के अभिलेख सुरक्षित रहे आये; क्योंकि एक तो यहाँ की जलवायु महस्थली थी, और दूसरे यहाँ मृतकों (बैल, मगर, बिल्ली और मानवों) के लिये बहुत मान्यता दी जाती थी। इसी कारण मिस्रियों ने आवश्यकतानुसार यह खोज निकाला कि निरर्थक "कलम के गृदे" ( papyri ) से पवित्र मगरों की लाशों को ठूँस-ठूँस कर भरने से उन्हें जीवित अवस्था का रूप देकर सुरक्षित रखा जा सकता है। इन्हीं पेपीरियों ( papy ri ) द्वारा ज्ञात होता है कि मिली ईसा से प्राय: ३५०० वर्ष पूर्व की अंकगणित में करोडों की संख्या का उल्लेख करते थे। इस तिथि की उनकी चित्रलिपि ( hieroglyphics) में वर्णन है कि १,२०,००० मानव, ४००,००० बैल और १,४२२,००० बकरे कैटी बनाये गये । गणना के बाद उन्होंने दशमलवपद्धति का अनुसरण किया, पर वह स्थान-मान ( place value ) रहित थी। इसके पश्चात, ईसा से १६५० वर्ष पूर्व की अंकगणित में गुणन भाग है। भिन्नों में दे को विशेष प्रतीक द्वारा प्ररूपित किया गया है, अन्य भिन्नों को है सहश रूप वाले भिन्नों के योग में हासित किया गया है। प्रायः इसी समय की रिंड पेपिरस (Rhind papyrus) में  $\frac{7}{90} = \frac{8}{90} + \frac{8}{90} + \frac{8}{90}$ अंकित है। आमिस (Ahmes) ने २ के सब भिन्नों को (जहाँ न का मान ५ से लेकर १०१ तक है) पूर्ववत् लिखा है। आगे (ईसा से सम्मवतः २००० वर्ष पूर्व के एक प्रश्न से ) बीजगणित के उद्गम का आभास मिलता है, जो आजकल के प्रतीकों में क<sup>र</sup> + ख<sup>र</sup> = १००; ख = 🕎 क को हल करने के समान है। मिस्री लोगों ने इसे इल करने के लिये कूट स्थिति की रीति (rule of false position) का उपयोग किया है, जो ईसा की प्रायः १५ वीं सदी तक उपयोग में आती रही है। उन्हें समानुपात (proportion) ज्ञान भी था, जो गणितीय विश्लेषण का एक मुख्य आधार है। प्राय: इसी समय उन्होंने परिधि और न्या स की सूक्ष्म निष्पत्ति को रे१६ अौर ३'१६ बतलाया है। यद्यपि इस देश में पैयेगोरस के साध्य (५२=४२+३२) का कोई लिखित प्रमाण नहीं मिलता; तथानि उनके अवस्तरी रज्जुओं (rope stret chers) में ५, ४, ३ का अनुपात रहता था। व्यावहारिक मापों के विषय में कहा जाता है कि ईसा से प्रायः ३००० वर्ष पूर्व भी मिलवासी पर्याप्त उन्नति कर चुके थे। इसके कई उदाहरण हैं। एक तो यह कि नदी के चारों ओर की ७०० मील जगह में उनके जल प्रमापी (water gauges) एक सतह में थे। दूसरा यह कि उन्हें त्रिभुज का क्षेत्रफल तथा बेलन आदि के ग्रुख आयतन निकालना शात या । इनके सिवाय एक और बात उल्लेखनीय है कि विश्व प्रसिद्ध ग्रेट पिरेमिड के अतिरिक्त एक और सबसे महान् पिरेमिड, मिस्र के किसी अज्ञात गणितज्ञ के मस्तिष्क में था, विक्की खोज १९१० में मास्को पेपिस (Moscow papyrus) के अनुवाद के पहचात् हुई है। इस महान् गणितज्ञ ने उसमें एक सही सुत्र दिया है, विसके द्वारा वर्ग आधार वाले स्तूप के रुम्बिक्षिक का आयतन निकाला जा सकता है। सुत्र यह है: आयतन = है उ (अ + अ व + व \*), जहाँ अ, व, क्रमशः ऊर्ध्व तल तथा अधोतल के आधारों की भुजाओं के माप हैं, और उ उसकी ऊर्ध्वाधर ऊँचाई (vertical height) है। इसका समय लगमग ईसा से १८५० वर्ष पूर्व है। इस सुत्र में ग्रीक लोगों की निश्लोषण विधि' (method of exhaustion), और १७वीं सदी के केवेलियर (Cavelieri) की "अविभाज्यों की रीति" (method of indivisibles) निहित है। अपने लिये वह सीमा (limit) का सिद्धान्त है और बाद में अनुकल कलन (integral calculus)। इनका किचित् और सामान्य रूप (generalised form) आर्किमिडीज़ ने ईसा से प्रायः ५०० वर्ष पूर्व बतलाया है। गणित को मिस्रवासी भी इस हद तक बढ़ाकर आगे न बढ़ सके।

मिस्र के इस गणितीय इतिहास के पश्चात् हम भारत न पहुँचकर पहिले भूमध्यसागर के रास्ते ग्रीस देश ( यूनान ) पहुँचते हैं, जो ईसा से प्रायः ६०० वर्ष पूर्व के पश्चात् रेखा और शांकव गणित में अहितीय प्रगति करने के लिये प्रसिद्ध है। ग्रीस की गणित के इतिहास में ईसा से माय: ६५० वर्ष पूर्व हुए थेस्स तथा ( ईसा से प्राय: ६०० वर्ष पूर्व १ ५२७ वर्ष पूर्व १ उत्पन्न हुए ) पैथेगोरस ने गणित को तर्फ पर आधारित किया, और प्राकृतिक घटनाओं को अंक गणित द्वारा प्रदर्शित किया। पैथेगोरस के समय में प्रारम्भ हुई प्रीस देश की प्रगति को देखकर यह अनुमान लगाना स्वाभाविक है कि यह प्रगति पूर्वीय देशों के ज्ञान का आधार लेकर सम्भव हो सकी होगी। यह मान्यता है कि उसका सबसे महान आविष्कार ''समान आतित बल (tension) बाले धार्गों की लम्बाइयों के अंकगणितीय कुछ अनुपातों (ratios) पर संगीत-अंतरालों की निर्भरता" के विषय में था। उसके रैखिकीय साध्य से सभी परिचित हैं। इसी साध्य के द्वारा पैथेगोरल ने 🗸 र की अपरिमेयता को बतलाया, और "भूजा" तथा "विकर्ण" संख्याओं की ओह संरचना के विषय में नियम निकाला। इनके सिवाय पैथेगोरीय वर्गों ने वास्तविक मूल बाले वर्ग समीकारों का रैखिकीय इल निकाला, अनुपात का सिद्धान्त निकाला, पांच नियमित सांद्रों की रचना बतलाई, और दिये गये क्षेत्रफल की आकृति के तुल्य अन्य आकृतियाँ बनाकर बतलाई। उनके द्वारा प्रकीत रूपक ( figurate ) संख्यारें आज की अंकगणित के लिए बड़ी सुझावपूर्ण सिद्ध हुई । जैसे, निमनीय संख्याओं का प्रयोग एनपिडोक्कियन रसायनशास्त्र में करने पर यह सार निकलता है कि समस्त द्रस्य वास्तव में त्रिभुज हैं। पैथेगोरस के समय से अंक-ज्योतिष का आरम्भ होना भी माना जाता है। काळान्तर में इटली के एलिया नगर निवासी ज़ीनो (Zeno-४९५ १-४३५ १ ईस्वी पूर्व) के चार असद्भासों ( paradoxes ) में गणितीय अनन्त की अवधारणा के परिष्कृत करने का प्रयास परिलक्षित होता है। इसके सिवाय युडो ( Eudous-ईसा से ४०८ पूर्व से ३५५ तक ) ने अनुपात का सिद्धान्त निकालकर क्रिक्र के आयतन निकालने के दुनों को सिद्ध किया, तथा गणितीय विश्लेषण की वास्तविक संख्या पद्धति system of real numbers) की स्थापना की । सम्मवतः इसी सिद्धान्त के आधार पर निश्लेषक बिधि और डेडीकॅन्ड के बाद अनुकलकलन का उपयोग हुआ। कहा जाता है कि युडोने भी पूर्व के हेकों का भ्रमण किया था। यूक्तिर (ईसा से २६५ वर्ष पूर्व से २७५ पूर्व ) ने अंकमणितीय विभावन कर आवारमूत साध्यों को सिद्ध किया। उसने रेखागणित को तर्क पद्धति पर सुना और अर्थमिति की

जिसमें इस तथ्य का उपयोग किया गया कि सीमा निक्र । इस प्रकार आज की गणित निक्र (४) = । इस प्रकार आज की गणित निक्र आर्किमिडीज़ के साथ उत्पन्न होकर उसी के साथ मृत होकर दोसहस्र वर्षों के पश्चात् देकार्ते (Descartes) और न्युटन द्वारा पुनर्जीवित की गई। इसके पश्चात्, (ईसा से १५० वर्ष पूर्व) हिपरकस (Hipparchus) ने ग्रहों की गतियों का रेखागणित द्वारा निरूपण किया। इसमें १५ वीं सदी में कापरनिकस और १६ वीं सदी में केपछर ने परिवर्धन किया। कहा जाता है कि हेरन (सन् २०० ईस्वी) ने त्रिभुज का क्षेत्रफल निकालने के लिये निम्नलिखित नियम दिया:

 $\triangle = [$  सा (सा – का ) (सा – सा ) (सा – गा )  $]^{\frac{1}{2}}$ 

पेप्पस (Pappus) ने २५० ईस्वी में तीन महत्वपूर्ण साध्य खोजे। उसने दीर्धवृत्तज (ellipsoid) आदि की नामि (focus), नियता (directrix) के गुणों को सिद्ध किया और इस प्रकार विश्लेषकीय रेखागणित में शंकुच्छेदों के लिये साधारण द्विघात समीकार का आमास प्रकट किया। उसने प्रक्षेपी ज्यामिति का एक साध्य खोजा, और अनुकल कलन से (परिभ्रमण से प्राप्त न होनेवाके) सांद्रों की परिमा (आयतन) को निकालने के लिये साध्य खोजे। प्राय: इसी काल में डायोफेंटस (Diophantus) ने एकघातीय, दो और तीन अज्ञात वाले, समीकरणों को साधित किया।

ग्रीक गणित का तीत्र विकास प्रायः उस समय से देखा जाता है, जब कि ईसा से ४८० वर्ष पूर्व हुई मैरथान ( Marathon ) आदि की खड़ाइयों में इन छोगों ने फारस देश पर अधिकार जमाकर वहाँ की गणित सीखी। यह कहना कठिन है कि फारस को यह गणित शान भारत से प्राप्त हुआ या देबीछोन, सुमेर और फैनीकिया ( Phoenicia ) से।

विक्त सम्यता के प्राचीन केन्द्र भारत में (ईसा से प्रायः ३००० वर्ष पूर्व के) उच्च सम्यता के चिह्न सिंखु वदी की बाटी में मिळते हैं। उस समय के भारतीय ईंट के मकान बनाते थे, शहर की बन्दिश करते ये और स्वर्ण, रजत्, ताम्न, कांस आदि धातुओं का उपयोग कर उच्च अंणी का जीवन व्यतीत करते थे। मोहनजो-दहों के लेखों तथा मुहरों को पूर्ण रूप से पदा नहीं जा सका है। उनमें कई ऐसे चिह्न हैं, जो सम्भवतः बड़ी संख्याओं को दर्शाने के लिये अंकित किये गये होंगे, पर उनके वास्तविक मान का पता पाने का कोई उपाय नहीं दिखाई देता। वेदों में भी सम्यता की उश्चावस्था स्पष्ट रूप से दिखाई देती है। बाह्मण साहित्य' (प्रायः २०००— ००० ई० पू०) में धार्मिक और दार्शनिक तत्व तो हैं ही, इनके अतिरिक्त उसमें अंकगणित, रेखागणित, बीजगणित और ज्योतिर्विज्ञान की झलक भी दिखाई देती है।

व्याकरण तथा स्वरं विद्या सम्बन्धी खोजों से प्रतीत होता है कि ब्राझी लिए, ईसा से पूर्व परिपूर्ण की गई होगी, और सम्भवतः उसके पिहले ब्राझी संख्याओं का आविष्कार हुआ होगा। ब्राझण साहित्य काल में बीजगणित मुख्यतः रैखिकीय थी। किसी दिये गये वर्ग को दी गई भुजा वाले आयत में बदलने की रैखिकीय विधि जो शुल्ब (प्रायः ८००-५०० ई० पू०) में वर्णित की गई है, एक अज्ञात वाले एक बातीय समीकार को हल करने के समान है। यथा, अय = स्वरं, जहाँ य अज्ञात पद है। जब दिये गये क्षेत्र को किसी दूसरे अधिक या कम क्षेत्रफल वाले क्षेत्र में बदलना होता था, तब उस क्रिया में वर्ग समीकरण का उपयोग होता था। वैदिक आहुतियों की सबसे महत्वपूर्ण महावेदी, समद्विबाहु समल्यन चतुर्भुज (trapezium) के आकार की थी, जिसका आधार ३०, सामने की मुजा २४ और ऊँचाई (ल्क्स्ब) ३६ एकक (units) थी। वेदी के क्षेत्र को म एकक से बदाने के लिये अज्ञात मुजा क्ष मानने पर य का निम्नलिखित मान प्राप्त होता है:

यदि म को ९७२ (न-१) रखा जाय ताकि बढ़ी हुई वेदी का क्षेत्रफल, पूर्व क्षेत्र से 'न' गुना हो बाय, तो क्ष =  $\sqrt{\frac{2}{\pi}}$  प्राप्त होता है। इस प्रकार के कुछ विशेष प्रकरण, गुल्ब में वर्षित हैं। न=१४ या १४  $\frac{3}{6}$  वाले प्रकरण ब्राह्मण साहित्य में पाये जाते हैं। इसी में शिने सित (बाज पक्षी के आकार की वेदी) का क्षेत्रफल बढ़ाने के लिये [क<sup>2</sup> = १३  $\frac{2}{१२}$  = (सिनकटतः) १४] वर्ग समीकरण का उपयोग किया गया है। इनके सिवाय, निम्नलिखित प्रकार के अनिर्धारित (undetermined) समीकरण भी वेदियों की रचना में उपयोग में लाये गये हैं:

क<sup>र</sup> + ख<sup>र</sup> = ग<sup>र</sup> (क, ख, ग तीनों अज्ञात हैं); क<sup>र</sup> + अ<sup>र</sup> = ग<sup>र</sup> (क और ग अज्ञात हैं); एवं, अक + बख + सग + दघ = प }, जहाँ क, ख, ग और घ अज्ञात हैं। क + ख + ग + घ = फ }, जहाँ क, ख, ग और घ अज्ञात हैं।

इसके बाद, एक ज्योतिष का छोटा सा ग्रंथ वेदांग ज्योतिषक्ष महात्मा लगप द्वारा किसी स्वतंत्र ज्योतिष ग्रंथ के आधार पर यह की सुविधा के लिये संग्रहीत किया गया प्रतीत होता है। यह ग्रंथ सम्भवतः काश्मीर के श्रीनगर से भी उत्तर में, काबुल के अक्षांद्रा के आसपास, कहीं रचित हुई हात होता है

क्ष देखिये डा॰ गोरस प्रसाद द्वारा सम्पादित 'सरक विज्ञान सागर' प्रष्ठ ४१०, ( इकाहाबाद विज्ञान परिचर् ), भाग १, अंक १-४, ( १९४६ )

बेदांग ज्योतिष का एक युग ५ सीर वर्ष का होता था, जिसमें ६० सीर मास, २ अधिमास, ६२ चांद्र मास और १८३० अहोरात्र या सावन दिन समझे जाते थे। एक युग में १२४ पक्ष और एक पक्ष में १५ तिथियाँ मानी गई थीं। इस ग्रंथ के अतिरिक्त त्रिलोक प्रकास, सूर्य प्रश्रास, चंद्रप्रकास और ज्योतिष करण्डक ग्रंथों में ग्रीकपूर्व जैन-ज्योतिष गणितीय विचार-धारा दृष्टिगत होती है।

प्रोफेसर वेबर (Weber) के कथनानुसार सूर्य प्रश्नित ग्रंथ, वेदांग ज्योतिष के समान केवल धार्मिक कुओं के सम्पादन के लिये ही रचित नहीं हुआ, वरन् इसके द्वारा ज्योतिष की अनेक समस्याएँ सुळझाकर प्रखर प्रतिमा का परिचय दिया गया।

ईसा से ४०० वर्ष पूर्व के पश्चात् हिन्दू गणित पुनरुद्धार हुआ। उस समय सूर्य सिद्धान्त और वैतामह सिद्धान्त लिखे गये। गणित दो भागों में विभक्त हुई, एक तो अंकगणित तथा बीजगणित और दूसरी ज्योतिष तथा क्षेत्रगणित। वैसे तो, बहुत पिहले से भारतीय गणना का आधार १० था। जब प्रीक १० तक और रोमन १० वर्ष के ऊपर की गणना जानते न थे, तब भारत में अनेक संकेतना स्थानों का ज्ञान था। ईसा से ५०० वर्ष पूर्व से ही शतकमान पर आधारित संख्याओं के नामों की श्रेणी को जारी रखने के प्रयक्त हो चुके थे। ईसा से १०० वर्ष पूर्व के ग्रंथ अनुयोग सूत्र में (२) व तक की संख्या का उपयोग हो चुका था। इसमें स्पष्ट रूप से २ को आधार चुना गया था। जब स्थान-मान का विकास हुआ तब इकाई से लेकर दशमल्य मान पर संख्या को लिखने के लिये संकेतना स्थान दिये गये।

श्रूत्य प्रतीकिश्व का उपयोग पिंगल ने (ईसा से २०० वर्ष पूर्व ?) अपने चाँदा सूत्र के छन्दों में किया है। ईसा के कुछ सिदयों पश्चात् की (बक्षालो गाँव की खुदाई से प्राप्त ) मोज पत्रों पर लिखित एक पोधी में भी अंक शैली का प्रयोग देखा गया है। इसमें गणना में श्रूत्य का उपयोग हुआ है। श्रूत्य प्रतीक सिहत स्थान-मान संकेतना पद्धित, गणित के सभी आविष्कारकों द्वारा बुद्धि की प्रगित के लिये दिये गये अंशदान में उच्चतम कोटि की है। यह अभी तक अज्ञात है कि दशमलव स्थान-मान पद्धित का जन्मदाता कौन विद्वान्-विशेष अथवा ऋषि-मण्डल था। साहित्यक तथा पुरालेख-सम्बन्धी प्रमाणों से यह निश्चित किया गया है कि यह पद्धित २०० ई० पू० के लगभग भारतवर्ष में ज्ञात थी। इस नवीन पद्धित के प्रयोग का प्राचीनतम लिखित प्रलेख ५९४ ई० का गुर्जर का दान पत्र है। यहाँ यह उत्लेख करना आवश्यक प्रतीत होता है कि सेन्ट्रल अमेरिका के माया लोगों की तिथिपत्री में भी श्रूत्य आया है। ये २० को आधार लेकर कोई स्थान-मान पद्धित का उपयोग करते थे। यह माया गणना ईसा से २०० से लेकर ६०० वर्ष बाद की मानी गई है।

ईसा की पाँचवी सदी में जगत् प्रसिद्ध गणितश्च आर्यभट पटना में हुए । इनके पहिले पौलिश, रोमक, वाशिष्ठ, सीर और पैतामह नाम से ज्योतिष के पाँच सम्प्रदाय प्रचलित थे । रोमक सम्प्रदाय यूनानी

<sup>8</sup> भारतीय श्रून्य के आविष्कार के विस्तार के विषय में Encyclopaedia Britannica, vol. 23, p. 947, (1929) पर इस्किसित छेन देखिये।

<sup>†</sup> स्थान-मान संदेशना के संबंध में न्युगेबाएर (Nougebauer) का अध्यक्ष उल्लेखनीय है, "It seem to me rather plausible to explain the decimal place value notation as a modification of the sexagesimal place value notation with which the Hindus became familiar through Hellenistic astronomy."—The exact Sciences in Antiquity, Providence (1957), p. 189.

गनना शैकी का चोतक है। इनके ग्रंथ आर्यमटीय से शात होता है कि इन्होंने सब ग्रंथों का सार महक्कर अपने समय के ज्योतिष शान को बदाने में अभूतपूर्व कार्य किया। इन्होंने सूर्य तारों को स्थर बतकाया, प्रथ्वी की परिधि निश्चित की और सूर्य, चंद्र प्रहण के कारणों का वैशानिक ढंग से स्पष्टीकरण किया। इस ग्रंथ के गणित पाद अध्याय में अंकगणित, बीजगणित और रेखागणित के बहुत से कठिन प्रहनों को ३० इलोकों में भर दिया गया है। उसमें उन्होंने क्षेत्रफल, घनफल, त्रिकोणमिति, छाया सम्बन्धी प्रक्न, वृत्त की बीवा और शरों का सम्बन्ध, दो राशियों का गुणनफल और अन्तर जान कर राशियों को अलग करने की रीति, वर्ग समीकरण का एक उदाहरण, त्रैराशिक, मिन्नों के गुणन माग की रीति, कुछ कठिन समीकरणों को इल करने के नियम, दो ग्रहों का युतिकाल जानने का नियम, और कुटक नियमादि का कथन किया है। ज्या का बाचक शब्द साइन, ज्या की संस्कृत पर्याय 'शिजनी' के रूपांतर का अपश्चेश है।

सावीं सदी में गणित का प्रशंसनीय विकास ब्रह्मगुत द्वारा हुआ। २१ अध्याय के प्रंथ ब्राह्म-स्फुट के गिन्ताध्याय में इन्होंने विशेषतः व्यस्त त्रैराशिक, भाण्ड प्रतिभाण्ड, भिश्रक व्यवहार, व्याज, श्रेणियाँ, छाया माप आदि में अंकगणित का प्रयोग किया, और कुट्टक गणित में ऋणात्मक संख्याओं के लिये नियम निकाले, अनिर्धृत (indeterminate) समीकरणों पर कार्य किया, और सूर्य घड़ी में त्रिकोणमिति का प्रयोग किया। अ श्र + १ = य २, (जिसमें श्र और य अज्ञात है) जैसे अनिर्धृत समीकरणों का विवेचन भी प्रथकार ने किया। इस समीकरण का नाम भूछ से पेलियन (Peleian) समीकरण पड़ गया है। यह दिघातीय वर्ग रूपों और वर्ग क्षेत्रों के अंकगणितीय सिद्धान्तों का मूलभूत आधार है। इनके सिवाय क्षेत्र व्यवहार, वृत्तक्षेत्र गणित, खात व्यवहार, चिति व्यवहार, क्रकचिका व्यवहार, राशि, छाया व्यवहार आदि का विवेचन भी किया गया है।

<sup>#</sup> इस सदी में मसलमानों की संस्कृति के सहसा उत्थान तथा १२ वीं सदी में उसके सहसा पतन के सम्बन्ध में इतिहास बढ़ा रोचक है। सन् ६२२ में पैगम्बर मुहम्मद साहिब के अनुवायी अपनी यात्राओं पर हरे झंडे के नीचे संगठित होकर चल पड़े। सन् ६३५ में दमस्क (Damasous) पर विजय मान कर सन ६३७ में जेडसलम ( यरुशलम ) जीता गया । चार वर्ष पश्चात सिकन्दरिया का पस्तकाक्षय तक किया राजा । मिस्र को अधिकार में लेकर ६४२ ईस्वी में फारस पर आधिपत्य जमावा गया । १०० वर्ष प्रसाद विजेतागण ७११ ईस्वी में स्पेन में पहुँचे, जहाँ उन्होंने सम्बता को ८ शताब्दियों तक बढ़ाया । इसी काछ में वे भारत की अंकराणित तथा प्रीस की रेखागणित को यूरोप ले आये। पूर्व में अब्बासीर ( Abbasid ) खलीफाओं के आधिपत्य में बगदाद पूर्व की सम्यता का केन्द्र ७५० से १२५८ ईस्वी तक रहा, और स्पेन में कारडोवा (Cordova) पश्चिम की बौद्धिक रानी (the intellectual queen of the west ) बना । इस अन्तराक्ष में विज्ञान के आदान-प्रदान के सन्बन्ध में Encyclopaedia Britannica में निम्नकिसित उच्छेख है--- 'The muslim civilization, particularly as represented at Baghdad, c 800, c 1000, developed a type of mathematics which combined the characteristic features of the Greek and Hindu treatment of the science. Eastern faith in astrology and skill in number met with Western faith in philosophy and skill in geometry, and the Baghdad scholars, absorbing each, produced text books in general algebra, elementary number, astronomy and trigonometry which, through the efforts of Latin translators, gave new life to mathematics in Europe'-vol. 15, p 84, (1929)

इसके पहिले कि इम दक्षिण में गणित की प्रगति महावीरानार्य के प्रथ से प्रदर्शित करें. एक और नवीन स्रोब इमें आकर्षित कर छेती है। महाबीराचार्य के सम्मवतः पूर्वकाळीन, स्रमसिद धवळाकार वीरसेनाचार्य ने इंसा की सम्मवतः द्वितीय सदी के उदमट आचार्य भी पृष्पदंत और भूतविक द्वारा रचित धटलीडागम ग्रंथों की धवला नामक टोका पूर्व करने में अपना सारा जीवन अर्पित किया। वह ग्रंथमाला गत बीस वर्षों में ही डाक्टर हीरा लाल जैन प्रभृति विद्वानी द्वारा प्रकाश में लाई गई है। टीकाकार ने स्थान स्थान पर किन्हीं गणित ग्रंथों से. सूत्रों को उद्धृत किया है। डा॰ अववेशनारायण सिंह द्वारा इस ग्रंथ के शांकन गणित के अतिरिक्त गणित की नवीन निम्नलिखित खोजें प्रकाश में काई गई हैं, जिनका उपयोग जैन दर्शन के अध्ययन देत समवतः ईसा की प्रारम्भिक शताब्दियों में प्रविक्षित हो गया होगा। प्रथम तो बड़ी बड़ी संख्याओं का उपयोग जिनको व्यक्त करने के लिये प्रतीक संवेतना अन्य प्रन्यों में उपस्क्रम है। में जैसे, २ की तीसरी वर्गित सम्वर्गित राशि वह है जो २५६ में उसीका २५६ बार गणन करने पर प्राप्त होती है। इसरे सलागागणन अथवा लघुगणक (logarithm) का बृहत् उपयोग. जिसके आविष्कारक १७ वीं सदों के 'जान नेपियर' एवं 'ज़स्त बजीं' माने जाते हैं। तीसरे, अनन्त राशियों का गणित, जिसके विकास के किये १९ वीं सदी में दुए जार्ज केंटर के प्रयक्त सुप्रसिद्ध हैं। जहाँ तक रेखागणित का सम्बन्ध है, वितिष्ट्रधम (४०० !, ६०० ! ईस्वी पस्चात् ) की तिस्रोय पण्णती में एवं बीरसेन की धवका टीका ( हा॰ हीरालाल जैन द्वारा सम्पादित, पुस्तक ४ ) में सम्मवतः ईसा पूर्व के प्रैय असायिक्य, दिद्विवाद, परिकास, लोयविणिच्छय, लोय विभाग, लोगाइणि आदि में से उद्भूत गायार्थे एवं उल्केख महत्वपूर्ण हैं। इन दो प्रयों के ऐतिहासिक महत्वपूर्ण प्रकरणों में से कुछ ये हैं: दृष्टिवाद से जम्बूद्वीप की परिचि का माप, उपमा प्रमाण, विविध क्षेत्रों का चनफल निकाशने की विधियाँ; वाण, जीवा, धनुष पृष्ठ आदि में सम्बन्ध, धनुषक्षेत्र का क्षेत्रफळ, सजातीब तथा समक्षेत्र घनफळ वाळी आकृतियों का रूपान्तर एवं उनकी भुजाओं के बीच सम्बन्ध आदि ।

इस प्रकार धवलादि सिद्धान्त प्रंथों में अलीकिक गणित का आधार लिया गया है, जिस पर अभी कोई प्रंथ प्रकाश में नहीं आया है। लीकिक गणित के सम्बन्ध में सर्वप्रथम महावीराचार्य का यह गणित सारसंग्रह नामक ग्रंथ सम् १९१२ में सुप्रसिद्ध हुआ। महावीराचार्य का यह ९ अप्याय वाला ग्रंथ ऐतिहासिक दृष्टि से महत्वपूर्ण सिद्ध हुआ। इसकी खोब ने यह सिद्ध कर दिया कि भारत के सुदूर दक्षिण में भी उत्तर के विद्या बेन्द्रों की तरह, विद्या के केन्द्र थे। इस सुदूर दक्षिण में, गणित के विज्ञान को बदाने में उस समय प्रयक्ष किया गया, जब कि उत्तरीय भारत में अधागुस और भास्कर के समय के

<sup>†</sup> इनके विस्तृत विवरण के किये निम्मिकिसत लेख देखिये-

Singh, A. N., History of Mathematics in India from Jain Sources; The Jain Antiquary Vol. XV, No. II. (1949), pp. 46-53; Vol. XVI, No. II, (1950) pp. 54-69.

<sup>🙏</sup> देखिये---

<sup>(</sup>१) कक्ष्मीचंद्र जैन, विकोबपण्यती का गणित, प्रस्तावना छेस (जम्बूदोबपण्यतीसंगहो ), होस्टापुर (१९५८)।

<sup>(</sup>२) टोडरमक, अर्थ संदर्षि ( गोस्मटसार ), गांची इति आई देवकरण जैनप्रंथनाका, कककसा ( प्रकाशन वर्षे उदिक्वसित नहीं )

बीच शीघराचार्य को छोड़ कर कोई प्रकांड गणितक न हुआ । महावीराचार्य ने अपने समय के दृष्द्वंग अमोधवर्ष के आश्रम में रहकर, पूर्ववर्षी गणितकों के कार्य में कुछ प्रधार किया, नवीन प्रका दिये, दीर्षहर्त्त (ellipse) का क्षेत्रफल निकाला तथा मूलवद और द्विधातीय समीकरण आदि में सुंदर दंग से पहुँच की । इनके प्रन्य में ब्रह्मदत्त के हुइक से एक और अध्याय अधिक है, पर इसके अध्यायों के विषय एकसे नहीं हैं। सबसे पहिले, इस ग्रंथ की ४९ वीं गाया पदने से मालूम होता है कि महावीराचार्य ने खून्य के विषय में सबसे पहिले भाग करने की क्रिया दर्शाने का साहसपूर्ण प्रयक्त किया। किसी संख्या में खून्य द्वारा विभाजन के लिए, उन्होंने लिखा कि संख्या धून्य द्वारा विभाजित होने पर बदलती नहीं है। जिस दृष्टिकोण को लेकर यह लिखा गया वह इसलिए ठीक है कि जब कुछ वस्तुओं को लेकर उन्हें कुछ व्यक्तियों में बाँटा जाय तो वे वस्तुएँ विभाजित हो जावेंगी। जब उन्हें खून्य व्यक्तियों में वितरित करना हो, अर्थात् बाँटना हो तो वस्तुएँ ज्यों की त्यों बच रहेंगी। पर, गणितीय विदलेषण के दृष्टिकोण से

सीमा<u>क</u> न→० न = ∞

होती है जहां क एक परिमित ( finite ) संख्या है ।

इसके पश्चात्, गाथा ६३ से लेकर ६८ तक संकेतनात्मक स्थानों के नाम दिये गये हैं। उनके पहिले १९ वें स्थान तक संख्या की गणना के नाम दिये जा चुके थे। उन्होंने २४ स्थान तक नाम दिये जिसमें १४ वें स्थान का नाम महाक्षीभ लिखा है। ये २४ स्थान, सम्भवतः २४ तीर्थकरों की संख्या के आचार पर दिये गये होंगे। इसी तरह रक शब्द को "तीन" दर्शाने के लिए उपयोग किया गया, जबिक गणितशों ने उसका उपयोग "पांच" दर्शाने के लिये किया। जैन दर्शन में सम्यक्दर्शन शान चारित्र को रक्षत्रय कहा गया है। इसी प्रकार तत्व, पक्षण, भय, कर्म आदि कई शब्दों का उपयोग जैन दर्शन के आधार पर संख्यायें दर्शाने के लिये किया गया है। बड़ी संख्या को दर्शाने के लिए प्रन्थकार ने स्थानार्श का उपयोग किया है। जैसे, ३०२१ लिखने के लिए चंद्र, अिंक, आकाश, अग्नि लिखा है।

ग्रंथकार ने भाग देने की एक वर्त्तमान विधि का कथन किया है। इस सुविधाजनक विधि से उभयनिष्ठ गुणनखंडों को इटाकर विभाजन किया जाता है। किसी भी भिन्न को इकाई भिन्नों की किसी संख्या के योग द्वारा व्यक्त करने के लिए कुछ नियम भी दिये गये हैं। ये नियम सर्वया मौलिक हैं। मिश्रक व्यवहार में भी दो नये प्रकार के प्रकार के कि करने के लिए नियम दिये गये हैं। व्याज निकालने के प्रकान में गाया (३८) में दिये गये सूत्र से पता चलता है कि महाबीराचार्य को निम्नलिखित सर्वसमिका (identity) जात थी:

 $\frac{24}{8}$   $\frac{4}{4}$   $\frac{8}{4}$   $\frac{3}{4}$   $\frac{4}{4}$   $\frac{$ 

मंचकार ने कूट स्थिति द्वारा भी अध्याय ३ तथा ४ के कई मक्त इल किये हैं। कूट स्थिति के नियम का उपयोग बीबगणित के विकास की पूर्वावस्था की दर्शाता है, जबकि अज्ञात के लिये कोई मतीक न होता था। मारत में यह नियम केवल अकगणित में उपयोग में छाया गया, क्योंकि बीबगणित पहिले से ही पर्याप्त प्रगति कर चुकी थी । बख्शाली इस्तलिपि में इसे यहच्छ, बाँछा या कामिका के नाम से अभिघानित किया गया है ।

महावीर के बीजगणित तथा काल्पनिक राश्चि के विषयमें उनकी प्रतिमा का परिचय देने के सम्बन्ध में हैं. टी. बेल की अम्युक्ति है—

"The rule of signs became common in India after their restatement by Mahavira in the ninth century.... The early history of compplex numbers is much like that of negatives, a record of blind manipulations, unrelieved by any serious attempt at interpretation or understanding. The first clear recognition of imaginaries was Mahavira's extremely intelligent remark in the ninth century that, in the nature of things, a negative number has no square root. He had mathematical insight enough to leave the matter there, and not to proceed to meaningless manipulations of unintelligible symbols." †

इसके अतिरिक्त ग्रंथकार ने न्यापकीकृत (generallized) पद्धति वाले एकघातीय समीकरणों को इल करने के नियम दिये हैं, और अनेक अज्ञात वाले युगपत् द्विघात समीकरणों को इल किया है। उन्हें ज्ञात था कि वर्ग समीकरण के दो मूल होते हैं।

बहाँ डाओफेन्टस ने म, न भुजाएँ केकर समकोण त्रिभुज बनाया, वहाँ महावीर ने म, न भुजाएँ केकर आयत की रचना की है। अध्याय ७ की ९५ है, ९७ है, ११२ है वीं गाथाओं में महावीर ने दिये गये कर्ण (अ) को केकर सभी सम्मव समकोणों को प्राप्त करने के लिये, अर्थात् क² + ख² = अ² को लेकर हक करने के लिये तीन नियम दिये हैं। प्रथम दो नियम एक दृष्टि से ठीक नहीं हैं, क्योंकि श्री नियम प्रथम या श्री नियम (rational) तब तक नहीं हो सकते, जब तक कि प को ठीक तरह न चुना जाय। तीसरा नियम बड़े महत्व का है। यह रीति, बाद में यूरोप में, पीज़े (Pisa) के लेनडों फीबोनाट्चि (Leonardo Fibonacci) ने १२०२ ईस्वी में फिर से खोजी गई। इस विधि का उद्गम श्रुस्य सूत्रों में है।

ब्रह्मगुत और महाबीर दोनों ने चदुर्भुज क्षेत्र का क्षेत्रफल निकालने के लिये निम्नलिखित सूत्र दिया है:— √ (सा—फा) (सा—खा) (सा—गा) (सा—घा) जहां सा, अर्थपरिमाप है और का, खा, गा, घा भुजाओं के माप है। पर यह सूत्र केवल चक्रीय चतुर्भुजों के लिए ठीक उतरता है। इसी प्रकार, विषम त्रिभुज के क्षेत्रफल के सम्बन्ध में नियम दिये गये हैं।

<sup>#</sup> देखिये, मूळ गांचा ५२, प्रथम अध्याय ।

<sup>†</sup> Development of Mathematics,pp. 173,175 (1945)

<sup>्</sup>र उपयुक्त वर्णन से कहा जा सकता है कि भारतीयों ने बीजगणित के विशान को दो मुक्य भागों में विभक्त किया। एक भाग तो बीज (विश्लेषण analysis) का विवेषन करता है, और दूसरा भाग पेसे विषयों का जो बीज के किये आवश्यक हैं। वे विषय, विश्लों के नियम, बूक्य और अनन्ती की अंकगणित, अञ्चालों के साथ कियाएँ, करणी, कुद्दक और पेडियन समीकरण (Pellian equation ) हैं।

महावीराचार्य और ब्रह्मगुप्त आदि के प्रश्नों तथा अन्य प्रकरशों की भिन्नता के सम्बन्ध में डेविड युजेन स्मिथ का निम्नक्रिक्तित वक्तव्य हष्टव्य है :

".....For example, all of these writers treat of the areas of polygons, but Mahāvirācārya is the only one to make any point of those that are reentrant. All of them touch upon area of a segment of a circle, but all give different rules. The so called janya operation is akin to work found in Brahmagupta and yet none of the problems is the same. The shadow problems, primitive cases of trigonometry and gnomonics, suggest a similarity among these three great writers, and yet those of Mahāvīrācārya are much better than the one to be found in either Brahmgupta or Bhasker, and no question is duplicated."

महावीराचार्य द्वारा गणितग्रंथ के सिवाय 'ख्योतिष पटल' ग्रंथ भी रचित किए जाने की सम्भावना 'भारतीय ज्योतिष'' के लेखक पं० नेमिचंद्र शास्त्री ने प्रकट की है। अभी तक इसके लिये पुष्ट प्रमाण प्राप्त नहीं हो सके हैं।

गणित इतिहास का उपर्युक्त सामान्य अवलोकन हमने मुख्यतः ई. टी. बेल के "Development of Mathematics", और विभूतिभूषण दत्त तथा अविदेशनारायण सिंह के, "History of Hindu Mathematics" नामक ग्रंथों का आधार लेकर दिया है। चीन के सम्बन्ध में अभी हमें यथेष्ट साम्रगी नहीं मिल सकी है।

#### गणित इतिहास का विशिष्ट अवलोकन

अब हम भारतीय गणित हतिहास के अधतम काल में प्रवेश करने का प्रयक्त करेंगे। इस काल में, विशेषकर यूनान और भारत में सम्भवतः बेबिलन, मिल और भारत की प्राचीन मृतप्रायः गणित में अकस्मात् गित आई। गणित द्वारा अलैकिकीय विषयों को बांधने के अभूतपूर्व प्रयास होने लगे। इस प्रयास के चिह्न यूनान में मुख्यतः पिथेगोरस के वगों में और विशेष रूप से मारत में तीर्थकर महावीर के तीर्थ में परिलक्षित किए गये हैं। में आत्मा को सत्य की ओर आकर्षित करने के लिए केबल इन्हीं वगों में दर्शन, धर्म की धाराओं में गणित का प्रयोग अद्वितीय है। यह निश्चित है कि इस काल में विश्व की प्राचीन गणित में इस प्रयोजन से बीज बोया गया, कि बीजगणित के द्वारा प्रस्फुटित पारमार्थिक बोध, उपादेय में एकाम्रता की सिद्धि दे सके। एक ओर यूनान में पिथेगोरस द्वारा प्रतिपादित अहिंसा के साथ ही साथ संख्या सिद्धान्त से पुष्ट दर्शन जनम मरण के चक्र

<sup>\*</sup> Introduction to English Translation & Notes of गंपलवार संग्रह by M. Rangacharya, (1912).

<sup>🕇</sup> भारतीय ज्ञानपीठ, काशी ।

<sup>्</sup>रं चीन में तस्तम्बन्धित प्रवासों की सोन के किये अभी हमें उपयुक्त सामग्री प्राप्त नहीं हुई है। किर भी, जो कुछ हमें मिक सका है उसे अंत में प्रस्तुत किया है।

से विद्युक्त होने का साधन प्रतीत होता है, वहां भारत में "सुखी रहें सब जीव जगत के" जैसी मावनाओं से प्रेरित तस्वों के सामान्यकरण की सीमा

> -"लम्मामि सन्व जीवाणं, सन्वे जीवा समन्तु मे । मेत्री मे सन्व भूदेवु, वैरं मज्ज्ञ न केणवि ॥"

में परिलक्षित होकर राशि सिद्धान्त की प्रयुक्ति से अनन्तत्व को प्राप्त हुई दिखाई देती है। हमारा यह संकेत है कि यूनान और मारत के गणित की तुळना का उक्त आधार सम्मवतः उपयोगी सिद्ध होगा। इस तुळना का अभिप्राय किसी देश की महानता आदि दिखाने का नहीं है, वरन् यह बतळाने का है कि सत्य और अहिंसा के तत्र विद्य के गुक्ता केन्द्र को शांति के प्रांगण में खींचकर ले जाते हैं, और इस खिचाय में जो आदान प्रदान होता है वहां सापेश्वता कृत परिवाद विद्यबंधुत्व के अंचल में विछीन हो जाते हैं। यही कारण है कि ऐसे समय में उक्त तत्वों से अभिप्रेरित खोजों के इतिहास को महत्व नहीं दिया जाता, जिससे इतिहास काल का मीन और अंच रहना स्वभाविक प्रतीत होता है।

पुनर्जागरण के इतिहास के तत्वों की खोड़ करने के छिए इम पियेगोरस का भ्रमग पय अपनावेंगे। इस भ्रमण पथ के विषय में अभ्युक्ति प्रसिद्ध हैं, कि ---

"Like many others of the sages in that Kingdom (Egypt), he was carried captive to Babylon, where he conversed with the Persian and Chaldean Magi; and travelled as far as India, and visited the Gymnosophists." •

तदनुसार इम सर्व प्रथम मिख देश के वर्द्धमान महावीर काळीन पुनर्जागरण के इतिहास पर प्रकाश डार्लेगे । येलीज़ (६४० ई.पू.) और पियेगोरस, दोनों का भ्रमण मिस में सेइटिक युग (Saitic Period) ६६३-५२५ ईस्वी पूर्व में हुआ होगा । इस समय मिख में कुफ़ (Khufu) कालीन सिद्धान्ती की जो पुन-र्बायति हुई वह (क्षितिज में उदय होने वाले 'अज्ञान अंधकार बिनाशक' सूर्य-Horus om akhet के परम्परागत प्रतीक) गीज़ (Giza) के रिपंक्स (Sphinx) से सहसम्बन्धित थी। कुछू के सम्बन्ध में नवीन मत यह है कि इस पराक्रमी तृप ने ई. पूर्व २६०० के लगभग बलि प्रथा का अंत कर जनता क हित में उन्हें विभिन्न कार्यों में संख्यन किया था। मध्यपूर्व की प्रायः सभी प्राचीन सभ्यताओं वाले देशों में स्पिन्स की विभिन्न मुद्राएं रूढ़ि रूप से पूजा की पात्र रही हैं। जिसके मुख को छोड़ कर शेष अंग सिंह का है ऐसे रिफंक्स के मिसी नाम क्रमशः समस्तावतारों में सुर्थ ( Horem-akhet-Kheperi-Ra-Atum 14:0-1441 B. C.), जीवित मूर्ति ( Seshepankh ), सिंह ( Sinuhe ), आदि रहे हैं। इस स्पिन्स मूर्ति में मानव वदन देकर, इतिहासकारों के मतानुसार, सिंह के आतक में बुद्धि, शकि और दया का सम्मिश्रण किया गया है। टाक्रेमीय ( Ptolemaic ) कालीन लेख में इस मूर्ति को तीन मुकुट युक्त बतलाकर मानों तीनों लोकों के नाथ की उपाधि से विभूषित किया है "And Horus of Edfu transformed himself into lion which had the face of a man, and which was crowned with the Triple Crown (')." | सम्मनतः २६ वे राजवंश काल ( ईस्वी पूर्व ५८८-५६९ ? ) की महत्वपूर्ण इन्वेन्टरी स्टीले ( Inventory Stela ) में अंकित लेख

<sup>\*</sup> Encyclopedia Americana, vol. 23, p. 47, (1944)

<sup>†</sup> Salem Hossan : The sphinx, p, 80, Cairo (1949)

अहिंचा की प्रवर्तना के स्वाद को प्रकाश में खाता हुआ रिपंक्स की कहानी में वर्दमान महावीर की बीव दया की सहशता प्रकट करता प्रतीत होता है:

".....The plans of the Image of Hor-em-akhet were brought in order to bring to revision the sayings of the disposition of the Image of the very Redoubtadle...........He came to make a tour, in order to see the thunderbolt, which stands in the Place of the Sycamore, so named because of a great sycamore, whose branches were struck when the Lord of Heaven descended upon the place of Hor-em-akhet, and also this image retracing the erasure according to the above mentioned disposition, which is written.....of all the animals killed at Rostaw. It is a table for the vases full of these animals which, except for the thighs, were eaten near these 7 gods, demanding......(The God gave) the thought in his heart, of a written decree on the side of this Sphinx, in an hour of the night (1). The figure of this God, being cut in stone, is solid, and will exist to eternity, having always its face regarding the orient."\*

उपर्युक्त लेख का मुख्य भाग पवित्र मूर्तियों एवं प्रतीकों के प्ररूपण से पूर्ण है जो क्फू द्वारा प्राप्त हुई मानी जाती हैं। निम्नतम कोटि के जीवों के प्रति मिख में प्रचलित दया का उक्लेख आर्चिवशप व्हेतली ने किया है, "In Egypt there are hospitals for superannuated cats, and the most loathsome insects are regarded with tenderness;......," तथा वहाँ मोसमक्षण निषेध एवं ब्रह्मचर्य पूजा के महत्वपूर्ण लक्षण माने जाते हैं, "Chastity, abstinence from animal food, ablutions, long and mysterious ceremonies of preparations of initiation, were the most prominent features of worship......" †

क्फू द्वारा निर्मित महास्त्प के रिंफक्स का स्थल सेइटिक काल (Saitic Period) में जीव दया की ग्रेरक पशु पूजा का केन्द्र रहा है। इसकी पृष्टि, सलीम इसन के शब्दों में यह है, "At the time when this stela was inscribed, there was a great revival of the worship of the Apis bull at Memphis, and that animal may also have been venerated in the Giza district at least during the Saitic Period and later......"

इसके प्रायः २०० वर्ष उपरान्त का इतिहास अंधकारमय है। यहां "इतिहास पिता" हिराँडोटस भी मौन है। २०० ई. पू. से लेकर २०० ई. प. तक का काल हेलेनीय (Hellenism) युग है। इस समय सिंकंदरिया यूनानी कला और विश्वान का केन्द्र रहता है। फलित ज्योतिष्ठ का सदय होता है।

<sup>\*</sup> The Sphinx, pp. 222-224, (-1949).

<sup>†</sup> W. E. H. Lecky, History of European Morals, Vol. I., pp 289, 325 (1899).

यूनानी विश्वान का उत्ततम विकास होता है, पर अंकगणित और ज्योतिष (astronomy) वहीं आदिकालीन रहते हैं।

मिस्र में प्रचित अंकगणित से यूनानियों ने क्या सीखा ! इस प्रश्न पर वाएडेंन का मत है कि यूनानियों ने मिस्र की गुणन विधि तथा मिलों का कलन सीखा होगा। इस प्रकार के कलन को उस बीज-गणित के विकसित करने का आधार नहीं बनाया जा सकता है। यूनानियों ने ज्यामिति को भी स्वतंत्र रूप से विकसित किया। मिस्र की ज्यामिति के कुछ फल अवश्य ही प्रशंसनीय रहे हों, पर यूनानियों के छिए वह केवल प्रयुक्त अंकगणित ही थो। रोमन युग में भी, जब कि फलित ज्योतिण का विकास हुआ, मिस्र की गणित ज्योतिण यूनान और वेबिलन की गणित ज्योतिण से बहुत पीछे रही।

यहां मिस्र और मारत की अभिलेखबद्ध सामग्री पर दृष्टिपात करना कहां तक उपयोगी सिद्ध होगा, नहीं कहा जा सकता:

(१) न केवल मास्को पेपायरस में, वरन् रिंड पेपायरस ( सम्भवतः ईसा से १७०० वर्ष पूर्व ) में भी परिधि और व्यास के अनुपात्त (ग) का मान (कि) अथवा ३'१६०५.....माना गया है। अधिक यही मान नेमिनंद्रानार्यों ने इस मकार उल्लिखत किया है.

"यदि किसी वृत्त की त्रिज्या त्र और उसके समाई किसी वर्ग की मुजा म हो,

तो त्र = 
$$\frac{9}{9}$$
 म होता है"‡

ग का एक दूसरा मान √ र० है, जो दशमळन के दो अंकों तक इसी रूप में प्राप्त होता है। इसे यति वृष्टभ ने तिलोय पण्णत्ती में दृष्टिनाद से अनतरित उल्लिखित किया है।﴿﴾

- (२) समलम्ब चतुर्भुज के क्षेत्रफल निकालने के सूत्रों का उपयोग तिलोय पण्णासी की गायाओं, १-१६५, १८१ आदि में हुआ है। उपरोक्त सूत्रों से अवतरित सूत्र का उपयोग मिस्न के यंत्रियों ने चतुर्भुज का स्थूल क्षेत्रफल निकालने के लिए किया। यह सूत्र एडफू के सूर्य मंदिर में (सम्भवतः ईसा से १०० वर्ष पूर्व का) प्राप्त हुआ है। ×
- (३) मिस्र में त का एक दूसरा मान बीजों की राशियों अथवा उनसे भरी जाने वाली विरमाओं के माप से परिगणित परिधि और व्यास का अनुपात (ratio) के रूप में ३ २ प्राप्त होता है। + व्यास को बिद इकाई लिया जाय तो वीरसेनाचार्य द्वारा उल्लिखित सूम "व्यास षोडश गुणितं....." से त का मान है दे प्राप्त होता है। ÷
- (४) रखु (Rope) बिनागम के विविध विषयों का निरूपण करता है। यह आयाम की एक विश्व इकाई है बिसका सम्बन्ध सूर्त्यगुल, द्वीप समुद्रों की संख्या, आदि से स्थापित किया है। 🕴 केन्टर के

<sup>\*</sup> J.L. Coolidge: A History of Geometrical Methods, p. 11, (1940).

<sup>🕆</sup> त्रिकोक सार, गाथा १८।

<sup>🗓</sup> विभूति भूषण दत्त. जैन सिद्धान्त भास्कर, भाग २, किरण २, ५० ३४।

<sup>🕝</sup> वि. य. ४-५०, ५७।

<sup>×</sup> षट्खंडागम, पुस्तक ४, गाथा १, ६ आदि ।

<sup>+</sup>T. Health, Greek Mathematics, vol. I., p. 125, (1921).

<sup>🕂</sup> षट्संबागम, हु, ४, ए, ४०, शाभा १४ ।

<sup>🛉</sup> कक्सीचंद्र जैन, तिकोब पण्यसी का मजित, शोकापुर, ४० ९९-१०१, ( १९५९ )।

अनुसार, मिस के वंत्री, पियेगोरस के साध्य का उपयोग रज्जु के द्वारा करते थे, और वे रज्जु कांकी या खींचने बाले कहलाते थे। वाएडेंन का मत है कि केन्टर का यह कथन कि ये लोग २: ४: ५ घॉले रख्नु का उपयोग करते थे, और उन्हें पियेगोरस का साध्य ज्ञात था, सही नहीं है। इतना अवस्य है कि पिरेमिड आदि के निर्माण में मिसी बहुत शुद्ध कप से समकोण बनाते थे। •

- (५) मिस में दिगुणित करने का परिकलन (duplatio) और अर्ब च्छेद प्रक्रिया (mediatio) प्राचीन काल से प्रचलित थी। † यही यूनान में नीओपियेगोरियन वर्ग ने स्पयोग में उतारा, और यही हम षट्खंडानम के विसे प्रयो में विखरे हुए पाते हैं। मिन्नों के परिगणन मिस के इन पेपायरसों में तथा ववला टीका में विस्तृत रूप में देखने मिलता है। इनके सिवाय 'ह' (aha) परिकलन राशि कलन की परम्परा को स्चित करने हैं। कूट (false) रियति के मिस्री प्रयोग महावीराचार्य के गणितसार संग्रह में देखने में आये हैं।
- (६) वर्ग आधार वाले स्तूप (और सम्मवतः उसके समच्छिन्नकों) के धनफल निकालने में मिस्र में ग्रह और प्रसिद्ध सन्तों का उल्लेख मिस्ता है। ×

यहां भारत में वीरसेन द्वारा युक्ति बल से सिद्ध किया गया वर्ग आधार वाले लोकाकाश का चित्रण, उसके तथा वातचलय की परतों के धनफल का कलन, आदि इमें मिस्र के स्तूपों के वास्तविक भेद को जानने के लिए प्रेरित करते हैं। कुफ द्वारा निर्मित कराया गया महास्तूप मेघावी वैज्ञानिकों के अधीक्षण में घर्म, गणित, ज्योतिष तथा अन्य महत्वपूर्ण ऐतिहासिक घटनाओं के संयुक्त संस्कार के फल स्वरूप निर्मित किया गया होगा । डिरॉडोटस के अनसार मिस्र वासी स्तप आकार को जीवन का प्रकार रूप (emblem ) मानते थे । स्तप का विस्तृत आधार हमारी वर्तमान दशा के अस्तित्व का प्रारम्भ एवं उसका बिन्दु में अवसान, ( सांसारिक ) अस्तित्व का अन्त माना जाता था । हो सकता है कि इसी कारण उन्होंने अपनी समाधियों में इस आकृति का उपयोग किया हो । + ईसा से प्रायः ४८४ वर्ष पूर्व हुए हिराँडोटस की उक्त अम्युक्ति की पृष्टि मेम्पिस के प्रायः उत्तर में स्थित पिरेमिड युग से पूर्व के मंदिर की परम्परा द्वारा होती है। इस मंदिर में सबसे पवित्र 'पिरेमिड के आकार का' एक पत्थर था। यह विश्वास किया जाता था कि यह पत्थर सूर्य (अज्ञान अधकार विनाशक) भगवान को फीनिक्स ( Gr. Phoinix ) पक्षी के रूप में प्रकट होने में आधार रूप था। अर प्राचीन किंबदन्ती के अनुसार यह पक्षी ५०० या ६०० वर्ष बीवित रहने के पक्षात् अपनी चिता बनाकर स्वयं के पंखों से सुलगाता है, और अपनी ही भरम में से निकल कर उड़ जाता है। इस प्रकार वह अमरता का प्रतीक, अथवा सर्वोत्कृष्ट, सम्पूर्ण रूप ( paragon ) भी माना जाता है। यह विवरण हमें कर्म सिद्धान्त की मान्यता का प्रारूप प्रतीत होता है, जहां कर्म ईबन को तपकी ज्वालाओं में विदग्ध कर मुक्ति था कैवस्य प्राप्त फिया जाता है।

हिरॉडोटस ने स्त्प के विस्तृत आधार की हमारी वर्तमानदशा के अस्तित्व का प्रारम्भ बतलाया है। चार महान अजाएँ संसारी बीवन का प्ररूपण करती हैं जो सम्मवतः पिथेगोरस का Tetractys है और बैन मान्यता का चतुर्गति चक्र (चतुर्चकमण) है। इस दशा का बिन्दु रूप में प्रकट होना (और सांसारिक)

<sup>\*</sup> B. L. van der Waerden, Science Awakening, Holland, p. 6, Eng. trans. (1945).

<sup>†</sup> Ibid, p. 18,

İ बट्संडागम, ५० ४, गणित प्रस्तावना ।

<sup>×</sup> B. L. Waerden, Science Awakening, pp. 34,35.

<sup>+</sup> The Encyclopedia Americana, p. 40, vol. 23, (1944).

X I. E. S. Edwards, The Pyramids of Egypt, ( Pelican ), p. 21, ( 1947 ).

श्रास्तित्व का संत जाना जाना, जैन मान्यता की पंचम गति, मोख से समन्वय स्थापित करना प्रतीत होता है। वह चतु पंकमण स्वस्तिक के अर्थ को भी स्तूप की श्रुजा प्रकरणा में समन्वित करना दृष्टिगत होता है। कम विद्यान्त की मान्यता की सद्दशता कुछ अंदों में हमें निम्न्छिसित उद्धरणों में भी दृष्टिगत होता है।

त्रकार्पणं त्रझ इवित्रंझाग्नी त्राझणा हुतम् । त्रझैव तेन वंतस्य त्रझ कर्म समाधिना ॥%

पुनः यश के इस निर्वचन को लेकर यह कथन है-

गत सङ्गस्य मुक्तस्य ज्ञानावस्थित चेतसः। यज्ञायाचरतः कर्म समग्रं प्रविकीयते ॥†

इसी अभिप्राय को निम्नलिखित कोक में निर्दार्शत किया है— यथैघांसि समिद्धोऽग्निर्मस्मसात्कुकतेऽर्जुन । शानाग्निः सर्वे कर्माणि भस्म सारकुकते यथा ॥‡

पिरेमिड में स्थित अन्य वस्तुओं के नाम धार्मिक महत्ता से ओतप्रोत ये। समाधि का नाम "अनन्तत्व का दुर्ग" था, तथा साथ में रखी जानेवाली नाव सम्मवतः संवारतागर से पार ले जाने की प्रतीक रूप थी। जो कुछ हो, इतना अवस्य है, कि मृत्यु के उपरांत आनेवाली घटनाओं की आशंका में इसी जीवन के अंतराल में पूरी तैयारियों की जाती थीं, सम्मवतः न केवल राजा के लिए, वरन् राज्यसत्तद्वारा इस स्तूप प्रतीक प्ररूपणा के सहारे समस्त बुद्धि जीवी वर्ग के लिये भी। सबसे प्राचीन हीलिआपोलिस के मंदिर के पिरेमिड प्रतीक को सबसे पृहत्रूप में स्थापित करने का अय अहिंसाके प्रवरू समर्थक कुछू को ही है।

इस प्रकार बने हुए स्तूषों को मिसी में मेर m (e) r कहा जाता है, जिसका निर्वचन 'आरोहण स्थल' (place of ascension) किया जाता है। यह निर्वचन यद्यपि भाषा विज्ञान विषयक नियमों के विरुद्ध नहीं है, तथापि संशयात्मक है। फिर भी, पिरेमिड प्रंथों (texts) में इस प्रकार का उस्लेख है कि "उस (राजा) के दिये स्वर्ग सोपान डाली गई है ताकि वह स्वर्गारोहण कर सके।"() यह विश्वास न केवल प्राचीन मिस में ही प्रचलित था, वरन मेसोपोटेमिया, एसिरिया और विविक्त में भी प्रचलित था जहाँ आठ मैजिलों की इमारतें सम्भवतः इसी हेतु निर्मित की गई थीं। इनका नाम जिगुरात या और सिपार (Sippar) के ऐसे भवन का नाम 'उज्ज्वल स्वर्ग का सोपान मवन' था। इन स्तूपों का अन्य प्रचलित पिरेमिड है, जो यूनानी माथा के पिरेमिस शब्द से उत्पन्न हुआ है। मिसी गणितीय प्रन्थ के अनुसार सम्भवतः यह एक ज्यामितीय पद है, जिसका अर्थ, "वह जो अस (us) से (सीधा) ऊपर जाता है" विलक्कल अस्पष्ट, किन्तु पिरेमिड (स्तूप) के उत्सेध का द्योतक है। इम अभी नहीं कह सकते कि तिलोयपण्याची में वर्णित समवशरण की विधियों में निर्मित थूड क्या इन्हीं से सह-सम्बन्धित हैं?

<sup>∯</sup> भीमद्भगवद् गीता ४-२४

<sup>†</sup> वही, ४-२३

<sup>🕇</sup> बड़ी, ४--३७

O The Pyramids of Egypt, pp. 236, 237.

ग॰ सा० सं० ग्रर-रे

यूनानी गणित के बीजीय तस्त्रों सम्बन्ध, आजकल बेबिसन की बीख गणित से जोड़ा जाता है। इस मकार ओ. न्युगेबाएर (Neugebauer), ओ. बेकेर (Becker), राइडेमाइस्टर (Beidemeister) मस्ति विद्वानों ने यह रेखकर कि बीजगणित डाओफेन्टस से प्रारम्भ न होकर प्रायः २००० वर्ष पूर्व मैसीपोटेमिया से प्रारम्भ होती है, यह भी संभावना स्थक्त की है कि पियेगोरल के अर्थमितिकी विद्वान्त को बेबिसन का अर्थमितिकी सिद्धांत कहना उचित होगा।

इसी प्रकार बी. एल, घाएडेंन ने भी निम्निखिलित तथ्यों को प्रमाणित करने का प्रयास किया डैक---

- १ येळीज और पियेगोरस ने बेबिस्टन की गणित को छेकर प्रारम्भ किया परम्तु उसे बिलकुछ मिन्न, विशिष्ट रूप से यूनानी, सम्राण दिया।
- २—पियेगोरीय वर्गों में और बाहर, गणित को उच्चतर और सतत उच्चतर रूप में विकसित किया गया। इस प्रकार गणित धीरे-धीरे हद्दतर तर्क की विश्वासा का समाधान करने लगा।

इस सम्बन्ध में वाएडेंन का मत है कि गणित इतिहास के अध्ययन में निम्नलिखित वातों को अनावस्यक न समझा आवे—

- (१) संस्कृति का सामान्य इतिहास, जिसमें न केवल ज्योतिष और यांत्रिकी वरन् भवन निर्माण विद्या (architecture), शिल्प (technology), दर्शन और यहाँ तक कि धर्म (पियेगोरस) के विषयों को समाविष्ट किया जावे।
  - (२) राजनैतिक और सामाजिक दशाएँ।
  - (३) व्यक्तिगत चरित्र और उसका जीवन कार्यै।

गणित क्षेत्र में सबसे महत्वपूर्ण आधारभूत चार क्रियाएँ होती हैं, जिनका उपयोग संकेतों द्वारा गणित के विकास को चरम सीमा तक पहुँचाया जा सकता है। संकेतों में स्थानाहां पद्धित तथा दाश्मिक पद्धित लाना बड़े महत्व की वस्तु है। इसके आधार पर बड़ी संख्याओं का लेखन तथा अन्य गणनाओं को सुगम बनाया जा सकता है। इसमें संदेह नहीं कि ज्योतिष में आधुनिक धाष्ठिक पद्धित का इतिहास सम्भवतः ४९५९ वर्ष पुराना है। बेबिलन वासियों ने घाष्ठिक पद्धित सुमेरवासियों (स्युमिअरिएन) से ली और इस पद्धित को यूनानी ज्योतिषी टालेमी (१५०ई०) ने अपनाया तथा उसमें शून्य प्रतीक का उपयोग कर अपने काल की दाशिमक पद्धित के समाई बनाया। इशिष्टिक पद्धित में स्थिति सम्बन्धी प्रतीकों का उपयोग तो होता था, परन्तु उसमें कई दोष भी थे। १ और ६० के प्रतीकों, तथा १,०,३०, और १,३०, के प्रतीकों में अंतर न था। ‡

मारतीयों द्वारा यूनानी ज्योतिष के अंदादान छैने के आधार पर सम्भवतः वाएडेंन ने फायटेन्येल (Freudenthal) के मत का समर्थन किया है:

"Freudenthal's hypothesis reduces therefore to the following: Before becoming subject to the Greek influence, the Hindus had a versified, positional system, arranged decimally and starting with

<sup>\*</sup> Science Awakening, p. 5.

<sup>†</sup> Science Awakening, p. 39.

<sup>्</sup>रै चीन में भी पञ्चाङ्क में वाष्ट्रिक दावानिक पञ्चति उपयोग में काई गई थी, जिसमें ६० को उच्चतर इकाई अथवा 'चक्क' निरूपित किया शवा था। Cf. Struik. D. J., A concise History of Mathematics, Dover. (1948)

the lowest units. They had the digits 1-9 and similar symbols for, 10, 20,.... Along with Greek astronomy, the Hindus became acquainted with the Sexagesimal system and the zero. They amalgamated this positional system with their own; to their own Brahmin digits 1-9, they adjoined the Greek O and they adopted the Greek-Babylonian order.

It is quite possible that things went in this way. This detracts in no way from the honour due to the Hindus; it is they who developed the most perfect notation for numbers, known to us."\*

बाएडेंन का उक्त समर्थन, उनकी निम्नक्षिति अम्युक्ति पर भी आधारित प्रतीत होता है :

"In this manner Buddha continues through 23 stages. According to an arithmetic book, *koti* is a hundred times one hundred thousand (sata sata sahassa), so that the largest number mentioned by Buddha is  $10^{\circ}$ .  $10^{4.6} = 10^{5.3}$ . But in most arithmetics, these same words ayuta and niyuta have other values, viz.  $10^{4}$  and  $10^{5}$ .

But Buddha has not yet reached the end: This is only the first series, he says. Beyond this there are 8 other series.

It is clear that these numerals were never used for actual counting or for calculations. They are pure fantasies which, like Indian towers, were constructed in stages to dazzling heights".

इस सम्बन्ध में हम इन विद्वानों का ध्यान तिलोयपण्णती और द्रव्य प्रमाणनुगम, घट लंडागम् पुस्तक है की ओर आकर्षित करना चाहते हैं। तिलोयपण्णती के ज्योतिषीय प्रकरणों को देखने से पता चलता है कि जिन स्वतंत्र, मौलिक प्रंथों से उसमें सामग्री ली गई है, उनमें कालगणना का प्रत्यक्ष आधार यूनानी षाष्टिक पद्धति नहीं है। साथ ही, द्रव्य प्रमाणानुगम के अध्ययन से प्रतीत होता है कि ईसा के अनेक वर्ष पूर्व, सम्भवतः वर्दमान महावीर काल में ही अथवा बाद में, बीवों के गुणस्थान, मार्गणास्थान आदि में संख्या प्रकरण के लिए बड़ी-बड़ी संख्याओं के लेखन, गणन आदि की आवस्यकता पड़ी होगी। इस आवस्यकता के लिये उन्हें कोई क्रांतिकारी सरल पद्धति को ग्रहण करना आवस्यक हो गया होगा। उस समय विश्व के या तो किसी छोर से उन्हें स्वन्य के आधार पर स्थानाहांसहित दाद्यमिक पद्धति अपनाना पड़ी होगी, अथवा उन्हें ही शून्य को लेकर इस पद्धति का आविष्कार करना पड़ा होगा। जैसा कि हम आगे देखेंगे कि यूनान के पिथेगोरस के वर्ग और भारत के वर्दमान महावीर के तीर्थ में ऐसी कई बातों में सहद्यताएँ हैं कि हमें यह सम्भावना प्रतीत होती है कि ईसा से प्रायः ५०० या ६०० वर्ष पूर्व के बीच मी यूनानियों और भारतीयों में आदान प्रदान हुआ। न के वल स्थानाईसिहत दाद्यमिक पद्धति ही, बरन बीव द्रव्य के प्रमाण की संख्या का बोध क्षेत्र, काल आदि का आधार छैते हुए अनेक मीलिक पद्धतियों के आधार पर कराया गया है, को विश्व के प्राचीन गणित प्रंथों में दिखाई नहीं देता है। कुछ ऐसे प्रकरण हैं, जैसे सलागा अर्थ

<sup>\*</sup> Science Awakening, pp. 56, 57.

<sup>†</sup> Ibid. p. 52.

( बाक्सका ममाण, Logarithm ), ए राशि विदान्त आदि जिनके आविष्कार यूरोप में एकहवीं और उसीसवीं सदी में हुए हैं। इस प्रकार "आवश्यकता, आविष्कार की जनती हैं", के आवार पर इस यह उस्मावना भी व्यक्त करते हैं कि वर्दमान महाबीर के तीर्थ में उनके अनुवादियों द्वारा स्थानार्ही मतीक सिंदित दाश्यमिक पदित के अमाव की पूर्ति करने के प्रवास अवस्य ही किये गये होंगे।

यूनानियों द्वारा वेनिलनवासियों के अंशदान का उपयोग सम्भवतः येलील द्वारा प्रहण काल का बतलाया नाना पुष्ट करता है। वेनिलन में प्रहणों के अवलोकन की तिथियों सम्भवतः ७४७ ई० पू० में हुए नवीनसार उपित के काल में निश्चित हुई प्रतीत होती हैं। इसके पश्चात् ई० पू० ५८० में नेन्युकडनेज़र †† (दितीय) (Nebuchadnezzar II 605-562 B.C.) के राज्यकाल तक कला और विज्ञान में उसति तथा चंद्रमा और प्रहों के अवलोकन के प्रमाण मिलते हैं। इसके पश्चात् उत्तरोत्तर काल में ज्योतिष के विकास के प्रमाण मिलते हैं। नेन्युकडनेज़र के सम्बन्ध में एक दो ऐसे तथ्य हैं जो इमें डा० प्राणनाथ विद्यालंकार द्वारा प्राप्त प्रमास पाटण के तालपत्र के लेख, "वेबीलोन के त्यित नेजुर्ववनेजार ने रैंबतगिरि के साथ नेश्चि के मंदिर का बीगोंद्वार कराया थार ।"‡‡ की ओर आकर्षित करता है। ये तथ्य इस प्रकार हैं:

"From his inscriptions we gather that Nebuchadrezzar was a man of peculiarly religious character".†

"His peaceful energies were devoted to building magnificent palaces and temples and herein he excelled".

परन्तु उपर्युक्त कोई पुष्ट प्रमाण नहीं है, जिसके आधार पर हम भारत और वेत्रिस्न का वर्द्धमान महावीर के तीर्थ से सम्बन्धित पुनर्जागरण से सम्बन्ध बतला सकें। इसके सम्बन्ध में भारतीय शिल्प और न्याय प्रणालिका की वेत्रिस्न के शिल्प और न्याय प्रणाली से तुस्त्रना सम्भवतः उपयोगी सिद्ध हो। अभी तक उपस्था के आधार पर गणित सम्बन्धी तुस्त्रना आदि हम अगले पृष्टों में देंगे।

बेबिलन के उच्च रूप से विकलित बीजगित की सम्भाव्यता के विषय में यह प्रमाण दिया जाता है कि उनके पास उत्कृष्ट पाष्टिक प्रतीक प्ररूपणा थी, जिससे संख्या और मिल्लों को दर्शाया जा सकता था, और उनमें समानसरलतापूर्वक गणनाएँ की जा सकती थीं। इस प्रकार उन्हें एक तथा दो अज्ञात वाले रैखीय और वर्ग समीकरणों के इल करने की रीति ज्ञात थी। इनके सिवाय ( अ + व ) वे जैसे बीजीय सूत्रों का उन्नामितीय प्ररूपण, समान्तर रेखाओं से उदयभूत अनुपात के सम्बन्ध, पियेगोरसका साध्य, त्रिमुज और समल्यन चतुर्भुज का क्षेत्रफल आदि का ज्ञान सम्भवतः उन्हें पूर्व प्रचलित परम्परा से था। संख्यासिद्धान्त में भेदियों का संकलन भी दृष्टिगत होता है। परन्तु यह सब ज्ञान पियेगोरस को धर्म और दर्शन में गणित के

<sup>#</sup> टोडरमक ने अर्थसंदर्शि में अर्थ को दृश्य, क्षेत्र, काल और भाव का प्रमाण निकापित किया है।

<sup>††</sup> अथवा नेडबुकडरेज़र Cf. Encyclopaedia Britannica, vol. 16, p. 184 (1956).

<sup>🏥</sup> हा. कांतिसागर, श्रमण संस्कृति और कला, प्र. ९७ ( १९५२ ); संबद्दशें का वैभव, भारतीय ज्ञानपीठ काशी, प्र. ११ ( १९५६ ); तथा Times of India, 19-3-1935.

<sup>†</sup> Encyclopaedia Britannica, Vol. 16, p. 185, (1956).

<sup>‡</sup> J. B. Bury & others, The Cambridge Ancient History, P. 216, Vol. III, 1 (954).

स्कुछ करने, तथा गणित में गति लाने में कहां तक प्रेरक रहा होगा, इस पर हमें अभी विचार करना क्रोंच है। अपर्युक्त गणित के प्रयोग हम प्राकृत ग्रंथों में देखते हैं, परन्तु विशेषरूप से दो तथ्य हमें आस्चर्य मैं कुछ देते हैं:---

(१) तिस्रोय-पणात्ती के चतुर्थ अधिकार में गाथा १८० और १८१ में दिये गये सूत्र बीना और धनुष का प्रमाण निकासने के लिए उद्भृत हुए हैं। गणना 🎝 रे० के आधार पर इन सूत्रों की संरचना का प्रमाण मिलता है। जीवा के निषय में बिलकुल ऐसा ही सूत्र,

बीवा =  $\sqrt{\sqrt{2\left(\frac{2218}{2}\right)^2 - \left(\frac{2218}{2} - 419\right)^2}}$  के रूप में, बेबिलन के अभिलेखों के आधार पर २६०० ई० पूर्व (१) उपस्थित होना आक्वर्य जनक है। जहाँ  $\pi$  का मान ३ होना स्वीकृत हो खुका या यहाँ पिबेगोरस के साध्य के आधार पर इस सूत्र का होना उपयुक्त प्रतीत होता है। धनुष के सम्बन्ध में दिया गया सूत्र,  $\pi$  का मान  $\sqrt{20}$  लेने के आधार पर है जो वेबिलन में अप्राप्य है।  $\frac{1}{2}$ 

- (२) वीरसेन ने क्षेत्र प्रयोग विधिके आधार पर जो बीजीय समीकरणों का रैखिकीय निरूपण दिया है, वह भी नया बेबिछन अथवा यूनान से लिया गया है, अथवा पारपरिमित गणात्मक संख्याओं के निरूपण के लिये प्रचलित अनेक विधियों में से एक यह विधि भी बैनाचार्यों की मौलिक रूप से आविष्कृत विधि है, यह भी विचारणीय है !\*
- (३) षाष्ठिका पद्धति का उद्गम स्थल बेबिलन माना जाता है। ६० को आधार लेने के कई कारण प्रस्तुत किए गये हैं। यह पद्धति ज्योतिष में बिशेष रूप से स्थान पाये हुए है। तिलोय पण्णत्ती में सूर्य का एक पूर्ण परिश्रमण ६० मृहूर्तों में माना है। ६०, माने हुए १०९८०० गगन खंडों का एक गुणनखंड भी है। यह गणना भी बेबिलन और चीन से सहसम्बन्ध खोजने में सम्मवतः सहायक सिद्ध हो सकती है।

अब इम यूनान में प्रवेश करते हैं। यहाँ, निस्संदेह, ज्योतिष गणना में राशि सिद्धान्त, १२ घंटे का दिन, छाया माप निरूपण ( सूर्य घड़ी के रूप में Gromon और Polos), चन्द्र और प्रहों की गतियों का अवलोकन, बेबिलनीय प्रभावों से अछूता नहीं है। परन्तु यह सब प्रमाव क्या पियेगोरस कालीन है, अथवा पियेगोरस पर ज्योतिष का भी प्रमाव किसी दूसरे देश का था, इस पर विचार करना है। इस में सन्देह नहीं कि उक्त प्रभाव पियेगोरस के बाद दृष्टिगत अवश्य होता है। परन्तु हमें थियेगोरस के काल का अध्ययन बड़ी शावधानी से करने की आवश्यकता है। इसके विषय में हम सर्वप्रथम कुछ किंवदितयाँ और तथ्य पाठकों के सम्मुख रखना चाहेंगे।

(१) यूनान के "सात ज्ञानियों" में से येलीज़ प्रथम था, जिनके विषय में कहा जाता था,

"Sayings such as the celebrated Delphic "Know thyself" were ascribed to them";

(२) सूर्य प्रहण के विषय में जो फलित येलीज़ ने घोषित किया था, उसके विषयमें वाएडेंन का का यह कथन है—

"Herodotus reports (see p. 84) that, during the battle on the Halys, day was suddenly turned into night and that Thales had pre-

<sup>‡</sup> J. L. Coolidge: A History of Geometrical Methods, pp. 6, 7 (1940).

<sup>🔹</sup> षट् संडागम पु., ३, ४, ४२-४३।

<sup>†</sup> Science Awakening, p. 85.

dicted this event to the Delians for that year. According to Diogeness Laertius, Xenophanes voiced his admiration of Thales for this prediction. Thus, besides Herodotus, we have the older witness Xenophanes for this accomplishment. At present it is generally agreed that this event refers to the solar eclipse of 585 B. C.

How was it possible for Thales, who according to all our sources, is the first Greek astronomer, to predict a solar eclipse? Such a feat requires the experience of more than forty years, no matter how one proceeds. It is not possible for one man alone to gather this experience. But Thales had no Greek predecessors. The conclusion is inescapable that he must have drawn upon the experience of Oriental astronomers."

- (३) थेलीड़ को सम्भवतः बेबिलन वासियों (१) से निम्नलिखित ज्यामितीय फल प्राप्त हुए थे, बिनके लिए उसने उपरत्ति आदि देने का प्रयत्न किया:
  - ( अ ) वृत्त का व्यास उसे समद्विभाजित करता है।
  - (ब) सम द्विबाहु त्रिभुज के आधारीय कोण समरूप (similar) होते हैं।
  - (स) युडीमस के अनुसार, उसने यह खोजा था कि दो सरल रेखाओं के प्रतिच्छेदन से प्राप्त कोण समान होते हैं। इत्यादि।
  - (४) येळीड़ के काल में मिस्र और बेबिसन का गणित मृतप्राय हो चुका या ।†
- (५) नीओ-फ्रेटोनिस्ट ( Neo-Platonist ) प्रोक्कस (Proclus, 412-485 A. D.) ने पियेगोरस की ज्यामिति के सम्बन्ध में यह उक्केस किया है,

Pythagorus, who came after him, transformed this science into a free form of education; he examined this discipline from its first principles and he endeavoured to study the propositions, without concrete representation, by purely logical thinking. He also discovered the theory of irrationals (or of proportions) and the construction of the cosmic solids (i. e. of the regular polyhedra)!

उपर्युक्त विवरण से प्रतीत होता है कि ज्यामितीय और ज्योतिषीय सामग्री, यूनान में इस काल में बाहरी देशों से लाकर, स्थमरूप से अवलोकित कर, तर्क पर आधारित गहन अध्ययन का विषय बनाई गई। इसमें सन्देह नहीं, कि उक्त सामग्री ने इन विद्वानों को प्रमावित किया होगा, क्योंकि विना प्रमाव के, किसी विषय की ओर ध्यान आहुए होना साधारणतः सम्भव प्रतीत नहीं होता। जो बात, बीजरूप से प्रभावक प्रतीत होती है, वह "गणित द्वारा प्रतिपादित धर्म से आत्मा का उत्थान करना" दृष्टिगत

, i

<sup>\*</sup> Ibid. p. 86.

<sup>†</sup> Ibid. p. 89.

t Ibid. p. 90.

होती है। देखें कि प्रमाव का यह माध्यम पियेगोरल के वर्ग और वर्द्धमान महावीर के तीर्य से कहाँ तक लहवाता रखता है ?

(१) ऐसा प्रतीत होता है, कि ईसा से प्रायः (५८२-५०० १) वर्ष पूर्व मिस में प्रवल स्वेच्छा से रहते हुए पियेगोरस ने जिनके संसर्ग में स्वतः को विभिन्न विज्ञानों से (a lot of knowledge without intellect) परिचित किया था, उनके मिशन का प्रभाव उसके नैतिक जीवन में पशु के मिति (मुक्ति हेतु), विश्वद दया की छाप छोड़ बैठा था,

"But this crazy crank Pythagorus had made quite a fuss when he saw one of the prominent citizens taking a stick to his dog. "Stop beating that dog!" he had shouted like a madman. "In his howls of pain I recognize the voice of a friend who died in Memphis twelve years ago. For a sin such as you are committing he is now the dog of a harsh master. By the next turn of the Wheel of Birth, he may be the master and you the dog. May he be more merciful to you than you are to him. Only thus can he escape the Wheel. In the name of Apollo my father, stop, or I shall be compelled to lay on you the tenfold curse of the tetractys."

(२) इस चदुचंकमण (tetractys), चतुर्गति बंधन (स्वस्तिक प्रक्रपणा १) से विमुक्ति हेतु पिथेगोरस और आगे बद्कर, हरे पौधों के प्रति भी, ममता प्रदर्शित करता है,

"Then, too, there was all this talk about what he ate, or rather about what he would not eat. What could the man possibly have against beans? They were a staple of everyone's diet; and here was Pythagorus refusing to touch them because they might harbour the souls of his dead friends........He had even deterred a cow from trampling a patch of beans by whispering some magic word in its ear"!

इसी प्रकार, ( एकेंद्रिय जीव, बालों, से निर्मित ) ऊनी कपड़ों से सम्बन्धित अम्युक्ति निम्न प्रकार है,

"He also tells that the Pythagoreans did not bury their dead in woollen clothing." This looks more like religious ritual than like mathematics. The Pythagoreans, who were held up to ridicule on the stage, were presented as superstitious, as filthy vegetarians, but not as mathematicians." []

<sup>#</sup> Ibid. p. 13.

<sup>†</sup> E. T. Bell, The Magic of Numbers, p. 87, (1946)

<sup>†</sup> The Magic of Numbers pp. 91, 92.

<sup>[]</sup> Science Awakening p. 92.

(१) पुनः, मांच मध्य निषेष की शैली में आत्मा की नियत लंख्या के रूप में गणित का प्रवेश है, "The thought of all the souls they might have left shivering in the void by devouring their own goats and swine made the good Samians extremely unhappy. A few weeks more of these upsetting suggestions, and they would all be strict vegetarians—except for beans.

Equally upsetting was the ghastly thought that some of their own children might be malicious little monsters with no souls to restrain their bestial instincts. For Pythagorus had assured them that the total number of souls in the universe is constant".

आत्माओं के पुनर्जन्म तथा आत्मा की अमरता का उपदेश देने वाले पियेगोरस के वर्ग बन्धुत्व में,
गणित की महत्ता दर्शाने वाला उटलेख निम्नलिखित भी है:

"The Pythagoreans thus have purification and initiation in common with several other mystery-rites. Ascetic, monestic living, vegetarianism, and common ownership of goods occur also in other sects. But, what distinguishes the Pythagoreans from all others, is the road along which they believe the elevation of the souland the union with God to take place, namely by means of mathematics. Mathematics formed a part of their religion. Their doctrine proclaims that God has ordered the universe by means of numbers. God is unity, the world is plurality and it consists of contrasting elements. It is harmony which restores unity to the contrasting parts and which moulds them into a cosmos. Harmony is divine, it consists of numerical ratios. Whosoever acquires full understanding of this number-harmony, he becomes himself divine and immortal."

अभी यह कहना कठिन है कि पियेगोरस ने वही प्रतिपादन किया जो वर्द्धमान महावीर के तीर्य में परम्परा के आधार पर किया गया प्रतीत होता है। परन्तु, बवला ग्रंथों (विशेषकर, षट्खंडागम पु. ३) को देखने पर यह अवस्य प्रतीत होता है कि इन दोनों वर्गों के लक्ष्य प्रायः एक से रहे हैं। इसकी पुष्टि, पुन:, निम्नलिखित उदरण से होती है,

"According to Heraclides of Pontus, Pythagorus said that,

"Beatitude is the knowledge of the perfection of the numbers of the soul". Mathematics and number mysticism mingle fantastically in the Pythagorean doctrine. Nevertheless, it was from this mystical doctrine that the exact science of the later Pythagoreans developed."()

<sup>. \*</sup> The magic of Numbers, p. 92.

<sup>†</sup> Science Awakening p. 93.

<sup>()</sup> Ibid p. 94.

(४) विवेगोरत के लिये "a lot of knowledge without intellect" से सम्बन्धित अस्मृत्ति वाएडेंन वे इस प्रकार दी है:

"This contemptuous remark cannot refer to a logically constructed theory of numbers and a geometry such as we find in the writings of the later Pythagoreans. But, if Pythagorus gathered into one lump, all kinds of half-assimilated learning about the gods and the stars, about musical scales, sacred numbers and geometrical calculations, and proclaimed such an omnium-gatherum to his followers as divine wisdom in a prophetic manner, then Heraclitus' ridicule, as well as the veneration of mystics, such as Empedocles, become entirely understandable".

इसी प्रकार, एक और ऐसा उल्लेख है नो विचारणीय है:

"What inspiration laid forceful hold on Pythagorus when he discovered the subtle geometry of (the heavenly) spirals and compressed in a small sphere the whole of the circle which the aether embraces."

प्रियेगोरीय वर्ग ने प्रहों को जीवित देवताओं की मान्यता दी है। एक और महत्वपूर्ण तथ्य है, "चन्द्र सम्बन्धी गणना में ५९ का आधार", यथा,

"Firmly convinced of the mystic values of numbers, Pythagorus determined to a base a brand new cycle on a primary foundation of arithmetic. Fifty-nine was a "beautiful" number, since it was a prime. When to this was added the undoubted fact that, when we count the days and nights in every one of the moon's months, the total is always 59,....."

इस ५९ दिन और रात्रि प्रकरण से सम्बन्धित आधारभूत प्राकृत प्रथों में विशेष विस्तार से वर्णित चंद्र सम्बन्धी गणना है। यह शात है कि सूर्य की अपेक्षा से चंद्र एक सुहूर्त में ६२ गगनलंड पीछे रह जाता है, इसल्थि १०९८०० गगनलंड अथवा एक परिभ्रमण पूर्ण करने में ५९ हैन दिन लगते हैं,

इस आधार पर चंद्र अर्द्धनक का synodio मास २९.५१२ ...... दिन निकलता है। यहाँ बतलाना आवश्यक है कि हिन्दू ज्योतिष प्रयों की अयन प्रकृति प्राकृत ज्योतिष प्रयों से मिन्न है।()

(५) आगे, जहाँ परिमित, अपरिमित, एकत्व, अनेकत्व, सांत, अनन्त आदि के विषय में रुचि लेने वाले पियेगोरस के वर्ग ने अपरिमेय राशियों को दृष्यरूप देकर परिमेय बनाया और इस प्रकार

<sup>\*</sup> Ibid. p. 95.

<sup>†</sup> Heath, Greek History of Mathematics, Vol. 1, p. 163. (1921)

<sup>‡</sup> A. T. Olmsteed, History of Persian Empire, Chicago, p. 209, (1948)

<sup>()</sup> वैत-सिदांच-सास्कर, मारा ८, किरण २, ६. ७७, ( १९४१ )

ग० सा॰ सं॰ प्र०-४

क्यामिति पर आचारित अदितीय ताधन को प्रकाश में लाया, उसी प्रकार यहाँ मारत में घटखंडागम जैसे सिद्धान्त प्रन्यों में न केवल दर्शन और धर्म को, वरन् द्रव्यों ( चीव और पुद्रल ) के प्रमाणों को द्रव्य, केप्र, काल, भाव, विकल्प, अल्प बहुत्व के साधनों से दृष्य रूप दिया । इसका बृहद विवेचन यहाँ देना सम्मव नहीं है । इसके हेतु तिलोय पण्णत्ती के गणित के सिवाय धवल प्रन्थों में मुख्यतः पुस्तक ३ और ४, केशव वर्णी अथवा टोडरमल की गोम्मटसार की टीका तथा गोपालदास बरेया कृत चैनसिद्धान्तदर्गण दृष्टव्य हैं।

यहाँ यह बात बतलाना आवश्यक है कि पियेगोरीय वर्ग ने जहाँ अपरिमेयको परिमेय बनाने के लिये ज्यामिति आकृतियों का आश्रय लिया है, वहाँ प्राकृत प्रन्थों में परिमेय का बोध देने के पश्चात् लसे अपरिमेय रूप में भी प्रस्तुत किया है। यहीं सामान्यकरण का बीज छिपा है। इनके प्रदर्शन के लिये प्राकृत प्रन्थों में जहाँ परमाणु द्वारा अवगाहित आकाश-प्रदेश (बिन्दु) को मूलभूत लिया है, वहाँ पियेगोरस का बिन्दु भी उस्केलनीय है,

"Points are the primary elements of space for Pythagorus, and a point is that which has position only. Unlike material things a point has neither parts nor magnitude. These defects are shared by 1 when the latter is regarded as the Monad or the generative element of number. If Pythagorus thought of space as being made up of points, then points generated his space. But whatever he imagined space to be, he identified a point with 1."%

(६) १ को संख्या राशि में समन्वित न करने वाले और सम्मवतः भारतीय पगड़ी को घारण करने वाले पियेगोरस का बिन्दु हमें एलिया निवासी ज़ीनो के चार असद्भासों (विरोधामासों) की ओर भी आकृष्ट करता है। होटो ने उल्लेख किया है कि वह समझ चुका था कि किसी वस्तु को समान और असमान, एक और अनेक, स्थिर और गतिवान कैसे सिद्ध करना।

ज़ीनों के "सान्त की अनन्त विभाज्यता के खंडन" और अविभागी "समय" (now) अथवा "वर्तमान काल" बैसी अवधारणाओं (concepts) में इम जिनागम प्रणीत "प्रदेश" और 'समय" सम्बन्धी मान्यताओं का स्पष्ट बिम्ब देखते हैं। इस सम्बन्ध में ऐसा प्रतीत होता है मानो स्याद्वाद पर आधारित अनेकान्तात्मक वस्तु स्वरूप विषयक ज्ञान का ज़ीनों ने आधार लेकर सम्भवतः इन असद्भासों आदि का संकलन केवल अपने आराध्य पारमेनिडीज़ (Parmenides, fl. 5th century B. C.) के सिद्धान्तों की रक्षा के लिए विवादोत्सुक विद्वानों को विडम्बना में डालने के हेतु किया हो। इसकी पृष्टि निम्नलिखत अवतरण से होती प्रतीत होती है:

"'Yes, Socrates', said Zeno; 'but though you are as keen as a Sparton hound, you do not quite catch the motive of the piece, which was only intended to protect Parmenides against ridicule..."

<sup>\*</sup> The Magic of Numbers, p. 161.

<sup>†</sup> Science Awakening, Plate 13, p. 112.

<sup>‡</sup> T. Heath: Greek History of Mathematics, vol. (i), p. 273.

<sup>[]</sup> The Dialogues of Plato by B. Jowett, vol. II, p 634, (1953) Oxford.

इसके साथ ही सत्य के पुचारी और विष प्याके के प्राहक सॉकाटीन (Socrates, 469-399 B. C.) सम्बन्धी अभ्युक्ति भी विचारणीय है,

"Here we have, first of all, an unmistakable attack made by the youthful Socrates on the paradoxes of Zeno. He perfectly understands their drift, and Zeno himself is supposed of to admit this. But they appear to him, as he says in the *Philebus* also to be rather truisms than paradoxes."\*

एरिस्टाटिल के बान्दों में प्रयम दो तर्क निम्नलिखित हैं :--

- (१) डाइकॉटोमी (Dichotomy):—कोई भी गमन नहीं होता, क्योंकि जिसे गति किया इस में परिणत किया जाता है उसे अंत में पहुँचने के पूर्व (दूरी के ) मध्य में पहुँचना पड़ेगां। और उस सर्द भाग को तय करने के पूर्व अर्द का अर्द भाग तय करना होगा और इस प्रकार अनन्त तक ।) नं
- (२) आकिलीज़ (The Achilles) 'कथन है कि मन्द गतिवान को तीव गतिवान कमी न पकड़ सकेगा; क्योंकि जिस स्थान को मंद गतिवान ने छोड़ा है वहाँ तक तीव गतिवान को पहुँचना पड़ेगा और इसलिये मंद गतिवान आवश्यकीय रूप से सदा कुछ दूर आगे ही रहेगा।' ‡

स्पष्ट है कि ये दो तर्क परिमित अखंड महत्ताओं की अनन्त विभाग्यता का खंडन करते हैं। जिनागम के अनुसार अमूर्तिक आकाश द्रव्य को स्यात् अखंड और स्यात् अनन्त प्रदेशवान् माना गया है। प्रदेश (खंड) की अवधारणा पुदूछ परमाणु की अविभाज्यता या अंत्य महत्ता के आधार पर मुख्य रूप से की गई है। इस प्रकार अमूर्त द्रव्य में भेद (विभाजन) की कल्पना को स्थान न देकर केवल मूर्त द्रव्य पुद्रल में भेद की सम्मावना की पृष्टि कर, और प्रदेश की परिभाषा, "जितने आकाश को एक अविभागी पुद्रल परमाणु को ज्यात करे" रूप में देकर, लोकाकाश में असंख्यात प्रदेशों की मुख्य रूप से कस्पना की गई है। यहाँ तक ही नहीं, बरन् एक सूच्यंगुल में प्रदेशों की संख्या का प्रमाण, संख्यामान और उपमामान में समीकरण स्थापित करते हुए, वह प्रमाण बतलाया गया है जो पल्योपम काल राशि में स्थापित समयों की संख्या के अर्द्धच्छेद प्रमाण का परस्पर गुणन करने पर प्राप्त हो । इस परम्परागत समीकरण के आधार पर प्रथम तर्क का समाधान होता प्रतीत होता है, क्योंकि सृष्टि में परमाणु को अंत्य महत्ता प्राप्त करा देने पर, किसी परिमित दूरी में अर्द्धच्छेदीं की संख्या का प्रमाण अधिक से अधिक असंख्यात ही होने पर, अनन्त विभाज्यता का प्रश्न उठता प्रतीत नहीं होता । अर्थख्यात प्रमाण मुख्यरूप कल्पना के आधार पर, द्वितीय तर्क भी समाधानित होता प्रतीत होता है, क्योंकि परमाणु स्वरूप अंत्यमहत्ता वाली वस्तुओं के भी गमनसम्बन्धी सद्भाव में किसी दूरी के अर्द्ध-छेद, त्रयक्-छेद, चतुर्थ-छेद आदि सभी की संख्या, प्रदेश की कल्पना के आधार पर असंख्यात अथवा संख्यात ही होगी, अनन्त नहीं; और इस प्रकार "कमी नहीं" प्रश्न भी समाधानित होता प्रतीत होता है। ऐसा प्रतीत होता है मानो ज़ीनो ने भौतिक संसार में होने बाढ़ी घटनाओं को ही वास्तविक आधार मानकर अमृतिक आकाश की विभाग्यत। की कस्पना का संदन किया है। ऐसा कहा बाता है कि ये तर्क पियेगोरीय सिद्धान्तों के संदन के लिये नहीं थे,

<sup>\*</sup> Ibid. p. 638.

<sup>†</sup> T. Heath, Greek History of Mathmetics vol. I, p. 275, (1921)

<sup>‡</sup> Ibid. pp. 275 276.

क्वोंकि पियेगोरीय वर्ग ने किन्दु अवका प्रदेश की परिमाधा, "स्यिति वाका एकक" (unit baving position) के रूप में स्थापित की थी।

इन दो तकों के आधार पर, बीरसेन की शैक्षी में, "परन्तु ऐशा है नहीं" यह अन्यथा युक्ति खंडन (अनिष्ट प्रदर्शन ) विभि, जिनागम प्रणीत उक्त तथ्यों की पुष्टि करने की विधियों के समान प्रतीत होती है। अथवा ऐसा माल्म पड़ता है मानो सीमित क्षेत्र में संख्यात या असंख्यात (परिमित) प्रदेश संख्या राशि की पुष्टि करने के खिये ही ये तर्क प्रस्तुत किये गये हैं।

आगे, एरिस्टाटिल के शब्दों में जीनो के अंतिम दो तर्क ये हैं---

- (३) बाण (The Arrow):— "यदि, जीनों का कथन है, प्रत्येक वस्तु या तो स्थिर है या गति किया में परिणत है (गमन में है) अब कि वह (स्वतः) के समान आकाश को स्थास करती है, जब कि वह गतिवान वस्तु उसी क्षण (in the now) में सदा है, तो गतिवान वाण स्थिर है (गतिवान नहीं है)" नं
- ( Y ) क्रीड़ांगन ( The Stadium ):—"चौथा तर्फ समान वस्तुओं की समान संक्या वाली दो पंक्तियों के सम्बन्ध में है जो किसी दौड़सेत्र में समान प्रवेग से विरुद्ध दिशाओं में एक दूसरे का अतिक्रमण करती हैं, एक पंक्ति क्षेत्र के अंत से तथा दूसरी मध्य से प्रस्थान करती हैं। यह, वह सोचता है, इस उपसंहार पर पहुँचाती है कि दत्त समय का अर्ड भाग, द्विगुणित के तुस्य होता है……";

वीरसेनाचार्यं ने व्यवहारकाल की अंत्य महत्ता को, अविभागी समय में परमाणु की गमनशीलता के आधार पर प्रस्तुत किया है,

"एक परमाणु का दूसरे परमाणु के व्यक्तिक्रम करने में बितना काल लगता है, उसे समय कहते हैं। चौदह राजु आकाश प्रदेशों के अतिक्रमण मात्र काल से जो अतिक्रमण करने में समर्थ परमाणु है, उसके एक परमाणु अतिक्रमण करने के काल का नाम समय है।"()-

इस प्रकार छोकान्त से छोकाग तक प्रत्येक बिन्दु पर से जाने वाले परमाणु के गुजरने की घटना, प्रत्येक प्रदेश पर स्थित घड़ी, तथा गमनशील परमाणु में स्थित ऐसी ही बड़ी (१), वही "एक अविभाज्य समय, तत्ख्रज," बतलावेगी जिस 'एक समय' में वह पुद्रल परमाणु, गमनरूप किया में परिणत हुआ, छोकाग पर जाकर, स्थिर पर्याय को प्राप्त होता है। इस प्रकार प्रत्येक प्रदेश से गुजरने की एक समय कालीन घटना में युगपतस्व का समायेश है। व्यवहार से, काल के ध्यनन्त समय, वर्तमान काल को एक समय मानकर बतलाए गये हैं। निक्चय नय से अमूर्त, अग्रदेशी काल द्रव्य वर्तना का कारण होने से, तथा प्रति समय अनन्त वर्तनाएँ होने से, मुख्य कालाणु अनन्त समय वाला भी माना गया है। काल की अंत्य प्रमाण छोटी पर्याय से विरे हुए काल को समय बतलाया गया है।

ऐसे अविभागी वियोकि कोई पर्याय के बदछने में सृष्टि में होने वाली 'पर्यायांतरी किया में',

., at 186

<sup>\*</sup> Ibid, p. 278.

<sup>†</sup> Ibid. p. 276.

<sup>‡</sup> Ibid. p. 276.

<sup>()</sup> बट् संडांगम प्र० ४, ५० ३१८।

<sup>🛮</sup> तत्वार्धराजवार्तिक, अध्याय ५, ए० ४६४ ( पदाकाळ, वाकळीवाळ )

एक रामय से कम काल नहीं लगता ] समय में उर्ध्वामनत्व त्वमाववाला विद्वारमा, मध्य कोक से लोकाम स्थित विद्व शिला पर पहुँच बाता है। इसी प्रकार एक ही समय में ईर्यापय आसव में कमीं का आना, आत्मा से स्वर्ध करना और निर्वरित हो बाना; तथा चार समय से पहिले मरणांतिक समुद्वात में आत्मा के प्रदेशों का अनुभेषि विग्रह गति से लोक में स्थित किसी भी प्रदेश स्थित बन्म स्थान का स्पर्श करना और चार समय में दंड, कपाट, प्रतर एवं लोकपूरव किया का होना, ये सब कियाएँ, अथवा पर्यायों में अंतर आदि का एक समयवर्ती होने का ज्ञान जीनो के उक्त असदासों का विषय बन बाता है; कि क्या इन पर्यायों अथवा कियाओं से भी कोई स्थानर पर्याये नहीं होती हैं, जो ज्ञान में आ सकें, क्योंकि वे एक समय के अवक्तव्यम् माग (१) में घटित होती हैं? क्रिया की परिमाषा श्री अक्तवंक देव द्वारा निम्न कप में प्रस्तुत है, "हमय निमित्तापेक्षः पर्याय विरोषो द्वव्यस्य देशांतर प्राप्ति हेतुः किया ॥"

ऐसा समझा बाता है कि उपरोक्त तर्क संतत महत्ताओं की अविभाज्य तत्वों द्वारा संरचना की करणना के विश्व हैं।, परन्तु ऐसा प्रतीत होता है मानो तृतीय असदास अविभागी समय के खंडन के लिए नहीं है, बरन् उस एक समय में "१४ राजु जो देशान्तर माति है, वह केवल स्थिरता अथवा गतिवान् रूपादि अनेक अलग-अलग वर्त नाएँ रूप नहीं है, वरन् उन वर्तनाओं का एक समय में एक पर्याय परिवर्तन रूप होना है", इस प्रकार के होने वा ले पर्याय परिवर्तन की सम्मान्यता की पृष्ठि के लिए है। कारण यह है कि गतिवान् वाण की एक समय में स्थरता और गमन रूप होना स्वामाविक प्रतीत होता है, और एक-एक प्रदेश पर गुकरते हुए उसका गमन रूप रहते हुए स्थर कहना न्याय संगत नहीं है; वरन् उस एक समय में सहसा ७-१४ राजु प्रमाण प्रदेश राशि का! शीव्र वाण के समान अतिक्रमण करते हुए लोकाग्र पर बाकर स्थिरता पर्याय का ग्रहण करना अस्वामाविक इसल्थे प्रतीत हो कि समय अविभाज्य है, पर इस वर्तमान काल रूप एक समय में ऐसा होता है—"नहीं तो वह वाण चलता ही नहीं", तर्क से अवस्थित (established) आमासित होता है।

चतुर्य तर्क सम्मदतः उक्त समय ( 100 w ) के आधार पर उपस्थित हुआ प्रतीत होता है। हमारी समझ में यहाँ यह प्रभ उठाया गया है कि एक परमाणु का दूसरे परमाणु का व्यतिक्रमण करते समय, अथवा १४ राखु में स्थित प्रदेशों का अतिक्रमण करते समय, उस एक समय में प्रदेश की सीमा का उल्लंघन करते समय, अथवा एक साथ असंस्थात प्रदेशों का उल्लंघन करते समय, उक्त समय के विभाजित हो बाने की कल्पना न्यायसगत है, अथवा नहीं ? ऐसा प्रतीत होता है, मानो बीनो ने 'एक समय की अविभाज्यता की कल्पना को न्यायसगत बतलाने के लिए यह असदास उल्लिखत किया हो कि क्या कोई समय का अर्दमान उसके दिगुणित प्रमाण के तुस्य होता है ?

बो कुछ हो, वर्दमान महावीर के तीर्थ में परम्परागत अनुगर्मों में प्रचुर मात्रा में प्रयुक्त वे तथ्य हमें विश्ववंद्यस्य के प्राङ्गण में हुए सम्भावित आदान-प्रदान की शलकें प्रस्तुत करते प्रतीत होते हैं। हम अभी यह भी नहीं कह सकते कि भूनानियों द्वारा शंकु के छेद (काट) से प्राप्त विभिन्न छेदों (sections) के गहन अध्ययन की प्रेरणा सूर्य, चंद्रादि के सुमेर के परितः समापन, असमापन

देखिये वही, प्र• ८४, अ० ५, सूत्र भी।

<sup>†</sup> T. Heath Greek History of Mathematics, Vol. (1), p. 278 (1921)

<sup>!</sup> सरवार्थ राजवातिक, अ॰ ५, सू॰ २४।२६

सर्पिकों (spirals) में परिश्लमण को आँख पर आपतित तिर्थक शंकु रूप में परिकक्षित (प्रेक्षित) करने के फकरवरूप प्राप्त हुई हो। इतना अवस्य है तिलोय पण्णती वैसे प्रंथ में प्रहों के गमन का निवरण काळवश विनष्ट होना ही बतलाया है, परन्तु अपोक्षोनियस (Apollonius, circa 262–190 B. C.) और ट्रांटेमी की कृतियों से संकलन का प्रयास नहीं किया गया है।

अब इम देखेंगे कि क्या गणित इतिहास की शृंखला की मन कड़ियों में से वर्दमान महावीर के तीर्थ में प्रतिपादित अलेकिक गणित का विकास भी एक कड़ी है। मनकड़ियों के विषय में डिकिसित वाएडेंन की अम्युक्ति यह है:

"We have no real proofs for the existence of such an uninterrupted tradition; too many connecting links are missing for this.

It is rather a general impression of relatedness which makes itself
felt when one knows the cuneiform texts and then looks through
Heron or Diophantus, or the Chinese "classic of the maritime isle",
or the Aryabhaytae of Aryabhata or the Algebra of Alkhwarizmi.
According to all Arabic sources, Alkhwarizmi was the first writer
on algebra, but his algebra is so mature that we cannot assume that
he discovered everything himself. The algebra of Alkhwarizmi can
hardly be accounted for on the basis of the Greek and Indian
sources which we know; one gets more and more the impression
that he has drawn on older sources which in some way or other are
connected with Babylonian algebra." †

बेबिलन से चीन तक अन्य सामग्री पहुँचने अथवा बेबिलन और चीन के प्रयुक्त अनुपात सिद्धान्त से सहसम्बन्धित भग्न कड़ी का अनुरेखण करने में भी इतिहासज्ञों ने अपनी असमर्थता प्रकट की है:

"The oldest Chinese collection of problems on applied proportions' looks like an ancient Babylonian text, but it is next to impossible to prove their dependence or to trace the road along which they were transmitted."

इसमें सन्देह नहीं है कि चीनियों ने हजारों वर्षों से शान का आदान प्रदान करते हुए भी अपने रूसण (character) और मौलिकता (originality) को अञ्चल रखा है। हम यहाँ केवल थोड़े से उदरणों द्वारा वर्दमान महावीर के तीर्थ से सहसम्बन्धित सस्य, अहिंसा और गणित के प्रांगण में चीन और भारत के समान्तर रूप से दिकसित तथ्यों पर प्रकाश डालना चाहते हैं। ईस्वी पक्षात् ६५ के रूममय चीन में सर्वप्रथम बौद्ध धर्म प्रकट होता प्रतीत होता है। इम इसके कुछ शताब्दियों पूर्व उमड़ी विश्व-बन्धुत्व की लहरों से प्रभावित क्षेत्र, काल, भाव का अवलोकन करना उपयोगी समझते हैं:

<sup>\*</sup> ne sq "Arybhatiya" है।

<sup>†</sup> Science Awakening, p. 280.

<sup>‡</sup> Ibid. p. 278.

(१) एक कोर बहाँ यूनान में पौषों में बीव का अस्तित्व माना गया है, वहाँ चीन में भी इससे सम्बन्धित विद्यान्त पर कोबेफ नीडेम द्वारा प्रकाश डाल गया है:

"Another case which seems to me comparable is the Aristotelian doctrine of the 'ladder of souls' in which plants were regarded as possessing a vegetative soul, animals a vegetative and a sensitive soul, and man a vegetative, a sensitive and a rational soul. I shall later show (sect. 9 e) that a very similar doctrine was taught by Hsun Tzu (Hsun Chhing). Aristotle lived from —384 to —322, Hsün Chhing from —298 to —238."

उपर्युक्त का सम्बन्ध प्राकृत श्रेयों में वर्णित जीवों के गुणस्थान और मार्गणस्थानों से अनुरेखित करना उपयोगी प्रतीत होता है। इस ओर आकृष्ट करने वाळे तथ्य निम्नळिखित हैं:—

"In the realm of philosophical theory and practice, determined efforts have been made to show that early Taoism owed much both to the Indian Upanishad literature for its theory, and to Indian yogism for some of its practices; further, that Chinese Chhan Buddhism was an importation from India. These views, however, as Creel says, d have never been really convincing. The Upanishadse are metaphysical commentaries on the Vedas, and date from the -8th to the -4th centuries, so that they are little earlier than the first period of elaboration of Taoist doctrine. Their strongly marked metaphysical idealism, with its conception of the unity of the brahman and the atman, the absolute and the self, is not at all characteristic of the Taoists; though the latter, as we shall see. greatly emphasised the unity of nature, and the incorporation of the individual within it, For the influence of Yoga practices, especially the breathing exercises, which are certainly very ancient in India. upon early Taoism, a better case can be made out (Filliozat, 3), Some Taoist schools, at any rate, practised self-hypnosis by concentration on the inhaling and exhaling processes (Waleyh). butit was not universal as Chuang Tzu has a passage condemning it. In any case the aims of this samadhi or dhyana among the Taoists were entirely different from those of the Indian rishis. Both wished to master organic life and to attain 'supernatural' powers, but while

<sup>\*</sup> J. Needham, Science and Civilization in China, p. 155, vol. I, Cambridge (1954).

the Indians sought for an ascetic virtue which would enable them to dominate the gods themselves (cf. Wilkins'), the Taoists sought a material immortality in a universe in which there were no gods to overcome, and asceticism was only one of the methods which they were prepared to use to attain their end.'\*

उपर्युक्त तुस्त्रना में इम शुमचंद्राचार्य के 'झानार्गव' की ओर पाठकों का ध्यान आकर्षित करेंगे, बहाँ आस्मा के व्यक्तिस्व के चरम विकास के खिये ( अंततः मुक्ति के खिए ) प्राणायाम को विश्व का कारण निकपित किया है---

सम्यक् समाधि सिद्धक्षं प्रत्याहारः प्रशस्यते। प्राणायामेन विश्वितं मनः स्वास्थ्यं न विन्दति॥४॥ वायोः संचार चातुर्यं मणि माद्यक्क साधनम्। प्रायः प्रत्युह् बीजं स्थान्मुनेभुक्तिमभीप्ततः॥६॥ प्राणस्यायमने पीडा तस्वां स्यादार्चं सम्भवः। तेन प्रच्याव्यते नृतं ज्ञात तस्वोऽपि स्वस्यतः॥९॥ नातिरिक्तं फरुं सूत्रे प्राणायामात्प्रकीर्तितम्। अतस्तदर्थं मस्माभिनातिरिक्तः क्कतः श्रमः॥११॥ अतस्तदर्थं मस्माभिनातिरिकः क्कतः श्रमः॥११॥

( प्रकरण संख्या ३० )

साथ ही वर्डमान महावीर के तीर्थ में सिद्ध पद प्राप्त करने हेतु सम्यक् तप को जो प्रधानता दी गई थी वह परम्परा से प्रचलित प्रतिक्रमण में इस प्रकार दृष्टिगत होती है।

> "तवसिद्धे णयसिद्धे संबम्धिद्धे चरित्तसिद्धे य । णाणिम्म दंसर्णाम्म य सिद्धे सिरसा णमसामि ॥"

(२) चीन और भारत के बीच सम्बन्ध बोड़ने वाला एक तथ्य और है, "पश्मित क्षेत्र की अनन्त विभाव्यता का खंडन।" इसके साथ ही सम्बन्धित युगपतत्व (simultaneity) और परमाणु सम्बन्धी तथ्य हैं जिनके लिये बर्दमान महावीर के तीर्थ में संकलित सामग्री आदि का तुलनात्मक अध्ययन कितना उपयोगी होगा यह निम्नलिखित उदरण से स्पष्ट हो जावेगा,

"Finally, he discusses the relation between the paradoxes of Hui Shih<sup>2</sup> and the Eleatic paradoxes,<sup>d</sup> without attaining any definite conclusion—the correspondence is, indeed, another example of that extraordinary simultaneity between phenomena which we some-times find at the two ends of the Old World. For the date of Hui Shih<sup>2</sup> is late—5th century, and Eleatic Zeno's floruit is placed about—460.\*"†

<sup>\*</sup> Ibid. p. 153.

<sup>†</sup> Ibid. p. 154.

आगे,

\*One might take the theories of atomism as an example. Its story in our own classical civilization, beginning with such men as Leucippus and Democritus of Abdera, of the -5th century, and culminating in Epicurus and Lucretius of the late -3rd and early -1st, is well known to ns. Indian atomism seems to be later in date, the Jaina System of Umāsvāti showing its greatest strength about +50, and the Vaiseshika darsana (theory) of Kaṇāda flourishing in the second half of the +2nd Century. But there are reasons, as Rey urges, for believing that the roots of the theory of paramānu (atoms) go much further back in the history of Indian thought. Thirdly, in Chinese physics atomism never arose, as we shall see, but the geometry of the Mo Ching! (the Mohist Canon, which must have been put together somewhere in the neighbourhood of -370) seems to define a point as a line which has been cut so short that it cannot be cut any further."

(३) आगे यह जानते हुए कि चीन और भारत में बौद धर्म सम्बन्धी आदान प्रदान का प्रारम्भ ईसा की चौथी सदी से हुआ, इम इससे पूर्व का एक ऐसा उल्लेख भी पाते हैं को सम्भवतः भारत है सम्बन्धित हो.

"The Huai Nan Tzu book (c. -200) contains a remark that Yu the Great when he went to the country of the Nacked People, left his clothes before entering it and put them on when he came out, thus showing that wisdom adapts itself to circumstances."

(४) इसमें सन्देह नहीं कि चीनी गणित का प्रत्यक्ष सम्बन्ध भारतीय गणित के साथ दिखाई देता है, पर यह काळ वर्दमान महावीर के शतान्दियों पश्चात् का है:

"The proof of the Pythagoras Theorem used by Chao Chun-Chhing<sup>2</sup> in his +2nd-century commentary on the Chou Pei<sup>3</sup> (the oldest mathematical classic) appears again in the work of Bhāskar (+1150). The rule for the area of the segment of a circle given in the Chiu Chang Suan Shu<sup>4</sup> (Nine Chapters on the Mathematical Art) of the +1st-century appears again in the +9th-century work of Mahāvīra. Indeterminate problems of the Sun Tzu Suan Ching<sup>5</sup> (Master Sun's Mathematical Manual) of the +3rd century are found in Brahmagupta (+7th century). Āryabhaṭa (+5th century) has

<sup>\*</sup> Ibid, p. 155.

<sup>‡</sup> Ibid. p. 208.

geometrical survey material very like that of Liu Hui of the +3rd ."

बहाँ तैत्तिरीय संहिता में केवल २७ नक्षत्रों को मान्यता दी है, वहाँ चीन में २८ नक्षत्र माने गये हैं। तिलोय पण्णत्ती में भी १ चंद्र के २८ नक्षत्र माने गये हैं (७ - ४६५), तथा चंद्र के कारणभूत ग्रुक्त पक्ष और कृष्ण पक्ष में पातालों के पवन का बढ़ना और घटना बतलाया गया है (४ - २४०३)। यहाँ इस तथ्य से समानता रखता हुआ यूनान और चीन से सम्बन्धित उक्लेख ध्यान देने योग्य है। वहाँ हैसा पूर्व सातवीं सदी के चीनी ताओ विद्वान्त के प्रन्य कुआन त्वु ( Kuan Tzu ) में चंद्रमा के ग्रुक्त और कृष्ण पक्ष में समुद्री जीनों का बढ़ना और घटना बतलाया है, वहाँ यूनान में एरिस्टाटिल ( Aristotle ) ने भी यही उल्लिखत किया है । गणित सम्बन्धी अन्य तुलनाएं तिल्लोय पण्णत्ती के गणित तथा टोडरमल की गोम्मटसार टीका आदि से की जा सकती हैं। इस सम्बन्ध में उल्लिखत प्रन्य के अन्य माग ( १-७ ) भी द्रष्टव्य हैं। में यहाँ इतना कहना आवश्यक है कि वर्द्धमान महावीर के तीर्थ में अनन्तात्मक राशियों का अस्पबहुत्व अन्यत्र कहीं देखने में नहीं आया है। दर्शन में गणित के प्रयुक्त करने की अनुपम प्रणाली "अस्प बहुत्व" में परिलक्षित होती है। केशववणीं की गोम्मटसार टीका में इस तथा अन्य विषयक प्रक्रपणा में प्रयुक्त प्रतीकों में शून्य, घन और ऋणादि के लिये एक से अधिक चिद्व उपयोग में लाये गये हैं, जो ऐतिहासिक दृष्टि से अत्यन्त महत्वपूर्ण हैं।

उपर्युक्त अवलोकन से इस इस निष्कर्ष पर पहुँचते हैं कि पिथेगोरस कालीन अखिल विश्व में बो गणित युक्त दर्शन का पुनर्जागरण हुआ, उसके इतिहास की मग्न शृंखला की एक कड़ी वर्दमान महावीर का तीर्थ कालीन लोकोत्तर गणित ( अर्थ[मितिकी ) भी है।

<sup>‡</sup> चीनी त के मान १, √१०, १९९ तथा दाशमिक प्रस्ति सहित शकाका गणन इष्टब्य हैं।



4. . . 3

<sup>\*</sup> Ibid. p. 213.

<sup>†</sup> Ibid. p. 150.

#### कृतश्रता प्रकाशन

मस्तुत मंथ के हिंदी अनुवाद की प्रेरणा मुझे डा॰ हीराखाल जैन ने प्रायः ग्यारह वर्ष पूर्व नागपुर में दी थी। इस सम्बन्ध में समय समय पर दिये गये उनके सुझावों के लिए मैं उनका आमारी हूँ। संस्कृत के विद्यार्थी होने का सौमाग्य मुझे प्राप्त नहीं हुआ, इसलिये प्रस्तुत अनुवाद मुख्यतः प्रोफेसर एम. रंगाचार्य के सटीक आङ्ग्ल माषानुवाद पर आधारित है। इस अनुवाद में द्यासन द्वारा प्रकाशित पारिभाषिक शब्दावलि का उपयोग किया गया है। संस्कृत के पूफ देखने का श्रेय डा. ए. एन. उपाध्ये को है।

इस कार्य में प्रयुक्त कतिपय ग्रंथों की पूर्ति पूज्य श्री १०'र श्रु॰ मनोइरळाल जी वर्णी "सहजानन्द" ने की, जिसके लिये मैं उनका चिर कृतक हूँ ।

महाकौशल महाविद्यालय ( राबर्टसन कालिज ), जबलपुर के भूतपूर्व प्राचार्य स्वर्गीय श्री उमादास मुखर्जी का मैं आभारी हूँ, जिन्होंने मुझे अपनी सहज दया का पात्र बनाकर प्रस्तुत अनुवाद के कार्य को मली भाँति सम्पन्न करने हेतु संरक्षण प्रदान किया । इसी महाविद्यालय के गणित विभाग के भूतपूर्व अध्यक्ष प्रोफेसर श्री सी, एस, राधवन द्वारा प्रदत्त सुविधाओं के लिये भी मैं उनका आभारी हूँ ।

मैं श्री वी. एस. पंडित, एडवोकेट, जबळपुर, तथा श्री प्रबोधचंद्र जैन, एडवोकेट, छिदवाड़ा का आभारी हूँ जिनकी अप्रत्यक्ष सहायता के बिना यह कार्य न हो सका होता। अप्रकट रूप से सहायक विद्यार्थी वर्ग मी घन्यवाद का पात्र है।

अंत में, मैं छन प्रथकारों के प्रति कृतश हूँ, जिनके प्रंथों की सहायता छेकर यह कार्य निष्पञ्च हुआ है।

६० जनवरी, १९६३ गवनैसेंट साइंस कांक्रिज, जवकपुर!

ढक्मीचंद्र जैन



# महावीराचार्यप्रणीतः गिरातसारसंग्रहः

## १. संज्ञाधिकारः

#### मङ्गलाचरणम्

अलक्ष्यं त्रिजगत्सारं यस्यानन्तचतुष्टयम् । नमस्तस्मै जिनेन्द्राय महावीराय तायिने ॥ १ ॥ संख्याज्ञानप्रदीपेन जैनेन्द्रेण महात्विषा । प्रकाशितं जगत्सर्वं येन तं प्रणमान्यहम् ॥ २ ॥ विश्वाणितः प्राणिसस्यौघो निरीतिर्निरवप्रहः । श्रीमतामोघवर्षेण येन स्वेष्टहितैषिणा ॥ ३ ॥ पापरूपाः परा यस्य चित्तवृत्तिहिवर्भुजि । भरमसाद्भावमीयुस्तेऽवन्ध्यकोपोऽभवत्ततः ॥ ४ ॥ वशीकुर्वन् जगत्सर्वं स्वंयं नानुवशः परेः । नामिभूतः प्रभुस्तस्मादपूर्वमकरध्वजः ॥ ५ ॥ यो विकमकमाकान्तच किचककृत्तकयः । चिककामक्षनो नाम्ना चिककामक्षनोऽख्रसा ॥ ६ ॥

१ MB मह<sup>0</sup> । २ M प्रणीतः । ३ M सर्गों<sup>0</sup> । ४ MK सद्भां । ५ KPB भवेत् । ६ B योऽयं । ७ M की<sup>0</sup> । ८ MB रा<sup>0</sup> ।

### १. संज्ञा ( पारिभाषिक शब्द ) अधिकार

#### मङ्गलाचरण

जिन्होंने तीनों लोकों में सारभूत एवं मिथ्या दृष्टियों द्वारा अलंब्य अनन्त दर्शन, अनन्त ज्ञान, अनन्त वीर्य और अनन्त सुख नामक अनन्त चतुष्ट्य को प्राप्त किया, ऐसे रक्षक जिनेन्द्र भगवान् महावीर को मैं नमस्कार करता हूँ ॥ १ ॥ मैं महान् विभूति को प्राप्त जिनेन्द्र को नमन करता हूँ जिन्होंने संख्या- ज्ञान के प्रदीप से समस्त विश्व को प्रकाशवान किया है ॥ २ ॥ धन्य हैं वे अमोघवर्ष ( अर्थात् वे बो वास्तव में रपयोगी वृष्टि की वर्षा करते हैं, ) जो हमेशा अपने प्रियपात्रों के हितचिन्तन में रहते हैं और जिनके द्वारा प्राणी तथा वनस्पति, महामारी और दुर्भिक्ष आदि से मुक्त होकर सुखी हुए हैं ॥ ३ ॥ जिन ( अमोघवर्ष ) के चिक्त की क्रियायें अग्निपुंज सरश होकर समस्त पापरूपी वैरियों को भस्म में परिणव करने में सफल हैं, और जिनका क्रोध व्यर्थ नहीं जाता ॥ ४ ॥ जिन्होंने समस्त संसार को अपने वश में कर खिया है और जो किसी के वश में न रहकर शत्रुओं द्वारा पराजित नहीं हो सके हैं, अपूर्व मकरस्वज की तरह शोभायमान हैं ॥ ५ ॥ जिनका कार्य, अपने पराक्रम द्वारा पराभूत राजाओं के चक्र ( समूह ) द्वारा होता है, और जो न केवल नाम से चिक्रका भंजन हैं वरन् वास्तव में भी चिक्रका भंजन ( अर्थात् जन्म और मरण के चक्र के नाशक ) हैं ॥ ६ ॥ जो अनेक क्षान सरिताओं के अधिष्ठाता

यो विद्यानद्यधिष्ठानो मर्योदावक्रवेदिकः । रक्षगर्भो यथाख्यातचारित्रजलिधर्महान् ॥ ७ ॥ विध्यस्तैकान्तपक्षस्य स्याद्वादन्यायवादिनैः । देवस्य नृपतुक्रस्य वर्धतां तस्य शासनम् ॥ ८ ॥

#### गणितशास्त्रप्रश्लंसा

हौिकके वैदिके वापि तथा सामायिकेऽपि यः। व्यापारस्तत्र सर्वत्र संख्यानमुपयुज्यते ॥ ९ ॥ कामतन्त्रेऽर्थशास्त्रे च गान्धर्वे नाटकेऽपि वा। सूपशास्त्रे तथा वेद्ये वास्तुविद्यादिवस्तुषु ॥१०॥ छन्दोऽलङ्कारकाव्येषु तर्कव्याकरणादिषु । कलागुणेषु सर्वेषु प्रस्तुतं गणितं पर्यम् ॥११॥ सूर्योदिग्रहचारेषु प्रद्णे प्रहसंयुनौ । त्रिप्रदने चन्द्रवृत्तौ च सर्वत्राङ्गीकृतं हि तत् ॥१२॥ द्वीपसागरशैलानां संख्याव्यासपरिक्षिपः । भवनव्यन्तरज्योतिल्लोककल्पाधिवासिनाम् ॥१३॥

होकर सच्चिरित्रता की बद्धमयी मयोदा बाले हैं और जो जैन-धर्म रूपी रख को इदय में रखते हैं, इसिल्ये वे बथाय्यात चारित्र के महान् सागर के समान सुप्रसिद्ध हुए हैं।। ७॥ एकान्त पक्ष को नष्ट कर जो स्याद्वादरूपी न्यायशास्त्र के बादी हुए हैं ऐसे महाराज नुपतुंग का शासन फले फूले॥ ८॥

#### गणितशास्त्रप्रशंसा

१ प्रवेदिनः । २ m. स्यात् ; छ चापि । ३ छ च । ४ km महा<sup>०</sup> । ५ mछ दण्डा<sup>०</sup>। ६ mछ पुरा । ७ mm<sup>0</sup> क्षिपाः ।

<sup>(</sup>८) 'स्यात' शब्द निपात है जो एकान्त का निराकरण करके अनेकान्त का प्रतिपादन करता है। यह शब्द 'कथंचित' का पर्यायवाची है और एक निश्चित अपेक्षा को निरूपित करता है। इस प्रकार, वैशानिक एवं युक्तियुक्त स्थादाद जो जैन-दर्शन एवं तत्त्वज्ञान की नींव है, वस्तु के यथार्थ स्वरूप की प्रकट करने के हेतु उसके अनन्त धर्मों में से एक समय में एक धर्म का प्रतिपादन करता है। प्रत्येक धर्म का वर्णन उसके प्रतिपक्षी विरोधी धर्म की अपेक्षा से सप्तमंगी में किया जाता है। उदाहरणार्थ—अरितत्व एक धर्म है, और नास्तित्व उसका प्रतिपक्षी धर्म है। अपने प्रतिपक्षी सापेक्ष अस्तित्व धर्म की अपेक्षा से सप्तमंगी इस प्रकार बनेगी—(१) घट कथंचित् है, (२) घट कथंचित् नहीं है, (३) घट कथंचित् है और अवक्तव्य है, (६) घट कथंचित् नहीं है और अवक्तव्य है,

<sup>(</sup>१२) त्रिप्रकृत के ज्योतिलोंक विज्ञान विषयक ग्रन्थों में वर्णित एक अध्याय का नाम है जो तीन प्रक्तों के विषय में प्रतिपादन करने के कारण इस नाम से प्रसिद्ध है।

ये प्रश्न प्रहादि ज्योतिष विस्वों के सम्बन्ध में दिक् (दिशा), दशा (स्थिति) एवं काल (समय) विषयक होते हैं।

नारकाणां च सर्वेषां श्रेणीवन्वेन्द्रंकोत्कराः। प्रकीणंकप्रमाणाद्या बुध्यन्ते गणितेन ते ॥१४॥ प्राणिनां तत्र संस्थानमायुरष्टगुणाद्यः। यात्राद्याः संहिताद्याश्च सर्वे ते गणिताश्रयाः॥१५॥ बहुभिर्विप्रछापैः कि त्रेछोक्ये सचराचरे। यिकिचिद्वस्तुं तत्सर्वं गणितेन विना न हि ॥१६॥ तीर्थकृत्यः कृतार्थेभ्यः पृज्येभ्यो जगदीश्वरैः। तेषां शिष्ट्यप्रशिष्ट्येभ्यः प्रमिद्धाहुरुपर्वतः॥१८॥ जछवेरिव रक्षानि पाषाणादिव काञ्चनम्। शुक्तेर्मुक्ताफ्छानीव संख्याज्ञानेमहोद्वेः॥१८॥ किंचिदुद्भृत्य तत्सारं वक्ष्येऽहं मृतिशक्तितः। अँखं प्रन्थमनस्पार्थं गणितं सारसंप्रहम्॥१९॥ संज्ञानभोभिर्थो पूर्णे परिकर्भोर्द्वेदिके। कछासवर्णसंख्र छठ्ठस्पाठीनसंकुळे ॥२०॥ प्रकीणंकमहामाहे त्रेराशिकतरिज्ञांकुले । करणस्कन्यवहारोद्यत्मक्तिरक्षांशुपिखारे ॥२१॥ क्षेत्रविस्तीर्णपाताळे खाताख्यसिकताकुळे। करणस्कन्यसंबन्धच्छायावेळाविराजिते ॥२२॥ गुणकैर्गुणसंपूर्णैस्तद्रथमणयोऽमळाः। गृह्यन्तं करणोपायैः सारसंग्रह्वारिधौ ॥२३॥

#### अथ संज्ञा

न शक्यतेऽर्थो बोद्धं यत्सर्वस्मिन् संज्ञया विना।आदावतोऽस्य शास्त्रस्य परिभाषाभिधास्यते ॥२४॥

१ KMB बद्धे । २ M वसु । ३ KP ज्ञान के स्थान में नव । ४ MB अल्प । ५ K संज्ञातीयसमा । ६ M द ( सम्भवतः तथ को लिखने में भूल हुई है । ) ७ MB संकटे । ८ P द्य ।

( श्रेणिरहित ) निवास-स्थानों के माप और अन्य सब प्रकार के विभिन्न माप-सभी गणित के द्वारा जाने जाते हैं ॥१३-१४॥ उन स्थानों में रहने बाले जीवों के संस्थान, आयु, उनके आठ गुण आदि, उनकी गति (यात्रा ) आदि, उनका साथ रहना आदि, इन सबका आधार गणित है ॥१५॥ और व्यर्थ के प्रलापों से क्या लाभ है ? जो कुछ इन तीनों लोकों में चराचर (गतिशील और स्थिर) वस्तुएँ हैं उनका अस्तित्व गणित से विलग नहीं ॥१६॥ मैं, तीर्थ को उत्पन्न करने वाले, कृतार्थ और जगदीस्वरों से प्जित ( तीर्थक्करों ) की शिष्य प्रशिष्यात्मक प्रसिद्ध गुरु परम्परा से आये हुए संख्याज्ञान महासागर से उसका कुछ सार एकत्रित कर. उसी तरह. जैसे कि समुद्र से रख, पाषाणमय चट्टान से स्वर्ण और शुक्त ( oyster shell ) से मुक्ताफल प्राप्त करते हैं. अल्प होते हुए भी अनल्प अर्थ की धारण करने वाले सारसंग्रह नामक गणित ग्रंथ को अपनी बुद्धि की शक्ति के अनुसार प्रकाशित करता हूँ ॥१७-१८-१९॥ तद्वुसार, इस सारसंग्रह के सागर से, जो पारिभाषिक शब्दाविल रूपी जल से परिपूर्ण है और जिसकी आठ गणित की क्रियार्थें किनारे रूप हैं: पुनः जो भिन्न की क्रियाओं रूपी निर्मय गतिशील मछिलयों से युक्त है और विविध प्रश्नों के अध्यायरूपी महाप्राष्ट (मगर) से ज्याप्त है; पुनः जो प्रैराशिक की अध्यायरूपी लहरों से आंदोलित है और मिश्र प्रश्नों के अध्याय-सम्बन्धी उरकृष्ट भाषारूपी मोतियों की आभा से रंजित है. और पुनः जो क्षेत्रफल-सम्बन्धी प्रश्नों के अध्याय द्वारा पाताल तक विस्तृत है तथा घनफरू के अध्याय रूपी रेत से पूर्ण है; और जो ज्योतिर्लोकीय व्यावहारिक गणना से सम्बन्धित स्राया-सम्बन्धी अध्याय रूपी बढ़ते हुए ज्वार से चमकता है-( ऐसे ज्ञानसागर से ) सम्पूर्ण गुण सम्पन्न गणितज्ञ गणित की सहायता से अपनी इच्छानुसार निर्मेल मोती प्राप्त कर सकेंगे ॥२०--२३॥ इस विज्ञान के आरम्भ में आवश्यक पारिभाषिक शब्दाविल दी जाती है नयोंकि बिना शुद्ध परिभाषाओं के विषय तक पहुँच सम्भव नहीं है ॥२४॥

तत्र ताबत् क्षेत्रपरिभाषा

जलानलादिभिनीशं यो न याति स पुद्रलः । परमाणुरनन्तैस्तैरणुः सोऽत्रादिरुच्यते ॥२५॥ त्रसरेणुरतस्तरमाद्रथरेणुः शिरोरुहः । परमाणुरनन्तैस्तैरणुः सोऽत्रादिरुच्यते ॥२६॥ लिलस्त एवेह सर्षपोऽर्थे यबोऽकुलम् । क्रमेणाष्ट्रगुणान्येतद्वयवहाराकुलं मतम् ॥२६॥ लिलस्त एवेह सर्षपोऽर्थे यबोऽकुलम् । क्रमेणाष्ट्रगुणान्येतद्वयवहाराकुलं मतम् ॥२०॥ तत्पञ्चकरातं प्रोक्तं प्रमाणं मानवेदिभिः । वर्तमाननराणामकुलमात्माकुलं भवेत् ॥२८॥ व्यवहारप्रमाणे द्वे राद्धान्ते लौकिके विदुः । आत्माकुलमिति त्रेधा तिर्यक्पादः षडकुलैः ॥२९॥ पादद्वयं वितस्तिः स्यान्ततो हस्तो द्विसकुणः । वण्डो हस्तचतुष्केण क्रोशस्तद्दिसहस्रकम् ॥३०॥ योजनं चतुरः क्रोशान्त्राहुः क्षेत्रविचक्षणाः । वक्ष्यतेऽतः परं कालपरिभाषा यथाक्रमम् ॥३१॥

#### अथ कालपरिभाषा

अणुरण्वन्तरं काले क्यतिक्रामित यावति । म कालः समयोऽसंख्यैः समयेरावलिर्भवेत् ॥३२॥ १ КР णु । २ МВ व<sup>0</sup> । ३ РВ ख्य । Ү Р वि । ५ М उन्ये ।

क्षेत्र परिभाषा [ क्षेत्रमाप सम्बन्धी पारिभाषिक शब्दाविल ]

पुद्गल का अनन्तवाँ सूक्ष्म वह भाग जो न तो पानी द्वारा, न अग्नि द्वारा और न अन्य किन्हीं ऐसी वस्तुओं द्वारा नाशको प्राप्त है, परमाणु कहलाता है। ऐसे अनन्त परमाणुओं द्वारा उत्पन्न एक-एक अणु क्षेत्रमाप में प्रथम माप है। इससे उत्पन्न कमशः आठ-आठ गुणे ग्रसरेणु, रथरेणु, बालमाप, जूं माप, तिल या सरसों माप, यव माप तथा अगुल माप हैं। अंगुल माप आदि उनके लिये हैं जो भोग-भूमि और कर्मभूमि में उत्पन्न होते हैं। ये उत्कृष्ट, मध्यम, जबन्य प्रकार के होते हैं। यह अंगुल ब्यवहारांगुल भी कहलाता है ॥२५-२७॥ जो माप की विधियों से परिचित हैं, कथन करते हैं कि इस ब्यवहार-अंगुल का ५०० गुणा प्रमाणांगुल होता है। वर्तमान काल के मनुष्यों की अंगुलों का माप आत्मांगुल कहा जाता है ॥२८॥ वे कहते हैं कि संसार के स्थापित ब्यवहारों में अंगुल तीन प्रकार का होता है, प्रथम ब्यवहारांगुल, द्वितीय प्रमाणांगुल और तृतीय उनका आत्मांगुल। छः अंगुल मिलकर पाद-माप बनता है जो आरपार रूप से नापा जाता है ॥२९॥ दो ऐसे पाद मिलकर वितरित बनाते हैं और दो वितरित मिल कर एक इस्त बनता है। चार हस्त से एक दण्ड बनता है और दो हजार दंड मिलकर एक कोश बनता है ॥३०॥ जो क्षेत्रफल के मापक्षान में सिद्धहस्त हैं, कहते हैं कि चार कोश मिलकर एक घोजन होता है ॥३०॥ इसके पश्चात्, मैं समय के माप के सम्बन्ध में क्रमवार पारिभाषिक शब्दाविल का उल्लेख करता हूँ।

काल-परिभाषा [ काल-सम्बन्धा पारिभाषिक शब्दाविल ]

बह काल जिसमें एक ( गतिशील ) अणु किसी प्रदेशबिन्दु से दूसरे निकटतम प्रदेशबिन्दु तक जाता है समय कहलाता है। असंख्य समय मिलकर एक आवलि बनती है।।३२॥

(२५-२७) क्षेत्रमाप-सम्बन्धी पारिभाषिक शब्दार्वाल को स्पष्ट रूप से समझने के लिये परिशिष्ट ३ देखिये।

अणु से आठ गुना त्रसरेणु, त्रसरेणु से आठगुना रथरेणु, रथरेणु से आठगुना बालमाप इत्यादि को माप वर्णित किये गये हैं। वे क्रमवार ऐसे हैं कि प्रत्येक पूर्वानुगामी माप से आठगुना है; तथा प्रत्येक उत्कृष्ट, मध्यम और जयन्य प्रकार का है।

१ यहाँ अणु का आशय परमाणु से हैं।

संख्या ताविक्रिच्छ्वासः स्तोकस्तूच्छ्वाससप्तकः । स्तोकाः सप्त स्वक्तेषां सार्धाष्टात्रिंशता घटी ॥३३॥ घटीद्वयं मुहूर्तेष्टित्र मुहूर्तेष्विशता दिनम् । पद्धप्रेष्किदिनैः पक्षः पक्षौ ह्रौ मास इष्यते ॥३४॥ ऋतुर्मासद्वयेन स्याधिमस्तैरयनं मतम् । तद्द्वयं वत्सरो वक्ष्ये धान्यमानमतः परम् ॥३५॥

#### अथ घान्यपरिभाषा

विद्धि षोडशिकास्तत्र चतस्रः कुडेहो भवेत् । कुडहैं। अतुरः प्रस्थश्चतुः प्रस्थानथाडकम् ॥३६॥ चतुर्भिराडकेर्द्रोणो मानी द्रोणेश्चतुर्गुणेः । खारी मानी चतुष्केण खार्यः पद्ध प्रवर्तिकाः ॥३७॥ सेयं चतुर्गुणा वाहः कुम्भः पद्ध प्रवर्तिकाः । इतः परं सुवर्णस्य परिभाषा विभाष्यैते ॥३८॥

### अथ सुवर्णपरिभाषा

चतुर्भिर्गण्डकैर्युञ्जा गुञ्जाः पश्च पणोऽष्ट ते । धरणं धरणे कर्षः पलं कर्षचतुष्ट्यम् ॥३५॥

#### अथ रजतपरिभाषा

धान्यद्वयेन गुञ्जेका गुञ्जायुग्मेन माषकः। माषषोडशकेनात्र धरणं परिभाष्यते ॥४०॥

१ KB वो । २ K वां । ३ सम्पूर्ण घान्य परिभाषा के लिए, P और B में निम्नलिखित रूप में विशेष उल्लेख है । M का पाटान्तर, कोष्ठकों में अंकित किया गया है । आद्य षोडशिका तत्र कुड (डु) बः प्रस्थ आदकः । द्रोणो मानी ततः खारी क्रमेण (मशः ) चतुराहताः ॥ (सहस्त्रेश्च त्रिभिष्पड्-भिस्श्चतेश्च क्रीहिभिस्समम् । यस्सम्पूर्णोऽभवत्सोयं कुडुबः परिभाष्यते ॥) प्रवर्तिकात्र ताः पञ्च वाहस्तस्त्रा-श्चतुर्गुणः । कुम्भस्सपादवाहस्त्यात् (पञ्च प्रवर्तकाः कुम्भः ) स्वर्णसंज्ञाय वर्ण्यते ॥

संख्यात आविलयों से उच्छास बनता है, सात उच्छासका एक स्तोक और सात स्तोक का एक लब होता है तथा सादे अदतीस लब मिलकर एक घटी बनती है ॥३३॥ दो घटी का एक मुहूर्त, तीस मुहूर्त का एक दिन, पंद्रह दिन का एक पक्ष और दो पक्ष का एक मास होता है ॥३४॥ दो मास मिलकर एक ऋतु, तीन ऋतुयें मिलकर एक अयन और दो अयन मिलकर एक वर्ष बनता है। इसके पक्षात् में धान्य के माप के विषय में उन्नेख करता हूँ ॥३५॥

#### धान्य-परिभाषा [ धान्यमाप सम्बन्धी पारिभाषिक शब्दाविल ]

चार घोडशिका मिलकर एक कुडहा बनता है, चार कुडहा मिलकर एक प्रस्थ बनता है और चार प्रस्थ का एक आढक होता है ॥३६॥ चार आढक का द्रोण, चार द्रोण की एक मानी, चार मानी की एक खारी और पाँच खारी की प्रवर्तिका होती है ॥३७॥ चार प्रवर्तिका का एक वाह और पाँच प्रवर्तिका का एक कुम्म होता है। इसके पश्चात् स्वर्णमाप-सम्बन्धी पारिमाषिक शब्दाविल दी जाती है ॥३८॥

### सुवर्ण-परिभाषा [ स्वर्णमाप सम्बन्धी पारिभाषिक शब्दाविल ]

चार गंडक मिलकर एक गुंजा बनती है; पाँच गुंजा मिलकर एक पण बनता है और इसका आठगुणा एक धरण होता है। दो धरण मिलकर एक कर्ष बनता है और चार कर्ष मिलकर एक पल बनता है ॥३९॥

#### रजत-परिभाषा [ रजतमाप सम्बन्धी पारिभाषिक शब्दाविल ]

दो धान्य मिछकर एक गुंजा बनती है, दो गुंजा मिछकर एक माशा और सोछह माशा मिछकर एक धरण बनता है ॥४०॥ ढाई धरण का एक कर्ष एवं चार पुराण ( या कर्ष ) का एक दछ होता है । तद्द्वयं सार्धकं कर्षः पुराणांश्चतुरः पलम् । रूप्ये मागधमानेन प्राहुः संख्यानकोविदाः ॥४९॥ अथ लोहपरिमाषा

कला नाम चतुष्पादाः सपादाः षट्कला यवः । यवैश्वतुर्भिरंशः स्याद्वागोंऽशानां चतुष्ट्यम् ॥४२॥ द्रक्ष्णो भागषट्केन दीनारोऽस्माद्द्विसङ्गणः । द्वौ दीनारौ सतेरं स्यात्प्राहुर्लोहेऽत्र सूरयः ॥४३॥ पर्छेद्वीदशभिः सार्थैः प्रस्थः फल्लशतद्वयम् । तुलादशतुलामारैः संख्यादक्षाः प्रचक्षते ॥४४॥ वस्त्राभरणवेत्राणां युगलान्यत्र विशतिः । कोटिकैं।नन्तरं भाष्ये परिकर्माण नामतः ॥४५॥

#### अथ परिकर्मनामानि

आदिमं गुणकारोऽत्र प्रत्युत्पक्षोऽपि तद्भवेत् । द्वितीयं भागहाराख्यं सृतीयं कृतिरुच्यते ॥४६॥ चतुर्थं वर्गमूलं हि भाष्यते पञ्चमं घनः । घनमूलं ततः षष्टं सप्तमं च चितिः स्मृतम् ॥४०॥ तत्संकलितमप्युक्तं व्युत्कलितमतोऽष्टमूम् । तच्च शेषमिति प्रोक्तं भिन्नान्यष्टावमृत्यपि ॥४८॥

अथ घनर्णशून्यविषयकसामान्यनियमाः

ताडित: खेन राशि: खं मोऽविकारी हृतो युत:। हीनोऽपि खबधादि: खं योगे खं योज्यरूपकम्। १ м संतराख्यम्। २ м रं। ३ м डि। ४ м विद्यात्कला सवर्णस्य। यहाँ चौथी संयुक्ति और कर्ववाच्य है।

गणना में कुशल व्यक्ति कहते हैं कि मगध माप के अनुसार उपर्युक्त रजत-माप हैं ॥४१॥ स्रोह-परिभाषा िलोह धातुमाप-सम्बन्धी पारिभाषिक शब्दावर्लि ]

एक कला में चार पाद होते हैं; सवा छः कला का एक यव होता है; चार यव का एक अंश तथा चार अंश का एक भाग होता है ॥४२॥ छः भाग का एक दक्ष्मण, तो दक्ष्मण का एक दीनार और दो दीनार का एक सतेर होता है। लोह धानु के माप के सम्बन्ध में विद्वान् ऐसा कहते हैं ॥४३॥ साढ़े बारह पल मिलकर एक प्रस्थ होता है; दो सौ पल मिलकर एक नुला और दस नुला मिलकर एक भार होता है। ऐसा गणना में दक्ष विद्वान् कहते हैं ॥४४॥ इस माप में, बेत अथवा आभरण अथवा वक्षों के बीस युग्मों (जोिइयों) की एक कोटिका होती है। इसके पश्चात् में गणित की मुख्य कियाओं के नाम देता हूँ ॥४५॥ परिकर्म नामाविल गिणित की मुख्य कियाओं के नाम

हन क्रियाओं में प्रथम गुणकार (गुणा) है, और वह प्रत्युत्पन्न भी कहलाता है। दूसरी भागहार (भाग या भाजन) कहलाती है; और कृति (वर्ग करना) तीसरी क्रिया का नाम है ॥४६॥ बीधी, सामान्यतः वर्गमूल है और पाँचवी घन कहलाती है; छठवीं घनमूल और सातवीं चिति (योग) कहलाती है ॥४७॥ इसे संकलित भी कहते हैं। आठवीं न्युत्कलित (पूरी श्रेंडि में से आरम्भ से ली गई उसी श्रेंडि का कुछ भाग घटा देना) है जो शेष भी कहलाती है ॥४८॥

ये सब आठ कियायें भिन्न में भी प्रयुक्त होती हैं।

शून्य तथा धनात्मक एवं ऋणात्मक राशियों सम्बन्धी सामान्य नियम

कोई भी संख्या शून्य से गुणित होने पर शून्य हो जाती है और वह चाहे शून्य के द्वारा विभाजित अथवा शून्य द्वारा घटाई जावे या शून्य में जोड़ी जावे, बदकती नहीं है।

गुणा तथा अन्य क्रियाएँ शून्य के सम्बन्ध में शून्य की उत्पत्ति करती है और योग की क्रिया में शून्य वहीं संख्या हो जाता है जिसमें वह जोड़ा जाता है ॥४९॥

<sup>(</sup>४९) यह सरलतापूर्वक देखा जा सकता टै कि कोई संख्या जब श्रन्य द्वारा भाजित की जाती है,

ऋणयोधनयोधीते भजने च फर्छ धनम् । ऋणं धनणयोस्तु स्यात्स्वर्णयोविवरं युतौ ॥५०॥ ऋणयोधनयोथींगो यथासंख्यमृणं धनम् । शोध्यं धनमृणं राशेः ऋणं शोध्यं धनं भवेत् ॥५१॥ धनं धनर्णयोवीगीं मूळे स्वर्णे तयोः कमात् । ऋणं स्वरूपतोऽवर्गी यतस्तस्मान्न तत्पदम् ॥५२॥

#### अथ संख्यासंज्ञा

शैशो सोमश्च चन्द्रेन्दू प्रालेयांश् रजनीकरः। श्वेतं हिमगु रूपं च मृगाङ्कश्च कलाधरः ॥५३॥ द्वि द्वे द्वावुभी युगलयुग्मं च लोचनं द्वयम्। दृष्टिनेत्राम्बकं द्वन्द्वमिक्ष्विक्षृतेयं दृशौ॥५४॥ हरनेत्रं पुरं लोकं त्रै (त्रि) रत्नं भुवनत्रयम्। गुणो विद्वः शिखी ज्वलनः पावकश्च हुताशनः ॥५५॥ अम्बुधिर्विषधिवीधिः पयोधिः सागरो गतिः। जलधिर्वन्धश्चतुर्वेदः कषायः सिललाकरः ॥५६॥ इषुर्वाणं शरं शक्तं भूतमिन्द्रियसायकम्। पश्च व्रतानि विषयः करणीयस्कन्तुसायकः ॥५७॥ ऋतुजीवां रसो लेख्या द्रत्यं च षटुकं खरम्। कुमारवदनं वर्णं शिलीमुखपदानि च ॥५८॥ शिलमद्रिभयं भूधो नगाचलमुनिर्गिरः। अश्वाश्विपन्नगा द्वीपं धातुन्यसनमात्रका ॥५५॥ अष्टौ ततुर्गजः कर्म वसुवारणपुष्करम्। द्विरदं दन्ती दिग्दुरितं नागानीकं करी यथा ॥६०॥

१ केवल 🗷 में ५३ से ६८ तक गाथाएँ प्राप्त हुई हैं। ये मूल में यत्र तत्र अशुद्ध हैं।

दो ऋणारमक या दो धनारमक राशियाँ एक दूसरे से गुणित करने पर या भाजित होने पर धनारमक राशि उरपन्न करती हैं। परन्तु, दो राशियाँ जिनमें एक धनारमक तथा दूसरी ऋणारमक एक दूसरे से गुणित अथवा भाजित होने पर ऋणारमक राशि उरपन्न करती हैं। धनारमक और ऋणारमक राशि जोड़ने पर प्राप्त फल उनका अन्तर होता है। ॥५०॥ दो ऋणारमक राशियों या दो धनारमक राशियों का योग क्रमशः ऋणारमक और धनारमक राशि होता है। किसी दी हुई संख्या में से धनारमक राशि घटाने के लिये उसे धनारमक कर देते हैं और ऋणारमक राशि घटाने के लिये उसे धनारमक कर देते हैं (ताकि दोनों क्रियाओं में केवल योग से इष्ट फल की प्राप्ति हो जावे।)॥५१॥

धनात्मक तथा ऋणात्मक राशि का वर्ग धनात्मक होता है; आंर उस वर्ग राशि के वर्गमूल क्रमशः धनात्मक और ऋणात्मक होते हैं। चूँकि वस्तुओं के स्वभाव (प्रकृति) में ऋणात्मक राशि, वर्गराशि नहीं होती इसलिये उसका कोई वर्गमूल नहीं होता ॥५२॥ अगले दस सुत्रों में कुछ वस्तुओं के नाम दिये गये हैं जो वारंवार अंकों और संख्याओं को प्रदर्शित करने के लिये अंकगणित संकेतना में प्रयुक्त किये

तब वह वास्तव में अपरिवर्तित नहीं रहती है। भास्कर ने ऐसे श्रून्य भागों को खहर कहा है और उसका मान अयथार्थ अनन्त दिया है। महायीराचार्य स्पष्टतः सोचते हैं कि श्रून्य द्वारा भाजन, भाजन ही नहीं। डाक्टर हीरालाल जैन ने इस पर यह सुझाव दिया है कि सम्भवतः ग्रंथकार का ऐसे भाजन से निम्नलिखित अभिप्राय हो—

मानलो २० वस्तुएँ ५ व्यक्तियों में बॉटना है, तब प्रत्येक व्यक्ति को ४ वस्तुएँ उपलब्ध होंगी। यदि इन २० वस्तुओं का विभाजन ० ( शून्य ) व्यक्तियों में करना हो तब कोई व्यक्ति ही न रहने से वह संख्या अपरिवर्तित रहेगी।

(५२) यह सूत्र महावीराचार्य की स्क्ष्म अंतर्देष्टि का प्ररूपक है। इसके विषय में हम प्रस्तावना में ही संकेत कर चुके हैं। साधारणतः किसी धनात्मक राशि का वर्गमूल निकालने पर (धनात्मक एवं ऋणात्मक) हो राशियौँ उत्पन्न होती है, उनमें से इष्ट पल प्राप्ति के लिये धनात्मक या ऋणात्मक वर्गमूल प्रहण करना उपयुक्त होता है। इस प्रकार ग्रंथकार द्वारा निर्दिष्ट यह नियम भी उनकी प्रतिमा का निरूपक है।

नव नन्दं च रन्ध्रं च पदार्थं लब्धकेशवी । निधिरक्षं प्रहाणं च दुर्गानाम च संस्थया ॥६१॥ आकाशं गगनं शून्यसम्बरं खं नभो वियत् । अनन्तमन्तरिक्षं च विष्णुपादं दिवि स्मरेत् ॥६२॥

#### अथ स्थाननामानि

एकं तु प्रथमस्थानं द्वितीयं दशसंशिकम् । तृतीयं शतिमत्याहुः चतुर्थं तु सहस्रकम् ॥६२॥
पद्धमं दशसाहस्रं षष्ठं स्याङ्गक्षमेव च । सप्तमं दशस्त्रक्षं तु अष्टमं कोटिरुच्यते ॥६४॥
नवमं दशकोट्यस्तु दशमं शतकोटयः । अर्वुदं रुद्रसंयुक्तं न्यर्बुदं द्वादशं भवेत् ॥६५॥
सर्वं त्रयोदशस्थानं महास्रवं चतुर्दशम् । पद्मं पद्भदशं चैव महापद्मं तु षोडशम् ॥६६॥
स्रोणी सप्तदशं चैव महाक्षोणी दशाष्ट्रकम् । शङ्कं नवदशं स्थानं महाशङ्कं तु विशकम् ॥६७॥
स्रित्यैकविशतिस्थानं महाश्वित्या द्विविशकम् । त्रिविशकमथ क्षोमं महाक्षोमं चतुर्नयम् ॥६८॥

अथ गणकगुणनिरूपणम्

खघुकरणोहापोहानाखस्यप्रहणधारणोपायैः । व्यक्तिकराङ्कविशिष्टैर्गणकोऽष्टाभिर्गुणैर्झेयः ॥६९॥ इति संज्ञा समासेन भाषिता सुनिपुङ्गवैः । विस्तरेणागमाद्वेदां वक्तव्यं यदितः परम् ॥७०॥

इति सारसंबहे गणितशास्त्रे महावीराचार्यस्य कृती संज्ञाधिकार समाप्तः।।

#### गये हैं । वे यहाँ अनुवादित नहीं किये गये हैं ॥५३-६२॥

स्थान-नामाविल [ संकेतनात्मक स्थानी के नाम ]

प्रथम स्थान वह है जो एक (इकाई) कहलाता है, तूसरा स्थान दश (दहाई), तीसरा स्थान शत (सेकडा) और चीया सहस्र (इसार) कहलाता है ॥६३॥ पाँचवा दस सहस्र (दस हजार), क्रटवाँ कक्ष (लाख), सातवाँ दशलक्ष (दस लाख) और आठवाँ कोटि (करोड़) कहलाता है ॥६५॥ नीवाँ दशकोटि (दस करोड़) और दसवाँ शतकोटि (सो करोड़) कहलाता है। ग्यारहवाँ स्थान अरबुद (अरब) और बारहवाँ न्यर्बुद (दस अरब) कहलाता है ॥६५॥ तेरहवाँ स्थान सर्व (सरब) और चौदहवाँ महासर्व (दस सरब) कहलाता है। इसी तरह, पंद्रहवाँ पद्म और सोलहवाँ महापद्म कहलाता है। इसी तरह, पंद्रहवाँ पद्म और सोलहवाँ महापद्म कहलाता है। इसी तरह, पंद्रहवाँ पद्म और सोलहवाँ महापद्म कहलाता है। इसी तरह, पंद्रहवाँ पद्म और सोलहवाँ महापद्म कहलाता है। इसी सर्वां स्थान शक्क और बीसवाँ महाश्रक्ष कहलाता है।। इसीसवाँ स्थान शक्क और बीसवाँ महाश्रक्ष कहलाता है।। इसीसवाँ स्थान श्रित्या, बाईसवाँ महाश्रित्या कहलाता है। तेईसवाँ क्षोभ और चीवीसवाँ महाश्रोभ कहलाता है।। ६८॥

#### गणकगुणनिरूपण

निम्नलिखित आठ गुणों से गणितज्ञ की पहिचान होती है---

(१) छचुकरण—हल करने में शीघ्र गति, (२) उह—अप्रविकल्प, कि इच्छित फल प्राप्त हो सकेगा, (१) अपोष्ट—अप्रविकल्प, कि इच्छित फल प्राप्त नहीं होगा, (४) अनालस्य—प्रमाद न होना, (५) प्रहण—समसने की शक्ति, (६) धारण—स्मरण रखने की शक्ति, (७) उपाय—साधन करने की नई रीतियाँ खोचना, एवं (८) व्यक्तिकराङ्क—उन संल्याओं तक पहुँचने का सामर्थ्य रखना जो अज्ञात राशियों को ज्ञात बना सकें ॥६९॥ इस प्रकार, मुनि पुक्रवों ने संक्षेप में परिभाषाओं का कथन किया है। जो कुछ इसके विषय में आगे विस्तार कप से कहा जाना चाहिए उसे आगम के अध्ययन से ज्ञात करना चाहिये। इस प्रकार, महावीराचार्य की कृति सारसंग्रह नामक गणित-शास्त्र में, संज्ञा अधिकार समाप्त हुआ ॥७०॥

१ यहाँ आगम का आश्य, सम्भवतः जिनागम प्रणीत अलोकिक गणित से हो जिसके विषय में प्रथकार द्वारा मात्र यहीं संकेत किया गया प्रतीत होता है।

## २. परिकर्मव्यवहारः

इतः परं परिकर्माभिधानं प्रथमव्यवहारमुदाहरिष्यामः ।

#### प्रत्युत्**पन्नः**

तत्रे प्रथमे प्रत्युःपश्चपरिकर्मणि करणसूत्रं यथा-गुँणयेद्गुणेन गुण्यं कवाटसंधिकमेणै संस्थाप्य। राश्यर्घसण्डतस्थैरनुलोमविलोममार्गाभ्याम् ॥१॥

१ K तत्र च । २ K और B विन्यस्योमी राशी । ३ K और B सङ्ख्यित् ।

२. परिकर्म व्यवहार [ अक्कगणित सम्बन्धी क्रियाएँ ]

इसके पश्चात्, इम परिकर्म नामक प्रथम व्यवहार प्रकट करते हैं ।

#### प्रत्युत्पन ( गुणन )

परिकर्म क्रियाओं में प्रथम गुणन के क्रिया-सम्बन्धी नियम निम्नलिखित हैं-

जिस तरह दरवाजे की कोरें रहती हैं, उसी प्रकार गुण्य और गुणक को एक-वूसरे के नीचे रखकर, गुण्य को गुणक से दो रीतियों (अनुलोम अथवा विलोम क्रम से हल करने की विधियों ) में से किसी एक द्वारा गुणित करना चाहिये। प्रथम विधि में गुण्य के खंड द्वारा गुण्य को विभाजित और गुणक को गुणित करते हैं। द्वितीय विधि में, गुणक के खंड द्वारा गुणक को विभाजित तथा गुण्य को गुणित करते हैं। मृतीय विधि में उन्हें उसी रूप में लेकर गुणन करते हैं। १॥

(१) प्रतीक रूप से यह नियम इस प्रकार है-

'भव' को 'सद' से गुणा करने पर गुणनफल ( i ) अब  $\times$  (भ $\times$  सद); या (ii) (भव  $\times$  स)  $\times$ 

सद या (iii) अब × सद होता है। यह स्पष्ट है कि प्रथम दो विधियों को उपर्युक्त गुणनखण्डों के जुनाब द्वारा किया को सरल करने के उपयोग में लाते हैं।

अनुलोम, अथवा इल करने की सामान्य विधि वह है जो ब्यापक रूपसे उपयोग में लाई जाती है। विलोम विधि निम्नलिखित है—

१९९८ में २७ का गुणा करने के लिये--

प्रत्येक स्तंभ का योग करने पर उत्तर ५३९४६ प्राप्त होता है

		₹७					
RXE	२		,			٦	
2×3	ę	6	1	}		١	
2×5		۱ ۲	6			ı	
٦×٧		! :	8	દ્	ļ	i	
٥×१		9		1	!	I	
9×9		ξ.	3	1			
9×3			Ę	Ę		1	
5×c			<u> </u>	4	E	1	
•	Ċ,	ą	\$	٧	Ę	_	

### अत्रोदेशकः

द्तान्येकैकस्मै जिनमवनीयाम्बुजानि तान्यष्टी। बसतीनां चतुरुत्तरचत्वारिंशच्छतायै कित ॥२॥ नव पद्मरागमणयः समर्चिता एकजिनगृहे दृष्टाः। साष्टाशीतिद्विशतीमितवसितषु ते कियन्तः स्युः॥३॥ चेंत्वारिंशच्चैकोनशताधिकपुष्यरागमणयोऽ च्योः। एकस्मिन् जिनभवने सनवशते बृहि केंति मणयः॥ ४॥ पद्मानि सप्तविशितरेकस्मिन् जिनगृहे प्रद्त्तानि। साष्टानवितसहके सनवशते तानि कित कथय॥ ५॥ । एकेकस्यां वसतावष्टोत्तरक्तसुवर्णपद्मानि। एकाष्ट्रचतुः सप्तकनवषद्पद्माष्टकानां किम्॥ ६॥ शशिवसुखरजलिधिनवपदार्थभयनयसमूहमास्थाप्य। हिमकरिवषनिधिगतिमर्गुणिते किं राशिपरिमाणम्॥ ७॥ हिमगुपयोनिधिगतिशिविह्नविह्नतिचयमत्र संस्थाप्य । हिमगुपयोनिधिगतिशिविह्नतिचयमत्र संस्थाप्य । स्वावस्य त्वं मे गुणियत्वाचक्वं तत्संख्याम्॥ ८॥ अग्निवसुखरमयेन्द्रियशशलाव्छनराशिमत्र संस्थाप्य । राशिवसुखरमयेन्द्रियशशलाव्छनराशिमत्र संस्थाप्य । राशिवसुखरमयेन्द्रियशशलाव्छनराशिमत्र संस्थाप्य । राशिवस्वा मे कथय सखे राशिपरिमाणम्॥ ९॥

१ B स्य हि | २ B नस्या | ३ B शतस्य कित भवनानाम् | ४ M B चत्वारिंशद्वयका शताधिका | ५ M S उच्छाः | ६ M ते कियन्तस्यः | ७ M एकैकिजिनालयाय दत्तानि | ८ M प्रयुक्तनवशतग्रहाणां किम् | ९ (यह स्रोक केवल M और B में प्राप्य है) | १० M और B किन्तस्य | ११ M प्यम् | १२ M अहो | १३ M मे शीधम् | १४ B विन्यस्य |

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

प्रत्येक जिनमन्दिर में आठ-आठ कमल पुष्प खड़ाये गये। बतलाओं कि १४४ मंदिरों को कितने दिये गये ? ॥ २ ॥ नी पद्मराग मिण केवल एक जिनमन्दिर में पूजन में अर्पित किये हुए देखे जाते हैं। २८८ मंदिरों में (उसी दर से) कितने अर्पित किये गये ? ॥ ३ ॥ एक जिनमंदिर में १३९ पुष्परागमणि पूजन में मेंट किये जाते हैं। बतलाओ, १०९ मंदिरों में कितने मिण भेंट किये गये ? [ मूल गाथा में १३९ को १०० + ४० — १ स्प में लिखा हुआ है ] ॥ ४ ॥ २७ कमल के फूल एक जिनमंदिर में मेंट किये गये । बतलाओं कि इस दर से १९९८ मंदिरों में कितने कमल मेंट किये गये ? [ मूल गाथा में १९९८ को १०९८ + ९०० लिखा है ] ॥ ५ ॥ प्रत्येक मंदिर को १०८ स्वर्ण कमल मेंट की प्रत्ये से, ८५६९७४८१ मंदिरों में कितने दिये जायेंगे ? ॥ ६ ॥ १, ८, ६, ४, ९, ९, ७ और २ अंकों को हकाई के स्थान से लेकर ऊपर के स्थानों तक रखने से बनाई गई संस्था को ४४१ से गुणित करने पर स्था फल प्राप्त होगा ? ॥ ७ ॥ इस प्रदन में, १, ४, ५, १, ३ और ५ अंकों को हकाई के स्थान से लेकर उपर के स्थानों तक रखकर, प्राप्त की ६० से गुणित करो और वतलाओं कि कीन सी संस्था प्राप्त होगी ? ॥ ८ ॥ इस प्रदन में १५७६८६ संख्या कि स्थान से १२३४५६७९ संस्था को ९ से गुणित करते हैं। यह गुणनफल राशि क्या होगी ? ॥ ९ ॥ इस प्रदन में १२३४५६७९ संस्था को ९ से गुणित करते हैं। यह गुणनफल राशि क्या होगी ? ॥ ९ ॥ इस प्रदन में १२३४५६७९ संस्था को ९ से गुणित करते हैं। यह गुणनफल राशि क्या होगी ? ॥ ९ ॥ इस प्रदन में १२३४५६७९ संस्था को ९ से गुणित करते हैं। यह गुणनफल राशि आवार्य महावीर के कथनानुसार, नरपाल के कण्ड आभरण

नैन्दामृतुश्रयनुसिद्धन्द्वेषं स्थाप्येमत्र नवगुणितम्।

स्राचायमहावीरेः कथितं नरपाछकण्ठिकामरणम् ॥१०॥

स्रद्धिकं पद्धवरुकं च सप्त चादौ प्रतिष्ठितम् । त्रयिक्षश्रत्संगुणितं कण्ठाभरणमादिशैत् ॥११॥

हुतवहगितशिश्रमिनिमवेयुनयगतिचन्द्रमत्र संस्थाप्य ।

शैलेन तु गुणियत्वा कथयेदं रस्तकण्ठिकाभरणम् ॥१२॥

अनलाविधिहमगुमुनिशरदुरिताक्षिपयोधिसोममास्थाप्य ।

शैलेन तु गुणियत्वा कथय त्वं राजकण्ठिकाभरणम् ॥१३॥

गिरिगुणिदिविगिरिगुणिदिविगिरिगुणिनकरं तथैव गुणगुणितम् ।

पुनरेवं गुणगुणितम् एकादिनवोत्तरं विद्धि ॥१४॥

सप्त शून्यं द्वेयं द्वन्द्वं पद्मीकं च प्रतिष्ठितम् । त्रयः सप्तितिसंगुण्यं कण्ठाभरणमादिशेत् ॥१५॥

जलिधिपयोधिशश्रधरनयनद्रव्याक्षिनिकरमास्थाप्य ।

गुणिते तु चतुःषष्ट्या का संख्या गणितविद्वृद्धि ॥१६॥

शक्षाङ्केन्दुश्लेकेन्दुश्ल्येकरूपं निधाय क्रमेणात्र राशिप्रमाणम् ।

हिमांश्वपरन्थेः प्रसंतािवतेऽस्मिन् भवेत्कण्ठिका राजपुत्रस्य योग्या ॥१०॥

इति परिकर्मविधी प्रथमः प्रत्युत्पन्नः समाप्तः।

१ स्रोक १० से १५ तक केवल अऔर B में प्राप्य हैं। २ सभी हस्तलिपियों में 'स्थाप्य तत्र' पाठ है। ३ B हो। ४ B नयं १० सभी हस्तलिपियों में छंद रूपेण अग्रुद्ध पाठ "कण्डाभरण विनिर्दिहोत्" है।

की रचना करती हैं ।।१०।। ३ को छः बार, ६ को पाँच बार, और ७ को एक बार अवरोही क्रम से (इकाई के स्थान की ओर) लिखकर, इस संख्या का ३३ से गुणन करने पर एक प्रकार के हार की संख्या प्राप्त होती है ।।११।। इस प्रभ में, ३, ४, १, ७, ८, २, ४ और १ अंकों को इकाई के स्थान से उपर की ओर के क्रम में लिखने पर संख्या का ७ से गुणन करो; और तब कहो कि वह रख कंठिका नामक आधरण है ।। १२ ।। १४२८५७१४३ संख्या को लिखकर उसे ७ से गुणित करो; और तब कहो कि वह राजकिण्ठका आभरण है ।।१३।। इसी तरह, १७०१७०१७ को ६ से गुणित करो । इस गुणनफल को फिर गुणित करो ताकि गुणक क्रमशः एक से लेकर ९ तक हों ।।१४।। ७, ०, २, २, ५ और १ अंकों को (इकाई के स्थान से उपर की ओर के कम में) रखते हैं । और इस संख्या को ७३ से गुणित करते हैं । प्राप्त संख्या को कण्ठ आभरण कहते हैं ।। प्राप्त संख्या को कण्ठ आभरण कहते हैं ।। प्राप्त इकाई के स्थान से उपर की ओर अंक ४, ५, १, २, ६ और २ क्रमानुसार लिखकर, प्रकृपित संख्या को ६४ से गुणित करने पर हे गणित बिद्रृष्टि, बतलाओ कि कीन सी संख्या प्राप्त होगी ?।।१६।। इस प्रभ में, इकाई के स्थान से उपर की ओर १,१,०,१,०,१ और १ अंकों को क्रमानुसार रखने से एक विशेष संख्या का मान होता है; और तब इस संख्या में ९१ का गुणा करने पर राजपुत्र के मोग्य कण्ठहार प्राप्त होता है ।।१७।।

इस प्रकार, परिकर्म व्यवहार में, प्रत्युरपन्न नामक परिच्छेद समाप्त हुआ।

<sup>(</sup>१०) इसमें तथा अन्य गाथाओं में कुछ संख्याएँ विभिन्न प्रकार के हारों की रचना करती हुई मानी गई हैं; क्योंकि उनमें एक से अंकों का शीव्र ही दृष्टिगोचर होनेवाला सम्मितीय विन्यास रहता है।

<sup>(</sup>११) यहाँ गुण्य ३३३३३३६६६६६७ है।

<sup>(</sup>१४) यह प्रभ, स्वतः, इस रूपमें अवतरित हो जाता है: ३७०३७०३७ × ३ को १, २, ३, ४, ५, ६, ७, ८ और ९ द्वारा क्रमानुसार गुणित करो।

#### भागहारः

द्वितीये भागहारकर्मणि करणसूत्रं यथा— विन्यस्य भाज्यमानं तस्याधःस्थेन भागहारेण। सहज्ञापवर्तविधिना भागं कृत्वा फलं प्रवदेत्।।१८।। अथवा—

प्रतिलोमपथेन भजेद्भाज्यमधःस्थेन भागहारेण। सहशापवर्तनविधिर्यद्यस्ति विधाय तमपि तयोः।१९॥

#### अत्रोदेशकः

दीनाराष्ट्रसहस्रं द्वानवितयुतं शतेन संयुक्तम् । चतुरुत्तरषष्टिनरैर्भक्तं कोंऽशो नुरेकस्य ॥२०॥ रूपामसप्तविंशतिशतानि कनकानि यत्र भाज्यन्ते । सप्तत्रिंशत्युरुषेरेकस्यांशे ममाचक्व ॥२१॥ दीनारदशसहस्रं त्रिशतयुतं सप्तवर्गसंमिश्रम् । नवसप्तत्या पुरुषेर्भक्तं के लब्धमेकस्य ॥२२॥ अयुतं चत्वारिशबतुस्सहस्रेकशतयुतं हेन्नाम् । नवसप्ततिवसदीनां दृत्तं वित्तं किमेकस्याः ॥२३॥ स्पादशत्रिशतयुतान्येकत्रिशतसहस्रजम्बूनि । भक्तानि नवत्रिशस्ररेषेदेकस्य भागं त्वम् ॥२४॥

१ यह श्लोक P में प्राप्य नहीं है | २ K स | ३ M कों ज्ञो नुरेकस्य | ४ यह श्लोक P में प्राप्य नहीं है | ५ B और K हेमम् | ६ इस श्लोक में दिये गये प्रश्न का पाट M में निम्न प्रकार है—

> त्रिशतयुतैकत्रिंशत्सद्दस्युक्ता दशाधिकाः सम । भक्ताश्चत्वारिंशत्पुरुषेरेकोनैस्तत्र दीनारम् ॥

#### भागहार [ भाग ]

परिकर्म कियाओं में द्वितीय, भागहार क्रिया का नियम निम्नस्थिखत है-

भाज्य को लिखकर उसे उभयनिष्ठ (साधारण) गुणनखंडों को अलग करने के शित के अनुसार भाजक द्वारा भाजित करो । भाजक को भाज्य के नीचे रखो और तब, परिणामी भजनफल को प्राप्त करो ।।१८॥ अथवा—यदि सम्भव हो, तो उभयनिष्ठ गुणनखंड को निरसित करने की विधि से, भाज्य के नीचे भाजक को रखकर, भाज्य को प्रतिलोम विधि से अर्थात् वार्ये से दायें भाजित करना चाहिये ॥१९॥

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

६४ व्यक्तियों में ८१९२ दीनार बाँट गये हैं। प्रत्येक व्यक्ति के हिस्से में कितने आये हैं? ।।२०॥
मुझे एक व्यक्ति का हिस्सा बतलाओ जब कि २७०१ स्वर्ण के टुकड़े ३७ व्यक्तियों में बाँट जाते हैं। ॥२९॥
१०३४९ दीनार ७९ व्यक्तियों में बाँट जाते हैं। बतलाओ एक व्यक्ति को क्या प्राप्त होगा? ॥२२॥
१४१४१ स्वर्ण के टुकड़े ७९ मंदिरों में दिये जाते हैं। बतलाओ प्रत्येक मंदिर में कितना घन दिया
जाता है ? ॥२३॥ ३१३१७ जम्बू फल ( गुलाबी सेव ) ३९ व्यक्तियों में बाँटे गये हैं। प्रत्येक का अंश
( हिस्सा ) बतलाओ ? ॥२४॥ ३१३१३ जम्बू फल १८१ व्यक्तियों में बाँटे गये हैं। प्रत्येक का अंश

- (२०) मूल गाथा में ८१९२ को ८००० + ९२ + १०० द्वारा लिखित किया गया है।
- (२२) मूल गाया में १०३४९ को १०००० + ३०० + (७) दारा निद्शित किया गया है।
- (२३) यहाँ १४१४१ को १०००० + (४० + ४००० + १ + १००) द्वारा कथित किया गया है।
- (२४) यहाँ ३१३१७ को १७ + ३०० + ३१००० द्वारा दर्शाया गया है।

त्रवैधिकदशित्रशतयुतान्येकित्रशस्त्रहस्त्रअम्बूनि । सैकाशीतिशतेन प्रहृताति नरेवेदैकांशम् ॥२५॥ त्रिदशसहस्त्री सैकाषष्टिद्विशतीसहस्त्रषट्कयुता । रक्षानां नवपुंसां दस्तेकनरोऽत्र किं लभते ॥२६॥ पैकादिषडन्तानि क्रमेण हीनानि हाटकानि सस्त्र । विधुजलिधिबन्धसंस्यैर्नरेहेतान्येकभागः कः॥२७॥ त्र्यशीतिमिश्राणि चतुःशतानि चतुस्सहस्राष्ट्रनगान्वितानि । रक्षानि दस्तानि जिनालयानां त्रयोदशानां कथयैकभागम् ॥२८॥

इति परिकर्मविधौ द्वितीयो भागहारः समाप्तः॥

### वर्गः

तृतीये वर्गपरिकर्मणि करणसूत्रं यथा— द्विसमवधो घातो वा स्वेष्टोनयुतद्वयस्य सेष्टकृतिः। एकाद्विचयेच्छागच्छयुतिर्वा भवेद्वर्गः॥२९॥

१ यह श्लोक केवल M में प्राप्य है।

२ M एकदित्रिचतुःपञ्चषट्कैहींनाः क्रमेण संभक्ताः ।
नैकचतुःशतसंयुतचत्वारिशक्विनालयानां किम्।

बतलाओ ? ।।२५।। १६२६१ मणि ९ व्यक्तियों को बराबर-बराबर दिये जाते हैं। एक व्यक्ति कितने मणि प्राप्त करता है ? ।।२६॥ हे मित्र, एक से आरम्भ कर ६ तक के अंकों को इकाई के स्थान से ऊपर की ओर के क्रम में रखकर और फिर फमानुसार हासित अंकों द्वारा संरचित संख्या की सुवर्ण-मुद्राएँ ४४१ व्यक्तियों में वितरित की जाती हैं। प्रत्येक को कितनी मिलती हैं ? ।।२७।। २८४८३ मणि १३ जिन मंदिरों में मेंट स्वरूप दिये जाते हैं। प्रत्येक मंदिर को कितना अंश प्राप्त होता है ? ।।२८।।

इस प्रकार, परिकर्म व्यवहार में, भागहार [ भाग ] नामक परिच्छेद समाप्त हुआ। वर्ग

परिकर्म कियाओं में तृतीय [ वर्ग करने की किया ] के नियम निम्नलिखित हैं---

दो सम राशियों का गुणनफल; अथवा दो सम राशियों में से किसी एक चुनी संख्या को प्रथम राशि में से घटाकर प्राप्त फल तथा दूसरी राशि में उस चुनी हुई संख्या को जोदने से प्राप्त फल, इन दोनों फलों के गुणनफल में उस चुनी हुई संख्या का वर्गफल जोदने पर प्राप्तफल, अथवा, गुणोक्तर श्रेष्ठि (जिसमें प्रथमपद १ है और प्रचय २ है) का अपदों तक का योगफल, उस इच्छित राशि का वर्ग होता है।।२९॥ दो या तीन या इससे अधिक संख्याओं का वर्ग, उन सब संख्याओं के वर्ग के योग

<sup>(</sup>२५) यहाँ ३१३१३ को १३ + ३०० + ३१००० द्वारा दर्शाया गया है।

<sup>(</sup>२६) यहाँ ३६२६१ को ३०००० + १ + (६० + २०० + ६०००) द्वारा दर्शाया गया है।

<sup>(</sup>२७) यहाँ दिया गया भाज्य, स्पष्ट रूप से, १२३४५६५४३२१ है।

<sup>(</sup>२८) यहाँ २८४८३ को ८३ + ४०० + (४००० x ७) द्वारा निरूपित किया गया है ।

<sup>(</sup>२९) बीजगणित द्वारा बतलाये जाने पर यह नियम इस तरह का रूप लेता है-

<sup>(</sup>i) अ×अ = अ $^2$  (iii) (अ+क) (अ – क) + क $^2$  = अ $^2$  (iii) १ + ३ + ५ + ७ + ... अ पदो तक = अ $^2$ 

हिस्थानप्रमृतीनां राशीनां सर्ववर्गसंथोगः । तेथां क्रमघातेन हिगुणेन विभिन्नितो वर्गः ॥३०॥ कृत्वान्त्यकृतिं हन्याच्छेचपदैर्हिगुणमन्त्यमुत्सार्थ । शेषानुत्सार्थेथं करणीयो विधिरयं वर्गे ॥३१॥

#### अत्रोहेशकः

एकादिनवान्तानां पञ्चदशानां द्विसंगुणाष्टानाम् । व्रतयुगयोश्च रसाग्न्योः शरनगयोर्वर्गमाचक्ष्य ॥३२॥ साष्टात्रिंशक्रिशति चतुःसहस्रोकषष्टिषद् छतिका । द्विशती षट्पद्याशन्मित्रा वर्गीकृता कि स्यात् ॥३३॥ लेख्यागुणेषुवाणद्रव्याणां शरगतित्रिसूर्योणाम् । गुणरक्षात्रिपुराणां वर्गे भण गणक यदि वेत्सि ॥३४॥

तथा उन संख्याओं को एक बार में दो लेकर उनके दुगुने गुणनफळ के योग को मिलाने के बराबर होता है ॥३०॥ दाहिनी ओर से बाई ओर को अड़ गिनने के कम में संख्या के अन्तिम अड्स का वर्ग प्राप्त करों, और तब इस अड़ को द्विगुणित कर तथा एक संकेतना के स्थान तक दाहिनी ओर हटा देने के प्रभाव, इस अन्तिम अड़ को होष स्थानों के अड़ों द्वारा गुणित करों। इस तरह संख्या के होष अड़ों में प्रस्थेक को एक-एक स्थान तक इसी विधि से हटाते जाओ। यह वर्ग करने की विधि है ॥३१॥

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

१ से लेकर ९ तक तथा १५, १६, २५, ६६ और ७५—इन संस्थाओं के वर्ग का मान निकालो ॥३२॥ १३८, ४६६१ और २५६ का वर्ग करने पर क्या-क्या प्राप्त होगा ? ॥३३॥ हे गणितझ ! यदि तुम जानते हो तो बतलाओं कि ६५५३६, १२३४५ और ३३३३ के वर्ग क्या होंगे ? ॥३४॥

(३०) यहाँ स्थान शब्द का स्पष्ट अर्थ संकेतना स्थान होता है। यहाँ एक टीका के निर्वचन के अनुसार वह योग के विघटकों का भी दोतक है, क्योंकि योग में प्रत्येक ऐसे भाग का स्थान होता है। इन दोनों निवर्चनों के अनुसार नियम टीक उतरता है।

जैसे : 
$$(१२३४)^2 = (१०००² + २००² + २००² + ४²) + २ \times 2000 \times 200 + 2 \times 2000 \times 300 \times 200 \times$$

(३१) निम्नलिखित साधित उदाहरणों द्वारा दाहिने ओर हटाने का उल्लिखित नियम स्पष्ट हो जावेगा। यह महावीर की मौलिक विधि है। इन गणनाओं में स्तम्भों का योग इस प्रकीर किया जावे कि किसी भी स्तम्भ के दहाई के अंक बाई ओर के स्तम्भ में जोड़े जावें।

१३१ का वर्ग निकालना १३२ का वर्ग करना ५५५ का वर्ग करना। 83= 8 ₹×१×₹= ŧ ₹×१×३≈  $2 \times 2 \times 2 =$ २ **9×9×9**= Y ?X\$X!= २×३×२= ?X4X4= 2 9 8 8 8 9 8 8 8

(३३) मूछ गाथा में ४६६१ को ४००० + ६१ + ६०० हारा निरूपित किया गया है।

सप्ताशीतित्रिशतसहितं षद्सहस्रं पुनश्च पद्मत्रिशच्छतसमधिकं सप्तनिघ्नं सहस्रम् । हार्विक्षत्या युतदशक्तं वर्गितं तक्कयाणां ब्रहि त्वं मे गणकगुणवन्संगुणय्य प्रमाणम् ॥३५॥ इति परिकर्भविधी तृतीयो वर्गः समाप्तः। वर्गमूलम्

चतुर्थे वर्गमूलपरिकर्मणि करणसूत्रं यथा-अन्त्यौजादपहृतकृतिमूलेन द्विगुणितेन युग्महृतौ। लब्धकृतिस्त्याख्यौजे द्विगुणदलं वर्गमूलफलम् ॥३६॥

१ P, K और B राशिरेतकृतीनाम् ।

६६८७ और तब ७१३५ और तब १०२२, इनमें से प्रत्येक संस्था का वर्ग किया जाता है। हे हुशक गणितज्ञ ! अच्छी तरह गणना करने के पश्चात् मुझे बतकाओं कि इन तीनों के वर्ग क्या होंगे ? ।।६५॥ इस तरह, परिकर्म व्यवहार में, वर्ग नामक परिच्छेड़ समाप्त हुआ।

### वर्गमुल

परिकर्स कियाओं में वर्गमूल नामक चतुर्ध किया के सम्बन्ध में निम्नलिखित नियस हैं-अंकों द्वारा प्रदर्शित संख्या की इकाई के स्थान से बाई और के अन्तिम अयुग्म (विषम ) अंक में से बड़ी से बड़ी वर्ग संख्या ( अंक ) घटाई जाती है; तब इस वर्ग की हुई संख्या की द्विगुणित कर प्राप्त फल द्वारा, शेष संख्या के साथ दाहिने युग्मस्थान की संख्या उतार कर रखने के पक्षात् प्राप्त हुई संख्या में भाग देते हैं। और तब, इस तरह प्राप्त भजनफरू का वर्ग, शेष संख्या के साथ दाहिने अयुग्म स्थान की संख्या उतार कर रखने के पश्चात् प्राप्त हुई संख्या में से घटा देते हैं। तब, प्रथम वर्गसंख्या का वर्गमूल और द्वितीय वर्गसंख्या का वर्गमूल. ( एक के बाद इसरी ) दाहिनी और रखने से प्राप्त संख्या को द्विगणित कर शेष संख्या के नीचे उतारी हुई संख्या रखकर प्राप्त संख्या में भाग देते हैं; और फिर शेष संख्या के साथ उतारी हुई संख्या रखकर प्राप्त संख्या में से सबसे बड़ी वर्गसंख्या घटाते हैं। इस प्रकार, यह किया अंत तक की जाती है और अंतिम द्विगुणित भाजक संख्या की अर्द्ध संख्या. परिणामी वर्गमुक होता है ॥३६॥

- (३५) यहाँ ७१३५ को १३५ + (१००० ×७) द्वारा दर्शाया गया है।
- (३६) इस नियम को स्पष्ट करने हेतु निम्नलिखित उदाहरण नीचे साधित किया जाता है। ६५५३६ का वर्गमूल निकालना---६।५५।३६

$$\frac{2^{2} = Y}{24}$$

$$\frac{2^{4} = Y}{4^{4}}$$

$$\frac{4^{4} = 24}{20}$$

$$\frac{2^{4} = 24}{20}$$

$$\frac{2^{4} \times 2 = 40}{200}$$

$$\frac{2^{4} \times 2}{2^{4}} = 24$$

$$\frac{2^{4} \times 2}{2^{4}} =$$

#### अत्रोदेशकः

एकामिक्तान्तानां वर्गगतानां वदाशु में मूलम् । ऋतुविषयलोचनानां द्रव्यमहीध्रेन्द्रियाणां च ॥३०॥ एकामिक्तिमधिकपञ्चरातोपेतषद्सहस्राणाम् । चत्रुर्गपञ्चपञ्चपवणामि मूलमाकलय ॥३८॥ द्रव्यपदार्थनयाचललेख्यालब्ध्यविधिनयाच्धीनाम् । क्षित्रेनेत्रेन्द्रिययुगनयजीवानां चापि किं मूलम् ॥३९॥ चन्द्राव्धिगतिकषायद्रव्यतुंद्रुताक्षानतुराक्षीनाम् । विधुलेख्येन्द्रियहिमकरमुनिगिरिशिशानां च मूलं किम् ॥४०॥ द्वादशक्षतस्य मूलं षण्णवितयुतस्य कथय संचिन्त्य । शतपद्कस्यापि सखेपञ्चकवर्गेण युक्तस्य ॥४१॥ अङ्गमकर्मान्वरशंकराणां सोमाक्षिवैश्वानरभास्कराणाम् । चन्द्रतुंबाणाविधगतिद्विपानामाचक्ष्य मूलं गणकामणीस्त्यम् ॥४२॥

इति परिकर्मविधौ चतुर्थं वर्गमूलं समाप्तम् ॥

पञ्चमे घनपरिकर्मणि करणसूत्रं यथा— त्रिसमाहतिर्घनः स्यादिष्टोनयुतान्यराशिघातो वा। अस्पगुणितेष्टकृत्या कलितो वृन्देन चेष्टस्य ॥४३॥ इष्टादिद्विगुणेष्टप्रचयेष्टपदान्वयोऽथ वेष्टकृतिः। व्येकेष्टहतैकादिद्विचयेष्टपदैक्ययुक्ता वा ॥४४॥

१ P और M वर्गगतानां शीघं रूपादिनवावसानराशिनाम्। मूलं कथय सखे त्वं । २ M नव।

#### <u>--</u> उदाहरणार्थ प्रश्न

हे मित्र! मुझे शीघ बतलाओं कि १ से लेकर ९ तक की वर्गसंख्याओं, तथा २५६ और ५७६ के वर्गमूल क्या हैं ? ॥३७॥ ६५६१ और ६५५३६ के वर्गमूल निकालो ॥३८॥ ४२९४९६७२९६ और ६२२५२१ के वर्गमूल क्या हैं ? ॥३९॥ ६३६६४४४१ और १७७१५६१ के वर्गमूल क्या हैं ? ॥४९॥ हे मित्र ! मलीभाँति सोचकर मुझे बतलाओं कि १२९६ और ६२५ के वर्गमूल क्या हैं ? ॥४९॥ हे गणितज्ञों में अप्रणी ! १९०८८९, १२३२१ और ८४४५६१ के वर्गमूल बताओं ? ॥४२॥

इस प्रकार, परिकर्म ब्यवहार में, वर्गमूल नामक परिच्छेद समाप्त हुआ।

#### धत

परिकर्म क्रियाओं में, पञ्चम धन नामक क्रिया का नियम निम्नलिखित ई---

कोई तीन बराबर राशियों का गुणनफल उस दत्त राशि का घन होता है। अथवा, कोई दी हुई राशि का, किसी चुनी हुई राशि को दत्त राशि में जोड़ने से प्राप्त फल का तथा चुनी हुई राशि को दत्त राशि में जोड़ने से प्राप्त फल का तथा चुनी हुई राशि के दत्त राशि में से घटाने से प्राप्त फल का गुणनफल प्राप्त करते हैं। इसमें, चुनी हुई राशि के वर्ग को दत्त राशि में से चुनी हुई राशि को घटाने से प्राप्त फल से गुणित करने पर प्राप्त गुणनफल और चुनी हुई राशि का घन प्राप्त होता है। ॥४३॥

अथवा, जिसका प्रथम पद दी गई राशि है तथा प्रचय दी गई राशिका दुगुना है और जिसके पदों की संख्या दी हुई राशि के बराबर है, ऐसी समान्तर श्रेढि का बोग दी हुई राशि के बन को उत्पन्न करता है। अथवा, जिस राशि का बन प्राप्त करना है उसके वर्ग में, दी गई राशि में से एक बटाकर प्राप्त राशि तथा दी गई राशि के बराबर जिसके पदों की संख्या है (और जिसका प्रथम पद एक है और प्रचय दो है) ऐसी समान्तर श्रेढि के बोग का गुणनफल मिलाकर उस दी हुई राशि का बन प्राप्त करते हैं॥४॥

(४३) प्रतीक रूप से यह नियम ( निरूपित करने पर ) इस तरह साधित होता है:—
(i) अ  $\times$  अ  $\times$  अ  $\times$  = अ $^3$  (ii) अ (अ + ब) (अ - ब) + ब $^3$  (अ - ब) + ब $^3$  = अ $^3$ 

(1) अ X अ X अ X = अ (11) अ (अ + ब) + व (अ - ब) + व = अ + (अ - व) + व = अ + (अ + ७अ + · · · अ पर्ते तक।
(11) अ = अ २ + (अ - १) (१ + ३ + ५ + ७ + · · · अ पर्ते तक)

प्रेकादिचयेष्टवदे पूर्व राशि परेण संगुणयेत्। गुणितसमासिक्षगुणश्चरमेण युतो घनो भवति ॥४५॥ अन्त्यान्यस्थानकृतिः परस्परस्थानसंगुणा त्रिहता। पुनरेवं तद्योगः सर्वपद्घनान्वितो वृन्दम्॥४६॥ अन्त्यस्य घनः कृतिरपि सा त्रिहतोत्सार्य शेषगुणिता वा। शेषकृतिस्त्रयन्त्यहता स्थाप्योत्सार्थेवमत्र विधिः॥४०॥

१ P में यह श्लोक प्राप्य नहीं है। २ M<sup>0</sup>रिप। १ M<sup>0</sup>गो वा। ४ यह श्लोक M में छूट गया है। P K B में निम्नलिखित श्लोक पाटान्तर रूप में प्राप्य है। उपर्युक्त दो विधियों का उल्लेख इसमें भी है।

> त्रिसमगुणोऽन्त्यस्य घनस्तद्वर्गीस्त्रगुणितो हतः शेषैः। उत्सार्य शेषकृतिरथ निष्ठा त्रिगुणा घनस्तथाग्रे वा ॥

समान्तर रूप से बढ़ती हुई श्रेषि में (जिसका प्रथम पद एक है तथा प्रचय भी एक है और पदों की संख्या कोई दी गई राशि के बराबर है ), प्रश्येक विछले पद को अगले पद से गुणा कर प्राप्त गुणनफलों का योग प्राप्त कर प्राप्त योगफल को तीन से गुणित करते हैं । इस प्रकार प्राप्त गुणनफल में श्रेष्ठि का अंतिम पद जोड़ने पर, दी हुई राशि का घन प्राप्त होता है ॥४५॥ (जिन दो अथवा अधिक राशियों के योग का घन निकालना है, उन्हें अलग-अलग स्थानों में स्थापित करते हैं ।) प्रथम तथा अन्य स्थानों के वर्ग निकालकर उनमें प्रत्येक को अन्य स्थानों की राशियों से गुणित कर तिगुणा करते हैं और जोड़ देते हैं । इस प्रकार प्राप्त योगफल में सब स्थानों की राशियों में से प्रत्येक के घन को मिलाते हैं तो दत्त राशियों के योग का घनफल प्राप्त होता है । (इस सूत्र द्वारा अंथकार का अभिप्राय २३६ जैसी संख्या का घनफल, उसे (२०० + ३० + ६) रूप में परिवर्तित कर इन तीन राशियों के योग का घनफल निकालकर प्राप्त करना है।)॥४६॥ अथवा; दी गई संख्या में दाहिनी ओर से बाई ओर की गिनती में अन्तिम अंक का घन; और अन्तिम अंक के वर्ग की तिगुनी राशि को केवल एक संकेतना स्थान द्वारा दाहिनी ओर हटाया जाता है और शेर स्थानों में पाये जाने वाले अंकों द्वारा गुणित किया जाता है; तय उपर की मौति शेष स्थानों में पाये जाने वाले अंकों का वर्ग केवल एक संकेतना दाहिनी ओर हटाया जाता है और उपर कथित अन्तिम अंक की तिगुनी राशि द्वारा उसे गुणित कर एक स्थान हटा कर रखा जाता है। ये राशियाँ इसी स्थिति में जोड़ दी जाती हैं। यह नियम यहाँ प्रयोज्य होता है।।४०॥

$$(34)$$
  $= (34)$   $= (34)$   $= (34)$   $= (34)$   $= (34)$   $= (34)$   $= (34)$ 

(४६) रे अ<sup>२</sup> ब + रे अब<sup>२</sup> + अ<sup>3</sup> + ब<sup>3</sup> = (अ + ब)<sup>3</sup> । इस नियम को दो से अधिक स्थान वाली संख्याओं के लिये प्रयोज्य बनाने के हेतु यहाँ स्पष्टत: अर्थ निकलता है कि रे अ<sup>2</sup> (ब + स) + रे अ (ब + स)<sup>2</sup> + अ<sup>5</sup> + (ब + स)<sup>3</sup> = (अ + ब + स)<sup>3</sup>; और यह स्पष्ट है कि कोई भी संख्या दो अन्य उपयुक्त रूप से चुनी हुई संख्याओं के योग द्वारा प्ररूपित की जा सकती है।

( ४७ ) प्रन्यकारद्वारा दिये गये सूत्र का अभिप्राय प्रदर्शित विधि से स्पष्ट हो जावेगा-

मान लो १५ घन का प्राप्त करना है। इसे दो स्थानों से स्थापित करके, निरूपित रीति से घनफल निकालते हैं। सूत्र में ग्रन्थकार ने अन्तिम अंक ५ के घन के योग का कथन नहीं किया है।

#### अत्रोदेशकः

पंकादिनवान्तानां पद्मद्शानां शरेक्षणस्यापि । रसवह्योगिरिनगयोः कथय घनं द्रव्यलब्ध्योश्र ।।४८।। हिमकरगगनेन्द्रनां नयगिरिशिशानां खरेन्दुवाणानाम् । वद् मुनिचन्द्रयतीनां वृन्दं चतुरुद्धिगुणशशिनाम् ।।४९॥ राशिर्धनीकृतोऽयं शतद्वयं मिश्रितं त्रयोदशिभः। तद्द्रगुणोऽस्मात्त्रगुणश्चतुर्गुणः पद्मगुणितश्च ॥५०॥ शतमष्टपष्टियुक्तं दृष्टमभीष्टे घने विशिष्टतमेः । पकादिभिरष्टान्त्येर्गुणितं वद् तद्धनं शीधम् ॥५१॥ वन्धाम्बर्तुगगनेन्द्रियकेशवानां संख्याः क्रमेण विनिधाय घनं गृहीत्वा । आचक्ष्व ल्ल्थमधुना करणानुयोगगमभीरसारतरसागरपारदश्चन् ॥५२॥

इति परिकर्मविधौ पद्ममो घनः समाप्तः॥

#### घनमूलम्

षष्ठे घनमूळपरिकर्मणि करणसूत्रं यथा— अन्त्यधनादपद्दतधनमूळकृतित्रिहतिभाजिते भाष्ये । प्राक्तिहतासस्य कृतिः शोध्या शोध्ये घनेऽथ घनम् ॥५३॥

४८ और ४९ वें क्लोकों के स्थान में, M में निम्न पाट है—
 एकादिनवान्तानां इद्राणां हिमकरेन्द्रनाम् ।
 वद मुनिचन्द्रयतीनां हृन्दं चतुरुद्धिगुणश्चिनाम् ॥

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

एक से लेकर ९ तक संख्याओं और १५, २५, ३६, ७७ और ९६ के वन क्या होंगे ? ॥४८॥ १०१, १७२, ५१६, ७१७ और १३४४ के वन क्या होंगे ? ॥४९॥ संख्या २१३ का वन किया जाता है। इस संख्या की दुगुनी, तिगुनी, चौगुनी और पांचगुनी राशियों के भी वन करने पर प्राप्त होने वाली राशियों प्राप्त करो ॥५०॥ यह देखा जाता है कि १६८ में एक से लेकर आठ तक की समस्त संख्याओं का गुणन करने पर प्राप्त राशियों वन राशियों से सम्बन्धित हैं। उन घन राशियों को शीघ्र बतलाओ ॥५१॥ हे करणानुयोग गणित की क्रियाओं के अभ्यासकरी गहरे तथा उत्कृष्ट समुद्र के पारदृष्टा ! दाहिनी और ४, ०,६,०,५ और ९ क्रमानुसार लिख कर प्राप्त संख्या का चनफल शीघ्र बतलाओ ॥५२॥ इस प्रकार, परिकर्म व्यवहार में, घन नामक परिच्छेद समाप्त हुआ ।

#### घन्मूल

परिकर्म-क्रियाओं में पष्टम घनमूरू किया सम्बन्धी निम्निक्सित नियम है-

अन्तिम अन स्थान तक के अंकों द्वारा निरूपित संख्या में से सबसे अधिक सम्भव अन संख्या घटाओ। तब, (अग्रिम) भाज्य स्थान द्वारा निरूपित अंक को स्थिति में रखने के परचात् उसे उस अन के अनमूल के वर्ग की तिगुनी राशि द्वारा माजित करो। तब (अग्रिम) शोष्य स्थान द्वारा निरूपित अंक को स्थिति में रखने के परचात् उसमें से उपर्युक्त भजनफळ के वर्ग की त्रिगुणित राशि को उपर्युक्त ( सबसे अधिक सम्भव अन के ) मूळ द्वारा गुणित करने से प्राप्त राशि को घटाओ। और तब (अग्रिम) अन स्थान द्वारा विरूपित अंक को स्थिति में रखने के परचात् उसमें से उपर प्राप्त द्वुप भजनकळ के धन को घटाओ। अपर ग्रा

बेनमेकं द्वे अवने चनपदकृत्या भजेश्विगुणयाचनतः।
पूर्वेत्रिगुणाप्तकृतिस्त्याज्याप्तचनश्च पूर्वेवक्रव्यपदैः॥५४॥
अत्रोहेशकः

एकादिनवान्तानां घनात्मनां रत्नशिक्षानवान्धीनाम्। नैगरसवसुखर्तुगजक्षपाकराणां च मूछं किम्।।५५॥ गतिनयमद्शिखिशशिनां सुनिगुणखर्त्वक्षिनवैखरामीनाम्। बैसुखयुगखाद्रिगतिकरिचन्द्रर्तूनां गृहाण पदम्।।५६॥

१ यह कोक M में प्राप्य नहीं है। २ M गिरि। ३ M रसा। ४ M विधुपुरखरस्वर तुंज्वलन घराणां। तीन अंकों के विभिन्न समूह में से एक अंक घन (cubic) और दो अधन (non-cubic) होते हैं। अधन अंक में धनमूल के वर्ग की तिगुनी राशि का भाग दो। अग्रिम अधन अंक में से, कपर प्राप्त हुए भजनफल को वर्गित करने से प्राप्त हुई राशि तथा पिछले घन अंक में से (घटाई गई अधिक से अधिक घनसंख्या के) घनमूल की तिगुनी राशि का गुणनफल घटाओ। और तब अग्रिम घन अंक को स्थिति में लाकर, उसमें से ऊपर प्राप्त हुए भजनफल का घन घटाओ। इस तरह स्थिति में लाकर प्राप्त हुए घनमूल अंकों की सहायता से पूर्व विधि उपयोग में लाओ। १५४।।

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

१ से लेकर ९ तक की घन संख्याओं के घनमूल क्या होंगे १४९१३ और १८६०८६७ के घनमूक बत्तळाओ १ ॥५५॥ १३८२४, ३६९२६०३७ और ६१८४७०२०८ के घनमूल निकालो ॥५६॥

(५२-५४) जिसका घनमूल निकालना होता है ऐसी दी गई संख्या में अंक नियमानुसार समूहों में विभक्त कर दिये जाते हैं। प्रत्येक समूह में अधिक से अधिक ३ अंक होते हैं; उनके नाम क्रमशः दाहिनी ओर से बाँई ओर : घन (अथवा वह जो घनात्मक होता है अर्थात् जिसमें से घन राशि घटाना होती है), शोध्य (अथवा वह जो घटाया जाता है) और माज्य हैं। बाँई ओर का अंतिम समूह हमेशा तीन अंकमय नहीं होता। उसमें एक, दो, या तीन अंक तक रहते हैं। निम्नलिखित साधित उदाहरण से नियम स्पष्ट हो जावेगा।

७७३०८७७६ का घनमूल निकालना-

भा. शो. घ. भा. शो. घ. ३०८ ७७६

यह नियम उल्लेख नहीं करता कि कौन से अंक घनमूल की संरचना करते हैं। पर यह अर्थ किया जाता है कि क्रिया में घन किये गये अंकों को क्रम से बाँई ओर से दाहिनी ओर रखने संख्या (घनमूल) प्राप्त होती है। चतुः ययोध्यग्निश्रराक्षिदृष्टिश्येभखन्योमभयेक्षणस्य । बद्गष्टकमीविधखघातिभावद्विविद्वर्त्वतुनगस्य मृद्धम् ॥५७॥ द्रव्याश्वशैलदुरितखवह्वपद्विभयस्य वदत घनमृत्यम् । नवचन्द्रहिमगुमुनिशिखन्ध्यम्बरखर्युगस्यापि ॥५८॥ गौतिगजविषयेषुविधुस्वराद्रिकरगतियुगस्य भण मृत्यम् । लेख्याश्वनगनवाचलपुरखरनयजीवचन्द्रमसाम् ॥५९॥ गतिखर्दुरितेभाभभोधिताक्ष्यंध्वजाक्षद्विकृतिनवपदार्थेद्रव्यवहीन्दुचन्द्र— जलधरपथरन्ध्रेष्वष्टकानां घनानां गणक गणितदक्षाचक्ष्य मृत्रं परीक्ष्य ॥६०॥

इति परिकर्मविधौ षष्ठं घनमूळं समाप्तम्।

# संकलितम्

सप्तमे संकित्तपरिकर्मणि करणसूत्रं यथा— रूपेणोनो गच्छो दलीकृतः प्रचयताहितो मिश्रः । प्रभवेण पदाभ्यस्तः संकित्तं भवति सर्वेषाम्।।६१॥ प्रकारान्तरेण धनानयनसूत्रम्— एकविहीनो गच्छः प्रचयगुणो द्विगुणितादिसंयुक्तः । गच्छाभ्यस्तो द्विहृतः प्रभवेत्सर्वत्र संकितम् ।६२।

#### १ यह श्लोक M में अप्राप्य है।

२७००८७२२५३४४ और ७६३२९४०४८८ के घनमूल प्राप्त करो।।५७।। ७७३०८७७६ और २६०९१७११९ के भी घनमूल निकालो।।५८।। २४२७७१५८४ और १६२६३७९७७६ के घनमूल निकालो।।५९।। हे गणक ! यदि तुम गणित में कुशस्त्र हो तो ८५९०११३६९९४५९४८६४ घनराशि का घनमूल परीक्षा से निकालकर बतलाओ ॥६०॥

इस प्रकार, परिकर्म व्यवहार में घनमूल नामक परिच्छेर समाप्त हुआ।

संकलित [ श्रेडियों का संकलन ]

परिकर्स कियाओं में सप्तम संकलित किया सम्बन्धी नियम निम्नलिखित हैं-

पहिले श्रेंढि के पदों की संख्या को एक द्वारा घटाया जाता है और तब प्राप्त फल को आधा कर प्रचय द्वारा गुणित किया जाता है। इसे, जब श्रेंढि के प्रथम पद के साथ मिलाकर पदों की संख्या से गुणित करते हैं तो समान्तर श्रेंढि के समस्त पदों का योग प्राप्त होता है।।६९।।

दूसरी तरह से श्रेष्ठि का योग प्राप्त करने का नियम--

श्रीह के पदों की संख्या को एक द्वारा हासित कर प्रचय द्वारा गुणित करते हैं। प्राप्त फल में श्रेहि के प्रथम पद की दुगुनी राशि मिलाते हैं; और जब इस योग को श्रेहि के पदों की संख्या से गुणित कर दो से भाजित करते हैं, तो सर्वत्र श्रेहि का योग उत्पन्न होता है।।६२॥

(६१) यह नियम बीजीयरूप से निम्नलिखित रूप में प्रदर्शित किया जा सकता है-

 $\left(\frac{n-2}{2} + 3\right)$ न = य. जहाँ अ प्रथम पद है; व प्रचय है, न पदों की संख्या है और य समस्त श्रेटि का योग है।

(६२) इसी तरह, 
$$\{(-7)a+2a\} = a$$
 होता है।

आग्रुत्तरसर्वेधनानयनसूत्रम्— पद्हतमुखमादिधनं व्येकपदार्थेष्टचयगुणो गच्छः । उत्तरधनं तयोर्योगो धनमूनोत्तरं मुखेऽन्त्यधने ॥६३॥ अन्त्यधनमध्यधनसर्वेधनानयनसूत्रम्— चैयगुणितैकोनपदं साद्यन्त्यधनं तदादियोगार्धम् । मध्यधनं तत्पदवधमुद्दिष्टं सर्वेसंकलितम् ॥६४॥

१ м तदूना सेक (व ?) पदासा युतिः प्रमावः । २ यह स्लोक м में छूट गया है।

श्रादिधन, उत्तरधन और सर्वधन निकालने का नियम -

प्रथम पद में श्रेढि के पदों की संख्या का गुणन करने से प्राप्त राश्चिम कहलाती है। प्रचय द्वारा गुणित श्रेढि के पदों की संख्या तथा एक कम पदों की संख्या की आधी राशि का गुणनफल उत्तर धन कहलाता है। इन दोनों का योग सर्वधन अर्थात् समस्त श्रेढि के पदों का योग होता है। वही ऐसी श्रेढि के योग के तुल्य भी होता है जो श्रेढि के पदों का कम उलट दिया जाने से प्राप्त होती है, जहां अतिम पद प्रथम पद हो जाता है तथा प्रचय ऋणात्मक हो जाता है।।६३।।

अन्त्यधन, मध्यधन तथा सर्वधन निकालने की विधि --

श्रीढ के पदों की संख्या एक द्वारा हासित की जाती है और प्राप्त संख्या प्रचय द्वारा गुणित की जाती है। तब इसे प्रथम पद में जोड़ने पर अन्त्यधन प्राप्त होता है। अन्त्यधन और प्रथम पद के योग की आधी राशि मध्यधन कहलाती है। इस मध्यधन और श्रीढ के पदों की संख्या का गुणनफल, श्रीढ के समस्त पदों का योग होता है। १६४॥

(६३-६४) इन नियमों में समान्तर श्रेंदि का प्रत्येक पद, प्रथम पद में प्रचय का गुणक जोड़ने पर प्राप्त हुआ माना जाता है। इस गुणक का मान श्रेंदि में पद विशेष की रियति पर निर्भर रहता है। इस अवधारण के अनुसार हमें श्रेंदि के प्रत्येक पद में प्रथम पद के साथ-साथ प्रचय का गुणक भी निकालना पड़ता है। इस तरह प्राप्त प्रथम पदों के योग को आदिधन कहते हैं। प्रचय के ऐसे गुणकों के योग को उत्तरधन कहते हैं। सर्वधन जो कि इन दोनों का योग होता है, श्रेंदि का भी योग होता है। अन्त्यधन, समान्तर श्रेंदि का अंतिम पद होता है। मध्यधन का अर्थ मध्यपद होता है जो इस श्रेंदि के प्रथम पद और अंतिम पद का समान्तर-मध्यक (arithmetical mean) होता है। इस तरह, जब श्रेंदि में (२ न + १) पद होते हैं तब (न + १) वाँ पद मध्यधन कहलाता है। परंतु, जब २न पद होते हैं, तो (न) वें और (न + १) वें पद के समान्तर-मध्यक के तृत्य मध्यधन होता है। इस तरह, (१) आदिधन =  $\pi \times 2$ ; (२) उत्तरधन =  $\pi \times 2$  ×  $\pi \times 3$ ; (३) अन्त्यधन =  $(\pi - 2) \times 3$  + अ; (४) मध्यधन =  $(\pi - 2) \times 4$  + अ; (४) मध्यधन =  $(\pi - 2) \times 4$  + अ; स्थित =  $(\pi - 2) \times 4$  + अ होता है।

आगे यह बिळकुळ स्पष्ट है कि ऋणात्मक प्रचय वाकी समान्तर श्रेडि धनात्मक प्रचय वाकी समान्तर श्रेडि में बदल जाती है जब कि पदों का क्रम पूरी तरह उस्टाया जाता है जिससे प्रथम पद अंतिम पद हो जाता है।

### अत्रोदेशकः

एकाविद्शान्ताचास्ताबत्प्रचयास्समर्चयन्ति धनम् ।

बणिजो दश दश गच्छास्तेषां संकितमाकलय ॥६५॥

द्विमुखत्रिचयैर्मणिभिः प्रानर्च श्रावकोत्तमः कश्चित्। पद्मवसतीरमीषां का संख्या त्रृहि गणितज्ञ ॥६६॥ आदिस्यश्रयोऽष्ट्री द्वादश गच्छस्रयोऽपि रूपेण। आ सप्तकात्प्रवृद्धाः सर्वेषां गणक भण गणितम् ॥६७॥

द्विकृतिमुखं चयोऽष्टी नगरसहस्रे समर्चितं गणितम ।

गणिताव्यिसमुत्तरणे बाहबळिने त्वं समाचक्ष्य ॥६८॥

गच्छानयनसूत्रम्--

अष्टोत्तरगुणराशेद्विगुणाच्तरविशेषकृतिसहितात् । मृहं चययुतमधितमायूनं चयहृतं गच्छः ॥६९॥ प्रकारान्तरेण गच्छानयनसूत्रम्-

**अष्टोत्तरगुणराशेर्द्विगुणाध्**त्तरविशेषकृतिसहितात्। मृहं क्षेपपदोनं दक्षितं चयभाजितं गच्छः॥७०॥

१ 14 बळी।

उदाहरणार्थ प्रश्न

इस ज्यापारियों में से प्रत्येक समान्तर श्रेढि में संकलित घन दान करता है। इस श्रेडियों के प्रथम पद एक से लेकर दस तक हैं, और प्रश्येक श्रेढि में प्रचय उतना ही है जितनी कि उनकी प्रथम पद राशि। प्रस्वेक श्रेष्ठि के पदों की संख्या दस है। उन श्रेष्ठियों के योगों की गणना करी ॥६५॥ एक श्रेष्ठ आवक एक-एक कर पाँच मन्दिरों में २ मणियों से आरम्भ कर उत्तरोत्तर ३ मणि बढ़ाता हुआ भेंट चढ़ाता है। हे बाणितज्ञ ! कही कि उनकी कुल संख्या क्या है ? ॥६६॥ प्रथम पद ३ है; प्रचय ८ है; और पटों की संख्या १२ है। ये तीनों राशियाँ कम से एक द्वारा बढ़ाई जाती हैं जब तक कि ७ श्रेडियाँ प्राप्त नहीं डोतीं। हे गणितज्ञ ! इन सब श्रेढियों के योगों की प्राप्त करो ॥६७॥ हे गणितरूपी समुद्र की भुजाओं हारा तरने में समर्थ ! बतलाओ कि ५००० नगरों में की जाने वाली समस्त मेटों का मान क्या होगा, जब कि भेंट ४ से आरम्भ की जाती है और उत्तरोत्तर ८ से वृद्धि को प्राप्त होती है ॥६८॥

समान्तर श्रेढि के पदों की संख्या ( गच्छ ) निकालने का नियम-

( प्रथम पद की दुगुनी ) राशि और प्रचर के अन्तर के वर्ग में श्रेढि के बोग द्वारा गुणित प्रचय की बाहगुनी राशि जोड़ते हैं। प्राप्त योगफल के वर्गमूल में प्रचय जोड़ते हैं और परिणामी राशि आधी करते हैं। इसे प्रथम पद द्वारा द्वासित कर प्रथय द्वारा विभाजित करते हैं तो श्रेति के पदों की संख्या प्राप्त होती है ।।६९॥

दूसरी रीति द्वारा पदों की संख्या निकासने का नियम-

( प्रथम पद की दुगुनी ) राशि और प्रचय के अन्तर के वर्ग में, श्रेढि के योग द्वारा गुणित प्रचय की अठगुनी राशि जोदकर प्राप्त योगपः क के वर्गमूल में से क्षेपपद को घटाते हैं। परिणामी राश्चि को आधा करते हैं। इसे प्रचय द्वारा विभाजित करने पर श्रेडि के पदों की संख्या प्राप्त होती है ॥७०॥

<sup>(</sup>६६) आवक जैनधर्म के ग्रहस्थ धर्म के ग्रहस्थ धर्म का पालन करने वाला होता है, जो केवल अवण करता है अर्थात धर्म या कर्तव्य के विषय में धुनता और सीखता है। सामान्यतः पाक्षिक श्रावक को वात्व, अन्याय एवं अभक्ष्य का त्याग होता है। √ (२अ – व) २ + ८ व य + व (६९) बीजगणित से यह नियम इस माँति प्ररूपित होगा— २ = मिष्याल, अन्याय एवं अभक्ष्य का त्याग होता है।

<sup>(</sup>७०) (प्रथम पद की दुगुनी) राशि और प्रचय के अंतर की आधी राशि क्षेपपद कहलाती है। अर्थात. २था - व । यह स्पष्ट है कि इस सूत्र में क्षेपपद का उदलेख होने से पिछले सूत्र से मात्र उदलेख में भिन्नता है।

### **अत्रोदेशकः**

आदिहों प्रचयोऽष्टी होरूपेणा त्रयातमाहृह्वी। साङ्की रसाद्रिनेत्रं सेन्दुहरा वित्तमत्र को गच्छः ॥७१॥ आदि: पद्म चयोऽष्टी गुणरह्माप्रिधनमत्र को गच्छः। षट् प्रभवश्च चयोऽष्टी सहिचतुः स्वंपदं कि स्यात्॥७२॥

चत्तराद्यानयनसूत्रम्---

आदिधनोनं गणितं पदोनपद्कृतिद्छेन संभजितम्। प्रचयस्तद्धनहीनं गणितं पदभाजितं प्रमवः॥●३॥ आद्युत्तरानयनसूत्रम्—

प्रमानो गच्छाप्तधनं विगतिकपदार्धगुणितचयहीनम्। पदहृतधनमाच्नां निरेकपद्दलहतं प्रचयः ॥७४॥ प्रकारान्तरेणोत्तराद्यानयनसूत्रम्—

द्विहतं संकलितधनं गच्छहतं द्विगुणितादिना रहितम्। विगतैकपदविभक्तं प्रचयः स्यादिति विजानीहि ।।७५॥

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

प्रथम पद २ है, प्रचय ८ है; इन दोनों को उत्तरोत्तर एक द्वारा बहाते जाते हैं जिससे ३ श्रेडियाँ बन जाती हैं। इन तीन श्रेडियों के योग क्रमशः ९०, २७६ और १११० हैं। प्रत्येक श्रेडि के पदों की संख्या क्या है ? ॥७१॥ प्रथम पद ५ है; प्रचय ८ है; श्रेडि का योग ३३३ है। पदों की संख्या क्या है ? अन्य श्रेडि का प्रथमपद ६ है, प्रचय ८ है और योग ४२० है। पदों की संख्या क्या है ? ॥७२॥

प्रचय और प्रथम पद को निकालने का निवम--

श्रेढि का योग आदिधन द्वारा हासित किया जाता है, और इसे, पदों की संख्या द्वारा हासित पदों की संख्या के वर्ग द्वारा निरूपित राशि की आधी राशि द्वारा विभाजित करने पर प्रचय प्राप्त होता है।

श्रेढि के योग को उत्तरधन हारा हासित करने पर प्राप्त फल को पदों की संख्या हारा विभाजित करने पर श्रेढि का प्रथम पद प्राप्त होता है ॥७३॥

प्रथम पद और प्रचय प्राप्त करने का नियम-

श्रेढि में पदों की संख्या द्वारा भाजित श्रेढि का योग, जब प्रचय और एक कम पदों की संख्या की आधी राशि के गुणन फल द्वारा हासित कर दिया जाता है तो श्रेढि का प्रथम पद प्राप्त होता है। बोग को, पदों की संख्या से भाजित कर प्रथम पद द्वारा हासित करते हैं। प्राप्तफल को एक कम पदों की संख्या की आधी राशि द्वारा विभाजित करने पर प्रचय प्राप्त होता है। १७४॥

प्रचय और प्रथम राशि को अन्य विधि द्वारा निकालने के दो नियम:-

श्रेति के योग को २ से गुणित कर और पदों की संख्या से विभाजित कर प्रथम पद की हुगुनी राशि से हासित करते हैं। प्राप्तफल को एक कम पदों की संख्या की आधी राशि द्वारा विभाजित करने पर प्रचय प्राप्त होता है ॥७५॥ श्रेति के योग की दुगुनी राशि को पदों की संख्या से विभाजित कर

(७३) आदि-धन और उत्तरधन के लिये इस अध्याय के ६३ और ६४ वें सूत्र की पाद टिप्पणी देखिये। इस सूत्र को प्रतीक रूपसे प्रदर्शित करने पर वह निम्नरूप में साधित होता है—

$$a = \frac{u - a \text{ a}}{(a^2 - a)/2}$$

$$a = \frac{u - a \text{ a}}{(a^2 - a)/2}$$

$$a = \frac{u - \frac{a - e}{2}}{a}$$

$$a = \frac{u - \frac{a - e}{2}}{a}$$

$$a = \frac{u - \frac{a - e}{2}}{a}$$

$$a = \frac{(u/a) - a}{(a - e)/2}$$

$$(u/a) \text{ y. d. f. a} \text{ ev. } \text{ f. a} = \frac{(2u/a) - 2a}{a - e}$$

हिगुणितसंकछितघनं गच्छहतं रूपरहितगच्छेन। ताडितचयेन रहितं द्वयेन संभाजितं प्रभवः ॥७६॥ अत्रोहेशकः

नववदनं तत्त्वपदं भावाधिकश्वतधनं कियानप्रचयः।

पद्ध चयोऽष्ट पदं षट्पद्धाशच्छतधनं मुखं कथय।।७७॥

स्वेष्टास् त्तरगच्छानयनसूत्रम्—

संकलित रवेष्टहते हारो गच्छोऽत्र लब्ध इष्टोने । ऊनितमादिः शेषे व्येकपदार्धोद्धते प्रचयः ॥७८॥

#### अत्रोहेशक:

चत्वारिंशत्सहिता पञ्चशती गणितसत्र संदृष्टम् । गच्छप्रचयप्रभवान् गणितज्ञिशिरोमणे कथय ॥७९॥ आधुत्तरगच्छ सर्वमिश्रधनविद्रतेषणे सूत्रत्रयम्—

चत्तरंघनेन रहितं गच्छेनैकेन संयुतेन हृतम् । मिश्रघनं प्रभवः स्यादिति गणकशिरोमणे विद्धि ॥८०॥

#### १ M विगणय्य सखे ममाचक्व।

एक कम पदों की संख्या की आधी राशि द्वारा हासित करते हैं। प्राप्तफल की प्रचय द्वारा गुणित कर, जब दो के द्वारा विभाजित करने हैं तो श्लेडि का प्रथम पद प्राप्त होता है ॥७६॥

### उदाहरणार्थ प्रश्न

प्रथम पद ९ है; पदों की संख्या ७ है; और श्रेढि का योग १०५ है। प्रचय का मान क्या है ? अन्य श्रेढि का प्रचय ५ हे, पदों की संख्या ८ है और योग १५६ है। बतलाओ प्रथम पद क्या है ?॥७७॥

जब योग दिया गया हो तो इच्छानुसार प्रथम पद, प्रचय और पदों की संख्या निकालने

जब योग को किसी खुनी हुई संख्या द्वारा विभाजित करते हैं तो भाजक श्रेढि के पहों की संख्या बन जाता है। जब इस भजनफल को किसी फिर से खुनी हुई संख्या द्वारा हासित करते हैं तो यह घटाई गई संख्या श्रेढि का प्रथम पद बन जाती है। घटाने के बाद प्राप्त होप जब एक कम पदों की संख्या की आधी राशि द्वारा विभाजित किया जाता है तो प्रचय उत्पन्न होता है ॥७८॥

### उदाहरणार्थ प्रश्न

इस प्रश्न में योग ५४० हैं। है गणितज्ञों के शिरोमणि ! बनलाओ कि पदों की संख्या, प्रजय और प्रथम पद क्या होंगे ? ॥७९॥

प्रथम पद से संयुक्त अथवा प्रचय अथवा पदों की संख्या से अथवा इन सभी से संयुक्त समान्तर श्रेंडि के योग को विश्लेषित करने के लिये तीन नियम---

हे गणक शिरोमणि! मिश्रधन को उत्तर धन से हासित कर, एक अधिक पट्रों की संख्या द्वारा विभाजित किया जाता है तो प्रथम पद प्राप्त होता है—ऐसा समझो ॥८०॥ मिश्रधन को

(७६) बीजीय रूप से : 
$$\alpha = \frac{(2 \, q/r) - (r - 2)}{2}$$

(७८) मतीक रूप से, इस प्रश्न में, जब य दिया गया होता है और अ तथा न की किसी भी तरह चुनना होता है, तब ब का मान निकालना पड़ता है। इसलिये, दिये गये य के लिये, ब के कितने ही मान हो सकते हैं जो अ ओर न के चुने जाने पर निर्भर हों। जब अ और न चुन लिये जाते हैं तो ब को निकालने के लिये यहाँ दिया गया नियम सूत्र ७४ से मिलता है।

आदिघनोनं सिश्रं क्षेपोनपदार्धेगुणितगच्छेन।सैकेन हतं प्रचयो गच्छविधानात्पदं मुखे सैके ॥८१॥ मिश्रादपनीतेष्टौ मुखगच्छौ प्रचयमिश्रविधिछन्धः।यो राश्चिः स चयःस्यात्करणिमदं सर्वसंयोगे ॥८२॥ अत्रोहेशकः

द्वित्रिकपद्भारमा चत्वारिशनमुखादि मिश्रधनम् । तत्र प्रभवं प्रचयं गच्छं सर्वं च मे ब्र्हि ॥८३॥ १ M पदोनपदकतिदलेन सैकेन । भक्तं प्रचयोऽत्र पदं गच्छविधानान्मखे सैके ॥

आदिधन से हासित कर और तब पदों की संख्या तथा एक कम पदों की संख्या की आधी राशि के गुणनफल में एक जोड़कर प्राप्त हुई राशि हारा विभाजित करते हैं तो प्रचय प्राप्त होता है। मिश्रधन में से पदों की संख्या की प्राप्त करने का नियम ही प्रयुक्त करते हैं, जब कि सब पदों को संवाद ए से (correspondingly) बढ़ाने के लिये प्रथम पद को एक हारा बढ़ा हुआ मान लिया जाय ॥८१॥ मिश्रधन को विश्लेषित करने की विधि इस प्रकार है—मिश्रधन को मन से खुने हुए प्रथम पद और पदों की संख्या हारा हासित करते हैं और तब उत्तर-मिश्रधन को मज़ करने वाले नियम को इस अंतर में प्रयुक्त करने पर प्रचय प्राप्त होता है ॥८२॥

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

४० में क्रमशः २, ३, ५ और ५० जोड़कर आदि मिश्रधन और अन्य मिश्रधन बनाते हैं। सुझे बतलाओ कि इन दशाओं में प्रथम पद,प्रचय, पदों की संख्या और कुल तीनों, क्रमशः क्या-क्या होंगे ?॥८३॥

( दृष्ट ) ज्ञात योग से दी हुई समान्तर श्रेढि का प्रथम पर और प्रचय, द्वितीय श्रेढि के प्रथम पर ऑर प्रचय; जहाँ मन से चुना हुआ योग दी हुई श्रेढि के ज्ञात योग का दुगुना, तिगुना, आधा, तिहाई अथवा इसी तरह का गुणक अथवा भिन्नीय रूप है, निम्निकिस्तित नियम से प्राप्त करते हैं—

(८०-८२) मिश्रधन का अर्थ मिला हुआ योग होता है। जब प्रथम पद अथवा प्रचय अथवा पदों की संख्या अथवा इन सब तीनों को समान्तर श्रेढि के योग में जोड़ते हैं तब मिश्रधन प्राप्त होता है। इस तरह, यहाँ चार प्रकार के मिश्रधन का कथन किया है और वे क्रमशः आदि मिश्रधन, उत्तर मिश्रधन, गच्छ मिश्रधन और सर्व मिश्रधन हैं। आदिधन और उत्तरधन के लिये सूत्र ६३ और ६४ की पाट टिप्पणी

आदि मिश्रधन है, अर्थात् य + अ है । सूत्र ८१ में  $a = \frac{2'' - a}{\{ -a \cdot (a - ?)/2 \} + 8}$  है जहाँ य" उत्तर मिश्रधन है अर्थात् य + a है । आगे, जब गन्छ मिश्रधन य" अर्थात् य + a होता है तो न का मान निकाला जा सकता है: क्योंकि:  $a = a + (a + a) + (a + a) + \dots$  न पदों तक;

चूँकि सूत्र ८२ में, अ और न का मान किसी भी तरह चुन सकते हैं; अ, न और ब का मान अथवा सर्व मिश्रघन य''' (जो य + अ + न + व के तुत्य होता है ) निकालने का प्रदन य' के किसी दिये गये मान से ब का मान निकालने के समान हो जाता है ।

(८३) प्रतीक रूप से प्रश्न यह है: (१) अ का मान निकालो जब 4' = 4, 4 = 4

रष्ट्रधनायुत्तरतो द्विगुणत्रिगुणद्विभागत्रिमागादीष्ट्रधनायुत्तरानयनस्त्रम्— रष्ट्रविमक्तेष्ट्रधन द्विष्ठं तत्त्रचयताब्दितं प्रचयः । तत्त्रभवगुणं प्रभवो गुणभागस्येष्टवित्तस्य ॥८४॥ अत्रोदेशकः

समगच्छ्यत्वारः षष्टिर्मुखमुत्तरं ततो द्विगुणम् । तद्वचादि इतविभक्तस्वेष्टस्याद्युत्तरे ब्रुहि ॥८५॥ इष्टगच्छयोव्यस्ताद्यत्तरसमधनद्विगुणविभागत्रिभागादिधनानयनस्त्रम्—

व्येकात्महतो गच्छः स्वेष्टमी द्विगुणितान्यपदहीनः । सुखमात्मोनान्यकृतिर्द्विकेष्टपद्घातवर्जिता प्रचयः ॥८६॥

र M गुणभागाद्यत्तरेच्छायाः । २ M गुण⁰।

सरलता के लिये, चुने हुए योग को ज्ञात योग द्वारा विभाजित कर दो स्थानों में रखते हैं। इस अजनफर को जब ज्ञात प्रचय द्वारा गुणित करते हैं तो इस प्रचय प्राप्त होता है। वही अजनफर जब ज्ञात प्रथम पद से गुणित किया जाता है तो चाहा हुआ प्रथम पद उस श्रेढि का प्राप्त होता है जिसका कि योग ज्ञात श्रेढि के योग का या तो अपवार्य अथवा भिज्ञास्मक औरा (भाग) होता है।।८४।।

### उदाहरणार्थ प्रश्न

६०, ज्ञात प्रथम पद है, ज्ञात प्रचय उससे दुगुना है, और पदों की संख्या ( ज्ञात दी हुई श्रेढि मैं तथा इष्ट समस्त श्रेडियों में ) ४ है। ज्ञात बोग को २ से आरम्भ होने वाली संख्यओं द्वारा गुणित अथवा माजित करने पर प्राप्त हुए योगों वाली श्रेडियों के प्रथम पद और प्रचय निकाको ॥८५॥

जिनके पदों की संख्या मन से चुनी जाती है ऐसी दो श्रेडियों के पारस्परिक विनिमित प्रथम पद और प्रचय तथा उन श्रेडियों के योगों (जो बराबर हों, अथवा जिनमें से एक दूसरे का दुगुना, तिगुना, आधा, तिहाई अथवा ऐसा ही कोई अपवर्ष्य या भाग रूप हो, ) को निकालने का नियम—

किसी एक श्रेडि के पदों की संख्या स्वतः से गुणित होकर तथा एक द्वारा द्वासित होकर और फिर चुने हुए (दो श्रेडियों के योग के) अनुपात द्वारा गुणित होकर, और तब दूसरी श्रेडि के पदों की संख्या की दुगुनी राशि द्वारा द्वासित होकर कोई एक श्रेडि के (परस्पर बदलने योग्य) प्रथम पद को प्राप्त होती है। दूनरी श्रेडि के पदों की संख्या की वर्गराशि पदों की संख्या द्वारा ही स्वतः हासित होकर और तब चुनी हुई निष्पत्ति द्वारा तथा प्रथम श्रेडि के पदों की संख्या के गुणनफल की दुगुनी राशि द्वारा होसित होकर, उस श्रेडि के परस्पर बदलने योग्य प्रचय को उत्पन्न करती है।।८६।।

<sup>(</sup>८४) प्रतीक रूप से अभ =  $\frac{u_4}{2}$  अ;  $u_4 = \frac{u_4}{2}$  व; जहाँ  $u_4$ ,  $u_4$ ,  $u_4$ ,  $u_5$  ऐसी श्रेटि के क्रमशः योग, भथम पद और प्रचय हैं जिसका योग जुन लिया जाता है। यदि दो श्रेटियों का योग दिया गया हो, तो दो प्रथम पदों की निष्पत्त (ratio) और दो प्रचयों का अनुपात  $\frac{u_4}{2}$  ही सर्वदा नहीं रहता। यहाँ जो हल दिये गये हैं वे कुछ विशिष्ट दशाओं में प्रयुक्त होते हैं।

<sup>(</sup>८६) बीजीय रूप से,  $\alpha = \pi (\pi - \ell) \times q - 2$  न, और  $\alpha = (\pi_1)^2 - \pi_1 - 2$  प न; जहाँ, अ, ब और न क्रमशः प्रथमपद, प्रचय और श्रेढि के पदों की संख्या हैं; न, द्वितीय श्रेढि के पदों की संख्या है, और प दो योगों की निष्पत्ति है। अ और ब इस तरह निकालने के बाद दूसरी श्रेढि के प्रथमपद और प्रचय क्रमशः ब और अ होंगे।

### अत्रोदेशक:

पद्माष्ट्रगच्छपुंसोर्व्यस्तप्रभवोत्तरे समानधनम् ।
द्वित्रिगुणादिधनं वा त्रृहि त्वं गणक विगणय्य ॥८७॥
द्वादशषोद्धशपदयोर्व्यस्तप्रभवोत्तरे समानधनम् ।
द्वादिगुणभागधनमपि कथय त्वं गणितशास्त्रज्ञ ॥८८॥
असमानोत्तरसमगच्छसमधनस्याद्यत्तरान्यनसन्नम—

असमानात्तरसमगन्छसमधनस्याचुत्तरानयनसूत्रम्— अधिकचयस्यैकादिश्चाधिकचयशेषचयिवशेषो गुणितः। विगतैकपदार्धेन सरूपश्च मुखानि मित्र शेषचयानाम्॥८९॥

### अत्रोदेशक:

एकादिषडन्तचयानामेकत्रितयपक्कसप्तचयानाम् । नवनवगच्छानां समवित्तानां चाशु वद् मुखानि सखे ॥९०॥

#### १ M गणकमुखतिलक ।

### उदाहरणार्थ प्रश्न

दो मनुष्यों के धन क्रमशः दो समान्तर श्रेढियों के योग से ज्ञात होते हैं। श्रेढियों-सम्बन्धी पदों की संख्या ५ और ८ है। दोनों श्रेढियों के प्रथम पद और प्रचय परस्पर बदलने थोग्य हैं। श्रेढियों के योग बराबर हैं अथवा उनमें से एक का योग दूसरे का दुगुना, तिगुना, आधा अथवा ऐसा ही कोई अपवर्श्य हैं। हे गणितवेत्ता, शुद्ध गणना के पश्चात् बतलाओं कि इन योगों के तथा परस्पर बदलने योग्य प्रथमपद और प्रचय के मान क्या हैं? ॥८७॥ दो समान्तर श्रेढियों के सम्बन्ध में, जिनके पदों की संख्या १२ और १६ है, प्रथमपद और प्रचय परस्पर बदलने योग्य हैं। श्रेढियों के योग बराबर हैं अथवा उनमें से एक का योग दुगुना अथवा कोई ऐसा ही अपवर्श्य अथवा भाग है। हे गणितशास्त्र बतलाओं कि इन योगों के तथा परस्पर बदलने योग्य प्रथमपद और प्रचय के मान क्या होंगे ?॥८८॥

असमान प्रचयों, समगच्छ और समयोग धनवाली समान्तर श्रेडियों के प्रथम पद प्राप्त करने का नियम—

जिसका प्रचय सबसे बढ़ा है ऐसी श्रेढि का प्रथमपद एक छे छिया जाता है। इस सबसे बढ़े प्रचय और रोष प्रचय के अन्तर को एक से हासित गन्छ की आधी राशि द्वारा गुणित करते हैं। जब इस गुणन-फछ में एक मिछाते हैं तो हे मित्र हमें रोष प्रचय वाली श्रेढियों के प्रथमपद प्राप्त होते हैं ॥८९॥

### उदाहरणार्थ प्रश्न

हे सखे ! बराबर योग वाली दो श्रेवियों के प्रथमपदों को बतलाओ जब कि उनमें से प्रत्येक में ९ गच्छ है तथा प्रचय क्रमशः १ से आरम्भ होकर ६ तक एक दशा में और १, ३, ५ और ७ दूसरी दशा में हो ॥९०॥

<sup>(</sup>८९) यहाँ दिया गया हल साधारण नियम की विशेष दशा है। अ $_1 = \frac{\pi - \ell}{2}$  (  $\alpha_1 - \alpha_2 + \alpha_3$ ) कहाँ अ और अ $_1$  दो श्रेडियों प्रथमपद हैं; ब और  $\alpha_1$  उनके संवादी प्रचय हैं। इस सुत्र (formula) में, जहाँ ब, ब, और न दिये गये हैं; अ $_1$  का मान अ के किसी मान को चुन लेने पर निकाला बा सकता है। इस नियम में अ का मान १ लिया गया है।

विसदृशादिसदृशाच्छसमधनानामुत्तरानयनसूत्रम्— अधिकमुखस्यैकचयञ्चाधिकमुखशेषमुखविशेषो भक्तः। विगतैकपदार्धेन सङ्पञ्च चया भवन्ति शेषमुखानाम् ॥५१॥

### अत्रोहेशकः

एकन्निपञ्चसप्तनवैकादशबद्नपञ्चपञ्चपदानाम् । समिवित्तानां कथयोत्तराणि गणिताब्धिपारदृश्चन् गणक ॥५२॥

अथ गुणधनगुणसंकल्पितधनयोः सूत्रम्— पद्मितगुणहितगुणितप्रभवः स्याद्रुणधनं तदासूनम् । एकोनगुणविभक्तं गुणसंकल्पितं विजानीयान् ॥९३॥

ऐसी समान्तर श्रेडियों के श्रवयों को निकालने का नियम जिनमें प्रथम पद विसद्ध, पदों की संख्या सहस और योग बराबर हों---

जिसका प्रथमपद सबसे बड़ा हो उस श्रेष्ठिका प्रचय एक छते हैं। इस सबसे बड़े प्रथम-पद और शेष श्रेष्ठियों में से प्रत्येक के प्रथमपद के अन्तर को एक कम पदों की संख्या की आधी राशि द्वारा विभाजित करते हैं और इस प्रकार प्रत्येक दशा में प्राप्त भजनफल में एक मिलाते हैं। इस तरह, भिन्न-भिन्न शेष श्रेष्ठियों के प्रचयों को प्राप्त करते हैं।।९१।।

### उदाहरणार्थ प्रश्न

हे गणितरूपी समुद्र के दूसरे किनारे का दर्शन करने वास्त्र गणक! उन सब बराबर योगवास्त्री श्रेडियों के प्रचयों को निकास्त्रो जिनके प्रथमपद् १,३,५,७,९ और ११ हों तथा पदों की संख्या (प्रत्येक में ) ५ हो ॥९२॥

गुणधन और गुणोत्तर श्रेडि का योग निकालने की विधि-

गुणोत्तर श्रेषि के प्रथमपद को जब ऐसी वारंबार स्वतः से गुणित साधारण निष्पत्ति द्वारा गुणित करते हैं, जहाँ इस गुणनफल में श्रेषि के पदों की संख्या द्वारा साधारण निष्पत्ति की वारंबारता (frequency) को मापा जाता है; तब गुणधन प्राप्त होता है। यह गुणधन जब प्रथमपद द्वारा हासित किया जाता है तथा एक कम साधारण निष्पत्ति द्वारा विभाजित किया जाता है तथ गुणोत्तर श्रेष्टि का योग प्राप्त होता है। १६१।

योग निकालने का नियम बीजीय रूप से यह है-

<sup>(</sup>९१) इस दशा में साधारण सूत्र (formula) यह है:  $a_1 = \frac{a - a_1}{(1 - 2)/2} + a$ , जहाँ कि ब का मान इस नियम में १ लिया गया है।

<sup>(</sup>९३) न पदों की गुणोत्तर श्रेंद्र का गुणधन (न + १) वें पट के तुस्य होता है, जब कि श्रेंद्रि संतत रहती है। बीजीय रूप से, इस गुणधन की अहीं (र×र×र....न गुणन खंडों तक ×अ) अर्थात् (अ र<sup>न</sup>) होती है, जहाँ कि "र" साधारण निष्पत्ति है। इसकी तुलना उत्तरधन से कर सकते हैं।

य = अर - अ , जहाँ अ प्रथम पद है, र साधारण निष्पत्ति है और न पदों की संख्या है।

गुणसंकिति अन्यद्पि सूत्रम्— समद्छविषमस्ररूपो गुणगुणितो वर्गताडितो गच्छः। रूपोनः प्रभवन्नो व्येकोत्तरभाजितः सारम्॥९४॥

गुणोत्तर श्रेडि का योग निकालने का अन्य नियम---

एक अलग स्तम्भ में श्रेडि के पदों की संख्या को शून्य और एक द्वारा क्रमशः दर्शाया जाता है। जब संख्या का मान युग्म (even) हो तो उसे आधा किया जाता है और मान अयुग्म (odd) हो तो उसमें से एक घटा कर प्राप्त फल को आधा किया जाता है—यह तब तक किया जाता है जब तक कि शून्य प्राप्त नहीं होता। तब यह निरूपित श्रेडि जो शून्य और एक द्वारा बनी हुई होती है, क्रम से अंतिम 'एक' से प्रयोग में लाबी जाती है। वहाँ जहाँ एक प्ररूपक होता है साधारण निष्पत्त द्वारा गुणित वह एक पुनः साधारण निष्पत्त द्वारा गुणित किया जाता है ताकि वर्ग प्राप्त हो। जब यह फल एक द्वारा हास्ति होकर, प्रथमपद द्वारा पुनः गुणित किया जाता है और एक कम साधारण निष्पत्त द्वारा विभाजित किया जाता है तब वह श्रेडि के योग को उत्पन्न करता है॥९४॥

(९४) यह नियम पिछले नियम से केवल इसलिये भिन्न है कि इसमें वर्ग और सरल गुणन की विधियों को उपयोग में लाकर ( रंग) को नई रीति से निकाला गया है। निम्नलिखित उदाहरण द्वारा रीति स्पष्ट हो जावेगी—

मान लो र में न का मान १२ है। (न=१२)

अब, निरूपक श्तम्म में ( जिसमें अक्क उपर्युक्त विधि द्वारा निकालते हैं ) अंतिम एक को र द्वारा गुणित करते हैं, जिससे र प्राप्त होता है; क्योंकि इस अंतिम एक में ॰ उसके ऊपर है, र को ऊपर की तरह प्राप्त कर वर्गित करते हैं जिससे र प्राप्त होता है; क्योंकि इस ॰ के ऊपर १ है, र वो प्राप्त होता है अब र के द्वारा गुणित करने पर १ देता है; चूँकि इस १ के ऊपर ॰ है, इस र को वर्गित करते हैं जो र देता है; व्यार चूँकि फिर से इस ॰ के ऊपर दूसरा झून्य है, इस र को वर्गित करते हैं जो र देता है। इस तरह र का मान सरल वर्ग करने और गुणन करने की कियाओं द्वारा प्राप्त होता है। इस विधि का उपयोग के बल र के कियाओं स्वारा करते हैं जो र देता है। इस तरह र का मान को सरलता से प्राप्त करने हित होता है। और, यह सरलतापूर्वक देखा जाता है कि यह रीति न की समस्त धनात्मक और अभिन्नात्मक ( integral ) अर्हाओं ( values ) के लिये प्रयुक्त की जा सकती है।

गुणसंकिष्ठतान्त्यधनानयने तत्संकिष्ठतधनानयने च सूत्रम्— गुणसंकिष्ठतान्त्यधनं विगतैकपदस्य गुणधनं भवति । तहुणगुणं गुस्रोनं व्येकोत्तरभाजितं सारम् ।९५। गुणधनस्थोदाहरणम—

स्वर्णद्वयं गृहीत्वा त्रिगुणधनं प्रतिपुरं सैमार्जयति । यः पुरुषोऽष्ट्रनगर्यां तस्य कियद्वित्तमाचक्ष्व ।९६। गुणधनस्याद्यत्तरानयनस्त्रम्—

गुणधनसादिविभक्तं यत्पदसितवधसमं स एव चयः। गच्छप्रसगुणघातप्रहृतं गुणितं भवेत्प्रभवः।९७। गुणधनस्य गच्छानयन सूत्रम्—

मुखमक्ते गुणवित्ते यथा निरप्नं तथा गुणेन हते । यावत्योऽत्र शलाकास्तावान् गच्छो गुणधनस्य।।९८।।

#### १ ж. समर्चयति ।

गुणोत्तर श्रेढि के अंतिम पद तथा योग को निकालने का नियम--

गुणोत्तर श्रेढि का अंतिम पद अथवा अन्त्यधन, (जिसरें पदों की संख्या एक कम होती है ऐसी) दूसरी श्रेढि, का गुणधन होता है। यह अन्त्यधन, साधारण निष्पत्ति द्वारा गुणित किया जाने पर प्रथमपद द्वारा हासित किया जाता है, तथा एक कम साधारण निष्पत्ति द्वारा विभाजित किया जाता है तो श्रेढि का योग प्राप्त होता है ॥९५॥

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

किसी नगर में २ स्वर्ण मुद्राएँ प्राप्त कर एक मनुष्य एक नगर से दूसरे नगर को जाता है; और प्रत्येक स्थान में पिछले स्थानों से प्राप्त मुद्राओं से तिगुनी मुद्राएँ प्राप्त करता है। बतलाओ कि आठवें नगर में उसे कितनी मुद्राएँ मिलेंगी ? ॥९६॥

किसी दिये गये गुणधन सम्बन्धी प्रथमपद और साधारण निष्पत्ति निकालने का नियम---

गुणधन जब प्रथमपद द्वारा विभाजित होता है तब वह ऐसी स्वगुणित राशि के गुणनफल के तुस्य हो जाता है जिस गुणन में कि वह राशि, पदों की संख्या की राशि बार (वारंवार) प्रकट होती है; और यह राशि चाही हुई साधारण निष्पत्ति है। गुणधन जब साधारण निष्पत्ति के वारंवार गुणन से प्राप्त गुणनफल द्वारा विभाजित किया जाता है—(साधारण निष्पत्ति के वारंवार स्वगुणन से प्राप्त गुणनफल जिसमें इस साधारण निष्पत्ति का वारंवार प्रकटपना, पदों की संख्या द्वारा मापा जाता है) तब प्रथमपद प्राप्त होता है।।९७।।

<sup>(</sup>९५) बीजीय रूप से, य = अर ×र-अ
र-१
अन्त्यधन, गुणोत्तर श्रेंदि के अंतिम पद के मान के
तुस्य होता है; गुणधन के अर्थ और मान के लिये सूत्र ९१ देखिये। न पदों वाली गुणोत्तर श्रेंदि का
अन्त्यधन अर नि के तुस्य होता है, जब कि हसी श्रेंदि का गुणधन अर होता है। हसी तरह
न-१ पदों वाली गुणोत्तर श्रेंदि का अन्त्यधन अर के तुस्य होता है, जब कि गुणधन अर नि होता है। यहाँ स्पष्ट है कि न पदों की श्रेंदि का अन्त्यधन उतना ही होगा जितना की न-१ पदों
वाली श्रेंदि का गुणधन।

<sup>(</sup>९७, ९८) स्पष्ट है कि अर में अ का भाग देने पर र प्राप्त होता है, और यह र द्वारा

गुणसंकछितोदाहरणम्--

दीनारपञ्चकादिद्विगुणं धनमर्जयत्ररः कश्चित् । प्राविक्षदृष्टनगरीः कति जातास्तस्य दीनाराः ॥९९॥ सप्तमुखत्रिगुणचयत्रिवर्गगच्छस्य कि धनं वणिजः । त्रिकपञ्चकपञ्चदशत्रभवगुणोत्तरपदस्यापि ॥१००॥

गुणसंकितोत्तराद्यानयनसूत्रम्-

असकृद्वयेकं मुखहतिवत्तं येनोकृतं भवेत्स चयः।

व्येकगुणगुणितगणितं निरेकपद्मात्रगुणबधानं प्रभवः ॥१०१॥

### उदाहरणार्थ प्रश्न

एक मनुष्य नगर से नगर भ्रमण करते हुए गुणोस्तर श्रेढि में भन कमाता है जिसका प्रथमपद ५ दीनार और साधारण निष्पत्ति २ है। इस तरह उसने भाठ नगरों में प्रवेश किया। बतलाओ उसके पास कितने दीनार हैं ? ॥९९॥ गुणोत्तर श्रेढि के योग द्वारा धन का माप किया जाता है। एक मनुष्य के पास गुणोत्तर श्रेढि वाला कितना धन होगा जब कि श्रेढि का प्रथमपद ७ है, साधारण निष्पत्ति ३ है भीर पदों की संख्या ९ है। पुनः, जिसके प्रथमपद, साधारण निष्पत्ति और पदों की संख्या कमशः ३, ५, १५ हैं ऐसी गुणोत्तर श्रेढि वाला धन बतलाओ ॥१००॥

गुणोत्तर श्रेढि के दिये गये योग सम्बन्धी प्रथमपद और साधारण निष्पत्ति निकालने का नियम-

वह राशि जिसके द्वारा, श्रेंढि के योग को प्रथम पद द्वारा विभाजित करने से प्राप्त हुई राशि को १ द्वारा हासित कर उत्पन्न हुई राशि में कथित भाजन सम्भव हो (जब कि समय समय पर सब उत्तरोत्तर भजनफलों में से एक घटाने के पश्चात् भाग देने की यह विधि की जाती हो) तो वह राशि साधारण निष्पत्ति है। वह योग, जो एक कम साधारण निष्पत्ति द्वारा गुणित होकर, और तब स्वतः में वारंवार गुणित साधारण निष्पत्ति को ऐसा गुणनफल जिसमें साधारण निष्पत्ति उत्तने बार प्रकट होती है जितनी कि पदों की संख्या रहती है ) गुणनफल द्वारा विभाजित होकर और तब इस स्वतः में वारंवार गुणित साधारण निष्पत्ति के गुणनफल को एक द्वारा हासित करने से प्राप्त राशि हारा विभाजित होकर प्रथमपद उत्पन्न करता है ॥१०१॥

न बार भाग देने योग्य है और 'न' ही श्रेढि के पदों की संख्या है। इसी तरह र×र×र×.....न पदों तक, र होता है; और गुणधन अर्थात् अर , इस र द्वारा विभाजित होकर अ देता है जो कि श्रेढि का चाहा हुआ प्रथमपद है।

(१०१) निम्नलिखित उदाहरण से नियम का प्रथमभाग स्पष्ट हो बावेगा —

श्रीत का योग ४०९५ है, प्रथमपद ३ है, पदों की संख्या ६ है। यहाँ ४०९५ को ३ द्वारा भाजित करने पर हमें १३६५ प्राप्त होता है। अब, १३६५ - १ = १३६४ है। तब अन्वीक्षा द्वारा ४ जुनकर,  $\frac{१३६४}{8} =$  ३४१, ३४१-१ = ३४०;  $\frac{२४०}{8} =$  ८५; ८५ - १ = ८४;  $\frac{८४}{8} =$  २१; २१-१ = २०;  $\frac{२०}{8} =$  ५; ५ - १ = १ है। इसिक्टिये ४ यहाँ साधारण निष्पत्ति है। निम्निक्खित से इस विधिका आधारभूत सिद्धान्त १पष्ट हो जावेगा—

$$\frac{a(x^{-1}-8)}{x^{-1}}$$
  $\div a = \frac{x^{-1}-8}{x^{-1}}$ ;  $\frac{x^{-1}-8}{x^{-1}}$   $-8 = \frac{x^{-1}-8}{x^{-1}}$   $\frac{x^{-1}-8}{x^{-1}}$   $\frac{x^{-1}-8}{x^{-1}}$   $\frac{x^{-1}-8}{x^{-1}}$   $\frac{x^{-1}-8}{x^{-1}}$   $\frac{x^{-1}-8}{x^{-1}}$ 

द्वारा भाज्य है । दूसरा भाग बीजीय रूप से इस तरह है-

$$H = \frac{4}{x-1} \left( \frac{x^{-1}-1}{x^{-1}} \times \frac{x^{-1}-1}{x^{-1}-1} \right)$$

### अत्रोद्देशकः

त्रिमुखर्तुगच्छवाणाङ्काम्बरजलिनिधधने कियान्प्रचयः। षहुणचयपुत्रपुराम्बरशहिहिमगुत्रिवित्तमत्र मुखं किम् ॥१०२॥

्रेगुणसंकिलितगच्छानयनसूत्रम्— एकोनगुणाभ्यस्तं प्रभवद्वतं रूपसंयुतं वित्तम् । यावत्कृत्वो भक्तं गुणेन तद्वारसंमितिरीच्छः ॥१०३॥ अत्रोदेशकः

त्रिप्रभवं षद्कराणं सारं सप्तत्युपेतसप्तवाती । सप्तामा श्रृहि सखे कियत्पदं गणक गुणिनपुण ॥१०४॥ पद्धादिद्विराणोत्तरे शरिगरिद्वयेकप्रमाणे धने सप्तादि त्रिगुणे नगेभद्धरितस्तम्बेरमत्तेप्रमे । इयास्ये पद्धागुणाधिके हृतवहोपेन्द्राक्षविद्विष्यवेताशुद्धिरदेभकर्मकरहद्धानेऽपि गच्छः कियान् ।१०५। इति परिकर्मविधी सप्तमं संकल्पितं समाप्तम् ॥

व्युत्कलितम्

अष्टमे व्युक्किलतपरिकर्मणि करणसूत्रं यथा— सपदेष्टं स्वेष्टमपि व्येकं दलितं चयाहतं समुखम् । शेषेष्टगच्छगुणितं व्युक्किलतं स्वेष्टवित्तं च ॥१०६॥ १ м र ।

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

यदि गुणोत्तर श्रेढि में प्रथम पद ३ है, पदों की संख्या ६ है, और योग ४०९५ है तो उसकी साधारण निष्पत्ति बतलाओ । यदि साधारण निष्पत्ति ६ हो, पदों की संख्या ५ हो, और योग ३१५० हो तो ऐसी गुणोत्तर श्रेढि का प्रथमपद क्या है ? ॥१०२॥

गुणोत्तर श्रेढि के पदों की संख्या निकालने का नियम-

गुणोत्तर श्रेढि के योग को एक कम साधारण निष्पत्ति द्वारा गुणित करो; तब इस गुणनफल को प्रथमपद द्वारा भाजित करो और तब इस भजनफल में एक जोड़ो। यह परिणामी राशि साधारण निष्पत्ति द्वारा जितनी बार उत्तरीत्तर भाजित होगी, वह संख्या श्रेढि के पढ़ों की संख्या होगी।।१०३।।

#### उदाहरणार्थ प्रक्ष

हं गुणनिपुण गणक मित्र ! सुझं बतलाओं कि जिस श्रेंढि में प्रथमपद ६ है; साधारण निष्पत्ति ६ ह, और योग ७७७ है, उसके पदों की संख्या कितनी होगी ? ॥१०४॥ जिस श्रेंढि में ५ प्रथमपद हैं, २ साधारण निष्पत्ति हैं, १२७५ योग हैं; और उस श्रेंढि में जिसका प्रथमपद ७ हैं; योग ६८८८७ है और साधारण निष्पत्ति ६ है तथा उस श्रेंढि में जिसका प्रथमपद ३ है, साधारण निष्पत्ति ५ है और बोग २२८८८९८३८३५९३ है—पदों की संख्या अकग-अलग निकादो ॥१०५॥

इस प्रकार परिकर्म व्यवहार में, संकलित नामक परिच्छेद समाप्त हुआ।

#### व्युत्कलित

परिकर्म कियाओं में आठवीं क्रिया व्युक्तिलेते सम्बन्धी नियम-

श्रीढ के कुल पदों की संख्या को चुने हुए पदों की संख्या से मिला लां, और अपनी चुनी हुई पदों की संख्या अलग से लो; इन राशियों में से प्रत्येक को एक द्वारा हासित कर आधी करो और तब प्रचय द्वारा गुणित करो; और तब इन प्रत्येक परिणामी गुणनफलों में प्रथमपद को जोड़ दो। प्राप्त परिणामी राशियों को जब कमशः शेष पदों की संख्या तथा चुने हुए पदों की संख्या द्वारा गुणित करते हैं तो कमशः शेष श्रीढ का योग और श्रीढ के चुने हुए भाग का योग प्राप्त होता है ॥१०६॥

र किसी दी हुई श्रेंढि में आरम्भ से चुना हुआ कोई भाग इष्ट भाग कहलाता है और शेष श्रेंढि में शेष पद रहने के कारण वह शेष श्रेंढि कहलाती है। इन शेष पदों का योग ही ब्युत्कलित कहलाता है।

(१०६) बीबीय रूप से व्युत्किलित = 
$$u_4 = \left\{ \frac{1}{2} + \frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{4} \right\} ( -1 - \frac{1}{4} )$$
, और

चुने हुए भाग ( इष्ट ) का योग =  $u_{j}$   $\left(\frac{z-\xi}{z}+a+a\right)$  ह; जहाँ द श्रेटि का चुने हुए भाग के पदो की संख्या है।

प्रकारान्तरेण व्युत्कलितधनस्वेष्टधनानयनस्त्रम्---

गच्छसहितेष्टमिष्टं चैकोनं चयहतं द्विहादियुतम् । शेषेष्टपदार्धगुणं व्युत्कछितं स्वेष्टवित्तमपि ॥१०७॥

चयगुणमवव्युत्किलितधनानयने व्युत्किलितधनस्य शेषेष्टगच्छानयने च सूत्रम् — इष्टधनोनं गणितं व्यवकिलतं चयभवं गुणोत्थं च । सर्वष्टगच्छशेषे शेषपदं जायतं तस्य ॥१०८॥

शेषगच्छस्याद्यानयनसूत्रम् —

प्रचयगुणितेष्टगच्छः सादिः प्रभवः पदस्य शेषस्य । प्राक्तन एव चयः स्याद्रच्छस्येष्टस्य तावेव ॥१०५॥

१ अ गणितं।

दूसरी शिति द्वारा शेष श्रेडि ( ब्युत्कलित ) तथा दी गई श्रेडि के चुने हुए इष्ट भाग के बोगफड़ों को प्राप्त करने का नियम---

श्रेढि के कुछ पदों की संख्या को चुने हुए पदों की संख्या में मिला छो और अपनी चुनी हुई पदों की संख्या अलग से छो; इन राशियों में से प्रत्येक को एक द्वारा हासित करो और तब प्रचय द्वारा गुणित करो। इन परिणामी गुणनफर्लों में प्रथमपद की दुगुनी राशि जोड़ो। प्राप्त परिणामी राशियों को जब क्रमशः शेष पदों की संख्या की आधी राशि द्वारा और चुनी हुई पदों की संख्या की आधी राशि द्वारा गुणित करते हैं तब शेष श्रेढि का योग और श्रेढि के चुने हुए भाग का योग प्राप्त होता है ॥१००॥

समान्तर और गुणोत्तर श्रेषि के शेष श्रेष्ठि की थोग तथा उसके शेष पदों की संख्या निकासने का नियम—

दी हुई श्रेंदि का योग, श्रेंदि के चुने हुए भाग हारा हासित होकर समान्तर तथा गुणोत्तर श्रेंदि के शेष भाग के योग को उत्पन्न करता है। श्रेंदि के कुल पदों की संख्या और चुनी हुई श्रेंदि के पदों की संख्या का अन्तर शेष श्रेंदि के पदों की संख्या होता है। 1100॥

शेष श्रेडि के पदों सम्बन्धी प्रथमपद निकालने का नियम---

चुनी हुई पदों की संख्या को प्रचय द्वारा गुणित करने और श्रेटि के प्रथमपद में मिलाने पर रोष श्रेटि के (रोष) पदों का प्रथमपद उत्पन्न होता है। उपर्शुक्त प्रचय, रोष पदों का भी प्रचय होता है। चुने हुए भाग के पदों की संख्या सम्बन्धी प्रथमपद और प्रचय, दी हुई श्रेटि के प्रथमपद और प्रचय के तुख्य होते हैं ॥१०९॥

(१,00) फिर से, ब्युत्कलित = 
$$a_a = \{ (a + c - ?) a + 2 a \} \frac{a - c}{2}$$

और इष्ट का योग =  $a_{\xi} = \{(\xi - \xi) + \xi \Rightarrow \}\frac{c}{\xi}$ 

<sup>(</sup>१०९) रोष श्रेटि का प्रथमपद = द × व + अ है यह श्रेटि स्पष्टतः समान्तर श्रेटि है। ग॰ सा॰ सं॰--'र

गुणन्युत्किळितशेषगच्छस्याद्यानयनस्त्रम्— गुणगुणितेऽपि चयादी तथैव भेदोऽयमत्रशेषपदे । इष्टपदमितिगुणाहतिगुणितप्रभनो भवेद्यक्कम् ॥११०॥

### अत्रोदेशकः

द्विमुखिक्षचयो गच्छ्यतुर्देश स्वेप्सितं पदं सप्त । अष्टनवषदकपश्च च कि व्युक्तिलितं समाकलय ॥१११॥
षडादिरष्टौ शचयोऽत्र षटकृतिः पदं दश द्वादश षोडशेप्सितम् ।
मुखादिरन्यस्य तु पद्धपश्चकं शतद्वयं ब्रृहि शतं व्ययः कियान् ॥११२॥
षद्धनमानो गच्छः प्रचयोऽष्टौ द्विगुणसप्तकं वक्कम् ।
सप्तत्रिंशत्त्वेष्टं पदं समाचक्ष्त्र फलमुभयम् ॥११२॥
अष्टकृतिरादिरुक्तरमूनं चत्वारि षोडशात्र पदम् । इष्टानि तक्त्वकेशवरुद्राकेपदानि किं शेषम्॥११४॥

गुणोत्तर श्रेडि की शेष श्रेडि के (शेष) पड़ों की संख्या सम्बन्धी प्रथमपद निकासने का नियम-

गुणोत्तर श्रेष्ठि के विषय में भी दी गई श्रेष्ठि में तथा इष्ट भाग में साधारण निष्पत्ति तथा प्रथम पद समान होते हैं। परन्तु, शेष श्रेष्ठि के पदों का प्रथमपद भिन्न होता है। दी हुई श्रेष्ठि का प्रथमपद ऐसे गुणनफल द्वारा गुणित होकर, जो साधारण निष्पत्ति के स्वतः उतनी बार गुणित होने से उत्पन्न होता है जितनी बार कि चुने हुए पदों की संख्या होती है, शेष श्रेष्ठि के प्रथमपद को उत्पन्न करता है ॥ १ २ ० ॥

### उदाहरणार्थ प्रश्न

समान्तर श्रेढि की शेष श्रेढि के योग की गणना करो जब कि प्रथम पद २ हो, प्रचय ३ हो और पदों की संख्या १४ हो तथा चुनी हुई पदों की संख्या क्रमशः ७, ८, ९, ६ और ५ हो ॥१११॥ समान्तर श्रेढि के सम्बन्ध में यहाँ प्रथमपद ६ है, प्रचय ८ है, पदों की संख्या ३६ है और चुनी हुई पदों की संख्या क्रमशः १०, १२ और १६ है। इसी तरह की दूसरी श्रेढि के प्रथमपद और प्रचय आदि क्रमशः ५, ५, २०० और १०० है। बतलाओं कि संवादी शेष श्रेढियों के बोग क्या-क्या हैं १ ॥११२॥ समान्तर श्रेडि के पदों की संख्या २१६ है; प्रचय ८ है; प्रथमपद १४ है; इट माग के पदों की संख्या ३७ है। शेष श्रेडि और इट श्रेडि (चुने हुए भाग) के योग क्या-क्या होंगे १ ॥११३॥ समान्तर श्रेडि का प्रथमपद ६४ है, प्रचय — ४ (क्रण चार) है तथा पदों की संख्या १६ है। इतलाओं कि शेष श्रेडि के योग क्या-क्या होंगे जब कि इट माग के पदों की संख्या क्रमशः ७, ९, १३ और १२ हो ॥११४॥

<sup>(</sup>११०) शेष गुणोत्तर श्रेटि का प्रथमपद अर<sup>द</sup> है।

गुणव्युत्किलतस्योदाहरणम्—

चतुरादिद्विगुणासम्बोत्तरयुतो गच्छश्चतुर्णां कृतिर्
दश बाब्छापदसङ्कृसिन्धुरगिरिद्रव्येन्द्रियाम्भोधयः।

कथय व्युत्किलतं फलं सक्छसङ्गुजानिमं व्योप्तवान्

करणस्कन्धवनान्तरं गणितविन्मत्तेभविकीडितम्॥११५॥

इति परिकर्मविधावष्टमं व्युत्कितं समाप्तम् ॥

इति सारसंप्रहे गणितशासे महाबीराचार्यस्य कृतौ परिकर्मनामा प्रथमो व्यवहारः समाप्तः ॥

₹ **₩** 31. i

### गुणोत्तर श्रेढि सम्बन्धी व्युत्कल्ति पर पश्न

क्रमबद्ध गुच्छेवाले बृक्षों के फर्कों की संकलन क्रिया में ४ प्रथमपद है, २ प्रचय है, पदों की संख्या १६ है जब कि दृष्ट भाग में पदों की संख्या क्रमशः १०,९,८,७,६,५और ४ है। हे जंगली हस्तियों द्वारा क्रीदित वन के अंतस्थल रूपी व्यावहारिक गणित की क्रियाओं के वेधक ! बतलाओं कि कथित विभिन्न उत्तम बृक्षों के शेष फर्कों की कुल संख्या क्या है ? ॥११५॥

इस प्रकार, परिकर्म व्यवहार में ब्युस्कलित नामक परिच्छेद समाप्त हुआ।

इस प्रकार, महावीराचार्य की कृति सारसंप्रह नामक गणित शास्त्र में परिकर्म नामक प्रथम व्यवहार समाप्त हुआ।

<sup>(</sup>११५) इस प्रश्न में भिन्न-भिन्न ७ फलों के दूश हैं जिनमें से प्रत्येक में फलों के १६ गुच्छे हैं। प्रत्येक दूश में सबसे छोटा गुच्छा ४ फलों वाला है; बड़े-बड़े गुच्छों में गुणोत्तर श्रेंदि में बदते हुए फलों की संख्याएँ हैं, जिसकी साधारण निष्पत्ति २ है। ७ दृक्षों में से हटाये हुए गुच्छों की संख्या नीचे से क्रमशः १०, ९,८,७,६, ५ और ४ है। यहाँ विभिन्न उत्तम दृक्षों पर शेष फलों की कुल संख्या निकालना है। 'मत्तेभिव क्रीडितं' जो इस स्त्र में आया है, उसी स्त्र का छन्द ( metro ) है बिसमें कि वह संरचित किया गया है। इसका अर्थ वन्यहरितयों की क्रीड़ा भी होता है।

# ३. कलासवर्णव्यवहारः

ैत्रिल्लोकराजेन्द्रकिरीटकोटिप्रभाभिरालीढपदारविन्दम् । निर्मूल्युन्मूल्तिकर्भवृक्षं जिनेन्द्रचन्द्रं प्रणमामि भक्त्या ॥ १ ॥ इतः परं कलासवर्णं द्वितीयज्यवहारमुदाहरिज्यामः ।

### भिन्नप्रत्युत्पन्नः

तत्र भिन्नप्रत्युत्पन्ने करणसूत्रं यथा— गुणयेदंशानंशैर्हारान् हारैंघंटेत यदि तेषाम् । वजापवर्तनर्विधिविधाय तं भिन्नगुणकारे ॥ २ ॥

### अत्रोदेशकः

शुण्ड्याः प्रेन स्थते चतुर्नवांशं पणस्य यः पुरुषः । किमसौ ब्रुह् सखे त्वं त्रिगुणेन पर्साष्टभागेन ॥ ३ ॥ मरिचस्य परस्यार्घः पणस्य रुप्ताष्टमांशको यत्र । तत्र भवेत्विं मूल्यं परुषट्पछ्वांशकस्य वद् ॥ ४॥

१ यह क्लोक P में छूट गया है। २ M मी.।

# ३. कलासवर्ण व्यवहार

#### (भिन्न)

जिन्होंने कर्मरूपी वृक्ष को पूर्णतः निर्मूल कर दिया है और जिनके चरण कमल तीनों लोकों के राजेन्द्रों के क्षके हुए मस्तक पर लगे हुए मुक्तां द्वारा उत्पन्न प्रभामंडल हारा वेष्टित हैं, ऐसे जिनेन्द्र चन्द्रनाथ भगवान् को मैं भक्तिपूर्वक प्रणाम करता हूँ ॥१॥

इसके पश्चात् हम कलासवर्ण ( भिन्न ) नामक द्वितीय व्यवहार को प्रकट करेंगे।

# भिन्न प्रत्युत्पन्न (भिन्नों का गुणन )

भिन्नों के गुणन के सम्बन्ध में निम्नलिखित नियम है-

भिश्वों के गुणन में अंशों को अंशों से गुणित किया जाता है और हरों को हरों से गुणित किया जाता है जब कि उनके सम्बन्ध में (सम्भव) तिर्यक् प्रहासन (वज्र अपवर्तन) की फिया की जा चुकी हो ॥२॥

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

हे मित्र, मुझे बतलाओ यदि अदरस्र ( ginger ) का एक पर्ल हैं पण में मिलता हो तो किसी व्यक्ति को है पर्ल के लिये क्या मिलेगा ? ॥३॥ है पण में १ पर्ल मिर्च मिलती हो तो बतलाओ कि दै पर्ल मिर्च की क्या कीमत होगी ? ॥४॥ एक व्यक्ति को लम्बी मिर्च एक पण में दै पर्ल मिलती

र कलासवर्ण का शान्दिक अर्थ है। स्माग होता है, न्योंकि कला का अर्थ सोलहवाँ भाग होता है। इसिल्ये, कलासवर्ण का उपयोग भिन्न को साधारण रूप से दर्शने के लिये किया गया है।

<sup>(</sup>२) जब है × है प्रहासित किये जाते हैं तो तिर्यक् प्रहासन द्वारा है × है प्राप्त होता है।

कश्चित्पणेन छभते त्रिपद्मभागं पछस्य पिष्पस्याः । नयभिः पणैद्विभक्तैः किं गणकाचक्ष्य गुणियत्वा ॥ ५ ॥ कीणाति पणेन विणग्जीरकपछनवदशांशकं यत्र । तत्र पणैः पद्भार्धैः कथय त्वं किं समप्रमते ॥ ६ ॥ ब्याद्यो द्वितयवृद्धयोंऽशकास्त्रयाद्यो द्वयचया हराः पुनः । ते द्वये दशपदाः कियत्फछं बृहि तत्र गुणने द्वयोद्वयोः ॥ ७ ॥

इति भिन्नगुणाकारः।

#### भिन्नभागहारः

भिन्नभागहारे करणसूत्रं यथा— अंशीकृत्यच्छेदं प्रमाणराशेस्ततः क्रिया गुणवत्। प्रमितफलेऽन्यहरुक्ते विच्छिदि वा सक्छवन्न भागहृतौ॥८॥

### अत्रोदेशकः

हिङ्कोः पर्छार्धमौल्यं पणित्रपादांशको भवेदात्र । तत्रार्घे विक्रीणन् पर्छमेकं किं नरो रूभते ॥ ९ ॥ अगरोः पर्छाप्रमेन त्रिगुणेन पणस्य विंशतिष्ठयंशान् । उपरुभते यत्र पुमानेकेन परेन किं तत्र ॥१८॥ पणपञ्चमैश्चतुर्भिनेखस्य परुसामो द्वाशीतिगुणः । संप्राप्थो यत्र स्यादेकेन पणेन किं तत्र ॥११॥

हो तो हे गणितज्ञ ! गुणन के पश्चान् कहो कि उसे १ पण में कितनी मिर्च मिलेगी ? ॥५॥ एक विणक एक पण में ५% पल जीरा (cumin seeds) खरीदता है। हे समप्रमते ! बतलाओं कि वह १ पण में कितना खरीदेगा ? ॥६॥ दिये गये भिलों में अंश २ से आरम्भ होकर २ से बदते चले जाते हैं; उनके हर ३ से आरम्भ होकर २ से बदते चले जाते हैं; उनके हर ३ से आरम्भ होकर २ से बदते चले जाते हैं; वे अंश और हर दोनों दशाओं में संख्या में दस रहते हैं। बतलाओं कि दो भिक्षों को एक बार में लेने पर उनके गुणनफल अलग-अलग क्या होंगे ? ॥७॥ इस प्रकार, कलासवर्ण व्यवहार में भिक्क गुणकार नामक परिच्छेद समाप्त हुआ।

for many / for ar may

🚂 भिन्न भागहार ( भिन्नों का भाग )

भिन्नों के भाग के सम्बन्ध में निम्नखित नियम है-

भाजक के हर को अंश तथा अंश को हर बनाने के पश्चात् केवल गुणन की किया करना पड़ती है। अथवा, भाजक और भाज्य को एक दूसरे के हरों द्वारा गुणित कर प्राप्त हर रहित गुणनफलों का भाग केवल पूर्ण संख्याओं के भाग की भाँति किया जाता है ॥८॥

### उदाहरणार्थ प्रश्न

जब है पण में है पछ हींग मिछती है तो एक व्यक्ति को एक पछ हींग उसी भाव से बेखने पर क्या मिछेगा ? ॥९॥ टै पछ ( छाछ चंदन की छकदी ) का मृत्य हैं पण है तो एक पछ अगरु का क्या मृत्य होगा ? ॥१०॥ नस हन्न के कि पछ का मृत्य हैं पण है तो एक पण में ( उसी अर्घ से ) कितने पछ इन्न मिछेगा ? ॥११॥ दिये गये भिन्नों के अंश ३ से आरम्भ होकर क्रमशः १ द्वारा

<sup>(</sup>७) यहाँ कथित भिन्न है, दें, है इत्यादि हैं।

 $<sup>(</sup>c)(i)\frac{\omega}{a}\div\frac{e}{c}=\frac{\omega}{a}\times\frac{e}{e};(ii)\frac{\omega}{a}\div\frac{e}{c}=\omega e$ 

ज्याविरूपपरिषृद्धियुर्जोऽशा यावदृष्टपद्मेकविहीनाः । हारकास्तत इह द्वितयाद्यैः किं फल वद परेषु हृतेषु ॥१२॥

> इति भिन्नभागहारः । मिन्नवर्गवर्गमूलघनघनमूलानि

भिन्नवर्गवर्गमूलघनघनमूलेषु करणसूत्रं यथा— कृत्वाच्छेदांशकयोः कृतिकृतिमूले घनं च घनमूलम् । तच्छेदैरंशहृतौ वर्गादिफलं भवेद्रिने ॥१३॥

### अत्रोदेशकः

पञ्चकसप्तनवानां दिखतानां कथय गणक वर्गे त्वम्। षोडश्विंशतिशतकद्विशतानां च त्रिभक्तानाम्॥१४॥ त्रिकादिरूपद्वयद्वयोऽशा द्विकादिरूपोत्तरका हराश्च । पदं मतं द्वादशवर्गमेषां वदाशु मे त्वं गणकामगण्य ॥१५॥ पादनवांशकषोडशभागानां पञ्चिविशतितमस्य । षट्त्रिंशद्वागस्य च कृतिमूलं गणक भण शीमम् ॥१६॥ भिन्ने वर्गे राशयो वर्गिता ये तेषां मूलं सप्तशत्याश्च किं स्यात् । ष्ट्योनायाः पञ्चवर्गोद्धताया बृहि त्वं मे वर्गमूलं प्रवीण ॥१७॥

बढ़ते चले जाते हैं जब तक कि उनकी संख्या ८ नहीं हो जाती। हर भी दो से आरम्भ होकर संवादी अंशों से कमशः एक कम हैं। मुझे बतलाओ कि यदि प्रत्येक अग्रिम भिन्न को पूर्ववर्ती भिन्न के द्वारा विभाजित किया जाय तो क्या फल होगा ? 113 २11

इस प्रकार, कलासवर्ण व्यवहार में, भिश्व भागहार नामक परिच्छेद समाप्त हुआ।

भिन्न सम्बन्धी वर्ग, वर्गमूल, घन, घनमूल

भिश्वों के सम्बन्ध में वर्ग करने वर्गमूछ निकालने, धन करने, और धनमूल निकालने के हिये नियम---

जब इक किये गये भिन्न के बीश और इर का अलग-अलग वर्ग, वर्गमूल, वन अथवा वनमूल निकाल लिया जाता है तब इस तरह प्राप्त नये औरा को नये हर द्वारा भाजित किया जाता है। इस प्रकार भिन्न के सम्बन्ध में वर्ग अथवा वर्गमूल, वन अथवा वनमूल प्राप्त होता है ॥१६॥

#### उदाहरणार्थ पश्न

हे अंकगणितक ! सुझे बतलाओं कि न्, न, ने, ने, ने, ने, ने और ने, ने के वर्ग क्या होंगे ? ॥१४॥ दिये गये भिक्षों के अंश देसे आरम्भ होते हैं और उत्तरोत्तर क्रमशः र द्वारा बढ़ते बले जाते हैं; हर र से आरम्भ होते हैं और उत्तरोत्तर १ द्वारा बढ़ते बले जाते हैं। इन भिक्षों की संख्या १२ है। हे अंकगणितक्षों में अप्रणी! सुझे उनके वर्ग शीप्र बतलाओं ? ॥१५॥ हे अंकगणितक्ष! सुझे झीप्र बताओं कि है, ने, नेह, देव और होह के वर्गमूल क्या होंगे ?॥१६॥ हे कुशल व्यक्ति! सुझे भिक्षों के वर्गों से सम्बन्धित प्रक्षों में प्राप्त वर्गित राशियों के वर्गमूल तथा ने, वै का वर्गमूल बतलाओ ॥१७॥

१ M भिजवर्गभिजवर्गमूलभिजयनतन्मूलेषु ।

<sup>(</sup>१७) यहाँ दृष्ट को मूल गाया में ७०० - ३ x ८ के रूप में दर्शाया गया है।

अधित्रिमागपादाः पञ्चांशकषष्ठसप्तमाष्टांशाः । दृष्टा नवमश्चेषां पृथक् पृथगृष्ट् गणक घनम् ॥१८॥ त्रितयादि चतुश्चयकोंऽशगणो द्विमुखद्विचयोऽत्र हरप्रचयः । दशकं पदमाशु तदीयघनं कथय प्रिय स्क्ष्ममते गणिते ॥१९॥ शतकस्य पञ्चविशस्याष्टविभक्तस्य कथय घनमूल्णम् । नेवयुतसप्तशतानां विशानामष्टभक्तानाम् ॥२०॥ भिज्ञधने परिदृष्टघनानां मूलमुद्ममते वद् मित्र । इ्यूनशतद्वययुग्द्विसहस्या आपि नवप्रहतत्रिह्नतायाः ॥२१॥

### इति भिन्नवर्गवर्गमूलघनघनमूलानि।

# भिनसंकलितम्

भिन्नसंकिछते करणसूत्रं यथा— पदमिष्टं प्रचयहतं द्विगुणप्रभवान्वितं चयेनोनम् । गच्छार्धेनाभ्यस्तं भवति फलं भिन्नसंकिछते ॥२२॥

#### १ м समग्रतस्यापि सखे म्येकोनत्रिशकाष्ट्रकासस्य ।

रै, है, है, है, है, है, है और है राशियाँ दी गई हैं; इनके बन अलग-अलग बतलाओ ।।१८।। दिये गये मिस्नों के अंश ३ से आरम्भ होकर ४ द्वारा उत्तरोत्तर बढ़ते हैं; हर २ से आरम्भ होकर उत्तरोत्तर २ द्वारा बढ़ते हैं। ऐसे भिस्नात्मक पदों की संख्या १० है। हे तीव बुद्धिधारी गणक मित्र ! बतलाओ कि उनके बन क्या होंगे ? ॥१९॥ नैट्टें और टेंटें के बनमूल निकालो ।।२०।। हे अप्रमते मित्र ! भिस्नों के बन निकालने के प्रश्नों में प्राप्त बन राशियों के बनमूल और टेंटेंं का बनमूल निकालकर बतलाओ ।

इस प्रकार कलासवर्ण व्यवहार में भिन्न सम्बन्धी वर्ग, वर्गमूछ, चन, चनमूछ नामक परिष्छेद समाप्त हुआ।

भिन्न संकल्प्ति (भिन्नात्मक श्रेडियों का योगकरण )

भिन्नात्मक श्रेडियों का संकलन सम्बन्धी नियम-

समान्तर श्रेंढि में भिद्यात्मक श्रेंढि को बनाने वाले पदों की खुनी हुई संख्या को प्रचय हारा गुणित करते हैं और प्रथमपद की हिंगुणित राशि में मिलाते हैं। प्राप्त फल को प्रचय से हासित करते हैं। जन यह परिणामी राशि पदों की संख्या की आधी राशि से गुणित की जाती है, तब वह समान्तर श्रेंढि की भिन्नात्मक श्रेंढि के योग को उत्पन्न करती है।।२२।।

<sup>(</sup>२२) बीजीयरूप से, य = (नव + २अ - व) न है। इसके लिये द्वितीय अध्याय की ६२वीं गाथा देखिये।

### अत्रोहे जुकः

द्विष्ठयंशः पड्मागिक्षचरणभागो मुखं चयो गच्छः। द्वौ पञ्चभौ त्रिपारो द्विष्ठयंशोऽन्यस्य कथय कि वित्तम्।।२३॥ आदिः प्रचयो गच्छित्रपञ्चमः पञ्चमित्रपादांशः। सर्वाशहरौ वृद्धौ द्वित्रिभिरा सप्तकाच का चितिः।।२४॥

इष्टगच्छस्याद्युत्तरवर्गरूपघनरूपघनानयनसूत्रम्— पदमिष्टमेकमादिव्येकेष्टद्लोदृतं मुखोनपदम् । प्रचयो वित्तं तेषां वर्गो गच्छाहतं वृन्दम् ॥२५॥

### उदाहरणार्थ मश्न

जिस श्रेढि में प्रथम पद, प्रचय और पदों की संख्या क्रमशः है, है और है हों तथा ऐसी ही एक और श्रेढि में से क्रमशः दें, है और है हों तो इन श्रेढियों के योग बतलाओ (122)। समानान्तर श्रेढि में दी गई एक श्रेढि के प्रथम पद, प्रचय और पदों की संख्या क्रमशः दें, दें और है है। इन सब भिन्नात्मक राशियों के अंश और हर उत्तरोत्तर २ और ३ हारा क्रमशः बढ़ाये जाते हैं जब तक कि ७ श्रेढियों इस प्रकार तैयार नहीं हो जातीं। बतलाओं कि इनमें से प्रत्येक श्रेढि का योग क्या है ?।।२४।।

जब योग, दी हुई श्रेढि के पदों की संख्या का वर्गरूप या चनरूप हो तो चुने हुए पदों वाली श्रेढि के सम्बन्ध में प्रथम पद, प्रचय और योग निकालने का नियम----

जो भी पदों की संख्या चुनी गई हो उसे को और प्रथम पद को एक मान छो। पदों की संख्या को प्रथम पद द्वारा हासित कर और सब एक कम पदों की संख्या की आधी राशि द्वारा भाजित करने से प्रचय प्राप्त होता है। इनके सन्यन्ध में खेढि का योग पदों की संख्या की राशि का वर्ग होता है। यह जब पदों की संख्या द्वारा गुणित किया जाता है तो योग का घन प्राप्त होता है।।२५।।

<sup>(</sup>२३) जब श्रेटि में पदों की संख्या भिन्न के रूप में दी गई हो तो स्पष्ट है कि ऐसी श्रेटि साधारणतः बनाई नहीं जा सकती। परन्तु, अभिप्राय यह प्रतीत होता है कि दिया गया नियम इन दशाओं में ठीक उतरता है।

<sup>(</sup>२५) स्पष्ट है कि, सूत्र में य =  $\frac{7}{2}$  (२२४ +  $\sqrt{1}$  न = १ और जब अ = १ और ब =  $\frac{2(7-2)}{7-2}$  हो तो य का मान न के तुल्य हो जाता है। इस योग में न का गुणन करने में, अ और ब का न द्वारा गुणन भी अंतर्भृत है ताकि जब अ = न और ब =  $\frac{7}{7-2}$  २न हो, तब य =  $\frac{3}{7}$  हो। कुछ और विचार करने पर ज्ञात होगा कि अ का मान चाहे पूर्णोंक अथवा भिन्नीय हो किर मी ब का  $\frac{2(7-2)}{7-2}$  हमबाला मान य की अहां को न के रूप में ला सकता है।

<sup>&#</sup>x27;ूं' चिद्र का अर्थ अन्तर होता है।

### अत्रोदेशकः

पैद्मिष्टं द्वित्र्यंशो रूपेणांशो हरश्च संवृद्धः । याबहश्यद्मेषां वद् मुखचयवर्गवृन्दानि ॥२६॥

इष्टघनधनाशुक्तर्गच्छानयनसूत्रम्-

इष्टचतुर्थः प्रभवः प्रभवास्त्रचयो भवेद्द्रिसंगुणितः । प्रचयश्चतुरभ्यस्तो गच्छस्तेषां युतिर्धृन्दम् ॥२७॥

### अत्रोदेशकः

द्विमुखैकचया अंशास्त्रिप्रभवैकोत्तरा हरा उभये। पञ्चपदा वद तेषां घनधनमुखचयपदानि सखे॥२८॥

१ यह रहोक आ में अप्राप्य है।

### उदाहरणार्थ प्रका

दी हुई श्रेष्ठि में पर्दों की चुनी हुई संख्या है है; इस भिन्न के अंश और इर उत्तरोश्तर एक द्वारा बढ़ाये जाते हैं जब तक कि १० विभिन्न भिन्नात्मक पद प्राप्त नहीं होते । इन भिन्नों को संवादी समान्तर श्रेष्ठियों के पदों की संख्या मानकर उनके सम्बन्ध में प्रथम पद, प्रचय और योग के वर्ग तथा बन निकालो ।।२६।।

समान्तर श्रेडि के दिये हुए योग ( जो कि किसी इष्ट राशि का चन हो ) के सम्बन्ध में प्रथम पद, प्रचय और पहों की संख्या निकालने का नियम---

इष्ट राशि का चतुर्थांश प्रथम पद है। इस प्रथम पद में दो का गुणन करने पर प्रचय उत्पन्न होता है। प्रचय में चार का गुणा करने पर (एक) इष्ट श्रेडि के पदों की संख्या प्राप्त होती है। इनसे सम्बन्धित योग इष्ट राशि का घन होता है।।२७।।

### उदाहरणार्थ प्रश्न

शंस २ से आरम्म होते हैं और उत्तरोत्तर १ द्वारा बढ़ते हैं; हर को १ द्वारा बढ़ाते हैं जो कि आरम्भ में २ है। ये दोनों प्रकार के पद ( अंश और हर ) में से प्रत्येक संख्या में पाँच है। इन चुनी हुई भिद्यात्मक राशियों के सम्बन्ध में, हे मित्र, घनात्मक योग और संवादी प्रथमपद, प्रचय और पढ़ों की संख्या निकाको ॥२८॥

$$\frac{\pi}{x} + \frac{2\pi}{x} + \frac{4\pi}{x} + \cdots + 2\pi + \sqrt{2\pi} = \pi$$

इस किया की साधारण प्रयोज्यता, समीकरण  $\frac{\pi}{q^2} \times (q\pi)^{\frac{2}{m}} = \pi^3$  से शीघ स्पष्ट हो सकती है। इन सब दशाओं में श्रेटिके पदों की संख्या प्रथम पद को  $q^3$  से गुणित करने पर प्राप्त हो सकती है क्योंकि प्रथम पद  $\frac{\pi}{q^2}$  है। प्रत्येक दशा में प्रचय प्रथमपद से द्विगुणित स्थिया बाता है।

<sup>(</sup>२७) यह नियम केवल विशेष दशा में प्रयुक्त किया गया है। यह साधारण रूप से भी प्रयोग में लाया जा सकता है। नियम इस तरह है:

रेष्ट्रधनाबुत्तरतो द्विगुणत्रिगुणद्विभागत्रिभागादीष्टधनाबुत्तरानयनसूत्रम्— रष्ट्रविभक्तेष्टधनं द्विष्ठं तत्म्रचयताहितं प्रचयः । तत्त्रभवगुणं प्रभवो गुणभागस्येष्टवित्तस्य ॥२९॥

### अत्रोदेशकः

प्रसवस्त्र्यधों रूपं प्रचयः पद्धाष्टमः समानपदम् । इच्छाधनमपि तावत्कथय सखे की मुखप्रचयौ ॥३०॥

प्रचयादादिद्विंगुणस्रयोदशाष्टादशं पदं स्वेष्टम् । वित्तं तु सप्तषष्टिः षद्घनभक्ता वदादिचयौ ॥३१॥

मुँखमेकं द्वित्रयंशः प्रचयो गच्छः समश्रतुनैवमः । धनमिष्टं द्वाविंशतिरेकाशीत्या बदादिचयी ॥३२॥

४ बह क्लोक M में ३१ वें क्लोक के स्थान में है तथा B में छूटा हुआ है।

दी हुई समान्तर श्रेढि के ज्ञात योग, प्रथम पद और प्रचय से किसी श्रेढि के प्रथमपद और प्रचय निकालना जबकि इष्ट योग दी गई श्रेढि के ज्ञात योग से दुगुना, तिगुना, आधा, एक तिहाई, अधवा उसका अपवर्ष्य या अंश हो—

हरू करने की सुविधा के लिए इष्ट योग को ज्ञात योग द्वारा विभाजित कर दो स्थानों में रखो। यह भजनफल, जब ज्ञात प्रचय द्वारा गुणित किया जाता है तब चाहा हुआ प्रचय प्राप्त होता है। और वहीं भजनफल, जब ज्ञात प्रथमपद द्वारा गुणित होता है तब चाहे हुए प्रथम पद को उत्पन्न करता है।।२९॥

### उदाहरणार्थ पश्न

किसी श्रेदि का प्रथम पद है है, प्रचय १ है और पदों की संख्या (जो दी हुई तथा इष्ट, दोनों श्रेदियों, के लिये उभयनिष्ठ है ) है है। इष्ट श्रेदि तथा दी गई श्रेदि का योग अलग-अलग है है। है सिश्र ! इष्ट श्रेदि का प्रथमपद तथा प्रचय निकालो ।।३०।। (प्रचय १ है) और प्रथमपद प्रचय का दुशुना है; पदों की संख्या देह है; इष्ट श्रेदि का योग है है है। प्रथमपद और प्रचय निकालो ।।३१।। प्रथम पद १ है, प्रचय है और पदों की संख्या दोनों (दी गई श्रेदि और इष्ट श्रेदि ) के लिये उभय-साधारण है है। इष्ट श्रेदि का योग है है है। इष्ट श्रेदि के प्रथमपद और प्रचय निकाको ।।३२।।

(२९) ८४ वीं गाथा का नोट अध्याय २ में देखिये।

(३३) प्रतीक रूप से, न = 
$$\frac{\sqrt{2} = 4 + \left(\frac{1}{2} - 24\right)^2 + \frac{1}{2} - 24}{6}$$

अध्याय २ की गाथा ६९ वीं का नोट भी देखिये।

१ 🗷 गुणभागाद्यत्तरानयनसूत्रम् ।

२ 🕦 प्रचयेन ।

र M गुणभागाद्यत्तरेच्छायाः।

गेच्छानयनसूत्रम्--द्विग्णचयगुणितवित्तादुत्तरद्वमुखविशेषकृतिसहितात्। मुळं प्रचयार्घेयतं प्रभवोनं चयहतं गच्छः ॥३३॥

प्रकारान्तरेण तदेवाह---द्विग्णचयगुणितवित्तादुत्तरद्धमुखविशेषकृतिसहितात्। मुलं श्लेपपदोनं प्रचयेन हृतं च गच्छः स्यात् ॥३४॥

अत्रोद्देशकः

द्विपद्धांशो बक्तं त्रिगुणचरणःस्यादिह चयः षडं शः समझिक्कतिबिह्नतो वित्तस्दितम् । चयः पंचाष्टांशः पुनरिप मुखं इयष्टममिति ब्रिचत्वारिंशाःस्वं प्रिय वद पदं शीव्रमनयोः ॥३५॥ आद्यत्तरानयनसूत्रम् — गैच्छामगणितमादिविगतैकपदार्धगुणितचयहीनम्। पद्दृतधनमाद्युनं निरेकपद्द्छह्तं प्रचयः ॥३६॥

> १ नीचे लिखे हुए दो इलोकों में स्थान में अ में इस प्रकार का पाठ है---अष्टोत्तरगुणराश्रीत्यादिना इष्ट-धनगच्छ आनेतस्यः। इसके साथही, परिकर्म व्यवहार की ७० वीं गाथा की पुनराकृति है।

२ K और B प्रभवो गन्छामधनम् ।

समान्तर श्रेढि में पदों की संख्या निकालने के लिये नियम---

प्रथम पद और प्रचय की आधी राशि के अन्तर के वर्ग में, प्रचय की हुगुनी राशि को श्रेडि के थोग द्वारा गुणित करने से प्राप्त राशि जोड़ी जाती है। इस प्राप्त राशि के वर्गमूल में प्रचय की आधी राक्षि जोड़ी जाती है। इस योगफल की प्रथम पद द्वारा द्वासित कर और तब प्रचय द्वारा भाजित करने पर श्रेढि के पदों की संख्या प्राप्त होती है ॥३३॥

पदों की संख्या निकालने की दूसरी विधि-

प्रथमपद और प्रचय की आधी राशि के अन्तर के वर्ग में, प्रचय की दुगुनी राशि को खेढि के बोग द्वारा गुणित करने से प्राप्त फल मिलाते हैं। योगफल के वर्गमूल में से क्षेपपद घटाते हैं। जब इसे प्रचय द्वारा भाजित करते हैं तब श्लेढि के पदों की संख्या प्राप्त होती है ॥३४॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

दी हुई श्रेडि के सम्बन्ध में, प्रथम पद दें है, प्रचय है है और योग दें है। पुनः, इसरी श्रेडि के सम्बन्ध में, प्रचय है है, प्रथमपद है है और योग है है। हे मित्र ! इन दो श्रेडियों के विषय में. पदों की संख्या शीच्र निकाली ॥३५॥

प्रथम पद और प्रचय निकालने के लिये नियम---

श्रोंढि के योग को पदों की संख्या द्वारा भाजित करने से प्राप्त राशि जब एक कम पदों की संख्या की आची राशि और प्रचय के गुणनफल द्वारा हासित की जाती है, तब ब्रेडि का प्रथम पद उत्पन्न होता है। जब योग को पदों की संख्यासे आजित कर और प्रथमपद द्वारा हासित कर एक कम पदों की संख्या की आधी राशि द्वारा भाजित करते हैं तब प्रचय प्राप्त होता है।

- (३४) क्षेप पद के लिये अध्याय २ की ७० वीं गाया देखिये ।
- (३६) दितीय अध्याय की ७४ वीं गाया का नोट देखिये।

### अत्रोहेशकः

त्रिचतुर्थेचतुःपद्धमचयगच्छे खेषुशशिद्धतैकत्रिंशद्-। बिसे ज्यंशचतुःपद्धममुखगच्छे च वद मुखं प्रचयं च ॥३७॥

इष्टगच्छयोर्व्यस्तासुत्तरसमधनद्विगुणत्रिगुणद्विभागत्रिभागधनानयनसूत्रम्— भ्येकात्महतो गच्छः भ्वेष्टत्रो द्विगुणितान्यपदहीनः । मुखमात्मोनान्यकृतिर्द्विकेष्टपद्घातवर्जिता प्रचयः ॥३८॥

### अत्रोदेशक:

पकाविगुणविभागः स्वं व्यस्ताचुत्तरे हि वद मित्र । द्वित्रयंत्रीनैकाद्रापद्मांशकमिश्रनवपद्योः ॥३९॥

गुणधनगुणसंकि छितधनयोः सूत्रम्— पद्मितगुणहितगुणितप्रभवः स्याहुणधनं तदाश्चनम् । एकोनगुणविभक्तं गुणसंकि छितं विज्ञानीयात् ॥४०॥

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

दो श्रेडियों के प्रथम पद और प्रचय निकास्त्रों जब कि एक दशा में योग पूर्व है, है प्रथम दे और दूँ पदों की संस्था है, तथा अन्य दशा में योग पूर्व है, दे प्रथम पद है और दूँ पदों की संस्था है।।३७।।

जब पदों की संख्या कोई भी खुनी हुई राशि हो, सब दो श्रेडियों के सम्बन्ध में परस्पर बद्छे हुए प्रथम पद, प्रथय. तथा उनके योग (जिनमें एक-दूसरे के बराबर अथवा एक दूसरे से दुगुना, तिगुना, आभा या तिहाई हो ) निकासने के स्थि नियम—

एक श्रें कि पदों की संख्या स्वतः के द्वारा गुणित कर एक द्वारा द्वासित करते हैं। इसे दोनों श्रें कियों के योग की इष्ट निष्पत्ति द्वारा गुणित कर, और तब, दूसरी श्रें कि पदों की संख्या की दुगुनी राशि द्वारा द्वासित कर परस्पर बदलने योग्य प्रथम पद प्राप्त करते हैं।।३८॥

दूसरी श्रीह के पदों की संख्या का वर्ग, पदों की संख्या द्वारा ही हासित करते हैं। इसे इष्ट निष्यत्ति और प्रथम श्रेहि के पदों की संख्या के गुणनफल की दुगुनी शक्ति द्वारा हासित करने पर, परस्पर बदछने योग्य उस श्रेहि का प्रचय उत्पन्न होता है।

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

दो श्रेडियों के सम्बन्ध में, जिनमें १० है और ९ दे पदों की संख्या है, प्रथम पद और प्रचय परस्पर बदकने योग्य हैं। एक श्रेडि का योग दूसरी श्रेडि के योग का अपवर्श्य अथवा अंश है जो एक से आरम्भ होनेवाकी प्राकृत संख्याओं द्वारा गुणन अथवा भाग द्वारा प्राप्त हुआ है। हे सिन्न ! इन योगों को, प्रथम पदों और प्रचयों को निकाको ॥१९॥

गुणोत्तर श्रेडि में गुणधन एवं श्रेडि का योग निकासने के सिये नियम-

गुणोत्तर श्रेढि में प्रथमपद को, जितनी पहों की संख्या होती है उतनी बार साधारण निष्पत्ति द्वारा गुणित करने पर गुणधन प्राप्त होता है। यह गुणधन प्रथमपद द्वारा हासित होकर तथा एक कम साधारण निष्पत्ति द्वारा भाजित होकर गुणोत्तर श्रेढि के योग के बराबर हो जाता है।।४०॥

<sup>(</sup>३८) द्वितीय अध्याय की ८६ वीं गाथा का नोट देखिये।

<sup>(</sup>४०) दितीय अध्याय की ९३ वीं गाया का नोट देखिये।

गुणसंकिलतान्त्यधनानयने तत्संकिलतानयने च सूत्रम्— गुणसंकिलतान्त्यधनं विगतैकवत्स्य गुणधनं भवति । तद्वणगुणं मुस्रोनं व्येकोत्तरभाजितं सारम् ॥४१॥

**अ**त्रोदेशकः

प्रभवोऽष्टमञ्चतुर्थः प्रचयः पञ्च पदमत्र गुषगुणितम् । गुणसंकितं तस्यान्स्यधनं चाचश्व मे शीव्रम् ॥४२॥ गुणधनसंकित्वधनयोराधुत्तरपदान्यि पूर्वोक्तसूत्रैरानयेत् ।

समानेष्टोत्तरगच्छसंकितराणसंकितसमधनस्याद्यानयनस्त्रम्— सुखमेकं चयगच्छाविष्टौ सुखवित्तरहितगुणचित्या। इतचयधनमादिगुणं मुखं भवेद्द्विचितिधनसाम्ये ॥४३॥

#### १ केवळ छ में प्राप्य।

गुणोत्तर श्रेढि का अन्तिमपद तथा योग निकालने के किये नियम-

गुणोत्तर श्रेढि का अंत्यधन अथवा अंतिम पद, दूसरी ऐसी ही श्रेढि का गुणधन होता है जिसमें पदों की संख्या एक न्यून होती है। यह अंत्यधन साधारण निष्पत्ति द्वारा गुणित होकर और प्रथम पद द्वारा हासित होकर तथा एक कम साधारण निष्पत्ति द्वारा भाजित होकर श्रेढि के योग को उत्पन्न करता है ॥४९॥

### उदाहरणार्थ प्रश्न

गुणोत्तर श्रेष्ठि के सम्बन्ध में प्रथमपद है है, साधारण निष्पत्ति है है और पदों की संख्या ५ है। मुझे शीव्र वतलाओं कि श्रेष्ठि का योग तथा अंतिम पद क्या क्या हैं ? ॥४२॥

समान योग वाली दो समान्तर एवं गुजोत्तर श्रेढि के उभय साधारण प्रथम एद को निकालने के लिये नियम, जब कि उनकी सुनी हुई पदों की संख्या बराबर हो और इसी तरह से वरण किये गये प्रस्य और साधारण निष्पत्ति बराबर हों—

प्रथम पद को एक छेते हैं, पदों की संख्या और साधारण निष्पत्ति तथा प्रचय मन से कुछ भी चुन किये जाते हैं। यहां उत्तर धन को गुणोत्तर श्रेष्ठि के योग में से आदि धन को बटाने से प्राप्त हुई राशि द्वारा भाजित करते हैं। इसे चुने हुए प्रथम पद से गुणित करने पर, इन दोनों श्रेष्ठियों के सम्बन्ध में चाहा हुआ उभयसाधारण प्रथमपद उत्पन्न होता है ॥४३॥

(४१) दितीय अध्याय की ९५ वीं गाथा का नोट देखिये।

[पिछले अध्याय में कथित नियमों द्वारा गुणवन और श्रेंद्रि के योग के सम्बन्ध में गुणोत्तर श्रेंद्रि के प्रथमपद, साधारण निष्पत्ति और पदों की संख्या निकाछी जा सकती हैं। इन नियमों के छिये अध्याय २ की ८७, ९७, १०१ और १०३ वीं गाथायें देखिये।]

### अत्रोदेशकः

भाषवार्धि भुवनानि पदान्यम्भोधिपञ्च गुनयसिह्तास्ते । षत्तराणि वदनानि कति स्युर्युगमसंकितवित्तसमेषु ॥४४॥ इति भिन्नसंकित समाप्तम् ।

# भिनन्युत्कलितम्

भिन्नव्युत्किते करणसूत्रं यथा— गच्छाघिकेष्टमिष्टं चयहतमूनोत्तरं द्विहादियुतम् । शेषेष्टपदार्धगुणं व्युत्कितं स्वेष्टविसं च ॥४५॥

शेषगच्छस्याद्यानयनसूत्रम् — प्रेषयार्थोनः प्रभवो युत्रश्चयहनेष्टपदचयार्थाभ्याम् । शेषस्य पदस्यादिश्चयस्तु पूर्वोक्त एव भवेत् ॥४६॥ गुणगुणितेऽपि चयादी तथेव भेदोऽयमत्र शेषपदे । इष्टपदमितगुणाहतिगुणितप्रभवो भवेद्वस्तम् ॥४०॥

१ M प्रचयगुणितेष्टगन्<del>छस</del>ादिः प्रभवः पदस्य शेषस्य । पूर्वोक्तः प्रचयस्स्यादिष्टस्य प्राक्तनादेव ॥

### उदाहरणार्थ प्रक्त

पहों की संख्या क्रमशः ५, ४ और ६ है। साधारण निष्पत्ति तथा बराबर प्रचय क्रमशः हुँ, हैं और हुँ हैं। इन समान योग वास्त्री गुणोत्तर तथा समान्तर श्रेढियों के संवादी प्रथम पदों की अहीओं ( values ) को निकालो ॥४४॥

इस प्रकार, कळासवर्ण व्यवहार में, संकल्पि नामक परिच्छेद समाप्त हुआ। भिन्न व्युक्तिल्त [ श्रेडिरूप भिन्नों का व्युक्तलन ]

भिन्न ब्युत्किकत क्रिया को करने का नियम निम्नकिखित है --

श्रीष्ठ में कुछ पदों की संख्या को चुने हुए पदों की संख्या में सिमाछित करो और स्वयं चुनी हुई पदों की संख्या को अखग सं को । इन राशियों में से प्रस्थेक को प्रचय द्वारा गुणित करो और गुणनकों को प्रचय द्वारा हासित करो तथा दो द्वारा गुणित करो । इन परिणामी राशियों को जब कमशः शेषपदों की संख्या को आधी राशि और पदों की चुनी हुई संख्या की आधी राशि द्वारा गुणित करते हैं तथ कम से शेष श्रेष्ठ का योग तथा श्रेष्ठ के चुने हुए भाग का योग प्राप्त होता है ॥४५॥

शेष गच्छ सम्बन्धी प्रथम पद को निकासने के किये नियम—

श्रीह का प्रयमपद, प्रचय की आधी राशि द्वारा हासित होकर और प्रचय द्वारा गुणित चुनी हुई पहों की संख्या द्वारा मिलाया जाकर तथा प्रचय की आधी राशि द्वारा भी मिलाया जाकर शेष श्रेष्ठि के श्रेष पदों की संख्या के प्रथम पद को उत्पन्न करता है। जैसा प्रचय दी हुई श्रेष्ठि में होता है वैसा ही प्रचय शेष श्रेष्ठि का होता है ॥४६॥ गुणोत्तर श्रेष्ठि के विषय में भी, साधारण निष्पत्त और प्रथमपद हीक वैसे ही होते हैं जैसे कि दी हुई श्रेष्ठि और उसके चुने हुए भाग में होते हैं। दी हुई श्रेष्ठि के प्रथम पद में साधारण निष्पत्त को उतने बार गुणित करते हैं जितनी कि चुनी हुई पदों की संख्या होती है। प्राप्त गुणनफळ शेष श्रेष्ठि का प्रथमपद होता है। श्रेष्ठ श्रेष्ठि के प्रथमपद में यही श्रेष्ठ होता है।।४७॥

<sup>(</sup>४५) द्वितीय अध्याय की १०६ वीं गाया का नोट देखिये।

<sup>(</sup>४६) द्वितीय अध्याय की १०९ वीं गाया का नोट देखिये।

<sup>(</sup>४७) दिसीय अध्याय की ११० वीं नावा का नोट देखिये।

### अत्रोद्देशकः

पादोत्तरं दढास्यं पदं त्रिपादांशकःसमुहिष्टः । स्वेष्टं चैतुर्थभागः किं व्युत्किछितं समाकछ्य ॥४८॥ प्रभवोऽर्धं पद्धांशः प्रचयो द्विष्ट्यंशको भवेद्रच्छः । पद्धाष्टांशःस्वेष्टं पैद्रमृणमाचक्ष्य गणितज्ञ ॥४९॥ स्वाद्धात्र्यभागः प्रचयः पद्धांशकिष्ठपद्धांशः ।

गच्छो बाब्छागच्छो दशमो व्यवकांस्तमानं किम् ॥५०॥

त्रिभागौ द्वौ वक्रं पद्धमांशश्चयःस्यात् पदं त्रिष्टनः पादः पद्धमःस्वेष्टगच्छः।

षडंशःसप्तांशो वा व्ययः को वद् त्वं कळावास प्रज्ञाचिन्द्रकाभाखिद्निद् ॥५१॥

द्वादशपदं चतुर्थणीत्तरमधीनपञ्चकं वदनम् । त्रिचतुःपञ्चाष्टेष्टपदानि व्युत्किखतमाकस्य ॥५२॥

गुणसंकिलतन्युत्किलितोदाहरणम् । द्वित्रिमागरिहताष्ट्रमुखं द्वित्र्यंशको गुणचयोऽष्ट पदं मोः। मित्र रक्तगतिपञ्चपदानीष्टानि शेषमुखवित्तपदं किम् ॥५३॥

इति भिन्नव्युत्किलतं समाप्तम् ।

### उदाहरणार्थ प्रश्न

दी हुई श्रेडि में प्रचय है है, प्रथमपद है है, पदों की संख्या है है और चुनी हुई पदों की (इटाई जाने वाली) संख्या है है। ऐसी श्रेडि की शेष श्रेडि का योग निकालो ।।४८॥ समान्तर श्रेडि के सम्बन्ध में प्रथमपद है है, प्रचय दे हैं और पदों की संख्या है है। यदि हटाये जाने वाले पदों की संख्या है है तो हे गणितज्ञ, शेष श्रेडि का योगफल बताओ ।।४९॥ दी हुई श्रेडि में प्रथमपद है है, प्रचय दे है और पदों की संख्या है है। यदि चुनी हुई पदों की संख्या है है। तो शेष श्रेडि का योगफल बतलाओ ।।५०॥ प्रथमपद हे है, प्रचय दे है, पदों की संख्या है है और चुनी गई पदों की संख्या है है और चुनी गई पदों की संख्या है है और चुनी गई पदों की संख्या है है अरा चुनी गई पदों की संख्या है। प्रदेश वित्त संख्या है है और प्रथमपद है है तथा चुनी गई पदों की संख्या १२ है, प्रचय — है (क्रण है) है और प्रथमपद ४३ है तथा चुनी गई पदों की संख्या श्रेड का समा: ३, ४, ५ अथवा ८ हैं। शेष पदों की संख्या का योगफल अलग-अलग निकालो ॥५२॥

# गुणोत्तर श्रेढि में व्युत्कस्ति का उदाहरणार्थ परन

प्रथमपद् ७ है है, साधारण निष्यत्ति हु है और पदों की संख्या ८ है। खुनी हुई पदों की संख्याएं क्रमशः ३, ४, ५ हैं। बतकाओं कि शेष श्रेडियों के सम्बन्ध में प्रथमपद, योग और पदों की संख्या क्या-क्या है १।।५३।।

इस प्रकार, कळासवर्ण व्यवहार में, भिन्न व्युत्किक्त् नामक परिच्छेद समास हुआ ।

र M च चतुर्भागः।

२ M किं ब्युत्कलितं समाकलय।

३ K और M में इसके पश्चात् "इति सारसङ्क्षद्दे महावीराचार्यस्य कृती द्वितीयस्यवहारस्यमासः" जोड़ा गया है । यह वास्तव में भूल प्रतीत होती है ।

<sup>(</sup>५१) कला के यहाँ दो अर्थ हैं-प्रथम तो ज्ञान और अन्य "चंद्रमा के अंक"।

# कलासवर्णपद्जातिः

इतः परं कळासवर्णे बढ्जातिमुदाहरिष्यामः— भागप्रभागावय भागभागो भागानुबन्धः परिकीर्तिवोऽतः। भागापबाहः सह भागभात्रा बढ्जातयो ऽमुत्र कळासवर्णे ॥५४॥

#### भागजातिः

तत्र भागजातौ करणस्त्रं यथा— सदृशहृतच्छेदहतौ मिथोंऽशहारौ समन्दिछदावंशौ। छुप्तेकहरौ योज्यौ त्याच्यौ वा भागजातिविधौ॥५५॥

कलासवर्ण षड्जाति ( छः प्रकार के भिन्न )

अब हम छः प्रकार के मिन्नों का प्रतिपादन करेंगे --

भाग (साधारण भिक्ष), प्रभाग (भिक्षों के भिक्ष), भागभाग (जिटल या संकर भिक्ष complex fractions), भागानुबंध (संयव भिक्ष fractions in association), भागा-पवाह (वियवन भिक्ष fractions in dissociation) और भाग मात्र (भिक्ष जिनमें कपर कथित भिक्षों में से दो या अधिक भिक्ष सम्मिलत हों); ये भिक्षों के छः मेद कहलाते हैं।।५४॥

मागजाति [ साधारण भिन्नों का जोड़ और घटाना ]

साधारण भिन्नों का क्रिया ( करण ) सम्बन्धी नियम-

दिये गये दो साधारण भिन्नों सम्बन्धी क्रियाओं में प्रत्येक के अंश और हर को, उभय साधारण गुणनकांड द्वारा हरों को विभाजित करने से प्राप्त भजनफर्लों द्वारा एकान्तर से गुणित करने हैं। वे भिन्न इस तरह प्रहासित होकर समान हर वाले हो जाते हैं। तब इनमें से कोई एक हर अलग कर, अंशों को ओब्ते अथवा घटाते हैं [ ताकि दूसरे समान हर के सम्बन्ध में परिणामी राशि अंश हो ]।।५५॥

<sup>(</sup>५५) भिन्नों को साधारण हरों में प्रहासित करने का नियम केवल भिन्न युग्म के किये प्रयोज्य है। निम्नक्षिक्ति उदाहरण से यह नियम स्पष्ट हो जावेगा—

क्स + व को इल करने के लिये यहाँ, "अ" और "कख" को "ग" मे गुणित करते हैं जोकि
दूसरे भिन्न के हर "खग" को हरों के साधारण गुणनखण्ड ख द्वारा विभाषित करने पर भजनफल "ग"
के रूप में प्राप्त होता है। इसी प्रकार दूसरे भिन्न में "ब" और "खग" को "क" मे गुणित करते हैं जो
प्रथम भिन्न के हर "कख" को हरों के साधारण गुणनखण्ड "ख" द्वारा विभाषित करने पर "क"
के रूप में प्राप्त होता है। इस तरह हमें कमशः अग और बक प्राप्त होते हैं। इस तरह
अग + बक = अग + बक कखग

श्रेकारान्तरेण समानच्छेदमुद्भावियतुमुत्तरसूत्रम्— छेदापवर्तकानां खब्धानां चाहतौ निरुद्धः स्यात्। हरहृतनिरुद्धगुणिते हारांशगुणे समो हारः॥५६॥

### अत्रोदेशकः

जैम्बूजम्बीरनारङ्गचोचमोचाम्रदाहिमम् । अक्रपीहत्यद्भागद्वादशांशकविशकैः ॥५७॥ देम्रसिशचतुर्विशेनाष्ट्रमेन यथा क्रमम् । श्रावको जिनपृजायै तद्योगे किं फलं वद् ॥५८॥ अष्टपद्मदर्श विशं सप्तपद्तिशदेशकम् । एकादशत्रिषष्टयंशमेवविशं च सङ्क्षिप ॥५९॥ एकद्विकत्रिकादोकोत्तरनवदशकषोडशान्त्यहराः ।

निजनिजमुखप्रमांशाः स्वपराभ्यस्ताश्च किं फलं तेषाम् ॥६०॥

१ यह और अनुगामी श्लोक M में अप्राप्य हैं।

२ P में ५७ और ५८ स्रोक छूट गये हैं।

३ यह कोक केवल K और B में प्राप्य है।

साधारण ( common ) हर को दूसरी विधि द्वारा निकासने का नियम-

हरों के सभी संभव गुणनखंडों और उनके सभी अन्तिम (ultimate) भजन फर्लों के सन्तव गुणन से निरुद्ध ( लघुत्तम समापवर्त्य ) प्राप्त होता है। निरुद्ध को हरों द्वारा भाजित करने से प्राप्त भजन फर्लों में हरों और अंशों का गुणन करते हैं। इस प्रकार से प्राप्त हरों और अंशों सम्बन्धी अपवर्त्यों के हर समान होते हैं। 1981।

### उदाहरणार्थ प्रश्न

ग॰ सा॰ सं॰-७

<sup>(</sup>६०) परिणामी प्रश्न ये हैं:--मान बतलाओ--

<sup>(</sup>i)  $\frac{?}{?\times?} + \frac{?}{?\times?} + \frac{?}{?\times?} + \cdots + \frac{?}{?\times?} + \frac{?}{?}$ ,

एकद्विकत्रिकाचाश्चत्राचाश्चेकवृद्धिका हाराः।

निजनिजमुखप्रमांद्याः स्वासमप्रशहताः क्रमशः ।।६१।।

विकारयन्ताः षड्गुणसप्तान्ताः पद्भवर्गपश्चिमकाः। षट्त्रिंशत्पाश्चात्याः सङ्क्षेपे कि फर्छ तेषां ॥६२॥

चैन्द्रनघनसारागरुकुक्कममकेष्ट जिनमहाय नरः। चरणदळविद्यपद्धमभागैः कनकस्य कि शेषम् ॥६३॥ पादं पञ्चांशसर्थं त्रिगुणितदशसं सप्तविंशांशकं च स्वर्णेद्वन्दं प्रदाय स्मितैसितकम्रः स्त्यानद्ध्याज्यदुग्धम् ।

श्रीखण्डं त्वं गृहीत्वानय जिनसदनप्राचनायात्रबीन्मा-

सित्यत्र श्रावकार्यो भण गणक कियच्छेषमशान्त्रिशोध्य ॥६४॥

अष्ट्रपञ्चमुखी हारावुभयेऽप्येकवृद्धिकाः । त्रिंशदन्ताः पराभ्यस्ताश्चतुर्गुणितपश्चिमाः ॥६५॥ स्वस्ववस्त्रप्रमाणांशा रूपात्संशोध्य तद्वद्वयम् । शेषं सखे समाचक्ष्व शेत्तीर्णगीणतार्णव ॥६६॥ एकोनविंकातिरथ क्रमात त्रयोविंकातिर्द्धिषष्टिश्च। रूपविद्योना त्रिशत्ततस्रयोविंकातिकातं स्यात् ॥६०॥ पद्मत्रिशत्तरमादृष्टाशीतिकशतं विनिर्दिष्टम् । सप्तत्रिशद्मुष्मादृष्टानवतित्रिकोनपद्माशत् ॥६८॥ चत्वारिकच्छतिका सैका च पुनः शतं समोद्दशकम् । एकत्रिंशदतः स्याद्द्वानवतिः सप्रपद्धाशत् ॥६९

कुछकों को जोड़ने पर क्या योग प्राप्त होगा ? ।।६१-६२।। एक मनस्य ने जिन उत्सव पर संदल्त (चंदन) ककड़ी, कपूर, अगरू और सौंफ (कंकममकेष्ट) क्रमण: है, है, है, और है स्वर्ण सुद्रा के, 9 स्वर्ण मुद्रा में से, खरीदे । बतलाओ क्या होग है ? ॥६३॥ गक्ष योग्य श्रायक ने मझे दो स्वर्ण मुद्राण् देते हुए कहा कि जिन संदिर में पूजा के लिये है. है. है, है और हैं, स्वर्ण सुद्रा के कसशः विकसित इवेल कमल, गाढ़ा दही, घृत, हुग्ध और चंद्रन एकड़ी लाओ। हे गित्र ! मुझे बतलाओ कि इतने सर्च के प्रसात मेरे पास स्वर्ण मुद्रा का कितना भाग बचा ? ॥६५॥ 'शक्तों हे हो क़लक हैं। हर क्रमशः ८ और ५ से आरम्भ होते हैं और दोनों दशाओं में उत्तरोत्तर एक हारा बढ़ते जाने हैं जब तक कि दोनों दशाओं में अंतिम हर ३० नहीं हो जाना। इन कुलकों के अंग दोनों कुलकों ने हर के प्रथम पद के सुख्य हैं। प्रत्येक कुलक के हरों में से प्रत्येक अपने उत्तरवर्ती द्वारा गणित होता है। अंतिम हर दोनों दशाओं में ४ द्वारा गुणित किया जाता है। भिन्नों के दोनों परिणामी कुलकों को जोडने से प्राप्त दोनों योगो में प्रत्येक में से एक घटाने के प्रवाद, हे साधारण भिन्न महासागर के पार उतरने वाले मित्र, मुझे बतलाओ कि क्या होष रहेगा ? ॥६५-६६॥ कुछ दिये हुए भिक्षों के हर क्रमशः १९, २६, ६२, २९, १२३, ३५, १८८, ३७, ९८, ४७, १४०, ४१, ११६, १, ९२, ५७, ७६, ५५, ११०, ४९, ७४, २६९ हैं; और,

(ii) 
$$\frac{2}{2\times 2} + \frac{2}{2\times 4} + \frac{2}{2\times 4} + \cdots + \frac{2}{2\times 6} + \frac{2}{6}$$
,

(iii) 
$$\frac{2}{2\times 4} + \frac{2}{4\times 4} + \frac{2}{4\times 5} + \cdots + \frac{2}{24\times 25} + \frac{2}{25}$$

१६३ और ६४ श्लोक K और B में प्राप्य हैं।

२ м मर

३ यह क्लोक M में छुट गया है। ४ B विंशत्य !

५ यह श्लोक M में अपाप्य है। ६ K और B भागजात्मविषपारग ।

ज्यधिका सप्ततिरस्मात्सपञ्चपञ्चाशद्पि च सा द्विगुणा । सप्तकृतिः सचतुष्का सप्ततिरेकोनविंशतिद्विशतम् ॥७०॥ हारा निरूपिता अंशा एकाद्येकोत्तरा अमृन् । प्रक्षिप्य फल्लमाचक्ष्व भौगजात्यव्धिपारग ॥७१॥

अत्रांशोत्पत्तौ सूत्रम्---

पकं परिकल्प्यांशं तैरिष्टै: समहरांशकान् हन्यात्। यहणितांशसमासः फलसहशोंऽशास्त एवेष्टा ॥७२॥

पैकांशवृद्धोनां राश्चीनां युतावंशाद्धारस्याधिकये सत्यंशोत्पादक सूत्रम्—

संमहारैकांशकयुतिहृतयुत्यंशोऽश एकवृद्धीनाम् । शेर्षामतरांशयुतिहृतमन्यांशोऽस्त्येवमा चरमात् ॥७३॥

अंश १ से भारम्भ होकर उत्तरोत्तर क्रमवार १ द्वारा बढ़ते चले जाते हैं । इस सब भिन्नों को जोड़कर, है भिन्न रूपी महासागर के उसपार पहुँचनेवाले, योगफल को बतलाओ ॥६७-७१॥

जय भिन्नों के हर तथा योग दिए गये हों तो अंश निकाछने के छिये नियम-

सब दिये गये हरों के सम्बन्ध में अंश को 'एक' बनाओ; तब किसी भी तरह चुनी हुई संख्याओं हारा साधारण हरों में छाये गये अंशों को गुणित करो । यहां वे संख्यायें चाहे हुए अंशों में बदछ जाती हैं, जिनका योग संबंधित भिन्नों के योग के बराबर होता है ॥७२॥

जब भिक्षों के योग का हर अंश से बड़ा हो और अंश उत्तरोत्तर एक द्वारा बढ़ते चले जाते हों, तो ऐसे भिक्षों के सम्बन्ध में अंशों के निकालने के लिये नियम—

सम्बन्धित भिक्षों के दिये गये योग को तथा जिनके अंश 'एक' होते हैं ऐसे भिक्षों को साधारण हरों में प्रहासित कर लिया जाता है। भिक्षों के दिये गये योग को ऐसे भिक्षों के योग द्वारा भाजित करने से प्राप्त भजनफळ उन अंशों में से प्रथम चाहा हुआ अंश बन जाता है। इसके पश्चात् के इष्ट अंश उत्तरोत्तर एक द्वारा बढ़ते चले जाते हैं और जिन्हें निकाला जा सकता है। इस भाग में प्राप्त शेषफळ को समान हर वाले अन्य अंशों द्वारा विभाजित करने पर, परिणामी भजनफळ दूसरा चाहा हुआ अंश बन जाता है जब कि वह प्रथम में जो कि पहिले ही प्राप्त हो चुका है, जोड़ दिया जाय। इस तरह अंत तक प्रश्न का साधन करना पड़ता है॥७३॥

१ B प्रोत्तीर्णगणितार्णव।

२ B सहराष्ट्रदर्यशासीनां अंशोत्पादक सूत्रम् ।

<sup>(</sup>७२) सूत्र ७४ के प्रकृत को इस करने से यह नियम स्पष्ट हो बावेगा। यहाँ प्रत्येक दिये गये हर के सम्बन्ध में अंश एक मान लिया जाता है; इस तरह हमें है, है, है, हो प्राप्त होते हैं जो एक से हरों में प्रहासित किये जाने पर है है, है है, है है हो जाते हैं। जब अंशों को क्रमवार २, ३ और ४ से गुणित करते हैं तो इस तरह प्राप्त गुणनफों का योग दिये गये योग का अंश (८७७) हो जाता है। इसिख्ये, २, ३, और ४ चाहे हुए अंश हैं। आलोकनीय है, कि इस दिये गये योग का हर उतना है जितना कि भिन्नों का साधारण हर है।

<sup>(</sup>७३) इस नियम के अनुसार ७४ वीं गाया का प्रक्त इस प्रकार साधित होता है-

### अत्रोदेशकः

नवकद्शैकाद्शहृतराञ्चीनां नवतिनवश्तीभक्ता । त्र्यूनाशीत्यष्टश्ती संयोगः केंऽशकाः कथय।। अ।। छेवोत्पत्तौ सुत्रम्—

रूपांशकराशीनां रूपाद्यासिगुणिता हराः क्रमशः। द्विद्वित्रयंशाभ्यस्तावादिमचरमौ फले रूपे।।७५।।

### उदाहरणार्थ प्रश्न

९, १० और ११ द्वारा फ्रमशः विभाजित की गई कुछ संख्याओं का योग ८७७ भाजित ९९० है। बतलाओं कि भिक्षों को जोड़ने की इस फिया में अंश क्या क्या हैं ? ॥७४॥

बाहे हुए हरों को निकालने के लिये नियम-

'एक' अंश वाळी विभिन्न भिन्नीय राशियों का योग जब 'एक' हो, तब चाहे हुए हर एक से आरम्भ होकर क्रमबार, उत्तरोत्तर २ से गुणित किये जाते हैं, इस तरह प्राप्त प्रथम और अंतिम हर फिर से क्रमशः २ और 3 द्वारा गुणित किये जाते हैं। 1841।

प्रत्येक दिये गये हरों के सम्बन्ध में अंश को एक मानकर तथा भिजों को समान हरों में प्रहासित करने पर हरें है, द्रिक और द्रिक प्राप्त होते हैं। दिये गये योग द्रिक को इन भिज्ञों के योग द्रिक द्रित द्रिश होरा विभावित करने पर हमें मजनफल र प्राप्त होता है को प्रथम हर सम्बन्धी अंश है। इस भाग में प्राप्त होता है। इस मजनफल र को येग १८९ द्वारा विभावित करत हैं जिससे भजनफल र प्राप्त होता है। इस मजनफल र को प्रथम भिज्ञ के अंश र में कोड़ने पर द्वितीय हर सम्बन्धी अंश प्राप्त हो जाता है। इस वूसरे भाग के शेष ९० को अंतम भिज्ञ के माने हुए अंश ९० के द्वारा विभावित करते हैं, और प्राप्त मजनफल र को जब पिछले भिज्ञ के अंश र में जोड़ते हैं तब अंतिम हर का अंश प्राप्त होता है। इसलिये, वे भिज्ञ, जिनका योग ६३% है, ये हैं:—दे, दें और मूर्त

यहाँ इस तरह उत्तरीत्तर निकाले गये अंश क्रमबद्ध दिय गये हरों के सम्बन्ध में चाहे हुए अंश बन बाते हैं। बीजीय रूप से भी, तीन भिकों का याग—

बसक + (क + १) अस + (क + २) अब है और हर अ, ब और स हैं। इनके अंश इस

विधि से क, क + १ और क + २ सरखता से निकाले जा सकते हैं।

(७५) उपर्युक्त प्रदर्शित रीति द्वारा प्रश्न को हल करने से यह ज्ञात होगा कि जब न भिन्न हों, तो प्रथम और अन्तिम भिन्न को छोड़कर (न - २) पद गुणोत्तर श्रेंद्वि में होते हैं जिसका प्रथमपद है और साधारण निष्पत्ति (common ratio) है होती है। (न - २) पदों का योग

$$\frac{1}{3}\left\{ \left( -\frac{2}{3} \right)^{\frac{1}{2}} \right\} / \left( \left( -\frac{2}{3} \right) \right)$$
 होता है जो प्रहािंग्त करने पर  $\frac{1}{3} - \frac{1}{3} \cdot \frac{2}{3}$ 

अथवा, है - १ × १ के तुस्य होता है। इससे स्पष्ट है कि जब प्रथम मिन्न है हो तो अन्तिम

भिष्ठ है निष्य को इस अन्तिम फल में बोड़ने पर योग १ हो बाता है। इस सम्बन्ध में, न पदों वाली

### अत्रोदेशक:

पञ्चानां राशीनां रूपांशानां युतिभेवेद्रूपम् । षण्णां सप्तानां वा के हाराः कथय गणितज्ञ ॥७६॥

विषमस्थानां छेदोत्पत्तौ सूत्रम्—

एकांशकराशीनां द्याचा रूपोत्तरा अवन्ति हराः। स्वासन्नपराध्यस्ताः सर्वे दछिताः फले रूपे ॥७७॥ एकांशानामनेकांशानां चैकांशे फले छेदोत्पत्तौ सुत्रम्—

### उदाहरणार्थ प्रश्न

जिनमें प्रत्येक का अंश एक है ऐसी पांच या छः अथवा सात विभिन्न भिन्नीय राशियों का योग प्रत्येक दशा में १ है। हे गणितज्ञ ! चाहे हुए हरों को निकालो ॥७६॥

भिन्नों की अयुग्म संख्या छेने पर इरों को निकालने के छिये नियम-

जिनके प्रत्येक और १ हों ऐसी विभिन्न भिन्नीय राशियों का योग १ हो, तो चाहे हुए हर २ से आरम्भ होकर, उत्तरोत्तर मान में १ द्वारा बढ़ते चल जाते हैं। प्रत्येक ऐसा हर उस संख्या से गुणित किया जाता है जो मान में तत्काळ उत्तरवर्ती के बराबर होता है और तब उसे आधा किया जाता है ॥७७॥

कुछ इष्ट भिन्नों के विषय में चाहे हुए हरों को निकालने के लिए नियम जबकि उनके अंशों में प्रत्येक १ अथवा १ से अन्य हो और जब उनके भिन्नीय योग का अंश भी १ हो---

गुणोत्तर श्रेंदि में जिसका प्रथम पद  $\frac{?}{24}$  है और साधारण निष्पत्त  $\frac{?}{24}$  है अ की सभी पूर्णोक धनात्मक अहांओं ( मानों ) के लिये योग  $\frac{?}{24}$  से  $\left\{\frac{?}{(24-?)/24} \times ?$  श्रेंदि का ( 4+? ) वां पद  $\left\{\frac{?}{(24-?)/24} \times ?$  श्रेंदि का ( 4+? ) वां पद  $\left\{\frac{?}{(24-?)/24} \times (4-?)\right\}$  वां पद  $\left\{\frac{?}{(24-?$ 

$$(66) = \sqrt{\frac{2}{2 \times 2} + \frac{2}{2 \times 2} + \frac{2}{2 \times 2} + \frac{2}{2 \times 2} + \frac{2}{2 \times 2} + \dots + \frac{2}{(4 - 2) + 2}} + \frac{2}{4 \times 2} + \dots + \frac{2}{4 \times 2} +$$

**उन्बहरः प्रथमस्यच्छेदः सस्तांशकोऽयमपरस्य । प्राक् खपरेण हतोऽन्त्यः स्तांशेनैकांशके योगे ।७८।** अन्नोहेश्वकः

सप्तकनवकत्रितयत्रयोदशांशप्रयुक्तराशीनाम् । रूपं पादः षष्ठः संयोगाः के हराः कथय ॥७९॥

एकांशकानामेकांशेऽनेकांशे च फले छेदोत्पत्तौ सूत्रम्— सेष्टो हारो भक्तः खांशेन निरममादिमांशहरः। तशुर्तिहाराप्तष्टः शेषोऽस्मादिस्थमितरेषाम् ॥८०॥

जब कुछ इष्ट भिक्षों के योग का अंश १ हो, तब उनके चाहे हुए हरों को निकालने के लिये योग के हर को अथम राशि का हर मान को और इस हर को अपने अंश से संयुक्त कर उसे उत्तरवर्ती राशि का हर मान को, और ऐसे प्रस्येक हर को क्रमवार तत्काल उत्तरवर्ती के द्वारा गुणित करते चले जाओ। अन्तिम हर को उसी के अंश द्वारा गुणित करो। 1921

#### उदाहरणार्थ पश्न

जिनके अंश कमशः ७, ९, ६ और १६ हैं ऐसे भिक्षों के योग १, है, है हैं। बतलाओ कि उन भिक्षोय राशियों के हर क्या हैं।।७९।।

जिनका अंश १ है ऐसे कुछ इच्छित भिन्नों के हर निकासने के लिये नियम जब कि उन भिन्नों के योग का अंश १ अथवा और कोई दूसरी राशि हो —

दिये गये योग के हर को जब काई जुनी हुई शिहा में मिलाते हैं और ताकि कुछ भी शेष न बच्चे इस तरह उसे उस योग के अंश द्वारा विभाजित करते हैं तो वह भिन्नों की चाही हुई श्रेढि के प्रथम अंश के सम्बन्ध में हर बन जाता है। ऊपर जुनी हुई शिहा जब प्रथम भिन्न के हर द्वारा विभाजित की जाती है और दिये गये योग के हर द्वारा भी विभाजित की जाती है तब वह इस श्रेढि के शेष भिन्नों के योग को उत्पन्न करती है। इस श्रेढि के शेष भिन्नों के इस ज्ञात योग से इसी तरह अन्य हरों को निकालते हैं।।८०॥

(७८) बीजीय रूप से यदि योग है हो, और अ, ब, स तथा द दिये गये अंश हो तो भिन्नों को निम्न रीति से बोडते हैं—

( ८० ) बीबीय रूप से, यदि स्म योग है तो प्रथम मिन्न (त + प)/स होता है; और नियम

## अत्रोदेशकः

त्रयाणां रूपकांशानां राशीनां के हरा वर । फलं चतुर्थमागः स्याच्चतुर्णां च त्रिसप्तमम् ।।८१।। ऐकांशानामनेकांशानां चानेकांशे फले छेदोल्पत्ती सूत्रम्—

इष्ट्रता दृष्टांशाः फलांशसदृशो यथा हि तद्योगः। निजगुणह्तफल्हारस्तद्वारो भवति निर्दिष्टः॥८२॥

## अत्रोदेशकः

एंककांशेन राशोनां त्रयाणां के हरा वद । द्वादशाप्ता त्रयोविश्त्यशंका च युतिभवेत् ॥८३॥ त्रिसप्तकनवांशानां त्रयाणां के हरा वद । द्वधूनपञ्चाशदाप्ता त्रिसप्तत्यंशा युतिभवेत् ॥८४॥ एकांश्वाक्यो राश्योरेकांशे फले छेदोत्पत्ती सूत्रम्—

# १ ८३ और ८४ इलोक B में छूट गये हैं।

## उदाहरणार्थ प्रश्न

तीन विभिन्न भिन्नीय राशियों का योग है है, तथा उनमें से प्रत्येक का अंश ९ है। ऐसी चार अन्य राशियों का योग है है। बतलाओ कि हर क्या हैं ? ॥८९॥

जिनका अंश एक अथवा कोई और संस्था हो ऐसे कुछ इन्छित भिन्नों के हर निकासने के लिये नियम जब कि उन भिन्नों के योग का अंश १ की अपेक्षा अन्य संस्था हो—

ज्ञात अंश कुछ खुनी हुई राशियों द्वारा गुणित किये जाते हैं, ताकि इन गुणनफर्लों का योग इष्ट भिन्नों के दिये गये योग के अंश के बराबर हो जाये। यदि इष्ट भिन्नों के दिये गये योग के इर को उसी गुणक से विभाजित किया जाय (जिससे कि दिया गया अंश गुणित किया गया है) तो वह अंश सम्बन्धी चाहे हुए हर को उश्पन्न करता है॥८२॥

# उदाहरणार्थ प्रश्न

तीन भिन्नीय राशियों में, प्रत्येक का अंश ९ है। उनके हरों का मान निकालो जब कि उन राशियों का योग देहें हो ॥८३॥ ऋमशः ३, ७ और ९ अंशवाली तीन भिन्नीय राशियों के हरों का मान बतलाओ जब कि उन राशियों का योग हुट्टे हो ॥८४॥

 श्रंशवाली दो भिसीय शशियों के हरों का मान निकालने के लिये नियम जब कि उन मिसीय राशियों के योग का अंश १ हो----

दिये गये योग के हर को खुनी हुई संख्या द्वारा गुणित करने पर किसी एक इष्ट भिन्नीय राशि का हर प्राप्त होता है। यह हर, एक कम ( पिछली ) खुनी हुई संख्या द्वारा विभाजित किया जाने पर

में शेष भिन्नों का योग 
$$\frac{q}{n+q}$$
 कथित है, जहां 'q' चुनी हुई राशि है। यह  $\frac{q}{n+q}$  स्पष्ट रूप

से  $\frac{a}{a} - \frac{e}{a+q}$  को इल करने से प्राप्त होती है। यहां प को इस तरह चुनना चाहिये कि (न + प)

में अ का पूरा पूरा भाग बा सके ।

बाब्लाहतयुतिहाररछेरः स व्येकबाब्ल्याप्तोऽन्यः। फल्हारहारलब्धे खयोगगुणिते हरी वा स्तः॥८५॥

अत्रोदेशक:

राश्योरेकांशयोरछेदौ कौ भवेतां तयोर्युतिः। षडंशो दशभागो वा बृहि त्वं गणितार्थवित्।।८६॥

एकांशकयोरनेकांशयाश्च एकांशेऽनेकांशेऽपि फले छेदोत्पत्तौ प्रथमसूत्रम्— इंप्रगुणांशोऽन्यांशप्रयुतः शुद्धं हृतः फलांशेन । इष्टाप्तयुतिहरम्ना हरः परस्य तु तदिष्टहतिः ॥८०॥

१ P और B में यह पाटान्तर जुड़ा है:— शुद्धं फ़लांशभक्तः स्वान्यांशयुतो निजेष्टगुणितांशः ।

दूसरे इष्ट अंश को उत्पन्न करता है। अथवा, दिये गये योग के हर के सम्बन्ध में किसी पुने हुए भाजक और प्राप्त भजनफल में से प्रत्येक को उनके योग द्वारा गुणित करने पर दो इष्ट हरों की उत्पत्ति होती है ॥८५॥

## उदाहरणार्थ प्रश्न

हे अंक्रगणित के सिद्धान्तों के ज्ञाता ! दो इष्ट भिद्धीय राशियों के हर निकालो जब कि उनका योग या तो है अथवा है हो ॥८६॥

जिनका अंश १ अथवा कोई और संख्या है ऐसे दो इप्ट भिन्नों के हरों को निकासने के लिये नियम जब कि उन भिन्नों के योग का अंश १ अथवा कोई और संख्या हो—

कोई भी एक (either) अंश चुनी हुई संख्या द्वारा गुणित होकर, तब अन्य अंश द्वारा मिलाया जाकर, तब इष्ट भिछों के दिये गये योग के अंश द्वारा विभाजित होकर (ताकि कुछ भी शेष न रहे,) और तब उपर की चुनी हुई संख्या द्वारा विभाजित होकर तथा इष्ट भिन्नों के योग के हर द्वारा गुणित होकर, चाहे हुए हर को उत्पन्न करता है। अन्य भिन्न का हर इस हर को उपर की चुनी हुई ग्रिश द्वारा गुणित कर प्राप्त कर सकते हैं।।८७।।

(८५) बीबीय रूप से, जब दो इष्ट भिन्नों का योग  $\frac{?}{r}$  है, तो इस नियम के अनुसार भिन्न कमशः  $\frac{?}{q-r}$  तथा  $\frac{?}{(q-r)/(q-r)}$  होते हैं, जहां प कोई भी चुनी हुई राशि है। यह शीप्र देखने में आयेगा कि इन दोनों भिन्नों का योग  $\frac{?}{r}$  है।

अप + व को म दारा विभाजित किया जा सके । इन भिन्नों का योग म प्राप्त होगा ।

## अत्रोदेशकः

रूपांज्ञकयो राइयोः कौ स्थातां हारकौ युतिः पादः। पञ्चांशो वा ब्रिहतः सप्तकनवकशियोश्च वद ॥८८॥

द्वितीयसूत्रम्--

फळहारताहितांशः परांशसहितः फलांशकेन हतः। स्यादेकस्य च्छेदः फळहरगुणितोऽयमन्यस्य।।८९॥

## अत्रोदेशकः

राशिद्वयस्य की हारावेकांशस्यास्य संयुतिः । द्विसप्तांशो भवेद्बृह् षडष्टांशस्य च प्रिय ॥९०॥ अर्थेक्यंशद्शांशकपञ्चद्शांशकयुतिर्भवेद्रृपम् । त्यक्ते पञ्चद्शांशे रूपांशावत्र की योज्यी ॥९१॥ दळपादपञ्चमांशकविंशानां भवति संयुती रूपम् । सप्तैकादशकांशो की योज्याविह विना विंशम्॥९२

युग्मान्याश्रिय च्छेदोत्पत्तौ सूत्रम्— युग्मप्रमितान् भागानेकैकांशान् प्रकल्प्य फलराशेः।

तेभ्यः फलात्मकेभ्यो द्विराशिविधिना हराः साध्याः ॥९३॥

## उदाहरणार्थ प्रश्न

दो इष्ट भिन्नीय राशियों में प्रत्येक का अंश १ है। इनके हरों को निकालो जब कि इन राशियों का योग या तो है अथवा दे हो। साथ ही, उन दो अन्य भिन्नीय राशियों के हर निकालो जिनके अंश कमशः ७ और ९ हैं ॥८८॥

दसरा नियम निम्नकिखित है :---

इष्ट भिन्नों में किसी एक के अंश को इष्ट भिन्नों के योग के हर द्वारा गुणित कर दूसरे अंश में मिकाते हैं। प्राप्त फक्ष को इष्ट भिन्नों के योग के अंश द्वारा विभाजित करते हैं तो इष्ट भिन्नों में खे एक भिन्न का हर उत्पन्न होता है। इस हर को अब इष्ट भिन्नों के योग के हर द्वारा गुणित करते हैं तब वह दूसरे भिन्न का हर हो जाता है।।८९।।

#### उदाहरणार्थ प्रक्र

हे मित्र ! सुझे बतलाओं कि दो भिष्मीय राशियों के (जिनमें प्रस्थेक के अंश १, १ हैं) हर क्या होंगे जब कि उन इष्ट भिष्मों का योग है है। दो अन्य इष्ट भिष्मों के भी हर क्या होंगे जिनके अंश क्रमशः ६ और ८ हों ॥९०॥ रे, है, पै और पैस का योग १ है। यदि पैस छोड़ दिया जावे तो दो ऐसे १ अंश वाले भिष्म बतलाओं जिनको शेष भिष्मों में जोड़ने पर योग पुनः कुल के तुस्य हो जावे ॥९१॥ रे, पे, से और रोड का योग १ है। यदि पीड छोड़ दिया जाय तो क्रमशः ७ और ११ हर वाले ऐसे दो भिष्म कीन से होंगे जिनको शेष में जोड़ने पर उनका योग कुल योग के तुस्य हो जावे ॥९२॥

कुछ इष्ट भिक्षों को युग्मों (pairs) में छेकर उनके इरों को निकालने के लिये नियम-

सब इष्ट भिक्षों के योग को दिये गये अंशों के युग्मों की संख्या के तुल्य आगों में विपाटित करने के बाद. ( इस तरह कि प्रत्येक के अंश १, १ हों ), इन आगों को युग्मों के योग में अलग-अलग

<sup>(</sup>८९) गाथा ८७ में दिये गये नियम की यह विशेष स्थिति है क्योंकि इष्ट भिक्षों के हर का आदेशन (substitution) इस नियम में, पिक्के नियम में चुनी गई राशि के स्थान में करते हैं।

ग॰ सा॰ सं०-८

## **अत्रोहेशकः**

त्रिकपञ्चकत्रयोदशसप्तनवैकादशांशराशीनाम् । के हाराः फडमेकं पञ्चांशो वा चतुर्गुणिवः ॥९४॥ एकस्त्रोत्पन्नरूपांशहारैः सूत्रान्तरोत्पन्नरूपांशहारैश्च फडे रूपे छेदोत्पत्तौ नष्टभागानयनेच

स्त्रम्— बाब्छितसूत्रजहारा हरा भवन्त्यन्यसूत्रजहरज्ञाः । दृष्टांद्वीक्योनं फल्लमभीष्टनष्टांद्यमानं स्यात् ॥९५॥ अन्नोदेशकः

परहतिद्छनिषधानात्त्रयोद्श खपरसंगुणविषानात्। मागाश्चत्वारोऽतः कति भागाः स्युः फले रूपे ॥९६॥ प्राक्खपरहतिषधानात्सप्तस्वासम्भपरगुणाधिविषानात्। मागाकितयञ्जातः कति भागाः स्यः फले रूपे ॥९०॥

रूपांकका द्विषट्कद्वादक्षविक्रतिहरा विनष्टोऽत्र । पश्चमराक्षी रूपं सर्वसमासः स राक्षिः कः ॥९८॥ इति भागजातिः ।

छेते हैं। उनमें से चाहे हुए हरों को, दो घटक मित्रीय राशियों के सम्बन्ध में बतकाये गये नियम द्वारा निकाकते हैं ॥९३॥

## उदाहरणार्थ प्रश्न

उन इष्ट निर्मों के इर क्या होंगे जिनके अंश क्रमशः ३, ५, १३, ७, ९ और ११ हैं, जब कि उन मिश्रीय राशियों का योग १ अथवा दें है ? ॥९४॥

जिनका संवादी और ? है और जो उपर्युक्त नियमों द्वारा प्राप्त किये गये हैं ऐसे हरों की सहायता से कुछ हरों को निकाकने के किये ( नियम ); तथा जिनका संवादी औरा ? है और जिनके इह मिसों का योग एक है तथा जो उपर्युक्त अन्य नियमों द्वारा प्राप्त किये गये हैं ऐसे भिसों की सहायता से हरों को निकाकने के किये ( नियम ) और नष्ट भाग का मान निकाकने के किये नियम—

किसी भी चुने हुए नियम के अञ्चलार प्राप्त हरों को दूसरे नियम से प्राप्त हरों द्वारा गुणित करने पर चाहे हुए हर प्राप्त होते हैं। इन मिश्रों का योग, विशिष्ट भाग के योग द्वारा हासित किये जाने पर छोड़े हुए नष्ट माग का मान होता है ॥९५॥

## उदाहरणार्थ पश्न

नियम ७७ हारा प्राप्त मिलों की संख्या १२ है और नियम क्रम ७८ हारा प्राप्त भिल्नों की संख्या थ है। इन नियमों की सहायता से प्राप्त मिल्नों का योग १ है, तो बतकाओं कि विषटक भिल्न कितने हैं !!।९६॥ गाया ७८ के नियम हारा प्राप्त मिलों की संख्या ७ है और नियम ७७ गायानुसार प्राप्त संख्या १ है। यदि इन नियमों हारा प्राप्त मिलों का योग १ हो तो बतकाओं विषटक भिल्न कितने हैं !।१०॥ जिनके औश १, १ हैं ऐसे कुछ मिलों के इर क्रमशः १, ६, १२ और २० हैं। यहां पांचवीं मिलीय राशि छोद दी गई है। इन पाँचों मिलों का योग १ है, बतकाओं कि वह छोदी गई मिलीय राशि क्या है !॥९८॥

इस प्रकार, कळासवर्ण पर्वाति में भाग वाति नामक परिच्छेद समाप्त हुआ।

<sup>(</sup> ९३ ) दो भिन्नीय राश्चियों के सम्बन्ध में नाथा ८५, ८७ और ८९ में नियम दे दिये गये हैं।

त्रसागभागभागजात्योः सूत्रम्— अंक्षानां संगुणनं द्वाराणां च प्रभागजाती स्यात्। गुजकारोंऽक्षकराक्षेद्वीरहरो भागभागजातिविधी ॥९९॥

# प्रमागजाता**बु**देशकः

स्पार्धं ज्यंशार्धं ज्यंशार्धार्धं द्राधंपञ्चांशम्। पञ्चांशार्धंज्यंशं कृतीयमागार्धेसप्तांशम् ॥१००॥ दृष्टदृष्ट्यस्प्तांशं ज्यंशज्यंशकदृष्ठार्धंदृष्ठभागम्। अर्थे ज्यंशज्यंशकपञ्चांश पञ्चमांशदृष्ठम् ॥१०१॥ क्रीतं पणस्य दृत्त्वा कोकनदं कुन्द्केतकीकुमुद्दम्। जिनचरणं प्राचियतुं प्रक्षिप्यतान् फलं मृहि ॥१०२ स्पार्धं ज्यंशकार्धार्धं पाद्यप्तनवांशकम् । द्वित्रिभागद्विसप्तांशं द्विसप्तांशनवांशकम् ॥१०३॥ दृत्त्वा पणद्वयं कश्चिद्वानैपीभृतनं घृतम् । जिनालयस्य दीपार्थं शेषं किं कथय प्रिय ॥१०४॥ ज्यंशाद्विपञ्चमांशत्कृतीयभागात् त्रयोदशपढंशः। पञ्चादश्वस्यागात् त्रयोदशांशोऽष्टमाश्रवमः ॥१०५॥ नवमाचतुक्ययोदशभागः पञ्चांशकात् त्रिपादार्धम् । संक्षिप्यायक्ष्येतान् प्रभागजातौ अमोऽस्ति यदि ॥१०६॥

# प्रभाग और भागभाग जाति ( संयुत और जटिल भिन्न )

संयुत (compound) और वटिक (complex) मिन्नों को सरक करने के किये नियम— संयुत्त भिन्नों को सरक करने में, अंशों का उनमें ही गुणन तथा हरों का उनमें ही गुणन होगा। संकर (complex) मिन्नों सम्बन्धी सरकीकरण किया में भिन्न के हर का हर, दिये गये भिन्न के अंग्र का गुणक हो जाता है।।९९॥

# प्रभाग जाति ( संयुत मिल्नों ) पर उदाहरणार्थ प्रश्न

जिन मुद्ध के बरणों में पूजन के अर्पण के निमित्त निम्निकिखित पण मूल्य पर कोकनद (कमक ) कुन्द (jasamins), केतकी और कुमुद (lily) बरीदे गये: १ का दे, दे का दे का दे का दे का दे के हैं दे का 
बिंद तुमने संयुत भिम्नों के सम्बन्ध में परिश्रम किया है तो बतलाओं कि भिम्निलिखित भिम्नों का योग करने पर परिलामी योगफल क्या होगा ? है का है, है का नेह, नेट का नेड, टे का है, है का नेह और है का है का है ॥३०५-१०६॥

<sup>(</sup> ९९ ) यहां संकर मिश्र में अंश पूर्णिक है और हर मिश्रीय है ।

खत्रैकाञ्यक्तानयनसूत्रंम्— रूपं म्यस्याञ्यके प्राग्विधिना यत्फलं भवेत्तेन । भक्तं परिदृष्टफलं प्रमागजाती तर्जातम् ॥१०७॥ अत्रोहेशकः

राम्नेः कुतिश्चिद्षष्टांशस्त्र्यंशपादोऽर्धपञ्चमः । षष्ठत्रिपादपञ्चांशः किमन्यक्तं फलं द्छम् ॥१०८॥ अनेकान्यकानयनसूत्रम्—

कृत्वाद्वातिनिष्ठान् फल्सदृशी तयुतियेथा भवति । विभजेत पृथम्व्यक्तेरविदितराशिप्रमाणानि ॥१०९॥

## अत्रोदेशकः

राज्ञेः कुतिश्चिद्धं कुतिश्चिद्ष्षांशकत्रिपञ्चांशः । कस्माद्द्वित्र्यंशार्धं फळमर्घं के स्पुरज्ञाताः ॥११०॥ भागभागजातावृहेशकः

बदसप्तमागभागस्त्र्यष्टांशांश्रञ्चतुर्नेवांशांशः । त्रिचतुर्थभागभागः किं फलमेतद्यतौ बृहि ॥१११॥

जिनका योग दिया गया है ऐसे संयुत मिन्नों के प्रत्येक समूह का एक साधारण अज्ञात (तत्व) निकाकने के छिचे नियम---

विया गया योग जब संयुत भिन्नों के अज्ञात तस्य के स्थान में एक रखने के उपर्युत्त नियमा-बुसार मास योग द्वारा विभाजित किया जाता है तब संयुत भिन्नों की योग किया में चाहे हुए अज्ञात तस्य को उरपन्न करता है ॥१०७॥

## उदाहरणार्थ प्रश्न

किसी राशि का टै, है का है, दे का दे और है का है का दे का योग है है; बतलाओ कि यह अञ्चात राशि क्या है ? ॥१०८॥

दिये गये योग वाले संयुत्त भिन्नों के प्रस्येक समूह में रहने वाले एक से अधिक अज्ञात तस्वीं को निकालने के लिये नियम—

श्रांतिक रूप से ज्ञात विभिन्न संयुत भिन्नों के अज्ञात मानों को उन चुनी हुई राशियों के समान बनाओ जो दिये हुए संयुत भिन्नों की संख्या के बराबर हों और जिनका योग दिये गये आंशिक संयुत भिन्नों के दस योग के तुल्य हो। तब इन चुनी हुई अज्ञात संयुत भिन्नीय राशियों के मानों को उनके ज्ञात तत्वों हारा क्रमशः विभाजित करो। 1909।

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

( निम्निकिखित अधिक रूप से ज्ञात संयुक्तभिन्न, नाम्ना, ) कोई राशि का है; किसी अन्य राशि का है का दें और अन्य राशि का है का है; इन सबका योग है है। इनके सम्बन्ध में अज्ञात तत्व क्या क्या हैं १॥ ११०॥

#### संकर भिन्नों पर प्रश्न

 $\frac{9}{4/6}$ ,  $\frac{9}{2/6}$   $\frac{9}{2/6}$  और  $\frac{9}{2/9}$ , दिये गये हैं; बताओं कि इनका योगफक क्या होगा ?

<sup>(</sup>१०९) ११०वीं गाया के प्रकत के निम्निक्षित साधन द्वारा नियम स्पष्ट हो बावेगा। इष्ट भिक्षों के योग है को, गाया ७८ के नियमानुसार है भिक्षों में विपाटित करने पर हमें है, है और है प्राप्त होते हैं। इन आधिक रूप से ज्ञात संयुत भिन्नों को इम क्रमवार है, टै का दै और है का है द्वारा विभावित करते हैं विससे है, है और है ग्रांशियां प्राप्त होती है।

द्विज्यंशातं रूपं त्रिपादभक्तं द्विकं द्वयं चापि । द्विज्यंशोक्रूतमेकं नवकात्संशोध्य वद शेषम् ॥११२॥ .इति प्रभागभागभागंजाती ।

भागानुबन्धजातौ स्त्रम्— इरहतरूपेब्वंशान् संक्षिप भागानुबन्धजातिविधौ। गुणयामांशच्छेदावंशयुतच्छेदहाराभ्याम् ॥११३॥ इरमागानुबन्ध उद्देशकः

ैद्वित्रिषट्काष्टनिष्काणि द्वाव्याष्ट्रपढंशकैः । पञ्चाष्टमैः समेतानि विंशतेः शोधय प्रिय ।।११४॥ सार्धेनैकेन पक्केतं साष्ट्रांशेर्दशमिर्हिमम् । सार्धाभ्यां कुकुमं द्वाभ्यां कीतं योगे कियद्भवेत् ।।११६॥ स्वाष्ट्रमाष्ट्री षढंशान् षड्द्वाद्शांशयुतं द्वयम् । श्रयं पञ्चाष्ट्रमोपेतं विंशतेः शोधय प्रिय ।।११६॥ सप्ताष्ट्री नवदशमाषकान् सपादान् दत्त्वा ना जिननिलये चकार पूजाम् । उन्सीक्रक्करवक्कक्रन्दजातिमक्षीमालाभिर्गणक बदाशु तान् समस्य ।।११७॥

१ B में गुणयेदग्रांशहरी सहितांशब्छेद°, पाठ है।

₹ M. इदेत्

२ यह इलोक P में अप्राप्य है।

४ यह रहोक केवल P में प्राप्य है।

॥ १९१ ॥ ९ में से  $\frac{9}{2/2}$ ,  $\frac{2}{3/8}$  और  $\frac{2}{3/8}$  तथा  $\frac{9}{2/2}$  घटाने पर क्या शेष रहेगा ? ॥ १९२ ॥

इस प्रकार, कळासवर्ण पर्जाति सें, प्रभागजाति नामक परिष्केद समाप्त हुआ।

भागानुबंध जाति [ संयव भिन्न ]

भागानुबंध भिन्नों के सरकीकरण के सम्बन्ध में नियम---

भागातुर्वंघ भिक्ष को सरक करने के किये अंश को संयवित पूर्णसंख्या (associated whole number) और हर के गुणनफक में जोड़ देते हैं। यदि सम्बन्धित संख्या पूर्णांक न होकर भिक्षीय हो तो प्रथम भिक्ष के अंश और हर को दूसरे भिन्न के कमशः अंशसहित हर तथा हर से गुणित करो ॥११३॥

रूपभागानुबंध (संयक्ति पूर्णीक बाले भागानुबंध भिन्न) पर उदाहरणार्थ प्रश्न

निष्क क्रमशः २, ६, ६ और ८ हैं और वे पैर, टे, रे और टे से संयंतित हैं। हे मित्र इनके बोग को २० में से घटाओ ॥ ११४ ॥ १२ निष्क के कमक, १०टे निष्क का कप्र और २३ निष्क की सौंफ सरीदी गईं। योग करनेपर उनका कुछ मान बत्रकाओ ? ॥ ११५ ॥ हे मित्र २० में से निष्क-किसित को घटाओ—८टे, ६३, २५ और १८ ॥ ११॥ एक व्यक्ति जिन मंदिर में पूजन हेतु ७३, ८३, ९३ और १०३ मार्थों के सिळे हुए कुरवक, कुन्य, जाति और मिल्डका (जूही) फूळों के हार मेंट करता है। हे गणिवश्च ! मुझे द्यांत्र बताओं कि उन मार्थों को ओड़ने के बाद क्या मास होगा ? ॥ १९७ ॥

<sup>(</sup>११३) मागानुबंध का शाब्दिक अर्थ संयवित मिश्र है। यह नियम दो प्रकार के संयवित भिन्नों में प्रयोज्य होता है। प्रथम मिश्र संस्था है अर्थात् पूर्णोंक से संयवित भिन्न है, और दूसरा प्रकार वह है जिसमें मिन्न से संयवित भिन्न रहते हैं। जैसे है से संयवित है; स्व के है से संयवित है और इस संयवित स्थित के है से संयवित है। "है से संयवित है" का अर्थ होता है है + है का है; दूसरे उदाहरण का अर्थ है: है + है का है + है का है + है का है है सा है ) इस प्रकार के संयवित को "योबित अनुगमन" (additive consecution) कहते हैं।

# मागानुषम्य उद्देशकः

स्वत्र्यंशपादसंयुक्तं वृक्षं पञ्चांशकोऽपि च । त्र्यंशः स्वकीयषष्ठार्धं सहितस्तव्युतौ कियत् ।।११८।। क्र्यंशार्थशकसम्माश्चरमेः स्वेरिन्वतावृष्ठेतः पुष्पाण्यर्धेतुरीयपञ्चनवमेः स्वीयेर्युतास्सममात् । गन्धं पञ्चममागतोऽ धेचरणक्यंशांशकेर्मिश्रिताद् धूपं चार्चियतुं नरो जिनवरानानेष्ट किं तयुतौ ॥ स्वव्रस्यवितं पादं स्वत्र्यंशकेन समन्वितद्विगुणनवमं स्वाष्टांशक्यंशकार्धं विभिन्नितम् । नवममपि च स्वाष्टांशाद्यर्धपश्चिमसंयुतं निजदल्युतं क्यंशं संशोधय त्रितयारित्रयं ॥१२०॥ स्वव्यस्वस्वितपादं सस्वपादं दशांशं निजदल्युत्वषष्टं सस्वकत्र्यंशमर्थम् । चरणमपि समेतस्वत्रिमागं समस्य त्रिय कथय समप्रवृत्वं भागानुवन्वं ॥१२१॥

अत्रामान्यकानयनस्त्रम्— क्रमात्करिपतमागा रूपानीतानुबन्धफलमकाः। क्रमशः खण्डसमानास्तेऽज्ञातांशप्रमाणानि ॥१२२

#### १ अ. स्वचरणायर्वान्तिमैः।

भाग भागानुबंध [ संयवित भिन्नों वाले ] भिन्न पर उदाहरणार्थ प्रश्न

वहाँ रे सब के ने भाग और इस राशि ( ने ) के रे भाग से संवित्त है। दे भी इसी तरह संवित्त है; ने स्वके हे भाग और इस संवित्त राशि (हे) के रे भाग से संवित्त है। बतलाओं कि इन सबका बोग प्राप्त करने पर क्या मान प्राप्त होगा ? ॥ ११८ ॥ भी जिनवर के पूजन के किये कोई व्यक्ति, ने से संवित्त है निष्क के हुज ( गंज ); और रे, हे और ने संवित्त रे निष्क के फूज; रे, है, दे और रे से संवित्त है निष्क के हुज ( गंज ); और रे, हे और ने संवित्त है सिष्ठ ! ६ में से निम्नलिखित को घटाओ : स्व के रे से तथा इस राशि रे के ने भाग से संवित्त है; स्व के रे, ने और रे सागों से संवित्त है ( बौगिक अधुनाम में ); रे से आरम्भ होकर रे में अंत होने वाले मिल्नों से संवित्त है; और स्व: के रे भाग से संवित्त है ॥१२०॥ हे भागानुष्ठ में समप्र प्रक्ष मित्र ! क्या योगफड होगा जब कि निम्नलिखित की खारेंगे ? स्व के रे से संवित्त है; स्व के रे भाग से संवित्त है; स्व के रे से संवित्त है; स्व के रे भाग से संवित्त है; स्व के रे से संवित्त है; स्व के रे भाग से संवित्त है; स्व के रे साग से संवित्त है। १२२॥

ं अब अग्र अन्यक्त ( जिनका योग दिया गया है ऐसे संयवित मिन्नों में प्रस्त्रेक के आरम्भ में जाने वाका एक अञ्चात ) निकाकने के किये नियम यह है—-

को इह विचटक तत्वों की संख्या के बराबर है तथा जिनका योग दिया गया है ऐसे कव्यित भागों को, जब कम से, इन विघटक तत्वों सम्बन्धी संयवित राशि को 3 मानकर प्राप्त की हुई परि-जामी राशियों द्वारा विभाजित किया जाता है तब इह अञ्चात सम्बन्धी राशियों का मान उत्पन्न होता है ॥१२२॥

<sup>(</sup>१२२) गाथा १२३ के प्रका को खाबित करने पर यह नियम स्पष्ट हो बावेगा-

किसी भिन्न के तीन कुछक ( sets ) दिये गये हैं; योग १ को, नियम ७५ के अनुसार तीन भिन्नों में विपाटित करने पर हमें ३, ३ और १ प्राप्त होते हैं। इन भिन्नों को तीन दिये गये, अशात राश्चि १ वाके, मिन्नों के कुछकों को सरक करने से प्राप्त हुई राश्चियों द्वारा भावित करने पर हमें ३, ३ और ११ हुए राश्चियों प्राप्त होती हैं।

## **बन्नोद्देशकः**

कित्रत्वकेरर्थं तृतीयपादैरंशोऽपरः पञ्जाचतुर्नवांशैः।

अन्यक्षिपद्धांशनबांशकार्धेयुतो युती रूपसिद्दांशकाः के ॥१२३॥

कोऽप्यंशः स्वाधेपक्कांशत्रिपादनवर्मेर्युतः । अर्थं प्रजायते शीघं वदाव्यक्तप्रमां प्रिय ॥१२४॥

शेषेष्टस्थानाव्यक्तमागानयनसूत्रम्-

रुष्पात्कस्पितमागाः सवर्णितैर्व्यक्तराशिमर्भकाः । कमश्रो रूपविद्वीनाः स्वेष्टपवेष्वविदितांशाः स्यः॥१२५॥

ारपाराः रचुः ॥१२५॥ इति भागानुबन्धजातिः ।

अय मागापवाहजाती सूत्रम्-

हरहतरूपेष्यंशानपनय भागापबाहजातिविधी । गुणयात्रांशच्छेदावंशोनच्छेदहाराभ्याम् ॥१२६॥

#### रै B गुण्येदमांशहरी रहितांशच्छेदहाराम्याम् ।

# उदाहरणार्थ पश्न

( बीगिक सञ्जाम में ) स्वके है, है और है मार्गों से संबंधित एक मिन्न दिया गया है। अन्य निक्क, स्व के है, है और है मार्गों से संबंधित हैं। पुनः अन्य भिन्न स्वके है, है और है भागों से संबंधित हैं। इस तरह संबंधित मिन्नों का योग १ हो तो बतकाओं कि वे भिन्न क्या-क्या हैं ? ॥१२६॥ एक भिन्न स्वके है, है, है और है मार्गों से संबंधित होकर है हो जाता है। हे मिन्न ! मुझे बीज ही अस अज्ञात भिन्न का मान बतकाओं ॥१२४॥

भारम्म का स्थान छोड़कर अन्य इष्ट स्थानों के किसी अञ्चात भिन्न को निकासने के लिये नियम— दिये गये योग के, मन से विपादित मानों को जब क्रमशः इष्ट मानाजुर्वथ भिन्नों की सरक की गई ज्ञात राशियों द्वारा विभाजित करते हैं और तब १ द्वारा हासित करते हैं, तब इष्ट स्थानों की अञ्चात निजीब राशियों प्राप्त होती हैं ॥१२५॥

इस प्रकार, ककासवर्ण पर्वाति में मागाजुवंच जाति नामक परिष्केद समाप्त हुआ।

भागापवाह जाति [ वियवित भिन्न ]

विषवित ( Dissociated ) भिन्नों को सरह करने के किये नियम--

मागापबाह मिन्नों को सरक करने के किये हर द्वारा गुणित वियुत्त पूर्ण संक्या में से अंध को बटाओ । जब वियुत्त राशि पूर्णोंक न होकर भिन्नीय हो तब क्रमशः अंश और प्रथम भिन्न के हर को अंश हारा हासित हर और वूसरे भिन्न के हर द्वारा गुणित करो ॥१२६॥

<sup>(</sup>१२५) इस नियम में दी गई विधि गाया १२२ के समान है : इसमें प्राप्त फर्कों को एक द्वारा हासित किया बाता है।

<sup>(</sup>१२६) मागापवाह का शान्दिक अर्थ मिलीय वियवन है। जिस तरह मागानुवंध में मिल के दो मकार है, उसी तरह यहाँ मी २ प्रकार है। जब एक पूर्णांक और एक मिल मागापवाह सम्बन्ध में रहते हैं तब पूर्णांक में से मिल बटाया जाता है। दो या दो से अधिक मिल मी इस सम्बन्ध में हो सकते हैं, जैसे, स्वके है माग दारा वियुत दें अथवा स्व के हैं, टे, हे मागों दारा वियुत हैं; यहाँ अर्थ यह है कि दें का है, दें में से ( प्रथम स्वदाहरण में ) घटाया जायगा; वूसरे प्रक्त में : है — है का है — (ई — ई का है) का है - (ई — ई का है) का है - शाह होता है।

# रूपमागापवाइ उदेशकः

ज्यष्टचतुर्देशकर्षाः पादार्घद्वादशांशषष्ठोनाः। सवनाय नरेदेनास्त्रीर्थकृतां तथुतौ किं स्थात्।।१२७॥ त्रिगुणपाददछत्रिहताष्ट्रमैविरहिता नव् सप्तः नव कमात्।

प्रिय विशोध्य चतुर्गुणषट्कतः कथय शेषधनप्रमिति द्रुतम् ॥१२८॥

## भागभागापवाह उद्यक्तः

दिगुणितपक्षमनवमञ्यंशाष्टांशदिसप्तमान् क्रमशः ।
स्वषदंशपाद्वरणञ्यंशाष्टमवर्षितान् समस्य वद् ॥१२९॥
षदसप्तांशः स्वषष्ठाष्टमनवमद्शांशैवियुक्तः पणस्य
स्यात्पक्षद्वाद्शांशः स्वकचरणत्तीयांशपक्षांशकोनः।
स्वद्वित्र्यंशद्विपक्षांशकद्ववियुतः पक्षपद्भागराशिदिङ्ग्यंशोऽन्यः स्वपक्षाष्टमपरिरहितस्तसमासे फलं किम् ॥१३०॥
धर्षं श्वष्टमसागपाद्ववमेः स्वीयैविंहीनं पुनः
स्वैरष्टांशकसप्तमांशचरणेहनं त्तीयांशकम्।
अध्यर्थत्परिशोध्य सप्तममपि स्वाष्टांशपष्टोनितं
शेषं शृहि परिश्रमोऽस्ति यदि ते सागापवाहे सस्ते ॥१३१॥

अत्रामाव्यक्तभागानय नसूत्रम्--

कन्धारकल्पितभागा रूपानीतापवाहफलभक्ताः। क्रमशः खण्डसमानास्तेऽज्ञातांश्वप्रमाणानि ।१३२॥

## वियुत पूर्णांकों वाले भागापवाह भिन्नों पर प्रश्न

2, ८, ४ और १० कर्ष को है, है, होर और है कर्ष द्वारा हासित कर शेष कर्ष कुछ मनुष्यों हास तीर्थकरों के पूजन के छिये मेंट किये गये। इनका योग करने पर योगफड क्या होगा ? ॥१२०॥ है मिस्र ! मुझे बीझ बतलाओं कि है, है और टै हारा हासित क्रमवार ९, ७ और ९ शशियों को ९ × ४ हारा घटाया जाने पर कितना शेष रहेगा ? ॥ १२८ ॥

बियुत भिन्नों वाले भागापबाह भिन्नों पर प्रश्न

कमशः है, है, है, है और टे हारा हासित है, है, है और है को कमवार जोड़ो और तब बोगफ़ बतलाओ ॥ १२९ ॥ दिये गये हैं पण में, अनुगामी स्व की है, टे, हे और है राशियों को हासित करो, पुनः स्व की है, है और है राशियों हारा है को हासित करो, इसी तरह स्व की है, है और है राशियों हारा है को स्व की है संख्या हारा हासित करो । इन सभी परिणामों को जोड़कर फल बतलाओ ॥ १६० ॥ भागापवाह शिश्व के सम्बन्ध में, हे मिन्न, यहि तुमने कह किया है तो बतलाओ कि १३ में से निम्हिलित राशियों घटाने पर क्या शेष रहेगा ? स्व के है, है और है भागों हारा हासित है; इसी तरह स्व के टे, है और है भागों हारा हासित है; और इसी तरह स्व के टे और है भागों हारा हासित है।

दिये गये थोग वाले प्रत्येक वियवित भिन्न में आरम्भ में रहनेवाले एक अज्ञात तत्व को निकालने के किये नियम—

कोकि संस्था में इष्ट विघटक तत्वों के तुल्य हैं ऐसे दिये गये योग के, मन से विपाटित भागों को, जब कमवार इन विघटक तत्वों सम्बन्धी वियुत राशि को १ मानने से प्राप्त परिणामी राशियों द्वारा विभाजित किया जाता है तो इष्ट वियुत अञ्चात राशियों के मान प्राप्त होते हैं।। १३२॥

<sup>(</sup>१३२) इस गाथा की रीति १२२वीं गाथा के समान है।

## बनोदेखकः

कश्चित्खकैश्वरणपञ्चममागषष्ठैः कोऽप्यंशको दल्लबंशकपञ्चमांश्वैः । हीनोऽपरो द्विगुणपञ्चमपादषष्ठैः तत्संयुतिर्देलमिहाबिदिवांशकाः के ॥१३३॥ कोऽप्यंशस्त्वार्धषद्भागपञ्चमाष्टमसप्तमैः । विहीनो जीयते षष्ठः स कोंऽशो गणितार्थवित् ॥१३४॥

शेषेष्ठस्थानाध्यक्तभागानयनसूत्रम्-

स्वात्किल्पतभागाः सवर्णितैव्येकराशिभिभेकाः। रूपात्ययगपनीताः स्वेष्टपदेष्वविदितांशाः स्युः॥१३५॥

इति भागापवाह्यातिः।

भागानुबन्धभागापवाह्जात्योः सर्वो व्यक्तभागानयनसूत्रम्— त्यक्त्वैकं स्वेष्टांशान् प्रकल्पयेद्विद्तेषु सर्वेषु । ऐतैस्तं पुनरंशं प्रागुक्तरामयेत्सूत्रैः ॥१३६॥

१ १, 15 और 13 में जायते के लिए तद्यतिः।

## उदाहरणार्थ प्रश्न

कोई भिन्न निज की है, दे और है राशियों द्वाराअनुगमन में (in consecution) इासित किया जाता है। दूसरा भिन्न भी इसी तरह निज के दे, है, और दे भागों द्वारा हासित किया जाता है। तीसरा भिन्न भी इसी तरह निज के दे, है और है भागों द्वारा हासित किया जाता है। इन तीनों हासित राशियों का योग है है। बतलाओं कि वे अञ्चात भिन्न कीन-कीन हैं ?॥१६३॥ कोई भिन्न निज के दे, है, दे तथा है और है भागों द्वारा अनुगमन में द्वासित किया जाता है और इस तरह है हो जाता है। है अंकगणित सिद्धान्त वेता! बतलाओं कि वह अञ्चात क्या है ?॥१६३॥

भन्य चाहे हुए स्थानों वाला कोई अज्ञात भिन्न निकालने के नियम-

दिये गये योग से प्राप्त मन से चुने हुए विपाटित भाग क्रमशः इष्ट भागापवाह मिक्कों वाकी सरळीकृत ज्ञात राशियों द्वारा विभाजित होकर और तब १ में से अकग अकग बटाये जाकर, चाहे हुए स्थानों की भिक्कीय राशियों हो जाते हैं ॥१३५॥

इस प्रकार कलासवर्णे पर्जाति में भागापवाह जाति नामक परिच्छेद समाप्त हुआ।

भागानुबन्ध अथवा भागापवाह प्रकार के भिन्नों के सम्बन्ध में श्रीतममान ज्ञात होने पर (सर्व स्थान वाले ) अज्ञात मिन्नों को निकालने के लिये नियम—

मन से, इच्छातुसार, केवछ एक स्थान छोड़कर सब अज्ञात स्थानों सम्बन्धी भिन्न खुनो। तब उपर किसे हुए नियमों द्वारा, उस अज्ञात भिन्न को, इन मन से खुनी हुई भिन्नीय राशियों की सहायता से पास करो ॥१६६॥

<sup>(</sup>१३५) गाथा १२५ में दिये गये नियम के समान यह भी है।

<sup>(</sup> १३६ ) १२२, १२५, १३२ और १३५ गाथाओं में दिये गये नियमानुसार यह भी है। ग॰ स॰ स॰-९

## अत्रोदेशकः

किंदिर्शोऽशकै: कैश्चित्पन्नभि: स्वैर्युतो दस्यम् । वियुक्तो वा भवेत्पादस्तानंशान् कथय प्रिय ॥१३७॥

भागभारजातौ सूत्रम्-

भागादिमजातीनां खखविधिर्भोगमातृजातौ स्यात्। सा षर्बिशतिभेदा रूपं छेदोऽच्छिदो राशेः ॥१३८॥

# उदाहरणार्थ प्रक्त

एक भिन्न निज के पाँच अन्य भिन्नों से मिकाया जाने पर है हो जाता है; और, एक अन्य भिन्न निज के पाँच अन्य मिन्नों द्वारा हासित होकर है हो जाता है। है मित्र ! उन सब अज्ञात भिन्नों का मान निकाको ॥१६७॥

भागमातृ जाति [ दो या अधिक प्रकार के मिन्नों से संयुक्त भिन्न ]

कपर वर्णित सभी प्रकार के भिन्नों का जिसमें समावेश है ऐसे भागमात्र प्रकार के भिन्न सरक करने के किये नियम—

भागमात्र भिक्षों में, सरक भिक्षों को आदि लेकर विभिन्न प्रकार के भिक्षों सम्बन्धी नियम प्रयोज्य होते हैं। भागमात्र भिक्ष के २६ प्रकार होते हैं। जिस राशि का इर नहीं होता उस राशि का हर एक ले लेते हैं॥ १३८॥

- (१३७) इस प्रश्न में, प्रथम दशा को इल करने में, आरम्भ के स्थानों को छोड़कर अन्य स्थानों में है, है, है, है, है और है भिन्नों को चुनो; और तब गाथा १२२ में दिये गये नियम द्वारा प्रथम भिन्न को निकाछो जो है प्राप्त होगा। अथवा, १२५वीं गाथा के अनुसार आदि मिन्न के खिवाय छोड़े हुए अन्य स्थानों के भिन्न को निकाछने के छिये है, है, है, है और है चुनो; भिन्न है आवेगा। इसी तरह वियुत भिन्नों वाछी दूसरी दशा को १३२वीं और १३५वीं गाथा के नियम की सहायता से साधित किया जा सकता है।
- (१६८) २६ प्रकार के मिन्न तब प्राप्त होते हैं जब कि भाग, प्रमाग, भागभाग, भागानुबंध और भागापवाह को एक बार में क्रमशः दो, तीन, चार अथवा पाँच ठेकर संचय (combinations) संख्या निकास्तते हैं। जैसे, भाग और प्रभाग मिश्रित होते हैं, भाग और भागभाग मिश्रित रहते हैं, आदि। दो का मिश्रण करने पर १० संचय प्राप्त होते हैं, ३ का मिश्रण एक बार में छैने से १० संचय, चार का मिश्रण एक बार छैने पर ५ संचय और सबको एक बार छैने पर १ संचय, इस तरह कुछ २६ प्रकार प्राप्त होते हैं। १३वीं गाया के अन्त में ऐसे भागमात्र प्रकार का प्रश्न है जिसमें पाँचों प्रकार सिम्मिकत हैं।

# अत्रोदेशकः

ज्यंशः पादोऽधीर्धं पञ्चमषष्ठसिपादइतमेकम् । पञ्चाधेइतं रूपं सषष्ठमेकं सपञ्चमं रूपम् ॥१३९॥ स्वीयवृतीययुग्दल्मतो निजवष्ठयुतो व्रिसप्तमो द्दीननवाशमेकमपनीतद्शांशकरूपमष्टमः । स्वेन नवांशकेन रहितञ्चरणः स्वकपञ्चमोज्यितो मृद्दि समस्य तान् प्रिय क्लासमकोत्पलमाजिकाविधौ ॥१४०॥

इति भागमातृजातिः।

इति सारसङ्ग्रहे गणितशास्त्रे महावीराचार्यस्य कृतौ कलासवर्णो नाम द्वितीयव्यवहारस्समाप्तः ॥

# उदाहरणार्थं प्रश्न

दिया गया है कि भिन्न है निज के, है, है, है का है, है का है;  $\frac{9}{8/9}$ ,  $\frac{9}{9/2}$ ;  $9\frac{2}{6}$ ,  

इस प्रकार, कछासवर्ण षड्जाति में भागमातृ जाति नामक परिष्छेद समाप्त हुआ।

इस प्रकार, महावीराचार्य की कृति सारसंग्रह नामक गणितशास्त्र में ककासवर्ण नामक द्वितीय व्यवहार समाप्त हुआ।

<sup>(</sup>१३९ और १४०) इस गाथा में उत्पद्धमालिका शब्द आया है जिसका अर्थ नीलकमल पुष्पमाला होता है। गाथा की संरचना का छंद भी यही है।

# ४. प्रकोर्णक व्यवहारः

प्रणुवानन्तगुणीचं प्रणिपत्य जिनेश्वरं महाबीरम् । प्रणतजगत्त्रयवरदं प्रकीर्णकं गणितमभिधास्ये॥१॥ विध्यस्तदुर्नयध्यान्तः सिद्धः स्याद्वादशासनः । विद्यानन्दा जिमो जीयाद्वादीन्द्रो सुनिपुक्रयः ॥२॥

इतः परं प्रकीर्णकं तृतीयन्यवहारमुदाहरिष्यामः— भागः शेषो मूलकं शेषमूलं स्यातां वाती द्वे द्विरप्रांशमूले । भागाभ्यासोऽतोंऽशवर्गोऽथ मूलमिश्रं तस्माद्भित्रहर्यं द्वामूः॥ ३॥

१ B और M में यह इलोक छूटा हुआ है।

# ४. प्रकीर्णकव्यवहार

[ भिन्नों पर विविध प्रश्न ]

स्तवनीय अनन्त गुणों से पूर्व और नमन करते हुए तीनों कोकों के बीवों को वह देने वाले जिनेश्वर महावीर को नमस्कार कर मैं भिक्षों पर विविध प्रश्नों का प्रतिपादन करूँगा ॥१॥ जिन्होंने दुनैय के अधकार का विष्यंस कर स्थाद्वाद शासन को सिद्ध किया है, जो विद्यानम्द हैं, वादियों में अद्वितीय हैं और मुनिपुंगव हैं ऐसे जिन सदा जयवंत हों। इसके पश्चाद, मैं तीसरे विषय (भिक्षों पर विविध प्रश्न) का प्रतिपादन करूँगा ॥२॥ भिक्षों पर विविध प्रश्नों के दस प्रकार हैं; भाग, शेष, मूळ, शेषमूळ, दिरमशेषमूळ, अंशमूळ, आंशास्थास, अंशवर्ग, मूळमिश्र और भिन्नदृश्य ॥३॥

(३) 'भाग' प्रकार में वे प्रका होते हैं बिनमें निकाली बानेवाली कुछ राशि के कुछ विशिष्ट भिक्षीय भागों को हटाने के पश्चात् शेष भाग का संख्यात्मक मान दिया गया होता है। हटाये गये भिक्षीय भाग में से प्रत्येक 'भाग' कहलाता है और ज्ञात शेष का संख्यात्मक मान 'हश्य' कहलाता है।

'शेष' प्रकार में ने प्रध्न होते हैं जिनमें निकाली जानेवाली कुल राशि के शात भिन्नीय भाग को हटाने के पश्चात् अथवा उत्तरोत्तर शेष के कुछ शात भिन्नीय भाग हटाने के पश्चात् शेष भाग का संख्यात्मक मान दिया गया होता है।

'मूक' प्रकार में वे प्रका होते हैं जिनमें कुछ राशि में से कुछ मिसीय भाग अथवा उस कुछ राशि के वर्गमूक का गुणक घटाने के पक्चात् रोष भाग का संख्यात्मक मान दिया गया होता है।

'शेषमूल', 'मूल' से केवल इस बात में भिन्न है कि यह वर्गमूल पूरी राशि के स्थान में उसका वर्गमूल होता है जो दिये गये भिन्नीय भागों को घटाने के पश्चात शेष रूप में बचता है।

'दिरम शेषम्ल' प्रकार में वे प्रका होते हैं जिनमें शात वस्तुओं की संख्या पहिले हटाई जाती है; तब उत्तरोत्तर शेष के कुछ भिजीय भाग और तब अम शेष के वर्गमूल का कोई गुणक हटाया जाता है; और अन्त में, शेष भाग का संख्यात्मक मान दिया गया होता है। प्रथम हटाई गई शात संख्या पूर्वाम्र कहलाती है।

'अंशमूख' प्रकार में कुछ संख्या के भिक्षीय भाग के वर्गमूख के एक गुणक को इटाया बाता है और तब शेष भाग का संख्यात्मक मान दिया गया होता है। तत्र भागजातिशेषजात्योः सूत्रम्-

भागोनरूपमक्तं दृश्यं फलमत्र भागजातिविधौ । अंशोनितरूपाइतिदृतममं शेषजातिविधौ ॥ ४ ॥

# भागजाताबुद्देशकः

दृष्टोऽष्टमं पृथिव्यां स्तम्भस्य त्रयंशको मया तोये। पादांशः शैवाले कः स्तम्भः सप्त इस्ताः से॥ ५॥ षद्भागः पाटळीषु अमर्षरततेस्तिषभागः कदम्बे पादश्चृतदुमेषु प्रदक्तिकुतुमे चम्यके प्रश्नमांशः।

मिलों पर विविध प्रश्नों में 'भाग' और 'शेष' भिलों सम्बन्धी निवस --

'भाग' प्रकार (भाग प्रकार की प्रक्रियाओं) में, ज्ञात भिन्न से हासित ? के द्वारा दी गई राशि को भाजित कर चाहा हुआ फल प्राप्त किया जाता है। 'शेष' प्रकार की प्रक्रियाओं में, ज्ञात भिन्नों को एक में से क्रमशः घटाने से प्राप्त राशियों के गुणनफल हारा दी गई राशि को भाजित कर इष्ट फल प्राप्त किया जाता है।।४॥

## 'भाग' जाति के उदाहरणार्थ प्रस्त

मेरे द्वारा एक स्तम्भ का है भाग जमीन में; है पानी में है काई में और ७ इस्त हवा में देखा गना। बतलाओ स्तम्भ की लम्बाई क्या है ? ॥५॥ श्रेष्ठ श्रमरों के समूह में से है पाटली बृक्ष में, है करम्ब बृक्ष में, है आग्र बृक्ष में, है विकसित पुष्पों वाले चम्पक बृक्ष में, है सूर्य किरणों द्वारा पूर्ण विकसित कमल कृष्य में आनव्य ले रहे ये और एक मत्त श्रुक्त आकास में अमण कर रहा था।

'मूळमिअ' प्रकार में वे प्रका होते हैं जिनमें कुछ दी गई संख्याओं द्वारा घटाई या बढ़ाई गई कुछ संख्या के वर्गमूल में कुछ के वर्गमूल को बोड़ने से प्राप्त योग का संख्यात्मक मान दिया गया होता है।

'भिक इच्या प्रकार में कुछ का मिकीस माग, तूसरे भिकीय माग द्वारा गुणित होकर, उसमें से इटा दिया जाता है और शेष भाग कुछ के भिकीय भाग के रूप में निरूपित किया जाता है। यह विचारणीय है कि इस प्रकार में, अन्य प्रकारों की अपेक्षा शेष को कुछ के भिकीय भाग के रूप में रखा जाता है।

<sup>(</sup>४) 'भाग' प्रकार के सम्बन्ध में विद्यम बीकीय रूप से यह है : क = अ जहाँ क अज्ञात समुच्य राशि है, बिसे निकाळना है; अ 'हस्य' अथवा अग्र है; और, व दिया गया भाग अथवा दिये

<sup>&#</sup>x27;भागाभ्यास' अथवा 'भाग सम्वर्ग' प्रकार में, कुछ संख्या के कुछ मिक्रीय भागों के गुणनफछ अथवा गुणनफलों को दो, दो के संचय में छेकर उन्हें कुछ संख्या में से घटाने से प्राप्त शेष भाग का संख्यास्मक मान दिया गया होता है।

<sup>&#</sup>x27;अंशवर्गं' प्रकार में वे प्रका होते हैं जिनमें कुछ में से भिकीय माग का वर्ग ( बहां, यह भिकीय भाग दी गई संख्या द्वारा बदाया अथवा घटाया बाता है ) हटाने के पश्चात् शेष भाग का संख्यात्मक मान दिया गया होता है ।

मोत्कृक्षान्मोजवण्डे रविकरद्किते त्रिंशवंशोऽभिरेमे
वत्रेको मस्पृक्को अमति नमसि का तस्य वृन्द्स्य संख्या ॥ ६ ॥
धादायान्मोक्हाणि स्तुतिशतमुस्यः शावकस्तीर्थक्रम्यः ।
पूजां चक्रे चतुम्यों वृषभिजनवरात् त्र्यंशमेषाममुख्य ।
त्र्यंशं तुर्वं षढंशं तद्तु सुमत्ये तक्षवद्वादशांशो
शेषेभ्यो द्विद्विपद्यं प्रमुद्तिसनसाद्त्त किं तत्प्रमाणम् ॥ ७ ॥
स्ववशीकृतेन्द्रियाणां दूरीकृतविषकषायदोषाणाम् । शीळगुणामरणानां द्याङ्गनाळिङ्गिताङ्गानाम् ॥८॥
साधृनां सङ्घृन्दं सन्दृष्टं द्वादशोऽस्य तर्कशः । स्वत्र्यंशवितोऽयं सद्वान्तद्यान्दसस्तयोः शेषः ॥९॥
धह्नोऽयं धमैकथी स एव नैमित्तिकः स्वपादोनः ।
बादी तयोविशेषः षडुणितोऽयं तपस्ती स्यात् ॥१०॥
गिरिशिस्तरते मयोपदृष्टा यिवपतयो नवसंगुणाष्टसङ्क्ष्याः ।
रिवकरपरितापितोज्ञवळाङ्गाः कथय मुनीन्द्रसमृह्माशु मे त्वम् ॥११॥

बतकाओं कि उस समूह में अमरों की संख्या कितनी थी ? ॥६॥ एक अवक ने कमछों को एकत्रित कर, बोर से बात स्तुतियाँ करते हुए, पूजन में इन कमछों के दे भाग और इस दे भाग के है है और है भागों को क्रमशः जिनवर ऋषम से भादि लेकर चार तीर्थंकरों को: इन्हीं ने भाग कमलों के ै और <sub>दोर</sub> भागों को सुमित नाथ को; तब, शेष १९ तीर्यंकरों को प्रमुद्दित सन से २. २ कमल मेंट किये। बतळाओं कि उन सब कमलों का संख्यात्मक मान क्या है ? ॥७॥ कुछ साधुओं का समृह देखा गया । वे साधु हन्द्रियों को अपने वशमें कर चुके थे, विषरूपी कषाय के दोषों को तूर कर चुके थे। उनके शरीर सचरित्रता से और सद्गुणों रूपी आभरणों से शोभायमान थे तथा इया रूपी अंगना से आर्किंगित थे। उस समूह का देश भाग तर्क शास्त्रियों युक्त था। निज के है भाग हारा हासित यह देव वां भाग सदुन्द, संदष्ट साधुओं युक्त था । इन दोनों का अन्तर [ देन और देने -👣 का 🖁 ] सिद्धान्त ज्ञाताओं की संक्या थी । इस अंतिम अनुपाती राशि में ६ का गुणन करने से प्राप्त राशि धर्म कथिकों की संख्या थी । निज के है भाग द्वारा दासित वह राशि नैमिलिक ज्ञातियों की संख्या थी । इन अंत में कथित दो राशियों के अन्तर का राशिफक वादियों की संख्या थी । ६ द्वारा गुणित यह शक्ति कठोर तपस्वियों की संख्या थी । और, ९×८ यति मेरे द्वारा गिरि के शिखर के पास देखे गये. जिनका शरीर सूर्य के किरणों द्वारा परितप्त डोकर उज्बल दिलाई देता था। मुझे श्रीज्ञ. इस मुनीन्द्र समुद्द का मान बतळाओ ॥८-११॥ एके हुए फर्छों (बढियों ) के भार से शुके हुए श्रुन्दर शांकि क्षेत्र में कुछ तीते ( श्रुक ) उतरे । किसी मनुष्य द्वारा भयगस्त होकर वे सब सहसा उत्पर उदे । उनमें से आधे पूर्व दिशा की ओर, है दक्षिण पूर्व (आरनेय) दिशा में उदे । जो पूर्व और आरनेय विशा में उदे उनके अन्तर को निज की भाषी राशि द्वारा हासितकर और पुनः इस परिणामी राशि की

गये मिन्तीय भागों का योग है। यह स्पष्ट है, कि यह समीकरण क - वक = अ द्वारा प्राप्त किया जा सकता है। शेष प्रकार का नियम, बीबीय रूप से निद्धित करने पर,

क=  $\frac{4}{(2-a_1)(2-a_2)(2-a_3)\times...}$  होता है, वहाँ  $a_1$ ,  $a_2$ ,  $a_3$  आदि उत्तरोत्तर रोषों के

फळभारतम्रकम्ने शालिमेंत्रे शुकाः समुपिष्टाः । सहसोत्थिता मनुष्यैः सर्वे संत्रासिताः सन्तः ॥१२॥ तेषामर्थं प्राचीमाग्नेयों प्रति जगाम षड्मागः ।

पूर्वाग्नेयीशेषः स्वद्छोनः स्वाधैवर्जितो यासीम् ॥१३॥

योम्याग्नेयोशेषः स नैर्ऋति स्वद्विपद्धभागोनः । यामोनैऋत्यंशकपरिशेषो वारुणीमाञ्चाम् ॥१४॥ नैर्ऋत्यपर्विशेषो वायव्यां सस्वकत्रिसप्तांशः । वायव्यपर्विशेषो युतस्वसप्ताष्टमः सौमीम् ॥१५॥ वायव्यपर्विशेषो वृतस्वसप्ताष्टमः सौमीम् ॥१५॥ वायव्यपर्विशेषोत्रितरेशानी स्वित्रभागयुगहीना । दशगुणिताष्टाविशितरविशेष्टा व्योक्ति किराः॥१६॥ काचिद्वसन्तमासे प्रसूतफळगुच्छमारनमोद्याने ।

कुमुमासवरसरिखतशुककोकिङमधुपमधुरनिस्वननिचिते ॥१७॥

हिमकरधवले पृथुले सौधतले सान्द्ररुन्द्रमृदुतल्पे।

फणिफणनितम्बविम्बा कनद्मलाभरणशोआकी ॥१८॥

पाठीनजठरनयना कठिनस्तनहारनम्रतनुमध्या।

सह निजपतिना युवती रात्री प्रोत्यानुरममाणा ॥१९॥

प्रणयकल्हे समुत्थे मुक्तामयकिण्डका तद्बळाया:।

छिन्नावन्नौ निपतिता तत्त्रयंशस्त्रोटिकां प्रापत् ॥२०॥

षड्भागः शय्यायामनन्तरान्तरार्धमितिभागाः । षट्संख्यानास्तस्याः सर्वे सर्वत्र संपतिताः ॥२१॥ एकाप्रषष्टिशतयुतसहस्रमुक्ताफछानि दृष्टानि । तन्मौक्तिकप्रमाणं प्रकीर्णकं वेत्सि चेत् कथय ॥२२॥

अर्ब राशि द्वारा हासित करने से प्राप्त राशि के तोते दक्षिण दिशा की ओर उद्दे। जो दक्षिण की ओर उद्दे तथा आग्नेय दिशा में उद्दे उनके अन्तर को, निज के हैं भाग द्वारा हासित करने से प्राप्त राशि के तोते दक्षिण पश्चिम (नैक्स्य) दिशा में उद्दे। जो नैक्स्य में उद्दे तथा पश्चिम में उद्दे, उनके अन्तर में उस निज के है भाग को जोइने से प्राप्त संख्या के तोते उत्तर-पश्चिम (वायव्य) में उद्दे। जो वायव्य और पश्चिम में उद्दे उनके अन्तर में क्लिज के है भाग को जोइने से प्राप्त संख्या के तोते उत्तर दिशा में उद्दे। जो वायव्य और उत्तर में उद्दे उनका योगफड निज के है भाग द्वारा हासित होने से प्राप्त राशि के तोते उत्तर पूर्व (ईशान) दिशा में उद्दे। तथा, २८० तोते उपर आकाश में शेष रहे। वतकाओ कुछ कितने तोते थे ? ॥१२–१६॥

वसन्त ऋतु के मास में एक राजि को, कोई...... युवती अपने पति के साथ, फल और पुष्पों के गुच्छों से नज़ोभूत हुए बृक्षोंवाले, और फूलों से प्राप्त रस द्वारा मत्त शुक, कोयल तथा अमरबृन्द के मधुर स्वरों से गुंजित बगीचे में स्थित ..... महल के फर्श पर सुक्त से तिही थी। तभी पित और पक्षी में प्रणयकलह होने के कारण, उस अवला के गले की मुक्तामची कंठिका दूट गई और फर्श पर गिर पदी। उस मुक्ता के हार के चै मुक्ता दासी के पास पहुँचे; है शख्या पर गिरे, तब होष के है, और पुनः अप्रिम शेष के है और फिर अप्रिम शेष के है; इसी तरह कुल ६ वार में प्राप्त मुक्ता राजि सर्वत्र गिरी। शेष विना विकरे हुए १९६१ मोती पाये गये। यदि तुम प्रकीर्णक भिक्तों का साधन करना जानते हो तो उस हार के मोतियों का संख्यारमक मान बतलाओ ॥१७-२२॥ स्कुरित इन्द्रनीलमणि समान नीले रंग

भिन्नीय भाग हैं। यह त्म निम्निक्षित समीकरण से प्राप्त किया जा सकता है।  $\mathbf{s} - \mathbf{e}_1 \mathbf{s} - \mathbf{e}_2 \mathbf{s} - \mathbf{e}_3 \mathbf{s} - \mathbf{e}_4 \mathbf{s} - \mathbf{e}_4 \mathbf{s} - \mathbf{e}_4 \mathbf{s} ) - ( हत्यादि ) . . . . . = अ . (१७) कुछ शब्दों का अनुवाद छोड़ दिया गया है, जिन्हें पाठक भूछ गाथा में देख सकते हैं।$ 

सुद्धित्यनीसम्पं मट्पन्यून्दं प्रकुरिस्तियाने । इष्टं तस्याष्टांनोऽयोके कुटचे वरंशको सीमः ।१६३॥ कुटचायोकवियोषः वर्गुणितो विपुरुपाटसीवण्डे ।

पाटस्यशोकशेषः स्वनवांशोनो विशालसाळवने ॥२४॥

पाटलमशोकशेषो युतः स्वसामांशकेन सधुक्यने । पक्षांशः संदृष्टो बकुलेषूत्कुरूउमुकुलेषु ॥२५॥ तिउकेषु कुरबकेषु च सरलेक्वाक्षेषु पद्मापण्डेषु । वनकरिकपोळमूलेक्वपि सन्तरथे स प्रषांशः ॥२६॥ किस्नुरूकपुक्तपिक्षारक्ष्यने सधुक्रशक्षयिक्षात् । इष्टा भ्रमरकुरूक्य प्रमाणमान्यस्व गणक स्वम् ॥२०॥ गोयूथस्य क्षितिभृति दलं तक्तं शैलमूले षट् तस्यांशा विपुद्धविभिने पूर्वपूर्वार्थमानाः । संविद्धन्ते नगरनिकटे चेनवो दृश्यमाना द्वात्रिशत स्व सम सक्ते गोक्कस्य प्रमाणम् ॥२८॥

इति भागजात्युदेशकः।

# शेषवातानु हे सकः

षब्भागमाम्रराशे राजा शेषस्य पद्धमं राज्ञो । तुर्वत्र्यंशद्छानि त्रयोऽप्रहीषुः कुमारवराः ॥ २९ ॥ शेषाणि त्रीणि चृतानि कनिष्ठो दारकोऽप्रहीत् । तस्य प्रमाणमाचक्ष्य प्रकीणकविद्यारद् ॥ ३० ॥ षरति गिरौ सप्तांशः करिणां षष्ठादिमार्थपाञ्चात्याः । प्रतिशेषांशा विपिने षद्द्ष्ष्टाः सरसि कति ते स्युः ॥ ३१ ॥

### १ अप में 'स्फुरितेन्द्र॰', पाठ है।

बाके अमरों के समूह (बट्पद बुन्द) को प्रफुक्ति उद्यान में देखा गया। इस समूह का है माग अधोक बुशों में लिय न्या। जो क्रमझः कुटज और अशोक बुशों में लिय गया। जो क्रमझः कुटज और अशोक बुशों में लिय गये उन समूहों के अंतर को ६ द्वारा गुणित करने से प्राप्त अमरों की राशि वियुष्ठ पाटली नृकों के समूह में लिय गई। पाटली और अशोक बुशों के अमर समूहों के अन्तर को निज के है भाग द्वारा हासित करने से प्राप्त अमर राशि विशाल साल बुशों के बन में लिय गई। उसी अंतर को निज के है भाग में मिलाने से प्राप्त अमर राशि मधुक बुशों के बन में लिय गई। इस्ल समूह की है अमरराशि अच्छी तरह खिलीहुई कलियों वाले बकुळ बुशों में लियी देखी गई और वही है अमर राशि तिलक, कुरवक, सरल और आम के बुशों में, कमलों के समूह में और वनहस्तियों वाले मंदिरों के मूळ में लिय गई। और, शेष ३३ मर बदीराशि के विभिन्न रंगां से ज्यास कमळ पुंज में देखे गये। हे गणितज ! अमर समूह का संक्वाक्तक आन दो ॥२३-२७॥ गोकुळ (पद्मुलों के सुल्क) में से है आग पर्वंत पर है; उसका है भाग पर्वंत के मूळ में है; ऐसे ही ६ और माग (जिनमें से प्रस्थेक उत्तरीक्तर पूर्ववर्ती माना का आधा है), किसी वियुक्त बन में है। शेष ३२ गार्थे नगर के निकट देखी जाती हैं। हे मेरे मिन्न! उस पद्म हुल्क का बंदबारमक मान बसलाओ ॥१६८॥

इस प्रकार, 'माग' जाति के बदाहरणार्थ प्रश्न समाप्त हुए।

## 'रोष' जाति के उदाहरणार्थ प्रश्न

आफ़ फर्कों के समृष्ट में से राजा ने है माग किया; राजी ने शेष का है माग किया और प्रमुख राज्यकुमारों ने उसी शेष के कमशः है, है और है भाग किये। सबसे छोटे ने शेष ३ साम किये। हे प्रकार्णक विशारद! आमसमृह का संक्यासमक मान बतकाओ ॥२९-६०॥ शांकिमों के छुण्ड का है भाग पर्वत पर विश्वरण कर रहा है। कम से उत्तरोत्तर होय के है भाग को आदि लेकर है तक छुण्ड भाग वन में कोक की है। शेष ६ सरोकर के जिक्क हैं। वसकाओ कि वे किसने हाकी हैं ? ॥३१॥

कोष्टरं छेमे नवमाश्रमेकः परेऽष्टभागादिद्खान्तिमाशान् । जोषस्य शेषस्य पुनः पुराणा दृष्टा मया द्वादश तत्ममा का ॥ ३२ ॥ इति शेषजात्युदेशकः ।

अथ मूलजातौ स्त्रम्— मूलाधीमे छिन्धादंशोनैकेन युक्तमूलकृतेः। दृश्यस्य पर्वं सपदं वर्गितमिह मूलजातौ स्वम् ॥३३॥ अत्रोदेशकः

दृष्टोऽटब्यामुंदृय्यस्य पादो मूले च हे शैलसानी निविष्टे । चंद्राखिन्नाः पद्म नद्यास्तु तीरे कि तस्य स्यादुष्ट्रकस्य प्रमाणम् ॥ ३४ ॥ श्रुत्वा वर्षाश्रमालापटहपदुरवं शैलम्ब्र्लोरुरङ्गे नाट्यं चक्रे प्रमोद्प्रमुदितिशिखनां वोडशांशोऽष्टमश्च । ज्यंशः शेषस्य षष्टो वरवकुलवने पद्म मूलानि तस्थुः पुत्रागे पद्म दृष्टा भण गणक गणं वर्हिणां संगुणय्य ॥ ३५ ॥

१ छ में 'हस्ति' पाठ है। २ छ में 'नागाः' पाठ है।

रे B में 'कि स्यातेषां क्रञ्जराणां प्रमाणम्' पाठ है ।

एक आदमी को खजाने का है भाग मिछा। दूसरों को उत्तरोत्तर होषों के टै से आरम्भ कर, क्रम से है तक भाग मिछे। अंत में शेष १२ पुराण मुझे दिखे। बतलाओ कि कोष्ट में कितने पुराण हैं १॥३२॥ इस तरह होष जाति के उदाहरणार्थ प्रश्न समाग्न हुए।

'मुक' जाति सम्बन्धी नियम---

अज्ञात राशि के वर्गमूल का आधा गुणांक ( वार चौतक coefficient ) और ज्ञात शेष में से प्रत्येक को अज्ञात राशि के भिन्नीय गुणांक से हासित एक हारा भाजित करना चाहिये। इस तरह वर्ते हुए ज्ञात शेष को अज्ञात राशि के वर्गमूल के गुणांक के वर्ग में जोड़ते हैं। प्राप्त राशि के वर्गमूल में इसी प्रकार वर्ते हुए अज्ञात राशि के वर्गमूल के गुणांक को जोड़ते हैं। तत्यक्षात परिणामी राशि का पूर्ण वर्ग करने पर, इस मूल प्रकार में इष्ट अज्ञात राशि प्राप्त होती है। ३३॥

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

करों के सुष्य का है भाग वन में देखा गया । उस सुष्य के वर्गमूल का दुगुना भाग पर्वत के उतारों पर देखा गया । ५ करों के तिगुने, नदी के तीर पर देखे गये । करों की फुक संख्या क्या है ? ॥६५॥ वर्षा करतु में, घनाविक द्वारा उत्पन्न हुई स्पष्ट ध्वित सुनकर, मयूरों के समूह के दे और टे भाग तया शेष का है भाग और तत्पक्षाद वेष का है भाग, आनन्दातिरेक होकर पर्वत शिखररूपी विश्वाल नाव्यशाका पर नावते रहे । उस समूह के वर्गमूल के पाँचगुने बकुल हुओं के उत्कृष्ट वन में ठहरे रहे । और, शेष ५ पुनाग वृक्ष पर देखे गये । हे गणितक ! गणना करके फुक मयूरों की संख्या बतकाओ ॥६५॥ किसी अज्ञात संक्या वाले सारस पक्षियों के सुण्ड का है भाग कमक पण्ड (समूह)

ं (१३) बीजीय रूप से, यह नियम निम्निकेखित रूप में आता है— यहाँ अञ्चात राशि ंक' है।

$$\overline{s} = \left\{ \frac{\frac{\pi/2}{2-a} + \sqrt{\frac{2i}{2-a} + \left(\frac{\pi/2}{2-a}\right)^2} \right\}^2; \ \text{if } 3 = \frac{\pi}{2} + \sqrt{\frac{\pi}{2} + \frac{\pi}{2}} = \frac{\pi}{2} + \frac{\pi}{2} + \frac{\pi}{2} = \frac{\pi}{2} + \frac{\pi}{2} + \frac{\pi}{2} = \frac{\pi}{2} + \frac{\pi}{2} = \frac{\pi}{2} + \frac{\pi}{2} = \frac{\pi}{2} + \frac{\pi}{2} = \frac{\pi}{2} + \frac{\pi}{2} + \frac{\pi}{2} = \frac{\pi}{2} + \frac{\pi}{2} = \frac{\pi}{2} + \frac{\pi}{2} = \frac{\pi}{2} + \frac{\pi}{2} = \frac{\pi}{2} = \frac{\pi}{2} + \frac{\pi}{2} = \frac{\pi}{2}$$

= ॰ के द्वारा सरस्रता से प्राप्त किया जा सकता है। ग० सा० संब-१० चरित कंमलपण्डे सारसानां चतुर्थों नवमचरणभागौ सप्त मूळानि चाह्रौ । विकचवकुळमध्ये सप्तनिष्नाष्टमानाः कति कथय सस्ते त्वं पक्षिणो दक्ष साक्षात् ॥ ३६ ॥ न मागः किपवृन्द्रस्य त्रीणि मूळानि पर्वते । चत्वारिंशृद्धने दृष्टा वानरास्तद्रणः कियान् ॥ ३७ ॥ कळकण्ठानामधं सहकारतरोः प्रपुष्ठशाखायाम् । तिळकेऽष्टादश तस्थुनीं मूळं कथय पिकनिकरम् ॥ ३८ ॥ इंसकुळस्य दळं वकुळेऽस्थात् पन्न पदानि तमाळकुजाते । भन्न न किंचिदिप प्रतिदृष्टं तत्प्रमितिं कथय प्रिय शीघ्रम् ॥ ३९ ॥

इतिमूळजातिः।

अय शेषमूलजातौ सूत्रम्— पद्दल्बर्मयुतामान्मूलं सप्राक्पदार्धमस्य कृतिः । दृदये मूलं प्राप्ते फलमिद्द भागं तु भागजातिविधिः ॥ ४० ॥

पर चक रहा है; उसके दे और रे भाग तथा उसके वर्गमूक का ७ गुना भाग पर्वत पर विचर रहे हैं। इस पुष्पयुक्त बकुल हुशों के मध्य में शेष ५६ हैं। हे निपुण मित्र ! मुझे ठीक बतलाओं कि कुल कितने पश्ली हैं ॥६६॥ बन्दरों के समृह का कोई भी भिन्नीय भाग कहीं नहीं है। उसके वर्गमूल का तिगुना भाग पर्वत पर है, और शेष ४० वन में देखे गये हैं। उन बन्दरों की संख्या क्या है ? ॥३७॥ कोयलों की आधी संख्या आज की प्रफुलित शाखा पर है। १८ कोयलें एक तिलक वृक्ष पर देखी गई हैं। उनकी संख्या के वर्गमूल का कोई भी गुणक कहीं नहीं देखा गया है। उन कोयलों की संख्या क्या है ? ॥३८॥ इंसों की आधी संख्या बदुल वृक्षों के मध्य में देखी गई; उनके समृह के वर्गमूल की पाँच गुनी संख्या तमाल वृक्षों के शिखर पर देखी गई। शेष कहीं नहीं दिखाई दी। हे मित्र ! उस समृह का संख्या तमाल वृक्षों के शिखर पर देखी गई। शेष कहीं नहीं दिखाई दी। हे मित्र ! उस समृह का संख्यात्मक मान शीघ बतलाओ ॥३९॥

इस प्रकार 'सूक' जाति प्रकरण समाप्त हुआ। शेषसूछ जाति सम्बन्धी नियम—

अज्ञात समुख्य राशि के शेष भाग के वर्गमूक के गुणांक की आधी राशि के वर्ग को छो। इसमें शेष ज्ञात संख्या मिलाओ। योगफल का वर्गमूल निकालो। अज्ञात समुख्य राशि के शेष भाग को वर्गमूल के गुणांक की आधी राशि में इस वर्गमूल को मिलाओ। यदि अज्ञात समुख्य राशि को मूल (original) समुख्य राशि ही ले लिया जाता है तो इस अंतिम योग का वर्ग इष्ट फल होगा। परन्तु, यदि इस अज्ञात समुख्य राशि का शेष भाग केवल एक भाग की तरह ही वर्षा जाता है, तो "भाग" प्रकार सम्बन्धी नियम उपयोग में लागा पहेगा ॥४०॥

यह समीकरण इस प्रकार के प्रकार का बीजीय निरूपण है। यहाँ 'स' अज्ञात राज्ञि क के वर्गमूल का गुणांक है।

<sup>(</sup>४०) बीजीय रूप से, क – वक =  $\left\{\frac{\pi}{2} + \sqrt{\left(\frac{\pi}{4}\right)^2 + a}\right\}^2$  है। इस मान से इस अध्याय में दिये गये नियम ४ के अनुसार क का मान निकास्त्र वा सकता है। समीकरण क – वक +

# अत्रोदेशकः

गजयूथस्य त्र्यंशेः शेषपदं च त्रिसंगुणं सानौ ।

सरसि त्रिहस्तिनीभिनीगो हष्टः कतीह गजाः ॥ ४१ ॥

निर्जन्तुकप्रदेशे नानाद्रुमषण्डमण्डितोद्याने । आसीनानां यमिनां मूळं तरुमूळ्योगयुतम् ॥ ४२ ॥ शेषस्य दशमभागो मूळं नवमोऽथ मूळमष्टांशः । मूळं सप्तममूळं षष्ठो मूळं च पद्ममो मूळं ॥ ४३ ॥

पते भागाः काव्यप्रवचनधर्मप्रमाणनयविद्याः।

वादच्छन्दोज्योतिषमन्त्रालङ्कारशब्दझाः ॥ ४४ ॥

द्वाद्श्वपःप्रभावा द्वाद्श्मेदाङ्गशास्त्रकुश्लिधयः।

द्वादश मुनयो दृष्टाः कियती मुनिच्न्द्र यतिसमितिः ॥ ४५ ॥

मूळानि पद्म चरणेन युतानि सानौ शेषस्य पद्मनवमः करिणां नगामे ।

मूळानि पद्म सरसीजवने रमन्ते नद्यास्तटे षडिह ते द्विरदाः कियन्तः ॥ ४६ ॥

इति शेषमूळजातिः।

1 अ में शेषस्य पदं त्रिसंगुण पाठ है।

#### उदाहरणार्थ पश्च

हायियों के यूथ ( हांड ) का ने भाग तथा शेष भाग की वर्गमुछ राशि के हाथी, पर्वतीय उतार पर देखें गये। शेष पढ़ हाथों ३ हस्तिनयों के साथ एक सरोवर के किनारे देखा गया। चतकाओं कितने हाथों ये ? ॥ ४१ ॥ कई प्रकार के बूशों के समृह हारा मंडित उद्यान के निर्जम्मुक प्रदेश में कई साधु आसीन थे। उनमें से कुछ के वर्गमुछ की संक्या के साधु तक्षमूछ में बैठे हुए योगाभ्यास कर रहे थे। शेष के नैं, ( इसको घटाकर ) शेष का वर्गमुछ, ( इसको घटाकर ) शेष का वर्गमुछ; ( इसको घटाकर ) शेष का है; ( इसको घटाकर ) शेष का वर्गमुछ हारा निरूपित संक्याओं वाले वे थे जो ( क्रमशः ) कान्य प्रवचन, धर्म, प्रमाण नयविद्या, वाद, छन्द, ज्योतिष, मंत्र, अकंतर और शब्द शाखा ( व्याकरण ) जानने वाले थे, तथा वे भी थे जो वारह प्रकार के तप के प्रभाव से प्राप्त होनेवाकी ऋखियों के धारी थे, तथा बारह प्रकार के अंग शाखा को कुशळता पूर्वक जानने वाले थे। इनके अतिरिक्त अंत में २२ मुनि वेखे गये। हे मुनिचंद ! बतळाओं कि यति समिति का संक्यासक मान क्वा था ? ॥ ४२-४५ ॥ हाथियों के समृह के वर्गमुक का ५२ गुना भाग पर्वतीय उतार पर क्रीड़ा कर रहा है; सेष का है भाग पर्वत के शिखर पर कीड़ा कर रहा है। ( इसको घटाकर ) शेष का वर्गमुक प्रमाण हस्तीगण कमछ के वन में रमण कर रहा है। और, शेष ६ इस्ती नदी के तीर पर हैं। यहाँ सब इस्ती कितने हैं ? ॥ ४६ ॥

इस प्रकार, 'दोषमूक' वाति प्रकरण समाप्त हुआ।

"द्विरम्र होष मूक" वाति [ होषों की संरचना करने बाकी हो ज्ञात रावियों वाले 'होषमूक' प्रकार ] सम्बन्धी नियम—

(समूह बावक अज्ञात राशि के) वर्गमूळ का गुलांक, और (शेष रहने वाकी) अंतिम शात (सं क्रिन क्रिन स्) = ॰ द्वारा उपर्युक्त क्रिन क्रा मान सरस्तापूर्वक माप्त किया जा सकता है। बहाँ भी 'क' अज्ञात राशि है। अथ द्विरप्रशेषमूळजातौ सूत्रम्— मूळं दृश्यं च भजेदंशकपरिहाणरूपघातेन । पर्वाप्रमग्रराशौ क्षिपेदतः शेषमूळविधिः ॥ ४७॥ अत्रोद्देशकः

मधुकर एको दृष्टः स्व पद्मे शेषपञ्चमचतुर्थौ । शेषत्र्यंशो मृह्यं द्वीवाम्ने ते कियन्तः स्युः ॥ ४८ ॥ सिंहाअस्वारोऽद्रौ प्रतिशेष षडंशकादिमार्थान्ताः । मृह्ये चत्वारोऽपि च विपिने दृष्टाः कियन्तस्ते ॥ ४९ ॥

#### र B में 'ह्यौ चाम्ने' पाट है।

राशि, इन दोनों को, प्रत्येक दशा में भिश्वीय समानुपाती शशियों को लेकर एक में से हासित करने से प्राप्त शोषों के गुणनफल द्वारा विभाजित करना चाहिये। तब प्रथम ज्ञात राशि को उस अन्य ज्ञात राशि में (जिसे जपर साधित किया है) जोड़ देना चाहिये। तथ्यक्षात् प्रकीर्णक भिश्नों के 'शेषमूल' प्रकार सम्बन्धी किया की जाती है। ४७॥

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

मधुमिक्खयों के झंड में से एक मधुमिक्सी आकाश में दिखाई दी। शेष का दे भाग; पुनः, शेष का है भाग; पुनः, शेष का है भाग तथा झंड के संस्थारमक मान का वर्गमूळ प्रमाण कमलों में दिखाई दिया। शंत में शेष दो मधुमिक्खयाँ एक आझकुश पर दिखाई दीं। बतलाओं कि उस झंड में कितनी मधुमिक्खयाँ हैं ? ॥४८॥ सिंह दल में से चार पर्वत पर देखे गये। दल के क्रिमक शेषों के है वें भाग से आरम्भ होकर है वें भाग तक के भिक्षीय भाग; दल के संख्यारमक मान के वर्गमूल का द्विगुणित प्रमाण तथा अन्त में शेष रहने वाल ४ सिंह वनमें दिखाई दिये। बतलाओं कि उस दल में कितने सिंह है ? ॥४९॥ मृग दल में से तहण हरिणियों के दो युगम वन में देखे गये। सुण्ड के क्रिमक शेषों

( ४७ ) बीजीय रूप से, इस नियम से 
$$\frac{\pi}{(\xi - \pi_4)(\xi - \pi_2) \times ...}$$
 इत्यादि

 $\Theta_2$  (१ —  $\Phi_4$ )  $\times$  · · · इत्यादि +  $\Phi_4$ , पद संहतियाँ प्राप्त होती हैं जिनका शेषमूल के स्त्र में स और  $\Phi_4$  के स्थान पर प्रतिस्थापन करना पड़ता है । 'शेषमूल' का सूत्र यह है

क - बक =  $\left\{\frac{\pi}{2} + \sqrt{\left(\frac{\pi}{2}\right)^2 + a}\right\}^2$ । इस सूत्र का प्रयोग करने में ब का मान शून्य हो जाता है; क्योंकि द्विश्य शेषमूल में गर्भित रहने वाला मूल अथवा वर्गमूल कुल राश्चि का होता है न कि राश्चि के भिन्नीय माग का । जैसा कि इष्ट है, आदेशन करने से हमें क =  $\left\{\frac{\pi}{2} + \frac{\pi}{2} + \frac{$ 

$$\sqrt{\left(\frac{a}{2(\ell-a_1)(\ell-a_2)\times \dots } + \frac{a_2}{2(\ell-a_1)(\ell-a_2)\times \dots }\right)^2 + \frac{a_2}{2(\ell-a_1)(\ell-a_2)\times \dots }}$$
 प्राप्त होता है । यह फल समीकरण

क - अन् - वन् (क - अन्) - वन् {क - अन् - वन् (क - अन्) }.... - स√ क - अन् = ० से सरलतापूर्वक प्राप्त हो सकता है; जहाँ कि वन्, वन्न हत्यादि उत्तरोत्तर रोघों के विभिन्न मिन्नीय भाग हैं और अन्तर्या अन्न कमकाः प्रथम ज्ञात राश्चि और अंतिम ज्ञात राश्चि हैं। पुनः, यहाँ 'क' अज्ञात राश्चि है। तरुणहरिणीयुग्नं दृष्टं द्विसंगुणितं वने कुधरनिकटे शेषाः पद्माशकादिदलान्तिमाः। विपुलकलमक्षेत्रे तासां पदं त्रिभिराहतं कमलसरसीतीरे तस्थुदेशैव गणः क्रियान्॥ ५०॥ इति द्विरप्रशेषमृलजातिः।

अथांशमूलजातौ सूत्रम्— भागगुणे मूलामे न्यस्य पदप्राप्तदृश्यकरणेन । यक्षव्धं भागहृतं धनं भवेदंशमूलविधौ॥ ५१॥ अन्यद्पि सूत्रम्—

हरयादंशकभक्ता बर्तुगुणान्मूलकृतियुतान्मूलम् । सपदं दलितं वर्गितमंशाभ्यस्तं भवेत् सारम्।।५२।। के दे वें भाग से लेकर दे वें भाग तक के भिन्नीय भाग पर्वत के पास देखे गये। उस झुण्ड के संख्यात्मक मान के वर्गमूल की तिगुनी शक्ति विस्तृत कलम ( चांवल ) क्षेत्र में देखी गईं। आंत में, कमल सरोवर के किनारे शेष केवल १० देखे गये। झुण्ड का प्रमाण क्या है ? ॥५०॥

इस प्रकार 'द्विरप्र शेषमूक' जाति प्रकरण समास हुआ।

"अंशमूछ" जाति सम्बन्धी नियम—

अज्ञात समूद वाचक राशि के दिये गये निश्वीय भाग के वर्गमूल के गुणांक को तथा अंत में शेष रहनेवाली ज्ञात राशिको किस्तो । इन दोनों राशियों को दिये गये समानुपाती भिन्न द्वारा गुणित करो । जो 'शेषमूल' प्रकार में अज्ञात राशिको निकालने की किया द्वारा प्राप्त होता है, उस फल को जब दिये गये समानुपाती भिन्न द्वारा भाजित करते हैं तब अंशमुल प्रकार की इष्ट राशि प्राप्त होती है । ॥५१॥

'अंशमूल' प्रकार का अन्य नियम---

अंतिम शेष के रूप में दी गई ज्ञात राशि दिये गये समानुपाती भिन्न द्वारा भाजित की जाती है और ४ द्वारा गुणित की जाती है। प्राप्त फल में अज्ञात समूह वाचक राशि के दत्त भिन्न के वर्गमूल के गुणांक का वर्ग जोड़ा जाता है। इस योगफल के वर्गमूल को जपर कथित अज्ञात राशि के भिन्नीय भाग के वर्गमूल के गुणांक में जोड़ते हैं और तब आधा कर वर्गित करते हैं। प्राप्त फल को दत्त समानुपाती भिन्न द्वारा गुणित करने पर इष्ट फल प्राप्त होता है। ॥५२॥

- (५०) इस गाथा में आया हुआ शब्द 'हरिनी'' का अर्थ न केवल मादा हरिन होता है वरन् उस छन्द का भी नाम होता है जिसमें यह गाथा संरचित हुई है।
- (५१) बीजीय रूप से कथन करने पर, यह नियम 'स ब' और 'अ ब' के मान निकालने में सहा-यक होता है, जिनका प्रतिस्थापन, शेषमूल प्रकार में किये गये अनुसार सूत्र क - बक =  $\left\{ \begin{array}{c} \frac{R}{2} + \frac{R}{2} \end{array} \right.$

 $\sqrt{\left(\frac{\pi}{2}\right)^2 + 24}$  में क्रमद्याः स और अ के स्थान पर करना पहता है । ४७ वीं गाथा के टिप्पण के समान, क — वक यहाँ भी क हो जाता है । इष्ट प्रतिस्थापन के पश्चात् और फल को ब द्वारा विभाजित करने पर हमें क =  $\left\{\frac{\pi a}{2} + \sqrt{\left(\frac{\pi a}{2}\right)^2 + 24a}\right\}^2 \div a$  प्राप्त होता है ।

क का यह मान समीकरण क - स √ बक - अ = ० से भी सरलता से माप्त हो सकता है।

(५२) बीजीय रूप से कथन फरने पर, क = 
$$\begin{cases} \frac{d}{dt} + \sqrt{\frac{d}{dt}^2 + \frac{d}{dt}} \end{cases}^2 \times =$$
 होता है। यह पिछली गाथा के टिप्पण में दिये गये समीकार से भी स्पष्ट है।

## अत्रोदेशकः

पदानास्त्रिभागस्य जले मूलाइकं स्थितम् । षोढशाङ्गुलमाकाशे जलनास्त्रेद्यं वद् ॥ ५३ ॥ द्वित्रिमागस्य यन्मूलं नवत्रं हस्तिनां पुनः । शेषत्रिपञ्चमाशस्य मूलं षड्भिः समाहतम् ॥ ५४ ॥ षिगलदानेधाराद्रेगण्डमण्डलदन्तिनः । चतुर्विशतिरादृष्टा मयाटन्यां कित द्विपाः ॥ ५५ ॥ क्रोडौधार्थचतुःयदानि विपिनं शार्दृलविकीडितं प्रापुः शेषदशाशमूलयुगलं शैलं चतुस्तादितम् । . शेषार्थस्य पदं त्रिवर्गगुणितं वप्रं वराहा वने दृष्टाः समगुणाष्टकप्रमितयस्तेषां प्रमाणं वद् ॥ ५६ ॥ इत्यंशमूलजातिः ।

अथ भागसंवर्गजातौ सूत्रम्— स्थानाप्तहरादूनाचतुर्गुणामेण तद्धरेण हतात् । मूलं योज्यं त्याज्यं तच्छेदे तहलं वित्तम् ॥ ५७ ॥

- र B में 'वाराई' पाठ है।
- २ इस इलोक के पश्चात् सभी इस्तलिपियों में निम्नलिखित क्लोक है जो केवल ५७ वें क्लोक का व्याख्यानुवाद है---

अन्यद्रा---

चतुर्हतदृष्टे नोनाद्रागाहत्यशहृतहारात् । तन्छेदेन हतान्मू थे योज्ये त्याज्ये तन्छेदे तद्र्यैवित्तम् ॥

#### उदाहरणार्थ पश्न

कमल की नाल के त्रिभाग के वर्गमूल का आठगुना भाग पानी के भीतर है और १६ अंगुल पानी के कपर वायु में है। बतलाओं कि तली से पानी की ऊँचाई कितनी है तथा कमल नाल की लम्बाई क्या है ? ॥५६॥ हाथियों के झुल्ड में से, उनकी संख्या के २/६ भाग के वर्गमूल का ९ गुना प्रमाण, और शेषभाग के हैं भाग के वर्गमूल का ६ गुना प्रमाण; और, अंत में शेष २५ हाथी वन में ऐसे देखे गये जिनके चौड़े गण्ड मण्डल से मद झर रहा था। बतलाओं कुल कितने हाथी हैं ? ॥५४-५५॥ बराहों के झुल्ड के अर्द अंश के वर्गमूल की चौगुनी शिश जंगल में गई बहाँ शेर कीड़ा कर रहे थे। शेष झुंड के दसवें भाग के वर्गमूल की अठगुनी शिश एवंत पर गई। शेष के अर्दभाग के वर्गमूल की अठगुनी शिश एवंत पर गई। शेष के अर्दभाग के वर्गमूल की ९ गुनी राक्षि नदी के किनारे गई। और अन्त में ५६ वराह वन में देखे गये। बताओं कि कुल वराह कितने थे ?॥५६॥

इस प्रकार, 'अशम्ल' जाति प्रकरण समाप्त हुआ।

'भाग संवर्ग' जाति सम्बन्धी नियम---

(अज्ञात समूह वाचक राशि के विशिष्ट मिश्र भिक्षीय भाग के सरकीकृत ) हर को स्व सम्बन्धित ( सरकीकृत ) अंश द्वारा विभाजित करने से प्राप्त फरू में से दिये गये ज्ञात भाग की चौगुनी राशि घटाओ । तब इस अंतर फरू को उसी (उपर वर्ते हुए सरकीकृत ) हर द्वारा गुणित करो । इस गुणनफरू के वर्गमूक को वर्ते हुए उसी हर में जोड़ो और फिर उसी में से घटाओ । तब बोगफरू अथवा अंतर फरू में से किसी एक की अर्द्ध राशि, इष्ट (अज्ञात समूह वाचक ) राशि होती है । ॥५७॥

(५६) "शार्धूल विक्रीडित" का अर्थ शेरों की क्रीड़ा होता है। इसके सिवाय यह नाम उस

(५७) बीजीय रूप से कथन करने पर, क = 
$$\frac{\frac{-\pi u}{\mu q} \pm \sqrt{\frac{-\pi u}{\mu q} - val} \sqrt{\frac{\pi u}{\mu q}}}{2}$$
 होता है । क की

## अत्रोदेशक:

अष्टर्स बोड्यां समित्रा समित्रा है। कुषीवलः । चतुर्विसितिबाहीयच लेभे रासिः क्रियान् वद ॥ ५८ ॥

शिसिनां पोडशभागः स्वगुणश्चृते तमाळ्पण्डेऽस्थात्।

शेषनवांशः स्वहत्रचतुरमदशापि कति ते स्यः।। ५९।।

जले त्रिशद्शाहतो द्वादशाशः स्थितः शेषविशो हतः पोडशेन ।

त्रिनिष्नेत पहे करा विश्वितः से ससे स्तम्भदैर्घस्य मानं वद त्वम् ॥ ६० ॥

इति भागसंवर्गजातिः।

अथोनाधिकांशवर्गजातौ सूत्रम्— स्वांशकमक्तहरार्थं न्यूनयुगिधकोनितं च तद्वर्गात्। न्यूनाधिकवर्गामान्मूलं स्वर्णं फलं पर्देऽशहृतम् ॥ ६१ ॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

कोई कृषक शास्ति के देरी की है भाग प्रमाण राशि द्वारा गुणित उसी देरों की देह भाग प्रमाण राशि को प्राप्त करता है। इसके सिवाय उसके पास २४ वाइ और रहती है। बतकाओ देरी का परिमाण क्या है ? ॥५८॥ शुंड के देह में भाग द्वारा गुणित मधूरों के शुंड का देह वां भाग, आम के वृक्ष पर पाया गया। स्व [ अर्थात् होय के हैं वें भाग ] द्वारा गुणित होय का है वां भाग, तथा होय १४ मधूरों को तमाल वृक्ष के शुंड में देखा गया। बतकाओं वे कुछ कितने हैं ? ॥५९॥ किसी स्तम्म के देह वें भाग को स्तम्म के हैं वें भाग द्वारा गुणित करने से प्राप्त भाग पानी के नीचे पाया गया। शेष के देह वें भाग द्वारा गुणित करने से प्राप्त भाग की व्यव में गदा हुआ पाया गया। शेष २० इस्त पानी के कपर हवा में पाया गया। हो मज़ ! स्तम्म की कम्बाई यताओं। ॥६०॥ इस प्रकार, "भाग संवर्ध" जाति प्रकरण समाग्त हुआ।

क्रनाधिक 'अंदावर्ग' जाति सम्बन्धी नियम---

(अज्ञात राशि के विशिष्ट मिसीय भाग के) हर की अर्द्ध राशि के स्व अंश द्वारा विभाजित करने से प्राप्त शासियों को (समूह वाचक अज्ञात राशि के विशिष्ट भिसीय भाग में से घटाई जाने वाकी) दी गई ज्ञात राशि द्वारा मिश्रित अथवा हासित करो। इस परिणामी राशि के वर्ग को (घटाई साने वाकी अथवा जोदी जाने वाकी) ज्ञात राशि के वर्ग द्वारा तथा राशि के ज्ञाव शेष द्वारा हासित करो। जो फक मिले उसका वर्गमूक निकाको। इस वर्गमूल हारा उपर्युक्त प्रथम वर्ग राशि का वर्गमूक मिश्रित अथवा हासित किया जाता है। जब प्राप्त शिश्र को अज्ञात राशि के विशिष्ट भिसीय भाग द्वारा विभाजित करते हैं तब अज्ञात राशि की इष्ट अही (value) प्राप्त होती है। १६१॥

इस अर्हों को समीकार क  $-\frac{\mu}{a}$  क  $\times \frac{q}{q}$  क  $-\omega = 0$  द्वारा भी प्राप्त कर सकते हैं, वहीं  $\mu/a$  और q/q नियम में अवेश्वित भिन्न हैं।

(६१) बीबीय रूप से, 
$$\pi = \left\{ \pm \sqrt{\left(\frac{\pi}{2\mu} \pm \epsilon\right)^2 - \epsilon} - \alpha + \left(\frac{\pi}{2\mu} \pm \epsilon\right) \right\} \div \frac{\mu}{\pi};$$

क की यह अहीं समीकार, क —  $\left(\frac{H}{A}$ क∓द) - अ = ०, द्वारा भी प्राप्त हो सकती है, वहां द दी गई जात राशि है, को अज्ञात राशि के इस उक्षिसित मिलीय माग में से घटाई जाती है अथवा उसमें बोड़ी बाती है।

# ेहीनालाय उदाहरणम्

महिषीणामष्टांशो व्येको वर्गीकृतो वने रमते । पञ्चद्शाद्रौ द्रष्टास्तुणं चरन्त्यः कियन्त्यस्ताः ॥६२॥ अनेकपानां दशमो द्विवर्जितः स्वसंगुणः क्रीडित सहकीवने । चर्नित पद्दर्गीमता गजा गिरौ कियन्त एतेऽत्र भवन्ति दन्तिनः ॥ ६३ ॥

## ैअधिकालाप उदाहरणम्

जम्बूब्ध्ने पञ्चदशांशो द्विकयुक्तः स्वेनाभ्यस्तः केकिकुलस्य द्विकृतिन्नाः । पञ्चाप्यन्ये मत्तमयूराः सहकारे रंरम्यन्ते मित्र वदेषां परिमाणम् ॥ ६४ ॥

इत्यूनाधिकांशवर्गजातिः॥

अथ मूलमिश्रजातौ सूत्रम्— मिश्रकृतिह्नत्युक्ता व्यधिका च द्विगुणमिश्रसंभक्ता । वर्गीकृता फलं स्यात्करणमिदं मूलमिश्रविधौ ॥ ६५ ॥

१ мमें 'हीन' छूट गया है।

२ M में यह तथा अनुगामी इलोक छट गये हैं।

#### हीनालाप प्रकार के उदाहरण

कुछ हांद्र के ट्रे वें भाग के पूर्ण वर्ग से एक कम महिष (भैंसा) राशि वन में क्रीइ। कर रही है। शेष १५, पर्वत पर धास चरते हुए दिखाई दे रहे हैं। बतलाओ दुल कितने भैंसे हैं? ॥६२॥ कुछ हांद्र के ५% वें भाग से दो कम प्रमाण, इसी प्रमाण द्वारा गुणित होने से लब्ध हस्ति राशि सहकी वन में कीड़ा कर रही है। शेष हाथी जो संख्या में ६ की वर्गराशि प्रमाण हैं, पर्वत पर विचर रहे हैं। बतलाओ वे कुछ कितने हैं ? ॥६६॥

#### अधिकालाप प्रकार का उदाहरण

कुछ हुंड के दंद भाग से २ अधिक राशि को स्व द्वारा गुणित करने से प्राप्त राशि प्रमाण मयूर जम्बू बुक्ष पर खेळ रहे हैं। शेष गर्वीले २ × भ मयूर आम के बुक्ष पर खेळ रहे हैं। हे मिन्न! उस हुंड के कुछ मयूरों की संख्या बराछाओ ? ॥ ६४ ॥

इस प्रकार जनाधिक 'अंश वर्ग' जाति प्रकरण समाप्त हुआ।

'मूछमिश्र' जाति सम्बन्धी नियम---

(विशिष्ट अज्ञात राशियों के वर्गमूलों के ) मिश्रित (ज्ञात) योग के वर्ग में (दी गई) फरणारमक राशि जोड़ दी जाती है, अथवा दी गई भनारमक राशि उसमें से घटा दी जाती है। परिणामी राशि को उपर्युक्त मिश्रित योग की दुगुनी राशि द्वारा विभाजित करते हैं। इसे वर्गित करने पर इष्ट अज्ञात समृह की अही (value) प्राप्त होती है। यही, 'मूलमिश्र' प्रकार के प्रश्नों का साधन करने का नियम है॥ ६५॥

<sup>(</sup>६४) इस गाथा में 'मत्तमयूर' शब्द का अर्थ 'गर्वीला मयूर' होता है। यह इस छन्द का भी नाम है जिसमें यह गाथा संरचित हुई है।

<sup>(</sup>६५) बीजीय रूप से, क =  $\left\{\frac{H^2 \pm c}{2H}\right\}^2$  है यह क की अर्दा समीकार  $\sqrt{a} + \sqrt{a \pm c}$  = म द्वारा सरलता से प्राप्त हो सकती है । यहाँ 'म', नियम में उछिखित क्षात मिश्रित योग है ।

## हीनालाप उदेशकः

मूर्छ कपोतपृत्वस्य द्वादशोनस्य चापि यत् । तयोयोंने कपोताः वह् दृष्टास्तक्षिकरः कियान् ॥६६॥ पारावतीयसंघे चतुर्घनोनेऽपि तत्र यन्मूलम् । तद्द्वययोगः बोड्झ तद्वृत्दे कति बिह्ङ्गाः स्युः ॥६०॥

अधिकालाप उद्देशकः

राजहंसनिकरस्य यत्पदं साष्ट्रषष्टिसहितस्य चैतयोः। संयुतिर्द्विकविहीनषट्कृतिस्तद्गणे कति मरालका वद्।। ६८।। इति मूलमिश्रजातिः।

अय भिन्नदृश्याती सूत्रम्— दृश्यासीने रूपे मागाभ्यासेन भाजिते तत्र । यहन्धं तत्सारं प्रजायते भिन्नदृश्यविधी ॥ ६५॥ अत्रीदेशकः

सिकतायामष्ट्रांशः संदृष्टोऽष्टादशांशसंगुणितः । स्तम्भस्यार्थं हेष्टं स्तम्भायामः कियान् कथय । १७०।।

१ छ में 'योगः', पाठ है।

२ B, M और K में 'गगने' पाठ है।

## हीनालाप के उदाहरणार्थ प्रश्न

कपोतों की कुछ संस्था के वर्गमूछ में १२ द्वारा द्वासित कपोतों की कुछ संस्था के वर्गमूछ को जोड़ने पर (ठीक फरू) ६ कब्तुर प्रमाण देखने में आता है। उस कुन्द के क्पोतों की कुछ संस्था क्या है ? ॥ ६६ ॥ क्पोतों के कुछ समूद का वर्गमूछ, तथा ४ के घन द्वारा द्वासित कपोतों की कुछ संस्था का वर्गमूछ निकासकर इन (दोनों राक्षियों) का योग १६ प्राप्त होता है। वतस्थाओं समूह में कुछ कितने विदंग हैं ? ॥ ६७ ॥

## अधिकालाप का उदाहरणार्थ प्रश्न

राजहंसों के समूह के संस्थाशमक मान का वर्गमूछ तथा ६८ अधिक उसी समूह की संस्था का वर्गमूछ (निकासने से प्राप्त ) इन (दोनों राशियों ) का योग ६२ -- २ होता है। बतलाओ उस समूह में कितने इंस हैं ? ॥ ६८ ॥

इस प्रकार 'मूक मिश्र' जाति प्रकरण समाप्त हुआ।

'शिश्व रश्व' जाति सम्बन्धी नियम---

जब एक को ( अज्ञात राज्ञियों से सम्बन्धित दी गई ) भिषीय दीव राज्ञि द्वारा हासित कर ( सम्बन्धित विश्वष्ट ) भिषीय भागों के गुणम फक द्वारा भाजित करते हैं, तब प्राप्त फक ( भिन्नों पर प्रकों के ) 'भिन्न दस्य' प्रकार का साथन करने में, इष्ट उत्तर होता है ॥ ६९ ॥

## उदाहरणार्थ प्रश्न

किसी स्तम्भ का है भाग, उसी स्तम्भ के है भाग द्वारा गुणित होता है। इससे प्राप्त भाग प्रमाण रेत में गढ़ा हुआ पाना गया। उस स्तम्भ का है भाग उपर दृष्टिगोचर हुआ। बतकाओ कि स्तम्भ की (उदम vortical) कम्बाई क्या है १॥ ७०॥ कुछ हाथियों के हुंद के है वें भाग

<sup>(</sup>६९) बीबीय रूप से, क =  $\left(2 - \frac{7}{4}\right) \div \frac{HV}{HV}$  है। यह, समीकरण क  $-\frac{H}{H}$  क $\times \frac{V}{V}$  क -

द्विसक्तनवसांशकप्रहतसप्तविंशांशकः प्रसोदसविष्ठते करिकुलस्य पृथ्वीतले । विनीलजलवाकुतिर्विहरति त्रिसागो नगे वद त्वसधुना सखे करिकुलप्रमाणं सम ॥ ७१ ॥ साधूत्कृतेर्निवसति षोडशांशकिक्षभाजितः स्वकगुणितो वनान्तरे । पादो गिरो सम कथयाशु तन्मितिं प्रोत्तीर्णवान् जलधिसमं प्रकीर्णकम् ॥ ७२ ॥

इति भिन्नदृश्यजातिः॥

इति सारसंप्रद्दे गणितशास्त्रे महावीराचार्यस्य कृतौ प्रकीर्णको नाम तृतीयव्यवहारः समाप्तः ॥

को उसी झुंड के रे वें भाग से गुणित करने तथा र द्वारा विभाजित करने से प्राप्त फल प्रमाण के हाथी मैदान में प्रसक्त दक्ता में तिष्ठे हैं। केष ( बचा हुआ) है भाग झुंड जो बादलों के समान अस्यन्य काले हाथियों का है, पर्वत पर कीदा कर रहा है। हे मित्र! बतलाओं कि हाथियों के झुंड का संख्यात्मक मान क्या है ? ॥ ७१ ॥ साधुओं के समूह का रेड वां भाग १ द्वारा विभाजित करने के पहलात स्व द्वारा गुणित ( अर्थात् रेड से द्वारा गुणित ) करने से प्राप्त भाग प्रमाण वन के अन्तः भाग में रह रहा है; उस समूह का ( बचा रहने वाला ) है भाग पर्वत पर रह रहा है। हे जल्हिं सम प्रकोणेंक के प्रोक्तीणेंवान्! मुझे शीघ्रही साधुओं के समूह का संख्यात्मक मान बतलाओ । ॥७२॥

इस प्रकार, 'भिन्न दृश्य' जाति प्रकरण समाप्त हुआ । इस प्रकार, महावीराचार्य की कृति सारसंग्रह नामक गणित दास्त्र में 'प्रकीर्णक' नामक नृतीय स्ववहार समाप्त हुआ ।

 $\frac{\zeta}{2}$ क = ० से स्पष्ट है।

(७१) 'पृथ्वी' शब्द जो इस गाथा में आया है, उसका अर्थ पृथ्वी है तथा यह उस छन्द का नाम भी है जिसमें यह गाथा स्रचित हुई है।

# ५. त्रेराशिकव्यवहारः

त्रिळोकबन्धवे तस्मै केवलज्ञानमानवे । नमः श्रीवर्धमानाय निर्धृताखिलकर्मणे ॥ १॥ इतः परं त्रैराशिकं चतुर्थव्यवहारसुदाहरिष्यामः ।

तत्र करणसूत्रं यथा— त्रैराशिकेऽत्र सारं फल्लिमच्छासंगुणं प्रमाणाप्तम्। इच्छाप्रमयोः साम्ये विपरीतेयं क्रिया व्यस्ते॥ २॥

# पूर्वाघों हेशकः

दिवसैक्सिः सपादैयोजनषट्कं चतुर्थभागोनम् । गच्छति यः पुरुषोऽसौ दिनयुतवर्षेण किं कथय ॥३॥ व्यर्धाष्ट्राभिरहोभिः कोशाष्ट्रांशं स्वपद्धमं याति । पक्षुः सपद्धभागैविषै क्षिभिरत्र किं बृहि ॥ ४ ॥

अङ्गुलचतुर्थभागं प्रयाति कीटो दिनाष्ट्रभागेन । मेरोर्मूलाच्छिखरं कतिभिरोहोभिः समाप्नोति ॥५॥

१ P, K और M में स्व के लिये स पाठ है।

# ५. त्रैराशिकव्यवहार

तीनों लोकों के बन्धु तथा सूर्य के समान केवल ज्ञान के धारी श्री वर्दमान को नमस्कार है जिन्होंने समस्त कर्म ( मल ) को निर्धृत कर दिया है । ॥१॥

इसके पश्चात्, इम श्रेराशिक नामक चतुर्थ व्यवहार का प्रतिपादन करेंने ।

त्रैशशिक सम्बन्धी नियम---

यहाँ त्रैराशिक नियम में, फल को इच्छा हारा गुणित कर प्रमाण द्वारा विभाजित करने से इष्ट उत्तर प्राप्त होता है, जब कि इच्छा और प्रमाण समान (अनुक्रम direct अनुपात में ) होते हैं। जब यह अनुपात प्रतिकोम (inverse) होता है तब यह गुणन तथा भाग की किया विपरीत हो जाती है (ताकि भाग की जगह गुणन हो और गुणन के स्थान में भाग हो )। ॥२॥

# पूर्वार्घ, अनुक्रम त्रैराशिक पर उदाहरणार्थ परन

वह मनुष्य जो २ दे दिन में ५ है बोजन जाता है, १ वर्ष और १ दिन में कितनी दूर जाता है ? ।|३।| एक लंगड़ा मनुष्य ७ दे दिन में एक कोश का टे तथा उसका दे भाग चलता है। बतलाओ वह १ दे वर्षों में कितनी दूरी तथ करता है ? ।।४।। एक कीड़ा टे दिन में दे अंगुल चलता है। बतलाओ कि वह मेक्पर्वत की तसी से उसके शिक्स पर कथ पहुँचेगा ? ।।४।। वह मनुष्य जो १ दे दिन में १ दे कार्या-

<sup>(</sup>२) प्रमाण और फल के द्वारा अर्घ (rate) प्राप्त होती है। फल, इष्ट उत्तर के समान राशि होती है और प्रमाण, इच्छा के समान होता है। 'इच्छा' वह राशि है जिसके विषय में, किसी अर्घ (दर) से, कोई बस्सु निकालना होती है। जैसे कि गाया र के प्रका में है दिन प्रमाण है, ५ है बोजन फल है, और १ वर्ष १ दिन इच्छा है।

<sup>(</sup>५) मेर पर्वत की ऊँचाई ९९,००० योबन अथवा ७६,०३२,०००,००० अंगुल मानी बाती है।

कार्यापणं सपादं निर्विदाति त्रिमिरहोमिरर्वयुतैः । यो ना पुराणशतकं सपणं कालेन केनासी ॥६॥ क्रेणागरुसत्खण्डं द्वादशहस्तायतं त्रिविस्तारम् । क्षयमेत्वहृत्यमहः क्षयकातः कोऽस्य वृत्तस्य ॥॥। स्वर्णेदशसिः सार्वेद्रीणाढककुटविमिश्रतः कीतः । वरराजमाववाहः किं हेमशतेन सार्वेन ॥ ८ ॥ सार्वेकिमः पुराणैः कुकूमपलमष्टभागसंयुक्तम् । संप्राप्यं यत्र स्थात् पुराणकातकेन कि तत्र ॥ ९ ॥ सार्धार्द्रकसमप्रस्थातुर्द्दशार्थीनिताः प्रणा लेब्बाः । द्वात्रिक्तवार्द्रकप्रसः सप्रश्रमेः कि सस्त मृहि ॥१०॥ कार्षापणैश्चतुर्भिः पञ्चाश्चतुरैः पछानि रजनस्य । षोढश्च सार्धानि नरो छमते किं कर्षनियुतेना।११॥ कपूरस्याष्ट्रपर्वेस्त्रयंशोनैर्नात्र पद्म दीनारान् । भागांशकलायुक्तान् लभते कि पलसङ्खेण ॥ १२ ॥ सार्वेकिमिः पणैरिह वृतस्य पलपञ्चकं सपञ्चीकाम् । क्रीणाति यो नरोऽयं किं साष्ट्रमकर्षशतकेना।१३॥ सार्धेः पश्चपुराणेः षोडश सदलानि वस्त्युगलानि । छन्धानि सैक्ष्यष्ट्रया कर्षाणां कि ससे कथ्य ॥१४॥ वापी समचतुरशा सिळळवियुक्ताष्ट्रहस्तवनमाना । शैळस्तम्यास्तीरे सँमुत्थितः शिखरतस्तस्य ॥१५॥ वृत्ताबुलविष्कम्भा जलधारा स्फटिकनिर्मला पतिता ।

बाप्यम्तरस्रस्रप्रणी नगोच्छितिः का च जसमंख्या ॥ १६ ॥

अक रहित एक वर्गाकार कृप ५१२ वन इस्त है। उसके शीर पर एक पहादी है। उसके शिवार से स्कटिक की मांति निर्मेख जल धारा जिसके वर्षेक छेद ( circular section ) का क्यास १ अंगुल है, तको में गिरती है और कृप पानी से पूरी तरह भर जाता है। पहाड़ी की ऊँचाई क्या है तथा पानी का माप ( संख्वात्मक मान में ) क्या है ? 1134-3611 किसी राजा ने संक्रांति के अवसर पर

१ B में सत्कृष्णागरुखण्डं पाठ है। २ M और B में लम्याः पाठ है। ३ B में समुत्थिता कि पाठ है।

एम उपयोग में छाता है वह १ पम सहित १०० प्रराण कितने दिन में सर्च करेगा । ॥६॥ १२ हाथ कम्बे ( आवत ) तथा ६ हाथ न्यास ( विस्तार ) वाले क्रुण्यागर का सस्तंड ( अच्छा द्वकहा ) एक दिन में एक वन शंशुल के अर्घ (rate) से क्षय होता है। बतलाओ कुछ बेलनाकार दुकड़े को क्षय होते में कितना समय छनेगा ? ॥७॥ १० दे स्वर्ण में श्रेष्ट काले चने का १ वाह, १ द्रोण, १ आडक और ३ कुडब सरीदे जाते हैं। बतकाओ ३००३ १वर्ण में कितना कितना प्रमाण सरीदा जा सकेगा ? ।।८।। बदि देरे पुराणों के द्वारा 12 पछ उन्नम प्राप्त हो सकता हो तो १०० प्रराणों में कितना प्राप्त हो सकेया ? ॥९॥ 0 रे पर 'आर्देक' के द्वारा १३ रे पण प्राप्त किये गये । हे मित्र ! ३२ रे पर आर्द्रक में स्या प्राप्त होगा ? ॥१०॥ ४८ कार्यायण में एक मनुष्य १६८ पछ रखत प्राप्त करता है हो उसे १००,००० कर्ष में कितनी रखत शास होती ? 115 ? 11 ७ है पक कर्र के हारा एक मलुष्य प दीनार तथा ? भाग, ? अंश और १ कला प्राप्त करता है। बतलाओं कि उसे १००० वर्क के द्वारा क्या प्राप्त होता ? ॥१२॥ वह सञ्चय को रहे वया में प्रदे पक बी प्राप्त करता हो तो वह १००) कर्ष में कितना प्राप्त करेगा ? ॥१३॥ प्रहे पुराण के द्वारा एक मनुष्य १६३ युगक बच्च श्रप्त करता है। हे मित्र ! ६१ कर्ष में उसे कितने श्राप्त होंगे १

<sup>(</sup>७) नहीं किया में दिये गये स्थान से रंस (बेखन) के अनुप्रस्य छेट् (cross-section) का बेशफल शत मान लिया बाता है। इस का क्षेत्रफल अनुमानतः व्यास के वर्ग को ४ हारा भावित कर और १ द्वारा गुणित करने से प्राप्त राशि मान खिया जाता है।

कृष्णायक एक प्रकार की सुरान्यित लकती है बिसे स्रान्य के लिए अपने में बलाते हैं।

<sup>(</sup>१५-१६) इस प्रक्त में पानी की घारा की लम्बाई पर्वत की लेंचाई के बराबर है. जिससे क्योंडी वह पर्वत की तली में पहुँचती है, त्योंही वह शिखर से बहना बंद हुई मान की बाती है। वाहों में

मुद्रहोणसुर्गं नवाव्यक्तवान् षट् तण्डक्कोचका-नष्टी वस्तवुगानि वत्ससिहता गाष्वट् सुवर्णत्रयम् । संकान्तौ ददता नराधिपतिना षड्भ्यो द्विजेभ्यः सस्ते षड्त्रिशक्तिशतेभ्य आञ्च वद् किं तहत्तसुद्गादिकम् ॥ १७ ॥

इति त्रैराशिकः।

# व्यस्तत्रैराशिके तुरीवपादस्योदेशकः

कल्याणकनकनवतेः कियन्ति नववर्णकानि कनकानि । साष्ट्रांशकदशवर्णकसगुज्जदेशां शतस्यापि ॥ १८ ॥ ध्यासेन देध्येण च षट्कराणां चीनाम्बराणां त्रिशतानि तानि । त्रिपद्महस्तानि कियन्ति सन्ति व्यस्तानुपातकमिबद्वद स्वम् ॥ १९ ॥

इति व्यस्तत्रेराशिकः।

# व्यस्तपश्चराशिक उद्देशकः

पञ्चनकहरूतिकृतदेश्वीयां चीनवस्मसहत्याम् । द्वित्रिकरञ्यासायति तक्ष्वृतवस्माणि कति कथय ॥२०॥

१ इस रहोक के स्थान में B और K में निम्न पाठ है—

तुम्बद्रोणयुगं नवाश्यकुडवान् षट् शर्भराद्रोणकानष्टी चोचफलानि सान्द्रद्विसार्यन्यर् पुराणत्रसम् ।

श्रीसम्बंद ददता सुपेण सवनाये षड्विनागारके षट्त्रिशत्रिशतेषु मित्र यद मे तहत्तदुग्वादिकम् ॥

६ त्राह्मणों को २ द्रोण सुद्ध ( kidney-bean ), ६ कुडव थी, ६ द्रोण खांदक, ८ युग्म ( pairs ) कपड़े, ६ वक्कड़ों सहित गायें और ६ सुवर्ण दिये । हे मित्र ! शील बतकाओं कि उसने ६६६ त्राह्मणों को कितनी-कितनी सुद्धादि अन्य बस्तुएँ दी ? !! ! !!!

इस प्रकार श्रद्धकम बैराशिक प्रकरण समाह हुआ।

चौधे पाद\* के भनुसार व्यस्त त्रेराज्ञिक पर उदाहरणार्थ प्रश्न

शुद्ध स्वर्ण के ९० के लिये ९ वर्ग का स्वर्ण कितना होगा, तथा १०८ वर्ण के स्वर्ण की बनी हुई तुंब सिहत १०० स्वर्ण (घरण) के किये (९ वर्ण का स्वर्ण) कितना होगा ? ।।१८॥ ६ इस्त लम्बे बीर ६ इस्त भोड़े बीती रेशम के द्वकड़े १०० द्वकड़े हैं। हे स्वस्त अनुपात की रीति जानने वाले, बत्तकाओं कि उसी रेशम के ५ इस्त लम्बे, ६ इस्त चौड़े कितने दुकड़े दनमें से मिछ सकेंगे ।।१९॥

इस प्रकार व्यस्त श्रेशशिक प्रकरण समाञ्ज हुना ।

व्यस्त पंचराशिक पर उदाहरणार्थ प्रस्न

९ इस्त कार्य, ५ इस्त चीड़े ७० चीजी रेशम के हुकड़ों में २ इस्त चीड़े और ६ इस्त लागे जाप के किसने इस्ते बास दो सकेंगे ? ॥२०॥

पानी की मात्रा निकालने के लिये घन माप तथा द्रव माप में सम्बन्ध दिया जाना चाहिये था। P में की संस्कृत और B में की कलड़ी टीकाओं के अनुसार १ घन अंगुल पानी, द्रव माप में १ कर्ष के बराबर होता है।

- (१७) एक राधि से पूनरी राधि में सूर्य के पहुँचने के मार्ग को सकांति कहते हैं।
- (१८) हुद स्वर्ण यहाँ १६ वर्ग का क्रिया गया है।
  - यहाँ इस अन्याय की दूतरी गाथा के जीये चतुर्योश का निर्देश है ।

# व्यस्तसप्तराशिक उद्देशकः

न्यासायामोदयतो बहुमाणिक्ये चतुर्नवाष्टकरे । द्विषदेकहस्तमितयः प्रतिमाः कति कथय तीर्थकृताम् ॥ २१ ॥

## व्यस्तनवराशिक उद्देशकः

बिस्तारदैर्घ्योदयतः करस्य षट्त्रिंशदष्टमिता नवार्घा । शिला तया तु द्विषडेकमानास्ताः पञ्जकार्घाः कति चैत्ययोग्याः ॥ २२ ॥ इति व्यस्तपञ्जसमनवराशिकाः ।

गतिनिवृत्तौ सूत्रम्— निजनिजकालोकृतयोगमनिवृत्त्योवि शेषणाज्जाताम् । दिनशुद्धगतिं न्यस्य त्रैराशिकविधिमतः कुर्यात् ॥ २३ ॥

## अत्रोदेशकः

क्रोशस्य पद्धभागं नौर्यात दिनत्रिसप्तभागेन । वीधौँ वाताविद्धा प्रत्येति क्रोशनवर्माशम् ॥२४॥ कालेन केन गच्छेत् त्रिपद्धभागोनयोजनशतं सा । संख्याब्धिसमुत्तरणे बाहुबल्लिस्त्वं समाचक्ष्य ॥ २५ ॥

१ B और K में तस्मिन्काले वार्धी, पाठ है।

#### व्यस्त सप्तराशिक पर उदाहरणार्थ प्रश्न

बतलाओं कि ४ इस्त चौड़े, ९ इस्त लम्बे, ८ इस्त लंबे बड़े मणि में से २ इस्त चौड़ी ६ इस्त लम्बी तथा १ इस्त लँबी तीर्थंकरों की कितनी प्रतिमाएँ बन सकेंगी ? ॥२१॥

#### व्यस्त नव राशिक पर उदाहरणार्थ पश्न

जिसकी कीमत ९ है ऐसी ६ हस्त चौड़ी ३० हस्त छम्बी तथा ८ हस्त उँची एक शिला दी गई है। बतलाओं कि जिन मंदिर बनवाने के लिये इस शिला में से, जिसकी कीमत ५ है ऐसी २ हस्त चौड़ी ६ इस छम्बी तथा १ हस्त उँची कितनी शिकायें प्राप्त हो सर्वेगी ? ॥२२॥

इस प्रकार व्यस्त पंचराशिक, सप्तराशिक और नवराशिक प्रकरण समाप्त हुआ। गति निवृत्ति सम्बन्धी नियम—-

दिन की शुद्ध गाँत को लिखों जो अग्र तथा पृश्च (आगे तथा पिछे की ओर होने वाली) गित्यों के दिये गये अर्थों (rates) के अन्तर से प्राप्त होती है, जबकि इन अर्थों में से प्रत्येक को प्रथम उनके विशिष्ट समयों हारा विभाजित कर लिया जाता है। और तथ, इस शुद्ध दैनिक गति के सम्बन्ध में त्रेशिक नियम की किया करो।

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

है दिन में, एक जहाज समुद्र में दे कोश जाती है; उसी समय वह पवन के विरोध से है कोश पीछे हट जाती है। हे संख्या समुद्र को पार करने के अर्थ बाहुबक धारी! बतलाओ कि वह जहाज ९९दे बोजन किसने समय में जावेगी?॥२४-२५॥ एक मसुष्य जो रदी दिनों में १५ स्वर्ण सपाद्देम त्रिदिनैः सपञ्जमैनरोऽर्जयन् न्येति सुवर्णतुर्यकम् । निजाष्ट्रमं पञ्चिदिनैदेलोनितैः स केन कालेन लभेत सप्ततिम् ॥ २६ ॥ गन्धेभो मदल्ब्यषट्पद्पद्योद्भिमगण्डस्थलः सार्थ योजनपद्धमं व्रजति यः षड्भिर्द्छोनैर्दिनैः। प्रत्यायाति दिनैक्षिभिश्च सद्लैः क्रोशद्विपञ्चांशकं बहि कोशद्छोनयोजनशतं कालेन केनाप्रयात् ॥ २७ ॥ वापी पयःप्रपूर्णा दशदण्डसमुच्छिताब्जमिंह जातम्। अङ्गलयुगलं सदलं प्रवर्धते सार्धदिवसेन ॥ २८ ॥ निस्सरति यन्त्रतोऽम्भः सार्धेनाहाङ्गुले सविशे द्वे । शुष्यति दिनेन सिळळं सपख्रमाङ्गळकमिनकिरणै: ॥ २९ ॥ कूर्मो नालमधस्तात् सपादपञ्जाङ्गुलानि चाक्रवति । सार्धिहादिनैः पद्मं तोयसमं केन कालेन ॥ ३०॥ द्वात्रिंशद्धसादीर्घः प्रविशति विवरे पद्मभिः सप्तमार्धैः कृष्णाहीन्द्रो दिनस्यासुरवपुरजितः सार्धसप्ताङ्गळानि । पादेनाहोऽङ्गुले हे त्रिचरणसहिते वर्धते तस्य पुच्छं रन्ध्रं कालेन केन प्रविश्वति गणकोत्तंस मे बृहि सोऽयम् ॥ ३१ ॥

इति गतिनिवृत्तिः।

मुद्रा कमाता है, भ्रे दिन में है स्वर्ण मुद्रा तथा उस (है) की है स्वर्णमुद्रा खर्च करता है; बतकाओं कि वह ७० स्वर्ण मुद्रायें कितने दिनों में बचा सकेगा? ॥२६॥ एक श्रेष्ठ हाथी, जिसके गण्ड स्थळ पर झरते हुए मद की सुगन्ध से छुट्य अमर राशि पदों हारा आक्रमण कर रही है, भ्रे दिन में एक योजन का है भाग तथा है भाग चळता है; और, ३१ दिन में है कोश पोछे हर बाता है; बतकाओं कि वह रे क्रोश कम १०० योजन की कुछ दूरी कितने समय में तय करेगा? ॥२७॥ एक वापिका पानी से पूरी भरी रहने पर गहराई में दश दण्ड रहती है। अंकुरित होता हुआ एक कमक तकी से ११ दिन में २१ अंगुल के अर्थ (rate) से कमता है। यन्त्र हारा ११ दिन में वापिका का पानी निकछ जाने से पानी की महराई २३ अंगुल कम हो जाती है। और, सूर्य की किरणों हारा १६ अंगुल (महराई का) पानी वाष्य बनकर उद जाता है; तथा, एक कछुआ कमल की नाल को ११ दिन में ५१ अंगुल नीचे की ओर लींच लेता है। बतलाओं कि वह कमल पानी की सतह तक कितने समय में कम आवेगा? ॥२८-२०॥ एक बलयुक्त, अजित, श्रेष्ठ हुज्याहीन्द्र (काला सर्प) जो १२ हस्त लम्बा है, किसी छिद्र में ५३ दिन में ७१ अंगुल प्रवेश करता है; और ई दिन में उसकी पूँछ २१ अंगुल बद बाती है। हे अंकगणितज्ञों के मूचण! मुझे बतलाओं कि यह सर्प इस छिद्र में कितने समय में पूरी तरह प्रवेश कर सकेगा? ॥११॥

इस प्रकार, गति निवृत्ति प्रकरण समाप्त हुआ । पंचराशिक, सप्तराशिक और नवराशिक सम्बन्धी नियम—

स्व स्थान से 'फक' को अन्य स्थान में पक्षान्तरित करो ( वहाँ वैसी ही मूर्त राशि आयेगी ); ( तब इष्ट उत्तर को प्राप्त करने के किये विभिन्न राशियों की ) बड़ी संक्याओं वाकी पंक्ति को ( सबको

<sup>(</sup> २८-३० ) कुएँ की गहराई मूछ गाथा में तली से नापी गई 'ऊँचाई' कही गई है।

पद्मसप्तनवराशिकेषु करणसूत्रम् होमं नीत्वान्योग्यं विभजेत् पृथुपद्धिमल्पया पंक्त्या । राणियत्वा जीवानी क्रयविक्रययोस्त तानेव ॥ ३२ ॥

अत्रोहेशकः

द्वित्रिचतुःशतयोगे पञ्चाशत्षष्टिसप्ततिपुराणाः । लामार्थिना प्रयुक्ता दशमासेष्वस्य का वृद्धिः ॥३३॥ हेन्ना सार्धाशीतेर्मासत्र्यंशेन वृद्धिरध्यर्था । सन्निचतुर्थनवत्याः कियती पादोनवण्मासैः ॥३४॥

१ P में निम्निष्ठिखत पाठान्तर है।

प्रकान्तरेण सत्रम---

तंकास्य फलं ब्रिन्याङ्गयुपंक्त्याने कराशिकां पंक्तिम् । स्वगुणामश्वादीनां क्रयविक्रययोश्तः तानेव ।

अन्यदपि सूत्रम्--

सक्रम्य फलं जिन्यात् पृष्ट्पेक्स्यम्यासम्बद्धाः पंकस्य । अश्वादीनां क्रयविक्रययोरश्वादिकांश संक्रम्य ॥ B केवल बाद का क्लोक दिया गया है जिसके दुसरे चौथाई भाग का पाठान्तर यह है-प्रयोक्त्यभ्यासम्बद्धन्या हत्या ।

साथ ग्रुणित करने के पश्चात् ), सनको साथ लेकर ग्रुणित की गई विजित्त राशिनों की छोटी संस्वाओं बाको पंक्ति द्वारा विभाजित करना चाविये । परम्तु, जीवित पशुओं को बैचने और खरीदने के प्रश्तें में केवळ उन्हें प्रकरण करनेवाली संख्याओं के सम्बन्ध में ही प्रसान्तरण करते हैं ॥६२॥

#### उदाहरणार्थ प्रक्र

किसी व्यक्ति द्वारा ५०, ६० और ७० प्रराण क्रमश: २, ३ और ४ प्रतिशत प्रतिमास के अर्थ ( दर ) से छात्र के खिबे ब्याज पर दिये गये । इस माह में उसे कितना व्याज प्राप्त होना ? ॥३३॥ े मास में ८०५ स्वर्ण मुद्राओं पर ज्याज १५ होता है। ५३ माह में ९०३ स्वर्ण मुद्राओं पर वह किसवा होता ? ॥६४॥ वह जो १६ वर्ण के १०० स्वर्ण बीडों में २० रक्ष प्राप्त करवा है तो १० वर्ण

( ३२ ) फल का पशान्तरण तथा अन्य कथित क्रियार्थे निम्नलिखित साधित उदाहरण से स्पष्ट हो बार्वेभी । गाया २६ के प्रधन में दिया गया न्यास ( data ) प्रथम निम्न प्रकार प्रकपित किया बाता है ।

> ९ मानी १ योजन

१० योजन

१ वाइ + १ कुम्म

जब बहाँ फरू, जो ६० पन है, को अन्य पंक्ति में पक्षान्तरित करते हैं तब-

९ मानी

१ वाड + १ क्रम्भ = १ई वाह

३ योजन

१० बोजन

अब, जिसमें विभिन्न राशियों की संख्या अधिक है ऐसी दाहिने हाथ की पैक्ति की सब राशियों को गुणित कर उसे बाम पंक्ति (बिसमें विभिन्न राशियों की संख्या कम है) की सब राशियों को गुणित करने से प्राप्त गुबनफुरू द्वारा भावित करना चाहिबे। तब हमें पनी की संख्या प्राप्त होगी वो कि इष्ट उत्तर होगा।

बोड स्वर्णकका अन्यतिन यो रत्नविञ्चति रूपते । दश्चवर्णसुवर्णानामष्टाशीतिद्विशत्या किम् ॥३५॥ गोवूमानां मानीनेव नयता योजनत्रयं रूप्याः । षष्टिः पणाः सवाहं कुम्भं दशयोजनानि कति ॥३६॥ भाण्डप्रतिभाण्डस्योदेशकः

करत्रीकर्षत्रययुपल्यतं त्रामिरष्टभिः कर्नेकैः कर्षद्रयकपूरं सृगनाभित्रिशतकर्षकैः कति नौ ॥३७॥ पनसानि षष्टिमष्टभिरुपल्यतेऽशीतिमातुलुङ्गानि ॥ दश्मिमोषैनवशतपनसैः कति मातुलुङ्गानि ॥३८॥

# जीवऋयविऋययोरुदेशकः

बोडशवर्षास्तुरगा विश्वातरहैन्त नियुतकनकानि ।
दशवर्षसप्तिसप्ततिरेह कति गणकामणीः कथय ॥ ३९॥
स्वर्णत्रिश्वती मूल्यं दशवर्षाणां नवाङ्गनानां स्यात् । षट्त्रिशक्षाराणां वोडशसंवत्सराणां किम् ॥४०॥
षट्कशतयुक्तनवतेर्दशमासेर्वृद्धिरत्र का तस्याः ।
कः कालः कि विसं विदिताभ्यां भण गणकम्खसुकुर ॥ ४१ ॥

- १ अमें अन्त में ना जुड़ा है।
- २ K, M और B में ना के लिए हेमकर्शः पाट है।

वासे २८८ स्वर्ण खंडों में क्या प्राप्त करेगा ? ॥६५॥ एक मनुष्य जो ९ मानी गेहूँ ६ योजन तक से जाकर ६० पण प्राप्त करता है, वह एक कुम्म और एक वाह गेहूँ ५० योजन तक से जाकर क्या प्राप्त करेगा ? ॥६६॥

## भांड प्रतिभांड ( विनिमय ) पर उदाहरणार्थ प्रश्न

प्क मनुष्य १० स्वर्ण मुद्राओं में ३ कर्ष कस्त्री तथा ८ स्वर्ण मुद्राओं में २ कर्ष कर्ष्र प्राप्त करता है। बतकाओ कि उसे ३०० कर्ष कस्त्री के बदले में कितने कर्ष कर्ष्र प्राप्त होगा ? ॥३७॥ प्क मनुष्य ८ माशा चाँदो के बदले में ६० पनस प्राप्त करता है और १० माशा चाँदी के बदले में ८० धनार प्राप्त करता है। बतकाओ कि ९०० पनस फलों के बदले में वह कितने अनार प्राप्त करेगा ? ॥३८॥

## पशुओं के क्रय और विकय पर उदाहरणार्थ प्रकृत

प्रत्येक १६ वर्ष की उस वाले बीस घोड़ों की कांमत १००,००० स्वर्ण मुद्राएँ हैं। हे गणित-स्नामणी ! वतकाओं कि प्रत्येक १० वर्ष वाले ७० घोड़ों का मूच्य इस अर्थ से क्या होगा ? ॥६९॥ प्रत्येक १० वर्ष की उस्रवाकी ९ नवाङ्गनाओं का मूच्य २०० स्वर्ण मुद्राएँ हैं। प्रत्येक १६ वर्ष की उस्रवाकी १६ नवाङ्गनाओं का मूच्य क्या होगा ? ॥७०॥ ६ प्रतिकात प्रतिमास की वर से ९० पर १० मास में क्या ब्यास होगा ? हे गणक मुख मुकुर ! हो अन्य आवश्यक द्यात राशियों की सहायता से वतकाओं कि एस ब्यास के सम्बन्ध में समय क्या होगा और उस ब्यास तथा समय के सम्बन्ध में मूख्यन क्या होगा ? ॥७१॥

# सप्तराशिक उद्देशकः

त्रिचतुर्व्यासायामी श्रीखण्डावर्हतोऽष्टहेमानि । षण्णविक्तृतिदैर्घ्या हस्तेन चतुर्दशात्र कति ॥ ४२ ॥

इति समराशिकः।

## नवराशिक उद्देशकः

पंद्र्वाष्टत्रिक्यासदैर्घ्योद्याम्भो धत्ते वापी शास्त्रिनी वाह्षट्कम् । सप्तव्यासा हस्ततः षष्टिनैर्ध्याः पात्सेधोः किं नवाचक्ष्य विद्वन् ॥ ४३ ॥ इति सारसंप्रद्रे गणितशास्त्रे महावीराचार्यस्य कृतौ त्रेराशिको नाम चतुर्थव्यवहारः ॥

४३ वें क्लांक के सिवाय अ और B में निम्नलिखित क्लोक प्राप्य है—
 द्वयष्टाशीतिव्यासदैच्यांकताम्मो धसे वापी शालिनी सार्धवाही ।
 इस्तादृष्टायामकाः षोडशोच्छाः षटकव्यासाः कि चतसा वद स्वम् ॥

## सप्तराशिक पर उदाहरणार्थ शक्न

जिनमें प्रत्येक का क्यास ३ इस्त और लम्बाई (आयाम ) ४ इस्त है, ऐसे संदक्ष-ककड़ी के दो दुकड़ों का मूल्य ८ स्वर्ण सुद्राएं हैं। इस अर्घ से, जिनमें प्रत्येक ६ इस्त व्यास में और ९ इस्त कम्बाई में है ऐसे संदल्ल-ककड़ी के १४ दुकड़ों का क्या मूल्य होगा ? ॥४२॥

## नवराशिक पर उदाहरणार्थ प्रश्न

जो चौदाई, लम्बाई और (तली से ) उंचाई में क्रमशः ५, ८ और ६ इस्त है ऐसी किसी घर की वापिका में ६ वाह पानी भरा है। हे बिद्वान्! बतलाओं कि ७ इस्त चौदी, ६० इस्त सम्बी और तको से ५ इस्त ऊँचो ९ वापिकाओं में कितना पानो समावेगा ! ॥४३॥

इस प्रकार सप्तराशिक और नवराशिक प्रकरण समाप्त हुआ।

इस प्रकार महावीराचार्थ की कृति सारसंग्रह नामक गणित शास्त्र में त्रैराशिक नामक चतुर्थ व्यवहार समाप्त हुआ।

(४३) इस गाथा में 'शालिनी' शब्द का अर्थ "घर की" हं।ता है। यह उस छंद का भी नाम हे जिसमें यह गाथा संरचित हुई है।

# ६, मिश्रकव्यवहारः

प्राप्तानन्तचतुष्ट्यान् भगवतस्तीर्थस्य कर्तृन् जिनान् सिद्धान् शुद्धगुणांक्षिल्लोकमहितानाचार्यवर्यानपि । सिद्धान्ताणवपारगान् भवभृतां नेतृनुपाध्यायकान् साधून् सर्वगुणाकरान् हितकरान् वन्दामहे श्रेयसे ॥ १ ॥ इतः परं मिश्रगणितं नाम पञ्चमव्यवहारमुदाहरिष्यामः । तद्यथा— संक्रमणसंज्ञाया विषमसंक्रमणसंज्ञायाश्च सूत्रम्— यतिवियनिद्वनकर्यां संक्रमणं केदलञ्जायो स्वर्णः ।

सक्रमणसङ्खाया विषमसक्रमणसङ्खायाश्च सूत्रम्— युतिवियुतिदलनकरणं संक्रमणं छेदलन्धयो राश्योः। संक्रमणं विषममिदं प्राहुर्गणिततार्णवान्तगताः॥२॥

#### ६. मिश्रकव्यवहार

विन्होंने अनन्त चतुष्टय प्राप्त कर धर्म तीर्थ की प्रवर्तना की है ऐसे अरिहंत प्रभुओं की, जो अष्टक्षायिक गुण सम्पन्न हैं तथा तीनों लोकों में आदर को प्राप्त हैं ऐसे सिद्ध प्रभुओं की, श्रेष्ठ आचार्यों की, जो जैन सिद्धान्त सागर के पारगामी हैं तथा संसारी जीवों को मोक्षमार्ग के उपदेशक हैं ऐसे उपाध्यायों की और जो सर्व सद्धुणों के धारक हैं तथा दूसरों के हितकती हैं ऐसे साधुओं की हम अपने सर्वोपिर हित के लिये वन्दना करते हैं ॥१॥

इसके पश्चात् हम मिश्रित उदाहरण नामक पाँचवें व्यवहार का प्रतिपादन करेंगे। पारिभाषिक शब्द 'संक्रमण' और 'विषम संक्रमण' के अर्थों को स्पष्ट करने के लिये सुन्न---

गणित समुद्र के पारगामी, किन्हीं दो राक्षियों के योग अथवा अन्तर के आधा करने को संक्रमण कहते हैं। और, ऐसी दो राक्षियाँ जो क्रमशः भाजक तथा भजनफरू रहती हैं, उनके संक्रमण को विषम संक्रमण कहते हैं।।२।।

- (१) कर्म ओर जन्म मरण के दुःखों से पूर्ण संसारीजीवनरूपी नदी को पार करने के लिये 'तीर्य' शन्द का प्रयोग 'एक ऐसे स्थान के लिये हुआ है जो उथला होने के कारण नदी को पार करने में सहायक सिद्ध होता है। संसार अर्थात् चतुश्चिकमण के दुःखों रूपी सागर को पार कराने के लिये मगवान् आत्माओं के लिये नैमित्तिक सहायक माने गये हैं। इसलिये इन जिनों को तीर्थकर कहा जाता है।
  - (२) बीबीय रूप से, दो राशियों अ और ब का संक्रमण  $\frac{3+4}{2}$  और  $\frac{31}{2}$  के मान निका-

खना है। उनका विषम संक्रमण, ब + अ व अ व के मान निकालना है। २ २

### अत्रोदेशकः

द्वादशसंख्याराशेद्वीभ्यां संक्रमणमत्र किं भवति । तस्माद्राशेमेकं विषमं वा किं तु संक्रमणम् ॥ ३ ॥

#### पश्चराशिकविधिः

पञ्चराशिकस्वरूपवृद्धधानयनसूत्रम्— इच्छाराशिः स्वस्य हि कालेन गुणः प्रमाणफलगुणितः । कालप्रमाणमक्तो भवति तदिच्छाफलं गणिते ॥ ५॥

#### अत्रोहेशकः

त्रिकपञ्चकषटकशते पञ्चाशत्विष्ठसप्तितपुराणाः। लाभार्थतः प्रयुक्ताः का वृद्धिमीसवट्कस्य ॥ ५ ॥ व्यथिष्ठकशतयुक्तास्त्रिशत्कार्वापणाः पणाश्चाष्ट्री । मामाष्ट्रकेन जाता दल्हीनेनैव का वृद्धिः ॥ ६ ॥ वष्ट्या वृद्धिर्देष्ठा पञ्च पुराणाः पणत्रयविमिश्राः । मासद्वयेन लव्धा शतवृद्धिः का तु वर्षस्य ॥ ७ ॥ मार्थशतकप्रयोगे सार्थकमासेन पञ्चदश लाभः । मासदशकेन लव्धा शतत्रयस्यात्र का वृद्धिः ॥८॥ साष्ट्रशतकाष्ट्रयोगे त्रिषष्टिकाषीपणा विशा दत्ताः । मप्तानौ मासानौ पञ्चमभागान्वितानौ किम्॥९॥

## उदाहरणार्थ प्रश्न

जब संख्या १२, दो से आयोजित हो तो संक्रमण क्या होगा? और, २ के सम्बन्ध में उसी संख्या १२ का भागीय विषम संक्रमण क्या होगा?

#### पंचराशिक विधि

पंचराशिक प्रकार के स्थाल को निकासने की विधि के सिधे नियम-

इच्छा का प्ररूपण करनेवाछी संख्या, अर्थात् जिस पर ब्याज निकालना इष्ट होता है ऐसे धन को उससे सम्बन्धित समय द्वारा गुणित किया जाता है और तब दिये हुए मूलधन पर ब्याज दर का निरूपण करने वाली संख्या द्वारा गुणित किया जाता है। गुणनफल को समय तथा मूलधन राशि द्वारा भाजित किया जाता है। यह भजनफल, गणित में, इष्ट धन का ब्याज होता है।।॥

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

प०, ६० और ७० पुराण क्रमशः ३, ५ और ६ प्रतिशत प्रतिमाह की दर (1840) से ब्याज पर दिये गये, उनका ६ माह में ब्याज क्या होगा ? ॥५॥ ३० कार्षापण और ८ पण, ७३ प्रतिशत प्रतिमाह की दर से ब्याज पर दिये गये, ७३ माह में कितना ब्याज होगा ? ॥६॥ ६० पर २ माह में ५ पुराण और ६ पण ब्याज होता है; १०० पण १ वर्ष का ब्याज बतलाओ ॥७॥ १५० को १३ माह तक उधार देने से १५ ब्याज प्राप्त होता है। इसी अर्थ से १०० पर १० माह का ब्याज क्या होगा ? ॥८॥ एक ब्यापारी ने ६२ कार्षापण, १०८ पर ८ प्रतिमाह की दर से उधार दिये, यतलाओ ७६ माह में कितना ब्याज होगा ॥९॥

<sup>(</sup>४) बीजीय रूप से व = अर्थ जहाँ भा, घा और वा प्रमाण अथवा दर सम्बन्धी क्रमधः अविध, मूल्यन और म्याब हैं और अ, घ तथा व ह्च्छा की क्रमधः अविध, मूल्यन और व्याव हैं। प्रमाण और ह्च्छा के विशेष स्पष्टीकरण के खिये अभ्याय ५ की गाया २ की पाद टिप्पणी देखिये।

<sup>(</sup>५) व्याव की दर यदि उच्छिखित न हो तो उसे प्रतिमास समझना चाहिये।

#### मूळानयनसूत्रम्---

मूळं स्वकाळगुणितं स्वफलेन विभाजितं तरिच्छायाः। कालेन भजेलव्यं फलेन गुणितं तरिच्छा स्यात्॥ १०॥

## अत्रोद्देशकः

पश्चार्धकश्वतयोगे पद्ध पुराणान्दलोनमासौ द्वौ । वृद्धि लभते कश्चित् किं मूलं तस्य मे कथय ॥११॥ सङ्गत्याः सार्धमासेन फलं पद्धार्धमेव च । व्यर्धाष्टमासे मूलं किं फलयोः मार्धयोर्द्धयोः ॥ १२ ॥ त्रिकपञ्चकषट्कशते यथा नवाष्टादशाथ पद्धकृतिः । पद्धाशकेन मिश्रा षट्सु हि मासेषु कानि मूलानि ॥ १३ ॥

काळानयनसूत्रम्-

कालगुणितप्रमाणं स्वफलेच्छाभ्यां हृतं ततः छत्वा । तिद्देच्छाफलगुणितं लब्धं कालं बुधाः प्राहुः ॥ १४ ॥

बचार दिये गये मुख्धन को निकालने के किये नियम--

मूळधन राशि को उसी से सम्बन्धित समय द्वारा गुणित करते हैं और सम्बन्धित व्याज द्वारा विभाजित करते हैं। तब इस मजनफळ को (उधार दिचे गये) मूळधन से सम्बन्धित अवधि द्वारा विभाजित करते हैं; यह श्रेतिम भजनफळ जब श्र्याजित व्याज द्वारा गुणित किया जाता है तब वह मूळधन प्राप्त होता है जिस पर कि उक्त ब्याज प्राप्त हुआ है ॥१०॥

## उदाहरणार्थ प्रश्न

व्याज दर २१ प्रतिशत प्रतिमाह से ११ माह तक रकम उधार देकर एक व्यक्ति ५ पुराण व्याज प्राप्त करता है। मुझे बतलाओं कि उस व्याज के सम्बन्ध में मूलधन क्या है?॥११॥ ७० पर १२ माह में २१ व्याज होता है। यह ७२ माह में २१ व्याज होता हो तो बतलाओं कि कितना मूलधन व्याज पर दिया गया है?॥१२॥ कमशः १,५ और ६ प्रतिशत प्रति माह की दर से उधार देने पर ६ माह में प्राप्त होने वाले व्याज क्रमशः ९,१८ और २५६ हैं; कौन-कीन से मूलधन व्याज पर दिये गये हैं?॥१६॥

भविष निकासने के सिये नियम ---

मूळधन को सम्बन्धित अवधि से गुणित करो; तब इस गुणनफळ को उसी से सम्बन्धित ब्याज दर से भाषित करो और उधार दी हुई रकम से भी भाषित करो। प्राप्त भजनफळ को उधार दी हुई रकम के ब्याज द्वारा गुणित करो। चुडिमान महुष्य कहते हैं कि परिणामी गुणनफळ (उपार्जित ब्याज की) अवधि होता है। 1981

<sup>(</sup>१०) मतीक रूप से,  $\frac{\forall i \times \forall i \times \exists i}{\forall i \times \exists i} = \forall$ 

<sup>(</sup>१४) प्रतीक रूप से,  $\frac{\pi I \times 24I \times 4}{\pi I \times 4I} = 24$ 

### अत्रोदे शकः

सप्तार्धशतकयोगे वृद्धिस्त्वष्टाप्रविशतिरशीत्या। कालेन केन सन्धा कालं विगणय्य कथय सखे॥ १५॥

विश्वतिषट्शतकस्य प्रयोगतः सप्तगुणषष्टिः । वृद्धिरिष चतुरशीतिः कथय सखे कालमाशु त्वम् ॥१६॥ षट्कशतेन हि युक्ताः पण्णवितिवृद्धिरत्र संदृष्टा । सप्रोत्तरपञ्चाशत् त्रिपञ्चमागश्च कः कालः ॥१०॥

भाण्डप्रतिभाण्डसूत्रम्--

भाण्डस्बम् ल्यभक्तं प्रतिभाण्डं भाण्डम् ल्यसंगुणितम् । स्वेच्छाभाण्डाभ्यस्तं भाण्डप्रतिभाण्डम् ल्यफल्येतत् ॥ १८ ॥

## अत्रोद्शकः

क्रीतान्यष्टी शुण्ड्याः पल्लान पड्भिः पणैः सपादांशैः । पिप्पस्याः पलपञ्चकमथ पादांनैः पणैनेबभिः ॥ १९ ॥ शुण्ड्याः पल्लेखं केनचिद्शीतिभिः कति पल्लान पिप्पस्याः । क्रीतानि विचिन्त्य त्वं गणितविदाचक्ष्व मे शीघम् ॥ २० ॥

इति मिश्रकव्यवहारे पञ्चराशिविधिः समाप्तः।

## **वृद्धिविधानम्**

इतः परं मिश्रकव्यवहारे वृद्धिविधानं व्याख्यास्यामः।

१ M और B दोनों में अगुद्ध पाठ है : कश्चित् त्वशीतिभिः स च पलानि पिप्पत्याः.

#### उदाहरणार्थ प्रक्त

हे मित्र ! अविध की गणना कर बतकाओं कि ३ में प्रतिशत प्रतिमाह के अर्घ से ८० पर २८ व्याज कितने समय में प्राप्त होगा ? ॥१५॥ २० प्रति ६०० प्रतिमाह के अर्घ से उधार दिया गया धन ध२० है। व्याज भी ८५ है। हे मित्र ! मुझे शीघ्र बतलाओं कि यह व्याज कितनी अविध में उपाजित हुआ है ?॥१६॥ ६ प्रतिशत प्रतिमाह के अर्घ से ९६ उधार दिये जाते हैं। उन पर ५७ इं व्याज होता है। यह व्याज कितनी अविध में प्राप्त हुआ होगा ? ॥१०॥

भांडप्रतिभांड ( वस्तुओं के पारस्परिक विनिमय ) के सम्बन्ध में नियम---

बद्छे में की गई वस्तु के परिमाण को उसके स्वमूल्य तथा बद्छे में दी गई वस्तु के परिमाण द्वारा विभाजित करते हैं। तब, उसे बद्छे में दी गई वस्तु के मृत्य द्वारा गुणित करते हैं और तब, बद्छी जाने वाली (जिसे बद्छमा इष्ट है) वस्तु के परिमाण द्वारा गुणित करते हैं। यह परिणामी गुणनफ्छ, बद्छे में की गई वस्तु तथा बद्छे में दी गई वस्तु के मृत्यों की संवादी इष्ट राशि होती है। १८॥

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

८ पर शुण्ठि (सूखी भदरसा) ६ रेपण में सारीदी गई और ५ पर सम्बी मिर्च ८ रेपण में सारीदी गई। हे गणितज्ञ! विचारकर मुझे शीप्र बतलाओं कि उपर लिसी हुई दर से सारीदी जाने वाली कम्बी मिर्च, ८० पर सूसी अदरस (सोंट) के बदले में कितने पर सारीदी जा सकेगी ? ॥१९--२०॥

इस प्रकार, मिश्रक व्यवहार में पंचराशिक विश्वि नामक प्रकरण समाप्त हुआ।

वृद्धि विधार [ ब्याज ]

इसके प्रमात् , मिश्रक व्यवहार में हम व्याज पर व्याक्या करेंगे।

मूलवृद्धिमिश्रविमागानयनस्त्रम्— रूपेण कालवृद्धचा युतेन मिश्रस्य भागहारविधिम्। कृत्वा लब्धं मूरूयं वृद्धिमूलोनमिश्रधनम् ॥२१॥ अत्रोदेशकः

पञ्चकशतप्रयोगे द्वादशमासैर्धनं प्रयुक्के चेत्। साष्टा चत्वारिशन्मिश्रं तन्मूलवृद्धी के ॥ २२ ॥ पुनरिप मूलवृद्धिमिश्रविभागसूत्रम्—

इच्छाकालफलम्रं स्वकालम्लेन भाजितं सैकम्। संमिश्रस्य विभक्तं लब्धं मूलं विजानीयात् ॥२३॥

## अत्रोदेशकः

सार्धद्विशतकयोगे मासचतुष्केण किमपि धनमेकः। दत्त्वा मिश्रं छभते किं मूल्यं स्यात् त्रयस्त्रिशत् ॥ २४ ॥ कालयुद्धिमिश्रविभागानयनसूत्रम्— मूळं स्वकालगुणितं स्वफलेच्छाभ्यां हतं ततः कृत्वा ।

मिश्रित रकम में से धन और ब्याज अलग करने के लिये नियम-

मूलधन और ब्याज सम्बन्धी दिये गये भिश्रधन को जो दी गई श्रवधि के ब्याज में जोबकर प्राप्त किया जाता है, ऐसी (ब्याज) राशि द्वारा द्वासित किया जाय तो इष्ट मूलधन प्राप्त होता है; और इष्ट ब्याज को मिश्रित धन में से (निकाले हुए) इष्ट मूलधन को घटाकर प्राप्त कर लेते हैं ॥२१॥

### उदाहरणार्थ प्रश्न

यदि कोई धन ५ प्रतिशत प्रतिमाह के अर्घ से ब्याज पर दिया जाय तो १२ माह में मिश्रधन ४८ हो जाता है। बतलाओं कि मूलधन और ब्याज क्या हैं ? ॥२२॥

मिश्रधन में से मूलधन और व्याज अलग करने के लिये वूसरा नियम-

दिये गये समय तथा ब्याज दर के गुणनफल को समयदर तथा मूळधनदर द्वारा भाजित करते हैं। प्राप्त फळ में १ जोड़ने से प्राप्त राशि द्वारा मिश्रधन को भाजित करते हैं जिससे परिणामी भजनफल इष्ट मूळधन होता है ॥२३॥

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

२ चै प्रतिशत प्रतिमाह के अर्घ से रक्षम को व्याजपर देने से किसी को चार माह मैं ३३ मिश्रधन प्राप्त होता है। बतकाओ मूळधन क्या है ? ॥२४॥

मिश्र योग में से अवधि तथा ब्याज को अछग करने के छिये नियम---

मूळधनदर को अवधि दर हारा गुणित करो और ब्याज दर तथा दिये गये मूळधन द्वारा

(२१) प्रतीक रूप से ध = 
$$\frac{H}{? \times 34 \times 31}$$
 'जहाँ म =  $8 + 4 = 8$ ; इसिलिये  $4 = 4 - 4$   
श  $\times 31 \times 31$ 

(२३) प्रतीक रूप से,  $u = n + \left\{ \frac{3I \times sii}{3II \times sii} + ? \right\}$ , स्पष्ट है कि यह बहुत कुछ गाथा २१ में दिये गये सूत्र के समान है।

सैक तेनाप्तस्य च मिश्रस्य फलं हि वृद्धिः स्यात् ॥ २५ ॥ अत्रोदेशकः

पश्चक्षातप्रयोगे फलार्थिना योजितैव धनवष्टिः।
कालः स्ववृद्धिसिहेतो विंशतिरत्रापि कः कालः॥ २६॥
अर्धत्रिकसप्तत्याः सार्धाया योगयोजितं मूलम्।
पञ्चोत्तरसप्तशतं मिश्रमशीतिः स्वकालवृद्धयोहिं॥ २७॥
व्यर्धचतुष्काशीत्या युक्ता मासद्वयेन सार्धेन।
मूलं चतुःशतं षट्त्रिंशन्मिश्रं हि कालवृद्धयोहिं॥ २८॥

मूखकालिमश्रविभागानयनसूत्रम्— स्वफलोद्धृतप्रमाणं कालचतुर्यृद्धिताहितं शोध्यम्। मिश्रकृतेस्तन्मूलं मिश्रे क्रियते तु संक्रमणम्॥ २९॥

विभाजित करो । परिणामी राशिको ९ में मिळाओ । प्राप्तफक द्वारा मिश्रवोग को विभाजित करने पर इष्ट क्याज प्राप्त होता है ॥२५॥

### उदाहरणार्थ प्रश्न

प प्रतिशत प्रतिमाह के अर्थ से किसी साहुकार ने ६० उधार दिये। अवधि तथा समय मिला-कर २० होता है। बतकाओं कि अवधि क्या है ? ॥२६॥ १३ प्रति ७०३ प्रति मास की दर से व्याज पर दिया गया मूकधन ७०५ है। समय और व्याज का मिश्रयोग ८० है। समय तथा व्याज के मानों को अकार-अलग निकाको ॥२७॥ ३३ प्रति ८० की दर से २३ माहों के लिये व्याज पर दिया गया मूकधन ४०० है और समय तथा ब्याज का मिश्रयोग ३६ है। ममय तथा ब्याज अकग-अलग बतकाओं ॥२८॥

मूल्यन और ब्याज की अवधि को तनके मिश्रयोग में से अरूग करने के लिये नियम—
अवधि और मूल्यन के दिये गये मिश्रयोग के वर्ग में से बह राशि वटाई जाती है जो मूल्यनदर को ब्याजदर से भाजित करने और अवधिदर तथा दिये गये ब्याज की चौगुनी शक्ति हारा गुणित
करने पर प्राप्त होती है। इस परिणामी शेष के वर्गम्ल को दिये गये मिश्रयोग के सम्बन्ध में संक्रमण
किया करने के उपयोग में लाते हैं। १९।।

(२५) प्रतीक रूप से, ब = म 
$$\div$$
  $\left\{ \frac{\text{घा} \times \text{धा}}{\text{बा} \times \text{घ}} + ? \right\} = \text{ब, तहाँ } \mu = \text{ब} + \text{ध}$   
(२९) प्रतीक रूप से,  $\left\{ \sqrt{\mu^2 - \frac{\text{घा} \times \text{धा}}{\text{बा}}} \times \text{ध} \times \mu \right\} = \text{घ अथवा अ, (यथा$ 

रियति ) जहाँ, म = भ + अ; दिये गये नियम के अनुसार, मूल (करणी) गत राशि का मान ( भ - अ ) र है; इसके वर्गमूल तथा मिल्र इन दोनों के सम्बन्ध में संक्रमण की किया की जाती है।

संक्रमण किया को समझने के लिये अध्याय ६ का क्लोक २ देखिये ।

### अत्रोद्देशकः

सप्तत्या वृद्धिरियं चतुःपुराणाः फलं च पद्मकृतिः । मिश्रं नव पद्मगुणाः पादेन युतास्तु किं मूलम् ॥ ३० ॥ त्रिकषष्ट्रचा दस्वैकः किं मूलं केन कालेन । प्राप्तोऽष्टादशवृद्धिं षट्षष्टिः कालमूर्लामश्रं हि ॥ ३१ ॥ अध्यर्थमासिकफलं षष्ट्रयाः पद्मार्थमेव संदृष्टम् । वृद्धिस्तु चतुर्विशतिरथं षष्टिर्मृलयुक्तकालश्च ॥ ३२ ॥

प्रमाणफलेच्छाकालमिश्रविभागानयनसूत्रम्— मूलं स्वकालवृद्धिद्विकृतिगुणं लिक्समितरमूलेन । मिश्रकृतिशेषमूलं मिश्रे क्रियते तु संक्रमणम् ॥३३॥

### अत्रोद्देशकः

अध्यर्धमासकस्य च शतस्य फलकालयोश्च मिश्रधनम्। द्वादश दलसंमिश्रं मूलं त्रिंशत्फलं पञ्च। ३४॥

#### उदाहरणार्थ पश्न

४ पुराण, ७० पर प्रतिमाह ज्याज है। कुछ पर प्राप्त ज्याज २५ है। मूक्ष्यन तथा ज्याज की अवधि का मिश्रयोग ४५ है। कितना मूक्ष्यन ष्ठधार विद्या गया है ? ।।३०।। ३ प्रति ६० प्रतिमास के अर्घ से कोई मलुष्य कितना मूक्ष्यन कितने समय के छिये ज्याज पर छगाये ताकि उसे ज्याज १८ प्राप्त हो जबकि उस अवधि तथा उस मूक्ष्यन का मिश्रयोग ६६ दिया गया है ।।३१।। ६० पर १३ माह में ज्याज केवल २३ है। यहाँ ज्याज २४ है और मूक्ष्यन तथा अवधि का मिश्रयोग ६० है। समय तथा मूक्ष्यन क्या हैं १ ।।३२।।

ब्याजदर तथाइष्ट भविष की मिश्रितथोश में से अलग-अलग करने के लिये नियम-

मूलधनदर स्व समयदर द्वारा गुणित किया जाता है, तथा दिये गये स्याज से और ४ से भी गुणित करने के अपरान्त अन्य दिये गये मूलधन द्वारा विभाजित किया जाता है। इस परिणामी अजनफ्छ को दिये गये मिश्रयोग के वर्ग में से घटाकर प्राप्त दोष के वर्गमूक को मिश्रयोग के सम्बन्ध में संक्रमण किया करने के अपयोग में छाते हैं।।३३।।

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

अर्थ अधिक प्रतिशत प्रतिमाह की इष्ट दर से व्याज दर और अवधि का मिश्रयोग १२ है होता है। मुख्यम २० है और उस पर व्याज ५ है। बतछाओ व्याख दर और अवधि क्या-क्या हैं ? ॥३४॥

<sup>(</sup>३३) प्रतीक रूप से,  $\sqrt{\mu^2 - \frac{\forall i \times \partial i \times a \times b}{a}}$  की 'म' के साथ इष्ट संक्रमण किया करने के उपयोग में लाते हैं। यहाँ म = बा + अ है।

ग॰ सा॰ सै॰--१३

मूलकालवृद्धिमिश्रविमागानयन्त्रुत्रम्

मिआदूनितराधिः कालस्तस्यैव रूपलाभेन । सैकेन भजेन्मूलं स्वकालमूलोनितं फलं मिश्रम् ॥३५॥ अत्रोद्देशकः

पञ्चकशतप्रयोगे न ज्ञातः काळमूळफळराशिः। तन्मिश्रं द्वौशीतिर्मूळं किं काळवृद्धी के ॥ ३६ ॥

बहुमूलकालवृद्धिमिश्रविभागानयनसूत्रम्— विभजेत्स्वकालताहितमूलसमासेन फलसमासहतम्। कालाभ्यस्तं मृत्तं पृथक् पृथक् चादिशेद् वृद्धिम्॥ ३७॥

अत्रोदेशकः

पत्वारिशत्त्रिशद्विशतिपञ्चाशदत्र मूळानि । मासाः पञ्चचतुश्विकवट फर्ळापण्डञ्चतुश्विशत् ॥३८॥ १ इस्तिलिप में यह अग्रद्ध रूप प्राप्य है; ग्रद्ध रूप 'द्वयशीति' छेद की आवश्यकता की समाधानित नहीं करता है ।

मृत्स्घन, ब्वाज और समय को उनके मिल्रयोग में से अलग-अलग प्राप्त करने के लिये नियय—
हिये गये मिश्रयोग में से कोई मन से जुनी हुई संख्या को घटाने पर इष्ट समय प्राप्त हुआ मान लिया जाता है। उस अवधि के लिये ९ पर ब्याज निकाककर उसमें ९ जोड़ते हैं। तब, दिये गये मिश्रितयोग में से मन से जुनी गई अवधि घटाकर रोष राशि को उपयुक्त प्राप्त राशि हारा विभाजित करते हैं। परिणामी अजनफल इष्ट मूल्यन होता है। मिश्रयोग को निज के संवादी समय और मूल्यन हारा हासित करने पर इष्ट ब्याज प्राप्त होता है।।३५॥

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

प प्रतिशत प्रतिमाह के अर्थ से उधार दी गई रकम के विषय में अवधि, मूळधन और व्याज का निरूपण करने वाकी राशियाँ ज्ञात नहीं हैं। उनका मिश्रयोग ८२ है। अवधि, मूळधन और व्याज निरूपण ॥१६॥

विभिन्न धनौ पर विभिन्न अवधियों में उपार्जित विभिन्न व्याजों को उन्हीं के मिश्योग में से

अलग-अलग ब्याज प्राप्त करने के लिये नियम---

प्रत्येक मूलधन संयादी समय से गुणित होकर तथा व्याजों की कुछ दल रकम द्वारा गुणित होकर, अछग-अछग उन गुणनफर्कों के योग द्वारा विभाजित किया जाता है जो प्रत्येक मूलधन को उसके संवादी समय द्वारा गुणित करने पर प्राप्त होते हैं। प्राप्त फर्छ उस मूळधन सम्बन्धी व्याज कोबित किया जाता है।।३७।।

#### उदाहरणार्थ प्रइन

इस प्रकृत में दिये गये मूरूपन ४०, ३०, २० और ५० हैं; और मास क्रमशः ५, ४, ६ और ६ हैं। ज्याज की राशियों का योग ६४ है। प्रत्येक ज्याज राशि निकाछो ॥६८॥

(३५) यहाँ रे अज्ञात राशियाँ दी गई हैं। समय का मान मन से चुन लिया जाता है और अन्य दो राशियाँ अध्याय ६ की २१वीं गाया के नियमानुसार माप्त हो जाती है।

बहुम्लसिश्रविभागानयनसूत्रम्— स्वफलेः स्वकालभक्तेस्तग्रुत्या मूलमिश्रधनराशिम् । स्विन्चादंशं गुणयेत् समागमो भवति मूलानाम् ॥ ३९॥

अत्रोदेशकः

दशबद्त्रिपद्भदशका वृद्धय इषबश्चतुत्तिषणमासाः ! मूळसमासी दृष्टश्चत्वारिशच्छतेन संमिश्रा ॥ ४० ॥ पद्भार्थबद्दशापि च सार्घाः बोढश फलानि च त्रिंशत् । मासास्तु पद्भ षद् सलु सप्ताष्ट दशाप्यशीतिरथ पिण्डः ॥ ४१ ॥

बहुकालमिश्रविमागानयनपूत्रम्— स्वफलेः स्वमूलभक्तेस्तचुत्या कालमिश्रधनराशिम् । छिन्चादंशं गुणयेत् समागमो भवति कालानाम् ॥ ४२ ॥

१ इस्तिकिपि में किन्चादंशान् पाठ है जो छद्ध प्रतीत नहीं होता है।

विभिन्न मूळधनों को उन्हीं के मिश्रयोग से अलग-अलग करने के नियम-

उचार दी गई विभिन्न मूळचन की राशियों के मिश्रयोग का निरूपण करनेवाकी राशि को उन भजनफर्कों के योग द्वारा विभाजित करों जो विभिन्न ज्याजों को उनकी संवादी अविधियों द्वारा अलग-अलग विभाजित करने पर प्राप्त होते हैं। परिणामी भजनफर्क को क्रमशः ऐसे विभिन्न भजनफर्कों द्वारा विभाजित करों जो कि विभिन्न ब्याजों को उनकी संवादी अविधयों द्वारा विभाजित करने पर प्राप्त होते हैं। इस प्रकार विभिन्न मूळघन की राशियों को अलग-अलग निकालते हैं। ॥६९॥

#### उदाहरणार्थ पश्न

दिये गये विभिन्न न्याज १०, ६, ६ और १५ हैं और संवादी अवधियाँ क्रमशः ५, ६, ६ और ६ मास हैं; विभिन्न मूख्यन की रकमों का योग १४० है। ये मूख्यन की रकमें कीन-कीन सी हैं ? ॥४०॥ विभिन्न व्याज राशियाँ ५, ६, १०३, १६ और ६० हैं। उनकी संवादी अवधियाँ क्रमशः ५, ६, ७, ८ और १० माह हैं। विभिन्न मूख्यन की रकमों का मिश्रयोग ८० है। इन रकमों को अलग-अखन बत्तकाओ ॥४१॥

विभिन्न अवधियों को उनके मिश्रयोग में से अलग-अलग प्राप्त करने के लिये नियम —

विभिन्न अविभयों के मिश्रयोग का निरूपण करनेवाली राशि को उन विभिन्न भजनफर्लों के बोग द्वारा विभाजित करों जो कि विभिन्न क्याजों को उनके संवादी सुरूपनों द्वारा विभाजित करने पर प्राप्त होते हैं। और उब, परिणामी भजनफर्क को अखग-अखग उपर्युक्त भजनफर्कों में से प्रत्येक द्वारा गुणित करो। इस प्रकार विभिन्न अविध्याँ निकाली जाती हैं ॥४२॥

(३९) प्रतीक रूप से, 
$$\frac{\mu}{\frac{q_1}{q_1} + \frac{q_2}{q_3} + \frac{q_3}{q_4} + \dots} \times \frac{q_4}{q_4} = q_4;$$

और,  $\frac{\mu}{\frac{q_4}{q_4} + \frac{q_3}{q_3} + \dots} \times \frac{q_4}{q_4} = q_4 + q_4 + q_5 + \dots$  हत्यादि

(४२) प्रतीक रूप से,  $\frac{\mu}{\frac{q_4}{q_4} + \frac{q_3}{q_4} + \dots} \times \frac{q_4}{q_4} = q_4, \ \pi = q_4 + q_5 + q_5 + \dots$ 

... इत्यादि; इसी तरह अ2, अ3 इत्यादि के मान निकालते हैं।

### अत्रोद्देशकः

चत्वारिंशत्त्रिंशद्विंशतिपञ्चाशदत्र मूळानि । दशबद्त्रिपञ्चदश फळमष्टादश काळीमश्रधनराशिः ॥ ४३ ॥

प्रमाणराशी फलेन तुल्यमिच्छाराशिमूलं च तिव्च्छाराशी वृद्धि च संपीड्य तिनमश्रराशी प्रमाणराशेवृद्धिविभागानयनसूत्रम

कालगुणितप्रसाणं परकालहतं तदेकगुणिसश्रधनात् । इतराधेकृतियुतान् पर्शसितराधीनं प्रसाणफलम् ॥ ४४ ॥

#### अत्रोहेशकः

मासचतुष्कशतस्य प्रनष्टशृद्धिः प्रयोगमूलं तत् । स्वफलेन युतं द्वादश पञ्चकृतिस्तस्य कालोऽपि ॥ ४५॥

मामत्रितयांशीत्याः प्रनष्टवृद्धिः स्वमूलफलराशेः । पश्चमभागेनोनाश्चाष्टौ वर्षेण मूलवृद्धी के ॥४६॥

### उदाहरणार्थ प्रश्न

इस प्रकृत में, दिये गये मूळधन ४०, ३०, २० और ५० हैं तथा संवादी व्याज राशियाँ क्रमशः १०, ६, ३ और १५ हैं। विभिन्न अविधयों का मिश्रयोग १८ है। बतलाओ कि अविधयाँ क्या-क्या हैं १॥४३॥

व्याजदर के बराबर दिया गया मूरूधन और इस उधार दिये गये मूरूधन के व्याज, इन दोनों के मिश्रयोग को निरूपित करनेवाली राशि में से मूरूधनदर एवं व्याजदर अलग-अलग निकासने के लिये नियम---

मूरुधनदर को अवधिदर द्वारा गुणित कर उसे जिस समय तक व्याज छगाया गया है उस समय द्वारा विभाजित करते हैं। इस परिणामी भजनफरू को दिये गये मिश्रयोग द्वारा एक बार गुणित करते हैं, और तब, उसमें उपयुक्त भजनफरू की आधी राशि के वर्ग को जोड़ते हैं। इस तरह प्राप्त राशि का वर्गमूक निकालते हैं। प्राप्त फरू को उसी भजनफरू की अर्द्धराशि द्वारा द्वासित करते हैं तो मूरूधन के बराबर इष्ट ज्याजदर प्राप्त होती है। ४४॥

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

ब्याजदर प्रतिशत प्रति ४ माइ अज्ञात है। वहीं अज्ञात राशि उधार दिया गया मूल्यन भी है। यह सुद के ब्याज से जोड़ी जाने पर १२ हो जाती है। २५ माइ अवधि है जिसमें कि वह ब्याज बपार्जित हुआ है। ब्याजदर को निकालो जो मूल्यन के तुश्य है ॥४५॥ ब्याजदर प्रति ८० प्रति ३ माइ अज्ञात है। एक साल के ब्याज तथा उस अज्ञात राशि के तुश्य मूल्यन का मिश्रयोग ७६ है। बतलाओं कि मूल्यन और ब्याजदर क्या क्या हैं ?॥४६॥

(४४) प्रतीक रूप से, 
$$\sqrt{\frac{\pi | M|}{2}} \times \pi + \left(\frac{\pi | M|}{2}\right)^2 - \frac{\pi | M|}{2} = \pi | M| ध के तुल्य है |$$

समानमृज्यृद्धिमिश्रविभागसृत्रम्— अन्योन्यकालविनिह्तमिश्रविशेषस्य तस्य भागास्यम् । कालविशेषेण इते तेषां मूलं विजानीयात् ॥ ४७॥

## अत्रोदेशकः

पद्धाशदृष्टपद्धाशिक्ताशं षट्षष्टिरेव च । पद्ध सप्तैव नव हि मासाः किं फलमानय ॥ ४८ ॥ त्रिश्चैकत्रिशद्दिष्ट्यंशाः स्युः पुनस्त्रयिक्षेशत् । सञ्यंशा मिश्रधनं पद्धत्रिश्च गणकादात् ॥४५॥ कश्चित्ररश्चतुर्णां त्रिमिश्चतुर्मिश्च पद्धभिः षड्भिः । मासैलैब्धं किं स्यान्मूलं शीद्यं ममाचक्ष्व ॥५०॥

समानमूलकालिमश्रविभागसूत्रम्— अन्योन्यवृद्धिसंगुणिमश्रविशेषस्य तस्य भागास्यम् । वृद्धिविशेषेण हते लब्धं मूलं बुधाः प्राहुः ॥ ५१ ॥

## अत्रोद्देशकः

एकत्रिपद्धांमश्रितविंशतिरिंह कालमूलयोर्मिश्रम्। षड् दश चतुर्दश स्युर्लोभाः किं मूलमत्र साम्यं स्यात्॥ ५२॥

मूलघन जो सब दशाओं में एकसा रहता है, और (विभिन्न अवधियों के ) व्याजों को, उनके मिश्रयोग में से अलग-अलग करने के लिये नियम---

कोई भी दो दिये गये मिश्रयोगों को क्रमशः एक दूसरे के ब्याज की अवधियों हारा गुर्गणत करने से प्राप्त राशियों के अंतर द्वारा विभाजित करने पर जो भजनफरू प्राप्त होता है वह उन दिये गये मिश्रयोगों सम्बन्धी इष्ट मुरूधन है ॥४७॥

#### उदाहरणार्थ पश्च

सिश्चयोग ५०, ५८ और ६६ है और अवधियाँ जिनमें कि क्याज उपाजित हुए हैं, क्रमशः ५,७ और ८ माह हैं। प्रत्येक दशा में क्याज बतलाओ ॥४८॥ है गणितकः ! किसी मञ्जूष्य ने ४ व्यक्तियों को क्रमशः ३, ४, ५ और ६ मास के अन्त में उसी मूलधन और ब्याज के सिश्चयोग ३०, ३१९, ३३९ और ३५ दिये। मुझे शीव्र बतलाओ कि यहाँ मूलधन क्या है १॥ ४९-५०॥

मूरुधन ( जो प्रत्येक दशा में वही रहता हो ) और अवधि ( जितने समय में ब्याज उपार्जित किया गया हो ) को उन्हीं के मिश्रयोग में से अखग-अलग करने के लिये नियम—

कोई भी दो भिश्रयोगों को क्रमशः एक दूसरे के ब्याश द्वारा गुणित कर, प्राप्त राशियों के अन्तर को दो चुने हुए ब्याओं के अन्तर द्वारा विभाजित करने पर भजनफल के रूप में इष्ट मूळधन प्राप्त होता है, ऐसा विद्वान् कहते हैं ॥५९॥

## उदाहरणार्थ प्रश्न

मूळपन और अवधियों के मिश्रपोग २१, २६ और २५ हैं। यहाँ स्वाज ६, १० और १५ हैं। बतकाओं कि समान शर्दा वाळा मूळपन स्या है ?।।५२।। दिये गये मिश्रपोग ३५, ३७ और ३९ हैं;

(५१) प्रतीक रूप से,  $\frac{\mu_1 \, a_2 \, \wp \, \mu_2 \, a_4}{a_4 \, \wp \, a_2} = a$ , जहाँ  $\mu_1$ ,  $\mu_2$ , आदि, विभिन्न मिश्रयोग हैं।

पद्मित्रानिमशं सप्तित्रंशच नवयुतित्रेशत् । विद्यतिरष्टाविशतिरयं बट्तिश्च वृद्धियनम् ॥ ५३ ॥ समयप्रयोगमूलानयनसूत्रम्— रूपस्येच्छाकालादुमयफले ये तयोविशेषेण । लब्धं विभजेन्यूलं स्वपूर्वसंकल्पितं अवति ॥ ५४ ॥

## अत्रोदेशकः

उद्वृत्या पटकशते प्रयोजितोऽसौ पुनश्च नवकशते ।

गासैक्षिभञ्च छभते सैकाशीति क्रमेण मूर्छ किम् ॥ ५५ ॥

त्रिष्टुद्वयैव शते मासे प्रयुक्तश्चाष्ट्रभिःशते । लाभोऽशीतिः कियन्मूलं भवेत्तन्मासयोद्वयोः ॥ ५६ ॥

वृद्धिमूलविमोचनकालानयनसूत्रम् —

मूर्छं स्वकालगुणितं फलगुणितं तत्प्रमाणकालाभ्याम् ।

भक्तं स्कन्थस्य फलं मूर्लं कालं फलात्प्राग्वत् ॥ ५७ ॥

१ इसी नियम को कुछ अशुद्ध रूप में परिवर्तित पाठ में इस प्रकार उल्लिखित किया गया है— पुनरप्युभयप्रयोगमूळानयनस्त्रम्— इच्छाकाळादुभयप्रयोगदृद्धि समानीय । तद्वृद्धयन्तरभक्तं लग्धं मूळे विजानीयात्॥

ब्याज २०, २८ और ३६ हैं । समान अहां वाळा मूळधन बया है १।।५३॥

दो भिष्क व्याजदारों पर छगाया हुआ मूछधन प्राप्त करने के लिये नियम-

दो ज्याज राशियों के अंतर को उन दो राशियों के अंतर द्वारा विभाजित करो जो दी हुई अवधियों में १ पर ज्याज होती हैं। यह भजनफरू स्वपूर्व संकृष्टिपत मुक्टचन होता है ॥५४॥

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

६ प्रतिशत की दर पर उधार छेकर, और तब ९ प्रतिशत की दर पर उधार देकर कोई व्यक्ति. चळन (differential) छाभ के द्वारा ठीक ६ माद्व के प्रश्नात् ८१ प्राप्त करता है। मूळ्यन क्या है ? ॥५५॥ ६ प्रतिशत प्रतिमास के अर्घ से कं।ई रक्त उधार छी जाकर ८ प्रतिशत प्रतिमाद के अर्घ से क्यांज परदी जाती है। चळन काम, २ माद्य के अन्त में ८० दोता है। वतकाओ वह रक्त क्या है ? ॥५६॥

जब मूळधन और ज्याज दोनों (किश्तों द्वारा) चुकाये जाते हों तब समय निकास्त्रे के नियम— हथार दिया गया मूळधन किश्त के समय द्वारा गुणित किया जाता है और फिर ज्याज दर द्वारा गुणित किया जाता है। इस गुणनफळ को मूळधनदर द्वारा और अवधिदर द्वारा विभाजित करने पर उस किश्त सम्बन्धी ज्याज प्राप्त होता है। इस ज्याज से, किश्त का मूळधन और ऋण को चुकाने का समय, दोनों को प्राप्त किया जाता है।।५७॥

(५४) प्रतीक रूप से, 
$$\frac{a_1 \bowtie a_2}{? \times a_1 \times a_1} = 2$$

$$= 2$$

$$a_1 \times a_2 \times a_2 \times a_3 \times a_3 \times a_4 \times a_4 \times a_4 \times a_5 $

<sup>(</sup> ५७ ) प्रतीक रूप से, ज×प×वा = किस्त सम्बन्धी व्यान, बहाँ प प्रत्येक किस्त की अवधि है।

### अत्रोदेशकः

मासे हि पञ्जेव च सप्ततीनां मासहयेऽष्टादशकं प्रदेयम् । स्कन्नं चतुर्भिः सहिता त्वशीतिः मूलं भवेत्को नु विमुक्तिकालः ॥ ५८ ॥ बष्ट्या मासिकवृद्धिः पञ्चेव हि मूलमपि च षट्त्रिंशत् । सास्त्रितये स्कन्धं त्रिपञ्चकं तस्य कः कालः ॥ ५९ ॥

समानवृद्धिमूळिमश्रविभागसूत्रम्—

मूळै: स्वकालगुणितैर्वृद्धिविभक्तै: समासकैर्विभजेत्। सिश्रं स्वकालनिष्मं वृद्धिर्मूलानि च प्राग्वत्॥ ६०॥

#### अत्रोद्देशकः

द्विकषट्कचतुः शतके चतुः सहस्रं चतुः शतं मिश्रम्। मासद्वयेन वृद्धया समानि कान्यत्र मूळानि।। ६१।।

त्रिकशतपद्भकसप्तितपादोनचतुष्कषष्टियोगेषु । नवशतसहस्रसंख्या मासत्रितये समा युक्ता ॥६२॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

व्याजवर ५ प्रति ७० प्रतिमास है; प्रत्येक २ माह में चुकाई जाने वाकी किस्त १८ है एवं उचार दिया गया मूळचन ८४ है। विद्युक्ति काळ (कर्ज चुकाने का समय ) बतकाओ ॥५८॥ ६० एर प्रतिमास क्यांच ५ होता है। उचार दिया गया मूलघन ३६ है। ३ माह में चुकाई जाने वाकी प्रत्येक किस्त १५ है। उस कर्ज के चुकने का समय बतकाओ ॥५९॥

जिन पर समान न्याज उपार्जित हुआ है ऐसे विभिन्न मूळघनों को मिश्रयोग से अलग-अलन

करने के लिये नियम--

मिश्रयोग को अवधि द्वारा गुणित कर, उन राशियों के योग से विमाश्रित करो जो (राशियों) विभिन्न मूळ्यनद्रों को उनकी संवादी अवश्विद्रों द्वारा गुणित करने तथा संवादी व्याजद्रों द्वारा विभाजित करने पर प्राप्त होती हैं। इस प्रकार व्याज प्राप्त होता है और उससे मूळ्यन प्राप्त किये जाते हैं। १०॥

### उदाहरणार्थ प्रश्न

२, ६ और ६ प्रतिशत प्रतिभास की दर से दिये गये स्कार्यों का सिश्रयोग ६,४०० है। इन समस्त स्कार्यों की २ माइ की ध्याज राशियों वशवर होती हैं। वतकाओं कि नह व्याजराशि क्या है और विश्वित्र स्कार क्या क्या हैं। १६९॥ कुछ रक्ष्म १,९००; ३ प्रतिशत, ५ प्रति ७० और ३ प्रति ६० प्रतिसाह की वृद के विभिन्न स्कारों में व्याज पर वितरित कर दी गई। प्रत्येक दशा में ३ माइ में ध्याज वशवर वशवर दशा है । अस्य क्या में ३ माइ में ध्याज वशवर वशवर दशा की अकग-अकग प्राप्त करो। १३॥

 $4 \times 3$  म्रा म्य = दः इसके द्वारा मूळवनों  $4 \times 3$   $+ \frac{1}{4} \times 3$   $+ \frac{1}{4} \times 3$   $+ \frac{1}{4} \times 3$ 

की अध्याय ६ की १० वी गाथा के नियम द्वारा प्राप्त किया वा सकता है।

विमुक्तकाळस्य मूळानयनस्त्रम्— स्कन्धं स्वकाळमक्तं विमुक्तकाळेन ताडितं विभजेत्। निर्मुक्तकाळगृद्धया रूपस्य हि सैकया मूळम्॥ ६३॥ अत्रोदेशकः

पञ्चकशतप्रयोगं मासौ द्वौ स्कन्धमष्ट्रकं दत्त्वा । मासैः षष्टिभिरिह वै निसुक्तः कि भवेन्मूलम् ॥६४॥ द्वौ मत्रिपञ्चभागौ स्कन्धं द्वादशदिनैददात्येकः । त्रिकशतयोगे दशभिमीसैर्भुक्तं हि मूलं किम् ॥६५॥

वृद्धियुक्तहीनसमानमूलमिश्रविभागसूत्रम्— कालस्वफलोनाधिकरूपोद् घृतरूपयोगहृतमिश्रे ।

१ "मिश्रः" पाठ इस्ति छिपियों में है; यहाँ व्याकरण की दृष्टि से मिश्रे शब्द अधिक संतोषस्वनक है।

ज्ञात अवधि में चुकाई जाने वाशी किश्तों सम्बन्धी उधार दिये गये मूरुधन की निकालने का निवम---

किश्त की रकम की उसकी अवधि द्वारा विभाजित करते हैं और कर्ज चुकाने के समय (विमुक्ति काल ) द्वारा गुणित करते हैं। अब प्राप्त राशि को उस राशि द्वारा विभाजित करते हैं जो १ में १ पर कर्ज निर्मुक्ति समय के लिये रुगाये हुए स्थाज को जोड़ने पर प्राप्त होती है। इस प्रकार मूळधन प्राप्त होता है। १३॥

### उदाहरणार्थ पश्च

५ प्रतिशत प्रतिमास की दर से जब प्रत्येक किस्त की अवधि २ मास रही, और प्रत्येक बार में ८ किस्त रूप में खुकाया गया तब एक मञुष्य ६० माइ में ऋणमुक्त हुआ। बतलाओ उसने कितना धन उधार लिया था ? ।।६४।।

कोई स्वक्ति १२ दिनों में एक बार २६ किश्तरूप में देता है। यदि ब्याज दर ३ प्रतिशत प्रति-मास हो तो १० माह में खुकने वाले ऋण के परिमाण को बतलाओ ? ॥६५॥

ऐसे विभिन्न मूलभनों को अकग-अलग निकासने के लिये नियम जो उनके मिश्रयोग में जब उन्हों के ब्याजों द्वारा मिलाये जाने पर अथवा उसमें से हासित किये जाने पर एक दूसरे के नुस्य हो जाते हैं (सभी दत्त दशाओं में मूलभनों में ब्याज राशियाँ जोड़ी जाती हैं अथवा उनमें से घटायी जाती हैं)—

क्रमशः दी गई ब्याज दर के अनुसार, प्रश्चेक दशा में, एक में उपार्जित ब्याज या तो मिलाया जाता है अथवा एक में से द्वासित किया जाता है। तय, प्रश्चेक दशा में, इन राशियों द्वारा एक को विभाजित किया जाता है। इसके पश्चाद, विभिन्न उधार दिये गये धनों के मिश्रयोग को इन परिणामी भजनफर्कों के योग द्वारा विभाजित किया जाता है। और मिश्र योग सम्बन्धी इस तरह वर्ते गये उन उपर्युक्त भजनफर्कों के योग के संवादी समानुपातं। भाग द्वारा अलग-अलग प्रत्येक दशा में उसे गुणित

प्रद्वेपो गुणकारः स्वफलोनाधिकसमानमूळानि ॥ ६६ ॥ अत्रोदेशकः

त्रिकपञ्चकाष्टकहातैः प्रयोगतोऽष्टासहस्वपञ्चहातम् । विकातिसहितं वृद्धिभिरुद्धृत्य समानि पञ्चभिमोसैः ॥ ६७ ॥ त्रिकषट्काष्टकषष्ट्या सासद्वितये चतुस्सहस्राणि । पञ्चाहाद्द्विहातयुतान्यतोऽष्टमासकफळाटते सहशानि ॥ ६८ ॥ द्विकपञ्चकनवकशते मासचतुष्के त्रयोदशसहस्रम् । सप्तक्षातेन च मिश्रा चत्वारिंशत्सवृद्धिसममूळानि ॥ ६९ ॥

किया जाता है। इससे उधार दी गई रकमें उत्पन्न होती हैं जो उनके व्याजों द्वारा मिलाई जाने पर अथवा द्वासित किये जाने पर समान हो जाती हैं ॥६६॥

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

८,५२० रुपये क्रमशः ३, ५ और ८ प्रतिशत प्रतिमास की दर से (भागों में) ब्याज पर दिये जाते हैं। ५ माह में उपाजित ब्याजों द्वारा हासित करने पर ये दत्त रकमें बराबर हो जाती हैं। इस तरह ब्याज पर लगाये हुए धनों को बतलाओ ॥ ६७ ॥ ४,२५० द्वारा निरूपित कुक धन को (भागों में) क्रमशः ३, ६ और ८ प्रति ६० की दर से २ माह के लिये व्याज पर लगाया गया है। ८ माह में होने वाले ब्याजों को धनों में से घटाने पर जो धन प्राप्त होते हैं वे सुख्य देखे जाते हैं। इस प्रकार विनियोजित विभिन्न धनों को बतलाओ ॥ ६८ ॥ १३,७४० रुपये, (भागों में) २, ५ और १ प्रतिशत प्रतिमाह के अर्थ से ब्याज पर लगाये जाते हैं। ४ माह के लिये उधार दिये गये धनों में ब्याजों को जोइने पर वे बराबर हो जाते हैं। उन धनों को बतलाओ ॥ ६९ ॥ ३,६४६ रुपये (भागों में) क्रमशः १२, ५ और ६ प्रति ८० प्रतिमाह की दर से ब्याज पर लगाये जाते हैं। ८ माह में

(६६) प्रतीक रूप से, 
$$\frac{?}{?}$$
 + इत्यादि  $? \pm \left(\frac{? \times a \times a_1}{a_1 \times a_1}\right)$  + इत्यादि  $? \pm \left(\frac{? \times a \times a_1}{a_1 \times a_1}\right)$   $\times ?$   $? \pm \left(\frac{? \times a \times a_1}{a_1 \times a_1}\right)$  म  $? \pm \left(\frac{? \times a \times a_1}{a_1 \times a_1}\right)$   $+ ? \pm \left(\frac{? \times a \times a_1}{a_1 \times a_1}\right)$   $+ ? \pm \left(\frac{? \times a \times a_1}{a_1 \times a_1}\right)$   $+ ? \pm \left(\frac{? \times a \times a_1}{a_1 \times a_1}\right)$   $+ ? \pm \left(\frac{? \times a \times a_1}{a_1 \times a_1}\right)$   $+ ? \pm \left(\frac{? \times a \times a_1}{a_1 \times a_1}\right)$   $+ ? \pm \left(\frac{? \times a \times a_1}{a_1 \times a_1}\right)$   $+ ? \pm \left(\frac{? \times a \times a_1}{a_1 \times a_1}\right)$   $+ ? \pm \left(\frac{? \times a \times a_1}{a_1 \times a_1}\right)$   $+ ? \pm \left(\frac{? \times a \times a_1}{a_1 \times a_1}\right)$   $+ ? \pm \left(\frac{? \times a \times a_1}{a_1 \times a_1}\right)$   $+ ? \pm \left(\frac{? \times a \times a_1}{a_1 \times a_1}\right)$   $+ ? \pm \left(\frac{? \times a \times a_1}{a_1 \times a_1}\right)$   $+ ? \pm \left(\frac{? \times a \times a_1}{a_1 \times a_1}\right)$   $+ ? \pm \left(\frac{? \times a \times a_1}{a_1 \times a_1}\right)$   $+ ? \pm \left(\frac{? \times a \times a_1}{a_1 \times a_1}\right)$   $+ ? \pm \left(\frac{? \times a \times a_1}{a_1 \times a_1}\right)$   $+ ? \pm \left(\frac{? \times a \times a_1}{a_1 \times a_1}\right)$   $+ ? \pm \left(\frac{? \times a \times a_1}{a_1 \times a_1}\right)$   $+ ? \pm \left(\frac{? \times a \times a_1}{a_1 \times a_1}\right)$   $+ ? \pm \left(\frac{? \times a \times a_1}{a_1 \times a_1}\right)$   $+ ? \pm \left(\frac{? \times a \times a_1}{a_1 \times a_1}\right)$   $+ ? \pm \left(\frac{? \times a \times a_1}{a_1 \times a_1}\right)$   $+ ? \pm \left(\frac{? \times a \times a_1}{a_1 \times a_1}\right)$   $+ ? \pm \left(\frac{? \times a \times a_1}{a_1 \times a_1}\right)$   $+ ? \pm \left(\frac{? \times a \times a_1}{a_1 \times a_1}\right)$   $+ ? \pm \left(\frac{? \times a \times a_1}{a_1 \times a_1}\right)$   $+ ? \pm \left(\frac{? \times a \times a_1}{a_1 \times a_1}\right)$   $+ ? \pm \left(\frac{? \times a \times a_1}{a_1 \times a_1}\right)$   $+ ? \pm \left(\frac{? \times a \times a_1}{a_1 \times a_1}\right)$   $+ ? \pm \left(\frac{? \times a \times a_1}{a_1 \times a_1}\right)$   $+ ? \pm \left(\frac{? \times a \times a_1}{a_1 \times a_1}\right)$   $+ ? \pm \left(\frac{? \times a \times a_1}{a_1 \times a_1}\right)$   $+ ? \pm \left(\frac{? \times a \times a_1}{a_1 \times a_1}\right)$   $+ ? \pm \left(\frac{? \times a \times a_1}{a_1 \times a_1}\right)$   $+ ? \pm \left(\frac{? \times a \times a_1}{a_1 \times a_1}\right)$   $+ ? \pm \left(\frac{? \times a \times a_1}{a_1 \times a_1}\right)$   $+ ? \pm \left(\frac{? \times a \times a_1}{a_1 \times a_1}\right)$   $+ ? \pm \left(\frac{? \times a \times a_1}{a_1 \times a_1}\right)$   $+ ? \pm \left(\frac{? \times a \times a_1}{a_1 \times a_1}\right)$   $+ ? \pm \left(\frac{? \times a \times a_1}{a_1 \times a_1}\right)$   $+ ? \pm \left(\frac{? \times a \times a_1}{a_1 \times a_1}\right)$   $+ ? \pm \left(\frac{? \times a \times a_1}{a_1 \times a_1}\right)$   $+ ? \pm \left(\frac{? \times a \times a_1}{a_1 \times a_1}\right)$   $+ ? \pm \left(\frac{? \times a \times a_1}{a_1 \times a_1}\right)$   $+ ? \pm \left(\frac{? \times a \times a_1}{a_1 \times a_1}\right)$   $+ ? \pm \left(\frac{? \times a \times a_1}{a_1 \times a_1}\right)$   $+ ? \pm \left(\frac{? \times a \times a_1}{a_1 \times a_1}\right)$   $+ ? \pm \left(\frac{? \times a \times a_1}{a_1 \times a_1}\right)$   $+ ? \pm \left(\frac{? \times a \times$ 

सैकार्थकपञ्जाधेकषडधेकाशीतियोगयुक्तास्तु । मासाष्टके षडधिका चत्वार्रिशय षट्कृतिशतानि ॥ ७०॥

संकितस्कन्धम् स्य म्लृबिद्धिविमुक्तिकालनयनस्त्रम् — स्कन्धाप्तम् लिचितिगुणितस्कन्षेच्छामघातियुतम् लं स्यात् । स्कन्षे कालेन फलं स्कन्धोद्धृतकालम् लहत्वालः ॥ ७१॥

### अत्रोदेशकः

केनापि संप्रयुक्ता षष्टिः पञ्चकशतप्रयोगेण । मासत्रिपञ्चमागात् सप्तोत्तरतस्र सप्तादिः ॥ ७२ ॥ तत्ष्वष्टिसप्तमाशकपदमितिसंकल्लियनमेव । दत्त्वा तत्सप्तांशकवृद्धिं प्रादाश्च चितिमूलम् ॥ किं तद्वृद्धिः का स्यात् कालस्तदृणस्य मौक्षिको भवति ॥ ७३३ ॥

उत्पक्त हुए ब्याजों को मूळधनों में जोड़ने पर देखा जाता है कि वे बरावर हो जाते हैं। उन विनियोजित रकमों को निकालो ॥ ७० ॥

समाम्तर श्रेष्ठि बद्ध किस्तों द्वारा चुकाई गई ऋण की रकम के सम्बन्ध में धन, ब्याज और ऋण मुक्ति का समय निकासने के सिये नियम—

इष्ट ऋण धन वह मूळधन है जो मन से खुनी हुई (महत्तम प्राप्य किस्त की) रकम और श्रेष्ठि के पढ़ों की संक्या के मिश्रीय भाग के गुणनफळ को (१ जिसका प्रथम पद है, १ प्रचय है और इपर्युक्त महत्तम ऋण की रकम को प्रथम किस्त द्वारा विभाजित करने से प्राप्त पूर्णांद्व मान वाली संक्या (भजनफळ) जिसके पढ़ों की संक्या है, ऐसी) समान्तर श्रेष्ठि द्वारा गुणित प्रथम किस्त से मिलाने पर प्राप्त होता है। क्यांज वह है जो किस्त की अवधि में उत्पक्ष होता है। किस्त की अवधि को प्रथम किस्त द्वारा विभाजित करने और मन से खुनी हुई ऋण की महत्तम रकम द्वारा गुणित करने पर जो प्राप्त होता है वह ऋण मुक्त होने का समय है॥ ७१॥

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

एक मनुष्य ने ५ प्रतिशत प्रतिमाह की दर से ध्याज लगाये जाने वाले ऋण की मुक्ति के लिये ६०को महत्तम रकम जुना तथा ७ प्रथम किरत हानी जो उत्तरोत्तर है माह में होनेवाली किरतों में ७ हारा बढ़ती चली गई। इस प्रकार, उसने कि पदों वाली समान्तर श्रेष्ठि के योग को ऋण रूप में जुकाया तथा उन ७ के अपवर्षों (multiples) पर लगने वाले व्याज को भी जुकाया। श्रेष्ठि के योग की संवादी ऋण रकम को निकालो, जुकाये गये व्याज को निकालो और बतलाओ कि उस ऋण की मुक्ति का समय क्या है ? ॥ ७२-७६ ने ॥ किसी मनुष्य ने ५ प्रतिशत प्रतिमास व्याज की दर लगाये जाने

<sup>(</sup>७१) यह नियम (कई शब्द छूट जाने के कारण) अत्यन्त भ्रमोत्पादक है तथा ७२ – ७३ र्वे गाथा के उदाहरण हळ करने पर स्पष्ट हो जावेगा। यहाँ मूळ अथवा किस्त की महत्तम प्राप्य रकम ६० है। यह प्रथम किस्त की रकम ७ द्वारा विमाजित होने पर कि अथवा ८ई होती है जिसमें से ८ समान्तर शेंद्र के पदों की संख्या है। ऐसी समान्तर शेंद्र का १ प्रथम पद है, १ प्रचय है और ई अग्र अथवा ऊपर का मिकीय माग है। उपर्युक्त शेंद्र के योग ३६ को प्रथम किस्त ७ द्वारा गुणितकर हैं और ६० के गुणनफळ में जोड़ देते हैं। यहाँ ६० महत्तम प्राप्य रकम है। इस प्रकार ३६ × ७ + हूं × ६० = के गुणनफळ में जोड़ देते हैं। यहाँ ६० महत्तम प्राप्य रकम है। इस प्रकार ३६ × ७ + हूं × ६० = के गुणनफळ में जोड़ होती । कण मुक्त की अविधि (है ÷७) × ६० = के माह होगी।

केनापि संप्रयुक्ताशीतिः पञ्चकशतप्रयोगेण॥ ७४३ ॥

अष्टाचष्टोत्तरतस्तद्शीत्यष्टांशगच्छेन । मूल्यनं दत्त्वाष्टाचष्टोत्तरतो घनस्य मासार्घात् ॥ ७५३ ॥ वृद्धि प्रादान्मूलं वृद्धिश्च विमुक्तिकालश्च । एषां परिमाणं किं विगणय्य सखे ममाचक्ष्व ॥ ७६३ ॥

एकीकरणसूत्रम्— वृद्धिसमासं विभजेन्मासफलैक्येन छन्धमिष्टः कालः । कालप्रमाणगुणितस्तदिष्टकालेन संभक्तः ॥ वृद्धिसमासेन हतो मूलसमासेन माजितो वृद्धिः ॥ ७७३ ॥

#### अत्रोहेशक:

युक्ता चतुरशतीह द्विकत्रिकपञ्चकचतुष्कशतेन । मासाः पञ्च चतुर्द्वित्रयः प्रयोगैककालः कः ॥७८३॥ इति मिश्रकव्यवहारे वृद्धिविधानं समाप्तम् ।

बाछे ऋण की सुक्ति के लिये ८० को महत्तम रकम खुना। इसके साथ, ८ प्रथम किस्त की रकम थी जो प्रति है माह में उत्तरोत्तर ८ द्वारा बढ़ती चली गई। इस प्रकार, उसने समान्तर श्रेढि के बोग को ऋण रूप में खुकाया। इस समान्तर श्रेढि में - ८० पदों की संख्या थी। इन ८ के अपवर्त्तों पर ज्याज भी चुकाया गया। है मित्र ! श्रेढि के बोग की संवादी ऋण की रकम, खुकाया गया ज्याज और ऋण मुक्ति का समय अच्छी तरह गणना कर निकालों।। ७३ है-७६।।

औसत साधारण ब्याज को निकालने के लिये नियम-

(विभिन्न उपार्जित होने वाले) न्याजों के योग को (विभिन्न संवादी) एक माह के दातव्य न्याजों के योग द्वारा विभाजित करने पर परिणामी भजनफल, इष्ट समय होता है। (काल्पनिक) समयदर और मूल्धनदर के गुणनफल को इष्ट समय द्वारा विभाजित करते हैं और (उपाजित होने वाले विभिन्न ) न्याओं के योग द्वारा गुणित करते हैं। प्राप्तफल को विभिन्न दिये गये मूल्धनों के योग द्वारा फिर से विभाजित करते हैं। इससे इष्ट न्याज दर प्राप्त होती है। ॥ ७७-७७ वै॥

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

इस प्रश्न में, चार सौ की ४ रकमें अलग-अलग क्रमशः २, ३, ५ और ४ प्रतिशत प्रतिमास की दर से ५, ४, २ और ३ माहों के लिये ज्याज पर लगाई गई। औसत साधारण अवधि और व्याजदर निकाको ॥ ७८३ ॥

इस प्रकार, मिश्रक व्यवहार में वृद्धि विधान नामक प्रकरण समास हुआ।

(७७ और ७७३ ) विभिन्न उत्पन्न होने वाले ब्याब वे होते हैं जो अलग-अलग रकमों के, विभिन्न दरों पर उनकी क्रमवार अविधयों के लिये ब्याब होते हैं।

## प्रक्षेपककुट्टीकार:

इतः परं सिश्रकञ्यवहारे प्रक्षेपककुट्टीकारगणितं ज्याख्यास्यामः । प्रक्षेपककरणिमदं सवर्गविच्छेदनांश्युतिहतमिश्रः । प्रक्षेपकगुणकारः कुट्टीकारो बुधैः समुद्दिष्टम् ॥ ७९३ ॥

#### अत्रोद्देशकः

द्वित्रचतुष्वड्भागैर्विभाज्यते द्विगुणविष्टिरिह हेम्नाम् ।
भृत्येभ्यो हि चतुभ्यों गणकाचक्ष्वासु मे भागान् ॥ ८०३ ॥
प्रथमस्यांशत्रितयं त्रिगुणोत्तरतश्च पद्धिभिक्तम् ।
दीनाराणां त्रिशतं त्रिषष्टिसिहतं क एकांशः ॥ ८१३ ॥
आदाय चाम्बुजानि प्रविदय सच्छावकोऽथ जिननिस्त्यम् ।
पूजां चकार भक्त्या पूजाहेभ्यो जिनेन्द्रेभ्यः ॥ ८२३ ॥
वृषभाय चतुर्थांशं षष्ठांशं शिष्टपार्श्वाय । द्वादशमथ जिनपतये त्र्यंशं मुनिसुव्रताय ददौ ॥ ८२३॥
नष्टाष्ट्रकर्मणे जगदिष्टायारिष्टनेमयेऽष्टांशम् । षष्टव्रचतुर्भागं भक्त्या जिनशान्तये प्रददौ ॥ ८४३ ॥
कमलान्यशीर्तिमिश्राण्यायातान्यथ शतानि चत्वारि ।
कुसुमानां भागास्यं कथय प्रक्षेपकास्त्यकरणेन ॥ ८५३ ॥

### प्रक्षेपक कुट्टीकार ( समानुपाती भाग )

इसके पश्चात् इम इस मिश्रक व्यवहार में समाजुपाती भाग के गणित का प्रतिपादन करेंगे— समाजुपाती भाग की किया वह है जिसमें दी गई (समूह बाचक) राशि पहिले (विभिन्न समाजुपाती भागों का निरूपण करने वाले ) समान (साधारण) इर वाले भिन्नों के अंशों के योग द्वारा विभाजित की जाती है। ऐसे समान इर वाले भिन्नों के हरों को उच्छेदित कर विचारते नहीं हैं। प्राप्त फल को प्रत्येक दशा में कमशः इन समाजुपाती अंशों हारा गुणित करने हैं। इसे बुधजन (विद्वजन) 'कुहीकार' कहते हैं।। ७९३।।

## उदाहरणार्थ प्रश्न

इस परन में १२० स्वर्ण मुद्राएँ ४ नौकरों में क्रमशः है, है और है के भिक्षीय भागों में बाँटी जाती हैं। हे अंकर्गाणतक्ष ! मुद्रो सीघ्र बतहाओं कि उन्हें क्या मिछा ? ११ ८० है।। ६६२ दीनारों को पाँच व्यक्तियों में बाँटा गया। उनमें से प्रथम को ६ माग मिछे और रोप भाग को उत्तरोत्तर ६ की साधारण निष्पत्ति में बाँटा गया। प्रश्चेक का हिस्सा बतछाओं।। ८१ है।। एक सब्चे आवक ने किसी संख्या के कमछ के पूछ छिये और जिन मंदिर में जाकर प्रथमीय जिनेन्द्रों की मिक्तभाव से पूजा की। उसने वृषम भगवान् को है, है प्रथ पार्श्व भगवान् को, में जिन पति को, है मुनि सुज्ञत भगवान् को भेंट किये; टै भाग आठों कर्मों का नाश करने वाले अगिष्ट अश्वरोम भगवान् को और है का है शांति जिन भगवान् को भेंट किये। यदि वह ४८० कमछ के पूछ इस पूजा के छिये छाया हो तो इस प्रक्षेप नामक दिया द्वारा पूछों का समाजुपाती वितरण प्राप्त करो।। ८२ है—८५ है।। ४८० की

(७९२) ८०२ वीं गाथा के प्रदन को इस नियमानुसार इस्त करने में हमें २, ३, ४, १ से वर्ष, 
चत्वारि शतानि ससे युतान्यशीत्या नरैविभक्तानि । पञ्जभिराचक्ष्व त्वं द्वित्रिचतुःपञ्जषडगुणितैः ॥ ८६३ ॥

इष्ट्रगुणफलानयनस्त्रम्— भक्तं शेषेमूलं गुणगुणितं तेन योजितं प्रक्षेपम् । तद्द्रन्यं मूल्यन्नं क्षेपविभक्तं हि मूल्यं स्यात् ॥ ८७३ ॥

अस्मिन्नर्थे पुनरपि सूत्रम्—

फलगुणकारेहत्वा पणान् फलैरेव भागमादाय।

प्रक्षेपके गुणाः स्युक्षेराशिकः फलं वदेन्मतिमान ॥ ८८३ ॥

अस्मिन्नर्थे पुनरपि सूत्रम्—

स्वफलहताः स्वगुणन्नाः पणास्तु तैर्भवति पूर्ववच्छेषः । इष्टफलं निर्दिष्टं त्रैराशिकसाधितं सम्यक् ॥ ८९३ ॥

रकम ५ व्यक्तियों में २, ३, ४, ५ और ६ के अनुपात में विभाजित की गई । हे मित्र ! प्रत्येक के हिस्से में कितनी रकम पदी ? ॥ ८६२ ॥

इष्ट गुणफल को प्राप्त करने के लिये नियम---

मूल्यदर को सरीदने योग्य वस्तु (को प्ररूपित करने वाली संख्या) द्वारा विभाजित किया जाता है। तब इसे (दी गई) समानुपाती मंख्या द्वारा गुणित करते हैं। इसके द्वारा, इमें योग करने की विधि से समानुपाती भागों का योग प्राप्त हो जाता है। तब दी गई राशि क्रमानुसारी समानुपाती भागों द्वारा गुणित होकर तथा उनके उपर्युक्त योगद्वारा विभाजित होकर इष्ट समानुपात में विभिन्न वस्तुओं के मान को उत्पन्न करती है।

इसी के लिये दूसरा नियम-

मूस्यदरों (का निरूपण करने वाकी संख्याओं) को क्रमशः खरीदी जाने वाकी विभिन्न बस्तुओं के (दिये गये) समाजुपातों को निरूपित करने वाकी संख्याओं द्वारा गुणित करते हैं। तब फक्ष को मूस्यदर पर खरीदने योग्य वस्तुओं की संख्याओं से क्रमवार विभाजित करते हैं। परिणामी राजियों प्रक्षेप की क्रिया में (चाहे हुए) गुणक (multipliers) होती हैं। बुद्धिमान कोग फिर हुए उत्तर को क्रैराशिक द्वारा प्राप्त कर सकते हैं।। ४८३।।

इसी के किये एक और नियम-

विभिन्न मूल्यदरों का निरूपण करने वाली संख्याएँ कमशः उनकी स्वसंबन्धित सरीदने योग्य बस्तुओं का निरूपण करनेवाली संख्याओं द्वारा गुणित की जाती हैं। और तब, अनकी संबन्धित समा-बुपाती संख्याओं द्वारा गुणित की जाती हैं। इनकी सहायता से, शेष किया साधित की जाती है। इडकल जैराशिक निर्दिष्ट किया द्वारा सम्बक् रूप से प्राप्त हो जाता है।। ४९ई।।

१२० विभाजित की बाती है और परिणामी भजनफल ८ को अलग-अलग समानुपाती अंशों ६, ४, ३, २ द्वारा गुणित करते हैं। इस प्रकार प्राप्त रकमें ६ ×८ अर्थात् ४८, ४ ×८ अथवा ३२, ३ ×८ अर्थात् २४, २ ×८ अथवा १६ हैं। प्रक्षेप का अर्थ समानुपाती भाग की किया भी होता है तथा समानुपाती अंश भी होता है।

(८७३-८९२) इन नियमों के अनुसार ९०६ वीं और ९१२ वीं गाथाओं का हल निकासने के लिये २, ३ और ५ को कमका ३, ५ और ७ से विमाबित करते हैं तथा ६, ३ और १ हारा गुणित

## अत्रोदेशकः

द्वास्यां त्रीणि त्रिभिः पद्म पद्मभिः सप्त मानकैः।
दाडिमान्नकपित्थानां फलानि गणितार्थवित्॥ ९०३॥
कपित्थात् त्रिगुणं द्वास्त्रं दाडिमं षड्गुणं भवेत्।
कीत्वानय सखे शीद्यं त्वं षट्सप्तिभिः पणैः॥ ९१३॥
दम्याज्यक्षीरघटैजिनविम्बस्याभिषेचनं कृतवान्।
जिनपुरुषो द्वासप्तिपलेखयः पूरिताः कलशाः॥ ९२३॥
द्वात्रंशत्प्रथमघटे पुनश्चतुर्विशतिर्द्वितीयघटे।
बोडश तृतीयकलशे पृथक् कथय मे कृत्वा॥ ९३३॥
तेषां दिधमृतपयसां ततश्चतुर्विशतिर्मृतस्य पलानि।
बोडश पयःपलानि द्वात्रंशत् द्विपलानीह॥ ९४३॥
वृत्तिस्त्रयः पुराणाः गुंसश्चारोहकस्य तत्रापि। सर्वेऽपि पद्मष्विष्टः केचिद्धमा घनं तेषाम्॥ ९५३॥
संनिहितानां दत्तं लब्धं पुंसा दश्चेव चैकस्य।
के संनिहिता भग्नाः के मम संचिन्त्य कथय त्वम्॥ ९६३॥

### उदाहरणार्थ प्रश्न

भनार, आम और किपश्य क्रमझः २ पण में १, १ पण में ५ और ५ पण में ७ की दर से प्राप्य हैं। हे गणना के सिद्धांतों को जानने वाले मित्र ! ७६ पणों के फल लेकर शीप्र आओ ताकि आमों की संख्या किपश्यों की संख्या की तिगुनी हो और भनारों की संख्या ६ गुनी हो ॥ ९०३-९१३ ॥ किसी जिनाबुगामी ने जिन प्रतिमा का दही, भी और दुग्ध से प्रित कलशों द्वारा अभिषेक कराया। इनके ७२ पलों द्वारा १ पात्र भर गये। प्रथम घट में १२ पल, दूसरे घट में २४ तथा तीसरे में १६ पल पाये गये। इन दिख, भी, दूध मिश्रित पात्रों में मिश्रित दृग्यों को अलग-अलग जात और प्राप्त करो जबकि कुल मिलाकर २४ पल भी, १६ पल दूध और १२ पल दही है ॥ ९२३-९४३ ॥ एक अश्वारोही सैनिक का बेतन १ पुराण था। इस दर पर कुल ६५ व्यक्ति निगुक्त थे। उनमें से कुल मारे गये और उनके बेतन की रकम रणक्षेत्र में शेष रहनेवाले सैनिकों को दे दी गईं। इस प्रकार, प्रत्येक मनुष्य को १० पुराण प्राप्त हुए। मुझे बतकाओ कि श्रवहेन्न में कितने सैनिक खेत रहे और कितने जीवित बचे ? ॥ ९५३-९६३ ॥

करते हैं। इस प्रकार हमें हुँ × ६, है × ६, है × १ से क्रमधः ४, है और है प्राप्त होते हैं। ये समानुपाती माग है। ८८ई और ८९ई सूत्रों में इन समानुपाती भागों के संबंध में प्रक्षेप की किया का प्रयोग करना पड़ता है। परन्तु, ८७ई करण नियम में यह किया पूरी तरह वर्णित है। इष्टरूपाधिकहीनप्रश्लेपककरणसूत्रम्— पिण्डोऽधिकरूपोनो द्दीनोत्तररूपसंयुतः शेषात्। प्रश्लेपककरणमतः कर्तव्यं तैयुता द्दीनाः॥ ९७६॥ अत्रोदेशकः

प्रथमस्यैकांकोऽतो द्विगुणद्विगुणोत्तराद्भजन्ति नराः ।
चत्वारोंऽकाः कः स्यादेकस्य हि सप्तषष्टिरिह् ॥ ९८३ ॥
प्रथमाद्ध्यर्थगुणात् त्रिगुणाद्र्पोत्तराद्विभाज्यन्ते ।
साष्ट्रा सप्तितेरेनिरश्चतुर्भिराप्तांकान् कृदि ॥ ९९३ ॥
प्रथमाद्ध्यर्थगुणाः पद्धार्थगुणोत्तराणि रूपाणि । पद्धानां पद्धाक्तत्मेका चरणत्रयाभ्यधिका॥१००३॥
प्रथमात्पद्धार्थगुणादचतुर्गुणोत्तरविद्दीनभागेन ।
भक्तं नरैश्चतभिः पद्धदक्षोनं कातचत्रकम् ॥ १०१३ ॥

समाजुपाती भाग सम्बन्धी नियम, जहाँ मन से जुनी हुई कुछ पूर्णांक राशियों की जोदना अथवा घटाना होता है---

दी गई कुछ राशि को जोड़ी जाने वाकी पूर्णांक राशियों द्वारा हासित किया जाता है, अथवा घटाई जानेवाकी पूर्णांक धनारमक राशियों में मिकाया जाता है। तब इस परिणामी राशि की सहायता से समानुपाती भाग की किया को जाती है, और परिणामी समानुपाती भागों को क्रमशः उनमें जोड़ी जानेवाकी पूर्णांक राशियों से मिका दिया जाता है; अथवा, वे उन घटाई जानेवाकी पूर्णांक राशियों द्वारा क्रमशः हासित की जाती हैं॥ ९७३॥

## उदाहरणार्थ प्रश्न

वार मनुष्यों ने उत्तरोत्तर द्विगुणित समानुपाती भागों में और उत्तरोत्तर द्विगुणित अन्तरों वाले योग में अपने हिस्सों को प्राप्त किया। प्रथम मनुष्य को एक हिस्सा मिला। ६७ बाँटी जाने वाली राज्ञि है। प्रत्येक के हिस्से क्या हैं १॥ ९८३ ॥ ७८ की रकम इन पार मनुष्यों में ऐसे समानुपाती भागों में वितरित की जाती है जो उत्तरोत्तर प्रथम से आरम्भ होकर प्रत्येक पूर्ववर्ती से १३ गुणे हैं और (योग में) जिनका अन्तर एक से आरम्भ होकर तिगुना वृद्धि रूप है। प्रत्येक के द्वारा प्राप्त भागों के मान बतलाओ। ॥ ९९३ ॥ पाँच मनुष्यों के हिस्से क्रमिकक्षपेण प्रथम से आरम्भ होकर प्रत्येक पूर्ववर्ती से १३ गुने हैं, और बोग में अन्तर की राजियों वे हैं जो उत्तरोत्तर (पूर्ववर्ती अन्तर) से २३ गुणी हैं। ५१% विभाजित की जाने वाली कुल राजि है। प्रत्येक के द्वारा प्राप्त भागों के मान बतलाओ ॥ १००३ ॥ ४०० जरण १५ को चार मनुष्यों के बीच ऐसे भागों में विभाजित किया जाता है जो पहिले से आरम्भ होकर प्रत्येक पूर्ववर्ती से २३ गुणे हैं, और जो उन अंतरों द्वारा द्वासित हैं जो उत्तरोत्तर पूर्ववर्ती अंतर से ४ गुने हैं। विभिन्न भागों के मानों के प्राप्त करो। ॥१००३ ॥

<sup>(</sup>९७३) समानुपाती भाग की क्रिया यहाँ ८७३ से ८९३ में दिये गये नियमों में से किसी भी एक के अनुसार की जा सकती है।

<sup>(</sup>९८३) हिस्सों में बोड़ी जानेवाली अंतर राशि यहाँ १ है वां दूसरे मनुष्य के संबंध में है। यह दो शेष मनुष्यों में से प्रत्येक के लिये पूर्ववर्ती अंतर की दुगुनी है। यह अंतर दूसरे मनुष्य के लिये स्पष्ट रूप से उल्लिखित नहीं है जैसा कि इस उदाहरण में १ ठल्लिखित है। १००३ वीं गाया और १०१३ वीं गाया के उदाहरण में भी स्पष्ट उल्लेख नहीं है।

समधनार्घानयनतज्ज्येष्ठधनसंख्यानयनसूत्रम्— ज्येष्ठधनं सैकं स्यात् स्वविक्रयेऽन्त्यार्घगुणमपैकं तत्। क्रयणे ज्येष्ठानयनं समानयेत् करणविपरीतात्॥ १०२३॥

## अत्रोद्देशकः

द्वाबष्टी षट्त्रिंशन्मूलं नृणां षडेव चरमार्घः। एकार्घेण कीत्वा विकीय च समधना जाताः ॥१०३३॥ सार्थैकमर्थमर्घद्वयं च संगृद्धा ते त्रयः पुरुषाः। क्रयविक्रयी च कृत्वा षडभिःपश्चार्घात्ममधना जाताः॥१०४३॥

( स्यापार में लगाई गई ) सबसे ऊँची रकम ध्येष्ठ धन का मान तथा वेचने की मुख्य रकमें उरपन करने वाली कीमतों के मान को निकालने के लिये नियम—

क्रमाया गया सबसे बड़ा धन, १ में मिलाने पर (बेची जाने वाली) वस्तु के विक्रय की दर हो जाता है। वहीं (बेचने की दर) जब शेष वस्तु की (दी गई) बेचने की कीमत द्वारा गुणित होकर एक द्वारा हासित की जाती है तब खरीदने की दर उत्पन्न होती है। इस विधि को विवर्धसित (उल्टा) करने पर कारबार में लगाया गया सबसे बड़ा धन निकाला जा सकता है।।१०२२।

### उदाहरणार्थ प्रश्न

तीन मनुष्यों ने कमशः २, ८ और ३६ रकमें लगाई। ६ वह कीमत है जिस पर शेष वस्तुएं बेची जाती हैं। उसी दर पर खरीद कर और बेच कर वे तुल्य धन वाले वन जाते हैं। खरीद और बेचने की कीमतों को निकालो ॥ १०३३॥ उन्हीं तीन मनुष्यों ने कमशः १३, ३ और २३ धनों को व्यापार में लगाया और उन्हीं कीमतों पर उसी वस्तु का कय और विकय किया। अंत में, शेष को ६ द्वारा निरूपित राशि में बेचने पर वे समान धन वाले बन गये। खरीदने और वेचने के दामों को निकालो ॥ १०४३ ॥ समान धन वाली राशि ४१ है। जिस कीमत पर अन्त में शेष वस्तुएं बेची

१०२२ ) इस नियम पर किये आनेवाल प्रश्नों में, विभिन्न मूल रकमों से किसी साधारण दर पर कोई वस्तु खरीदी हुई समझ ली जाती है। तब इस तरह खरीदी हुई वस्तु कोई अन्य साधारण टर पर बेची जाती है। क्यापार में लगाये गये धन की इकाई में बेची जाने के लिये पर्याप्त न होने के कारण जितनी वस्तु की मान्ना बच रहती है वह यहाँ पर 'शेष' कहलाती है। जिस कीमत पर यह 'शेष' बेची जाती है उसे अवशिष्ट-मूल्य (अंत्यार्घ) कहते हैं। प्रतीक रूपसे, मानलो अ, अ + ब और अ + ब + स मृल्धम हैं। यहाँ अन्तिम (अ + ब + स) ज्येष्ठधन अर्थात् सबसे बड़ा धन है। मानलो प चरमार्घ (अन्त्यार्घ) अथवा अवशिष्ट-मूल्य हैं; तब, इस नियमानुसार अ + ब + स + १ = बेचने की टर; और (अ + ब + स + १) प - १ = खरीदने की दर होती हैं। यह सरखतापूर्वक दिखलाया जा सकता है कि वस्तु को बेचने की दर पर और शेष को अवशिष्ट-मूल्य पर बेचने से को रकमें प्राप्त होती हैं उनका योग प्रत्येक दशा में एकसा होता है।

यह आलोकनीय है कि खरीदने की दर, इस नियम पर आश्रित प्रश्नों में, समधन अथवा समान विकयोदय (बिकी की रकमों ) के मान के समान होती है। चत्वारिंशत् सैका समधनसंख्या बढेव चरमाघः। आचक्ष्य गणक शीघं ज्येष्ठधनं किं च कानि मूलानि॥ १०५३॥ समधनसंख्या पद्मत्रिंशद्भवन्ति यत्र दीनाराः। चत्वारश्चरमार्घो ज्येष्ठधनं किं च गणक कथय त्वम्॥ १०६३॥

चरमार्घभिन्नजातौ समधनार्घानयनसूत्रम्— तुल्यापच्छेदधनान्त्यार्घाभ्यां विक्रयकयार्घौ प्राग्वत् । छेदच्छेदकृतिन्नावनुपातात् समधनानि भिन्नेऽन्त्यार्घे ॥ १८७३ ॥ अर्धत्रिपादमागा धनानि षटपुक्रमाद्दाकाश्चरमार्घः । एकार्घेण क्रीत्या विक्रीय च समधना जाताः ॥ १०८३ ॥

पुनर्राप अन्त्यार्घे भिन्ने सित समधनानयनसूत्रम्— ज्येष्ठांशद्विहरहतिः सान्त्यहरा विक्रयोऽन्त्यमूल्यन्नः । नैकोद्वयखिलहरन्नः स्यात्कयसंख्यानुपातोऽथ ॥ १०९३ ॥

जाती हैं वह ६ है। हे अंकर्गाणतज्ञ ! मुझे शीध बतलाओं कि कीन सी सबसे उंची लगाई गई रकम है और विभिन्न अन्य रकमें कीन-कीन हैं ? ॥ १०५२ ॥ उस दशा में जब कि ३५ दीनार समान धन राशि है, और ४ वह कीमत है जिस पर शेष वस्तुएं बेची जाती हैं, हे गणितज्ञ ! मुझे बतलाओं कि सबसे उंची कगाई जाने वाळी रकम क्या है ? ॥ १०६२ ॥

जब अवशिष्ट-कीमत (अन्त्य अर्घ) भिक्षीय रूप में हों तब समान बेचने की रकमें उत्पन्न करने बालो कीमतों के मान निकालने के खिथे नियम---

अवशिष्ट-कीमत (अन्त्य अर्घ) भिक्षीय होने पर वेचने और खरीदने की दरों को पहिले की मौति प्राप्त करते हैं जब कि लगाई गई रकमों और अविशिष्ट-कीमत को समान हर वाला बना कर उपयोग में छाते हैं। यह हर हस समय उपेक्षित कर दिया जाता है। तब इष्ट वेचने और सरीदने की दरों को प्राप्त करने के लिये इन वेचने और खरीदने की दरों को इस हर और हर के वर्ग द्वारा गुणित करते हैं। तब समान विकयोदय (वेचने की रक्षमों) को ग्रेशशिक के नियम द्वारा प्राप्त करते हैं। १०७३।।।

#### उदाहरणार्थ प्रक्र

किसी ज्यापार में है, है, है तीन ज्यक्तियों द्वारा छगाई गई रक्ष्में हैं। अवशिष्ट-कोमत (अन्सार्ष) है है। उन्हीं कीमतों पर खरीदने और बेचने पर वे समान धन राशि वाले बन जाते हैं। बेचने को कीमत और खरीदने की कीमत तथा समान विक्रय-धन निकालों।। १०८३।।

जब अविशष्ट-कीमत ( अन्यार्घ ) भिषाय हो तब समान विक्रयोदय ( वेचने की रकमाँ ) को निकाछने के छिये तूसरा नियम---

सबसे बड़े अंश, दो और ( लगाई गई मूळ रकमों के प्राप्य ) हरों का संतत गुणनफळ जब अव-शिष्ट-मूख्य के मान के हर में जोड़ा जाता है तब बेचने को दर उत्पन्न होती है। जब इसे अविशय -मूख्य ( अन्यार्थ ) से गुणित कर और १ द्वारा हासित कर और फिर उत्तरोत्तर दो तथा समस्त हरों द्वारा गुणित किया जाता है, तब जरीदने की दर प्राप्त होती है। तत्पद्यात्, त्रेंशिक की सहायता से बेचने की रकमों ( sale-proceeds ) का साधारण मान प्राप्त होता है। १०९३।।

१०५२ ) यहाँ आखोकनीय है कि इस नियमानुसार केवल सबसे बड़ी रकम निकाली जाती है। अन्य रकमें मन से चुन की जाती हैं, ताकि वे सबसे बड़ी रकम से छोटी हों!

ग॰ सा० संब-१५

### अत्रोदेशकः

अर्धे द्वौ ज्यंशौ च त्रीन पादांशांशचे संगृह्य। विकीय क्रीत्वान्ते पद्धसिरंध्यंशकैः समानधनाः॥ ११०३॥

इष्टगुणेष्टसंख्यायामिष्टसंख्यासमर्पणानयनसूत्रम्— अन्त्यपदे स्वगुणहृते क्षिपेदुपान्त्यं च तस्यान्तम् । तेनोपान्त्येन भजेद्यक्रव्यं तद्भवेन्मूलम् ॥१११३॥

### अत्रोदेशकः

किर्चच्छावकपुरुषरचतुर्मुखं जिनगृहं समासाद्य । पूजां चकार भक्त्या सुरभीण्यादाय कुसुमानि ॥ ११२३ ॥ द्विगुणसभूदाद्यसुखे त्रिगुणं च चतुर्गुणं च पद्मगुणम् । सवत्र पद्म पद्म च तत्संख्याम्भोरुद्दाणि कानि स्युः ॥ ११३३ ॥ द्वित्रिचतुर्भागगुणाः पद्मार्थगुणाक्मिपद्मसप्ताष्ट्री । भक्तेभक्त्याहेभ्यो दत्तान्यादाय कुसुमानि॥११४३॥

इति मिश्रकञ्यवहारे प्रक्षेपककुट्टीकारः समाप्तः।

१. M में इलोक क्रम ११० है के पश्चात् निम्नलिखित इलोक जोड़ा गया है, जो B में प्राप्य नहीं है:---

अर्थत्रिपादमागा धनानि षट्पञ्चमांशकान्त्यार्थः । एकार्धेण क्रीत्वा विकीय च समधना जाताः ॥

### उदाहरणार्थ प्रश्न

ै, है, है क्रमशः व्यापार में लगाकर वही वस्तु करीदने और वेचने तथा है अवशिष्ट-मूल्य से तीन व्यापारी अंत में समान विक्रयोदय (वेचने की रकम) वाले हो जाते हैं। खरीद की कीमत वेचने की कीमत और विकी की तुल्य रकमें क्या क्या हैं ? ॥ ११०३ ॥

ऐसे प्रश्न को इल करने के किये नियम जिसमें मन से जुनी हुई संख्या बार जुने गये अपवरयों में मन से जुनी हुई राशियों समर्पित को (दी) गई हों :---

उपअंतिम राशि को, अंतिम राशि की ही संवादी अपवर्त्य संख्या द्वारा विमाजित अंतिम राशि में जोड़ा जावे। इस किया से प्राप्त फल को उस अपवर्त्य संख्या द्वारा विभाजित किया जावे जो कि इस दी गई उपअंतिम राशि से संयवित (associated) है। सब विभिन्न दी गई राशियों के सम्बन्ध में इस किया को करने पर इष्ट मुळ राशि प्राप्त होती है।॥ १११२ ॥

#### उदाहरणार्थ पश्न

किसी श्रावक ने चार दरवाओं वाले जिन मंदिर में (अपने साथ) सुगंधित फूल लेजाकर उन्हें पूजन में इस प्रकार भक्ति पूर्वक मेंट किये—चार दरवाओं पर क्रमशः वे दुगने हो गये, तब तिगुने हो गये, तब चौगुने हो गये और तब पाँचगुने हो गये। प्रत्येक द्वार पर उसने भ फूल अपित किये बतलाओं कि उसके पास कुल कितने कमल के फूल थे? ॥ ११२२ –११६२ ॥ भक्तों द्वारा मक्ति पूर्वक फूल प्राप्त किये गये और पूजन में मेंट किये गये। फूल को इस प्रकार मेंट किये गये उत्तरोत्तर ६, ५, ७, और ८ थे। उनकी संवादी अपवाद राशियाँ क्रमशः २, ३, १ और २ थी। फूलों की कुल मूल संख्या क्या थीं १॥ ११४२ ॥

इस प्रकार, मिश्रक व्यवहार में प्रक्षेपक कुटीकार नामक प्रकरण समास हुआ ।

## वहिकाकडीकारः

इतः परं विल्लकाकृद्दीकारगणितं व्याल्यास्यामः । कुद्दीकारे विल्लकागणितन्यायसूत्रम्-छित्वा छेदेन राशि प्रथमफलमपोद्याप्तमन्योन्यभक्तं स्थाप्योष्वीधर्यतोऽधो मतिगुणमयुजाल्पेऽवशिष्टे धनर्णम् । छिन्वाधः स्वोपरिन्नोपरियतहर्भागोऽधिकाप्रस्य हारं छित्वा छेदेन साम्रान्तरफलमधिकाम्रान्वितं हारघातम् ॥ ११५३ ॥

#### विक्रका क्रिट्टीकार

इसके पश्चात् इम विक्रका कृष्टीकार# नामक गणना विधि की न्यास्या करेंगे। कट्टीकार सम्बन्धी बल्लिका नामक गणना विधि के लिये नियम---

दो गई राशि (समूह वाचक संख्या ) को दिये गये भाजक द्वारा विभाजित करो। प्रथम भजनफरू को अकग कर हो । तब ( विभिन्न परिणामी होषों द्वारा विभिन्न परिणामी भाजकों के उत्तरीत्तर भाग से प्राप्त विभिन्न ) अलनफर्कों को एक इसरे के नीचे रखो. और फिर इसके नीचे मन से चुनी हुई संख्या रखो जिससे कि ( इत्तरोत्तर भाग की उपर्यंक्त विधि में ) अयुग्म स्थिति क्रमवाले अल्पतम शेष को गुणित किया जाता है: और तब इसके नीचे इस गुणनफर को (प्रकानसार दी गई ज्ञात संख्या हारा ) बढाकर या हासित कर और तब ( अपर्युक्त उत्तरोत्तर भाग की विधि में अन्तिम भाजक हारा ) भाजित कर रखी । इस प्रकार बिह्नका अर्थात् बेकि सरीखी अंकों की शक्का प्राप्त होती है । इसमें शक्कण की निम्नतम संख्या को. (इसके ठीक उत्पर की संख्या में उत्पर के ठीक उत्पर की संख्या का गुणन करने से प्राप्त ) गुणनफक में जोड़ते हैं । ऐसी रीति को तब तक करते जाते हैं अब तक कि पूरी शक्का समाप्त नहीं हो जाती है। यह योग पहिले ही दिये गये भाजक से भाजित किया जाता है। हिस अन्तिम भाजन में 'शेष' गुणक बन जाता है जिसमें. (इस प्रश्न में बतलाई गई विधि में ) विभाजित या वितरित की जाने वाछी राशि को प्राप्त करने के छिये, पहिछे दी गई राशि ( समूह वाचक संख्या ) का गुणा किया जाता है । परन्तु, जो एक से अधिक बार बढ़ाई गई अथवा हासित की गई हों. ऐसी दी गई राशियों ( समुद्र वाचक संख्याओं ) को एक से अधिक समानुपात में विभाजित करना पहता है। यहाँ दो विशिष्ट विभावनों में से कोई एक के सम्बन्ध में प्राप्त । अधिक वहा समूह वाचक मान सम्बन्धी भाजक को ( छोटे समुद्द वाचक मान सम्बन्धी ) भाजक द्वारा ऊपर बवळाये अनुसार भाजित किया जाता है ताकि उत्तरीत्तर अजनफर्कों की कता के समान शक्कका पूर्व क्रम अनुसार इस वृशा में भी प्राप्त हो जावे । इस शृंखका में निम्नतम अजनफक के नीचे, इस अन्तिम उत्तरीत्तर में भाग में अयुग्म स्थिति कमवाले अल्पतम शेष के मन से चुने हुए गुणक को रखा जाता है: और फिर इसके नीचे पहिले बतळाए हुए दो समूह बाबक मानों के अन्तर को उत्पर मन से खुने हुए गुजक हारा गुणित कर.

<sup>●</sup>विक्षका कुटीकार कहने का कारण यह है कि इस नियम में समझाई गई कुटीकार की विधि छता समान अंकों की शृंखला पर आधारित होती है।

<sup>(</sup>११५३) गाया ११७३ वीं का प्रश्न साधित करने पर यह नियम स्पष्ट हो जावेगा । यहाँ कथन किया गया है कि ७ अलग फर्डो सहित ६३ केडों के देर २३ मनुष्यों में ठीक-ठीक भाजन योग्य हैं। एक देर में फलों की संख्या निकालना है। यहाँ ६३ को 'समूह वाचक संख्या' ( राशि ) कहा जाता है. और प्रत्येक में स्थित फर्कों के संख्यात्मक मान को 'समृह बाचक मान' कहा जाता है। इसी 'समृह

अन्तिम अयुग्म स्थिति क्रम वाले अल्पतम होष में बोइकर परिणामी योगफल को ऊपर की भाजन श्रंखला के अन्तिम भाजक द्वारा विभाजित करने के पश्चात् प्राप्त संख्या को रखना चाहिये। इस प्रकार इस बाद वाचक मान' को निकालना इष्ट होता है। अब इस नियम के अनुसार इम पहिले राश्चि अथवा समूइ-वाचक संख्या ६३ को छेद अथवा भाजक २३ द्वारा भाजित करते हैं, और तब हम जिस प्रकार दो संख्याओं का महत्तम समापवर्त्य निकालते हैं उसी प्रकार की भाग विधि को यहाँ जारी रखते हैं।

यहाँ हम पाँचवें शेष के साथ ही भाग रांक देते हैं, क्योंकि वह भाजन की श्रेडियों में अयुग्म स्थिति क्रम वाला अल्पतम शेष है।

यहाँ प्रथम भजनफल २ को उपेक्षित कर दिया जाता है: अन्य भजनफल बाज के स्तम्म में एक पंक्ति में एक के नीचे एक लिखे गये हैं। अब हमें एक ऐसी संख्या जुनना पड़ती है जो जब अन्तिम शेष १ के द्वारा गणित की जाती है. और फिर ७ में बोडी जाती है, तो वह अन्तिम भाजक १ के द्वारा भाजन योग्य होती है। इसलिये, इम १ को जुनते हैं, बो श्रंखला में अन्तिम अक के नीचे लिखा हुआ है। इस चुनी हुई संख्या के नीचे, फिरसे चुनी हुई संख्या की सहायता से, उपर्युक्त भाग में प्राप्त भजनफल लिखा जाता है। इस प्रकार हमें बाजू में प्रथम स्तम्म के अंकों में शृंखला अथवा वल्लिका प्राप्त हो जाती है। तब हम शृंखला के नीचे उप अन्तिम अंक अर्थात् १ को छिखकर उसके ऊपर के अंक ४ द्वारा गुणित करते हैं, और ८ जोड़ते हैं। यह ८, शृखला की अंतिम संख्या है। परिणामी १२ इस तरह लिख दिया जाता है ताकि वह ४ के संवादी स्थान में हो। तत्पश्चात इस १२ को विलिका शृंखला में उसके ऊपर के अंक १ द्वारा गृणित करते है और १ जोदने पर (जो कि उसके उसी प्रकार नीचे है) हमें १३ एक के संवादी स्थान में प्राप्त होता है। इसी प्रकार, किया को बारी रखकर हमें ३८ और ५१ मी प्राप्त

होते हैं जो २ और १ के संवादी स्थान में प्राप्त किये जाते हैं। इस ५१ को २३ द्वारा भाजित किया जाता है; और शेष ५ एक गुच्छे में फलों को अल्पतम संख्या दृष्टिगत होती है। निम्नलिखित बीजीय निरूपण द्वारा इस नियम का मूलभूत सिद्धान्त (rationale) स्पष्ट हो जावेगा—

बाक + ब = ख ( जो एक पूर्णांक है ) = फ, क + प, जहाँ प, =  $\frac{(a_1 - a_1 w_4)}{a_1}$  का  $\frac{a_1 w_4}{a_1}$  =  $\frac{a_1 w_4}{a_2}$  =  $\frac{a_1 w_4}{a_2}$  =  $\frac{a_1 w_4}{a_1}$  =  $\frac{a_1 w_4}{a_2}$  =  $\frac{a_1 w_4}{a_2}$  =  $\frac{a_1 w_4}{a_1}$  =  $\frac{a_1 w_4}{a_2}$  =  $\frac{a_1 w_4}{a_2}$  =  $\frac{a_1 w_4}{a_1}$  =  $\frac{a_1 w_4}{a_2}$  =  $\frac{a_1 w_4}{a_2}$  =  $\frac{a_1 w_4}{a_1}$  =  $\frac{a_1 w_4}{a_2}$  =  $\frac{a_1 w_4}{a_2}$  =  $\frac{a_1 w_4}{a_1}$  =  $\frac{a_1 w_4}{a_2}$  =  $\frac{a_1 w_4}{a_2}$  =  $\frac{a_1 w_4}{a_1}$  =  $\frac{a_1 w_4}{a_2}$  =

इसलिये,  $q_1 = \frac{\tau_1}{\tau_2} \frac{q_2 + a}{\tau_3} = q_2 + q_3$ , जहाँ  $q_3 = \frac{\tau_3}{\tau_2} \frac{q_2 + a}{\tau_3}$  और  $q_3 = \frac{\tau_3}{\tau_3} \frac{q_2 + a}{\tau_3}$  और  $q_3 = \frac{\tau_3}{\tau_3} \frac{q_2}{\tau_3} + \frac{a}{\tau_3} \frac{q_3}{\tau_3} +$ 

के निश्चित प्रश्न के इस के किये इस कता समान अंकों की श्रञ्जका प्राप्त की आती है। यह श्रञ्जका पहिले की माँति नीचे से ऊपर की ओर वर्ती जाती है और, पहिले की तरह, परिणामी संक्या की इस

इसी तरह, 
$$q_2 = \frac{\zeta_2}{\zeta_3} = q_3 - q_3 + q_4$$
, जहाँ  $q_4 = \frac{\zeta_4}{\zeta_3} = \frac{\zeta_3}{\zeta_3} = \frac{\zeta_3}{\zeta_4} = \frac{\zeta_3}{\zeta_4} = \frac{\zeta_3}{\zeta_4} = \frac{\zeta_4}{\zeta_4} = \frac{\zeta_4}{\zeta_4$ 

=  $\pi_{a_1} q_x + q_{a_2}$ , बहाँ  $q_{a_1} = \frac{\tau_{a_1} q_x + a_2}{\tau_x}$  है । इस प्रकार हमें निम्निखिखित सम्बन्ध प्राप्त होते हैं.—  $\pi = \pi_x q_x + q_z$ ;  $q_x = \pi_x q_x + q_z$ ;  $q_y = \pi_x q_x + q_z$ ;  $q_z = \pi_x q_x + q_z$ ;

पं का मान इस तरह चुनते हैं ताकि रूप पं + व ( बोकि उपर बतलाए अनुसार पं का मान है ), एक पूर्णीक बन बावे । इस प्रकार, शृंखला फंद्र, फंड, फंड, पं और पं को जमाते हैं जिससे क का मान प्राप्त हो जाता है; अर्थात् अपरी राशि की गुणन विधि को तथा शृंखला की निम्नतर राशि की जोड़ विधि को सबसे अपर की राशि तक ले बाकर क का मान प्राप्त करते हैं। क का मान इस प्रकार प्राप्त कर, उसे आ के द्वारा विभाजित करते हैं। प्राप्त शेष, क की अल्पतम अर्हा को निरूपित करता है:

क्योंकि क के वे मान जो समीकार बाक + व = कोई पूर्णोक, का समाधान करते हैं, सब समान्तर

भेदि में होते हैं वहाँ प्रचय (common difference) आ होता है।

इस नियम के द्वारा वे प्रश्न भी इस किये जा सकते हैं जहाँ दो या दो से अधिक दशाय दी गई रहती हैं। ऐसे प्रश्न गाथाओं १२१३ से छेकर १२९३ तक दिये गये हैं। १२१३ वीं गाथा का प्रश्न इस नियम के अनुसार इस प्रकार इस किया जा सकता है—

दिया गया है कि फलों का एक देर जब ७ द्वारा हासित किया जाता है तब वह ८ मनुष्यों में ठीक-ठीक भाजन योग्य हो जाता है, और वही देर जब २ द्वारा हासित किया जाता है तब १३ मनुष्यों में ठीक-ठीक भाजन योग्य हो जाता है। अब उपर्युक्त रीति द्वारा सबसे पहिले फलों की अस्पतम संख्या को निकाला जाता है जो पथम दशा का समाधान करे, और तब फलों की वह संख्या निकाली जाती है जो दूसरी दशा का समाधान करे। इस प्रकार, हमें क्रमशः १५ और १६ समूह वाचक मान प्राप्त होते हैं। अब अधिक बड़े समूह वाचक मान सम्बन्धी भाजक को छोटे समूह वाचक मान सम्बन्धी भाजक द्वारा विभाजित किया जाता है ताकि नयी विक्षका (अंखला) प्राप्त हो जावे। इस प्रकार, १३ को ८ द्वारा विभाजित करने पर और भाग को जारी रखने पर हमें निम्नलिखित प्राप्त होता है—

इसके द्वारा विक्रका शृंखला इस प्रकार प्राप्त होती है-

१ को 'मिति' जुनकर, और पहिले ही प्राप्त दो समृह मानों के अंतर (१६-१५) को अर्थात् १ को मित और अंतिम माजक के गुणनफल में जोड़ते हैं। इस बोग को अंतिम माजक द्वारा भाजित करने पर हमें २ प्राप्त होता है जिसे बिलका (शृंखला) में मिति के नीचे लिखना होता है। तब, बिलका के साथ पहिले की रीति करने पर हमें ११ प्राप्त होता है, जिसे प्रथम माजक ८ द्वारा भाजित करने पर शेष ३ वच रहता है। इसे अधिक बड़े समूहमान सम्बन्धी माजक १३ द्वारा गुणित कर, अधिक बड़े समूहमान में जोड़ दिया जाता है (१३×३+१६=५५)। इस प्रकार वेर में फलों की संख्या ५५ प्राप्त होती है।

कान्तिम माजन श्रञ्जका के प्रथम माजक द्वारा विभाजित करते हैं। (इस किया में प्राप्त) होय को (अधिक बड़े समूह वाचक मान सम्बन्धी) भाजक द्वारा गुणित करते हैं, और परिणामी गुणनफळ में इस अधिकबड़े समूह वाचक मान को जोड़ देते हैं। (इस प्रकार दी गई समूह संख्या के इष्ट गुणक का मान प्राप्त किया जाता है, जो दो विचाराधीन विशिष्ट विभाजनों का समाधान करता है ) ॥१९५२॥

इस विधि का भूछ भूत सिदान्त ( rationale ) निम्निङ्खित विमर्श से स्पष्ट हो जावेगा-

- (१) में मानलो क का अल्पतम मान = स ्है।
- (२) में मानलो क का अल्पतम मान = स् है।
- (१) में मानलो क का अल्पतम मान = स , है।
- (४) जब (१) और (२) दोनों का समाधान करना पड़ता है, तब दशान + सन् को क्षश्रान + सन् के तुस्य होना पड़ता है, ताकि सन् सन् + स्थान + स्थान हो; अर्थात्, + सन् स्थान + स्थान सन् + स

अज्ञात मानवाली राशियों द और क्ष सहित होने से अनिर्धृत (indeterminate) समोकरण (४) से, जैसा कि पहले ही सिद्ध किया जा चुका है उसके अनुसार, द के अल्पतम धनात्मक पूर्णोंक को प्राप्त कर सकते हैं। द के इस मान को आ, द्वारा गुणित करने, और तब स, में जोड़ने पर क का मान प्राप्त होता है जो (१) और (२) का समाधान करता है।

मानको यह त<sub>र</sub> है, और इन दोनों समीकारों का समाधान करने वाला क का और अधिक बड़ा मान मानलो त<sub>र</sub> है।

- (५) अन, त, + नआ, = त, है,
- (६) और, त<sub>1</sub> + मआ<sub>2</sub> = त<sub>2</sub> है।

(५) अथवा (६) में इनका मान रखने पर, 
$$a_1 + \frac{31}{4} = a_2$$
 होता है।

इससे स्पष्ट है कि क का दूसरा उच्चतर मान जो दो समीकरणों का समाधान करता है वह आ, और आ, के लघुत्तम समापवर्श्य को निम्नतर मान में बोड़ने पर प्राप्त होता है।

फिर से, मानलो तीनों सभी समीकारों का समाधान करने वाले क का मान व है।

तब,  $a=a_1+\frac{a_1}{a_1}\times t$ , ( बहाँ र घनात्मक पूर्णिक है )=( मानको ) त, + कर और

पिक्के समीकार में बिक्किका कुटीकार के सिद्धान्त का प्रयोग करने पर व का मान प्राप्त हो जाता

#### अत्रोद्देशकः

जम्बूजम्बीररम्भाक्रमुकपनस्खर्जूरहिन्तालताली—
पुन्नागाम्राधनेकद्रुमकुसुमफलेनेम्रशासाधिकृढम् ।
आम्यद्भृंगाञ्जवापीशुकपिककुलनानाध्वनिव्याप्तदिकं
पान्थाः श्रान्ता वनान्तं श्रमनुद्ममलं ते प्रविष्टाः प्रहृष्टाः ॥ ११६३ ॥
राशित्रिषष्टिः कदलीफलानां संपीड्य संक्षिप्य च सप्तमिस्तैः ।
पान्थैक्योविंशतिभिर्विशुद्धा राशेस्त्यमेकस्य वद प्रमाणम् ॥ ११७३ ॥
राशीन् पुनद्धोदश दाहिमानां समस्य संक्षिप्य च पद्धभिस्तैः ।
पान्थैनेरैविंशतिभिर्निरेकैर्मकांस्तथैकस्य वद प्रमाणम् ॥ ११८३ ॥
राष्ट्रीम्प्रराशीन् पथिको यथैकत्रिंशत्समूहं कुरुते त्रिहीनम् ।
शेषे हते सप्ततिभिक्षिमिश्रीनेरैविंशुद्धं कथयैकसंख्याम् ॥ ११९३ ॥
रष्टाः सप्ततिभिक्षिमिश्रीनेरैविंशुद्धं कथयैकसंख्याम् ॥ ११९३ ॥
सप्तद्शापोद्ध हते व्येकाशीत्यांशकप्रमाणं किम् ॥ १२०३ ॥

### उदाहरणार्थ प्रश्न

किसी वन का प्रकाशवान और ताजगी काने वाका सीमास्य (Outskirts) बहुत से ऐसे इक्षों से पूर्ण था जिनकी शासायें फल-फूळ के भार से नीचे हुक गई थीं। ऐसे वृक्षों में जम्बू, जम्बीर, रम्भा, क्रमुक, पनस, खज्र, हिन्ताल, ताली, पुत्ताग और आम (समाविष्ट) थे। वह स्थान तोतों और कोयलों की ध्वनि से ब्याह था। तोते और कोयलें ऐसे झरनों के किनारे पर थीं जिनमें कमलों पर अमर अमण कर रहे थे। ऐसे ननान्त में कुछ थके हुए वाजियों ने सानन्द प्रवेश किया। ११६ ने॥

केलों की ६३ ढेरियाँ और ७ केले के फल २६ यात्रियों में बराबर-बराबर बाँट दिये गये जिससे कुछ भी दोष न बचा। एक ढेरी में फलों की संख्या बतलाओ ॥ ११७- ॥

फिर से, अनार की १२ ढेरियाँ और ५ अनार के फल उसी तरह १९ यांत्रियों में बाँटे गये । एक ढेरी में कितने अनार थे ? ॥ ११८-३ ॥

एक यात्री ने आमों की बराबर फर्कों वाकी देरियाँ देखीं। ३१ देरियाँ ३ फर्कों द्वारा हासित कर दी गई। जब शेषफरू ७३ व्यक्तियों में बराबर-बराबर बाँट दिये गये तो शेष कुछ भी न रहा। इन देरियों में से किसो भी एक में कितने फरू थे ? ॥ ११९- ॥

वनमें यात्रियों द्वारा ३७ किएश्य फल की देरियाँ देखी गईं। १७ फल अलग कर दिये गये शेषफल ७९ म्यक्तियों में बराबर-बराबर बाँटने पर कुछ भी शेष न रहा। प्रत्येक को कितने-कितने फल मिले १॥ १२०२॥

इससे यह देखा बाता है कि जब व का मान निकालने के लिये हम त, और स<sub>3</sub> को कुट्टीकार विधि के अनुसार बर्तते हैं; तब छेद अथवा माजक को त, के सम्बन्ध में आ, आ, लेना पड़ता है; अथवा, प्रथम दो समीकारों में भाजकों के सञ्जलम समापवर्श्य को लेना पड़ता है।

है, और तब व का मान सरलता पूर्वक निकाला जा सकता है।

हृष्टुम्बरिष्ट्रास्य च सम पश्चाद्रकेऽष्ट्रिमः पुनर्षि प्रविद्दाय तस्मात् ।
त्रीणि त्रयोद्दामिरुद्दिते विद्युद्धः पान्येषेने गणक मे कथयेकरिष्ट्राम् ॥ १२१३ ॥
द्वाभ्यां त्रिमिर्चतुर्मः पद्धमिरेकः किरियफळरिष्टाः ।
भक्तो रूपायस्तरप्रमाणमाचक्ष्य गणितक्ष ॥ १२२३ ॥
द्वाभ्यामेकिक्षमिद्धौं च चतुर्मिर्माजिते त्रयः । चत्वारि पश्चिमः द्येषः को राशिर्षद मे प्रिय ॥१२३३॥
द्वाभ्यामेकिक्षमिर्द्युद्धश्चतुर्मिर्माजिते त्रयः । चत्वारि पश्चिमः द्येषः को राशिर्षद मे प्रिय ॥१२४३॥
द्वाभ्यामेकिक्षमिर्द्युद्धश्चतुर्मिर्माजिते त्रयः । चत्वारि पश्चिमर्भको रूपायो राशिरेष कः ॥१२५३॥
द्वाभ्यामेकिक्षिभः शुद्धश्चतुर्मिर्माजिते त्रयः । निरमः पद्धमिर्मकः को राशिः कथयाधुना ॥१२६३॥
द्वाभ्यामेकिक्षभिः शुद्धश्चतुर्मिर्माजिते त्रयः । निरमः पद्धमिर्मकः को राशिः कथयाधुना ॥१२६३॥
द्वाभ्यामेकिक्षभिः शुद्धश्चतुर्मिर्माजिते त्रयः । निरमः पद्धमिर्मकः को राशिः कथयाधुना ॥१२६३॥
द्वाभ्यामेकिक्षमिः शुद्धश्चति प्रविकतरः पद्धि ते सप्तकानां विभक्ताः ।
पद्धाप्रास्ते यतीनां चतुरिषकतरः पद्धि ते सप्तकानां
कुट्टीकारार्थविनमे कथय गणक संचिन्त्य राशिप्रमाणम् ॥ १२७३॥
वनान्तरे दाडिमराश्यस्ते पान्थेक्षयः सप्तमिरेकदोषाः ।
सप्त त्रिद्देण नवभिर्विभक्ताः पद्धाष्टभः के गणक द्विरमाः ॥ १२८३॥

वन में आमों की देरियों देखने के बाद और उनमें ७ फरू निकालने के पक्षात् उन्हें ८ यात्रियों में बराबर-बराबर बाँट दिया गया । और जब, फिर से, उन्हों देरियों में से ६ फरू निकाल किये गये तब उन्हें १६ यात्रियों में बाँट दिया गया । दोनों दशाओं में इस भी शेष न रहा । हे गणितज्ञ ! इस केवल एक देरी का संख्यात्मक मान (फर्लों की संख्या) बतलाओं ॥ १०१५ ॥

कपित्य फर्डों की केवल एक हेरी के फर्डों को २, ३, ४ अथवा ५ मनुष्यों में विभाजित करने पर प्रत्येक दशा में शेष १ वसता है। हे गणितवेत्ता ! उस हेरी में फर्डों की संख्या बतलाओ ॥१२२३॥

जब २ द्वारा भाजित हो तब शेष १ रहता है, जब २ द्वारा भाजित हो तब शेष २, जब ४ द्वारा तब शेष २, जब ५ द्वारा तब शेष ४ है। हे मिश्र ! ऐसी ढेरी में कितने फक हैं ?॥ १२३५ ॥

अब र द्वारा भाजित हो तब शेष १ है, जब ६ द्वारा तब शेष कुछ नहीं है, जब ४ द्वारा तब शेष ६ है, जब ५ द्वारा तब शेष ४ है। देरी का संख्यात्मक मान बतकाओ ॥ १२४% ॥

जब २ द्वारा भाजित हो तब होष कुछ नहीं है, जब १ द्वारा तब होष १, जब ४ द्वारा तब होष कुछ नहीं हैं; और जब ५ द्वारा भाजित हो तब होष १ रहता है। यह राशि क्या है १॥ १२५% ॥

जब २ द्वारा भाजित हो तब शेष १ है, जब ६ द्वारा तब शेष कुछ नहीं है, जब ६ द्वारा तब शेष ६, और जब ५ द्वारा भाजित हो तब शेष कुछ नहीं है। यह राशि कीन है १॥ १२६५ ॥

शस्ते में यात्रियों ने जम्बू फकों की कुछ बराबर ढेरियाँ देखीं। उनमें से २ डेरियाँ ९ साधुओं में बराबर-बराबर बाँटने पर १ फल रोप रहे। फिर से, ३ डेरियाँ इसी प्रकार १९ व्यक्तियों में बाँटने पर ५ फल रोप बचे, पुनः ५ ढेरियों को ७ व्यक्तियों में बराबर बाँटनेपर शेष ४ फक बचे। हे विभाजन की कुटीकार विधि को जानने वाले अंकराणितक्ष ! ठीक तरह सोचकर डेरी का संस्थारमक मान बतकाओं ॥ १२७ रे॥

वन के अन्तर में अनार की ३ बराबर डेरियाँ ७ वाजियों में बराबर बाँट देने पर १ फछ शेषफछ है; ७ ऐसी डेरियाँ उसी प्रकार ९ में बाँटने पर शेष ३ फछ, और पुनः ५ ऐसी डेरियाँ ८ में बाँट देने पर २ फक बचते हैं। हे अंकगमितज्ञ ! प्रत्येक का संक्यारमक मान बतकाओ ॥ १२८}॥ भक्ता द्वियुक्ता नवभिस्तु पद्म युक्ताश्चतुर्भिश्च पढष्टभिस्तैः। पान्यैर्जनैः सप्तभिरेकयुक्ताइचत्वार एते कथय प्रमाणम् ॥ १२९३ ॥

अमशेषविभागमूळानयनसूत्रम्— शेषशाम्रवधो युक् स्वामेणान्यस्तदंशकेन गुणः । यावद्वागास्तावद्विच्छेदाः स्युस्तद्प्रगुणाः॥१३०३॥

समान फलों की संख्या वाली ५ ढेरियाँ थीं, जिनमें २ फल मिलाने के पश्चात् ९ बान्नियों में बाँटने पर कुछ न रहा। ६ ऐसी ढेरियों में ४ फल मिलाने के पश्चात उसी प्रकार ८ में बाँटने पर. और ४ देरियों में १ फल मिलाकर उसी प्रकार ७ में बाँटने पर शेष कुछ न रहा । देरी का संख्यास्मक मान बतलाओ ॥ १२९५ ॥

इच्छानुसार वितरित मूळ राशि को निकालने के लिये नियम, जब कि कुछ विशिष्ट ज्ञात राशियों को हटाने पर शेष को प्राप्त किया जाता है :---

इटाई जाने बाकी (दी गई) ज्ञान राशि और (दी गई ज्ञात राशि को दे चुकने पर) जो शेष विशिष्ट भिन्नीय भाग वय रहता है उसका मिन्नीय समानुपात-इन दोनों का गुणनफड प्राप्त करो । इसके बाद की राशि, इस गुणनफल में पिछले शेष में से निकाली जाने वाकी विशिष्ट झात राशि की जोडकर प्राप्त की जाती है। और, इस परिणामी योग को इसी प्रकार के ऊपर कथित शेष के शेष रहने वाले भिन्नीय समानुपात द्वारा गुणित किया जाता है। यह उतने बार करना पढ़ता है जितने कि वितरण करने पडते हैं । तरपश्चात् इस तरह प्राप्त शशियों के हरों को अलग कर देना चाहिये । हर रहित राशियों और शेष के ऊपर कथित शेष रहने वाले भिन्नीय समानुपात के उत्तरोत्तर गुणनफर्लों को ज्ञात राशि और ( अन्य तत्व. जैसे, अज्ञात राशि का ग्रुणांक ) अपवर्ष ( तथा भाजक के नाम से विश्वका कुट्टीकार के प्रश्न में ) उपयोग में छाते हैं ॥ १३० ॥

(१३०३) यहाँ इटाई जाने वाली शात राशि अम्र कहलाती है। अम्र के इटाने के पश्चात् जो बच रहता है वह 'शेष' कहलाता है। जो दिया अथवा लिया जाता है ऐसे शेष के भिन्न को अग्रांश कहते हैं, और अग्रांश के दिये अथवा लिये जानेपर जो शेष बच रहता है वह शेषांश अथवा शेष का शेष रहनेवाला मिन्नीय समानुपात कहलाता है, जैसे, बहाँ क का मान निकालना पड़ता है, और 'अ' विभाजित हुए भिन्नीय समानुपात है को लेकर प्रथम विभाजन सम्बन्धी अग्र है, वहाँ क — अ अग्रांश है और

 $(x-a)-\frac{x-a}{3}$  शेषांश है। १३२२ - १३३२ वीं गाया के प्रक्त को इस करने पर यह नियम स्पष्ट हो जावेगा -

यहाँ १ पहिला अग्र है, और ने पहिला अग्रांश है; इसलिये (१ – ने ) या ने रोषांश है। अन, अग्र और रोषांश का गुणनफल १× हु या हु है। इसे दो स्थानों में लिखो, यथा—

अब राशियों,  $\left\{ \begin{array}{l} 2/3 \\ 2/3 \end{array} \right\}$  की पुनराष्ट्रित करो; किसी एक राशि में दूसरे अग्र १ की जोड़ दो। तब इमें  $\left\{ \frac{4/3}{2/2} \right\}$  प्राप्त होता है। दोनों को दूसरे शेषांश अर्थात् १ –  $\frac{1}{3}$  या  $\frac{1}{3}$  द्वारागुणित करो, तािक

इन अंकों को केकर पहिले की तरह तीसरे अग्र १ को बोड़ो जिससे  $\left\{ \begin{array}{c} 2/2 \\ 8/2 \end{array} \right\}$  प्राप्त होगा ।

# गणिवसारसंघ्रहः अत्रोद्देशकः

आनीतबत्याम्रफलानि पुंसि प्रागेकमादाय पुनस्तद्धेम् ।
गतेऽप्रपुत्रे च तथा जघन्यस्तत्रावशेषाधेमथो तमन्यः ॥ १३१२ ॥
प्रविश्य जैनं भवनं त्रिपृरुषं प्रागेकमभ्यच्ये जिनस्य पादे ।
शेषित्रभागं प्रथमेऽनुमाने तथा द्वितीये च तृतीयके तथा ॥ १३२२ ॥
शेषित्रभागद्वयतश्च शेष्ट्यंशृद्धयं चापि ततिस्भागान् ।
कृत्वा चतुर्विशांतितीर्थनाथान् समर्चीयत्वा गतवान् विशुद्धः ॥ १३३३ ॥

इति मिश्रकव्यवहारे साधारणकुट्टीकारः समाप्तः।

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

किसी मचुष्य द्वारा घर पर आम्र फलों को लाने पर उसके बढ़े पुत्र ने पहिले एक फल लिया और तब रोष के आधे लिये। बढ़े लड़के के जाने पर, छोटे लड़के ने भी रोष में से उसी प्रकार फल लिये। (उसने, तत्पश्चात, जो रोष रहा उसका आधा लिया); और अन्य पुत्र ने रोष आधे लिये। पिता के द्वारा लाये हुए फलों की संख्या निकालों। ॥ १३१२ ॥ कोई मचुष्य पूल लेकर ऐसे जिन-भींदर में गया जो मचुष्य की उँचाई से तिगुना उँचा था। पहिले उसने इन फूलों में से पूजन में जिन भगवान के घरणों में एक फूल चढ़ाया, और तब पूजन में रोप फूलों के एक तिहाई जिन भगवान की प्रथम उँचाई-माप वाली प्रतिमा के घरणों में भेंट किये। रोष दो तिहाई फूलों में से इसने उसा प्रकार द्वितीय उँचाई-माप वाली प्रतिमा के घरणों में भेंट किये, और तब उसी प्रकार तीसरी उँचाई-माप वाली प्रतिमा के घरणों में भेंट किये, और तब उसी प्रकार तीसरी उँचाई-माप वाली प्रतिमा के घरणों में भेंट किये, और तब उसी प्रकार तीसरी उँचाई-माप वाली प्रतिमा के घरणों में मेंट किये। अंत में जो दो तिहाई बचे वे भी तोन बराबर भागों में बाँट गये; और इन भागों में से एक-एक भाग आठ-आठ तीर्थंकरों को (इस प्रकार कुल २४ तीर्थंकरों को) मेंट करने पर उसके पास एक भी फूल न बचा। यतलाओ उसके पास कितने फूल थे? ॥ १३२२३–१३३१ ॥

इस प्रकार, मिश्रक व्यवहार में, साधारण कुट्टीकार नामक प्रकरण समाप्त हुआ ।

१. इस्तलिपि में पादी शब्द है जो यहाँ शुद्ध प्रतीत नहीं होता है। B में पादे के लिये के शान् पाठ है।

## विषमकुट्टीकारः

इतः परं विषमकुट्टीकारं व्याख्यास्यासः। विषमकुट्टीकारस्य सूत्रम्— मतिसंगुणितौ छेदौ योज्योनत्याज्यसंयुतौ राशिहतौ। भिन्ने कुट्टीकारे गुणकारोऽयं समुदिष्टः॥ १३४५॥

अत्रोद्देशकः

राशिः षट्केन हतो दशान्वितो नवहतो निरवशेषः। दशमिहीनश्च तथा तद्गुणकी की ममाशु संकथय॥ १३५३॥

1. B गुणकारी।

## विषम कुट्टीकार\*

इसके पश्चात् हम विषम कुटीकार की ब्याख्या करेंगे।

विषम कुट्टीकार सम्बन्धी नियम :---

दिया हुआ भाजक दो स्थानों में लिख लिया जाता है, और प्रत्येक स्थान में मन से चुनी हुई संख्या द्वारा गुणित किया जाता है। (इस प्रश्न में) जोड़ने के लिये दी गई (झात) राशि इन स्थानों के किसी एक गुणनफल में से घटाई जाती है। घटाई जाने के लिये दी गई राशि अन्य स्थान में लिखे हुए गुणनफल में जोड़ दी जाती है। इस प्रकार प्राप्त दोनों राशियाँ (प्रश्नानुसार विभाजित की जाने वाली अञ्चात राशियों के) झात गुणांक (गुणक) द्वारा भाजित की जाती हैं। इस तरह प्राप्त प्रत्येक भजनफल इष्ट राशि होती है, जो भिन्न कुटीकार की रीति में दिये गये गुणक द्वारा गुणित की जाती है।॥ १३४३॥

## . उदाहरणार्थ प्रश्न

कोई राशि ६ द्वारा गुणित होकर, तब १० द्वारा बदाई जाकर और तब ९ द्वारा भाजित होकर कुछ भी शेष नहीं छोड़ती। इसी प्रकार, (कोई दूसरी राशि ६ द्वारा गुणित होकर), तब १० द्वारा द्वासित होकर (और तब ९ द्वारा भाजित होकर) कुछ शेष नहीं छोड़ती। उन दो राशियों को शीव्र बत्तकाओं (जो दिये गये गुणक से यहाँ इस प्रकार गुणित की जाती हैं।)॥ १३५२ ॥

इस प्रकार, मिश्रक व्यवहार में, विषम कुट्टीकार नामक प्रकरण समाप्त हुआ।

<sup>\*</sup> विषम और भिन्न दोनों शब्द कुट्टीकार के संबंध में उपयोग में लाये गये हैं और दोनों के स्पष्टत: एक से अर्थ हैं। ये इन नियमों के प्रश्नों में आने वाली भाज्य (dividend) राशियों के मिन्नीय रूप को निर्देशित करते हैं।

## सकलकुट्टीकार:

सकळकुट्टीकारस्य सूत्रम्— भाज्यच्छेदामशेषैः प्रथमहृतिफळं त्याज्यमन्योन्यभक्तं न्यस्यान्ते साममूर्ज्वेरुपरिगुणयुतं तैः समानासमाने । स्वर्णमं व्याप्तहारौ गुणधनमृणयोश्चाधिकामस्य हारं हृत्वा हृत्वा तु सामान्तरधनमधिकामान्वितं हारधातम् ॥ १३६३ ॥

सकल कुट्टीकार

सक्छ कुट्टीकार सम्बन्धी नियम :---

विमाजित की जाने वाली अज्ञात राशि के भाज्य गुणक द्वारा अग्रनयनित (carried on) तथा भाजक और उत्तरोत्तर परिणामी केवीं द्वारा अग्रनयनित भाजनीं में प्रथम के भजनफर की अलग कर दिया जाता है। इस पारस्परिक भाजन द्वारा, जो कि भाजक और शेष के समान हो जाने तक किया जाता है, अन्य भजनफळ प्राप्त किये जाते हैं, जो उध्वीधर श्रंखका में अन्तिम तुल्य शेष और भाजक के साथ किसे जाते हैं । इस अंसका के निम्नतम अंक में भाजक द्वारा विभाजित की गई जात राशि से प्राप्त क्षेत्र को जोबना पदता है। (तब, श्रंखका में इन संख्याओं द्वारा,) वह योग प्राप्त करते हैं, जो उत्तरीत्तर निम्नतम संख्या में उसके ठीक ऊपर की दो संख्याओं का गुणनफक जोडने पर प्राप्त होता है। (यह विधि तब तक की जाती है जब तक कि अंखला का उच्चतम अंक भी किया में शामिक नहीं हो जाता। ) उसके बाद बह परिणामी योग और प्रदन में दिया गया भाजक, दो शेषों के रूप में. अज्ञात राशि के दो मानों को उत्पन्न करता है। इस राशि के मानों की प्रकृत में दिये गये भाज्य गुणक द्वारा गुणित किया जाता है। इस प्रकार प्राप्त होने वाले दो मान या तो जोडी जाने वाकी दी गई जात राशि से सम्बन्धित रहते हैं अथवा घटाई जाने वाकी दी गई ज्ञात राशि से सम्बन्धित रहते हैं. जब कि उत्पर कथित भजनफर्जों की अंखला की अंक एंक्ति की संख्या क्रमशः गुरम अधवा अयुग्म होती हैं। ( जहाँ दिये गये समूह एक से अधिक प्रकार से बढावे जाने पर अधवा घटाचे जाने पर एक से अधिक अल्पात में विविध्त किये जाना होते हैं वहाँ ) अधिक बढ़े समुहमान से सम्बन्धित भाजक (जिसे उत्पर समझाये अनुसार दो विशिष्ट विभाजनों में से किसी एक के सम्बन्ध में प्राप्त किया जाता है ) को उत्पर के अनुसार बार-बार छोटे समुद्र मान से संबंधित भाजक द्वारा भाजित किया जाता है. ताकि उत्तरोत्तर भजनफड़ों की छता समान श्रंसका इस दशा में भी प्राप्त हो सके। इस अंखका के निम्नतम भजनफर के नीचे इस अंतिम उत्तरीत्तर भाग में अयुग्म स्थिति क्रमवाले अल्पतम होद के मन से चुने हुए गुणक को रखा जाता है । फिर इसके नीचे वह संख्या रखी जाती है, जो हो समाड-मानों के अंतर को ऊपर कथित मन से चुने हुए गुणक से गुणित अयुग्य स्थिति क्रमवाले अल्पतम शेष के गुणनफर में जोड़नेपर, और तब इस परिणामी बोग को उत्पर की भाजन श्रंखका के अंतिम भाजक द्वारा भाजित करने पर प्राप्त होती है। इस प्रकार छवा सद्या अंकों की श्रंखछा प्राप्त होती है, जिसकी आवश्यकता इस पिछछे प्रकार के प्रदन के साधन के लिये होती है। यह श्रंखछा नीचे से उपर तक पहिले की भौति वर्ती जाती है, और परिणामी संख्या पहिले को तरह इस अंतिम भाजन श्रंखला में प्रथम भाजक द्वारा भाजित की जाती है। इस किया से प्राप्त शेष की अधिक बढ़े समूह-मान से सम्ब-न्धित भाजक द्वारा गुणित किया जाना चाहिये । परिणामी गुणनफल में यह अधिक वड़ा समूहमान जोड देना चाहिये। ( इस प्रकार, दिये गये समृहमान के इष्ट गुणक का सान प्राप्त करते हैं ताकि वह विचाराधीन दो उद्घितित विभावमी का समाधान करे )।। १३६५ ॥

<sup>(</sup> १३६३ ) यह नियम १३७३ वीं गाया में दिने गये प्रश्न को इल करने पर स्पष्ट हो जावेगा--

## अत्रोदेशकः

सप्तोत्तरसप्तत्या युतं शतं योज्यमानमष्टत्रिंशत् । सैकशतद्वयभक्तं को गुणकारो भवेदत्र ॥ १३७३॥ उदाहरणार्थ प्रस्त

अज्ञात गुणनसंब का भाज्य (dividend) गुणक १७७ है। २४०, स्व में जोड़े जानेवाले अथवा बटाये जाने वाले गुणनफळ से सम्बन्धित ज्ञात राशि है; पूरी राशि को २०१ द्वारा भाजित करने पर शेष कुछ नहीं रहता। यहाँ अज्ञात गुणनसण्ड कीन सा है, जिससे की दिया गया माज्यगुणक गुणित किया जाना है ? ॥ १६७ है॥ ३५ और अन्य राशियाँ, जो संख्या में १६ हैं, और उत्तरोत्तर मान

प्रश्न है कि जब १७७ क ± २४० पूर्णों क है तो क के मान क्या होंगे ? साधारण गुणन खंडों को निरसित

करने पर हमें ५९ क ±८° पूर्णोंक प्राप्त होता है। ट्यातार किये जाने वाले भाग की इष्ट विधि को

निम्निखिलित रूप में कार्यान्वित करते हैं---

प्रथम भजनफल को अलग कर, अन्य भजनफल, अंखला में इस प्रकार लिखे जाते हैं-

इसके नीचे १ और १ को अग्रिम लिखा जाता है। ये अन्तिम भाजक और शेष समान होते हैं। यहाँ भी जैसा कि विलक्ष कुट्टीकार में होता है, यह देखने योग्य है कि अन्तिम भाजन में कोई शेष नहीं रहता क्योंकि २ में १ का पूरा-पूरा माग चला जाता है। परन्तु चूँिक, अन्तिम शेष, अंखला के लिये चाहिये, इसलिये वह अन्तिम भगनफल छोटा से छोटा बनाकर रख दिया जाता है, और अन्तिम संख्या १ में यहाँ, १३ बोड़ते हैं, जो कि ८० में

से ६७ का भाग देने पर प्राप्त होता है। इस प्रकार १४ प्राप्त कर, उसे अंखला के अन्त में नीचे लिख दिया बाता है। इस प्रकार अंखला पूरी हो बाती है। इस अंखला के अंकों के बगातार किये गये गुणन और बोड़ द्वारा, (बैसा कि गाथा ११५ के नोट में पहिले ही समझाया बा चुका है,) इमें ३९२ प्राप्त होता है। इसे ६७ द्वारा विभाजित किया जाता है। शेष ५७ क का एक मान होता है, जब कि ८० को अंखला में अंकों की संख्या अयुग्न होने के कारण ऋणात्मक ले लिया बाता है। परन्तु

जब ८० को धनात्मक लिया जाता है, तब क का मान (६७-५७) अथवा १० होता है। यदि अंखला में अंकों की संख्या युग्म होती है, तो क का प्रथम निकाला हुआ मान धनात्मक अप्र सम्बन्धी होता है। यदि यह मान भाजक में से घटाया जाता है तो क का ऋषात्मक अप्र सम्बन्धी मान मास होता है।

इस विधि का सिद्धान्त उसी प्रकार है जैसा कि विक्षिका कुटीकार के सम्बन्ध में है। परन्तु, उनमें अन्तर यही है कि यहाँ अंखला में दो अन्तिम अंक दूसरी विधि द्वारा प्राप्त किये बाते हैं। अध्याय ६ की ११५% वी गाया के नियम के नोट

१—३९२ ७—३४५ २—४७

१—-१५ १ १४ पक्कत्रिंशत् ज्युत्तरषोडशपदान्येव हाराश्च । द्वात्रिंशद्द्यधिकैका ज्युत्तरतोऽमाणि के धनर्णगुणाः ॥ १३८५ ॥

में ६ द्वारा बढ़ती हुई हैं, दस भाज्यगुणक हैं। दिखे गये भाजक, ६२ (और अन्य ) हैं, जो उत्तरीसर २ द्वारा बढ़ते जाते हैं। और, ९ को उत्तरीसर ६ द्वारा बढ़ाते जाने पर झात धनारमक और ऋणात्मक सम्बन्धित राशियौँ उत्पन्न होती हैं। झात भाज्य-गुणक के अञ्चात गुणनसण्डों के मान क्या हैं जबकि ये धनारमक या ऋणारमक झात संख्याओं के साथ योगरूप से सम्बन्धित हैं ?॥ १६८३ ॥

में दिये गये मूलभृत सिद्धान्त में अयुग्म स्थिति कम वाले शेष के साथ सम्बन्धित अग्र व का बीजीय चिन्ह वहीं है जो इस प्रक्त में दिया गया है, परन्तु युग्म स्थिति कमवाले शेष के साथ सम्बन्धित अग्र व का चिन्ह प्रक्ष्त में जैसा दिया गया है उसके विपरीत है; इसिल्ये अब अयुग्म स्थिति कमवाले शेष तक लगातार माजन किया जाता है तब प्राप्त क का मान उस अग्र के सम्बन्ध में होता है जिसका चिन्ह अपरिवर्तित है। और दूसरी और, जब लगातार माजन युग्म स्थिति कमवाले शेष तक ले जाया जाता है तब वहाँ से प्राप्त क का मान उस अग्र के सम्बन्ध में होता है जिसका चिन्ह परिवर्तित है। जब प्राप्त शेषों की संख्या अयुग्म होती है, तब श्रंखला में मजनफलों की संख्या अयुग्म होती है; और जब शेषों की संख्या युग्म होती है, तब श्रंखला में मजनफलों की संख्या अयुग्म होती है। कारण यह है कि इस नियम में अन्तिम शेष से सम्बन्धित अग्र हमेशा धनात्मक लिया जाता है, इसिल्ये इस धनात्मक अग्र के सम्बन्ध में क का मान प्राप्त होता है जब कि अंतिम शेष अयुग्म स्थिति क्रममें हो। वह ऋणात्मक अग्र के सम्बन्ध में तब प्राप्त होता है जब कि अंतिम शेष अयुग्म स्थिति क्रममें हो। वह ऋणात्मक अग्र के सम्बन्ध में तब प्राप्त होता है जब कि अंतिम शेष युग्म स्थिति क्रममें हो। वह ऋणात्मक अग्र के सम्बन्ध में तब प्राप्त होता है जब कि अंतिम शेष युग्म स्थिति क्रम में हो। वृसरे शब्दों में, यदि मजनफलों की संख्या अयुग्म हो, तब श्रणात्मक अग्र सम्बन्धी मान प्राप्त होता है; और जब मजनफलों की संख्या अयुग्म हो, तब श्रणात्मक अग्र सम्बन्धी मान प्राप्त होता है।

 अधिकाल्परादयोर्मूळिमिश्रविभागसूत्रम्— ज्येष्ठप्रमहाराद्दोजेघन्यफळताडितोनमपनीय । फळवर्गद्दोषभागो ज्येष्ठाघीऽन्यो गुणस्य विपरीतम् ॥ १३९५ ॥

## अत्रोद्देशकः

नवानां मातुलुङ्गानां कपित्थानां सुर्गान्धनाम् । सप्तानां मृस्यसंमिश्रं सप्तोत्तरशतं पुनः ॥१४०२॥ सप्तानां मातुलुङ्गानां कपित्थानां सुर्गान्धनाम् । नवानां मृस्यसंमिश्रमेकोत्तरशतं पुनः ॥१४९२॥ मृस्ये ते वद मे शीघ्रं मातुलुङ्गकपित्थयोः । अनयोर्गणक त्वं मे कृत्वा सम्यक् पृथक् पृथक् ॥१४२२॥

बहुराशिमिश्रतन्मूल्यमिश्रविभागसूत्रम् —

इष्टप्रफलैरुनितलाभादिष्टाप्रेफलम्बकृत् । तैरुनितफलपिण्डस्तच्छेदा गुणयुतास्तद्घीः स्युः ॥१४३३॥

बड़ी और छोटी संख्याओं वाली वस्तुओं की कोमतों के दिये गये मिश्र योगों में से दो भिश्न वस्तुओं की (वनिमयज्ञीक बड़ी और छोटी संख्या को कीमतों को अलग-अलग करने के लिये नियम---

दो प्रकार की वस्तुओं में से किसी एक की संवादी बड़ी संख्या द्वारा गुणित उच्चतर मूल्य-योग में से दो प्रकार की वस्तुओं में से अन्य सम्बन्धी छोटी संख्या द्वारा गुणित निम्नतर मूल्य-संख्या घटाओ । तब, परिणाम को इन वस्तुओं सम्बन्धी संख्याओं के वर्गों के अन्तर द्वारा भाजित करो । इस प्रकार प्राप्त फरू अधिक संख्या वाली वस्तुओं का मूल्य होता है । दूसरा अर्थात् छोटी संख्या वाली वस्तु का मृल्य गुणकों ( multipliers ) को परस्पर बद्दक देने से प्राप्त हो जाता है ॥१३९५॥

# उदाहरणार्थ पश्न

९ मातुलुङ्ग ( citron ) और ७ सुगन्धित कपित्थ फर्लो की मिश्रित कोमत १०७ है। पुनः ७ मातुलुङ्ग और ९ सुगन्धित कपित्थ फर्लो की कीमत १०१ है। हे अंकगणितज्ञ ! मुझे शोध बताओ कि एक मातुलुङ्ग और एक कपित्थ के दाम अलग-अलग क्या है ?॥ १४०३-१४२३॥

दिये गये मिश्रित मुल्यों और दिये गये मिश्रित मानों में से विभिन्न प्रकार की बस्तुओं के विभिन्न प्रकार की संख्याओं और मुख्यों की अकग-अकृत करने के किये नियम—

(विभिन्न वरतुओं की) दां गई विभिन्न मिश्रित) राशियों को मन से चुनी हुई संख्या द्वारा गुणित किया जाता है। इन मिश्रित राशियों के दिये गये मिश्रित मृख्य को इन गुणनफलों के मानों द्वारा अखग अखग द्वासित किया जाता है। एक के बाद दूसरी परिणामी राशियों को मन से चुनी हुई संख्या द्वारा भाजित किया जाता है शेर रोषों को फिर से मन से चुनी हुई संख्या द्वारा भाजित किया जाता है। इस विधि को बारबार दुहराना पदता है। विभिन्न वस्तुओं की दी गई मिश्रित राशियों को उत्तरोत्तर उपरी विधि में संवादी अजनफलों द्वारा द्वासित किया जाता है। इस प्रकार, मिश्रयोगों में विभिन्न वस्तुओं के संख्यासक मानों को प्राप्त किया जाता है। इस प्रकार, मिश्रयोगों में विभिन्न वस्तुओं के संख्यासक मानों को प्राप्त किया जाता है। मन से चुने हुए गुकी (multipliers) को उपर्श्वक लगातार भाग की विधि वाल मन से चुने हुए भाजकों में मिकाने से प्राप्त राशियों तथा उक्त गुणक भी दी गई विभिन्न वस्तुओं के प्रकारों में से क्रमशः प्रत्येक की एक वस्तु के मृख्यों की संखना करते हैं।॥ १४३३॥

( १३९५ ) बीबीय रुप से, यदि अ क + ब ख = म, और ब क + अख = न हो, तब अ क + अ ब ख = अ म और ब क + अ ब ख = ब न होते हैं।

.'. क ( अ - ब - व ) = अ म - ब न,
अथवा, क =  $\frac{34}{34}$  
(१४३ रें) गाथाओं १४४ रें और १४५ रें के प्रस्त को निम्निक्खित प्रकार से साधित करने पर

अथ मातुलुङ्गकदलीकपित्थदाडिमफलानि मिश्राणि। प्रथमस्य सैकविंशतिरथ द्विरद्या द्वितीयस्य ॥ १४४३॥ विंशतिरथ सुरभीणि च पुनस्तयोविंशतिस्तृतीयस्य। तेषां मूल्यसमासस्त्रिसप्ततिः किं फलं कोऽष्टेः॥ १४५३॥

## उदाहरणार्थ प्रश्न

यहाँ, १ देवियों में सुगन्धित मासुलुक, कदको, कपिश्य और दाहिम फकों को इकट्ठा किया गया है। प्रथम देशों में २१, दूसरी में २२, और तीसरी में २२ हैं। इन देवियों में से प्रस्थेक की मिश्रित कीमत ७१ है। प्रत्येक देशों में विभिन्न फकों को संख्या और भिन्न प्रकार के फकों की कीमत निकाको।॥ १४४३ और १४५३॥

#### नियम स्पष्ट हो जावेगा ।

प्रयम देरी में फलों की कुछ संख्या २१ है।

दूसरी " " " २२ है।

तीसरी ग ग ग भ २३ है।

मन से कोई भी संख्या जैसे, २ जुनने पर और उससे इन कुल संख्याओं को गुणित करने पर हमें ४२, ४४, ४६ मास होते हैं। इन्हें अलग-अलग ढेरियों के मृत्य ७३ में से घटाने पर रोष ३१, २९ और २७ मास होते हैं। इन्हें मन से जुनी हुई दूसरी संख्या ८ द्वारा माजित करने पर मजनफल ३, ३, ३ और रोष ७, ५ और ३ मास होते हैं। ये रोष, पुन:, मन से जुनी हुई संख्या २ द्वारा माजित होनेपर मजनफल ३, २, १ और रोष १, १, १ उत्पन्न करते हैं। इन अंतिम रोषों को यहाँ मन से जुनी हुई संख्या १ द्वारा माजित करने पर मजनफल १, १, १ प्राप्त होते हैं और रोष कुछ भी नहीं। पहिली कुल संख्या के सम्बन्ध में निकाले गये मजनफलों को उसमें से घटाना पड़ता है। इस प्रकार इमें २१ — (३ + ३ + १) = १४ प्राप्त होता है; यह संख्या और मजनफल ३, ३, १ प्रथम ढेरी में भिन्न प्रकारों के फलों की संख्या प्रकपित करते हैं। इसी प्रकार, हमें दृसरे समूह में १६, ३, २, १ और तीसरे समूह में १८, ३, १, १ विभिन्न प्रकार के फलों की संख्या प्राप्त होती है।

प्रथम चुना हुआ। गुणक २, और उसके अन्य मन से चुने हुए गुणकों के योग कीमतें होती हैं। इस प्रकार, हमें कम से इन ४ भिन्न प्रकारों के फलों में प्रत्येक की कीमत २, २ + ८ या १०, २ + २ या ४, और २ + १ या ३, रूप में प्राप्त होती है।

	इस रीति का मूलभूत सिद्धान्त निम्नलिखित बीजीय निरूपण द्वारा स्पष्ट हो जावेगा—
	अक + व ख + स ग + व घ = प,(१)
	अ + ब + स + ड = न, · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
मास	होता है   $(3)$ को $(3)$ में से घटाने पर हमें $(3)$ का $(3)$ मं $(3)$ को $(3)$ में से घटाने पर हमें $(3)$ का $(3)$ में $(3)$ में $(3)$ का $(3)$ में $(3)$ का $(3)$ में $(3)$ का $(3)$ का $(3)$

जघन्योनमिल्लितराइयानयनसूत्रम्—
पण्यहृताल्पफ्रलोनैदिछन्द्यादल्पप्रमूल्यहीनेष्टम् ।
कृत्वा तावत्खण्डं तदूनमूल्यं जघन्यपण्यं स्यात् ॥ १४६५ ॥

अत्रोद्देशकः

द्वाभ्यां त्रयो मयूराह्मिश्च पारावताश्च चत्वारः । हंसाः पञ्च चतुभिः पञ्चभिरथ सारसाः षट् च ॥ १४७३ ॥ यत्राघेस्तत्र सखे षट्पञ्चाशत्पणैः खगान् क्रीत्वा । द्वासप्ततिमानयतामित्युक्त्वा मूल्मेवादात् । कृतिभिः पणैस्तु विहृगाः कृति विगणय्यागु जानीयाः ॥ १४९ ॥

कुल कीमत के दिये गये मिश्रित मान में से, क्रमशः, मेंहगी और सस्ती वस्तुओं के मूल्यों के संख्यात्मक मानों को निकालने के लिये नियम —

(दी गई वस्तुओं की दर-राशियों को) डनकी दर-कीमतों हारा भाजित करो। (इन परिवामी राशियों को अलग-अलग) उनमें से अल्पतम राशि हारा हासित करो। तब (उपर्युक्त भजनफल राशियों में से) अल्पतम राशि हारा सब वस्तुओं की मिश्रित कीमत को गुणित करो; और (इस गुणनफल को) विभिन्न वस्तुओं की कुल मंक्या में से घटाओ। तब (इस शेष को मन से) उतने भागों में विभक्त करो (जितने कि घटाने के पश्चात् बचे हुए उपर्युक्त भजनफलों के शेष होते हैं)। और तब, (इन भागों को उन भजनफल राशियों के शेषों हारा) भाजित करो। इस प्रकार, विभिन्न सस्ती वस्तुओं की कीमतें प्राप्त होती हैं। इन्हें कुल कीमत से अलग करनेपर खरीदी हुई महँगी वस्तु की कीमत प्राप्त होती है ॥१४६३॥

# उदाहरणार्थ प्रश्न

"२ पण में ३ मोर, ३ एण में ४ कब्तर, ४ पण में ५ इंस, और ५ पण में ६ सारस की दरों के अनुसार, हे मित्र, ५६ पण के ७२ पक्षी खरीद कर मेरे पास काओ।" ऐसा कहकर एक मनुष्य ने खरीद की कीमत (अपने मित्र को) दे दी। शीघ्र गणना करके बतलाओ कि कितने पणों में उसने प्रत्येक प्रकार के कितने पक्षी खरीदे॥ १४७३-१४९॥ ३ पण में ५ पल शुण्टि, ४ पण में

इस प्रकार, यह देखने में आता है कि उत्तरोत्तर जुने गये भाजक क — श, ख — श और ग — श, जब श में मिलाये जाते हैं, तब वे विभिन्न कीमतों के मान को उत्पन्न करते हैं, प्रथम वस्तु की कीमत श ही होती है, और यह कि उत्तरोत्तर मजनफळ अ, ब, स और साथ ही न — ( अ + ब + स ) विभिन्न प्रकारों की वस्तुओं के मान हैं। इस नियम में, दी गई वस्तुओं के प्रकारों की संख्या से एक कम संख्या के विभाजन किये जाते हैं। अंतिम भाजन में कोई भी शेष नहीं बचना चाहिए।

(१४६२) अगली गाया (१४७२-१४९) में दिये गये प्रका को साधन करने पर नियम स्पष्ट हो जावेगा — दर-राशियां २, ४, ५, ६ को ऋमवार दर-कीमतो २, ३, ४, ५ द्वारा विभाजित करते हैं। इस प्रकार हमें ३, ५, ५, ६ प्राप्त होते हैं। इनमें से अल्पतम ६ को अन्य तीन में से अलग-ग॰ सा॰ सं॰-१७

<sup>(</sup>४) को (क-श) से विभाजित करने पर हमें भजनफल अ प्राप्त होता है, और शेष व (ख-श)+स (ग-श) प्राप्त होता है, जहाँ क-श उपयुक्त पूर्णीक है। इसी प्रकार, हम यह किया अंत तक के जाते हैं।

त्रिभिः पणेः शुण्ठिपलानि पञ्च चतुर्भिरेकादश पिष्पलानाम् । अष्टाभिरेकं मरिचस्य मृत्यं षष्ट्यानयाष्ट्रोत्तरषष्टिमाशु ॥ १५० ॥

इष्टार्चैरिष्टम् ल्येरिष्टवस्तुप्रमाणानयनसूत्रम् — मृत्यव्रक्षकेच्छागुणपणान्तरेष्टव्रयुर्तिवपर्यासः । द्विष्ठः स्वधनेष्टगुणः प्रक्षेपककःणमविश्वष्टम् ॥१५१॥

99 पर लम्बी मिर्च, और ८ पण में 9 पर मिर्च प्राप्त होती है। ६० पण खरीद के दामों में जीव ही ६८ पर वस्तुओं को प्राप्त करो॥ १५०॥

इच्छित रकम ( जो कि कुळ कीमत है ) में इच्छित दरों पर खरीदी गई कुछ विशिष्ट वस्तुओं के 'इच्छित संख्यात्मक-मान को निकालने के लिये नियम---

(खरीदी गई विभिन्न वस्तुओं के ) दर-मानों में से प्रत्येक को (अलग-अलग खरीद के दामों के ) कुछ मान द्वारा गुणित किया जाता है। दर-रकम के विभिन्न मान अलग-अलग समान होते हैं। वे खरीदी गई वस्तओं की कुल संख्या से गुणित किये जाते हैं। आगे के गुणनफल कमवार पिछछे गुणनफलों में से घटाये जाते हैं। धनारमक शेष एक पंक्ति में नीचे लिख लिये जाते हैं। ऋणात्मक शेष एक वृक्ति में उनके ऊपर लिखे जाते हैं। सभा में रहने वाल साधारण गुणनखंदों को अलग कर इस सबको अल्पतम पदों में प्रहासित ( लघुकृत ) कर किया जाता है । तब इन प्रहासित अतरों में से प्रत्येक को मन से चुनी हुई अलग राशि द्वारा गुणित किया जाता है। उन गुणनफर्कों को जो नीचे की पंक्ति में रहते हैं तथा उन्हें जो उपर की पंक्ति में रहते हैं, अलग-अलग जोड़ते हैं, और योगों को ऊपर नीचे लिखते हैं। संख्याओं की नीचे की पंक्ति के योग को ऊपर जिखते हैं और ऊपर की पंक्ति के योग को नीचे किसते हैं। इन योगों को उनके सर्वसाधारण गुणनखंड हटाकर अल्पतम पदों में प्रदासित कर लिया जाता है। परिणामी राशियों में सं प्रत्यंक की नाचे दुवारा लिख लिया जाता है, ताकि एक को दूसरे के नीचे हतनी बार किया जा सके, जितने कि संवादी एकान्तर योग में संघटक तत्व होते हैं। इन संख्याओं को इस प्रकार दो पंक्तियों में जमाकर, उनकी कमवार दर-कीमतों और चीजों के दर-मानों द्वारा गुणित करते हैं। ( अंकों की एक पंक्ति में दर-मूल्य गुणन और अंकों की दूसरी पंक्ति में दर-संख्या का गुणन करते हैं। ) इस प्रकार प्राप्त गुणनफरों की फिरसे उनके सर्वसाधारण गुणन-खंडों को इटाकर अल्पतम पदों में प्रहासित कर लिया जाता है । प्रत्येक अध्वीधर ( vertical ) पंक्ति के परिणामो अंकों में से प्रत्येक को अलग-अलग उनके संवादी मन से चुने हुए गुणकों (multipliers) द्वारा गुणित करते हैं । गुणनपत्नों को पहिले की तरह हो क्षेतिज पंक्तियों में लिख लिया जाना चाहिये । गुणनफलों की उपरी पंक्ति की संख्याचे उम अनुपात में होती हैं, जिसमें कि क्रयधन विवश्ति किया गया है। और, जो संख्यायें गुणनफलों की निम्न पंक्ति में रहती हैं वे उस अनुपात में होती हैं जिसमें कि संवादी करीदी गई वरसुएँ वितरित की जाती हैं । इसलिये अब जो शेष रहती है वह केवल प्रसेपक-करण की किया ही है। (प्रक्षेपक-करण किया में त्रैराशिक नियम के अनुसार आनुपातिक विभाजन होता है। ॥३५९॥

अलग घटाने पर हमें कैं, के और कैंड प्राप्त होते हैं। उपर्युक्त अस्पतम राशि के को दी गई मिशित कीमत ५६ से से गुणित करने पर ५६ × है प्राप्त होता है। कुछ पक्षियों की संख्या ७२ में से इसे घटाते हैं। शेष दें को तीन भागों में बॉटते हैं; है, ई और है। इन्हें कमश: कैं, के और कैंड हारा भावित करने पर हमें प्रथम तीन प्रकार के पिश्वयों की कीमतें कैं, १२ और ३६ प्राप्त होती हैं। इन तीनों कीमतों को कुछ ५६ में से घटाकर पिश्वयों के चौथे प्रकार की कीमत प्राप्त की बा सकती है।

(१५१) गाथा १५२-१५३ में दिये गये प्रक्न का साधन निम्नलिखित रीति से करने पर सूक

त्रिभिः पारावताः पञ्च पञ्चभिः सप्त सारसाः । सप्तिभिनेव हंसाश्च नवभिः शिखिनस्रयः ॥१५२॥ कीडार्थं नृपपुत्रस्य शतेन शतमानय । इत्युक्तः प्रहितः कश्चित् तेन किं कस्य दीयते ॥ १५३ ॥

# उदाहरणार्थ प्रश्न

कब्तर ५ प्रति ३ पण की दर से बेचे जाते हैं, सारस पक्षी ७ प्रति ५ पण की दर से, हंस ९ प्रति ७ पण की दर से, और मोरें ३ प्रति ९ पण की दर से बेची जाती हैं। किसी मनुष्य की यह कह कर मेजा गया कि वह राजकुमार के मनोरंजनार्थ ७२ पण में १०० पक्षियों को कावे। बतकाओं कि प्रत्येक प्रकार के पश्चियों को खरीदने के लिये उसे कितने-कितने दाम देना पहेंगे ? ॥१५२-१५३॥

ų	G	9	₹
	ધ્	હ	9
.३ ५००	900	800	300
₹00	400	<b>00</b> 0	800
₹••	•	٥	800
२००	२००	200	0
0	0		६
₹	२	२	U
٠,٠	<del> ؟</del>	•	३६
દ્	6	20	0
Ę	-		
U W X X W W W			
¥			
Ę			
Ę	Ę	Ę	¥
Ę	६	É	X
१८	३०	४१	<u>₹</u> ξ
₹ •	४२	५४	१ <b>२</b> ह
<b>३</b> ०	··································	<u>५४</u> <u>७</u>	3
4	9	9	२
8	२०	३५	३६
१५	<b>२८</b>	४५	१२

स्पष्ट हो जावेगा-दर-वस्तुओं और दर-कीमतों को दा दित्तियों में इस प्रकार लिखों कि एक के नीचे दूसरी हो। इन्हें क्रमशः कुल कीमत और वस्तुओं की कुल मख्या द्वारा गुणित करो । तब घटाओ । साधारण गुणनखंड १०० को हटाओ। चुनी हुई संख्यायें ३, ४, ५, ६ दारा गुणित करो । प्रत्येक क्षैतिज पंक्ति में संख्याओं की जोड़ी और साधारण गुणनखंड ६ की हटाओ। इन अंकी की स्थिति को बढलो. और इन दो पंक्तियों के प्रस्थेक अंक को उतने बार छिखो जितने कि बदली स्थिति के संवादी योग में संघटक तत्व होते हैं। दो पंक्तियों को दर-कीमतों और दर-वस्तुओं द्वारा कमशः गुणित करो । तब साधारण गुणनखंड ६ को हटाओ। अब पहिले से चुनी हुई संख्याओं ३, ४, ५, ६ द्वारा गुणित करो । दो पंक्तियों की संख्यायें उन अनुपातीं को प्ररूपित करती हैं, जिनके अनु-सार कुछ कीमत और वस्तुओं की कुछ संख्या वितरित हो जाती है। यह नियम अनिर्घारित (indeterminate) समीकरण सम्बन्धी है, इसलिये उत्तरों के कई सघ ( sets ) हो सकते हैं । ये उत्तर मन से चुनी हुई गुणक ( multiplier ) रूप राशियों पर निर्भर रहते हैं।

यह सरलतापूर्वक देखा जा सकता है कि, जब कुछ संख्याओं को मन से चुने हुए गुणक (multipliers) मान लेते हैं, तब पूर्णीक उत्तर प्राप्त होते हैं।

अन्य दशाओं में, अवाञ्छत मिक्षीय उत्तर प्राप्त होते हैं। इस विधि के मूळभूत सिद्धान्त के स्पष्टीकरण के लिये अध्याय के अन्त में दिये गये नोट (टिप्पण) को देखिये। व्यस्तार्घपण्यप्रमाणानयनसूत्रम् 1— पण्येक्येन पणेक्यमन्तरमतः पण्येष्टपण्यान्तरे— शिखन्द्यात्संक्रमणे कृते तदुभयोरचौं भवेतां पुनः । पण्ये ते खलु पण्ययोगिबवरे व्यस्तं तयोरघेयोः-प्रश्नानां विदुषां प्रसादनिमदं सूत्रं जिनेन्द्रोद्तम् ॥ १५४ ॥

## अत्रोद्देशकः

आर्यमृत्यं यदेकस्य चन्दनस्यागरोस्तथा। पर्छानि विश्वतिर्मिश्नं चतुरमञ्चतं पणाः॥ १५५॥ कालेन न्यत्ययार्घः स्यात्सषोडशञ्चतं पणाः। तयारर्घफले बृहि त्वं षडष्ट पृथक् पृथक्॥ १५६॥

१. उपत्रक्ष इस्तलिपियों में प्राप्य नहीं ।

जिनके मूल्यों को परस्पर बद्द दिया गया है ऐसी दो दत्त वस्तुओं के परिमाण को प्राप्ट करने के किये नियम-

दो दस वस्तुओं की बेचने की कीमतों और खरीदने की कीमतों के योग के संख्यास्मक मान को दी गई वस्तुओं के योग के संख्यास्मक मान द्वारा आंजत किया जाता हैं। तब उन उपयुंक्त बेचने और खरीदने की कीमतों के अंतर को ( दी गई वस्तुओं के दिये गये ) योग में से किसी मन से जुनो हुई वस्तु राशि को घटाने पर प्राप्त हुए अंतर के संख्यात्मक मान द्वारा आंजित किया जाता है। यदि इनके साथ ( अर्थात् उपर की प्रथम किया में प्राप्त भजनफळ और दूसरी किया में प्राप्त कई भजनफळों में से किसी एक के साथ ) संक्रमण किया की जाय, तो वे दरें प्राप्त होती हैं जिन पर कि ये वस्तुएँ खरीदी जाती हैं। यदि वस्तुओं के योग और उनके अन्तर के सम्बन्ध में वही संक्रमण किया की जाये तो वह वस्तुओं के संख्यात्मक मान को उत्पक्त करती हैं। उपर्युक्त खरीद-दरों के एकान्तरण से बेचने की दरें उत्पक्त होती हैं। इस प्रकार के प्रकृतों के साधन का प्रतिपादन विद्वानों ने किया है और सूत्र भगवान जिनेनद्र के निर्मित्त से उदय को प्राप्त हुआ है ॥१५४॥

# उदाहरणार्थ प्रश्न

चंदन काष्ठ के एक दुकड़े की मूल-कीमत और अगर काष्ठ के एक दुकड़े की कीमत मिलाने से १०४ पण में २० पल वजन को वे दोनों प्राप्त होती हैं। जब वे अपनी पारस्परिक बदलो हुईं कोमतों पर बेची जाती हैं तो ११६ पण प्राप्त होते हैं। नियमानुसार ६ और ८ अलग-अलग मन से जुना हुई संख्याएँ लेकर वस्तुओं की खरीद एवं बेचने की दर तथा उनका संख्यात्मक मान निकालो ॥१५५-१५६॥

(१५४) इस नियम में वर्णित विधि का बीबीय निरूपण गाथा १५५-१५६ के प्रदन के सम्बन्ध में इस प्रकार दिया जा सकता है:—

	मानला अय + बर = १०४,(१)
	अर + बय = ११६,(२)
	<b>科+可=₹0(そ)</b>
	$(\tau)$ अपर $(\tau)$ का यांग करने पर, $(\omega + \pi)$ $(\tau + \tau) = 27$ .
	* • 4 T 4 = { { { { { { { { { { { { { { { { 1 }} } } }
	पुनः (१) को (२) में से घटाने पर, (अ-व) (र-य) = १२ प्राप्त होता है। अब २व को
मनसे	ने ६ के तुल्य मान केते हैं। इस प्रकार, अ + ब - २ व अध्या का - ब - २० ६ - ०००

सूर्यरथाश्वेष्टयोगयोजनानयनसूत्रम्— अखिलाप्ताखिलयाजनसंख्यापयोययोजनानि स्युः। तानोष्टयोगसंख्यानिन्नान्येकैकगमनमानानि॥ १५७॥

अत्रोद्देशक

रिवरयतुरगाः सप्त हि चत्वारोऽश्वा बहन्ति धूर्युक्ताः। योजनसप्ततिगतयः के व्युद्धाः के चतुर्योगाः॥ १५८॥

सर्वधनेष्टहीनशेषपिण्डात् स्वस्वहस्तगतधनानयनसृत्रम्— रूपोननरैर्विभजेत् पिण्डोइतभाण्डसारमुपळव्धम् । सर्वधनं स्यात्तस्मादुक्तविहीनं तु हस्तगतम् ॥ १५९ ॥

अत्रोहेशक:

वणिजस्ते चत्वारः पृथक् पृथक् शौल्किकेन १रिपृष्टाः । किं भाण्डसार्रामित खलु तत्राहेको वणिक्श्रेष्टः ॥ १६० ॥ आत्मधनं विनिगृद्ध द्वाविंशतिरिति ततः परोऽवोचत् । त्रिभिरुत्तरा तु विंशतिरथ चतुरधिकैव विंशतिस्तुर्यः ॥ १६१ ॥

सूर्य रथ के अरवों के इष्ट योग द्वारा योजनों में तय की गईं दूरी निकालने के लिए नियम— कुछ योजनों का निरूपण करने वाली संख्या कुछ अरवों की संख्या द्वारा विभाजित होकर प्रत्येक अरव द्वारा प्रक्रम में तय की जानेवाली दूरी (योजनों में) होती है। यह योजन संख्या जब प्रयुक्त अरवों की संख्या द्वारा गुणित की जाती है तो प्रत्येक अरव द्वारा तय की जानेवाली दूरी का मान प्राप्त होता है।। १५७॥

#### उदाहरणार्थ परन

यह प्रसिद्ध है कि सूर्य रथ के अक्वों की संख्या ७ है। रथ में केवल ४ अक्व प्रयुक्त कर उन्हें ७० थोजन की यात्रा पूरी करना पड़ती है। बतलाओं कि उन्हें ४, ४ के समूह में कितने बार खोलना पड़ता है १॥१५८॥

समस्त वस्तुओं के कुछ मान में से जो भी इष्ट हैं उसे घटाने के पश्चात् बचे हुए मिश्रित होष में से संयुक्त साम्नेदारी के स्वामियों में से प्रत्येक की इस्तगत वस्तु के मान को निकालने के लिए नियम—

वस्तुओं के संयुक्त (conjoint) शेषों के मानों के थोग को एक कम मनुष्यां की संख्या द्वारा भाजित करो; भजनफळ समस्त वस्तुओं का कुळ मान होगा। इस कुळ मान को विशिष्ट मानों द्वारा हासित करने पर संवादी दशाओं में प्रस्थेक स्वामी की हस्तगत वस्तु का मान प्राप्त होता है ॥३५९॥

#### उदाहरणार्थ पश्न

चार स्थापारियों ने मिलकर अपने धन को स्थापार में लगाया। उन लोगों में से प्रत्येक से अलग-अलग, महस्ल पदाधिकारी ने स्थापार में लगाई गई वस्तु के मान के विषय में पूछा। उनमें से प्रक श्रेष्ठ वणिक ने, अपनी लगाई हुई रकम को घटाकर २२ बतलाया। तब, दूसरे ने २३, अन्य ने २४

यहाँ (७) ओर (५) तथा (६) ओर (३) के सम्बन्ध में संक्रमण किया करते हैं, जिससे य, र, अ और व के मान प्राप्त हो जाते हैं।

सप्तोत्तरविंशतिरिति समानसारा निगृह्य सर्वेऽपि । ऊचुः कि बृहि सखे पृथक् पृथग्भाण्डसारं मे ॥ १६२ ॥

अन्योऽन्यमिष्टरत्नसंख्यां दत्त्वा समधनानयनसूत्रम्— पुरुषसमासेन गुणं दातन्यं तद्विशोद्धय पण्येभ्यः। शेषपरस्परगुणितं स्वं स्वं हित्वा मणेर्मूल्यम्॥ १६३॥

# अत्रोद्देशकः

प्रथमस्य शक्तनांलाः षट् सप्त च मरकता द्वितीयस्य। बजाण्यपरस्याष्ट्रावेकैकार्षं प्रदाय समाः॥१६४॥

प्रथमस्य शक्तनीलाः षोडश दश मरकता द्वितीयस्य । वजास्तृतीयपुरुषस्याष्ट्री द्वी तत्र दस्वैव ॥ १६५ ॥ तेष्वेकैकोऽन्याभ्यां समधनतां यान्ति ते त्रयः पुरुषाः । तच्छक्रनीलमरकतवजाणां किंविधा अर्घाः ॥ १६६ ॥

भीर चीथे ने २७ बतलाया। इस प्रकार कथन करने में प्रत्येक ने अपनी-अपनी लगाई हुई रकमों की वस्तु के कुल मान में से घटा लिया था। हे मित्र ! बतलाओं कि प्रत्येक का उस पण्यद्रव्य में कितना-कितना भाण्डसार (हिस्सा ) या ? ॥१६०-१६२॥

किसी भी इष्ट संख्या के रश्नों का पारस्परिक विनिमय करने के पश्चात् समान रश्नमयी रक्नों को निकासने के लिए नियम—

दिये जाने वाले रत्नों को संख्या को बदले में भाग लेनेवाले मनुष्यों की कुल संख्या द्वारा गुणित करो यह गुणगफल अकग-अलग ( प्रत्येक के द्वारा इस्तगत ) बेचे जानेवाले रत्नों की संख्या में से बटाया जाता है। इस तरह प्राप्त होषों का संतत गुणन प्रत्येक दशा में रत्न का मूल्य उत्पन्न करता है, जब कि उससे सम्बन्धित होष इस प्रकार के गुणनफल को प्राप्त करने में त्याग दिया जाता है ॥१६३॥

## उदाहरणार्थ प्रश्न

प्रथम मनुष्य के पास (समान मूल्य वाले) शक नील रस्न थे, दूसरे मनुष्य के पास (उसी प्रकार के) ७ सरकत (मीना emeralds) थे, और अन्य (तीसरे मनुष्य) के पास ८ (उसी प्रकार के) हीरे थे। उनमें से प्रत्येक ने शेष अन्य में से प्रत्येक को अपने पास के एक रस्न के मूल्य को चुकाया जिससे वह दूसरों के समानधन वाला बन गया। प्रत्येक प्रकार के रस्न का मूल्य क्या-क्या है ? ॥१६४॥ प्रथम मनुष्य के पास १६ शक नील रस्न, दूसरे के पास १० मरकत हैं, और तीसरे मनुष्य के पास ८ हीरे हैं। उनमें से प्रत्येक दूसरों में से प्रत्येक को खुद के ही रस्नों को दे देता है, जिससे तीनों मनुष्य समान धनवाल वन जाते हैं। बतलाओ कि उन शक नील रस्न, मरकत तथा हीरों के अलग-अलग दाम क्या-क्या हैं ? ॥१६५-१६६॥

<sup>(</sup>१६३) मान लो 'म', 'न', 'प', कमशः तीन प्रकार के रहीं की संख्याएँ है जिनके तीन भिन्न मनुष्य स्वामी हैं। मानलो परस्पर विनिमित रस्तों की संख्या 'भ' है, और 'क' 'ख', 'ग', किसी एक रह की कमशः तीन प्रकारों में कीमतें हैं। तब सरलता पूर्वक प्राप्त किया जा सकता है कि

क=(न-३ अ) (प-३ अ); ख=(म-३ अ) (प-३ अ); ग=(म-३ अ) (न-३ अ).

क्रयविक्रयस्त्रभैः मूलानयनसूत्रम् — अन्योऽन्यमूलगुणिते विक्रयभक्ते क्रयं यदुपलन्धं । तेनैकोनेन हतो स्राभः पूर्वोद्धृतं मूल्यम् ॥१६७॥ अत्रोदेशकः

त्रिभिः क्रीणाति संप्तेव विक्रीणाति च पक्किमः । नव प्रस्थान् वणिक् किं स्थाल्छाभो द्वासप्ततिर्धनम् ॥ १६८ ॥

इति मिश्रकव्यवहारे सकलकुट्टीकारः समाप्तः।

# सुवर्णकुट्टीकारः

इतः परं सुवर्णगणितरूपकुट्टीकारं व्याख्यास्यामः । समस्तेष्टवर्णैरेकीकरणेन संकरवर्णा-नयनसूत्रम्— कनकक्षयसंवर्गो मिश्रस्वर्णाद्वतः क्षयो ज्ञेयः । परवर्णप्रविभक्तं सुवर्णगुणितं फलं हेम्नः ॥ १६९ ॥

खरीद की दर, बेचने की दर और प्राप्त छाभ द्वारा, कगाई गई रकम का मान प्राप्त करने के छिये नियम—

वस्तु की खरीदने और बेचने की दरों में से प्रत्येक को, एक के बाद एक, मूल्य दरों द्वारा गुणित किया जाता है। खरीद की दर की सहायता से प्राप्त गुणनफळ को बेचने की दर से प्राप्त गुणनफळ द्वारा भाजित किया जाता है। लाभ को एक कम परिणामी भजनफळ द्वारा विभाजित करने पर छगाई गई मूळ रकम उरपन्न होती है ॥१६७॥

# उदाहरणार्थ पश्न

किसी ब्यापारी ने ३ पण में ७ प्रस्थ अनाज खरीदा और ५ पण में ९ प्रस्थ की दर से वेचा। इस तरह उसे ७२ पण का छाभ हुआ। इस ब्यापार में लगाई गई रकम कीन सी हैं ? ॥१६८॥ इस प्रकार, मिश्रक ब्यवहार में सकल कुट्टीकार नामक प्रकरण समास हुआ।

# सुवर्ण कुट्टीकार

इसके पश्चात् इस उस कुटीकार की ब्याख्या करेंगे जो स्वर्ण गणित सम्बन्धी है। इष्क्रित विभिन्न वर्णी के सोने के विभिन्न प्रकार के घटकों को मिलाने से प्राप्त हुए संकर (मिश्रित) स्वर्ण के वर्ण को प्राप्त करने के लिए नियम—

यह ज्ञात करना पड़ता है कि विभिन्न स्वर्णसय घटक परिमाणों के (विभिन्न) गुणनफलों के योग को क्रमशः उनके वर्णों से गुणित कर, जब मिश्रित स्वर्ण की कुछ राशि द्वारा विभाजित किया जाता है तब परिणामी वर्ण उत्पन्न होता है। किसी संघटक माग के मूछ वर्ण को जब बाद के कुछ मिले हुए परिणामी वर्ण द्वारा विभाजित कर, और उस संघटक भाग में दत्त स्वर्ण परिमाण द्वारा गुणित करते हैं तब मिश्रित स्वर्ण की ऐसी संवादी राशि उत्पन्न होती है, जो मान में उसी संघटक भाग के बरावर होती है। ॥१६९॥

<sup>(</sup>१६७) यदि खरीद की दर व में अ वस्तुएँ हो, और बेचने की दर द में स वस्तुएँ हो, तथा ब्यापार में छाम म हो, तो छगाई गई रकम

 $<sup>= \</sup>pi \div \left( \frac{24\zeta}{4R} - \frac{1}{2} \right)$  होती है।

एकक्षयमेकं च द्विश्वयमेकं त्रिवणेमेकं च । वर्णचतुष्के च द्वे पद्मक्षयिकाश्च चत्वारः ॥ १७० ॥ स्त्र चतुर्देशवर्णाक्षिगुणितपञ्चक्षयाश्चाष्टी । एतानेकीकृत्य व्वलने क्षिप्त्वैव मिश्रवर्णं किम् । एतनिमश्चस्वर्णं पूर्वैभक्तं च किं किमेकस्य ॥ १७४३ ॥

इष्टवणीनामिष्टस्ववणीनयनसूत्रम्—

म्बे:स्वैबेर्णहतैमिश्रं म्वर्णमिश्रेण भाजितम् । छन्धं वर्णं विजानीयात्तिष्टाप्तं पृथक् पृथक् ॥१७२३ ॥

अत्रोद्देशकः

विश्वातिपणास्तु षोडश वर्णा दशवर्णपरिमाणै:।
परिवर्तिता वद त्वं कति हि पुराणा भवन्त्यधुना ॥ १७३३ ॥
अष्टोत्तरशतकनकं वर्णाष्टांशत्रयेन संयुक्तम् ।
एकादशवर्णं चतुरुत्तरदशवर्णकै: कृतं च कि हेम ॥ १७४३ ॥

अज्ञातवर्णानयनसूत्रम् — कनकक्षयसंबर्गं मिश्रं स्वर्णेन्नसिश्रतः कोद्धन्यम् । स्वर्णेन हतं वर्णे वर्णेविक्रेषेण कनकं स्यात ॥१७५३॥

# उदाहरणार्थ प्रश्न

स्वर्ण का एक भाग १ वर्ण का है, एक भाग २ वर्णों का है, एक भाग ३ वर्णों का है, २ भाग ४ वर्णों के हैं, ४ भाग ५ वर्णों के हैं, ७ भाग १४ वर्णों के हैं। इन्हें अग्नि में डालकर एक पिण्ड बना लिया जाता है। बतलाओं कि इस प्रकार मिश्रित स्वर्ण किस वर्ण का है ? यह मिश्रित स्वर्ण उन भागों के स्वामियों में वितरित कर दिया जाता है। प्रत्येक को क्या मिळता है ? ॥१७०-१७१३॥

जो मान में हिये गये वर्णी वाली दत्त स्वर्ण की मात्राओं के तुल्य है ऐसे किसी वान्छित वर्ण वाले स्वर्ण का (इच्छित ) वजन निकाकने के लिये नियम—

स्वर्ण की दी गई मात्राओं को अलग-अलग उनके ही वर्ण द्वारा क्रमवार गुणित किया जाता है, और गुणतफलों को जोड़ दिया जाता है। परिणामी योग को मिश्रित स्वर्ण के कुल वजन द्वारा माजित किया जाता है। भजनफल को परिणामी ओमत वर्ण समझ लिया जाता है। यह उपर्युक्त गुणनफलों का योग, इस स्वर्ण के समान (इच्छित। वजन को लाने के लिये, अलग-अलग वान्छित वर्णों द्वारा भाजिन किया जाता है। १७२३॥

#### . उदाहरणार्थ प्रश्न

१६ वर्ण के २० पण वजनवालें स्वर्ण को १० वर्ण वाले स्वर्ण से बदला गया है; बतलाओं कि अब वह वजन में कितने पण हो जायेगा ? ॥१७३ है॥ ११ है वर्ण वाला १८८ वजन का स्वर्ण १४ वर्ण वाले स्वर्ण से बदला जाने पर कितने वजन का हो जायेगा ? ॥१७४ है॥

अज्ञात वर्ण को निकालने के लिये नियम--

स्वर्ण की कुछ माश्रा को मिश्रण के परिणामी वर्ण से गुणित करों। प्राप्त गुणफछ में से उस बोग को घटाओ जो स्वर्ण की विभिन्न घटक मात्राओं को उनके निज के वर्णों द्वारा गुणित करने से प्राप्त गुणनफलों को जोड़ने पर प्राप्त होता है। जब रोष को अज्ञात वर्ण वाले स्वर्ण की ज्ञात घटक मात्रा से विभाजित किया जाता है, तब इष्ट वर्ण उत्पन्न होता है; और जब वह रोष परिणामी वर्ण तथा (स्वर्ण की अज्ञात घटक मात्रा के) ज्ञात वर्ण के अंतर द्वारा भाजित किया जाता है, तब उस स्वर्ण का इष्ट बजन उत्पन्न होता है। १९७५। अज्ञातवर्णस्य पुनरपि सूत्रम्— स्वस्वर्णवर्णविनिहतयोगं स्वर्णेक्यदृढहताच्छोध्यम् । अज्ञातवर्णहेम्ना भक्तं वर्णं बुधाः प्राहुः ॥१७६३॥ अत्रोदेशकः

ेषड्जलधिवहिकनकैस्त्रयोदशाष्ट्रतेवर्णकैः क्रमशः । अज्ञातवर्णहेमः पद्ध विमिश्रक्षयं च सैकदश । अज्ञातवर्णसंख्यां बृहि सखे गणिततत्त्वज्ञ ॥ १७८ ॥

चतुर्देशैव वर्णानि सुप्त स्वर्णानि तत्क्षये । चतुस्स्वर्णे दशोत्पन्नमज्ञातक्षयकं वद ॥ १७५ ॥

् अज्ञातस्वर्णोनयनसूत्रम् -

स्वस्वर्णवर्णविनिहतयोगं स्वर्णेक्यगुणितदृढवर्णात् । त्यक्त्वाज्ञातस्वर्णक्षयदृढवर्णान्तराहृतं कनकम् ॥ १८०॥

अत्रोहेशकः

द्वित्रिचतुःक्षयमानास्त्रिस्तः कनकास्त्रयोदशक्षयिकः । वर्णयुतिदेश जाता ब्रह्म सखे कनकपरिमाणम् ॥ १८१ ॥

- १. यहाँ रनल के स्थान में विद्ध, और ष्टावृतुक्षयेः के स्थान में ष्टर्तुवर्णकैः आदेशित किया गया है, ताकि पाठ न्याकरण की दृष्टि से और उत्तम हो जावे।
  - २. इस्तिलिपि में पाठ तत्क्षय है, को स्पष्टरूप से अशुद्ध है।

अज्ञात वर्ण के सम्बन्ध में एक और नियम-

स्वर्ण की विभिन्न संघटक मात्राओं को उनके क्रमवार वर्णों से (respectively) गुणित करते हैं। प्राप्त गुणनफलों के योग को परिणामी वर्ण तथा स्वर्ण की कुलमात्रा के गुणनफल में से घटाते हैं। बुद्धिमान व्यक्ति कहते हैं कि यह शेष जब अज्ञात वर्णवाले स्वर्ण के वजन द्वारा भाजित किया जाता है तब हुए वर्ण उत्पन्न होता है ॥१७६५॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

क्रमशः १३, ८ और ६ वर्ण वाले ६, ४ और ६ वजन वाले स्वर्ण के साथ अज्ञात वर्ण वाला ५ वजन का स्वर्ण मिलाया जाता है। मिश्रित स्वर्ण का परिणामी वर्ण ११ है। हे गणना के मेदों को जानने वाले मित्र! मुझे इस अज्ञात वर्ण का संख्यारमक मान बतलाओ ॥१७७३ –१७८॥ दिये गये नमूने का ७ बजन वाळा स्वर्ण १४ वर्ण वाला है। ४ वजन वाळा अन्य स्वर्ण का नमूना (प्रादर्श) इसमें मिला दिया जाता है। परिणामी वर्ण १० है। दूसरे नमूने के स्वर्ण का अज्ञात वर्ण क्या है ?॥१७९॥

स्वर्ण का अज्ञात वजन निकालने के लिये नियम -

स्वर्ण की विभिन्न संघटक मान्नाओं को निज के वर्णों द्वारा गुणित करते हैं। प्राप्त गुणनफछों के योग को, स्वर्ण के ज्ञात भारों को अभिनव इद (durable) परिणामी वर्ण द्वारा गुणित करने से प्राप्त गुणनफछों के योग में से घटाते हैं। दोष को स्वर्ण की अञ्चात मान्ना के ज्ञात वर्ण तथा मिश्रित स्वर्ण के इद (durable) परिणामी वर्ण के अन्तर द्वारा भाजित करने पर स्वर्ण का वजन प्राप्त होता है।।१८०॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

स्वर्ण के तीन दुकड़े जिनमें से प्रत्येक वजन में ३ है, क्रमशः २,३ और ४ वर्ण बाले हैं। ये १३ वर्ण वाले अज्ञात वजन के स्वर्ण में गठाये जाते हैं। परिणामी वर्ण १० होता है। है मित्र ! मुझे बतलाओं कि अज्ञात भारवाले स्वर्ण का माप क्या है ?।।१८१।। युग्मवर्णिमश्रमुवर्णानयनस्त्रम् — ज्येष्ठाल्पक्षयशोधितपकविशेषाप्तरूपकैः प्राग्वत् । प्रक्षेपमतः कुर्यादेवं बहुशोऽपि वा साध्यम्।।१८२॥

पुनरपि युग्मवर्णीमश्रस्वर्णानयनसूत्रम्— इष्ट्राधिकान्तरं चैव हीनेष्ट्रान्तरमेव च । उभे ते स्थापयेद्यस्तं स्वर्णं प्रक्षेपतः फलम् ॥ १८३ ॥

# अत्रोदेशक:

द्शवर्णसुवर्णं यत् षोडशवर्णेन संयुतं पकम् । द्वादश्च चेत्कनकशतं द्विभेदकनके पृथक् पृथग्बहि ॥ १८४ ॥

बहुसुबर्णानयनसूत्रम्— व्येकपदानां क्रमणः स्वर्णानीष्टानि कल्पयेच्छेषम् । अव्यक्तकनकविधिना प्रसाधयेत् प्राक्तनायेव ॥ १८५ ॥

दिये गये वर्णी वाले स्वर्ण के दो दिये गये नमूनों के मिश्रण के ज्ञात वजन और ज्ञात वर्ण द्वारा दो दिये गये वर्णी के संवादी स्वर्ण के भारों को निकालने के लिये नियम—

सिश्रण के परिणामी वर्ण और (अज्ञात संबटक मात्राओं वाले स्वर्ण के ) ज्ञात उद्यतर और निज्ञतर वर्णों के अन्तरों को प्राप्त करों। १ को इन अन्तरों द्वारा क्रमवार भाजित करों। तब पहिले की भाँति प्रस्नेप किया (अथवा इन विभिन्न भजनफर्कों की सहायता से समानुपातिक विभाजन ) करो। इस प्रकार, स्वर्ण की अनेक संघटक मात्राओं की अर्हा को भी प्राप्त किया जा सकता है। १९८२।।

पुनः, दिये गये वर्ण वारूं स्वर्ण के दो दिये गये नमुनों के मिश्रण के ज्ञात वजन और ज्ञात वर्ण द्वारा दो दिये गये वर्णों के संवादी स्वर्ण के भारों को निकारने के क्रिये नियम—

परिणामी वर्ण तथा ( स्वर्ण की दो संघटक मात्राओं वाले दो दिये गये वर्णों के ) उच्चतर वर्ण के अन्तर को और साथ ही परिणामी वर्ण तथा ( दो दिये गये वर्णों के ) निम्नतर वर्ण के अन्तर को विकोम कम में लिखो। इन विकोम कम में रखे हुए अन्तरों की सहायता से समातुपातिक वितरण की किया करने पर प्राप्त किया गया परिणाम ( संघटक मात्राओं वाले ) स्वर्ण ( के इष्ट भारों ) को उत्पन्न करता है । 115 2 311

# उदाहरणार्थ पश्न

यदि १० वर्ण वाला स्वर्ण, १६ वर्ण वाले स्वर्ण से मिलाया जाने पर १२ वर्ण वाला १०० वजन का स्वर्ण उत्पन्न करता है, तो स्वर्ण के दो प्रकारों के वजन के मापों को अकग-अलग प्राप्त करो ॥१८४॥

ज्ञात वर्ण और ज्ञात वजनवाले मिश्रण में ज्ञात वर्ण के बहुत से संघटक मात्राओं वाले स्वर्ण के भारों को निकाछने के छिथे नियम---

एक को छोड़कर सभी ज्ञात संघटक वर्णों के सम्बन्ध में मन से चुने हुए भारों को छे छिया जाता है। तब, जो रोष रहता है उसे पहिले जैसी दी गईं दशाओं के सम्बन्ध में अज्ञात भार वाले स्वर्ण के निश्चित करने के नियम द्वारा हुछ करना पड़ता है।।।१८५॥

<sup>[</sup>१८५] यहाँ दिया गया नियम ऊपर दी गई गाथा १८० में उपलब्ध है।

वर्णाः शरतुनगबसुमृडविश्वे नव च पक्षवर्णं हि । कनकानां षष्टिश्चेत् पृथक् पृथक् कनकमा किं स्यात्॥ १८६॥

द्वयनष्टवर्णानयनस्त्रम्— स्वर्णाभ्यां इतरूपे सुवर्णवर्णाहते द्विष्ठे । स्वस्वर्णहतैकेन च हीनयुते व्यस्ततो हि वर्णफलम् ॥ १८७॥

#### अत्रोदेशकः

षोडशदशकनकाश्यां वर्णं न ज्ञायते । पक्षम् । वर्णं चैकादश चेंद्वणीं तत्कनकयोभेवेतां की ॥ १८८ ॥

#### १. B में यहाँ यते जुड़ा है।

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

संघटक राशियों वाले स्वर्ण के दिये गये वर्ण कमशः ५, ६, ७, ८, ११ और १३ हैं; और परिणामी वर्ण ९ है। यदि स्वर्ण की समस्त संघटक माश्राओं का कुल भार ६० हो तो स्वर्ण की विभिन्न संघटक मात्राओं के वजन में विभिन्न माप कौन-कीन होंगे ?।।१८६।।

जब मिश्रण का परिणामी वर्ण जात हो, तब स्वर्ण की दो ज्ञात मात्राओं के नष्ट अर्थात् अज्ञात वर्णों को निकालने के लिये नियम----

1 को स्वर्ण के दिये गये दो बजनों द्वारा अलग-अलग भाजित करो। इस प्रकार प्राप्त भजनफर्लों में से प्रत्येक को अलग-अलग स्वर्ण की संगत मात्रा के भार द्वारा तथा परिणामी वर्ण द्वारा भी गुणित करो। इस प्रकार प्राप्त दोनों गुणनफर्लों को दो भिक्ष स्थानों में लिखो। इन दो कुलकों (sets) में से प्रत्येक के इन फर्लों में से प्रत्येक को यदि उन राशियों द्वारा द्वासित किया जाय अथवा जोड़ा जाय, जो १ को संगत प्रकार के स्वर्ण के ज्ञात भार द्वारा भाजित करने पर प्राप्त होती हैं, तो इष्ट वर्णों की प्राप्ति होती है ॥१८०॥

# उदाहरणार्थ प्रश्न

विद संघटक वर्ण कात न हो, और क्रमशः १६ और १० भार वास्ते दो मिस प्रकार के स्वर्णी का परिणामी वर्ण १९ हो, तो इन दो प्रकार के स्वर्ण के वर्ण कीन कीन हैं, बतलाओ ॥१८८॥

(१८७) गाया १८८ के प्रश्न को निम्न रीति से साधित करने पर यह सूत्र स्पष्ट हो जावेगा— है ×१६ ×११ और है ×१० ×११ दो स्थानों में लिख दिया जाता है । हस प्रकार; ११ ११ लिखने पर,

रीह और रीड को दो कुछकों में प्रत्येक के इन फर्डों में से प्रत्येक की क्रमानुसार १ की वर्ण द्वारा भावित करने से प्राप्त राशियों द्वारा बोड़ा और पटाया जाता है—

११ + वह } और { १९ - वह इस प्रकार उत्तरों के दो कुळक (sets) प्राप्त होते हैं।

पुनरिप द्वयनष्टवर्णानयनसूत्रम्— एकस्य क्षयमिष्टं प्रकल्प्य शेषं प्रसाधयेत् प्राग्वत्। बहुकनकानामिष्टं व्येकपदानां ततः प्राग्वत्।। १८९॥

अत्रोदेशकः

द्वादशचतुर्देशानां स्वर्णानां समरसीकृते जातम् । वर्णानां दशकं स्यान् तद्वर्णीं बृहि संचिन्द्य।। १९०॥

अपरार्धस्योदाहरणम्

सप्तनविशाखिदशानां कनकानां संयुते पकं । द्वादश्वर्णं जातं कि ब्रह् पृथक पृथावर्णम् ॥ १९१ ॥ परोक्षणशास्त्राकानयनसूत्रम्—

परमक्षयाप्तवर्णाः सर्वशलाकाः पृथकं पृथग्योज्याः । स्वर्णफलं तच्छोध्यं शलाकपिण्डान् प्रपूरणिका ॥ १९२ ॥

अत्रोहेशकः

वैश्याः स्वर्णशालाकाश्चिकीर्षवः स्वर्णवर्णज्ञाः । चकुः स्वर्णशालाका द्वाद्शवर्णं तदाद्यस्य ॥ १९३ ॥

पुनः, जब मिश्रण का परिणामी वर्ण ज्ञात हो, तब दो ज्ञात मान्राओं वाले स्वर्णों के अज्ञात वर्णों को निकाइने के छिथे नियम—

दो दी गई मात्राओं के स्वर्ण में से एक के सम्बन्ध में वर्ण मन से घुन छो। जो निकालना शेष हो उसे पहिले की भौति प्राप्त किया जा सकता है। एक को छोद कर समस्त प्रकार के स्वर्ण की ज्ञात मात्राओं के सम्बन्ध में वर्ण मन से घुन किये जाते हैं, और तब पहिले की तरह अपनाई गई रीति से अग्रसर होते हैं ॥१८९॥

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

कमशः १२ और १४ वजन वाले दो प्रकार के स्वर्ण को एक साथ गळाया गया, जिससे परिणामी वर्ण १० वना । उन दो प्रकार के स्वर्ण के वर्णों को सोचकर बतलाओ ॥१९०॥

नियम के उत्तराद्ध को निदर्शित करने के लिये उदाहरणार्थ प्रश्न

कमशः ७, ९, ३ और १० भारवाले चार प्रकार के स्वर्ण को गलाकर १२ वर्ण वाला स्वर्ण बनाया गया । प्रत्येक प्रकार के संघटक स्वर्ण के वर्णों को अलग-अलग बतलाओ ॥१९१॥

स्वर्ण की परीक्षण शळाका की अहीं का अनुमान छगाने के छिये नियम---

प्रत्येक शलाका के वर्ण को, अलग-अलग, दिये गये महत्तम वर्ण द्वारा विभाजित करना पड़ता है। इस प्रकार प्राप्त (सभी) अजनफलों को जोड़ा जाता है। परिणामी योग कुछ स्वर्ण की इष्ट मान्ना का माप होता है। सभी शलाकाओं के भारों का योग करने पर, प्राप्त योगफल में से पिछले परिणामी योग को घटाते हैं। जो शेष बचता है वह अपूर्णिका (अर्थात् निम्न क्षेणी की मिश्रित धातु) की मान्ना होती है। 1982।

#### उदाहरणार्थ पश्न

स्वर्ण के वर्ण को पहिचानने वाले ३ व्यापारी स्वर्ण की परीक्षण शकाकाओं को बनाने के इच्छुक थे। उन्होंने ऐसी स्वर्ण-शकाकाएँ बनाई। पहिले न्यापारी का स्वर्ण १२ वर्ण वाला, दूसरे का चतुरुत्तरदश्वर्णं बोडशवर्णं तृतीयस्य । कनकं चास्ति प्रथमस्यैकोनं च द्वितीयस्य ॥ १९४ ॥ अर्घार्धन्यूनमथ तृतीयपुरुषस्य पादोनम् । परवर्णादारभ्य प्रथमस्यैकान्त्यमेव च ख्रन्त्यम् ॥१९५॥ ज्यन्त्यं तृतीयवणिजः सर्वेशळाकास्तु माषमिताः । शुद्धं कनकं कि स्यात् प्रपूरणी का पृथक् पृथक् त्वं मे । आचक्ष्य गणक शीद्यं सुवर्णगणितं हि यदि वैत्सि ॥ १९६३ ॥

वितिसयवर्णसुवर्णानयतसूत्रम्— क्रयगुणसुवर्णवित्तिसयवर्णेष्टन्नान्तरं पुनः स्थाप्यम् । ज्यस्तं सवति हि विनिसयवर्णान्तरहृत्फलं कनकम् ॥ १९७३ ॥ अत्रोद्देशकः

षोडशवर्णं कनकं सप्तशतं विनिमयं कृतं लभते । द्वादशदशवर्णाभ्यां साष्टसहस्रं तु कनकं किम् ॥ १९८३ ॥

१६ वर्ण वाका और तीसरे का १६ वर्ण वाका था। पहिले स्थापारी की परीक्षण शकाकाओं के विभिन्न नमूने, नियमित क्रम से, वर्ण में १ कम होते जाते थे। दूसरे के २ और १ कम और तीसरे के नियमित क्रम में १ कम होते जाते थे। पहिले स्थापारी ने परीक्षण स्वर्ण के नमूने को महत्तम वर्णवाले से आरम्भकर १ वर्ण वाले तक बनाये; उसी तरह से दूसरे व्यापारी ने २ वर्ण वालो तक की शलाकाएँ बनाई और तीसरे ने भी महत्तम वर्ण वाली से आरम्भ कर १ वर्ण वाली तक की परीक्षण शलाकाएँ बनाई। प्रत्येक परीक्षण शलाका भार में १ माशा थी। हे गणित । यदि तुम वास्तव में स्वर्ण गणना को जानते हो, तो शीध बतलाओ कि यहाँ शुद्ध स्वर्ण का माप क्या है, तथा प्रपूर्णिका (निम्न श्रेणी की मिक्की हुई थातु) की मात्रा क्या है १ ॥१९३-११६३॥

दो दिये गये वर्ण वाले और बदले में प्राप्त स्वर्ण के भिन्न भारों को निकालने के लिये नियम—
पिहले बदले जाने वाले दिये गये स्वर्ण के भार को दिये गये वर्ण द्वारा गुणित करते हैं, और बदले में प्राप्त स्वर्ण का भार तथा बदले हुए स्वर्ण के दो नमूनों में से पिहले के वर्ण द्वारा गुणित करते हैं। प्राप्त गुणनफलों के अंतर को एक ओर लिख लिया जाता है। उपर्युक्त प्रथम गुणनफल को बदले में प्राप्त स्वर्ण का भार तथा बदले हुए स्वर्ण के दो नमूनों में से दूसरे के वर्ण द्वारा गुणित करने से प्राप्त गुणनफल द्वारा हासित करने से प्राप्त अंतर को दूसरी ओर लिख लिया जाता है। यदि तब, वे स्थिति में बदल दिये जायँ, और बदले हुए स्वर्ण के दो प्रकारों के दो विशिष्ट वर्णों के अंतर के द्वारा भाजित किये जायँ, तो (बदले में प्राप्त दो प्रकार के) स्वर्ण की दो इष्ट मात्रायें होती हैं ॥१९७-१॥

# उदाहरणार्थ प्रश्न

१६ वर्ण बाला ७०० भार का स्वर्ण बदले जाने पर, १२ और १० वर्ण बाले दो प्रकार का इक १००८ भार वाला स्वर्ण खरपद्म करता है। अब स्वर्ण के इन दो प्रकारों में से प्रत्येक प्रकार का भार कितना कितना है ? ॥१९८२॥

(१९७५) यह नियम गाथा १९८३ के प्रक्रन का साधन करने पर स्पष्ट हो जावेगा-

७००×१६ --१००८×१० और १००८×१२ --७००×१६ की स्थितियों को बदल कर लिखने से ८९६ और ११२० प्राप्त होते हैं। जब इन्हें १२ -- १० अर्थात् २ द्वारा माजित करते हैं, तो क्रमशः १० और १२ वर्ण वाके स्वर्ण के ४४८ और ५६० मार प्राप्त होते हैं। बहुपद्विनिमयसुवर्णकरणस्त्रम्— वर्णन्नकनकमिष्टस्वर्णेनामं दृढश्वयो भवति । प्राग्वत्प्रसाध्य छज्धं विनिमयबहुपदसुवर्णानाम् ॥१९९३॥

#### अत्रोद्देशकः

वर्णचतुर्दशकनकं शतत्रयं विनिमयं प्रकुर्वन्तः । वर्णेद्वीदशदशवसुनगैश्च शतपद्धकं स्वर्णम् । एतेषां वर्णानां पृथक् पृथक् स्वर्णमानं किम् ॥२०१॥

विनिमयगुणवर्णकनकलाभानयनसूत्रम्— स्वर्णम्नवर्णयुतिहृतगुणयुतिमूलक्षयमृरूपोनेन । आप्तं लब्धं शोध्यं मूल्धनाच्छेषवित्तं स्यात् ॥२०२॥ तल्लब्धमूल्योगाद्विनिमयगुणयोगभाजितं लब्धम् । प्रक्षेपकेण गुणितं विनिमयगुणवर्णकनकं स्यात् ॥२०३॥

कई विशिष्ट प्रकार के बदले के परिणाम स्वरूप प्राप्त स्वर्ण के विभिन्न भारों को निकालने के लिये नियम ---

यदि बदले जाने वाले दस स्वर्ण के भार की उसके ही वर्ण द्वारा गुणित कर उसे बदले में प्राप्त हुए स्वर्ण की माधा से भाजित किया जाय, तो समांग औसत वर्ण उत्पक्ष होता है। इसके पश्चात, पूर्व कथित क्रियाओं की प्रयुक्त करने पर, प्राप्त परिणाम बदले में प्राप्त विभिन्न प्रकार के स्वर्ण के हुए भारों की उत्पन्न करता है॥१९९३॥

# उदाहरणार्थ प्रश्न

एक मनुष्य १४ वर्ण वाले ३०० भार के स्वर्ण के बदले में ५०० भार के विभिन्न वर्ण वाले १२, १०, ८ और ७ वर्ण वाले स्वर्ण के प्रकारों को प्राप्त करता है। बतलाओ कि इन मिन्न वर्णों में से प्रत्येक का संगत अलग-अलग स्वर्ण कितने-कितने भार का होता है १ ॥२००ई—२०१॥

बदले में प्राप्त स्वर्ण के विभिन्न ऐसे भारों की निकाडने के लिये नियम, जो ज्ञात वर्ण वाले हैं और निश्चित गुणजों ( multiples ) के समाजुपात में हैं---

दी गई समानुपाती गुणज (multiple) संख्याओं के योग को, (दी गई समानुपाती मात्राओं वाले विभिन्न प्रकार के बदले में प्राप्त) स्वर्ण की मात्राओं को, (इनके विशिष्ट) वर्णों द्वारा गुणित करने पर, प्राप्त गुणनफलों के योग द्वारा भाजित करते हैं। परिणामी भजनफल को बदले जाने वाले स्वर्ण के मूळ वर्ण द्वारा गुणित किया जाता है। यांद इस गुणनफल को १ द्वारा द्वासित कर इसके द्वारा बदले में प्राप्त स्वर्ण के भार में जो बदली हुई है उसे भाजित करें, और प्राप्त भजनफल को स्वर्ण के मूळ भार में से घटायें, तो (जो बदला नहीं गया है ऐसे ) स्वर्ण का शेष भार प्राप्त होता है। यह शेष भार मूळ स्वर्ण के भार तथा बदले के कारण भार में हुई मुद्धि के योग में से घटाया जाता है। इस प्रकार प्राप्त परिणामी शेष को बदले से सम्बन्धित समानुपाती गुणज (multiple) संख्याओं के योग द्वारा भाजित किया जाता है, और तब इन समानुपाती संख्याओं में से प्रत्येक द्वारा अलग-अलग गुणित किया जाता है। तब बदले में प्राप्त स्वर्ण के विशिष्ट वर्ण वाले और विशिष्ट अनुपात वाले विभिन्न भारों की प्राप्ति होती है। २०२-२०१॥

<sup>(</sup> १९९३ ) यहाँ उहिःखित किया १८५ वी गाथा से मिलती है।

कश्चिद्धणिक् फलार्थी षोडशवर्णं शतद्वयं कनकम् । यत्किचिद्धिनिमयकृतमेकार्यं द्विगुणितं यथा कमशः ॥२०४॥ द्वादशवसुनवद्शकक्षयकं लाभो द्विरप्रशतम् । शेषं किं स्याद्विनिमयकांस्तेषां चापि मे कथय ॥२०५॥ दृश्यसुवर्णविनिमयसुवर्णेर्म् लानयनसूत्रम्— विनिमयवर्णेनार्मं स्वांशं स्वेष्टक्षयन्नसंमिश्रात् । अंशैक्योनेनाप्तं दृश्यं फलमत्र भवति मृलधनम् ॥२०६॥

# अत्रोद्देशक:

वणिजः कंचित् घोडशवर्णकसीवर्णगुलकमाहत्य । त्रिचतुःपञ्चमभागान् क्रमेण तस्यैव विनिभयं कृत्वा ॥२०७॥ द्वादशदशवर्णैः संयुज्य च पूर्वशेषेण । मुलेन विना रुष्टं स्वर्णसहस्रं तु किं मुलम् ॥२०८॥

## उदाहरणार्थ प्रश्न

कोई ग्यापारी लाभ प्राप्त करने का इच्छुक है, और उसके पास १६ वर्ण वाला २०० भार का स्वर्ण है। उसका एक भाग, १२, ८, ९ और १० वर्ण वाले चार प्रकार के स्वर्ण से बदला जाता है, जिनके भार ऐसे अनुपात में हैं जो १ से आरम्भ होकर नियमित रूप से २ द्वारा गुणित किये जाते हैं। इस बहले के ग्यापार के फलस्वरूप स्वर्ण के भार में १०२ लाभ होता है। शेष (बिना बदले हुए) स्वर्ण का भार क्या है ? उन उपर्युक्त वर्णों के संगत (corresponding) स्वर्ण-प्रकारों के भारों कोभी वतलाओ, जो बदले में प्राप्त हुए हैं ॥२०४-२०५॥

जिसका कुछ भाग बदला गया है ऐसे स्वर्ण की सहायता से, और बदल के कारण बदता देखा गया है ऐसे स्वर्ण के भार की सहायता से स्वर्ण की मुळ मात्रा के भार को निकालने के छिथे नियम—

बदले जाने वाले मूल स्वर्ण के प्रत्येक विशिष्ट भाग को उसके बदले के संगत वर्ण द्वारा भाजित किया जाता है। प्रत्येक दशा में, परिणामी भजनफल दिये गये मूल स्वर्ण के मन से चुने द्वुप वर्ण द्वारा गुणित किये जाते हैं; और तब ये सब गुणनफल जोड़े जाते हैं। इस योग में से मूल स्वर्ण के विभिन्न भिक्षीय बदले हुए भागों के योग को घटाया जाता है। अब यदि बदले के कारण स्वर्ण के भार की बदती को इस परिणामी शेष द्वारा भाजित किया जाय, तो मूल स्वर्ण धन प्राप्त होता है।२०६॥

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

किसी क्वापारी की १६ वर्ण सोने की एक छोटी गेंद की जाती है; तथा उसके है, रे और दे भाग कमशः १२, १० और ९ वर्ण वाले स्वर्ण से बदल दिये जाते हैं। इन बदले हुए विभिन्न प्रकार के स्वर्णों के भारों को मूल स्वर्ण के होंच भाग में जोड़ दिया जाता है। तब मूल स्वर्ण के भार को लेखा में से इटाने से भार में १००० बदती देखी जाती है। इस मूल स्वर्ण का भार बतलाओ ॥२०७-२०८॥ इष्टांशदानेन इष्टवर्णानयनस्य तिवृष्टांशकयोः सुवर्णानयनस्य च सूत्रम्— अंशाप्तेकं व्यक्तं क्षिप्त्वेष्टमं भवेत् सुवर्णभयी। सा गुलिका तस्या अपि परस्परांशाप्तकनकस्य ॥ २०९॥ स्वदृद्धस्येण वर्णो प्रकल्पयेत्प्राग्वदेव यथा। एवं तद्द्वययोरप्युभयं साम्यं फलं भवेद्यदि चेत् ॥२१०॥ प्राकल्पनेष्टवर्णो गुलिकाभ्यां निश्चयो भवतः। नो चेत्प्रथमस्य तदा किंचिन्न्यूनाधिकौ क्षयौ कृत्वा ॥२११॥ तत्स्रयपूर्वक्षययोरन्तरिते शेषमत्र संस्थाप्य। त्रैराशिकविधल्द्यं वर्णो तेनोनिताधिकौ स्पष्टौ ॥२१२॥

दूसरे व्यक्ति के पास के वाञ्छित भिन्नीय भाग वाछे स्वर्ण की पारस्परिक दान की सहायता से इष्ट वर्ण निकाछने के छिये, तथा उन मन से चुने हुए दिये गये भागों के संगत स्वर्णों के भारों को कमवाः निकाछने के छिये नियम—

<sup>(</sup>दो विशिष्ट रूप से) दिये गये भागों में से प्रत्येक के संक्यात्मक मान द्वारा १ को भाजित कर ब्युत्क्रम में किखा जाता है। यदि इस प्रकार प्राप्त भजनफर्कों में से प्रत्येक को मन से चुनी हुई राशि द्वारा गुणित किया जाय, तो वह सोने की दो छोटी गेंदों में से प्रत्येक के भार को उत्पन्न करता है। सोने की इन छोटी गेंदों में से प्रत्येक का वर्ण, तथा व्यापार में दूसरे ममुख्य के द्वारा दिये गये स्वर्ण को, प्रत्येक दशा में, दिये गये अन्तिम भौसत वर्ण की सहायता से प्राप्त करना पड़ता है। यदि इस प्रकार से प्राप्त वर्णर दोनों कुळक (sets) प्रश्न के इष्ट मानों से मेल खाते हैं, तो मन से चुनी हुई संख्या से प्राप्त दो वर्ण, (दो दिये गये छोटे स्वर्ण की गेंदों के सम्बन्ध में), कथित सत्यापित वर्ण हो जाते हैं। यदि ये उत्तर मेल नहीं खाते, तो उत्तरों के प्रथम कुळक के वर्णों को आवश्यकतानुसार छोटा या कुछ बड़ा बनाना पड़ता है। तब सुधारे हुए संघटक वर्णों के मंगत औसत वर्ण को आगे प्राप्त करना पड़ता है। इसके पश्चात्, इस औसत वर्ण और पहिले प्राप्त (बिना मेल खानेवाले औसत) वर्ण के अन्तर को लिख हिया जाता है; और इष्ट समानुपातिक राशियों त्रेशिक नियम द्वारा प्राप्त की खाती हैं। पहिली खुनी हुई संख्या के अनुसार प्राप्त वर्णों को जब इन दो राशियों में से कमशः एक द्वारा हासित और दूसरी हारा जोड़ा जाता है, तब यहाँ इष्ट वर्णों की प्राप्ति होती है। ॥२०९-२१२॥

<sup>(</sup>२०९-२१२) गाया २१३-२१५ के प्रश्न का साधन निम्न भौति करने पर नियम स्पष्ट हो जावेगा—

१ को है और ने द्वारा भाजित करने पर हमें क्रमशः २, ३ मास होते हैं। उनकी रियित बदल कर उन्हें किसी चुनी हुई संख्या (मानको १) द्वारा गुणित करने से हमें ३, २ मास होते हैं। ये दो संख्याएं क्रमशः दो व्यापारियों की स्वर्ण मात्राओं का प्ररूपण करती हैं।

९ को प्रथम व्यापारी के स्वर्ण का वर्ण चुनकर, हम उसके द्वारा प्रस्तावित बदले (विनिमय) में से, दूसरे व्यापारी के स्वर्ण के वर्ण १३ को सरस्ता पूर्वक प्राप्त कर सकते हैं। ये वर्ण ९ और १३, दूसरे व्यापारी द्वारा प्रस्तावित बदले में, औसत वर्ण के को उत्पन्न करते हैं, जब कि प्रक्त में दिया गया औसत वर्ण १२ अथवा कि दें।

इसिक्टिये वर्ण ९ और १३ को बदकना पड़ता है। यदि ९ के स्थान पर ८ चुना जाय तो १३

स्वर्णपरीक्षकविणजी परस्परं याचितौ ततः प्रथमः। अर्घं प्रादात् तामपि गुलिकां स्वसुवर्णं आयोज्य ॥२१३॥ वर्णद्शकं करीमीत्यपरोऽवादीत् त्रिभागमात्रतया। छन्ते तथैव पूर्णं द्वदाशवर्णं करोमि गुलिकान्याम् ॥२१४॥ उभयोः सुवर्णमाने वर्णौ संचिन्त्य गणिततत्त्वज्ञ। सौवर्णगणितकुश्रुं यदि तेऽस्ति निगद्यतामाशु ॥२१५॥

इति भिश्रकव्यवहारे सुवर्णकुट्टीकारः समाप्तः।

# विचित्रकुट्टीकारः

इतः परं मिश्रकव्यवहारं विचित्रकुट्टीकारं व्याख्यास्यामः । सत्यानृतसूत्रम्— पुरुषाः सैकेष्टगुणा द्विगुणेष्टोना भवन्त्यसत्यानि । पुरुषक्वतिस्तैहना सत्यानि भवन्ति वचनानि ।२१६। उदाहरणार्थ प्रक्रन

स्वर्ण के मूल्य को परखने में कुशक दो ब्यापारियों ने एक दूसरे से स्वर्ण बदकने के क्रिये कहा। पहिले ने दूसरे से कहा, "यदि अपना आधा स्वर्ण मुझे दे दो, तो उसे मैं अपने स्वर्ण में मिकाकर कुक स्वर्ण को १० वर्ण वाला बना लूँगा।" तब दूसरे ने कहा, "यदि मैं तुमहारा केवल ने भाग स्वर्ण प्राप्त करलूँ, तो मैं पूरे स्वर्ण को दो गोलियों की सहायक्षा से १२ वर्ण वाला बना लूँगा।" हे गणित तत्वश्च ! यदि तुम स्वर्ण गणित में कुशक हो तो सोखविचार कर शीघ बतलाओं कि उनके पास कितने-कितने वर्ण वाला कितना-कितना स्वर्ण (भार में ) है ? ॥२१३-२१५॥

इस प्रकार, मिश्रक व्यवहार में सुवर्ण कुष्टीकार नामक प्रकरण समाप्त हुआ।

## विचित्र कृट्टीकार

इसके पश्चात् , इम मिश्रक व्यहार में विचित्र कुट्टीकार की व्याख्या करेंगे।

( ऐसी परिस्थित में जैसी कि नीचे दी गई है, जहाँ दोनों बातें साथ ही साथ सम्मव हैं, ) सस्य और असस्य वचनों की संख्या ज्ञात करने के किये नियम—

मनुष्यों की संक्या को उनमें से चाहे गये मनुष्यों की संख्या को १ द्वारा बहाने से प्राप्त संख्या द्वारा गुणित करो, और तब उसे चाहे गये मनुष्यों की संख्या की दुगुनी राशि द्वारा द्वासित करो। जो संख्या उत्पन्न होगी बह असत्य बचनों की संख्या होगी। सब मनुष्यों का निरूपण करनेवाळी संख्या का वर्ग इन असत्य बचनों की संख्या द्वारा द्वासित होकर सत्य वचनों की संख्या उत्पन्न करता है ॥२१६॥ को पहिले बदले में १६ तक बढ़ाना पड़ता है। इन दो वर्णों ८ और १६ को, दूसरे बदले में प्रयुक्त करने से, हमें औरतवर्ण रेड के बदले में रेड प्राप्त होता है।

इस प्रकार, दूसरे बदले में हम देखते हैं कि भार और वर्ण के गुणनफळों के योग में (४०-३५) अथवा ५ की बढ़ती है, जबकि पूर्व के चुने हुए वर्णों के सम्बन्ध में घटती और बढ़ती क्रमशः ९-८=१ और १६ - १३=३ हैं।

परन्तु दूसरे बद्छे में भार और वर्ण के गुणनफ़्छों के योग में बद्ती ३६ - ३५ = १ है। त्रैराधिक के नियम का प्रयोग करने पर हमें वर्णों में संगत घटती और बद्ती दे और दे प्राप्त होती हैं। इसिक्ष्ये वर्ण क्रमधः ९ - दे या ८६ और १३ + ३ = १३३ हैं।

(२१६) इस नियम का मूळ आधार गाथा २१७ में दिये गये प्रदन के निम्निक्षित बीबीय ग॰ सा॰ सं॰-१९

कामुकपुरुषाः पञ्च हि वैश्यायाश्च प्रियास्यस्तत्र । प्रत्येकं सा वृते त्वसिष्ट इति कानि सत्यानि ॥२१७॥

ृष्टस्तारयोगभेदस्य सूत्रम्—

एकारोकोत्तरतः पदमूर्ध्वाधर्यतः क्रमोत्कमशः। स्थाप्य प्रतिलोमन्नं प्रतिलोमन्नेन माजितं सारम्।।२१८।।

उदाहरणार्थ प्रक्रन

पाँच कामुक व्यक्ति हैं। उनमें से तीन व्यक्ति वास्तव में वेदमा द्वारा चाहे जाते हैं। वह मध्येक से अलग-अलग कहती है, "में केवल तुन्हें चाहती हूँ।" उसके कितने (व्यक्त और उपक्रिक्ति) वचन सत्य हैं? ॥२१७॥

दी हुई वस्तुओं में ( सम्भव ) मंचयों के प्रकारों सम्बन्धी नियम-

एक से आरम्भकर, संख्याओं को, दी गई वस्तुओं की संख्या तक एक द्वारा बद्दाकर, नियमित कम में और ज्यस्तक्रम में (क्रमशः) एक जपर और एक नीचे क्षेतिजपंक्ति में लिखो। यदि उपर की पंक्ति में दाहिने से बाई ओर को खिया गया (एक, दो, तीन अथवा अधिक संख्याओं का ) गुणन-फल, नीचे की पंक्ति में भी दाहिने से बाई ओर को लिये गये (एक, दो, तीन अथवा अधिक संख्याओं के संगत) गुणन-फल द्वारा माजित किया जाय, तो प्रत्येक दशा में ऐसे संखय की इष्ट राशि फलस्वरूप प्राप्त होती है। २१८॥

निरूपण से स्पष्ट हो जावेगा---

जब फिर से वही कथन अ — ब मनुष्यों में से प्रत्येक को कहा जाता है तब प्रत्येक दशा में असत्य कथनों की संख्या ब + १ है। इसल्ये अ — ब वचनों में कुल असत्य वचनों की संख्या (अ — ब) (ब + १) है...(२) (१) और (२) का योग करने पर, इमें ज (ब - १) + (अ — ब) (ब + १) = अ (ब + १) — २ ब प्राप्त होता है। यह असत्य वचनों की कुल संख्या को निरूपित करती है। इसे अ में से घटाने पर, जो कि सब सत्य और असत्य वचनों की कुल संख्या है, इमें सत्य वचनों की संख्या प्राप्त होती है।

(२१८) यह नियम संचय (combination) के प्रका से सम्बन्ध रखता है। यहाँ दिया गया सन्न यह है-

न 
$$(a-2)$$
  $(a-2)$   $(a-2)$  और यह स्पष्ट रूप से  $\frac{a}{|x-x|}$  के तुस्य है। ( २२६ ) नियम में दिया गया सूत्र बीजीय रूप से निम्न प्रकार है—

$$\frac{2}{\pi} = \sqrt{\left(\frac{2\pi i}{2}\right)^2 - 24\pi i} - \frac{\pi}{2}$$

$$\pi = \frac{\pi}{2} - \sqrt{\left(\frac{2\pi i}{2}\right)^2 - 24\pi i} - \frac{\pi}{2} = \frac{\pi}{2}$$

$$\pi = \frac{\pi}{2} - \frac{\pi}{2}$$

$$\pi = \frac{\pi}{$$

वर्णास्वापि रसानां कषायतिकाम्छकटुकछवणानाम् ।
मधुररसेन युतानां भेदान् कथयाधुना गणक ॥२१५॥
वर्षेन्द्रनीछमरकतिबद्धममुकाफछेस्तु रिचतमाछायाः ।
कति भेदा युतिभेदात् कथय सखे सम्बगाद्य त्वम् ॥२२०॥
केतक्यशोकचम्पकनीछोत्पछकुसुमरिचतमाछायाः ।
कति भेदा युतिभेदात्कथय सखे गणिततत्त्वज्ञ ॥२२१॥

श्नाताञ्चातलाभैर्मूलानयनसूत्रम्---

लाभोनिमश्रराशेः प्रक्षेपकतः फलानि संसाध्य । तेन हतं तल्लव्धं मूल्यं त्वज्ञातपुरुषस्य ॥२२२॥

## उदाहरणार्थ प्रश्न

हे गणितज्ञ ! सुसे बतकाओं कि छः रस—कवाबका, कहुआ, खद्दा, तीखा, खारा और मीठा दिखे गये हों तो संख्य के प्रकार और संख्य राशियां क्या होगी ? ॥ २१९ ॥ हे मित्र ! होरा, नीळ, मरकत, विद्युम और सुक्ताफळ से रची हुई अंतर्शन धागे की माका के संख्य में परिवर्तन होने से कितने प्रकार प्राप्त हो सकते हैं, शीघ बतकाओ ॥ २२० ॥ हे गणित तस्बद्ध सखे ! सुसे बतलाओं कि केतकी, अशोक, खम्पक और नीखोरपळ के कूळों की माका बनाने के किये संख्यों में परिवर्तन करने पर कितने प्रकार प्राप्त हो सकते हैं ?

किसी ज्यापार में ज्ञात और अज्ञात काओं की सहायता से अज्ञात मूळ धन प्राप्त करने के छिये नियम----

समानुपातिक विभाजन की क्रिया द्वारा समस्त छाओं के मिश्रित योग में से ज्ञात छाभ घटाकर अज्ञात छाओं को निश्चित करते हैं। तब अज्ञात रकम छगाने वाल व्यक्ति का मुख्यन, उसके छाभ को कपर समानुपातिक विभाजन की क्रिया में प्रयुक्त उसी साधारण गुणनज्ञण्ड द्वारा भाजित करने पर, प्राप्त करते हैं। २२२॥

अ = होया जाने बाला कुल भार, दा = कुल दूरी, द = तय की हुई ( जो चली जा चुकी है ऐसी ) दूरी, और व = निहिचत की गई कुल मजदूरी है। यह आलोकनीय है कि यात्रा के दो भागों के लिये मजदूरी की दर एक सी है, यद्यपि यात्रा के प्रत्येक भाग के लिये चुकाई गई रकम पूरी यात्रा के लिए निहिचत की गई दर के अनुसार नहीं है।

प्रका के न्यास (data दत्त सामग्री) सहित निम्निक्कित समीकरण से सूत्र सरलतापूर्वक प्राप्त किया का सकता है—  $\frac{\pi}{4} = \frac{\pi - \pi}{(4\pi - \pi)(\pi - \pi)}, \qquad \pi \in \mathbb{T}$  के अज्ञात है।

समये केचिद्वणिजस्तयः ऋयं विक्रयं च कुर्वीरन् । प्रथमस्य षट् पुराणा अष्टौ मूल्यं द्वितीयस्य ॥२२३॥

न ज्ञायते वृतीयस्य व्याप्तिस्तैर्नरेस्तु षण्णवतिः । अज्ञातस्यैव फलं चत्वारिंशद्धि तेनाप्तम् ॥२२४॥

कस्तस्य प्रक्षेपो वणिजोरुभयोर्भवेष को छाभः।

प्रगणय्याचक्ष्व सखे प्रह्मेपं यदि विजानामि ॥२२५॥

भाटकानयनसूत्रम्--

भरभृतिगतगम्यहतिं संक्त्वा योजनदङ्ग्रभारकृतेः । तन्मुङोनं गम्यच्छिनं गन्तन्यभाजितं सारम् ॥२२६॥

अत्रोदेशकः

पनसानि द्वात्रिंशश्रीत्वा योजनमसौ दलोनाष्ट्रौ। गृह्वात्यन्तर्भाटकमधे भग्नोऽस्य किं देयम्॥२२७॥

1 M और B में यहाँ त खुड़ा है; छंद की दृष्टि से यह अशुद्ध है।

#### उदाहरणार्थ पश्न

समझौते के अनुसार तीन ज्यापारियों ने खरीदने और वेश्वने की क्रिया की। उनमें से पहिले की रकम ६ पुराण, दूसरे की ८ पुराण तथा तीसरे की अज्ञात थी। उन सब तीन मनुष्यों की ९६ पुराण काम प्राप्त हुआ। तीसरे ज्यक्ति द्वारा अक्षात रकम पर ४० पुराण काम प्राप्त किया गया था। ज्यापार में उसने कितनी रकम कगाई थी? अन्य दो ज्यापारियों को कितना-कितना लाभ हुआ? है मित्र ! यदि समानुपातिक विभाजन की किया से परिश्वित हो तो भलीभौति गणना कर उत्तर दो॥ २२६-२२५॥

किसी दी गई दर पर किसी निश्चित दूरी के किसी भाग तक कुछ दी गई वस्तुएँ छे जाने के किराये को निकालने के लिये नियम—

छे जाये जाने वाछे भार के संख्यास्मक मान और योजन में नापी गई तय दूरी की अर्ड राशि के गुणनफक के वर्ग में से ले जाये जाने वाछे भार के संख्यास्मक मान, तय किया गया किराया, पहुँची हुई दूरी, इन सब के संतत गुणनफक को घटाओ। तब यदि छे जाये जाने वाछे भार के भिष्मीय भाग (अर्थात् यहाँ आधा भाग) को तय की गई प्री दूरी दूरी द्वारा गुणित कर, और तब उपर्युक्त अंतर के वर्गमूक द्वारा द्वासित कर, तथ की जाने वाछी (जो अभी दोष है ऐसी) दूरी के द्वारा भाजित किया जाय, तो इष्ट उक्तर प्राप्त होता है।

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

यहाँ एक मलुष्य ऐसा है, जिसे ३२ पनस फलों को १ योजन दूर के जाने पर मजदूरी में ७२ फल मिकते हैं। यह आधी दूर जाकर बैठ जाता है। उसे तय की गई मजदूरी में से कितनी मिछना चाहिये ? ॥२२७॥

द्वितीयवृतीययोजनानयनस्यसूत्रम्— भरभाटकसंवर्गोऽद्वितीयभृतिकृतिविवर्जितरछेदः। तद्भृत्यन्तरभरगतिकृतेर्गतिः स्याद् द्वितीयस्य ॥२२८॥

अत्रोदेशकः

पनसानि चतुर्विश्वतिमा नीत्वा पद्धयोजनानि नरः। स्थाने तद्भृतिमिह नव षद्भृतिवियुते द्वितीयनुगतिः का ॥२२९॥

बहुपद् भाटकानयनस्य सूत्रम्— संनिद्दितनरहृतेषु प्रागुत्तरमिश्रितेषु मार्गेषु । ज्यावृत्तनरगुणेषु प्रक्षेपकसाधितं मृल्यम् ॥२३०॥

# १. B में यहाँ 'पद' छूट गया है।

जब पहिला अथवा दूसरा बोझ डोने वाला थक कर बैठ जाता है, तब दूसरे अथवा तीसरे बोझ डोने वाले के द्वारा योजनों में तय की गई दूरियों को निकालने के लिये नियम---

ले जाबे जाने वाले कुल वजन और तय की गई मजदूरियों के मान के गुणनफल में से प्रथम ढोने बाले को दी गई मजदूरी के बर्ग को घटाओ । इस अन्तर को तय की गई मजदूरी और पिहले ही दे दी गई मजदूरी के अन्तर, ढोबा जाने वाला पूरा वजन, और तय की जानेवाली पूरी दूरी के संतत गुणनफल के सम्बन्ध में भाजक के रूप में उपयोग में लाते हैं। परिणामी भजनफल वृसरे मजदूर द्वारा तय की जाने वाली दूरी होता है ॥२२८॥

## उदाहरणार्थ प्रश्न

किसी मनुष्य को २४ पनस फर्ड ५ योजन दूर है जाने के किये ९ फर्ड मजदूरी के रूप में प्राप्त हो सकते हैं। यदि प्रथम मनुष्य को इनमें से ६ फर्ड मजदूरी के रूप में दिये जा चुके हों, तो दूसरे डोने वाछे को अब कितनी दरी तथ करना है, ताकि वह होष मजदूरी प्राप्त करहे ? ॥२२९॥

विभिन्न दशाओं की संगत मजदूरियों के मानों की निकालने के किये नियम, जब कि विभिन्न मजदूर उन विभिन्न द्रियों तक दिया गया बोझ ले जॉर्वे---

मनुष्यों की विभिन्न संख्याओं द्वारा तथ की गई दूरियों को वहाँ ढोने का काम करने वाले मनुष्यों की संख्या द्वारा भाजित करो। प्राप्त भजनफर्कों को इस प्रकार संयुक्त करना पदता है, कि उनमें से पहिला भक्तगरस लिया जाता है, और तब बाद के भजनफर्कों (१,२,३ आदि) को उसमें जोद दिया जाता है। इन परिणामी राशियों को क्रमशः विभिन्न स्थानों पर बैठ जाने बाले मनुष्यों की संख्या द्वारा गुणित करना पदता है। तब इन परिणामी गुणनफर्कों के सम्बन्ध में प्रक्षेषक किया (समानुपातिक विभाजन की क्रिया) करने से विभिन्न स्थानों पर छोदने (बैठने) बाले मनुष्यों की मजदूरियाँ प्राप्त होती हैं ॥२३०॥

<sup>(</sup>२२८) बीजीय रूप से : दा — द = (ब — क) अ दा , जो पिछके नोट के समीकरण से सरलता-पूर्वक मात किया जा सकता है । यहाँ क अज्ञात राश्चि है ।

शिविकां नयन्ति पुरुषा विश्वतिरथ योजनद्वयं तेषाम् । वृत्तिर्दीनाराणां विश्वत्यधिकं च सप्तशतम् ॥२३१॥ क्रोशद्वये निवृत्तौ द्वावुभयोः क्रोशयोखयश्चान्ये । पक्च नरः शेषाधां व्यावृताः का भृतिस्तेषाम् ॥२३२॥

इष्ट्रगुणितपोट्टलकानयनसूत्रम्— सैकगुणा स्वस्वेष्टं हित्वान्योन्यन्नशेषमितिः। अपवर्त्तं योज्य मूळं (विण्णोः) कृत्वा व्येकेन मूलेन ॥२३३॥ पूर्वापवर्तराशीन् हत्वा पूर्वापवर्तराशियुतेः। पृथगेव पृथक् त्यक्त्वा हस्तगताः स्वधनसंख्याः स्युः॥२३४॥ ताः स्वस्वं हित्वेव त्वशेषयोगं पृथक् पृथक् स्थाप्य। स्वगुणन्नाः स्वकरगतेह्नाः पोट्टलकसंख्याः स्युः॥२३५॥

# उदाहरणार्थ प्रश्न

२० मसुष्यों को कोई पाछकी २ योजन दूर छे जाने पर ७२० दीनार मिछते हैं। दो मसुष्य दो कोश हर जाकर एक जाते हैं; दो कोश दूर और जाने पर अन्य तीन ६क जाते हैं, तथा शेष की आश्री दूरी जाने पर ५ मसुष्य एक जाते हैं। होने वाले विभिन्न मन्नद्रों को क्या-क्या मजदूरी मिछती है? ॥२३१-२३२॥

किसी थैली में भरी हुई रकम को निकाकने के लिये नियम, जो कुछ मनुष्यों में से प्रत्येक के हाथ में जितनी रकम है उसमें जोदी जाने पर, अन्य के हाथों में रखी हुई रकमों के योग की विशिष्ट गुणब (multiple) बन जाती है—

प्रश्न में विशिष्ट गुणज (multiple) संख्याओं में से प्रत्येक में एक जोड़कर बोग राशियां प्राप्त करते हैं। इन योगों को एक दूसरे से, प्रत्येक दशा में, विशेष अछिखित गुणज के सम्बन्धी योग को उपेक्षित करते हुए, गुणित करते हैं। इन्हें, साधारण गुणनखंडों को इटा कर, अल्पतम परों में प्रहासित (छचुकृत) करते हैं। तब इन प्रहासित (छचुकृत) राशियों को जोड़ा जाता है। इस परिणामी योग का वर्गमूछ प्राप्त किया जाता है, जिसमें से एक घटा दिया जाता है। उपर्युक्त प्रहासित राशियों के योग में से घटाया जाता है। इस प्रकार, कई व्यक्तियों में से प्रत्येक के हाथ की रकमें प्राप्त होती हैं। उन व्यक्तियों में से केवळ एक के पास के धन के मान को प्रत्येक दशा में जोड़ से विश्वत कर, इन सब हाथ की रकमों की राशियों को एक दसरे में जोड़ना पड़ता है। इस प्रकार प्राप्त कई योग अलग-अलग छिखे जाते हैं। इन्हें कमशः उपर्युक्त डिल्डिखत गुणज राशियों द्वारा गुणित किया जाता है। इस प्रकार प्राप्त कई गुणनफलों में से हाथ को रकमों को अलग-अलग घटाया जाता है। तब हाथ में कई रकमों में से प्रत्येक के सम्बन्ध में अलग-अलग घटाया जाता है। तब हाथ में कई रकमों में से प्रत्येक के सम्बन्ध में अलग-अलग घटाया जाता है। तब हाथ में कई रकमों में से प्रत्येक के सम्बन्ध में अलग-अलग थेली की रकम का वही मान प्राप्त होता है। १२३१-२३५॥

<sup>(</sup> २३२-२३५ ) गाथा २३६-२३७ में दिये गये प्रश्न में, मानलो क, ख, ग हाथ में रखी हुई तीन न्यापारियों की रकमें हैं; और यैली में य रकम है।

मार्गे त्रिभिवेणिग्मः पोट्टलकं रष्टमाह तंत्रैकः। पोट्टलकिमदं प्राप्य द्विगुणधनोऽहं भविष्यामि ॥२३६॥

# उदाहरणार्थ प्रश्न

तीन स्थापारियों ने सहक पर एक थैली पड़ी हुई देखी। एक ने शेष उन से कहा, "यदि मुझे यह थैली मिल जाय, तो तुम्हारे हाथ में जितनी रकमें हैं उनके हिसाय से में तुम दोनों लोगों से दुगुना धनवान हो जाऊँगा।" तय दूसरे ने कहा, "मैं तिगुना धनवान हो जाऊँगा।" तय दूसरे ने कहा, "मैं पांच गुना धनवान हो जाऊँगा।" थैली की रकम तथा प्रत्येक के हाथ की रकमों को अलग-अलग बतकाओ ॥२३६॥

हाथ की रकमों के मान तथा थैली की रकम निकालने के लिये नियम, जब कि थैली की रकम का विशेष डिल्लित भिन्नीय भाग दत्त-संख्या के मनुष्यों में, प्रत्येक के हाथ की रकम में क्रमशः जोड़ने पर, प्रत्येक दशा में उनके धन की हाथ की रकम के वही गुणज (multiple) हो जावें—

हस्सगताभ्यां युवयोक्तिगुणधनोऽहं द्वितीय आहेति । पक्तगुणोऽहं त्वपरः पोट्टळहस्तस्थमानं किम् ॥२३७॥ सर्वेतुल्यगुणकपोट्टळकानयनहस्तगतानयनसूत्रम्— व्येकपदन्नव्येकगुणेष्टांशवधोनितांशयुतिगुणधातः । हस्तगताः स्युभवति हि पूर्वेवदिष्टांशभाजितं पोट्टळकम् ॥२३८॥

प्रश्न में दिये गये सभी बिह्निक्त भिन्नों के योग के हर की उपेक्षा कर, उसे (बिह्निक्त साधारण) अपवस्त्र संक्या (multiple) द्वारा गुणित किया जाता है। इस गुणनफल में से वे राशिया अलग-अलग घटाई जाती हैं, जो साधारण हर में प्रद्वासित उपर्युक्त भिन्नों में से प्रत्येक को एक कम मनुष्यों के मामलों की संख्या और उल्लिक्ति अपवर्थ के गुणनफल को एक द्वारा हासित करने से प्राप्त राशि द्वारा गुणित करने से प्राप्त होती हैं। परिणामी होष, हाथ की रकमों के अलग-अलग मानों को स्थापित करते हैं। पहिले की तरह कियायें करने पर और तब प्रश्न में विशेष उल्लिखित भिन्नीय आग हारा विभाजन करने पर थेली की रकम का मान प्राप्त हो जाता है। १३८।

∴ क: ख: ग:: शा-२ (ब+१) (स+१): शा-२ (स+१) (अ+१): शा-२ (अ+१) (ब+१). समानुपात के दाहिनी ओर, (यदि कोई हो तो) साधारण गुणनम्बंहों को हटाने से, हमें क, ख, ग के सबसे छोटे पूर्णों क मान प्राप्त होते हैं। यह समानुपात नियम में धूत्र के रूप में दिया गया है। यह देखाने योग्य है कि नियम में कथित वर्गमूल केवल गाथा २३६-२३७ में दिये गये प्रश्न से सम्बन्धित है। यदि शुद्ध रूप से लिखा जाय, तो 'वर्गमूल" के स्थान में '३' होना चाहिये। यह सरलता पूर्वंक देखा जा सकता है कि यह प्रश्न तभी सम्भव है, जब कि १ अतेर १ से में के कोई भी दो का योग तीसरे से बहा हो।

( २३८ ) नियम में दिया गया सूत्र यह है--

क = म (अ + ब + स ) - अ (२ म - १), ) जहाँ क, ख, ग हाथ की रक में हैं, म साधारण ख = म (अ + ब + स ) - ब (२ म - १), } गुणज (multiple) है, और अ, ब, स ग = म (अ + ब + स ) - स (२ म - १), दिये गये उल्लिखित मिकीय माग हैं। ये मान अगके समीकारों से सरखता पूर्वक निकाले जा सकते हैं।

वैश्येः पञ्चभिरेकं पोट्टळकं दृष्टमाह् चैकैकः। पोट्टळकषष्ठसप्तमनवमाष्टमदृश्ममागमाप्त्वेव ॥२३९॥ स्वस्तकरस्येन सह त्रिगुणं त्रिगुणं च शेषाणाम्। गणक त्वं मे शीघं वद हस्तगतं च पोट्टळकम्॥२४०॥

इष्टांशेष्टगुणपोट्टलकानयनसूत्रम् — इष्टगुणान्नान्यांकाः सेष्टांकाः सेकनिजगुणहृता युक्ताः । रानपद्ग्रेष्टांकान्युनाः सेकेष्टगुणहृता हस्तगताः ॥२४१॥

# उदाहरणार्थ परन

पाँच व्यापारियों ने एक थैको देखी। उन्होंने (एक के बाद दूसरे से ) इस प्रकार कहा कि थैकी की रकम का कमशः है, है, दे, दे और दे भाग पाने पर वह अपने हाथ की रकम मिलाकर अस्य व्यापारियों के कुछ धन से तिगुना धनी हो जायगा। है गणितज्ञ! उनके हाथों की अलग-अलग रकम तथा थैकी में भरी हुई रकम को शीव ही बतलाओ ॥२३९-२४०॥

यैजी की रकम प्राप्त करने के लिये नियम, जब कि उल्लिखित भिश्वीय भागों की, क्रमशः उन व्यक्तियों के हाथ की रकम जोड़ने पर, प्रत्येक अन्य की कुळ रकमों के मान से विशिष्ट गुणा

(इष्ट मनुष्य के भाग को छोदकर,) शेष सभी से सम्बन्धित उल्किखित भिन्नीय भागों को साधारण हर में प्रहासित कर हर को उपेक्षित कर दिया जाता है। इन्हें (अलग-अलग इष्ट मनुष्य सम्बन्धी) निर्दिष्ट अपवर्ष (multiple) द्वारा गुणित करते हैं। इन गुणनफलों में उस इष्ट मनुष्य के भिन्नीय भाग को जोड़ते हैं। परिणामी योगों में से प्रत्येक को अलग-अलग उसके संगत उल्किखित अपवर्ष (multiple) से एक अधिक राशि द्वारा भाजित करते हैं। तब इन भजनफलों को भी जोड़ा जाता है। अलग-अलग दशाओं सम्बन्धी इस प्रकार प्राप्त योगों को, दो कम दशाओं की संख्या द्वारा गुणित कर, निर्दिष्ट भिन्नीय भाग द्वारा हासित करते हैं। अन्तर को एक अधिक निर्दिष्ट अपवर्ष द्वारा भाजित करते हैं। यह फल (इस विशिष्ट दशा में) हाथ की रकम है ॥१४३॥

(२४१) नियम में दिया गया सूत्र इस प्रकार है---

बहाँ क, ख,..... हाथ की रकमें हैं; अ, ब, स, द मिलीव भाग हैं:

म, न, य, र,......विभिन्न अपवर्त्य संख्याये हैं; और द्या ध्यापार सम्बन्धी ध्यक्तियों की संख्या है।

ग॰ सा० सं०-२०

द्वाभ्यां पथि पथिकाभ्यां पोट्टलकं दृष्टमाइ तत्रैकः ।
अस्यार्थं संप्राप्य द्विगुणधनोऽहं भविष्यामि ॥२४२॥
अपरस्त्र्यंशद्वितयं त्रिगुणधनस्त्रकरस्थधनात् ।
सत्करधनेन सहितं हस्तगतं किं च पोट्टलकम् ॥ २४३॥
दृष्टं पथि पथिकाभ्यां पोट्टलकं तद्गृहीत्वा च ।
द्विगुणमभूदाशस्तु स्वकरस्थधनेन चान्यस्य ॥
इस्तस्थधनादन्यस्तिगुणं किं करगतं च पोट्टलकम् ॥ २४४३॥
मार्गे नरैश्चतुर्भिः पोट्टलकं दृष्टमाह तत्राद्यः ।
पोट्टलकिमदं लञ्ज्वा स्रष्टगुणोऽहं भविष्यामि ॥ २४५३॥
स्वकरस्थधनेनान्यो नवसंगुणितं च शेषधनात् ।
दशगुणधनवानपरस्त्वेकादशगुणितधनवान् स्यात् ।
पोट्टलकं किं करगतधनं कियदृष्ट्वि गणकाशु ॥ २४७॥
मार्गे नरैः पोट्टलकं चतुर्भिर्देष्टं हि तस्यैव तदा बभूदुः ।
पञ्चाशपादार्धवृतीयभागास्तद्द्वित्रिपञ्चन्नचतुर्गणाञ्चरे ॥ २४८॥

१. M और B में स्युः पाठ है, जो स्पष्टरूप से अनुपयुक्त है।

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

दो गान्नियों ने सड्क पर भन से भरी हुई थैली देखी। उनमें से एक ने दसरे से कहा. "थैकी की आधी रकम प्राप्त होने पर मै तुमसे दूसना धनी हो जाउँगा।" इसरे ने कहा, "इस थैली की २/६ रहम मिल जाने पर मैं हाथ की रकम मिलाकर तुम्हारे हाथ की रकम से तिगुनी रकमवाला हो जासँगा।" हाथ की अध्या-अलग कर्में तथा थैली की रकम बतलाओ ॥२४२-२४३॥ दो बान्नियों ने रास्ते पर पढ़ी हुई धन से भरी थैली देखी। एक ने उसे उठाया और कहा, "इस धन और हाथ के धन को मिलाकर मैं तुमसे दुगुना धनी हूँ।" दूसरे ने थैली को लेकर कहा, "मैं इस धन और हाथ के धन को मिलाकर तुमसे तिगुना धनी हूँ।" हाथ की रकमें और थैली की रकम अलग-अलग बवलाओ । ॥२४४--२४४५ ॥ चार मनुष्यों ने धन से अरी एक यैली रास्ते में देखी। पहिले ने कहा, "यदि सुझे यह थैली मिल जाय, तो मैं कुल भन मिलाकर तुम सभी के धन से आठगुना धनवान हो जाऊँ।" इसरे ने कहा. "यदि यह थैली मुझे मिल जाय तो मेरा कुलधन तुम्हारे कुलधन से ९ गुना हो जाय।" तीसरे ने कहा, "मैं १० गुना घनी हो जाऊँगा।" और चीये ने कहा, "मैं ११ गुना घनी हो जाऊँगा।" हे गिवतज्ञ ! थेली की रकम और उनमें से प्रत्येक के हाथ की रकमें बतलाओ ॥२४५%-२४७॥ चार मलुब्बों ने रकम भरी थैली रास्ते में देखी। तब जो कुछ प्रत्येक के हाथ में था. यदि उसमें थैली का क्रमशः है, है, है और है भाग मिळाबा जाता, तो वह दूसरों के कुलबन से क्रमशः दुगुना, तिगुना, पाँचगुना और चारगुना घन हो जाता। थैली की रकम और उनमें से प्रत्येक के हाथ की रकमें बतलाओ ॥२४८॥ वीन व्यापारियों ने रास्ते में धन से भरी हुई थैकी देखी। पहिले ने ( शेष ) उनसे

मार्गे त्रिभिवंणिग्मः पोट्टळकं दृष्टमाह तत्राद्यः। यद्यस्य चतुर्भागं छभेऽहमित्याह् स युवयोद्धिगुणः॥ २४९॥ आह् त्रिमागमपरः स्वहस्तधनसहितमेव च त्रिगुणः। अस्यार्धं प्राप्याहं तृतीयपुरुषश्चतुर्वधनवान् स्याम्। आचक्ष्व गणक श्रीघ्रं किं हस्तगतं च पोट्टळकम्॥ २५०३॥

याचितरूपैरष्टगुणकहस्तगतानयनस्य स्त्रम्— याचितरूपैक्यानि स्वसैकगुणवर्धितानि तैः प्राग्वत् । हस्तगतानां नीत्वा चेष्टगुणब्रेति स्त्रेण ॥ २५१३ ॥ सदृशच्छेदं कृत्वा सैकेष्टगुणाहृतेष्टगुणयुद्धा । रूपोनितया भक्तान् तानेव करस्थितान् विजानीयात् ॥ २५२३ ॥

कहा, "यदि मुझे इस यैली का है धन मिल जाय, तो मैं अपने हाथ की रकम मिलाकर तुम सभी के कुलधन से दुगुने धनवाला हो जाऊँ।" दूसरे ने कहा, "यदि मुझे यैली का है धन मिल जाय, तो उसे मिलाकर मैं तुम सभी के कुल धन से तिगुने धनवाला हो जाऊँ।" तीसरे ने कहा, "यदि मुझे यैली का आधा धन मिल जाय हो उसे मिलाकर मैं तुम दोनों के कुल धन से चौगुने धनवाला हो जाऊँ।" हे गांजतझ ! शीघ ही उनके हाथ की रक्षें तथा यैली की रकम अलग-अलग बतलाओ ॥२४९-२५० है॥

हाथ की ऐसी रकम निकालने का नियम, जो दूसरे से मौंगे हुए घन में मिलने पर दूसरों के हाथ की रकमों का निर्दिष्ट अपवर्श्य बन जाती है :—

माँगी हुई रकमों को अलग-अलग निज की संगत, अपवर्त्य (multiple) राशि में एक जोड़ने से प्राप्तफळ द्वारा गुणित करते हैं। इन गुणनफळों की सहायता से गाथा २४१ में दिये गये नियम द्वारा हाथ की रकमों को प्राप्त कर लेते हैं। इस प्रकार प्राप्त इन राशियों को साधारण हरवाळी बनाते हैं। प्रत्येक एक द्वारा बढ़ाई गई अपवर्ष (multiple) राशियों द्वारा क्रमशः निर्दिष्ट अपवर्ष राशियों को भाजित करते हैं। तब साधारण हरवाळी राशियों को अळग-अळग इन प्राप्त फळों के एकोन योग द्वारा भाजित करते हैं। इन परिणामी भजनफळों को विभिन्न मनुख्यों के हाथों की रकमें समझना चाडिये।। २५१ है-२५२ है।

इसी प्रकार ख, ग के खिये, इत्यादि। यहाँ अ, ब, स, द, इ, फ एक दूसरे से माँगी हुई रकमें हैं।

वैश्येश्विभिः परस्परहस्तगतं याचितं धनं प्रथमः ।
चत्वायंथ द्वितीयं पद्ध तृतीयं नरं प्राथ्यं ॥ २५३६ ॥
द्विगुणोऽमबद्द्वितीयः प्रथमं चत्वारि षट् तृतीयमगात् ।
त्रिगुणं तृतीयपुरुषः प्रथमं पद्ध द्वितीयं च ॥ २५४६ ॥
षट प्राथ्यांभूत्पद्धकगुणः स्वहस्तस्थितानि कानि स्युः ।
कथयाशु चित्रकुट्टीमिशं जानासि यदि गणक ॥ २५५६ ॥
पुरुषास्त्रयोऽतिकुश्लाश्चान्यां याचितं धनं प्रथमः ।
स द्वादश द्वितीयं त्रयोदश प्राथ्यं तित्रगुणः ॥ २५६६ ॥
पश्चगुणितो द्वितीयं द्वादश दश याचित्वाद्यम् ॥ २५७६ ॥
पश्चगुणितस्तृतीयोऽभवन्नरो वाच्छितानि छन्धानि ।
समगुणितस्तृतीयोऽभवन्नरो वाच्छितानि छन्धानि ।
कथय सखे विगणय्य च तेषां हस्तस्थितानि कानि स्यः ॥ २५८३ ॥

अन्त्यस्योपान्त्यतुस्यधनं दत्त्वा समधनानयनसूत्रम्— वाञ्छाभक्तं रूपं स उपान्त्यगुणः सरूपसंयुक्तः। शेषाणां गुणकारः सैकोऽन्त्यः करणमेतस्यात्॥ २५९३॥

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

तीन ज्यापारियों ने एक दूसरे से उनके पास की रकमों में से रकमें माँगी ! पहिला ज्यापारी दूसरे से ४ और तीसरे से ५ माँगकर शेष के कुछ धन से तुगुना धन वाला बन गया ! दूसरा पहिले से ४ और तीसरे से ६ मांग कर शेष के कुछ धन से तिगुना धनवाला बन गया ! तीसरा पहिले से ५ और दूसरे से ६ मांग कर उन दोनों से पाँचगुना धनवाला बन गया । हे गणितज्ञ, यदि तुम विचिन्न कुटीकार विधि से परिचित हो, तो मुझे शीघ ही उनके हाथों की रकमें बतलाओ ॥२५६५-२५५६॥ तीन अतिकृषक पुद्दव थे । उन्होंने एक दूसरे से रकमें मांगीं । पहिला पुद्दव दूसरे से १२ और तीसरे से १३ लेकर सेव दोनों से ३ गुना धनवाला बन गया । दूसरा पहिले से १० और तीसरे से १३ लेकर शेष दोनों से ५ गुना धनवाला बन गया तीसरा दूसरे से १२ और पहिले से १० लेकर शेष दोनों से ७ गुना धनवाला बन गया तीसरा दूसरे से १२ और पहिले से १० लेकर शेष दोनों से ७ गुना धनवाला बन गया तीसरा दूसरे से १२ और पहिले से १० लेकर शेष दोनों से ७ गुना धनवाला बन गया । उनकी वांख्डाएं ए० हो गईं । हे मित्र ! गणना कर उनके हाथों की रकमों को बतलाओ ॥२५६२-२५८२॥

समान धन राशियों को निकासने के लिये नियम, जब कि अन्तिम मनुष्य अपने खुद के धन में से उपअन्तिम को उसी के धन के बराबर दे देता है। और फिर, यह स्पांतिम मनुष्य बाद में आनेवासे मनुष्य के सम्बन्ध में यही करता है, इत्यादि—

एक के द्वारा दूसरे को विये जानेवाले धन के सम्बन्ध में मन से जुनी हुई गुणज ( multi-ple ) राशि द्वारा १ को विभाजित करो । यह उपश्रंतिम मनुष्य के धन के सम्बन्ध में गुणज हो जाता है । यह गुणज एक द्वारा बढ़ाया जाकर दूसरे के इस्तगत धनों का गुणज बन जाता है । इस अन्तिम इयक्ति के इस प्रकार प्राप्त धन में १ जोड़ा जाता है । यही रीति उपयोग में लाई जाती है ।।२५९ ।।

<sup>(</sup> २५९३) गाया २६३३ के प्रक्त को निम्निक्षिलित रीति से इस्ट करने पर यह नियम स्पष्ट हो

जावेगा---

## अत्रोद्देशकः

वैश्यात्मजास्यस्ते मार्गगता ज्येष्ठमध्यमकनिष्ठाः। स्वधने ज्येष्ठो मध्यमधनमात्रं मध्यमाय ददौ ॥ २६०३॥ स तु मध्यमो जघन्यजघनमात्रं यच्छति स्मास्य।

समधनिकाः स्युस्तेषां इस्तगतं ब्रृहि गणक संचिन्त्य ॥ २६१५ ॥

वैश्यात्मजाश्च पद्म ज्येष्ठादनुजः स्वकीयधनमात्रम् । केमे सर्वेऽप्येवं समवित्ताः किं तु हस्तगतम् ॥ २६२५ ॥

वणिजः पद्म स्वस्वादर्धं पूर्वस्य दत्त्वा तु ।

समिबत्ताः संचिन्त्य च किं तेषां ब्रहि इस्तगतम् ॥ २६३३ ॥

## उदाहरणार्थ प्रश्न

किसी स्थापारी के तीन कड़के थे। बड़ा, मँझला और छोटा, तीनों किसी रास्ते से कहीं जा रहे थे। बड़े ने अपने धन में से मँझले के। उतना धन दिया जितना कि मँझले के पास था। इस मंझले ने अपने धन में से छोटे को उतना दिया जितना कि छोटे के पास था। अंत में उनके पास बराबर-बराबर धन हो गया। हे गणितज्ञ ! सोचकर बतलाओं कि आरम्भ में उनके पास (क्रमशः) कितना-कितना धन था ? ॥ २६०१-२६९२ ॥ किसी व्यापारी के पाँच लड़के थे। द्वितीय पुत्र ने बड़े से उतना धन लिया जितना कि उसका इस्तगत धन था। बाकी सभी ने ऐसा ही किया। अंत में उन सबके पास बराबर-बराबर धन हो गया। बतलाओं कि आरम्भ में उनके पास कितनी-कितनी रकम थी ? ॥ २६२२ ॥ पाँच व्यापारी समान धन वाले हो गये, जब कि उनमें से प्रत्येक ने अपनी खुद की रकम में से, जो उसके सामने आया, उसे उसी के धन से आधा दे दिया। सोचकर बतलाओं कि उनके पास आरम्भ में कितना-कितना धन था ? ॥ २६३२ ॥ ६ व्यापारी थे। बड़ों ने, जो कुछ उनके हाथ में

१ ÷ दे या २ उपअंतिम मनुष्य के धन के सम्बन्ध में गुणज (multiple) है। यह २ एक से मिलाने पर ३ हो जाता है, जो दूसरों के धनों के संबंध में गुणज अथवा अपवर्श (multiple) हो जाता है।

जहाँ अ, ब, स, द, इ पाँच व्यापारियों की इस्तगत रकमें हैं।

वणिजः वद् स्वधनाद्द्वित्रिभागमात्रं क्रमेण तज्ज्येष्ठाः । स्वस्वानुजाय दस्वा समिवत्ताः किं च हस्तगतम् ॥ २६४३ ॥

परस्परहस्तगतधनसंख्यामात्रधनं दत्त्वा समधनानयनसूत्रम्— बाञ्छाभक्तं रूपं पद्युतमादावुपयुपर्येतत् । संस्थाप्य सैकवाञ्छागुणितं रूपोनमित्ररेषाम् ॥२६५३॥

अत्रोदेशकः

वणिजक्तयः परस्परकरस्थधनमेकतोऽन्योन्यम् । दस्त्वा समवित्ताः स्यः किं स्याद्धस्तस्थितं द्रव्यम् ॥ २६६३ ॥

या, अपने से छोटों को क्रमशः हुँ रकम ( उसकी जो उनके हाथों में अक्रग-अक्रग थी ) क्रमानुसार दी। बाद में वे सब समान धन वाले हो गये। उन सबके पास अक्रग-अक्रग हाथ में कीन-कीन सी रकमें थीं। ॥ २६५२ ॥

हाथ की समान रक्षमों को निकालने के लिखे निषम, जब कि कुछ ( संख्या के ) मनुष्य एक से दूसरे को आपस में ही उतना धन देते हैं, जितना कि क्षमधः उनके हाथ में तब रहता है---

प्रश्न में मन से जुनी हुई गुणज (multiple) राशि द्वारा एक की भाजित करते हैं। इसमें इस व्यापार में भाग छेनेवाछे मनुष्यों की संगत संख्या बोइते हैं। इस प्रकार प्रथम मनुष्य के हाथ का प्रारम्भिक धन प्राप्त होता है। यह और उसके बाद के फछ क्रम में छिखे जाते हैं, और उनमें से प्रत्येक को एक द्वारा बढ़ाई गई मन से जुनी हुई संख्या द्वारा गुणित किया जाता है, और फछ को तब एक द्वारा हासित करते हैं। इस प्रकार, प्रत्येक के पास का ( आरम्भ में उनके हाथ का ) धन ( जितना था, डसना ) प्राप्त होता जाता है।। २६५ रेने।।

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

३ व्यापारियों में से प्रत्येक ने दूसरों को जितना उनके पास उस समय था उतना दिया। तब वे समान धनवान् बन गये। उनमें से प्रत्येक के पास अलग-अलग आरम्भ में कितनी-कितनी रकम श्री १ ॥२६६-१॥ चार ब्यापारी थे। उनमें से प्रत्येक ने दूसरों से उतनी रकम प्राप्त की जितनी कि उसके

( २६५३) गाथा २६६३ में दिये गये प्रश्न को निम्नरीति से हल करने पर नियम स्पष्ट हो जावेगा—

१ को मन से चुने हुए गुणज ( multiple ) द्वारा भाजित करते हैं। इसमें मनुष्यों की संख्या ३ कोड़ने पर ४ प्राप्त होता है। यह प्रथम व्यक्ति के हाथ की रक्षम है। यह ४, मन से चुने हुए गुणज १ को १ द्वारा बदाने से प्राप्त २ द्वारा गुणित होकर, ८ बन जाता है। जब इसमें से १ पटाया जाता है, तो हमें ७ प्राप्त होता है, जो दूसरे आदमी के हाथ की रक्षम है ॥२६५२।।

यह ७ जपर की तरह २ द्वारा गुणित होकर, और फिर एक द्वारा हासित होकर १३ होता है, जो तीसरे आदमी के हाथ की रकम है। यह इल निम्निलित समीकरण से सरलता पूर्वक प्राप्त हो सकता है—

वणिजञ्चत्वारस्तेऽप्यन्योन्यधनार्धमात्रमन्यस्मात्।

स्वीकृत्य परस्परतः समवित्ताः स्युः कियत्करस्थधनम् ॥ २६७३ ॥

जयापजययोर्छोभानयनसूत्रम् -

स्वस्वछेदांशयुती स्थाप्योध्वीधर्यतः कमोत्कमशः ।

अन्योन्यच्छेद्राशकगुष्पितौ वजापवर्तनक्रमशः॥ २६८३॥

छेदांशकमविस्थिततद्न्तराभ्यां क्रमेण संभक्तौ।

स्वांशहरब्रान्यहरी वाञ्छाब्री व्यस्ततः करस्थामितिः ॥ २६९३ ॥

#### अत्रोद्देशकः

रृष्ट्वा कुकुटयुद्धं प्रत्येकं तौ च कुक्कुटिकौ। उक्ती रहस्यवाक्यैर्मन्त्रीषधशक्तिमन्महापुरुषेण ॥२७०३॥

पास की आधी उस (रकम देने के ) समय थी। तब वे सब समान धनवाले यन गये। आरम्भ में प्रत्येक के पास कितनी-कितनी रकम थी ? ॥२६७५॥

( किसी जुए में ) जीत और हार से ( बराबर ) छाम निकालने के किये नियम-

(प्रश्न में दी गई दो भिश्वीय गुणज) राशियों के अंशों और हरों के दो योगों को एक दूसरे के नीचे नियमित क्रम में किखा जाता है, और तब ब्युएकम में किखा जाता है। (दो योगों के कुलकों (80t8) में से पहिले की) हन राशियों को वजाप्रवर्तन किया के अनुसार हर द्वारा गुणित करते हैं, और दूसरे कुलक की राशियों को उसी विधि से दूसरी संकित (summed up) राशि की संगत भिश्वीय राशि के अंश द्वारा गुणित करते हैं। प्रथम कुलक सम्बन्धी प्राप्त फलों को हरों के रूप में किख किया जाता है। प्रथम कुलक सम्बन्धी प्राप्त फलों को क्यों के रूप में किख किया जाता है। प्रथम कुलक के हर और अंश का अंतर भी किख किया जाता है। तब इन अंतरों द्वारा (प्रश्न में दिये गये प्रत्येक गुणज भिश्वों के) अंश और हर के योग को दूसरे के हर से गुणित करने से प्राप्त फलों को कमशाः भाजित किया जाता है। ये परिणामी राशियों, इष्ट काभ के मान से गुणित होने पर, (दाँव पर कगाने वाने जुआहियों के) हाथ की रकमों को व्युएकम में उत्पन्न करती हैं ॥२६८-१--२६९-१॥

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

मन्त्र और औषिष की शक्ति वाले किसी महापुरुष ने मुर्गों की छड़ाई होती हुई देखी, और मुर्गों के स्वामियों से अलग-अलग रहस्यमयी भाषा में मन्त्रणा की ! उसने एक से कहा, "यदि तुम्हारा पक्षी जीतता है, तो सुम मुझे दाँव में लगाबा हुआ घन दे देना । यदि तुम हार जाओगे, तो मैं तुम्हें दाँव में लगाबे हुए घन का है दे तूंगा ।" यह फिर दूसरे मुर्गे के स्वामी के पास गया, जहाँ उसने

$$( 760 - 769 - 760 - 760 - 760 - 760 - 76$$

क और ख बुआड़ियों के हाथ की रकमें हैं, और अप स्तु उनमें से लिये गये भिष्ठीय भाग हैं, और प बाम है। इसे समीकार से भी भास किया जा सकता है, यथा—

$$\alpha - \frac{\pi}{c}$$
 स =  $\gamma = \pi - \frac{\omega}{a}$  क, जहाँ क और स अज्ञात राशियाँ हैं।

जयित हि पक्षो ते में देहि स्वर्ण द्यविजयोऽसि द्यां ते। तद्द्वित्रयंशकमधेत्यपरं च पुनः स संसूत्य।। २७१३।। त्रिचतुर्थं प्रतिवाब्छत्युभयस्माद् द्वाद्शैव लामः स्यात्। तत्कुक्कुटिककरस्थं बृहि त्वं गणकमुखतिलकः।। २७२३।।

राशिलब्धच्छेदिमश्रविभागसूत्रम्— प्रिश्रादूनितसंख्या छेदः सैकेन तेन शेषस्य । भागं हत्वा खब्धं लाभोनितशेष एव राशिः स्यात् ॥ २७३५ ॥

## अत्रोदेशकः

केनापि किमपि भक्तं सच्छेदो राशिमिश्रितो लामः । पद्माशित्त्रिभरिधका तच्छेदः कि भवेल्लब्धम् ॥ २०४६ ॥ इष्टसंख्यायोज्यत्याज्यवर्गमूलराश्यानयनसूत्रम् योज्यत्याज्ययुतिः सरूपविषमामध्नाधिता वर्गिता व्यमा बन्धहृता च रूपसहिता त्याज्येक्यशेषामयोः ।

उन्हों दशाओं में दाँव में कगाये गये घन का है घन देने की प्रतिज्ञा की। प्रत्येक दशा में उसे दोनों से केवल १२ (स्वर्ण के दुकड़े) लाम के रूप में मिले। हे गणक मुख तिलक ! बतलाओ कि प्रत्येक पक्षी के स्वामी के पास दाँव में लगाने के किये हाथ में कितना-कितना घन था ? ॥२७०-२७२३॥

अज्ञात भाज्य संख्या, भजनफळ और भाजक को उनके मिश्रित योग में से अलग-अलग करने के क्रिये नियम:---

कोई भी सुविधाजनक मनसे जुनी हुई संख्या जिसे दिये गये मिश्रित बोग में से घटाना पड़ता है प्रश्न में भाजक होती है। इस भाजक को १ द्वारा बढ़ाने से प्राप्त राशि द्वारा, मन से जुनी हुई संख्या को दिये गये मिश्रित बोग में से बटाने से प्राप्त रोष को, भाजित किया जाता है। इससे इष्ट भजनफरू प्राप्त होता है। वही (उपर्युक्त) रोष, इस भजनफरू से हासित होकर, इष्ट भाज्य संख्या बन जाता है। १९६१।।

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

कोई अज्ञात राशि किसी अन्य अज्ञात राशि द्वारा भाजित होती है। यहाँ भाजक, भाज्य संख्या और भजनफळ का योग ५३ है। वह भाजक क्या है, तथा भजनफळ क्या है ? ॥२७४-३॥

उस संख्या को निकासने के किये नियम, जो मूळ संख्या में कोई ज्ञात संख्या को जोड़ने पर, वर्गमूळ बन जाती है; अथवा जो मूळ संख्या में से दूसरी ज्ञात संख्या घटाई जाने पर, वर्गमूळ बन जाती है—

जोड़ी जाने वाकी राशि और घटाई जानेवाकी राशि के योग को उस योग की निकटतम युग्म संख्या से ऊपर के अतिरेक (excess above the even number) में एक जोड़ने से प्राप्त फका द्वारा गुणित करते हैं। परिणामी गुणनफक को आधा किया जाता है, और तब वर्गित किया जाता है। इस वर्गित राशि में से उपर्युक्त सम्भव आधिक्य (योग की निकटतम युग्म संस्था से ऊपर का अतिरेक—excess) घटाते हैं। यह फक ४ द्वारा भाजित किया जाता है, और तब १ में जोड़ा जाता

शेषैक्यार्धयुतोनिता फलमिदं राशिभेवेद्वाञ्ख्यो-स्त्याज्यात्याज्यमहत्त्वयोरथ कृतेर्मूलं ददात्येव सः ॥ २७५३ ॥ अत्रोदेशकः

राशिः करिचइशिः संयुक्तः सप्तदशिभरिप हीनः।
मूळं ददाति गुद्धं तं राशिं स्यान्ममाग्रु वद गणक।। २०६३ ।।
राशिः सप्तमिक्तो यः सोऽष्टादशिभरिन्वतः किश्चत्।
मूळं यच्छिति गुद्धं विगणय्याचक्ष्य तं गणक।। २००३ ।।
राशिद्धित्र्यंशोनिकसप्तमागान्वितस्स एव पुनः।
मूळं यच्छिति कोऽसौ कथय विचिन्त्याग्रु तं गणक।। २०८३ ।।

है। परिणामी राशि को क्रमशः ऐसी दो राशियों के आधे अन्तर में जोड़ा जाता है, अथवा अर्ड अंतर में से घटाया जाता है, जिन्हें कि अयुरम बनानेवाली अतिरेक राशि द्वारा ठन दशाओं में हासित किया जाता है अथवा बढ़ाया जाता है, जब कि घटाई जानेवाली दी गई मूल राशि जोड़ी जानेवाली दी गई मूल राशि से बड़ी अथवा छोटी होती है। इस प्रकार प्राप्त फक वह संख्या होती है, जो दत्त राशियों से इच्छानुसार सम्बन्धित होकर, निश्चित रूप से वर्गमूल को उत्पन्न करती है। २७५२॥

# उदाहरणार्थ प्रश्न

कोई संख्या जब १० से बढ़ाई अथवा १७ से घटाई जाती है, तब वह यथार्थ वर्गमूळ बन जाती है। यदि सम्भव हो तो, हे गणितक, मुझे बीघ ही वह संख्या बतलाओ ।। २७६ रें ॥ कोई राशि जब ७ द्वारा हासित की जाती है अथवा १८ द्वारा बढ़ाई जाती है, तो वह यथार्थ वर्गमूळ बन जाती है। हे गणक ! उस संख्या को गणना के पश्चात बतलाओ ॥ २७७ रें ॥ कोई राशि दें द्वारा हासित होकर, अथवा है द्वारा बढ़ाई जाकर बयार्थ वर्गमूळ उत्पन्न करती है। हे गणक, सोचकर बीघ ही वह सम्भव संख्या बतलाओ ॥ २७८ रें ॥

(२७५५) बीजीय रूप से, मानली निकाली जानेवाली राशि क है, और उसमें जोड़ी जानेवाली अथवा उसमें से घटाई जानेवाली राशियां क्रमशः अ, ब है, तब इस नियम का निरूपण करनेवाला सूत्र निम्नलिखित डीगा\*—

निम्निखिखित होगा\*—  $\left\{ (3+4)\times(2+2)\div 2\right\}^2 - 2$   $+ 2 \pm 3$   $+ 3 \pm 2$   $+ 4 \pm 3$   $+ 4 \pm 4$   $+ 4 \pm$ 

(२७८२) गाथा २७५२ के नोट में ब और अ द्वारा निरूपित संख्यायें (को वास्तव में हु और हैं ), इस प्रश्न में मिन्नीय होने के कारण, यह आवश्यक है कि दिये गये नियम के अनुसार उन्हें

• इसे रंगाचार्य ने निम्न प्रकार दिया है जो नियम से नहीं मिळता है । 
$$\left\{ \frac{(a+b)+(1+1)+2}{4} \right\}^2 - 1 + 1 \pm \frac{a-b\pm 1}{2}$$
 ग॰ सा॰ सं॰-२१

इष्टसंख्याहीनयुक्तवर्गमूळानयनसूत्रम्— उदिष्टो यो राशिस्स्वर्धीकृतवर्गितोऽथ रूपयुतः । यच्छति मूलं स्वेष्टात्संयुक्ते चापनीते च ॥२७९६॥

# अत्रोद्देशकः

दशिभः संमिश्रोऽयं दशिभस्तैर्वर्जितस्तु संशुद्धम्। यच्छति मूळं गणक प्रकथय संचिन्त्य राशि मे ॥ २८०३ ॥

इष्ट्रवर्गीकृतराशिद्धयादिष्टव्नादन्तरमृत्वादिष्टानयनस्त्रम्— सैकेष्टव्येकेष्टावर्धीकृत्याथ वर्गितौ राशी । एताविष्टन्नावथ तद्विष्टलेषस्य मूलमिष्टं स्यात् ॥२८१३॥

जो किसी ज्ञात संख्या द्वारा बढ़ाई अथवा हासित की जाती है, ऐसी अज्ञात संख्या के वर्गमूल को निकालने के लिये नियम---

दी गई ज्ञात राशि को आधा करके वर्गित किया जाता है और तब इसमें एक जोड़ा जाता है। परिणामी संख्या को, जब या तो इच्छित दी हुई राशि द्वारा बढ़ाते हैं अथवा उसी दी हुई राशि द्वारा हासित करते हैं, तब यथार्थ वर्गमूल प्राप्त होता है।। २७९२ ॥

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

एक संस्था है, जो जब १० द्वारा बढ़ाई जाती है अथवा १० द्वारा हासित की जाती है, तो यथार्थ बर्गमूछ को देती है। हे गणक, ठीक तरह सोच कर वह संख्या बताओ ॥ २८०ई ॥

ज्ञात संख्या द्वारा गुणित इष्ट वर्ग राशियों की सह।यता से, और साथ ही इन गुणनफलों के अंतर के वर्गमुक के मान को उत्पन्न करने वाली उसी ज्ञात संख्या की सहायता से, उन्हीं दो इष्ट वर्ग राशियों को निकालने के निवम:—

दी गई संख्या को १ द्वारा बढ़ाया जाता है, और उसी दी गई संख्या को १ द्वारा हासित भी किया जाता है। परिणामी राशियों को जब आधा कर वर्गित किया जाता है, तो दो इष्ट राशियाँ उत्पन्न होती हैं। यदि इन्हें अलग-अलग दी गई राशि द्वारा गुणित किया जाये, तो इन गुणनफर्कों के अंतर के वर्गमूळ से दी हुई राशि डल्पन्न होती है। २८१२ ॥

इल करने की क्रिया द्वारा इटा दिया जाय। इसके लिये वे पहिले एक से इर वाली बना ली जाती हैं और क्रमशः ने हैं और देन द्वारा निरूपित की जाती हैं। तब इन राशियों को (२१) द्वारा गुणित किया जाता है, जिससे २९४ तथा १८९ अहीएँ प्राप्त होती हैं, जो प्रश्न में ब और अ मान ली गई हैं। इन मानी हुई ब और अ राशियों के द्वारा प्राप्त फल को (२१) द्वारा माजित किया जाता है, और मजनफल ही प्रश्न का उत्तर होता है।

(२७९३) यह गाथा २७५ में दिये गये नियम की केवल एक विशिष्ट दशा है, जहाँ अ को ब के बराबर लिया जाता है।

(२८१३) बीजीय रूप से, जब दो गई संख्या द होती है, तब  $\left(\frac{c+t}{2}\right)^2$  और  $\left(\frac{c-t}{2}\right)^2$  इष्ट विगत राशियाँ होती हैं।

यौकौचिद्वर्गीकृतराक्षी गुणितौ तु सैकसप्तत्या । सद्विदलेषपदं स्थादेकोत्तरसप्ततिश्च राष्ट्री कौ ॥ विगणय्य चित्रकुट्टिकर्गाणतं यदि वेत्सि गणक मे बृहि ॥ २८३ ॥

युतहीनप्रक्षेपकगुणकारानयनसूत्रम्— संवर्गितेष्टशेषं द्विष्ठं रूपेष्टयुतगुणाभ्यां तन् । विपरीताभ्यां विभजेत्प्रक्षेपौ तत्र हीनौ वा ॥२८४॥

# अत्रोद्देशक:

त्रिकपञ्चकसंवर्गः पञ्चद्शाष्टाद्शैव चेष्टमपि । इष्टं चतुर्देशात्र प्रक्षेपः कोऽत्र हानिवी ।।२८५।। विपरीतकरणानयनसूत्रम्— प्रत्युत्पन्ने भागो भागे गुणितोऽधिके पुनः शोध्यः । वर्गे मूछं मूछे वर्गो विपरीतकरणमिद्म् ।।२८६।।

#### उदाहरणार्थ परन

दो अज्ञात वर्गित राशियों को ७१ द्वारा गुणित किया जाता है। इन दो परिणामी गुणनफछों के अंतर का वर्गमूळ भी ७१ होता है। हे गणक, यदि चित्र कुटीकार से परिस्ति हो, तो गणना कर उन दो अज्ञात राशियों को मुझे बतलाओ ॥ २८२३-२८३ ॥

किसी दिये गये गुण्य और दिये गये गुणकार (multiplier) के सम्बन्ध में इष्ट बढ़ती या बटती को निकासने के सिये निषम (ताकि दश गुणनफक प्राप्त हो )—

इष्ट गुणनफल और दिये गये गुण्य तथा गुणस्कार का परिणामी गुणनफल (इन दोनों गुणनफलों) के अंतर को दो स्थानों में लिखा जाता है। परिणामी गुणनफल के गुणावयनों में से किसी एक में १ जोड़ते हैं, और वूसरे में इष्ट गुणनफल जोड़ते हैं। जपर दो स्थानों में इच्छानुसार लिखा गया वह अंतर अलग-अलग इस प्रकार प्राप्त होने वाले योगों द्वारा व्यस्त क्रम में माजित किया जाता है। ये उन राशियों को उत्पन्न करते हैं, जो क्रमशः दिये गये गुण्य और गुणकार अथवा क्रमशः उनमें से घटाई जाने वाली राशियों में जोड़ी जाती हैं॥ २८४॥

#### उदाहरणार्थ पश्च

३ और ५ का गुणनफल १५ है। इष्ट गुणनफल १८ है, और वह १४ भी है। गुण्य और गुण-कार में यहाँ कीन सी तीन राशियाँ जोडी जाँय अथवा उनमें से घटाई जाँव ?॥ २८५॥

विपरीतकरण (working backwards) किया द्वारा इष्ट फरू प्राप्त करने के लिए नियम-जहाँ गुजन है वहाँ भाजन करना, जहाँ भाजन है वहाँ गुजन करना, जहाँ जोड़ किया गया है वहाँ घटाना करना, जहाँ वर्ग किया गया है वहाँ वर्गमूळ निकाळना, जहाँ वर्गमूळ दिया गया है वहाँ वर्ग करना—यह विपरीतकरण किया है ॥ २८६ ॥

(२८४) जोड़ी जानेवाकी और घटाई जानेवाली राशियाँ ये हैं— द्रांधव ह + ह और अप म १;

क्योंकि  $\left(a \pm \frac{c - aa}{c + a}\right) \left(a + \frac{c - aa}{a + t}\right) = c$ , जहाँ अ और व दिये गये गुणनलंड हैं, और द इड गुणव है।

सप्तहते को राशिक्षिगुणो वर्गीकृतः शरैर्युक्तः । त्रिगुणितपद्धांशहतस्त्वधितमूळं च पद्धरूपाणि ॥ २८७ ॥ साधारणशरपरिध्यानयनसूत्रम्— शरपरिधित्रिकमिळनं वर्गितमेतत्पुनिक्षिभः सहितम् । द्वादशहतेऽपि ळब्धं शरसंख्या स्यात्कलापकाविष्टा ॥ २८८ ॥

# उदाहरणार्थ पश्न

वह कीन सी राशि है, जो ७ द्वारा भाजित होकर, तब ३ हारा गुणित होकर, तब विगत की जाकर, तब ५ द्वारा बढ़ाई जाकर, तब है द्वारा भाजित होकर; तब आधी होकर, और तब वर्गमूल निकाल जाने पर, ५ होती है ? ॥ २८७ ॥

तरकश के साधारण परिष्यान (common circumferential layer) की संरचना करनेवाले तीरों की युग्म संख्या की सहायता से किसी तरकश में रखे हुए वाणों की संख्या निकालने के किये नियम—

परिध्वान बनाने वाली बाणों की संख्या में ३ जोड़ो, तब इस परिणामी योग को वर्गित करो, और उस वर्गित राशि में फिर से ३ जोड़ो। यदि प्रामुफ्ड १२ द्वारा भाजित किया जाय, तो भजनफड़ तरकश के तीरों की संख्या का प्रमाण बन जाता है ॥२८८॥

(२८८) तीरों की कुल संख्या प्राप्त करने के लिये, यहाँ दिया गया सूत्र (न + ३)२ + ३ है; जहाँ 'न' परिध्यान द्वारों की संख्या है। यह सूत्र निम्नलिखित रीति से भी प्राप्त हो सकता है—

रेखागणित ( अयामिति ) से सिद्ध किया जा सकता है कि किसी वृत्त के चारों ओर केवल ६ वृत्त खींचे जा सकते हैं। ऐसे सभी वृत्त तुल्य होते हैं, तथा प्रत्येक वृत्त दो आसन्त वृत्तों को स्पर्श करता हुआ बीच के ( केन्द्रीय ) वृत्त को भी स्पर्श करता है। इन वृत्तों के चारों ओर फिर से उतने ही नापके १२ वृत्त उसी प्रकार खींचे जा सकते हैं, और फिर से इन वृत्तों के चारों ओर केवल ऐसे ही १८ वृत्त खींचे जाना सम्भव हैं, इत्यादि। इस प्रकार, प्रथम घेरे में ६ वृत्त, दूसरे में १२, तीसरे में १८ होते हैं, इत्यादि। इसल्ये प वें घेरें में ६ प वृत्त होंगे। अब प घेरों में वृत्तों की कुल संख्या ( केन्द्रीय वृत्त से गिनी जाकर ) —

परिधिशरा अष्टादश तूणीरस्थाः शराः के स्युः । गणितक्क यदि विचित्रे कुट्टीकारे श्रमोऽस्ति ते कथय ॥ २८९ ॥

इति मिश्रकव्यवहारे विचित्रकुट्टीकारः समाप्तः।

# श्रेढीबद्धसंकलितम्

इतः परं मिश्रकगणिते श्रेढीबद्धसंकलितं व्याख्यास्यामः । हीनाधिकचयसंकलितधनानयनसूत्रम्— व्येकार्धपदोनाधिकचयघातोनान्वितः पुनः प्रभवः । गच्छाभ्यस्तो हीनाधिकचयसमुदायसंकलितम् ॥ २५० ॥

# अत्रोदेशकः

चतुरुत्तरदश चादिहींनचयक्षीण पद्ध गच्छः किम्। द्वाबादिर्वृद्धिचयः षट् पदमष्टौ धनं भवेदत्र॥ २९१॥

# उदाहरणार्थ प्रश्न

परिध्यान शरों की संख्या १८ है। कुछ मिलाकर तरकश में कितने शर हैं, हे गणितझ, यदि तुमने विचित्र कुट्टीकार के सम्बन्ध में कष्ट किया है, तो इसे हळ करो।।२८९॥

इस प्रकार, मिश्रक व्यवहार में विचित्र बुद्दीकार नामक प्रकरण समाप्त हुआ।

श्रेढीबद्ध संकलित ( श्रेणियों का संकलन )

इसके पश्चात् इम गणित में श्रेणियों के संकलन की व्याख्या करेंगे।

धनात्मक अथवा ऋणात्मक प्रचयवाली समान्तर श्रेणी के योग को निकालने के किये नियम:---

प्रथमपद उस गुणनफर्क के द्वारा या तो घटाया अथवा बद्धाया जाता है, जो ऋणात्मक या धनात्मक प्रचय में श्रेणी के एक कम पदों की संख्या की अर्ज राशि का गुणन करने से प्राप्त होता है। तब यह प्राप्तफर्क श्रेणी के पदों की संख्या से गुणित किया जाता है। इस प्रकार, धनात्मक अथवा ऋणात्मक प्रचयवाकी समान्तर श्रेणी के योग को प्राप्त किया जाता है।।२९०॥

#### उदाहरणार्थ प्रक्त

प्रथम पद १४ है; ऋणात्मक प्रचय ३ है; पदों की संख्या ५ हैं। प्रथमपद २ है; बनात्मक प्रचय ६ है; और पदों की संख्या ८ है। इन दशाओं में से प्रत्येक में श्रेणी का बोग बतकाओ ॥२९१॥

<sup>(</sup>२९०) बीजीय रूप से,  $\left(\frac{\pi-\ell}{2}a\pm\omega\right)$  न = श, जहाँ न पदों की संख्या है, अ प्रथम पद है; व प्रचय है, और श भेगीका योग है।

अधिकहीनोत्तरसंकिळतधने आयुत्तरानयनसूत्रम्— गच्छिवभक्ते गणिते रूपोनपदार्धगुणितचयहीने। आदिः पदहृतवित्तं चायुनं व्येकपदद्छहतः प्रचयः॥ २९२॥

# अत्रोदेशकः

चत्वारिंशृद्रणितं गच्छः पक्क त्रयः प्रचयः । न ज्ञायतेऽधुनादिः प्रभवो द्विः प्रचयमाचक्ष्व ॥२९३॥

श्रेढीसंकछितगच्छान्यनसूत्रम् —

आदिविद्दीनो लाभः प्रचयार्थहतः स एव रूपयुतः।

गच्छो छाभेन गुणो गच्छः ससंकल्लियमं च संभवति ॥ २९४ ॥

#### अत्रोद्देशकः

त्रीण्युत्तरमादिर्द्धे वनिताभिश्चोत्पलानि भक्तानि । एकस्या भागोऽष्टौ कति वनिताः कति च कुसुमानि ॥ २९५॥

भनारमक अथवा ऋणारमक प्रचयबाळी समान्तर श्रेणी के योग के सम्बन्ध में प्रथमपद और प्रचय निकालने के किये नियम—

श्रेणी के दिये गये योग को पदों की संख्या द्वारा भाजित करो, और परिणामी भजनफरू में से प्रस्य द्वारा गुणित एक कम पदों की संख्या की भाधीराशि को घटाओ । इस प्रकार, श्रेणी का प्रथमपद प्राप्त होता है। श्रेणी के योग को पदों की संख्या द्वारा भाजित करते हैं। इस परिणामी भजनफरू में से प्रयम पद घटाते हैं। शेष को जब १ कम पदों की संख्या की आधी राशि द्वारा भाजित करते हैं, तो प्रस्य प्राप्त होता है। १२९२॥

# उदाहरणार्थ प्रश्न

श्रेणी का योग ४० है; पदों की संख्या ५ है; प्रचय ३ है; प्रथमपद अज्ञात है। उसे निकालो। यदि प्रथमपद २ हो, तो प्रचय प्राप्त करो॥ २९३॥

जो योग को पदों की अञ्चात संख्या से भाजित करने पर भजनफळ के रूप में प्राप्त होता है, ऐसे ज्ञात काम की सहायता से समान्तर श्रेणी में योग और पदों की संख्या निकाकने के लिये नियम—

काभ को प्रथम एद ( आदिपद ) द्वारा हासित किया जाता है, और तब प्रचय की आधी राशि द्वारा भाजित किया जाता है। परिणामी राशि में १ जोड़ने पर श्रेणी के पदों की संख्या प्राप्त होती है। श्रेणी के पदों की संख्या को काभ द्वारा गुणित करने पर श्रेणी का योग प्राप्त होता है।। २५४।।

#### उदाहरणार्थ पश्न

समान्तर श्रेणी के योग प्ररूपक, कोई संख्या के, उत्पत्न कूळ किये गये। २ प्रथमपद है, ३ प्रचय है। कोई संख्या की रिश्नयों ने आपस में ये फूळ बराबर-बराबर बाँटे। प्रत्येक स्त्री को ८ फूळ हिस्से में मिर्छे। खियाँ कितनी थीं, और फूछ कितने थे ? ॥ २९५॥

( १९२ ) बीजीय रूप से, 
$$a = \frac{u}{\eta} - \frac{\eta - 2}{2} = \frac{u}{\eta} + \frac{u}{\eta} - \frac{u}{\eta} + \frac{\eta - 2}{2}.$$
( २९४ ) बीजीय रूप से,  $\eta = \frac{w - u}{u/2} + 2$ , जहाँ  $w = \frac{u}{\eta}$  जो काम है।

वर्गसंकिलतानयनसूत्रम्— सैकेष्टकृतिर्द्धिमा सैकेष्टोनेष्टदलगुणिता । कृतियनचितिसंघातिककमक्तो वर्गसंकिलतम् ॥ २९६ ॥ अत्रोद्देशकः

अष्टाष्टादशर्विशतिषष्ट्येकाशीतिषटकृतीनां च। कृतिषनिविसंकलितं वर्गेचितिं चाशु मे कथय॥ २५७॥

इष्टायुत्तरपद्वर्गसंकिलतधनानयनसूत्रम्— द्विगुणैकोनपदोत्तरकृतिहतिषष्ठांशमुखचयहतयुतिः । व्येकपद्वा मुखकृतिसहिता पद्ताडितेष्टकृतिचितिका ॥ २९८ ॥

एक से आरम्भ होने वाली दी गई संख्या की प्राकृत संख्याओं के वर्गों का योग निकालने के क्रिये नियम —

दी गई संख्या को एक द्वारा बढ़ाते हैं, और तब वर्गात करते हैं। यह वर्गित राशि २ से गुणित की जाती है, और तब एक द्वारा बढ़ाई गई दस राशि द्वारा द्वासित की जाती है। इस प्रकार प्राप्त होव को दस संख्या की आधी राशी द्वारा गुणित करते हैं। यह परिणाम उस योग के सुन्य होता है जो दी गई संख्या के वर्ग, दी गई संख्या के धन और दी गई संख्या की प्राकृत संख्याओं को जोड़ने पर प्राप्त होता है। इस मिश्रित योग को ३ द्वारा भाजित करने पर (दी गई संख्या की) प्राकृत संख्याओं के वर्ग का योग प्राप्त होता है।। २९६॥

# उदाहरणार्थ प्रश्न

प्राकृत संख्याओं वाली कुछ श्रेणियों में, प्राकृत संख्याओं की संख्या (क्रम से) ८,१८,२०,६०,८१ और १६ है। प्रत्येक दशा में वह योगफक बतलाओ, जो दी गई संख्या का वर्ग, उसका घन, और प्राकृत संख्याओं का योग जोड़ने पर प्राप्त होता है। दो गई संख्या वाली प्राकृत संख्याओं के वर्गों का योग भी बतलाओं ॥ २९७॥

समान्तर श्रेणी में कुछ पदों के वर्गों का बोग निकासने के सिये नियम, जहाँ प्रथमपद, प्रचय और पदों की संस्था दी गई हो —

पदों की संख्या की दुगुनी राशि १ द्वारा हासित की जाती है, तब प्रथय के वर्ग द्वारा गुणित की जाती है, और तब ६ द्वारा भाजित की जाती है। प्राप्तफ में प्रथमपद और प्रचय के गुणनफक को जोड़ते हैं। परिणामी योग को एक द्वारा हासित पदों की संख्या से गुणित करते हैं। इस प्रकार प्राप्त गुणनफ में प्रथमपद की वर्गित राशि को जोड़ा जाता है। प्राप्त योग को पदों की संख्या से गुणित करने पर दी गई श्रेडि के पदों के वर्गों का योग प्राप्त होता है। २९८॥

( २९६ ) बीबीय रूप से,  $\left\{ \frac{2(\pi+1)}{3} + \frac{\pi}{2} = \pi \pi_2, \text{ जो } + \pi \pi$  तक की प्राकृत संख्याओं के वर्ग का दोग है ।

 $( \frac{28}{2} ) \left[ \begin{cases} \frac{(2\pi - 2) a^2}{5} + aa \\ (\pi - 2) + aa^2 \end{cases} \right] = समान्तर शेणी के पढ़ों के वर्गों का बोग।$ 

पुनरिष इष्टासुत्तरपद्वर्गसंकिलतानयनसूत्रम्— द्विगुणैकोनपदोत्तरकृतिहतिरेकोनपद्दताङ्गहृता । ज्येकपदादिचयाहतिमुखकृतियुक्ता पदाहता सारम् ॥ २९९ ॥

# अत्रोदेशकः

त्रीण्यादिः पञ्च चयो गच्छः पञ्चास्य कथय कृतिचितिकाम्। पञ्चादिश्वीण चयो गच्छः समास्य का च कृतिचितिका॥ ३००॥

घनसंक्रितानयनसूत्रम्— गच्छाघेबगेराशी रूपाधिकगच्छवर्गसंगुणितः । घनसंक्रितं प्रोक्तं गणितेऽस्मिन् गणिततत्त्वज्ञैः ॥ ३०१ ॥

#### अत्रोहेशक:

षण्णामष्टानामपि सप्तानां पंचिषक्तितीनां च। षट्पंचाक्तान्मिश्रितकातद्वयस्यापि कथय घनपिण्डम् ॥ ३०२ ॥

पुनः समान्तर श्रेणी में कोई संख्या के पदों के वर्गों का योग निकासने के खिये अन्य नियम, जहाँ प्रथम पद, प्रस्य, और पदों की संख्या दी गई हो—

श्रेणी के पदों की संख्या की दुगुनी राशि एक द्वारा हासित की जाती है, और तब प्रचय के वर्ग द्वारा गुणित की जाती है। प्राप्तफल एक कम पदों की संख्या द्वारा गुणित किया जाता है। यह गुणन-फल ६ द्वारा भाजित किया जाता है। इस परिणामी भजनफल में, प्रथम पद का वर्ग तथा एक कम पदों की संख्या का योग, प्रथम पद, और भचय, इन तीनों का संतत गुणनफल जोड़ा जाता है। इस प्रकार माप्त फल, पदों की संख्या द्वारा गुणित होकर, इष्ट फल को उत्पन्न करता है। २९५॥

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

किसी समान्तर श्रेणी में प्रथम पद ३ है, प्रचय ५ है, तथा पदों की संख्या ५ है। श्रेणी के पदों के वर्गों के योग को निकाको। इसी प्रकार, दूसरी समान्तर श्रेटि में प्रथम पद ५ है, प्रचय ३ है, और पदों की संख्या ७ है। इस श्रेणी के पदों के वर्गों का योग क्या है ?।। ३००।।

किसी दी हुई संख्या की प्राकृत रंख्याओं के घनों के योग को निकालने के लिये नियम-

पदों की दी गई संख्या की अर्बराधि के वर्ग द्वारा निरूपित राधि को १ अधिक पदों की संख्या के बोग के वर्ग द्वारा गुणित करते हैं। इस गणित में, यह फक गणिततस्वज्ञों द्वारा (दी हुई संख्या की) प्राकृत संख्याओं के घनों का बोग कहा गया है।। ३०१।।

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

प्रत्येक दशा में ६, ८, ७, २५ और २५६ पर्दो वाकी प्राकृत संख्याओं के चर्नों का योग बतकाओं ॥ ३०२ ॥

<sup>(</sup> ३०१ ) बीबीय रूप से,  $(\pi/2)^3$  (  $\pi+2$  ) $^2=$  शा $_3$  जो न परों तक की प्राकृत संख्याओं के बनों का योग है।

इष्टाद्युत्तरगच्छघनसंकिलतानयनसूत्रम्— चित्यादिहतिर्मुखचयशेषन्ना प्रचयनिन्नचितिवर्गे । आदौ प्रचयादूने वियुता युक्ताधिके तु घनचितिका ॥ २०३ ॥

# अत्रोद्देशकः

आदिस्रयश्चयो द्वौ गच्छः पद्भास्य घनचितिका । पद्भादिः सप्तचयो गच्छः षट् का भवेच घनचितिका ॥ ३०४ ॥

संकल्लितं संकल्लितानयनसूत्रम्— द्विगुणैकोनपदोत्तरक्वितहितरङ्गाहृता चयार्थयुता । आदिचयाद्वतियुक्ता व्येकपदन्नादिगुणितेन ॥ सैकप्रमवेन युता पददलगुणितेव चितिचितिका ॥ ३०५३ ॥

जहाँ प्रथम पद, प्रचय और पदों की संख्या को मन से चुना गया है, ऐसी समान्तर श्रेटि के पटों के बनों के थोग को निकालने के लिये नियम—

(दी हुई श्रेडि के सरक परों के) योग को प्रथम पद द्वारा गुणित कर, प्रथम पद और प्रचय के अंतर द्वारा गुणित करते हैं। तब श्रेडि के योग के वर्ग को प्रचय द्वारा गुणित करते हैं। यदि प्रथम पद प्रचय से छोटा हो, तो ऊपर प्राप्त गुणनफकों में से पहिले को दूसरे गुणनफक में से घटाबा जाता है। यदि प्रथम पद प्रचय से बदा हो, तो ऊपर प्राप्त प्रथम गुणनफक को दूसरे गुणनफक में जोड़ देते हैं। इस प्रकार घनों का इष्ट योग प्राप्त होता है।। ३०३।।

# उदाहरणार्थ प्रश्न

धनों का योग क्या हो सकता है, जब कि प्रथम पद ३ है, प्रचय २ है, और पदों की संख्या ५ है, अथवा प्रथम पद ५ है, प्रचय ७ है, और पदों की संख्या ६ है ? ॥ २०४ ॥

पेसी श्रेडि की दी हुई संख्या के पदों का बोग निकालने के लिए नियम, जहाँ पद उत्तरोत्तर १ से लेकर निर्दिष्ट सीमा तक प्राकृत संख्याओं के बोग हों, तथा वे सीमित संख्याचें दी हुई समान्तर श्रेडि के पद हों---

समान्तर श्रें हो गई श्रेंढ की पदों की संस्था की दुगुनी राशि को एक द्वारा कम करते हैं, और तब प्रचय के वर्ग द्वारा गुणित करते हैं। यह गुणनफळ ६ द्वारा भाजित किया जाता है। प्राप्त फळ प्रचय की अर्दराशि में जोड़ा जाता है, और साथ ही प्रथम पद और प्रचय के गुणनफळ में भी जोड़ा जाता है। इस प्रकार प्राप्त बोग को एक कम पदों की संस्था द्वारा गुणित किया जाता है। प्राप्त गुणनफळ को प्रथम पद तथा १ में प्रथम पद जोड़ने से प्राप्तराशि के गुणनफळ में जोड़ा जाता है। इस प्रकार प्राप्तराशि को जब श्रेंढ के पदों की संस्था की श्रद्ध राशिद्वारा गुणित किया जाता है, तो ऐसी श्रेंढ का इष्ट योग प्राप्त होता है, जिसके स्वपद ही निर्देष्ट श्रेंढ के योग होते हैं।।३०५-३०५।

<sup>(</sup>३०३) बीजीय रूप से,

<sup>±</sup> श अ (अ/व) + श<sup>2</sup> व = समान्तर श्रेढि के पदों के घनों का योग,

जहाँ श श्रेटि के सरल पदों का योग है। ६% में प्रथम पट का चिह्न यदि अ > व हो, तो + (धन); और यदि अ < व हो, तो -- ( ऋण ) होता है।

आदिः षट् पद्ध चयः पदमप्यष्टादशाथ संदृष्टम् । एकाद्येकोत्तरचितिसंकितं कि पदाष्ट्रदशकस्य ॥ ३०६६ ॥

चतुर-ंकिलतानयनसूत्रम् — सैकपदार्धपदाहितरइवैर्निहता पदोनिता त्र्याप्ता । सैकपद्मा चितिचितिचितिकृतिघनसंयुतिर्भवति ॥ २०७३ ॥

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

यह देखा जाता है कि किसी श्रेष्टिका प्रथम पद ६ है, प्रचय ५ है, और पदों की संक्या १८ है। इन १८ पदों के सम्बन्ध में, इन विभिन्न श्रेष्टियों के योगों के योग को बतकाओ, जो कि १ प्रथम पद बाकी और १ प्रचय वाकी हैं।।३०६२।।

( नीचे निर्दिष्ट और किसी दी हुई संस्था द्वारा निरूपित ) चार राशियों के योग को निकासने के सिये नियम—

दी गई संख्या १ द्वारा बदाई जाकर, आधी की जाती है, और तब निज के द्वारा तथा ७ द्वारा गुणित की जाती है। इस परिणामी गुणनफल में से वही दत्त संख्या घटाई जाती है। परिणामी शेष को १ द्वारा भाजित किया जाता है। इस प्रकार प्राप्त भजनफल जब एक द्वारा बदाई गई उसी दत्त संख्या द्वारा गुणित किया जाता है। इस प्रकार प्राप्त भजनफल जब एक द्वारा बदाई गई उसी दत्त संख्या द्वारा गुणित किया जाता है, तब चार निर्देष्ट राक्षियों का इप्ट योग प्राप्त होता है। ऐसी चार निर्देष्ट राशियों, कमशः, दी हुई संख्या तक की प्राकृत संख्याओं का योग, दी गई संख्या तक की प्राकृत संख्याओं के योगों के योग, दी गई संख्या का वर्ग और दी गई संख्या का चन होती हैं। १००३॥

( ३०५-२०५२ ) बीजीय रूप से, 
$$\left[ \left\{ \frac{(2\pi-2)^{3}}{8} + \frac{4}{2} + 244 \right\} (\pi-2) + 24(3+2) \right] \frac{\pi}{2}$$

यह समान्तर श्रेटि का योग है, जहाँ प्रथमपद किसी सीमित संख्या तक की प्राकृत संख्याओं बाली श्रेटि के योग का निरूपण करता है— ऐसी सीमित संख्या जो किसी समान्तर श्रेटि का ही एक पद है।

$$\frac{-1 \times (1+2) \times 6}{2} - 4$$
( ३०७२ ) बीजीय रूप से,

इस नियम में, निर्दिष्ट चार राशियों का योग है। यहाँ चार निर्दिष्ट राशियों, क्रमशः, ये हैं:— (१) 'न' प्राकृत संख्याओं का योग, (२) 'न' तक की विभिन्न प्राकृत संख्याओं द्वारा क्रमशः सीमित विभिन्न प्राकृत संख्याओं के योग, (३) 'न' का वर्ग और (४) 'न' का घन।

सप्ताष्टनवद्शानां षोडशपञ्चाशदेकषष्ठीनाम् । मृहि षतुःसंकितं सूत्राणि पृथक् पृथक् कृत्वा ॥ ३०८३ ॥ संघातसकलितानयनसूत्रम्— गच्छिस्किपसहितो गच्छचतुर्भागताडितः सैकः। सपदपद्छितिषिनिन्नो भवति हि संघातसंकिलितम् ॥ ३०९३ ॥

# अत्रोदेशकः

सप्तकृतेः षद्षष्ट्यास्त्रयोदशानां चतुर्दशानां च।
पञ्चाप्रविश्वतीनां कि स्यात् संघातसंकल्पितम् ॥ ३१०३ ॥
भिन्नगुणसंकल्पितानयनसूत्रम् —
समदल्खिषमस्तरूपं गुणगुणितं वर्गताहितं द्विष्ठम् ।

# उदाहरणार्थ प्रश्न

दी हुई संख्याएँ ७, ८, ९, १०, १६, ५० और ६१ हैं। आवश्यक नियमों को विचारकर, प्रत्येक दशा में, चार निर्देष्ट राशियों के योग को बतळाओ ॥३०८ है॥

( पूर्व व्यवहृत चार प्रकार की श्रेष्ठियों के ) सामृहिक योग को निकालने के लिये नियम-

पदों की संख्या की २ में जोड़ते हैं, और प्राप्तफल को पदों की संख्या के चतुर्थ भाग द्वारा गुणित करते हैं। तब इसमें एक जोड़ा जाता है। इस परिणामी राशि को जब पदों की संख्या के वर्ग को पदों की संख्या द्वारा बढ़ाने से प्राप्तराशि द्वारा गुणित किया जाता है, तब वह इष्ट सामूहिक योग को उरपन्न करती है।।३०९ है।।

# उदाहरणार्थ प्रश्न

४९, ६६, १६, १४ और २५ द्वारा निरूपित विभिन्न श्रेडियों के सम्बन्ध में इष्ट सामृहिक योग क्या होता ? ॥३१०३॥

गुणोत्तर श्रेढि में भिश्वों की श्रेढि के योग को निकासने के सिये नियम-

श्रीं के पदों की संख्या को अलग-अलग स्तम्भ में, क्रमशः, श्रून्य तथा १ द्वारा चिद्धित (marked) कर लिया जाता है। चिद्धित करने की विधि यह है कि युग्ममान को आधा किया जाता है, और अयुग्म मान में से १ घट:या जाता है। इस विधि को तब तक जारी रखा जाता है, जब तक कि अन्ततोगत्या श्रून्य प्राप्त नहीं होता। तब इस श्रून्य और १ द्वारा बनी हुई प्ररूपक श्रेवि को, क्रमबार, अन्तिम १ से उपयोग में लाते हैं, ताकि यह १ साधारण निष्पत्त द्वारा गुणित हो। जहाँ १ अभिधानी पद (denoting item) रहता है, वहाँ इसे फिर से साधारण निष्पत्ति द्वारा गुणित करते हैं। और जहाँ श्रून्य अभिधानी पद होता है, वहाँ वर्ग प्राप्त करने के खिये उसे साधारण निष्पत्ति द्वारा

<sup>(</sup>१०९२) बीजीय रूप से,  $\left\{ (7+3) \frac{\pi}{8} + ? \right\} (\pi^2 + \pi)$  योगों का सामूहिक योग है, अर्थात् नियम २९६, ३०१ और ३०५ से ३०५२ में बतलाई गई श्रेटियों के योगों तथा 'न' तक की प्राकृत संख्याओं के योग (इन सब योगों) का सामृहिक योग है।

अंशाप्तं व्येकं फलमाद्यन्यन्नं गुणोनरूपहृतम् ॥ ३११३ ॥

# अत्रोदेशकः

दीनारार्धं पक्कसु नगरेषु चयस्त्रिभागोऽभूत । आदिस्त्रयंशः पादो गुणोत्तरं सप्त भिन्नगुणचितिका । का भवति कथय शीघ्रं यदि तेऽस्ति परिश्रमो गणिते ॥ ३१३ ॥

अधिकहीनगुणसंकलितानयनसूत्रम्— गुणचितिरन्यादिहता विपदाधिकहीनसंगुणा भक्ता। व्येकगुणेनान्या फलरहिता होनेऽधिके तु फलयुक्ता॥ ३१४॥

गुणित करते हैं। इस किया का फल दो स्थानों में किया जाता है। इस प्रकार प्राप्त, एक स्थान में रखे हुए, पल के अंश को फल द्वारा ही भाजित करते हैं। तब उसमें से ५ घटाया जाता है। परिणामी राशि को श्रेढि के प्रथमपद द्वारा गुणित किया जाता है, और तब दूसरे स्थान में रखी हुई राशि द्वारा गुणित किया जाता है। इस प्रकार प्राप्त गुणनफल बब १ द्वारा हासित साधारण निष्पत्ति द्वारा भाजित किया जाता है, तब श्रेढि का इष्ट योग उत्पन्न होता है।। ३११२ ॥

# उदाहरणार्थ प्रश्न

५ नगरों के सम्बन्ध में, प्रथम पद है दीनार है, और साधारण निष्पत्ति है है। उन सबमें प्राप्त दीनारों के योग को निकाछो। प्रथमपद है है, साधारण निष्पत्ति है है और पदों की संख्या ७ है। यदि दुमने गणना में परिश्रम किया हो, तो यहाँ गुणोत्तर भिक्कीय श्रेडि का योग बतलाओ ॥३१२है-३१३॥

गुणोत्तर श्रेडि का योग निकासने के स्थि नियम, जहाँ किसी दी गई ज्ञात शांश द्वारा किसी निर्दिष्ट शिंत से पद या तो बढ़ाये या घटाये जाते हों—

जिसके सम्बन्ध में प्रथमपद, साधारण निष्पत्त और पदों की संख्या दी गई है ऐसी घुद्ध गुणोत्तर श्रेढि के योग को दो स्थानों में लिखा जाता है। इनमें से एक को दिये गये प्रथमपद द्वारा माजित
किया जाता है। इस परिणामी अजनफरू में से पदों की दी गई संख्या को घटाया जाता है। परिणामी
शेष की प्रस्तावित श्रेढि के पदों में जोड़ी जानेवाली अथवा उनमें से घटाई जानेवाली दत्त राशि द्वारा
गुणित किया जाता है। इस प्रकार प्राप्त राशि को १ द्वारा हासित साधारण निष्पत्ति द्वारा भाजित किया
जाता है। व्सरे स्थान में रखे हुए योग को इस अन्तिम परिणामी अजनफरू राशि द्वारा हासित किया
जाता है, जब कि श्रेढि के पदों में से दी गई राशि घटाई जाती हो। पर, यदि वह जोड़ी जाती हो, तो
व्सरे स्थान में रखे हुए गुणोत्तर श्रेढि के योग को इक्त परिणामी अजनफरू द्वारा बढ़ाया जाता है।
प्रश्येक दशा में प्राप्तफरू निर्दिष्ट श्रेढि का इष्ट योग होता है। ३१४॥

<sup>(</sup> ३११२) इस नियम में, भिन्नीय साधारण निष्पत्ति का अंश इमेशा १ छे लिया जाता है। अध्याय २ की ९४ वीं गाथा तथा उसकी टिप्पणी दृष्टक्य है।

थ, भर  $\pm \pi$ , (भर  $\pm \pi$ ) र  $\pm \pi$ ,  $\{$  (भर  $\pm \pi$ ) र  $\pm \pi$   $\}$  र  $\pm \pi$ ,  $\cdots$  इत्यादि ।

# अत्रोहेशकः

पश्च गुणोत्तरमादिद्वौँ त्रीण्यधिकं पदं हि चत्वारः। अधिकगुणोत्तरचितिका कथय विचिन्त्याशु गणिततत्त्वज्ञ ॥ ३१५॥ आदिस्त्रीणि गुणोत्तरमष्ट्रौ हीनं द्वयं च दश गच्छः। हीनगुणोत्तरचितिका का भवति विचिन्त्य कथय गणकाशु ॥ ३१६॥

आद्युत्तरगच्छधनिमश्राद्युत्तरगच्छानयनसूत्रम् — मिश्रादुद्धृत्य पदं रूपोनेच्छाधनेन सैकेन । छट्धं प्रचयः शेषः सरूपपदमाजितः प्रभवः ॥३१७॥ अत्रोद्देशकः

आयुत्तरपद्मिश्रं पञ्चाश्चद्धनिमहै्व संदृष्टम् । गणितज्ञाचक्ष्य त्वं प्रभवोत्तरपद्धनान्याशु ॥३१८॥ संकल्पितगतिभूवगतिभ्यां समानकालानयनसूत्रम्—

ध्रवगतिरादिविद्दीनश्चयदस्यकः सरूपकः कालः।

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

साधारण निष्पत्ति ५ है, प्रथमपद २ है, विभिन्न पदों में जोड़ी आनेवाली राशि ३ है, और पदों की संख्या ४ है। हे गणित तरवज्ञ, विचार कर शीघ्र ही (निर्दिष्ट रीति के अनुसार निर्दिष्ट राशि द्वारा बढ़ाए जाते हैं पद जिसके ऐसी) गुणोत्तर भ्रेडि के योग को बतलाओ ॥ ३१५ ॥

प्रथमपद ३ है, साथारण निष्पत्ति ८ है, पदों में से घटाई जानेवाकी राशि २ है, और पदों की संख्या १० है। ऐसी श्रेष्ठि का, हे गणितज्ञ, योग निकाको ॥ ३१६॥

प्रथमपद, प्रचय, पहों की संख्या और किसी समान्तर श्रेवि के योग के मिश्रित योग में से प्रथम पद, प्रचय और पदों की संख्या निकाछने के छिये नियम—

श्रीत के पदों की संख्या का निरूपण करनेवाली मन से चुनी हुई संख्या को दिये गये मिश्रित योग में से घटाया जाता है। तब १ से आरम्भ होने वाली और एक कम पदों की (मन से चुनी हुई) संख्यावाली प्राकृत संख्याओं का योग १ द्वारा बढ़ाया जाता है। इस परिणामी फल को भाजक मान कर, उत्पर कथित मिश्रित योग से प्राप्त होय को भाजित करते हैं। यह भजनफल इष्ट प्रचय होता है, और इस भाजन की किया में जो होय बचता है उसे जब एक अधिक (मन से चुनी हुई) पदों की संख्या द्वारा भाजित करते हैं, तो इष्ट प्रथमपद प्राप्त होता है।। १९७।

# उदाहरणार्थ प्रश्न

यह देखा जाता है कि किसी समान्तर श्रींत का योग, प्रथमपद, प्रचय और पदों की संख्या में भिकाबे जाने पर, ५० होता है। हे गणक, शीघ्रही प्रथमपद, प्रचय, पदों की संख्या और श्रेति के योग को बतळाओं !! ३१८ !!

सङ्काखित गति \* तथा ध्रुव गति से गमन करने वाले दो व्यक्तियों (को एक साथ रवाना होने पर एक जगह फिर से मिलने ) के किये समय की समान सीमा निकालने के किये नियम—

अपरिवर्तनशीक गति को समान्तर श्रेष्ठि वाकी गतियों के प्रथम पद द्वारा हासित करते हैं, और तब प्रचय की अर्द्ध राशि द्वारा भाषित करते हैं। इस परिणामी राशि में जब १ ओड़ते हैं, तब मिछने

<sup>(</sup> ३१७ ) अध्याय दो की गायाएँ ८० - ८२ तथा उनके नोट देखिये ।

<sup>#</sup> समान्तर शेंढि के पदों के रूप में प्ररूपित उत्तरोत्तर गतियों रूप गति ।

हिगुणो मार्गस्तद्रतियोगहतो योगकालः स्यात् ॥ ३१९ ॥ अत्रोहेशकः

कृश्चित्ररः प्रयाति त्रिभिरादा उत्तरैस्तथाष्टाभिः । नियतगतिरेकविंशतिरनयोः कः प्राप्तकालः स्यात् ॥ ३२०॥

अपरार्धोदाहरणम् ।

षद् योजनानि कश्चित्पुरुषस्त्वपरः प्रयाति च त्रोणि । उभयोरभिमुखगत्योरष्टोत्तरशतकयोजनं गम्यम् ।

प्रत्येकं च तयोः स्यात्कालः किं गणक कथय मे शोधम् ॥ ३२१३ ॥

संकल्लिसमागमकाल्योजनानयनसूत्रम् — उभयोराचोः शेषश्चयशेषहतो द्विसंगुणः सैकः । यगपत्प्रयाणयोः स्थान्मार्गे तु समागमः कालः ॥ ३२२३ ॥

का इष्ट समय प्राप्त होता है। (जब दो मनुष्य निश्चित गति से विरुद्ध दिशाओं में चल रहे हों, तब उनमें से किसी एक के द्वारा तय की गई औसत दूरी की दुगुनी राशि पूरी तथ की जानेवाली बात्रा होती है। जब यह उनकी गतियों के योग द्वारा भाजित की जाती है, तब उनके सिक्षने का समय प्राप्त होता है।)।। ३१८ १।

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

कोई मनुष्य आरम्भ में ३ की गति से और उत्तरोत्तर ८ प्रचय द्वारा नियमित रूप से बढ़ाने वाकी गति से जाता है। दूसरे मनुष्य की निश्चित गति २१ है। यदि वे एक ही दिशा में, एक समय, उसी स्थान से प्रस्थान करें, तो उनके मिछने का समय क्या होगा ?।। ३२०।।

( ऊपर की गाथा के ) उत्तरार्द्ध के लिये उदाहरणार्थ प्रश्न

एक मनुष्य ६ योजन की गति से और दूसरा ३ योजन की गति से यात्रा करता है। उनमें से किसी एक के द्वारा तय की गई ओसत दूरी १०८ योजन है। हे गणक, उनके मिछने का समय निकालों।। ३२१-३२१३।।

बदि दो व्यक्ति एक ही स्थान से, एक ही समय तथा विभिन्न संक्रकित गतियों से प्रस्थान करें, सो उनके मिलने का समय और तय की गई दूरी निकालने के लिये नियम—

डक दो प्रथम पदों का अंतर जब उक्त दो प्रचयों के अंतर से भाजित होकर और तब २ से गुणित होकर १ द्वारा बदाबा जाय, तो युगपत् यात्रा करने वाले उयक्तियों के मिलने का समय उत्पन्न होता है।। ३२२२ ।।

(३१९) बीजीय रूप से, (व - अ) ÷ २ + १ = स, जहाँ व निश्चल वेग है, ब प्रचय है, और स समय है।

चत्वार्याद्यष्टोत्तरमेको गच्छत्यथो द्वितीयो ना । द्वौ प्रचयश्च दशादिः समागमे कस्तयोः काळः ॥ ३२३५ ॥

वृष्युत्तरहीनोत्तरयोः समागमकालानयनसूत्रम्— शेषश्चाद्योरुभयोरचययुतदलभक्तस्ययुतः । युगपत्त्रयाणकृतयोर्मार्गे संयोगकालः स्यात् ॥ ३२४५ ॥ अत्रोहेशकः ।

पद्धाद्यष्टोत्तरतः प्रथमो नाथ द्वितीयनरः।

आदिः पश्चन्ननव प्रचयो हीनोऽष्ट योगकालः कः ॥ ३२५३ ॥

शीव्रगतिम्न्दगत्योः समागमकालानयनसूत्रम्—

मन्दगतिशीघगत्योरेकाशागमनमत्र गम्यं यन्।

तद्गलन्तरभक्तं लब्धदिनैस्तैः प्रयाति शीघोऽरूपम् ॥३२६३॥

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

एक व्यक्ति ४ से आरम्भ होने वाली और उत्तरोत्तर प्रचय ८ द्वारा बढ़ने वाली गतियों से यात्रा करता है । दूसरा व्यक्ति ३० से आरम्भ होने वाली और उत्तरोत्तर २ प्रचय द्वारा बढ़ने वाली गतियों से यात्रा करता है । उनके मिलने का समय क्या है ? ॥ ३२३ है ॥

एक ही स्थान से श्वाना होने वाले और एक ही दिशा में समान्तर श्रेडि में बदनेवाली गतियों से यात्रा करने वाले दो व्यक्तियों के मिलने का समय निकालने के लिए नियम, जब कि प्रथम दशा में प्रथम भनाश्मक है, और दूसरी दशा में ऋणाश्मक है:—

उक्त दो प्रथम पदों के अंतर को उक्त दो दिये गये प्रचयों का प्ररूपण करनेवाली संख्याओं के योग की अर्ज राशि द्वारा भाजित करने के पश्चात् प्राप्त फर्क में १ जोड़ा जाता है। यह उन दो यात्रियों के मिकने का समय होता है ॥३२४-३॥

# उदाहरणार्थ प्रश्न

प्रथम व्यक्ति ५ से आरम्भ होने वाकी और उत्तरोत्तर प्रचय ८ द्वारा बदनेवाकी गतियों से यात्रा करता है। दूसरे व्यक्ति की आरम्भिक गति ४५ है और प्रचय ऋण ८ है। उनके मिकने का समय क्या है ? ॥३२५२॥

भिन्न समयों पर रवाना होनेवाले और क्रमशः तीव और मंद्र गति से एक ही दिशा में चळनेवाले दो मनुष्यों के मिकने का समय निकालने के किए नियम—

मंदगित और तीव्रगति वाले दोनों एक ही दिशा में गमनशील हैं। तय की जानेवाली दूरी को यहाँ उन दो गतियों के अंतर द्वारा भाजित किया जाता है। इस भजनफरू द्वारा प्रकृपित दिनों में, तीव्र गतिवाला मंदगित वाले की ओर जाता है।।३२६ है।।

<sup>(</sup>३२४) इसकी तुछना ३२२ वीं गाथा में दिये गये नियम से करो।

नषयोजनानि कश्चित्प्रयाति योजनशतं गतं तेन । प्रतिदृतो ब्रजति पुनस्त्रयोदशाप्नोति कैर्दिवसैः ॥३२७३॥

विषमवाणेस्तूणीरवाणपरिधिकरणसूत्रम्— परिणाहस्त्रिभिरधिको दिल्लतो वर्गीकृतस्त्रिभिर्भक्तः । सैक. शरास्तु परिषेरानयने तत्र विपरीतम् ॥३२८३॥

#### अत्रोद्देशकः

नव परिधिस्तु शराणां संख्या न ज्ञायते पुनस्तेषाम् । त्र्युत्तरदशबाणास्तरपरिणाहशरांश्च कथय मे गणक ॥३२९२॥

श्रेढोबद्धे इष्टकानयनसूत्रम् — तरवर्गो रूपोनस्त्रिभविभक्तस्तरेण संगुणितः । तरसंकल्लिते स्वेष्टप्रताहिते सिश्रतः सारम् ॥३३०३॥

# उदाहरणार्थ प्रश्न

कोई व्यक्ति ९ योजन प्रतिदिन की गति से बान्ना करता है। इसके द्वारा १०० योजन की दूरी पहिले ही तब की जा चुकी है। एक संदेशवाहक उसके पीछे १३ योजन प्रति दिन की गति से सेजा गया। यह कितने दिनों में उससे जाकर मिलेगा ? ॥३२७२॥

तरकश में भरे हुए जात अयुग्म संख्या के शरों की सहायता से तरकश के शरों की परिध्यान-संख्या निकादने के किये ( तथा विकोम क्रमेण ) नियम---

परिध्यान शरों की संख्या की ३ द्वारा बदाकर आधा किया जाता है। इसे वर्गित किया जाता है, और तब ३ द्वारा भाजित किया जाता है। इस परिणामी राशि में १ जोड़ने पर तरकश के शरों की संख्या प्राप्त होती है। जब परिध्यान शरों की संख्या निकालनी होती है, तो विपरीत किया करनी पड़ती है।।२२८२।

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

शरों की परिध्यान संख्या ९ है । उनकी कुछ संख्या अज्ञात है। वह कौन सी हं ? तरकश में कुछ शरों की संख्या १६ है। हे गणितज्ञ, परिध्यान शरों की संख्या बतलाओ ॥६२९२॥

किसी भवन की श्रेणीबद्ध (एक के ऊपर दूसरी) इष्टकाओं (ईटों) की संख्या निकालने के किये नियम—

सतहों की संख्या के वर्ग की १ द्वारा हासित कर ३ द्वारा भाजित किया जाता है, और तब सतहों की संख्या द्वारा गुणित किया जाता है। इस प्रकार प्राप्त राशि में बह गुणनफल जोड़ते हैं, जो सबसे ऊपर की सतह की हैंटों को प्ररूपित करनेवाकी (मन से जुनी हुई) संख्या और एक से आरंभ होकर दी गई सतहों की संख्या तक की प्राकृत शंख्याओं के योग का गुणन करने से प्राप्त होता है। प्राप्तफल इह उत्तर होता है। १३० है।

 $<sup>(330\</sup>frac{1}{2})$  बीजीय रूप से,  $\frac{7^2-8}{8} \times 7 + 24 \times \frac{7(7+8)}{2}$ , यह, बनावट की कुछ हैंटों की संख्या है, और 'श' सर्वोच सतह में हैंटों की मन से जुनी हुई संख्या है।

पञ्चतरैकेनाम्रं व्यवघटिता गणितविन्मित्रे । समचतुरश्रश्रेढी कतीष्टकाः स्युर्भमाचक्ष्य ॥२३१३॥ नन्दावर्तोकारं चतुस्तराः षष्टिसमघटिताः । सर्वेष्टकाः कति स्युः श्रेढोबद्धं ममाचक्ष्य ॥२३२३॥

छन्दः शास्त्रोक्तषट्श्रययानां सूत्राणि — समद्रुविषमखरूपं द्विगुणं वर्गीकृतं च पदसंख्या । संख्या विषमा सैका द्छतो गुरुरेव समद्रुतः ॥३३३३॥

# उदाहरणार्थ प्रश्न

५ सतहवाछी एक वर्गाकार बनावट नैयार की गई है। सबसे उतर की सतह में केवल १ ईंट है। हे प्रश्न की गणना जानने वाले मित्र, इस बनावट में कुल कितनी हुँटें हैं? ॥६६१५॥ नन्यावर्त के आकार की एक बनावट उत्तरोत्तर हुँटों की सतहों से तैयार की गई है। एक एंकि में सबसे अपर की हैंटों का संख्यारमक मान ६० है, जिसके द्वारा ४ सतहें सम्मितीय बनाई गई हैं। बतलाओ इसमें कुल कितनी हुँटें लगाई गई हैं ? ॥६६२२ ।॥

छन्द ( prosody ) शास्त्रोक्त छः प्रत्ययों को जानने के छिये नियम--

दिये गये शब्दांशिक छन्द में शब्दांशों (अक्षरों) अथवा पदों की युग्म और अयुग्म संख्या को अखग स्वम्म में कमलः ० और १ द्वारा चिन्हित किया जाता है। (चिन्हित करने की विधि इसी अध्याय के २१११ वें सूत्र में देखिये।) वह इस प्रकार है: युग्ममान को आधा किया जाता है, और अयुग्म मान में से १ घटाया जाता है। इस विधि को तब तक जारी रखा जाता है, जब तक कि अंतती-गरवा छून्य प्राप्त नहीं होता। इस प्रकार प्राप्त अंकों की श्रृङ्कला में अंकों को दुगुना कर दिया जाता है, और तब श्रृङ्कला के विशिष्त सम्भव श्रीकों ति तथा जाते हैं। इस संतत गुणन का परिणामी गुणनफळ छन्द के विभिन्न सम्भव श्रीकों की संख्या होता है।।३३३१॥ इस प्रकार प्राप्त सभी प्रकार के श्रीकों में छहा और गुरु

किसी भी सतह की लम्बाई अथवा चौड़ाई पर ईंटों की संख्या, अग्रिम निम्न ( नीची ) सतह की ईंटों से १ कम होती है।

( १३२ 🖟 ) गाथा में निर्दिष्ट नन्यावर्त आकृति यह है—

(३३१२-३३६२) गुढ़ और लघु शब्दांशों (syllables) के भिन्न-भिन्न विन्यास के संवादों कई विभेद उत्पन्न होते हैं, दयोंकि श्लोक (stanza) के एक चौषाई भाग को बनानेवाले पद (line) में पाया जानेवाला प्रत्येक शब्दांश या तो लघु अथवा गुढ़ हो सकता है। इन विभेदों के विन्यासों के लिये कोई निश्चित कम उपयोग में लाया जाता है। यहाँ दिये गये नियम हमें निम्नलिखित को निकालने में सहायक होते हैं, (१) निर्दिष्ट शब्दांशों की संख्या वाले छन्द में सम्मव विभेदों की संख्या, (२) इन प्रकारों में शब्दांशों के विन्यास की विधि, (३) स्वक्रमस्चक स्थित द्वारा निर्दिष्ट किसी विभेद में शब्दांशों का विन्यास, (४) शब्दांशों के निर्दिष्ट विन्यास की क्रमस्चक स्थित, (५) निर्दिष्ट संख्या के गुढ़ और लघु शब्दांशों वाले विभेदों की संख्या, और (६) किसी विशेष छन्द के विभेदों का प्रदर्शन करने के लिये उदम (उम्ब रूप) जगह का परिमाण।

स्याल्रघुरेवं कमशः प्रस्तारोऽयं विनिर्दिष्टः । नष्टाङ्कार्थे लघुरथ तस्सैकदले गुरुः पुनः पुनः स्थानम् ॥३३४३॥

अक्षरों ( syllables ) के विन्यास को इस प्रकार निकाकते हैं-

? से आरम्भ होनेवाली तथा दिये गये छन्दों में श्लोकों की महत्तम सम्भव संस्था के माप में अंत होनेवाली प्राकृत संस्थाएँ दिखा जाती हैं। प्रत्येक अयुग्म संस्था में १ बोहा जाता है, और तब उसे आधा किया जाता है। जब यह किया की जाती है, तब गुरु अक्षर (syllable) निश्चित पूर्वेक स्चित होता है। जहाँ संस्था युग्म होती है वह तत्काक ही आधी कर दी जाती है, जिससे वह लघु प्रत्यय (syllable) को स्चित करती है। इस प्रकार, दशा के अञ्चसार (उसी सभय संदाही गुरु और स्वष्ट

स्त्रोक २३७६ में दिये गये प्रक्षों को निम्नलिखित रूप में इस करने पर ये नियम स्पष्ट हो जावेंगे— (१) छन्द में २ शब्दांश होते हैं: अब इम इस प्रकार आगे बढते हैं—

३-१ १ दाहिने हाथ की अंखला के अङ्गो को २ द्वारा गुणित करने पर हमें • प्राप्त २|२ ०

१ - १ होता है। अध्याय २ के ९४ वें श्लोक (गाथा) की टिप्पणी में समझाये अनुसार गुणन और वर्ग करने की विचि द्वारा हमें ८ प्राप्त होता है। यही विभेदों की संख्या है।

(२) प्रत्येक विमेद में शब्दांशों के विन्यास की विधि इस प्रकार प्राप्त होती है-

प्रथम प्रकार: १ अयुग्म होने के कारण गुरु शब्दांश है; इसिखये प्रथम शब्दांश गुरु है। इस १ में

(विभेद) १ जोड़ो, और योग को २ द्वारा भाजित करो। भजनफल अयुग्म है, और दूसरे गुरु शब्दांश को दर्शाता है। फिर से, इस भजनफल १ में १ जोड़ हो, और योग को २ द्वारा भाजित करते हैं; परिणाम फिर से अयुग्म होता है, और तीमरे गुरु शब्दांश को दर्शाता है। इस प्रकार, प्रथम प्रकार में तीन गुरु शब्दांश होते हैं, जो इस प्रकार दर्शाये जाते हैं ि ि

दितीय प्रकार : २ युग्म होने के कारण एछु शब्दांश स्वित करता है। जब इस २ को २ द्वारा (विभेद) भाजित करते हैं, तो मजनफल १ होता है जो अयुग्म होने के कारण गुरु शब्दांश को स्वित करता है। इस १ में १ जोड़ो, और योग को २ द्वारा भाजित करो; मजनफल अयुग्म होने के कारण गुरु शब्दांश को स्वित करता है। इस प्रकार, हमें यह प्राप्त होता है | रि

इसी प्रकार अन्य विमेदों को प्राप्त करते हैं।

- (३) उदाहरण के लिये, पाँचवाँ प्रकार (विमेद) उपर की तरह प्राप्त किया जा सकता है।
- (४) उदाइरण के लिये, | े प्रकार (विभेद) की क्रमसूचक स्थिति निकालने के लिये इम यह रीति अपनाते हैं—

| **1** | |

इन शब्दांशों के नीचे, जिसकी साधारण निष्पत्ति २ है और प्रथमपद १ है ऐसी गुणोत्तर ओढ जिस्तो । छष्ठ शब्दांशों के नीचे किस्ते अंक ४ और १ जोड़ो, और योग को १ द्वारा बदाओ । इमें ६ प्राप्त रूपाद्द्रगुणोत्तरतस्तू इष्टे छाङ्कसंयुतिः सैका।
एकायेकोत्तरतः पद्मूष्योधर्यतः कमोत्कमद्याः ॥३३५२॥
स्थाप्य प्रतिलोमन्नं प्रतिलोमन्नेन भाजितं सारम्।
स्याल्युगुरुक्षयेयं संख्या द्विगुणैकवर्जिता साध्या ॥३३६२॥

अक्षर देखते हुए ), १ जोड़ने अथवा नहीं जोड़ने के साथ आधी करने की किया, नियमित रूप से, तब तक जारी रखना चाहिये, जब तक कि, प्रत्येक दशा में छन्द के प्रत्ययों की यथार्थ संख्या प्राप्त नहीं हो जाती।

बिद स्वाभाविक क्रम में किसी प्रकार के पद का प्रकरण करनेवाली संख्या, (जहाँ अक्षरों का विन्यास ज्ञात करना होता है) युग्म हो तो वह आधी कर दी जाती हैं और छघु अक्षर को स्चित करती है। यदि वह अयुग्म हो, तो उसमें १ जोड़ा जाता है और तब उसे आधा किया जाता है: और वह गुरु अक्षर द्वाती है। इस प्रकार गुरु और छघु अक्षरों को उनकी क्ष्मचार स्थितिमें बारबार रखना पड़ता है जब तक कि पद में अक्षरों की सहस्तम संख्या प्राप्त नहीं हो जाती। यह, इंटोक (stanza) के हुए प्रकार में. गुरु और छघु अक्षरों के विन्यास को देता है।।३३४।।

कहाँ किसी विशेष प्रकार का इलोक दिया होने पर इसकी निर्दिष्ट स्थिति ( छन्द में सम्भव प्रकारों के इलोकों में से ) निकालना हो, वहाँ एक से आरम्भ होनेवाली और २ साधारण निष्पत्ति वाली गुणोत्तर श्रेष्ठि के पदों ( terms ) को लिख लिया जाता है, ( यहाँ श्रेष्ठि के पदों की संख्या, दिये गये छन्दों में अक्षरों की संख्या के तुल्य होती है )। इन पदों ( terms ) के ऊपर संवादी गुरु वा छच्छ अक्षर लिख लिये जाते हैं। वब इन्छु अक्षरों के ठीक नीचे की स्थिति वाले सभी पद ( terms ) जोड़े जाते हैं। इस प्रकार प्राप्त योग एक द्वारा बद्दाया जाता है। यह इष्ट निर्दिष्ट कमसंख्या होती है।

१ से आरम्भ होने वाली (और छन्द में दिये गये अक्षरों की संख्या तक जाने वाली ) प्राकृत संख्याएँ, नियमित कम और न्युरक्रम में, दो पंक्तियों में, एक दूसरे के नीचे लिख ली जाती हैं। पंक्ति की संख्याएँ १, २, ३ (अथवा एक ही बार में इनसे अधिक) द्वारा दाएँ से बाएँ ओर गुणित की जाती हैं। इस प्रकार प्राप्त ऊपर की पंक्ति सम्बन्धी गुणन-फकों हारा भाजित किये जाते हैं। तब पाप्त भजनफक, कविता (verse) में १, २, ३ या इनसे अधिक, छोटे या बड़े अक्षरों वाले (दिये गये छन्द में ) क्लोकों (stanzas) के प्रकारों की संख्या की प्रकृत्या करता है। इसे ही निकालना इस्ट होता है।

दिये गये छन्द (metro) में इलोकों के विभेदों की सम्भव संख्या को दो द्वारा गुणित कर एक द्वारा हासित किया जाता है। यह फळ अध्वान का माप देता है।

यहाँ, छम्द के प्रत्येक दो उत्तरोत्तर विभेदों (प्रकारों ) के बीच क्लोक ( stanzas ) के तुस्य अंतराक ( interval ) का होना माना जाता है ।।३३५% -३३६%।।

होता है। इसिक्टिये ऐसा कहते हैं कि त्रि-शब्दाशिक छन्द में यह छठगाँ प्रकार (विभेद) है। (५) मानको प्रकृत यह है: २ छोटे शब्दांशों वाले विभेद कितने हैं?

प्राकृत संख्याओं को नियमित और विलोम कम में एक दूसरे के नीचे इस प्रकार रखो: १२३ दाहिने ओर से बाई ओर को, ऊपर से और नीचे से दो पद ( terms ) लेकर, हम पूर्ववर्ती गुणनफड़

संस्था प्रस्तारविधि नष्टोहिष्टे लगकियाध्वानौ । षट्प्रत्ययांश्च शोवं त्र्यक्षरवृत्तस्य मे कथय ॥३३७३॥

इति सिश्रकन्यवहारे श्रेढीबद्धसङ्कलितं समाप्तम् । इति सारसंग्रहे गणितशास्त्रे महावीराचार्यस्य कृतो सिश्रकगणितं नाम पञ्जमन्यवहारः समाप्तः ॥

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

३ अक्षरों ( syllables ) वाले छन्द्र के सम्बन्ध में ६ प्रश्वयों को बतलाओ-...

(१) छन्द के सम्भव इलोकों (stanzas) की महत्तम संख्या, (२) उन इक्लोकों में अक्षरों के विन्यास का क्रम, (३) किसी दिये गये प्रकार के इलोकों में अक्षरों (शब्दांशों) का विन्यास, जहाँ छन्द में सम्भव प्रकारों की क्रमसूचक स्थित ज्ञात है, (४) दिये गये इलोक की क्रमसूचक स्थित, (५) किसी दी गई लघु या गुरु अक्षरों (शब्दांशों) की संख्यावाले दिये गये छन्द (metre) में इलोकों की संख्या, और (६) अध्वान नामक राशि ॥३३७३॥

इस प्रकार, मिश्रक व्यवहार में श्रेडिबद्ध संक्षित नामक प्रकरण समाप्त हुआ।

इस प्रकार, महावीराचार्य की कृति सारसंग्रह नामक गणितशास्त्र में मिश्रक नामक पद्धम व्यवहार समाप्त हुआ।

को उत्तरवर्ती गुणनफल द्वारा भाजित करते हैं। भजनफल ३ इष्ट उत्तर है।

<sup>(</sup>६) ऐसा कहा गया है कि छन्द के किसी भी प्रकार के गुरु और लघु शब्दांशों के निरूपण करनेवाले प्रतीक, एक अंगुल उदम (vertical) बगह ले लेते हैं, और कोई भी दो विभेदों के बीच का अंतराल (जगह) भी एक अंगुल होना चाहिये। इसलिये, इस छन्द के ८ प्रकारों (विभेदों) के लिये इष्ट उदम (vertical) जगह का परिमाण २×८—१ अथवा १५ अंगुल होता है।

# ७. चेत्रगणित व्यवहारः

सिद्धेभ्यो निष्ठितार्थेभ्यो बरिष्ठेभ्यः कृतादरः । अभिभेतार्थसिद्धचर्थं नमस्कुर्वे पुनः पुनः ॥ १ ॥

इतः परं क्षेत्रगणितं नाम षष्ठगणितमुदाहरिष्यामः । तद्यथा---

सेत्रं जिनप्रणीतं फलाश्रयाद्वयावहारिकं सूक्ष्मिति।
भेदाद् द्विधा विचिन्त्य व्यवहारं स्पष्टमेतद्भिधास्ये ॥ २ ॥
त्रिमुजचतुर्भेजवृत्तसेत्राणि स्वस्वभेद्भिन्नानि। गणिताणवपारगतेराचार्येः सम्यगुक्तानि॥ ३ ॥
त्रिमुजं त्रिधा विभिन्नं चतुर्भुजं पञ्चधाष्टधा वृत्तम्। अवशेषक्षेत्राणि ह्येतेषां भेदभिन्नानि॥ ४ ॥
त्रिमुजं तु समं द्विसमं विषमं चतुरश्रमिप समं भवति।
द्विद्विसमं द्विसमं स्यात्त्रिसमं विषमं वुधाः प्राहुः॥ ५ ॥
समवृत्तमर्थवृत्तं चायतवृत्तं च कम्बुकावृत्तम्। निम्नोन्नतं च वृत्तं बहिरन्तश्रकवालवृत्तं च ॥ ६ ॥

# ७. क्षेत्र-गणित व्यवहार ( क्षेत्रफल के माप सम्बन्धी गणना )

अपने इष्ट अर्थ की सिद्धि के लिये मैं मन, वचन, काय से कृतकृत्य और सर्वोत्कृष्ट सिद्धों को वारंवार सादर नमस्कार करता हूँ॥ १॥

इसके पश्चात् इम क्षेत्र गणित नामक विषय की छः प्रकार की गणना की व्याख्या करेंगे जो निम्निक्षित्त है—

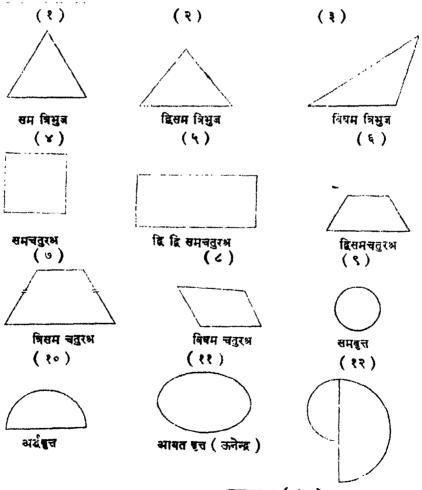
जिन भगवान् ने क्षेत्रफळ का दो प्रकार का माप प्रणीत किया है, जो फळ के स्वभाव पर आधारित है; अर्थाल् एक वह जो व्यावहारिक प्रयोजनों के लिये अनुमानतः लिया जाता है, और दूसरा वह जो सूक्ष्म रूप से खुद्ध होता है। इसे विचार में लेकर में इस विचय को स्पष्ट रूप से समझाऊँगा। २॥ गणित रूपी समुद्र के पारगामी आचार्यों ने सम्यक् (ठीक) रूप से विविध प्रकार के क्षेत्रफलों के विषय में कहा है। उन क्षेत्रफलों में त्रिशुज, चतुर्शुज और वृत्त (वकरेस्वीय) क्षेत्रों को इन्हीं कमवार प्रकारों में वर्णित किया है॥ ३॥ त्रिशुज क्षेत्र को तीन प्रकार में, चतुर्शुज को पाँच प्रकार में, और वृत्त को आठ प्रकार में विभाजित किया गया है। शेष प्रकार के क्षेत्र वास्तव में इन्हीं विभिन्न प्रकारों के क्षेत्रों के विभिन्न मेद हैं॥ ४॥ बुद्धिमान लोग कहते हैं कि त्रिशुज क्षेत्र, समत्रिशुज, द्विसम त्रिशुज (समद्विबाहु त्रिशुज) और विषम त्रिशुज हो सकता है, और चतुर्शुज क्षेत्र, समत्रिशुज, द्विसम त्रिशुज (समद्विबाहु त्रिशुज) और विषम त्रिशुज हो सकता है, और चतुर्शुज क्षेत्र भी समचतुरक्ष (वर्षो), व्रिद्धमचतुरक्ष (आयत), द्विसमचतुरक्ष (समल्यव चतुर्शुज, जिसकी तीन शुजार्ये बरावर नापकी हों), त्रिसमचतुरक्ष (समल्यव चतुर्शुज, जिसकी तीन शुजार्ये बरावर नापकी हों), त्रिसमचतुरक्ष (समल्यव चतुर्शुज, जिसकी तीन शुजार्ये बरावर नापकी हों), विषम चतुरक्ष (सोधारण चतुर्शुज क्षेत्र) हो सकता है॥ ५॥ वक्षसर्क क्षेत्र, समवृत्त (क्षात्र), विश्वक्षक्ष क्षेत्र), वक्षताक्षत क्षेत्र), विश्वक्षक्षताल क्षेत्र), वक्षताक्षत क्षेत्र), विश्वक्षक्षताल क्षुत्र (भीतर स्थित कक्षण) हो सकता है॥ ६॥ ६॥

<sup>(</sup>५-६) इन गाथाओं में कथित विभिन्न प्रकार की आकृतियाँ अगले पृष्ठ पर दर्शाई गई हैं —

# व्यावहारिकगणितम्

त्रिभुजचतुर्भुजस्त्रित्रफलानयनसूत्रम्— त्रिभुजचतुर्भुजबाहुप्रतिबाहु समासदलहर्तं गणितम् । नेमेर्भुजयुत्यर्धं व्यासगुणं तत्फल्लर्धमिह बालेन्दोः॥ ७ ॥

व्यावहारिक गणित ( अनुमानतः मापसम्बन्धी गणना )



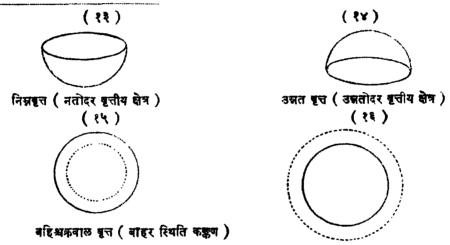
कम्बुकाइच ( शंख के आकार की आकृति )

त्रिभुजह्मेत्रस्याष्ट्री बाहुप्रतिबाहुभूमयो दण्डाः । तद्वयावहारिकफळं गणवित्वाचक्ष्य मे शीघ्रम् ॥८॥

बाहर की परिभियों के योग की अर्छराधि को कक्षण की चौड़ाई से गुणित करने पर प्राप्त होता है। . इस फल का यहाँ बाकचन्द्रमा सदश आकृति का सेत्रफल होता है ॥ ७ ॥

# उदाहरणार्थ प्रश्न

त्रिशुज के सम्बन्ध में, शुजा, सम्मुल शुजा, और आधार का माप ८ दंढ है; मुझे शीघ्र ही बतलाओं कि इसका न्यावहारिक क्षेत्रफल क्या है ? ॥ ८ ॥ दो बराबर शुजाओं वाले त्रिमुज के सम्बन्ध



अंतश्रकवालवृत्त ( भीतर श्थित कङ्कण )

चतुर्भुंब क्षेत्रों के क्षेत्रफल और अन्य मापों के दिये गये नियमों पर विचार करने पर जात होगा कि यहाँ कहे गये चतुर्भुंब क्षेत्र चक्रीय ( कृत में अन्तलिखित ) हैं। इसलिये समचतुरश्र यहाँ वर्ग है, क्षि-द्वितमचतुरश्र आयत है, और द्विसमचतुरश्र तथा त्रिसमचतुरश्र की ऊपरी मुजाएँ आधार के समानान्तर हैं।

(७) यहाँ त्रिमुन को ऐसा चतुर्भुज माना गया है, जिसके आधार की सम्मुख मुजा इतनी छोटी होती है कि वह उपेक्षणीय होती है। इस दशा में त्रिमुन की बाजू की दो मुनाएँ, सम्मुख मुनाएँ बन जाती हैं, और ऊपरी मुना मान में नहीं के बराबर की जाती है। इसकिये नियम में त्रिमुनीय क्षेत्र के सम्बन्ध में भी सम्मुख मुनाओं का उल्केख किया गया है; त्रिमुन दो मुनाओं के योग की अर्दर राशि समस्त दशाओं में ऊँचाई से बड़ी होती है, इसकिये इस नियम के अनुसार प्राप्त खेत्रफल किसी भी उदाहरण में सुस्म इस हो ठोक नहीं हो सकता।

चतुर्भुव क्षेत्रों के सम्बन्ध में इस नियम के अनुसार प्राप्त क्षेत्रफल वर्ग और आयत के विषय में ठीक हो सकता है, परन्तु अन्य दशाओं में केवल स्थूलरूपेण शुद्ध होता है। जिनका एक ही केन्द्र होता है, ऐसे दो इसों की परिधियों के बीच का क्षेत्र नेमिक्षेत्र कहलाता है। यहाँ दिये गये नियम के अनुसार नेमिक्षेत्र के व्यावहारिक क्षेत्रफल का माप शुद्ध माप होता है। बालेन्द्र वैसी बाक्सित का इस नियमान्तुसार मास क्षेत्रफल केवल अनुमानित हो होता है।

द्विसमत्रिमुजक्षेत्रस्यायामः सप्तसप्तिर्दण्डाः । विस्तारो द्वाविक्षतिर्य इस्ताभ्यां च संमिशाः ॥९॥ त्रिमुजक्षेत्रस्य भुजस्त्रयोदका प्रतिभुजस्य पञ्चदका । भूमिश्चतुर्दकास्य हि दण्डा विषमस्य कि गणितम् ॥ १० ॥ गजदन्तक्षेत्रस्य च पृष्टेऽष्टाक्षित्रत्र संदृष्टाः । द्वासप्तिरुद्दरे तन्मूलेऽपि त्रिक्षदिह् वण्डाः ॥११॥ क्षेत्रस्य दण्डविष्ट्वीद्वप्तिवाहुकस्य गणित्वा । समचतुरश्रस्य त्वं कथय सखे गणितफलमाशु ॥१२॥ आयतचतुरश्रस्य व्यायामः सैकषष्टिदि दण्डाः । विस्तारो द्वात्रिक्षात्रव्यव्यायामः सैकषष्टिदि दण्डाः । विस्तारो द्वात्रिक्षात्रव्यव्यायामः सैकषष्टिदि दण्डाः । विस्तारो द्वात्रिक्षात्रव्यव्यायमः नयिक्षक्षत्र वायामः । व्यासश्चाष्टित्रकात् क्षेत्रस्यास्य त्रयिक्षकृत् ॥१४॥ क्षेत्रस्याष्टीत्रकात्वण्डा बाहुत्रये मुखे चाष्टौ । इस्तिक्षिभर्युतास्तित्रसमचतुर्वोद्वकस्य वद गणक ॥ १५ ॥ विषमक्षेत्रस्याष्टित्रिक्षकृत्यः किमस्य चतुरश्चे॥ १६ ॥ पदिधोदरस्तु दण्डाक्षित्रस्युष्टं कृतत्रयं दण्टम् । नवपञ्चग्णो व्यासो नेमिक्षेत्रस्य कि गणितम ॥ १७ ॥

में दो भुजाओं द्वारा प्ररूपित लम्बाई ७७ दंढ है, और आधार द्वारा नापी गई चौदाई २२ दंढ और २ हस्त है: क्षेत्रफल निकालो ॥ ९ ॥ विषम त्रिभुज के सम्बन्ध में एक भुजा १३ इंड. सम्मुख भुजा १५ दड, और आधार १४ दंड है। इस आकृति के क्षेत्रफल का माप क्या है ? ॥ १० ॥ हाथी के दाँत के मध्य से फाड़े हुए छेद ( section ) की आकृति के बाहरी वक्र की लम्बाई ८८ दंड है, भीतरी बक की कम्बाई ७२ दंढ है. और जब के पास की सुटाई २० दंढ है: क्षेत्रफल निकाली ॥ ११ ॥ समायत ( वर्ग ) के सम्बन्ध में, जिसकी अजाओं में से प्रत्येक ६० इंड है, हे मिन्न, शीधही क्षेत्रफळ का परिणामी नाप बतलाओ ॥ १२ ॥ आयत चतुरक्ष क्षेत्र के सम्बन्ध में यहाँ सम्बाई ६१ दंड है और चौड़ाई ३२ दंह है। व्यावहारिक क्षेत्रफल बतलाओ ॥ १३ ॥ दो समान बाहुओं वाले चतुर्भुजों की प्रत्येक समान भुजा की लम्बाई ६७ इंड है, चौदाई (आधार पर ) ३८ है और ( ऊपर ) ३३ दंड है। क्षेत्रफल का माप बतलाओं ॥ १४ ॥ तीन बराबर भुजाओं वाले चतुर्भुज क्षेत्र की प्रत्येक समान भुजा १०८ दंड की है, और शेष ( मुख अथवा उपरी ) भुजायें ८ दंढ १ इस्त हैं। हं गणितज्ञ, इस क्षेत्र के क्षेत्रफल का माप बतलाओ ॥ १५ ॥ विषम चतुर्भुज का आधार ३८ इंड. अपरी मुख-भुजा ३२ दंह, बाजू की एक भुजा ( प्रतिबाह ) ५० दंड और दूसरी ६० दंड की है। इस आकृति का क्षेत्रफल क्या है ? ॥ १६ ॥ किसो कंकण में भीतरी वृत्ताकार सीमा ३० दंड की है, बाहरी वृत्ताकार सीमा ३०० दंड है और कक्कण की चौड़ाई ४५ है। इस कक्कण ( नेमि झेत्र ) का झेत्रफळ निकाको ॥ १७ ॥ बालचाँद सहश एक आकृति की चौदाई २ हस्त है। बाहरी वक ६८ हस्त और

(११) इस गाया में कथित आकृति का आकार बाज़ में दो गई आकृति के समान होता है।
प्रयोजन यह है कि इसे त्रिभुजीय क्षेत्र के समान वर्ता जावे, और तब इसका क्षेत्रफढ़
त्रिभुजीय क्षेत्रों सम्बन्धी नियम द्वारा निकाला जाय।

१. B और M दोनों में त्रिश्चतिः पाट है। छंदकी आवश्यकतानुसार इसे त्रिश्चदिह रूप में शुद्ध कर रखा गया है।

२. छ में "स्प्रति" के छिये "देक" पाठ है।

हस्तौ हो विष्कम्भः पृष्ठेऽष्टाषष्ट्रिरह् च संदृष्टाः । उद्दे तु द्वात्रिंचादुवालेन्दोः कि फलं कथय ॥ १८॥

ृ वृत्त**होत्रफ**ळानयनसूत्रम्—

त्रिगुणीकृतविष्कम्भः परिधिव्यीसार्धवर्गराशिरयम्। त्रिगुणः फर्छः समेऽर्धे वृत्तेऽर्धे प्राहुराचार्याः॥ १९॥

अत्रोद्देशक:

व्यासोऽष्टादश वृत्तस्य परिधिः कः फलं च किम्। व्यासोऽष्टादश वृत्तार्थे गणितं किं वदाशु मे ॥ २०॥

आयतवृत्तक्षेत्रफलानयनसूत्रम्— व्यासार्घयुतो द्विगुणित आयतवृत्तस्य परिधिरायामः । विष्कम्भचतुर्भागः परिवेषहतो भवेत्सारम् ॥ २१ ॥

अत्रोद्देशकः

क्षेत्रस्यायतवृत्तस्य विष्कम्मो द्वादर्शेव तु । आयामस्तत्र षट्त्रिंशत् परिधिः कः फलं च किम् ॥२२॥ भीतरी वक्र ३२ इस्त है। बतलाओ की परिणामी क्षेत्रफल क्या है १॥ १८॥

वृत्त का व्यावहारिक क्षेत्रफल निकालने के लिये नियम-

न्यास को ६ द्वारा गुणित करने से परिधि प्राप्त होती है, और न्यास (विष्कम्म) की अर्द्ध राशि के वर्ग को ३ द्वारा गुणित करने से पूर्ण वृत्त का क्षेत्रफल प्राप्त होता है। आचार्य कहते हैं कि अर्द्धवृत्त का क्षेत्रफल और परिधि का माप इनसे आधा होता है।। १९॥

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

वृत्त का ब्यास १८ है। उसकी परिधि और परिणामी क्षेत्रफक क्या हैं ? अर्ब्यूत का ब्यास १८ है। ब्रोध कहो कि उसके क्षेत्रफक और परिधि क्या हैं ?॥ २०॥

आयत वृत्त ( ऊनेन्द्र अथवा अंडाकार ) आकृति का क्षेत्रफल निकालने के लिये नियम-

बड़े व्यास को छोटे व्यास की अर्ड राशि द्वारा बढ़ाकर और तब २ द्वारा गुणित करने पर आयतवृत्त ( उनेन्द्र ) की परिधि का आयाम ( रूम्बाई ) प्राप्त होता है । छोटे व्यास की एक चौपाई राशि को परिधि द्वारा गुणित करने पर क्षेत्रफल का माप प्राप्त होता है ॥ २१ ॥

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

कनेन्द्र आकृति (elliptical figure ) के सम्बन्ध में छोटा ब्यास १२ है और बड़ा स्यास ३६ है। परिचि और परिणामी क्षेत्रफळ क्या है ?॥ २२॥

( १९ ) परिधि और क्षेत्रफल का माप यहाँ ( परिधि = π ) का मान ३ लेकर दिया गया है।

(२१) ऊनेन्द्र (आयतकृत या अंडाकृति) की पिषि के लिये दिया गया सूत्र स्पष्ट रूप से कोई भिन्न प्रकार का अनुमान है। ऊनेन्द्र का खेत्रफल (ग. अ. ब.) होता है, नहीं अ और न इस आयत कृत की क्रमहाः नहीं और छोटी अर्द्धांस (semiaxes) हैं। बदि ग का मान २ लें तन ग. अ. व = ३ अ. व होता है। परन्तु इस गाथा में दिये गये सूत्र से क्षेत्रफल का माप है (२ अ + २ व) २ ४ २ व = २ अव + व दोता है।

ग० सा॰ सं०-२४

शङ्काकारवृत्तस्य फळानयनसूत्रम्— बदनार्घोनो व्यासिक्तगुणः परिधिस्तु कम्बुकावृत्ते । बळयार्धकृतित्र्यंशो मुखार्धवर्गत्रिपाद्युतः ॥ २३ ॥ अत्रोद्देशकः

व्यासोऽष्टादश हस्ता मुखिबस्तारोऽयमपि च चत्वारः। कः परिधिः किं गणितं कथय त्वं कम्बुकावृत्ते॥ २४॥

निम्नोन्नतवृत्तयोः फलानयनसूत्रम्— परिषेश्च चतुर्भागो विष्कम्भगुणः स विद्धि गणितफल्लम् । चत्वाले कूमेनिभे क्षेत्रे निम्नोन्नते तस्मात् ॥ २५॥

शंख के आकार की वकरेखीय आकृति का परिणामी क्षेत्रफळ निकाकने के किये नियम— शंख के आकार के वकरेखीय (curvilinear) आकृति के सम्बन्ध में, सबसे बढ़ी चौड़ाई को मुख की अर्द्ध राशि द्वारा द्वासित और ३ द्वारा गुणित करने पर परिमिति (परिधि) प्राप्त होती है। इस परिमिति की अर्द्धशिक के वर्ग के एक तिहाई माग को मुख की अर्द्धशियों के वर्ग की तीन चौथाई राशि द्वारा हासित वस्ते हैं; इस प्रकार क्षेत्रफळ प्राप्त होता है। २३॥

#### उदाहरणार्थ एक प्रश्न

शंख (कम्बुकावृत्त) की भाकृति के सम्बन्ध में चौड़ाई १८ हस्त और मुख ४ इस्त है। उसकी परिमित्ति तथा क्षेत्रफळ निकाको ॥ २४ ॥

नतोदर और उन्नतोदर वर्तुल क्लों के क्षेत्रफल निकालने के लिये नियम-

समझो कि परिधि की एक चौथाई राशि को ब्यास द्वारा गुणित करने पर परिणामी झेन्नफछ प्राप्त होता है। इस प्रकार घत्वाल और कछुवे की पीठ जैसे नतोदर और उन्नतोदर झेन्नों का झेन्नफछ प्राप्त करना पदता है॥ २५॥

(२३) यदि अ ब्यास हो और म मुख का माप हो, तब ३ (अ  $- \frac{1}{2}$  म) परिधि का माप होता है और  $\left\{ \begin{array}{c} 3 \\ 2 \end{array} \right\}^2 \times \frac{1}{3} + \frac{1}{8} \times \left( \begin{array}{c} \mu \\ 2 \end{array} \right)^3$  क्षेत्रफल का माप होता है । दिये हुए वर्णन से आकृति का आकार स्पष्ट नहीं है । परन्तु परिधि और छेत्रफल के किये दिये राये मानों से वह एक ही ब्यास पर दो और भिन्न-भिन्न ब्यास वाले वृत्तों को खींचकर प्राप्त हुई आकृति का आकार माना जा सकता है, जो ६ वीं गाथा के नोट में १२ वीं आकृति में बतलाया गया है ।

(२५) यहाँ निर्दिट क्षेत्रफल गोलीय खंड का ज्ञात होता है। प्रतीक रूप से यह क्षेत्रफल  $\left(\frac{q}{2}\times a\right)$  के बराबर है, जहाँ प छेदीय हुत्त (किनार) की परिष्ठ है और व व्यास है। परन्तु इस प्रकार के गोलीय खंड के तल का क्षेत्रफल (२ $\times$  $\pi$  $\times$  $\pi$  $\times$ 3) होता है, जहाँ  $\pi$ = $\frac{qR_B}{e^2H}$ ,  $\pi$ = $\frac{q}{2}$ न्द्रीय हुत्त (किनार) की जिल्ला, और उ गोलीय खंड की ऊँचाई है।

चत्वाळक्षेत्रस्य व्यासस्तु भसंख्यकः परिधिः । षट्पञ्चादशद्दष्टं गणितं तस्यैव किं भवति ॥२६॥

कूमैनिभस्योन्नतवृत्तस्योदाहरणम् —

विष्कस्भः पद्भद्श दृष्टः परिधिश्च षट्त्रिंशत्।

कूर्मनिमे क्षेत्रे कि तस्मिन् व्यवहारजं गणितम् ॥ २७॥

अन्तश्चक्रवालवृत्तक्षेत्रस्य बहिश्चक्रवालवृत्रक्षेत्रस्य च व्यवहारफलानयनसूत्रम् — निर्गमसहितो व्यासिखगुणो निर्गमगुणो बहिर्गणितम् । रहिताधिगमव्यासादभ्यन्तरचक्रवालवृत्तस्य ॥ २८॥

#### अत्रोदेशकः

व्यासोऽष्टादश हस्ताः पुनर्बहिर्निर्गतास्त्रयस्तत्र । व्यासोऽष्टादश हस्ताश्चान्तः पुनरधिगतास्त्रयः किंस्यात् ॥ २९ ॥

समवृत्तक्षेत्रस्य व्यावहारिकफलं च परिधिप्रमाणं च व्यासप्रमाणं च संयोज्य एतत्संयोग-संख्यामेव स्वीकृत्य तत्संयोगप्रमाण राज्ञेः सकाज्ञात् पृथक् परिधिव्यासफलानां संख्यानयनसूत्रम्-गणिते द्वाद्शगुणिते मिश्रप्रक्षेपकं चतुःषष्टिः । तस्य च मूलं कृत्वा परिधिः प्रक्षेपकपदोनः ॥ ३०॥

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

चरवार (होम वेदी का अग्निकुण्ड ) क्षेत्र के क्षेत्रफल के सम्बन्ध में व्यास २७ है और परिधि ५६ है। इस कुण्ड का क्षेत्रफल निकालो ॥ २६ ॥

कछुवे की पीठ की तरह उन्नतोदर वर्तुरुतल के लिये उदाहरणार्थ प्रश्न

च्यास १५ है और परिचि ६६ है। कछुवे की पीठ की मौति इस क्षेत्र का ब्यावहारिक क्षेत्रफल निकालो ॥ २७ ॥

भीतरी कडूण और बाहरी कडूण के क्षेत्रफळ का ब्यावहारिक मान निकाळने के किये नियम-

भीतरी स्थास को कञ्चणक्षेत्र की चौड़ाई हारा बढ़ाकर जब २ हारा गुणित किया जाता है, और कञ्चणक्षेत्र की चौड़ाई हारा गुणित किया जाता है, तब बाहरी कञ्चण का क्षेत्रफल उरपन्न होता है। इसी प्रकार भीतरी कञ्चण के क्षेत्रफल को कञ्चण की चौड़ाई हारा हासित ब्वास हारा गुणित करने से पास करते हैं। २८॥

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

व्यास १८ इस्त है, और बाहरी कञ्चण क्षेत्र की चौड़ाई ३ है; व्यास १८ इस्त है, और फिर से भीतरी कञ्चण की चौड़ाई ३ इस्त है। प्रत्येक दशा में कञ्चण का क्षेत्रफळ निकालो ॥ २९ ॥

वृत्त आकृति की परिधि, व्यास और झेश्रफक निकासने के किये नियम, जबकि झेश्रफल, परिधि और न्यास का योग दिया गया हो---

१२ द्वारा गुणित डक्त तीन राशियों के मिश्रित योग में प्रक्षेपित ६४ जोड़ते हैं, और इस योग का वर्गमूक निकाळते हैं। ततुपरांत इस वर्गमूळ राशि को प्रक्षेपित ६४ के वर्गमूळ द्वारा हासित करने से परिश्व का माप प्राप्त होता है॥ ३०॥

<sup>(</sup>२८) अन्तश्रक्षवाल इत्तक्षेत्र और बहिश्चक्रवाल वृत्तक्षेत्र के आकार ७ वीं गाया के नोट में कथित नैमिक्षेत्र के आकार के समान हैं। इसिल्ये वह नियम जो इन सब आकृतियों के क्षेत्रफल निकालने के लिये है, व्यवहार में समान साधित होता है।

<sup>(</sup>३०) यह नियम निम्नलिखित बीबीय निरूपण से स्पष्ट हो बावेगा —

#### 166]

# अत्रोहेशक:

परिधिच्यासफलानां भिश्रं षोडशशतं सहस्रयतं। कः परिधिः किं गणितं ज्यासः को वा समाचक्ष्व ॥ ३१ ॥

यवाकारमर्देखाकारपणवाकारवञ्जाकाराणां क्षेत्राणां व्यावहारिकफलानयनसूत्रम्-यवसुरजपणवशकायुधसंस्थानप्रतिष्ठितानां तु। मुखमध्यसमासाधै त्वायामगुणं फलं भवति ॥ ३२ ॥

#### अत्रोद्देशक:

यवसंस्थानक्षेत्रस्यायामोऽशीतिरस्य विष्कम्भः । मध्यश्चत्वारिशत्पत्तं भवेत्वं ममाचक्ष्व ॥३३॥ आयामोऽशीतिरयं दण्डा मुखमस्य विंशतिर्भध्ये । चत्वारिंशत्थेत्रे मृदङ्गसंस्थानके ब्रहि !। ३४ ॥

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

किसी वृत्त की परिधि, व्यास और क्षेत्रफल का योग १९१६ है, उस वृत्त की परिधि, गणना किया हुआ क्षेत्रफळ और ज्यास के मापों को प्राप्त करो ॥ ३३ ॥

कम्बाई की ओर से फाइने से प्राप्त ( अन्वायाम छेद के ) (१) बवधान्य (२) मर्दछ (१) पणव और (४) वज्र आकार को बस्तुओं के ब्यावहारिक क्षेत्रफळ निकालने के लिबे नियम--

यबधान्य, मुरज, पणव और बज्र के आकार के क्षेत्रफलों के सम्बन्ध में इष्ट माप वह है जो अंत और मध्य माप के योग की अर्द्धराशि को लम्बाई द्वारा गुणित करने पर प्राप्त होता है ॥ ३२ ॥

#### उढाहरणार्थ प्रश्न

किसी सुदंग के आकार के क्षेत्र का क्षेत्रफळ निकालों जो लग्याई में ८० दंढ और अंत ( सुख ) में २० तथा मध्य में ४० दंढ हो ॥ ३४ ॥ किसी क्षेत्र के सम्बन्ध में जिसका आकार पणव समान

मानलं प इत की परिधि है। चूँकि त का मान ३ लिया गया है, इसलिये ब्यास = प और ३<sup>॰</sup> इह वृत्त का क्षेत्रफल है। यदि परिधि, व्यास और वृत्त के क्षेत्रफल, इन तीनों, का मिश्रित योग म हो, तो नियम में दिये गया सूत्र प=√ १२ म + ६४ - √ ६४ को समीकरण  $q + \frac{q}{3} + \frac{q^2}{24} = \pi$  द्वारा सरखतापूर्वक प्राप्त कर सकते हैं।

(३२) मुरज का अर्थ मर्दछ तथा मृदंग भी होता है। गाथा में कथित विभिन्न आकृतियों के आकार निम्नलिखित हैं---



समस्त आकृतियों के क्षेत्रफल के माप इस गाया में दिये गये नियमानुसार अनुमानतः ठीक हैं. क्योंकि नियम इस मान्यता पर आधारित है कि प्रत्येक सीमावर्ती वक्ररेखा उन सरल रेखाओं के योग के बराबर है, जो वकों के सिरों ( छोरों अथवा अन्तों ) को मध्य बिन्दु के मिलाने से प्राप्त होती हैं।

पणवाकारक्षेत्रस्यायामः सप्तसप्तिर्विण्डाः । मुख्योर्विस्तारोऽष्ट्रौ मध्ये दण्डास्तु चत्वारः ॥ ३५ ॥ वजाकृतेस्तथास्य क्षेत्रस्य षडप्रनवितरायामः ।

मध्ये सूचिमुँखयोखयोदश त्र्यंशसंयुता दण्डाः ॥ ३६॥

रभयनिषेधारिक्षेत्रफलानयनस्त्रम्— व्यासात्स्वायामगुणाद्विष्कम्भाधेन्नदीर्घमुत्सुज्य । त्वं वद निषेधमुभयोस्तद्धेपरिहोणमेकस्य ॥ ३७॥

# अत्रोद्देशकः

आयामः षट्त्रिंशद्विस्तारोऽष्टादशैव दण्डास्तु । उभयनिपेवे किं फल्लमेकनिषेवे च किं गणितम् ॥ ३८ ॥

बहुविधवज्राकाराणां क्षेत्राणां व्यावहारिकफलानयनसूत्रम् --रञ्जवर्धकृतित्रयंशो बाहुविभक्तो निरेकबाहुगुणः । सर्वेषामश्रतां फलं हिं विम्बान्तरे चतुर्थांशः ॥ ३५॥

है, कम्बाई ७७ दंड, दोनों मुखों में प्रत्येक का माप ८ दंड और मध्य का माप ४ दंड है। इसके क्षेत्र-फक का माप बतकाओ ॥ ३५ ॥ इसी प्रकार, किसी बज़ाकार क्षेत्र की कम्बाई ९६ दंड, मध्य में केवल मध्य बिन्दु है; और मुखों में से प्रत्येक का माप १२ दे दंड है। इसका क्षेत्रफल क्या है ? ॥ ३६ ॥

उभयनिषेध क्षेत्र के झेत्रफल को निकालने के लिये नियम -

लम्बाई और चौड़ाई के गुणनफल में से लम्बाई और आधी चौड़ाई के गुणनफल को घटाने पर उभयनिषेध क्षेत्रफल प्राप्त होता है। जो लम्बाई और आधी चौड़ाई के गुणनफल में से उसी घटाई जाने बाली राशि की अर्द्धराशि घटाई जाने पर प्राप्त होता है, वह एकनिषेध आकृति का क्षेत्रफल होता है।। ३७।।

उदाहरणार्थ प्रश्न

हम्बाई ३६ है, चौड़ाई केवल १८ इंड है। उमयनिवेध तथा एक निवेध क्षेत्र के क्षेत्रफलों को अलग अलग निकालो । १२८॥

बहुविधवज्र के आकार की रूपरेखा वाले क्षेत्रों के व्यावहारिक क्षेत्रफळ के माप को निकालने

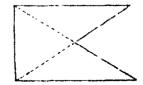
के छिये नियम-

परिमिति की अर्द्धराशि के वर्ग की एक विहाई राशि को अजाओं की संख्या द्वारा भाजित कर, और तब एक कम अजाओं की संख्या द्वारा गुणित करने पर, अजाओं से बने हुए समस्त क्षेत्रों के (बज़ाबार) क्षेत्रफल का माप प्राप्त होता है। इस फल का चतुर्थांश संस्पर्शी (एक दूसरे को स्पर्ध करने वाले) वृत्तों द्वारा चिरे हुए क्षेत्र का क्षेत्रफल होता है।। ३९।।

(३७) इस गाथा में कथित आङ्कृतियाँ नीचे दी गई हैं---

ये आकृतियाँ किसी चतुर्भुजकेत को उसके दो विकर्णों द्वारा चार त्रिभुजों में बाँट देने पर प्राप्त हुई दिखाई देती हैं। उभयनिषेष आकृति, इस चतुर्भुज के दो सम्मुख त्रिभुजों को इटाने पर प्राप्त होती है, और एकनिषेष आकृति ऐसे केवळ एक त्रिभुज को इटाने पर प्राप्त होती है।





(३९) इस गाथा में कथित नियम कोई भी संख्या की मुजाओं से बनी हुई आकृतियों का

षड्वाहुकस्य बाहोविंद्कम्भः पञ्च चान्यस्य । व्यासक्षयो भुजस्य त्वं षोडशबाहुकस्य वद् ॥ ४० ॥ त्रिभुजक्षेत्रस्य भुजः पञ्च प्रतिबाहुरिप च सप्त घरा षट् । अन्यस्य षडश्रस्य होकादिषडन्तविस्तारः ॥ ४१ ॥ मण्डलचतुष्टयस्य हि नवविष्कम्भस्य मध्यफलम् । षट्पश्चचतुर्व्यासा वृत्तत्रितयस्य मध्यफलम् ॥ ४२ ॥

धनुराकारह्मेत्रस्य व्यावहारिकफळानयनसूत्रम्— कृत्वेषुगुणसमासं बाणार्घगुणं शरासने गणितम् । शरवगीत्पञ्चगुणाज्ज्यावर्गयुतात्पदं काष्ठम् ॥ ४३ ॥

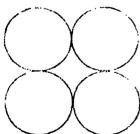
#### उदाहरणार्थ प्रश्न

छ: भुजाओं वाली आकृति की एक भुजा ५ है, और १६ भुजाओं वाली आकृति की एक भुजा १ है। प्रत्येक दशा में क्षेत्रफळ बताओ ॥ ४०॥ त्रिभुज के सम्यन्थ में एक भुजा ५ है, सम्मुख (दूसरी) भुजा ७ है, और आधार ६ है। दूसरी छ: भुजाकार आकृति में भुजाएँ कमवार १ से ६ तक हैं। प्रत्येक दशा में क्षेत्रफळ क्या है !॥ ४१॥ जिनमें से प्रत्येक का व्यास ९ है, ऐसे चार समान एक दूसरे को स्वर्श करने वाले दृत्तों द्वारा विरे हुए क्षेत्र का क्षेत्रफळ क्या है ? तीन एक दूसरे को स्वर्श करने वाले कमशः ६, ५ और ४ माप के व्यासवाले वृत्तों के द्वारा विरे हुए क्षेत्र का क्षेत्रफळ भी बतळाओ॥ ४२॥

धनुष के आकार की रूपरेखा है जिसकी ऐसे आकार वाली आकृति का व्यवहारिक क्षेत्रफल निकालने के लिये नियम---

बाण और ज्या ( कृति या डोरी ) के मापों को जोड़कर योगफल को बाण के माप की अर्द्ध राशि द्वारा गुणित करने से, धनुषाकार क्षेत्र का क्षेत्रफल प्राप्त होता है। बाण के माप के वर्ग को पद्वारा गुणित कर, और तब इसमें कृति (डोरी) के वर्ग को मिलाने से प्राप्त राशि का वर्गमूल धनुष की धनुषाकार काष्ट की लम्बाई होती है।। ४३॥

क्षेत्रफल देता है। यदि भुजाओं के मापों के योग की आधी राश्चिय हो, और भुजाओं की संख्या न हो,



तो क्षेत्रफल =  $\frac{4^2}{2} \times \frac{1-2}{1}$  होता है। यह एव विश्व, चतुर्भुज, घट्भुज, और वृत्त को अनन्त भुजाओं की आकृति मानकर, उनके सम्बन्ध में व्यावहारिक क्षेत्रफल का मान देता है। नियम का दूसरा भाग एक दूसरे को स्पर्ध करने वाले वृत्तों के द्वारा धिरे क्षेत्र के विषय में है। इस नियमानुसार प्राप्त क्षेत्रफल भी आनुमानिक होता है। पार्क में दिया गया चित्र, चार संस्पर्धी वृत्तों द्वारा सीमित क्षेत्र है।

(४३) घनुषाकार क्षेत्र रूपरेखा में, वास्तव में, वृत्त की अवधा (खण्ड) जैसा होता है। यहाँ घनुष चाप है, घनुष की डोरी (ज्या) चापकर्ण है, और बाण चाप तथा डोरी के बीच की महत्तम लम्ब रूप दूरी होती है। यदि च, क और ल इन तीनों रेखाओं की सम्बाईयों को निरूपित करते हों, तो गाया ४३ और ४५ में दिये नियमों के अनुसार यहाँ

# अत्रीहेशकः

ज्या षडविंदातिरेषा त्रयोदशेषुश्च कार्मुकं रष्टम्। कि गणितमस्य काष्ठ कि वाचक्वाञ्च मे गणक।। ४४।।

बाणगुणप्रमाणानयनसूत्रम---गुणचापकृतिविशेषात् पद्महतात्पद्मिषुः समुद्दिष्टः । श्वरवर्गात्पञ्चगुणादूना धनुषः कृतिः पदं जीवा ॥ ४५ ॥ अत्रोद्देशकः

अस्य धनुःक्षेत्रस्य शरोऽत्र न शायते परस्यापि । न ज्ञायते च मौर्वी तदुद्वयमाचक्ष्य गणितज्ञ ॥ ४६ ॥

# उदाहरणार्थ प्रक्त

एक धनुषाकार क्षेत्र की डोरी २६ है एवं बाण १३ है । हे गणक, शोधही सुक्षे इसके क्षेत्रफल और झुके हुए काष्ठ का माप बतलाओ ॥ ४४ ॥

धनुषाकार क्षेत्र के सम्बन्ध में बाणमाव और गुण ( डोरी ) प्रमाण नि हालने के लिये नियम-होरी और सुके हुए धनुष के बर्गों के अन्तर को ५ द्वारा भाजित करते हैं। परिणामी अजन फल का वर्गमूल बाण का इष्ट माप होता है। बाण के वर्ग को ५ द्वारा गुणित कर, प्राप्त गुणनफल को धनुष के चाप के वर्ग में से घटाते हैं। इस परिणामी राशि का वर्गमूळ डोरी के संवादी माप को देता है ॥ ४५ ॥

# उदाहरणार्थ प्रक्त

धनुषाकार क्षेत्र के बाण का माप अज्ञात है, और दूसरे ऐसे ही क्षेत्र की डोरी का माप अज्ञात है। है गणितज्ञ, इन दोनों मापों की निकालो ॥ ४६ ॥

धनुष क्षेत्र का क्षेत्रफल निकालने के लिये दिया गया स्त्र, चीन की सम्भवतः पुस्तकों को २१३ ईस्वी पूर्व में बलाये जाने की घटना से पूर्व की पुस्तक च्यु—चांग सुआन—चु (नवाध्यायी अंकगित ) में भी इसी रूप में दृष्टिगत होता है।

क्षेत्रफळ = 
$$(\pi + \varpi) \times \frac{\varpi}{2}$$

घनुष की लम्बाई =  $\sqrt{4 \varpi^2 + \varpi^2}$ 

बाग की लम्बाई =  $\{\sqrt{\pi^2 - \varpi^2}\}\ 2/4$ 

बाग की लम्बाई =  $\{\sqrt{\pi^2 - \varpi^2}\}\ 2/4$ 

एक्ष्म मानों के लिये इस अध्याय की ७३% और ७४% वीं गायाओं को देखिये।

पुनः घनुष की डोरी की लम्बाई = √ चर-५ छर

बम्बू द्वीप प्रशति (६/९) में तथा त्रिलोक प्रशति (४/२५९८) में यह मान क्रमशः इस प्रकार दिवा गया है-

बीवा = √ ( क्यास - बाण ) ४ बाण ) इस सूत्र का उद्गम बाबुल में प्रायः २६०० ईस्वी पूर्व क्यास = ४ बाण )² + ( जीवा )² ४ बाण ) रक्षानिलिप ग्रंथों में दृष्टि गत हुआ है । इस सम्बन्ध में तिकोय पण्णतिका गणित दृष्टक्य है । कूछिज के अनुसार पाययेगोरस के साध्य पर आधारित

बहिरन्तश्चतुरश्रकष्टत्तस्य ज्यावहारिकफलानयनसूत्रम्— बाह्ये वृत्तस्येदं क्षेत्रस्य फलं त्रिसंगुणं दलितम्। अभ्यन्तरे तदर्थं विपरीते तत्र चतुरश्चे॥ ४७॥

# अत्रोद्देशकः

पञ्चदशबाहुकस्य क्षेत्रस्याभ्यन्तरं बहिर्गणितम् । चतुरश्रस्य च वृत्तव्यवहारफलं ममानक्ष्व ॥ ४८ ॥

इति व्यावहारिकगणितं समाप्तम् ।

# अथ स्ट्रमगणितम्

इतः परं क्षेत्रगणिते सूक्ष्मगणितव्यवहार मुदाहरिष्यामः। तद्यथा आवाधावस्य-कानयनसूत्रम्—

भुजकृत्यन्तरभृहतभूभंक्रमणं त्रिबाहुकाबाधे । तद्भजवर्गोन्तरपदमवस्नकमाहुराचार्याः ॥ ४९ ॥

१. इसके पश्चात् M में निम्नलिखित और जुड़ा है—

त्रिमुज क्षेत्रस्य मुजद्रयसंयोगस्थानमारभ्यअधरिस्थत भूमि संस्पृष्ट रेखाया नाम अवसम्बकः स्यात्।

चतुर्भुंज के बहिलिंखित और अन्तर्लिखित बृत्त के क्षेत्रफल के ब्यावहारिक मान को निकासने के किये नियम--

अंतर्लिकित चतुर्भुं के क्षेत्रफल के माप की तिगुनी शक्ति की अर्द्धशिष ऐसे बाहरी परिगत वृत्त के क्षेत्रफल का माप होती है। इस दशा में जबकि वृत्त अन्तर्लिकित हो और चतुर्भुज बहिर्गत हो, तब उपर के प्राप्त माप की अर्द्धशिक्ष इष्ट राशि होती है ॥ ४७॥

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

चतुर्भुंज क्षेत्र की प्रत्येक भुजा १५ है। मुझे अंतर्गत और बहिर्गत मृत्रों के व्यावहारिक क्षेत्रफड़ के माप बतलाओ ॥ ४८ ॥

इस प्रकार क्षेत्रगणित व्यवहार में व्यावहारिक गणित नामक प्रकरण समाप्त हुआ। सूक्ष्म गणित

इसके पश्चात् इम गणित में क्षेत्रफर्कों के माप सम्बन्धी स्दम गणित नामक विषय का प्रतिपादन करेंगे। वह इस प्रकार है—

किसी दिने हुए जिसुज के आवाधाओं (खंड जिनमें की आधार छम्न के द्वारा विभाजित हो जाता है ) और अवलम्म (शीर्ष से आधार पर गिराया हुआ छम्म ) के माप निकालने के छिये नियम—

भुजाओं के वर्गों को बाधार द्वारा माजित करने से प्राप्त राश्चि आधार के बीच संक्रमण किया करने से त्रिभुज की आवाधाओं (आधार के खंडों) के माप प्राप्त होते हैं। आवार्य कहते हैं कि इन आवाधाओं में से एक, और संवादी आसच्च भुजा के वर्गों के अंतर का वर्गमूछ अवस्व का माप होता है। ४९॥

<sup>(</sup>४७) यहाँ दिया गया सूत्र वर्ग के सम्बन्ध में ठीक माप देता है, परन्तु अन्य चतुर्भुंजों के सम्बन्ध में जब ग का मान रे लेते हैं, तब केवल आनुमानिक मान प्राप्त होता है।

<sup>(</sup>४९) बीबीय रूप से प्ररूपित होने पर---

सूक्ष्मगणितानयनसूत्रम्— भुजयुत्यधेचतुष्काद्भुजहीनाद्धातितात्पदं सूक्ष्मम् । अथवा मुखतलयुतिदछमवलम्बगुणं न विषमचतुरश्चे ॥ ५० ॥ अत्रोहेशकः

त्रिभुजक्षेत्रस्याष्टौ दण्डा भूबीहुकौ समस्य त्वम् । सूक्ष्मं वद् गणितं मे गणितविद्वलम्बकावाघे ॥ ५१ ॥ द्विसमत्रिभुजक्षेत्रे त्रयोदश स्युर्भुजद्वये दण्डाः । दश भूरस्यावाघे अथावलम्बं च सूक्ष्मफलम् ॥ ५२ ॥ विषमत्रिभुजस्य भुजा त्रयोदश प्रतिभुजा तु पद्धदश । भूमिश्चतुदशास्य हि किं गणितं चावलम्बकावाघे ॥ ५३ ॥

त्रिभुज और चतुर्भुज क्षेत्रों के क्षेत्रफरों के स्कम माप निकारने के लिये नियम --

कमशः प्रस्थेक भुजा द्वारा हासित भुजाओं के योग की अर्जुराशि हारा निरूपित प्राप्त चार राशियाँ एक साथ गुणित की जाती हैं। इस प्रकार प्राप्त गुणनफळ का वर्गमूळ झेन्नफळ का सूक्ष्म माप होता है। अथवा झेन्नफळ का माप, कपरी सिरे से आधार पर गिराये गये छम्ब को आधार और कपरी भुजा के योग की अर्जुराशि से गुणित करने पर प्राप्त होता है। पर यह बाद का नियम विदम चतुर्भुंज के सम्बन्ध में नहीं है। ५०॥

# उदाहरणार्थ प्रश्न

समित्रभुज की प्रत्येक भुजा ८ दंड है। हे गणितज्ञ, उसके क्षेत्रफल का स्थम माप तथा शिषं से आधार पर गिराये हुए लम्ब और इस तरह प्राप्त आधार के खंडों के स्थम मानों को बतकाओ।। ५१।। किसी समिद्विबाहु त्रिभुज की बराबर भुजाओं में से प्रत्येक १३ दंड है और आधार का माप १० है। क्षेत्रफल, लम्ब और आधार की आवाधाओं के स्थम मापों को निकालो ॥ ५२॥ विषम त्रिभुज की एक भुजा १३, सम्मुख भुजा १५ और आधार १४ है। इस क्षेत्र का क्षेत्रफल, लम्ब और आधार की आवाधाओं के स्थम मान क्या है ?॥ ५३॥

$$\begin{aligned}
\mathbf{e}_{\gamma} &= \left(\mathbf{e} + \frac{\mathbf{a}^{2} - \mathbf{e}^{2}}{\mathbf{e}}\right) \times \mathbf{e}_{\gamma}; \\
\mathbf{e}_{\gamma} &= \left(\mathbf{e} - \frac{\mathbf{a}^{2} - \mathbf{e}^{2}}{\mathbf{e}}\right) \times \mathbf{e}_{\gamma}; \\
\mathbf{e}_{\gamma} &= \left(\mathbf{e} - \frac{\mathbf{a}^{2} - \mathbf{e}^{2}}{\mathbf{e}}\right) \times \mathbf{e}_{\gamma}; \\
\mathbf{e}_{\gamma} &= \left(\mathbf{e} - \frac{\mathbf{e}^{2} - \mathbf{e}^{2}}{\mathbf{e}}\right) \times \mathbf{e}_{\gamma};
\end{aligned}$$

और ल =  $\sqrt{a^2 - \pi_4^2}$  अथवा  $\sqrt{a^2 - \pi_2^2}$  होता है। यहाँ अ, ब, स त्रिभुज की भुजाओं का निरूपण करते हैं; स्व, स्व, ऐसे आधार के दो खंड हैं, जिनकी कुछ लाजाई स है, ल लाज है।

(५०) बीजीय रूप से निरूपित करने पर,

किसी त्रिभुज का क्षेत्रफल =  $\sqrt{u(u-a)(u-a)(u-a)}$ , जहाँ य भुजाओं के योग की आधी राश्चि है। अ, ब, स भुजाओं के माप हैं।

अथवा, क्षेत्रफळ = र् × छ, बहाँ छ शीर्ष से आधार पर गिराये गये छम्ब का मान है। ग•सा॰ सं∘-२५ इतः परं पञ्चप्रकाराणां चतुरश्रक्षेत्राणां कर्णानयनसूत्रम्— श्चितिहत्तविपरीतभुजौ मुख्गुणभुजमिश्रितौ गुणच्छेदौ । छेदगुणौ प्रतिभुजयोः संवर्णयुतेः पदं कर्णौ ॥ ५४ ॥

अत्रोदेशकः

समचतुरश्रस्य त्वं समन्ततः पञ्चबाहुकस्याद्य ।
कर्णं च सूक्ष्मफलमपि कथय सखे गणिततत्त्वज्ञ ॥ ५५ ॥
आयतचतुरश्रस्य द्वादश बाहुश्च कोटिरिप पञ्च ।
कर्णः कः सूक्ष्मं किं गणितं चाचक्ष्व मे शीध्रम् ॥ ५६ ॥
द्विसमचतुरश्रमूमिः षट्त्रिशद्वाहुरेकषष्टिश्च ।
सोऽन्यश्चतुर्देशास्यं कर्णः कः सूक्ष्मगणितं किम् ॥ ५७ ॥

इसके पश्चात् पाँच प्रकार के चतुर्भुजों के विकर्णों के मान निकालने के लिये नियम—
आधार को बड़ी और छोटी, दाइनी और बाई भुजाओं के द्वारा ग्रुणित करने से प्राप्त राशियों
को क्रमशः ऐसी दो अन्य राशियों में जोड़ते हैं, जो ऊपरी भुजा को दाहिनी और बाई ओर की छोटी और बड़ी भुजाओं द्वारा गुणित करने से प्राप्त होती हैं। परिणामी दो योग, गुणक और भाजक तथा सम्भुख भुजाओं के गुणनफर्कों के योग सम्बन्धी भाजक और गुणन की संरचना करते हैं। इस प्रकार प्राप्त राशियों के वर्गमुख बिकर्णों के इष्ट माप होते हैं॥ ५४॥

#### उदाहरणार्थ प्रक्रन

जिसकी चारों और की प्रत्येक भुजा का माप ५ है, ऐसे समभुज चतुर्भुंज के सम्बन्ध में है गणित सस्वज्ञ, विकर्ण तथा क्षेत्रफंक के सूक्ष्म मान शीघ बतलाओ ॥ ५५ ॥ आयत क्षेत्र के सम्बन्ध में क्षेतिज भुजा भाप में १२ है, और लम्ब रूप भुजा भाप में ५ है। मुक्के शीघ बतलाओ कि विकर्ण का और क्षेत्रफल का सूक्ष्म भाप क्या क्या है ? ॥ ५६ ॥ समिद्धवाहु चतुर्भुज (समलम्ब चक्कोय चतुर्भुज) की आधार भुजा ३६ है । एक भुजा ६१ है, और तूसरों भी उतनी ही है । जपरी भुजा १४ है । बतलाओ कि विकर्ण और क्षेत्रफल के सूक्ष्म माप क्या है ? ॥ ५७ ॥ समित्रबाहु चतुर्भुज (चक्कीय समित्रबाहु चतुर्भुज) के सम्बन्ध में १३ का वर्ग समान भुजाओं में से एक का माप होता है । आधार ४०७ है । विकर्ण का माप तथा आधार के कण्डों का माप और सम्बन्ध सेत्रफल के माप क्या क्या है ? ॥ ५८ ॥ किसी विषम चतुर्भुज की दाहिनी और बाई भुजाएँ १३ × १५ और चतुर्भुज कीत्र का क्षेत्रफल =  $\sqrt{(2-4)(2-4)(2-4)(2-4)}$ ; यहाँ य, भुजाओं के योग की अर्द्धराशि है, और अ, ब, स, द चतुर्भुज क्षेत्र की भुजाओं के माप हैं । अथवा, क्षेत्रफल =  $\sqrt{(2-4)(2-4)(2-4)(2-4)}$ ; यहाँ य, भुजाओं के योग की अर्द्धराशि है, और अ, ब, स, द चतुर्भुज क्षेत्र की भुजाओं के माप हैं । अथवा, क्षेत्रफल =  $\sqrt{(2-4)(2-4)(2-4)(2-4)}$ ; यहाँ य, भुजाओं के थोग की अर्द्धराशि है, और अ, ब, स, द चतुर्भुज क्षेत्र की भुजाओं के माप हैं । अथवा, क्षेत्रफल =  $\sqrt{(2-4)(2-4)(2-4)}$  के किस होता है, जहाँ ल अपरी भुजा के अंतों से आधार पर गिराये गये बराबर लग्जों में से किसी एक का माप है । त्रिभुज क्षेत्रों के लिये दिये गये ये स्त्र ठीक हैं, परन्तु जो चतुर्भुज क्षेत्रों के लिये दिये गये हैं वे केवल चक्रीय चतुर्भुजों के सम्बन्ध में ठीक हैं, क्योंक उन्हीं मार्गों के लिये क्षेत्रफल तथा लग्ज का मान परिवर्तनग्रील हो सकता है ।

(५४) बीजीय रूप से निरूपित चतुर्भुंब क्षेत्र के विकर्ण का माप यह है—
(अस + बद) (अद + सद) अथवा (अस + बद) (अद + बस), ये सूत्र केवल अद + बस

वर्गस्वयोदशानां त्रिसमचतुर्वाहुके पुनर्भूमिः। सप्त चतुरशतयुक्तं कर्णावाधावलम्बगणितं किम्॥ ५८॥ विषमचतुरश्रवाहू त्रयोदशाभ्यस्तपञ्चदशविंशतिकौ। पञ्जधनो बदनमधस्त्रिशतं कान्यत्र कर्णमुखफलानि॥ ५९॥

इतः परं वृत्तक्षेत्राणां सूक्ष्म फजानयनसूत्राणि । तत्र समवृत्तक्षेत्रस्य सूक्ष्मफलानयन सूत्रम्—

वृत्तस्रेत्रव्यासो दशपदगुणितो भवेत्परिक्षेपः । व्यासचतर्भोगगुणः परिधिः फल्लमधैमधै तत् ॥ ६० ॥

अत्रोद्देशकः

समवृत्तव्यासोऽष्टादश विष्कम्भश्च षष्टिरन्यस्य । द्वाविंशतिरपरस्य क्षेत्रस्य हि के च परिधिफले ॥ ६१ ॥

१३×२० हैं। ऊपरी भुजा (५)3 है, और नीचे की भुजा ३०० है। विकर्ण से आरम्भ कर सबके मान यहाँ क्या क्या हैं ? ॥ ५९ ॥

इसके पश्चात् वकरेखीय क्षेत्रों के सम्बन्ध में सूक्ष्म मानों को निकासने के लिये नियम दिये जाते हैं। उनमें से समक्षत्त के सम्बन्ध में सक्ष्म मान निकासने के लिये नियम---

बुत्त का ब्यास १० के वर्गमूल से ग्रुणित होकर परिश्विको उत्पद्म करता है। परिश्विको एक चौथाई ब्यास से गुणित करने पर क्षेत्रफल प्राप्त होता है। अर्द्धवृत्त के सम्बन्ध में यह इसका आधा होता है॥ ६०॥

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

किसी बृत्ताकार क्षेत्र के सम्बन्ध में वृत्त का ज्यास १८ है; दूसरे के सम्बन्ध में ६० है; एक और अन्य के सम्बन्ध में २२ है। परिधियां और क्षेत्रफळ क्या क्या हैं १॥ ६१॥ अर्ड्कृत्ताकार क्षेत्र चक्रीय चतुर्भुं के लिये ठीक हैं। त्यान अथवा विकर्णों के मानों को पहिले से बिना जाने हुए चतुर्भुं के क्षेत्रफल को निकालने के प्रयत्न के विषय में भारकराचार्य परिचित थे। यह उनकी लीलावती ग्रन्थ की निम्नलिखित गाथा से प्रकट होता है—

लम्बयोः कर्णयोर्वे कमिनिर्दिश्यापरान् कथम्।
पृच्छत्यनियतः वेऽपि नियतं चापि तत्फलम्॥
सप्रच्छकः पिशाचो वा वक्ता वा नितरां ततः।
यो न वैत्ति चतुर्वाहु सेत्रस्थानियतां स्थितिम्॥

(६०) इस गायानुसार  $\pi = \frac{q \ln \pi}{6214}$  का मान  $\sqrt{20} = 3.86...$ है। इससे भी सक्ष्म मान प्राप्त करने के लिये नवीं शताब्दी की घवला टीका ग्रंथों में निम्नलिखित रीति दी है—

१६ (व्यास) + १६ व्यास) = परिषि । इस सूत्र के वाम पक्ष के प्रथम पद में से अंश का + १६ इटा देने पर क का मान है के अथवा ३ १४१५९३ प्राप्त होता है, जिसे चीन में ४७६ ईस्वी पस्चात सु-ग्रंग-चिह द्वारा उपयोग में लाया गया है। वास्तव में यह सूत्र एक प्रदेश के व्यास के सम्बन्ध में प्रयुक्त हुआ है। असंख्यात प्रदेशों वाले अंगुल आदि व्यास के माप की इकाहयों के लिये + १६ का मान नगण्य हो जाता है, और चीनी मान प्राप्त हो जाता है। आर्थमङ द्वारा दिया गया क मान ई के इंड = ३ १४११६ है। मास्कराचार्य द्वारा मी यह मान ( के १९६९ है) रूप में हासित कर प्रकृपित किया गया है।

द्वादशविष्कम्भस्य क्षेत्रस्य हि चार्घष्टत्तस्य । षट्त्रिंशद्वचासस्य कः परिधिः किं फलं भवति ॥ ६२ ॥

आयतवृत्तक्षेत्रस्य सृक्ष्मफलानयनस्त्रम्— व्यासकृतिःषड्गुणिता द्विसंगुणायामकृतियुता ( पदं ) परिधिः । व्यासचतुर्भागगुणश्चायतवृत्तस्य सृक्ष्मफलम् ॥ ६३ ॥

अत्रोद्देशकः

आयतवृत्तायामः षर्ट्त्रशद्द्वादशास्य विष्कम्भः। कः परिधिः किं गणितं सृक्ष्मं विगणय्य मे कथय॥ ६४॥

शङ्काकारक्षेत्रस्य सूक्ष्मफलानयनसृत्रम्— वदनार्धानो व्यासो दशपदगुणितो भवेत्परिक्षेपः। मुखदलरहितव्यासार्धवर्गमुखचरणकृतियोगः॥ ६५॥ दशपदगुणितः क्षेत्रे कम्बुनिभ सृक्ष्मफल्लमेतत्॥ ६५३॥

का ब्यास १२ है। दूसरे क्षेत्र का व्याम ३६ है। बतलाओं कि परिधि क्या है और क्षेत्रफल क्या है १॥ ६२॥

भायतबुत्त (इकिप्स ) सम्बन्धी सूक्ष्म मानों को निकालने के लिये नियम-

छोटे ब्यास का वर्ग ६ द्वारा गुणित किया जाता है, और बड़े ब्यास की लम्बाई की दुगुनी राशि के वर्ग को उसमें जोड़ा जाता है। इस योग का वर्गमूल परिश्व का माप होता है। जब इस परिश्व के माप को छोटे ब्यास की एक चौथाई राशि द्वारा गुणित करने हैं, तब उनेन्द्र का सूक्ष्म क्षेत्रफल प्राप्त होता है। ६६॥

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

इकिएस के सम्बन्ध में बड़ ज्यास की लम्बाई ३६ और छोटे ज्यास की १२ है, गणना के पश्चात् बतलाओं कि परिधि क्या है और सुक्षम झेन्नफल क्या है ?॥ ६४ ॥

शंख के आकार की आकृति के सम्बन्ध में सुक्ष्म मानों को निकालने के लिये नियम--

आकृति की सबसे बड़ी चौड़ाई ( छोटे ज्यास ) की मुख की चौड़ाई की अर्डराशि द्वारा द्वादित कर, और तब १० के वर्गमूल द्वारा गुणित करने पर परिमाप (perimeter) उत्पन्न होता है। आकृति की महत्तम चौड़ाई की अर्द्राधि के वर्ग को मुख की आधी चौड़ाई द्वारा द्वादित करने से प्राप्त राशि में मुख की चौड़ाई की एक चौथाई. राशि के वर्ग को जोड़ते हैं। परिणामी योग को १० के वर्गमूल द्वारा गुणित करते हैं। प्राप्त राशि शंख आकृति का सुक्ष्म क्षेत्रफल होता है। ६५% ॥

<sup>(</sup>६३) यदि बड़ा व्यास 'अ' और छोटा व्यास 'ब' हो, तो इस नियमानुसार परिधि √ ६व + ४अ२ होती है, और क्षेत्रफल : है ब × √ ६व + ४४० होता है। इस गाया में (इस्तिलिपि में) परिधि प्राप्त करने के लिये प्राप्त राश्चि के वर्गमूल निकालने का कथन भूख से छूट गया है। यहाँ दिया गया क्षेत्रफल का सूत्र केवल एक अनुमान है, और वह इस के क्षेत्रफल की साम्यता पर आधारित है, जो ग × व × ह द्वारा प्ररूपित होता है: जहाँ व व्यास है और ( ग व ) परिधि है।

<sup>(</sup>६५३) बीजीय रूप से, परिधि = (अ - रे म )×√१० : तथा.

व्यासोऽष्टादश दण्डा मुखिवस्तारोऽयमि च चत्वारः। कः परिधिः किं गणितं सूक्ष्मं तत्कम्बुकावृत्ते॥ ६६३॥

वहिश्वकवालवृत्तक्षेत्रस्य चान्तश्वकवालवृत्तक्षेत्रस्य च स्र्क्ष्मफलानयनसूत्रम्— निगमसहितो व्यासो दशपदिनगंमगुणो बहिगैणितम् । रहितोऽभिगमेनासावभ्यन्तरचक्रवालवृत्तस्य ॥ ६७३ ॥

# अत्रोद्शकः

न्यासोऽष्टादश दण्डाः पुनर्बहिर्निर्गतास्त्रयो दण्डाः । सूक्ष्मगणितं वद त्वं बहिरन्तश्चक्रवालग्चतस्य ॥ ६८३ ॥ न्यासोऽष्टादश दण्डा अन्तः पुनरिधगताश्च चत्वारः । सृक्ष्मगणितं वद त्वं चाभ्यन्तरचक्रवालग्वत्तस्य ॥ ६९३ ॥

# उदाहरणार्थ प्रश्न

शंख आकृति के वकरेखीय क्षेत्र के संबंध में महत्तम चौड़ाई १८ दंढ है, और मुख की चौड़ाई ४ दंढ है। इसकी परिमिति और स्ट्म क्षेत्रफळ के माप क्या हैं ?॥६६३॥

बाहर स्थित और भीतर स्थित ( बहिश्चक्रवाल और अंतश्चक्रवाल ) कंकण के संबंध में स्क्म मापों को निकालने के लिये नियम —

भीतरी ज्यास में चक्रवाल वृत्त की चौड़ाई जोड़कर, प्राप्त राशि को १० के वर्गमूल तथा चक्र-वाल वृत्त की चौड़ाई द्वारा ग्रुणित करते हैं। इससे बहिश्वक्रवाल वृत्त का क्षेत्रफल प्राप्त होता है। बाहरी ज्यास को चक्रवाल वृत्त की चौड़ाई द्वारा हासित करते हैं। प्राप्त राशि को १० के वर्गमूल तथा चक्रवाल वृत्त की चौड़ाई द्वारा गुणित करने से अंतश्चक्रवाल वृत्त का क्षेत्रफल प्राप्त होता है॥६७५॥

# उदाहरणार्थ प्रश्न

चक्रवाक वृत्त का भीतरी अथवा बाहरी व्यास का साप १८ दंड है। चक्रवाक वृत्त की चौड़ाई ३ दंड है। बहिश्रक्रवाल वृत्त तथा अंतश्रक्रवाल वृत्त का सूक्ष्म साप बतलाओ ।। ६८२ ।। बाहरी स्यास १८ दंड है। अंतश्रक्रवाल वृत्त की चौड़ाई ४ दंड है। अंतश्रक्रवाल वृत्त का सूक्ष्म क्षेत्रफल निकालो ॥ ६९२ ।।

क्षेत्रफल =  $[\{(\mathbf{a} - \frac{1}{5} \, \mu) \times \frac{1}{5}\}^2 + \left(\frac{\mu}{8}\right)^2] \times \sqrt{2^n};$  बहाँ अ महत्तम चौड़ाई का माप है और म शंख के मुख की चौड़ाई है। गाथा २३ के नोट के अनुसार यहाँ भी इस आकृति को दो असमान अर्बहुतों द्वारा संरचित किया गया है।

यवाकारक्षेत्रस्य च धनुराकारक्षेत्रस्य च सूक्ष्मफळानयनसूत्रम्— इषुपादगुणश्च गुणो दशपदगुणितश्च भवति गणितफळप्। यवसंस्थानक्षेत्रे धनुराकारे च विज्ञेयम्॥ ७०३॥

#### अत्रोदेशकः

द्वादशदण्डायामो मुखद्वयं सृचिर्राप च विस्तारः । चत्वारो मध्येऽपि च यवसंस्थानस्य किं तु फल्रम् ॥ ७१३ ॥ धनुराकारसंस्थाने ज्या चतुर्विशतिः पुनः । चत्वारोऽस्येपुरुहिष्टः सृक्ष्मं किं तु फल्रं भवेत् ॥ ७२३ ॥

धनुराकारक्षेत्रस्य धनुःकाष्ट्रवाणप्रमाणानयनसूत्रम्— शरवर्गः षडुणितो ज्यावर्गसमन्वितस्तु यस्तस्य । मूळं धनुर्गुणेषुप्रसाधने तत्र विपरीतम्॥ ७३३ ॥

यवाकार क्षेत्र तथा धनुषाकार क्षेत्र के सम्बन्ध में सूक्ष्म मानों को निकालने के लिये नियम— धनुष की ढोरी को बाण की एक चौथाई राशि द्वारा गुणित करते हैं। प्राप्त फल को १० के वर्गमूल द्वारा गुणित करने पर धनुषाकार तथा यवाकार क्षेत्र के सम्बन्ध में क्षेत्रफल का सूक्ष्म रूप से ठीक मान प्राप्त होता है।। ७० है।।

#### उदाहरणार्थ पश्न

यवधान्य की बीच से फाइने से प्राप्त क्षेत्र की आकृति की महत्तम लम्बाई १२ दंड है; दो मिरे सुई-बिन्दु हैं, और बीच में चौड़ाई ४ दंड है। सेत्रफल क्या है ?॥ ७१ ने ॥ धतुषाकार रूपरेखा बाकी आकृति के संबंध में बोरी २४ है तथा बाण ४ है। क्षेत्रफल का सुक्ष्म माप क्या है ?॥ ७२ ने ॥

धबुष के वक्ष काष्ट तथा बाज को निकालने के लिये नियम, जब कि आकृति धनुषाकार है-

बाण के माप का वर्ग ६ द्वारा गुणित किया जाता है। इसमें डोरी के वर्ग को जोड़ते हैं। परिणामी बोग का वर्गमूक धनुष के बक्र काष्ठ का माप होता है। डोरी का माप और बाण का माप निकासने के सम्बन्ध में इसकी विपरीत किया करते हैं॥ ७३ ने॥

(७०३) घनुष के समान आकृति, इत की अवधा जैशी, स्पष्ट कर से दिखाई देती है। यहाँ अवधा का क्षेत्रफळ=क × उ × √ १० है। यह शुद्ध माप नहीं है।
अर्द्धत के क्षेत्रफळ को प्राप्त करने के लिये जो नियम है यह उसी की
साम्यता पर आधारित है। अर्द्धत का क्षेत्रफळ= π × २ क ४ है, जहां त्र त्रिज्या है! साधारण जापकर्ण के दोनों ओर के धनुष (बृत्त की अवधायें) मिळाने से यवाकार आकृति प्राप्त होती है। स्पष्ट है कि इस दशा में बाण का माप दुगुना हो जाता है। इस प्रकार यह एत्त इसके लिये भी प्रयोज्य है।
ब्रिटोक प्रवृत्ति में (४/२३७३ माग १, एष्ट ४४२ पर ) अवधा का क्षेत्रफळ सुत्र कप से यह है—

धनुषक्षेत्र = √ ( दे बाण × जीवा ) र ×१०

विपरीतिकयायां सूत्रम्— गुणचापक्रतिविशेषात्तकहृतात्पदिमषुः समुद्दिष्टः । शरवर्गात् षक्कणितादूनं धनुषः कृतेः पदं जीवा ॥ ७४३ ॥

अत्रोदेशकः

धनुराकारक्षेत्रे ज्या द्वादश षट् शरः काष्ठम् । न ज्ञायते सखे त्वं का जीवा कः शरस्तस्य ॥ ७५३ ॥

१. В और м दोनों में उपर्युक्त पाट है; पर इष्ट अर्थ "बहुणितादूनाया घनुष्कृते: पट् कीवा" से निकलता है ।

विपरीत किया के सम्बन्ध में नियम-

दोरी के वर्ग और धनुष के वक्रकाष्ट के वर्ग के अन्तर की है भाग शिंश का वर्गमूळ बाण का माप होता है। धनुषकाष्ट के वर्ग में से बाण के वर्ग की ६ गुनी शिंश को घटाने से प्राप्त होष का वर्गमूळ डोरी का माप होता है ॥ ७४२ ॥

## उदाहरणार्थ प्रश्न

धनुषाकार आकृति की ढोरी १२ है, और बाण ६ है। झुकी हुई काष्ठ का माप अज्ञात है। हे मिन्न, उसे निकालो। इसी आकृति के संबंध में ढोरी और उसके बाण के माप को अलग-अलग किस तरह निकालोगे, जब कि आवश्यक राशियाँ ज्ञात हों ?॥ ७५ रे॥

(७३३-७४३) बीजीय रूप से, चाप = 
$$\sqrt{\frac{1}{6}} \frac{1}{8} \frac{1}{8} = \sqrt{\frac{1}{6}} \frac{1}{8} = \sqrt{\frac{1}{6}} \frac{1}{8} = \sqrt{\frac{1}{6}} \frac{1}{8} = \sqrt{\frac{1}{6}} $

चापकाँ और बाज के पदों में चाप का मान समीकरण के रूप में देने के लिये अर्ड्ड्स बनानेवाले चाप की आधार मानना पड़ता है। प्राप्त सूत्र को किसी भी अवधा (इस खंड) के चाप का मान निकालने के उपयोग में लाते हैं। अर्ड्ड्सीय चाप = त्र X √ १० = √ १० तर = √ ६ तर + ४ तर होता है, बहाँ त्र त्रिक्सा अथवा अर्ड्ड्सास है। इसी सिद्धान्त पर आधारित यह सूत्र किसी भी चाप के लिये है। यहाँ ल = बाज (चाप तथा चापकाँ के बीच की महत्तम दूरी), और क = बीवा (चापकाँ) है। बम्बूदीप प्रशित (२/२४, ६/१०) में धनुषपृष्ठ का सूत्र महावीर के सूत्र समान है,

धनुषप्रष्ठ =  $\sqrt{\xi}$  (बाल  $^{2}$ ) + { (व्यास — बाल ) ४ बाल } =  $\sqrt{\xi}$  (बाल ) $^{2}$  + (जीवा ) $^{2}$  त्रिक्षोक प्रश्नित (४/१८१) में सूत्र इस रूप में है,

घनुष = √ २ {( ब्बास + बाण ) 2 - ( ब्यास ) 2}

बाण निकासने के लिये जम्बूदीप प्रशित (६/११) तथा त्रिकोक प्रशित (४/१८२) में अवतरित सूत्र हष्टक्य हैं।

मृद्क्वनिभक्षेत्रस्य च पणवाकारक्षेत्रस्य च वजाकार क्षेत्रस्य च सूक्ष्मफलानयनसूत्रम्— मुख्यगुणितायामफलं स्वधनुःफलसंयुतं सृद्क्वनिभे । तत्पणववज्रनिभयोधनुःफलोनं तयोरुभयोः ॥ ७६२ ॥ अत्रोद्देशकः

चतुर्विश्वतिरायामो विस्तारोऽष्टौ मुखद्वये । क्षेत्रे मृदङ्गसंस्थाने मध्ये षोडश कि फलम् ॥ ७७३ ॥ चतुर्विश्वतिरायामस्तथाष्टौ मुखयोर्द्वयोः । चत्वारो मध्यविष्कम्भः कि फल पणवाकृतौ ॥ ७८३ ॥ चतुर्विश्वतिरायामस्तथाष्टौ मुखयोर्द्वयोः । मध्ये सुचिस्तथाचक्ष्य वज्ञाकारस्य कि फलम् ॥ ७९३ ॥

नेमिक्षेत्रस्य च बालेन्द्राकार क्षेत्रस्य च इभदन्ताकारक्षेत्रस्य च सृक्ष्मफलानयनसृत्रम्— पृष्ठोदरसंक्षेपः षड्भक्तो व्यासरूपसंगुणितः । दशमूलगुणो नेमेबीलेन्द्रिभदन्तयोश्च तस्यार्धम् ॥ ८०३ ॥

भृदंगाकार, पणवाकार और बच्चाकार आकृतियों के संबंध में स्थम फर्लो को प्राप्त करने के रिये नियम---

जो महत्तम लम्बाई को मुख की चौड़ाई द्वारा गुणित करने पर प्राप्त होता है ऐसे परिणामी क्षेत्रफल में संबंधित घनुषाकृतियों के क्षेत्रफलों के मान को जोड़ते हैं। यह परिणामी योग मृदंग के आकार की आकृति के क्षेत्रफल का माप होता है। पणव और बक्र की आकृति के क्षेत्रफल प्राप्त करने के लिये महत्तम लम्बाई और मुख की चौड़ाई के गुणनफल से प्राप्त क्षेत्रफल को धनुषाकृति मंबंधी क्षेत्रफलों के माप द्वारा हासित करते हैं। शेषफल इष्ट क्षेत्रफल होता है॥ ७६ है॥

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

सृदंगाकार आफूति के संबंध में महत्तम छम्बाई २४ है। दो मुखों में से प्रश्येक के मुख की चौड़ाई ८ है। बीच में महत्तम चौड़ाई १६ है। क्षेत्रफल क्या है ?॥ ७७२ ॥ पणवाकृति के संबंध में महत्तम सम्बाई २४ है। इसी प्रकार प्रत्येक मुख की चौड़ाई ८ और केन्द्रीय चौड़ाई ४ है। क्षेत्रफल क्या है ?॥ ७८ है॥ वज्र के आकार की आकृति के संबंध में महत्तम सम्बाई २४ है। दो मुखों में से प्रश्येक की चौड़ाई ८ है। केन्द्र केवल एक बिन्दु है। क्षेत्रफल निकालो ॥ ७९ है॥

नेमिक्षेत्र और बालेन्दु समान क्षेत्र ( हाथो की खीस के अन्वायाम छेदाकृति ) के सूक्ष्म क्षेत्र-फलों को निकाकने के किये नियम—

नेमिसेत्र के संबंध में भीतरी और बाहरी वक्षों के माथों के योग को ६ द्वारा भाजित करते हैं। इसे कंकण की चौड़ाई से गुणित कर फिर से १० के वर्गमूक द्वारा गुणित करते हैं। परिणामी फक्ष इष्ट क्षेत्रफ होता है। इसका आधा बालेन्द्र का क्षेत्रफल अथवा हाथी की सीस की अन्वायाम छेदाकृति (इसदन्ताकार क्षेत्र) का क्षेत्रफल प्राप्त होता है॥ ८०२ ॥

(७६२) इस नियम का मूल आधार ३२ वीं गाथा में नोट में दिये गये चित्रों से स्पष्ट हो जावेगा।  $(2^{\frac{1}{2}})$  नेमिक्षेत्र के लिये दिया गया नियम यदि बीजीय रूप से प्ररूपित किया जाय, तो वह इस रूप में आता है—  $\frac{q_1+q_2}{\epsilon} \times \infty \times \sqrt{2^{\frac{1}{6}}}$ , जहाँ  $q_1,q_2$  दो परिधियों के माप हैं, और ल नेमिक्षेत्र

## अत्रोहेजकः

पृष्ठं चतुर्देशोदरमष्टी नेम्याकृती भूमी। मध्ये पत्वारि च तद्वालेन्दोः किमिभद्नतस्य ॥ ८१३ ॥

चतुर्मण्डलमध्यस्थितक्षेत्रस्य सुक्ष्मफलानयनसूत्रम्-बिष्कम्भवर्गराशेष्ट्रेत्तस्यैकस्य स्ट्रमफलम् । त्यक्ता समवृत्तानामन्तरजफ्छं चतुर्णा स्यात् ॥ ८२३ ॥

#### अत्रोहेशक:

गोलकचतुष्टयस्य हि परस्परस्पर्शकस्य मध्यस्य। स्क्मं गणितं किं स्याश्रत्कविष्कम्भयुक्तस्य ॥ ८३३ ॥

# उदाहरणार्थ प्रक्त

नेमिक्रेत्र के संबंध में बाहरी वक १७ है और भीवरी ८ है। बोच में चौड़ाई ७ है। क्षेत्रफर क्या है ? बालेन्द्र क्षेत्र तथा इभदन्ताकार क्षेत्र की आकृतियों का क्षेत्रफळ भी क्या होगा ? ॥ ८९ रे ॥

चार, एक दूसरे को स्पर्ध करने वाछे. बुत्तों के बीच के क्षेत्र (चतुर्मण्डक मध्यस्थित सेत्र ) के धुश्म क्षेत्रफछ को निकाकने के किये निवम---

किसी भी एक बृत्त के क्षेत्रफळ का सुक्ष्म माप यदि इस बृत्त के व्यास की वर्गित करने से प्राप्त राशि में से घटाया जाय, तो पूर्वोक्त क्षेत्र का क्षेत्रफळ प्राप्त होता है ॥ ८२३ ॥

## उदाहरणार्थ प्रश्न

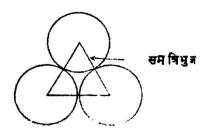
चार एक वृत्तरे को स्वशं करने वाले बुत्तों के बीच का क्षेत्रफल निकालो ( जब कि प्रश्वेक वृत्त का ब्यास ४ है ) ॥८३३॥

( फंकण ) की चौड़ाई है। इस नेमिक्षेत्र के क्षेत्रफल की तुलना गाथा ७ में दिये गये नोट में वर्णित आनुमानिक मान से की जाय, तो स्पष्ट होगा कि यह सूत्र शुद्ध मान नहीं देता । गाथा ७ में दिया गया मान शुद्ध मान है। यह गलती, एक गलत विचार से उदित हुई मालूम होती है। इस क्षेत्रफल के मान को निकालने के लिये, त का उपयोग प, और प, के मानों में अपेक्षाकृत उलटा किया गया है। इसके सम्बन्ध में बम्बुद्वीप प्रशति (१०/९१) और त्रिलोक प्रशति (४/२५२१-२५२२) में दिये गये सूत्र इष्टब्य है।

(८२३) निम्नलिखित आकृति से इस नियम का मूळ | (८४३) इसी प्रकार, यह आकृति भी नियम के कारण को शीघ ही स्पष्ट करती है।



ग० साक सं०-२६



वृत्तक्षेत्रत्रयस्थान्योऽन्यस्पर्शनाज्ञातस्थान्तरस्थितक्षेत्रस्य स्क्ष्मफळानयनस्त्रम्— विष्कम्भभानसमकत्रिभुजक्षेत्रस्य स्क्ष्मफळप् । वृत्तफळार्घेविद्दीनं फळमन्तरजं त्रयाणां स्थात् ॥ ८४३ ॥

#### अत्रोद्देशकः

विष्कम्मचतुष्काणां वृत्तक्षेत्रत्रयाणां च । अन्योऽन्यस्पृष्टानामन्तरजक्षेत्रगणितं किम् ॥ ८५३ ॥

.षडश्रहेत्रस्य कर्णायछम्बकसूर्स्मफछानयनसूत्रम्— भुजभुजकृतिकृतिवर्गा द्वित्रित्रिगुणा यथाक्रमेणैव । श्रुत्यवछम्बककृतिधनकृतयश्च षडश्रके क्षेत्रे ॥ ८६३ ॥

## अत्रोहेशक:

भुजषट्कक्षेत्रे द्वौ द्वौ दण्डौ प्रतिभुजं स्याताम् । अस्मिन् शृत्यवलम्बकसूक्ष्मफलानां च वर्गाः के ॥ ८७३ ॥

तीन समान परस्पर एक तूसरे को स्पर्श करनेवाले वृत्तीय सेत्रों के बीच के सेत्र का स्क्ष्म रूप से श्रुद्ध क्षेत्रफळ निकाळने के छिथे नियम---

जिसकी प्रत्येक अजा व्यास के बराबर होती है ऐसे सम त्रिश्चज का सूक्ष्म क्षेत्रफळ इन तीन मैं से किसी भी एक के क्षेत्रफळ की अर्द्धरामि द्वारा हासित किया जाता है। शेष ही इष्ट क्षेत्रफळ होता है ॥८४%॥

## उदाहरणार्थ प्रश्न

परस्पर एक दूसरे को स्पर्श करने वाले तथा माए में ४० व्यास वाले तीन वृत्तों की परिधियों से चिरे हुए क्षेत्र का सूक्ष्म क्षेत्रफळ क्या है ? ॥८५२॥

नियमित पर्भुज क्षेत्र के संध्ध में कर्ण, अवलम्ब ( सम्ब ) और क्षेत्रफल के सूक्ष्म रूप से शुद्ध मानों को निकालने के नियम---

षट्भुज क्षेत्र के संबंध में भुजा के भाप को, इस भुजा के वर्ग को तथा इसी भुजा के वर्ग के वर्ग को कमदाः २, ३ और ३ द्वारा गुणित करने पर उसी कम में कर्ण, कम्ब का वर्ग और क्षेत्रफल के माप का बर्ग प्राप्त होता है ॥८६५॥

# उदाहरणार्थ प्रश्न

नियमित घट्सुजाकार आकृति के संबंध में प्रत्येक सुजा २ दण्ड है। इस आकृति के कर्ण का वर्ग, छम्ब का वर्ग और सूक्ष्म सेन्नफल के माप का वर्ग बतलाओ ॥८७२॥

<sup>(</sup>८६ रै) यह नियम नियमित षट्मुब आकृति के लिये लिखा गया शात होता है। यह सूत्र षट्मुज के केत्रफळ का मान √ ३ अं देता है, वहाँ किसो भी एक भुजा की कम्बाई अ है। तथापि शुद्ध सूत्र यह है— अर् × रें रें

बर्गस्वरूपकरिणराशीनां युविसंख्यानयनस्य च तेषां वर्गस्वरूपकरिणराशीनां यथाक्रमेण परस्परिबयुतितः शेषसंख्यानयनस्य च सृत्रम्— केनाप्यपवर्तितफळपदयोगवियोगळविह्वाच्छेदात्। मृळं पदयुतिवियुती राशीनां विद्धि करिणगणितिमिदम्॥ ८८३॥

## अत्रोदेशकः

बोडशबट्त्रिशच्छतकरणीनां वर्गमूळिपण्डं मे । अथ चैतत्पदशेषं कथय सखे गणिवतत्त्वज्ञ ॥८९३॥ इति सूक्सगणितं समाप्तम् ।

कुछ वर्गमुख राशियों के योग के संख्यारमक मान तथा एक तूसरे में से स्त्राभाविक क्रम में कुछ वर्गमुख राशियों को घटाने के पश्चात् रोषफळ निकालने के क्रिये नियम----

समस्त वर्गमूळ राशियाँ एक ऐसे साधारण गुणनखंड द्वारा भाजित की जाती हैं, जो ऐसे भजनफर्जों को उत्पन्न करता है जो वर्गराशियाँ होती हैं। इस प्रकार श्राप्त वर्गराशियों के वर्गमूळों को जोड़ा जाता है, अथवा डन्हें स्वाभाविक क्रम में एक को दूसरे में से घटाया जाता है। इस प्रकार प्राप्त बोग और शेषफरू दोनों को वर्गित किया जाता है, और तब अलग अलग (पहिले उपयोग में लाए हुए) भाजक गुणनखंड द्वारा गुणित किया जाता है। इन परिणामी गुणनफर्कों के वर्गमूळ, प्रस में दो गई राशियों के बोग और अंतिम अंतर को उत्पन्न करते हैं। समस्त प्रकार की वर्गमूळ राशियों के गणित के संबंध में यह नियम जानना चाहिये॥८८ है॥

#### उदाहरणार्थ पश्न

हे गणिततस्वज्ञ सखे, मुझे १६, १६ और १०० राशियों के वर्गमूळों के योग को बतझाओ, और तब इन्हों राशियों के वर्गमूळों के संबंध में अंतिम शेष भी बतलाओ। इस प्रकार, क्षेत्र गणित स्ववहार में सुक्षम गणित नामक प्रकरण समास हुआ ॥८९२॥

साधित करने पर,

पूर्व राशि = 
$$\sqrt{x}$$
 (२+३+५) ; अवर राशि =  $\sqrt{x}$  (५ – (३ – २))  
=  $\sqrt{x}$  (१०) – " =  $\sqrt{x}$  (४)  
=  $\sqrt{x}$  ×  $\sqrt{200}$  " =  $\sqrt{x}$  ×  $\sqrt{2\xi}$   
=  $\sqrt{x}$  0 " =  $\sqrt{x}$  ×  $\sqrt{2\xi}$ 

<sup>(</sup>८८६) यहाँ आया हुआ ''करणी" शन्द कोई भी ऐसी राशि दर्शाता है जिसका वर्गमूल निकालना होता है, और जैसी दशा हो उसके अनुसार वह मूळ परिमेय (rational, धनराशि जो करकीरहित हो) अथवा अपरिमेय होता है। गाथा ८९६ में दिये गये प्रश्न को निम्न प्रकार से हल करने पर यह नियम स्पष्ट हो जावेगा—

 $<sup>\</sup>sqrt{\xi\xi} + \sqrt{\xi\xi} + \sqrt{\xi \cos 4} (\sqrt{\xi \cos }) - (\sqrt{\xi\xi} - \sqrt{\xi\xi})$  के मान निकालना हैं। इन्हें  $\sqrt{x}$  ( $\sqrt{x} + \sqrt{x} + \sqrt{x}$ );  $\sqrt{x} \{\sqrt{x} - (\sqrt{x} - \sqrt{x})\}$  द्वारा प्रकापित किया जा सकता है।

जन्यव्यवहारः

इतः परं होत्रगणिते जन्यव्यवहारमुदाहरित्यामः । इष्टसंख्याबीकाभ्यामायतचतुरअहेत्रा-नयनसूत्रम्— वरीविशेषः कोटिः संवर्गो हिगुणितो भवेद्वाहुः । वर्गसमासः कर्णस्रायतचतुरअक्षर्य ॥ ९०३ ॥ अत्रोदेशकः

एकद्विके तु बीजे क्षेत्रे जन्ये तु संस्थाप्य । कथय विगणय्य शीवं कोटिसुजाकर्णमानाणि ॥९१२॥ बीजे द्वे त्रीणि सखे क्षेत्रे जन्ये तु संस्थाप्य । कथय विगणय्य शीवं कोटिसुजाकर्णमानानि ॥९२२॥

पुनरिप बीजसंज्ञाभ्यामायतचतुरश्रक्षेत्रकल्पनायाः सूत्रम्— बीजयुतिबियुतिघातः कोटिस्तद्वर्गयोरच संक्रमणे । बाहश्रती भवेतां जन्यविधी करणमेतदपि ॥ ९३३ ॥

जन्य व्यवहार

इसके पश्चात् हम क्षेत्रफल माप सम्बन्धी गणित में जन्य किया का वर्णन करेंगे। मन से चुनी हुई संख्याओं को बीजों के समान लेकर उनकी सहायता से भागत क्षेत्र को प्राप्त करने के लिये नियम-

मन से प्राप्त आयत क्षेत्र के संबंध में बीज संख्याओं के वर्गों का अंतर लंब भुषा की संरचना करता है। बीज संख्याओं का गुणनफक २ द्वारा गुणित होकर दूसरी भुजा हो जाता है, और बीज संख्याओं के वर्गों का योग कर्ण बन जाता है ॥९०५॥

उदाहरणार्थ परन

ज्यामितीय आकृति के संबंध में (जिसे मन के अनुसार प्राप्त करना है) १ और २ लिखे जानेवाले बीज हैं । गणना के पश्चात् मुझे लम्ब भुजा, दूसरी भुजा और कर्ण के मार्पों को शीघ बतकाओ ॥९१ २॥

है मिन्न, २ और ३ की, मन के अनुसार किसी आकृति की प्राप्त करने के संबंध में, बीज छेकर गणना के पश्चात करन भूजा, अन्य भुजा और कर्ण शीध बतलाओ ॥९२ है॥

पुनः बीजों हारा निरूपित संख्याओं की सहायता से भायत चतुरश्र क्षेत्र की रचना करने के किये दूमरा नियम—

बीजों के योग और अंतर का गुणनफल सम्बमाप होता है। बीजों के योग और अंतर के वर्गों का संक्रमण अन्य अजा तथा कर्ण को उत्पन्न करता है। यह क्रिया जन्य क्षेत्र को (दिये हुए बीजों से) प्राप्त करने के उपयोग में भी छाई जाती है ॥९६२॥

(९०२) "जन्य" का शान्दिक अर्थ "में से उत्पन्न" अथवा "में से स्युत्पादित" होता है, इसलिये वह ऐसे त्रिमुज और चतुर्भुंज क्षेत्रों के विषय में है जो दिये गये न्यास (दत्त दशाओं) से प्राप्त किये जा सकते हैं। त्रिभुज और चतुर्भुंज क्षेत्रों की भुजाओं की सम्बाई निकालने को जन्य किया कहते हैं।

बीज, जैसा कि यहाँ वर्णित है, साधारणतः धनात्मक पूर्णोक होता है। त्रिमुज और चतुर्भुव क्षेत्रों को प्राप्त करने के लिये दो ऐसे बीज अपरिवर्तनीय ढंग से दिये गये होते हैं।

इस नियम का मूल आधार निम्निखिखित बीबीय निरूपण से स्पष्ट हो बायेगा-

यदि "अ" और "ब" बीज संख्यायें हो, तो अ — ब र स्मन का माप होता है। २ अब दूसरी भुना का माप होता है और अ में न कि का माप होता है, बन कि चतुर्भुन क्षेत्र आयत हो। इससे स्पष्ट है कि बीज ऐसी संख्याएँ होती हैं जिनके गुणनफर और वगों की सहायता से प्राप्त भुनाओं के मापों द्वारा समकोण त्रिभुन की रचना की जा सकती है।

(९३६) यहाँ दिये गये नियम में अर-वर, २ अ व और अर+वर को (अ + व) (अ - व), 👢

ः जिक्कासकवीजाभ्यां जन्यसेत्रं सखे समुत्याप्य । कोटिमुजाभृतिसंख्याः कथय विचित्त्याशु गणिततस्वज्ञ ॥ ९४३ ॥

इष्टजन्यसेत्राद्वीजसंज्ञसंख्ययोरानयनसूत्रम् — कोटिच्छेदावाप्त्योः संक्रमणे बाहुदळफळच्छेदौ । बीजे श्रुतीष्टक्रत्योयोंगवियोगार्धमूले ते ॥ ९५३ ॥

अत्रोदेशकः

कस्यापि क्षेत्रस्य च बोडश कोटिइच बीजे के।

त्रिंशदयबान्यबाहुर्वीजे के ते श्रुतिरचतुर्क्षिशत् ॥ ९६५ ॥

कोटिसंस्या ज्ञात्वा भुजाकणसंख्यानयनस्य च भुजसंख्या ज्ञात्वा कोटिकणसंख्यानयनस्य च कर्णसंख्या ज्ञात्वा कोटिभुजासंख्यानयनस्य च सूत्रम्— कोटिकतेरछेदाप्त्योः संक्रमणे श्रुतिभुजौ भुजकृतेर्वा। अथवा श्रुतीष्टकृत्योरन्तरपदिमष्टमपि च कोटिभुजे॥ ९७३॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

हे गणिततस्वज्ञ मित्र, ३ और ५ को श्रीज लेकर उनकी सहायता से जन्य क्षेत्र की रचना करो, और तर सोच विचार कर बीच्र ही लम्ब सुजा, अन्य सुजा और कर्ण के मापों को बतलाओ ॥१४५ ॥

बीजों से प्राप्त करने योग्य किसी दी गई आकृति संबंधी बीज संख्याओं को निकाकने के छिये

लम्ब भुजा के मन से जुने हुए बधार्थ भाजक और परिकामी मजनफल में संक्रमण किया करने से इट बीज इत्पन्न होते हैं। अन्य भुजा की अर्द्धांशि के मन से जुने हुए यथार्थ भाजक और परिणामी भजनफल भी इट बीज होते हैं। वे बीज क्रमशः कर्ण और मन से जुनी हुई संख्या की वर्णित राशि के योग की बर्द्धांकि के बर्गमुक तथा अंतर की अर्द्धांशि के वर्गमुक होते हैं। १९५३।।

. उदाहरणार्थ प्रश्न

किसी रैसिकीय आकृति के संबंध में स्वयं १६ है, बतकाओ बीज क्या क्या है ? अथवा यदि अन्य शुका ६० हो, तो बीकों को बतकाओ। बहि कर्ण ३४ हो, तो वे बीज कीनकीन हैं ? ॥९६५॥

अन्य भुजा और कर्ण के संस्थाध्यक मानों को निकासने के क्रिये नियम, जब कि सम्ब भुजा ज्ञात हो; सम्ब भुजा और कर्ण को निकासने के स्त्रिये नियम, जब कि भन्य भुजा ज्ञात हो; और सम्ब भुजा तथा सम्य भुजा को निकासने के स्त्रिये नियम, जब कि कर्ण का संस्थास्मक माप ज्ञात हो---

करव भुजा के बगे के मन से जुना हुए बयार्थ भाजक और परिणामी भजनफल के बीच संक्रमण किया करने पर क्रमशः कर्ण और अम्य भुजा शरपत्त होती हैं। इसी प्रकार अम्य भुजा के वर्ग के संबंध में वही संबक्षण किया करने से क्रम्ब भुजा और कर्ण के माप शरपत्त होते हैं। अथवा, कर्ण के बगे और किसी मन से जुनी हुई संक्या के बगे के अंतर की बगर्मक राशि तथा वह जुनी हुई संख्या क्रमशः करव भुजा और अन्य भुजा होती हैं ॥९७३॥

 $<sup>\</sup>frac{(a+a)^2-(a-a)^2}{2}$  और  $\frac{(a+a)^2+(a-a)^2}{2}$  के द्वारा प्रस्पित किया गया है।  $(24\frac{1}{2})$  इस नियम में कथित क्रियार्ए गाथा  $20\frac{1}{2}$  में कथित क्रियाओं से विपरीत हैं।

<sup>(</sup>९५२) इस नियम में कायत क्रियाए गाया ९०५ में कायत क्रियाल से विपर्तत है। (९७२) यह नियम निम्निकिसित सर्वसिमकाओं (identities) पर निर्मर है ---

कस्यापि कोटिरेकाद्श बाहुः बष्टिरन्यस्यः । श्रृतिरेकबष्टिरन्यास्यानुक्तान्यत्र मे कथय ॥ ९८३ ॥

द्विसमचतुरश्रक्षेत्रस्यानयनप्रकारस्य सूत्रम् — जन्यस्रेत्रभुजार्धहारफळजप्राग्जन्यकोट्योर्युति-भूरास्यं वियुत्तिर्भुजा श्रुतिरथास्पास्पा हि कोटिभेवेत्। आवाधा महती श्रुतिः श्रुतिरभूज्येष्टं फळं स्यात्फळं बाहुः स्यादवळस्वको द्विसमक्सेत्रे चतुर्वाहुके॥ ९९३॥

## उदाहरणार्थ पश्न

किसी आकृति के संबंध में, लम्ब मुजा ११ है, दूसरी आकृति के संबंध में अन्य ( दूसरी ) भुजा ६० है, और तीसरी आकृति के संबंध में कर्ण ६१ है। इन तीन दशाओं में अज्ञात भुजाओं के गापों को बतलाओ ॥ ९८% ॥

दिये गये बीजों की सहायता से दो बराबर शुजाओं वारू चतुर्श्वज सेन्न को प्राप्त करने की रीति के संबंध में नियम---

दिये गये बीजों की सहायता से प्राप्त प्रथम आयत की लम्ब भुजा को दूसरी आकृति (जिसे मूखतः प्राप्त आकृति के आधार की अर्द्शांध के मन से चुने हुए दो गुणनखंडों को बीज मानकर प्राप्त किया गया है ऐसी आकृति ) की लम्ब भुजा में जोड़नेपर दो बराबर भुजाओं वाले चतुर्भुज को न्न आधार उत्पन्न होता है। इन दो लम्बों के मापों के अन्तर से चतुर्भुज की उपरी भुजा उत्पन्न होती है। पूर्व कियत दो प्राप्त आकृतियों का छोटा कर्ण दो बराबर भुजाओं में से किसी एक का माप होता है। उन दो प्राप्त आकृतियों के सम्बन्ध में दो लम्ब भुजाओं में से छोटी भुजा, आधार के उस छोटे खंड का माप होती है जो उपरी भुजा के अंतों में से किसी एक से आधार पर लम्ब गिराने से चनता है। उन दो प्राप्त आकृतियों के सम्बन्ध में बड़ा कर्ण हुए कर्ण का माप होता है। उन दो प्राप्त आकृतियों में से बड़े का ब्रेन्नफल इष्ट आकृति का क्षेत्रफल होता है; और उन दो आकृतियों में से किसी एक का आधार, उपरी भुजा के अंतों में से किसी एक से आधार पर गिराये गये लम्ब का माप होता है। ९९२ ॥

?) 
$$\left\{ \frac{(3)^2 - 4^2)^2}{(31 - 4)^2} \pm (31 - 4)^2 \right\} \div ? = 31^2 + 4^2 \text{ and a } ? \text{ at a } (431 - 4)^2$$

$$\begin{array}{c} 2 & (2 + 4)^{3} \\ 2 & (3 + 4)^{3} \\ \end{array} + 2 & (3 + 4)^{3} \\ \end{array} + 2 & (3 + 4)^{3} \\ + 2 & (3 + 4)^{3} \\ + 2 & (3 + 4)^{3} \\ \end{array}$$

९९६) इस गाया में कथित नियम के अनुसार साधन किया जाने वाला प्रश्न यह है कि दो दिये गये बीजों की सहायता से दो बराबर भुजाओं वाले चतुर्भुज क्षेत्र की रचना किस प्रकार करना चाहिये। भुजाओं, कणों और ऊपरी भुजा के अंतों से आधार पर गिराये गये लग्नों तथा लग्न के कारण उत्पन्न हुए लंडों की लग्नाइयों दिये गये बीजों की सहायता से संरचित दो आयतों में से निकालना पड़ती है। इनमें से प्रथम आयत क्षेत्र ऊपर गाया ६०६ में दिये गये नियमानुसार बनाया जाता है। प्रथम आयत के आधार की लग्नाई की अर्द्धराधि के मन से चुने हुए दो गुणनखंडों में से उसी नियम के अनुसार दूसरा आयत केत्र बनता है। (उन दो गुणनखंडों को बीज मान लेते हैं।) इसलिये अन हम प्रथम आयत को, दूसरे आयत केत्र से अलग पहिचानने के लिये, प्राथमिक आइति कहेंगे।

चतुरश्रहेत्रस्य द्विसमस्य च पद्मषट्कबोजस्य । सुखमूसुजाबल्डम्बककर्णाबाधाधनानि वद् ।। १००३ ॥

## उदाहरणार्थ प्रश्न

दो बराबर भुजाओं वाले तथा ५ और ६ को बीज मानकर उनकी सहायता से रिवत चतुर्भुंज केंच्र के संबंध से उत्परी भुजा, आधार, दो बराबर भुजाओं में से एक, उत्परी भुजा से आधार पर गिराया गया छंब, कर्ण और आधार का छोटा लंड तथा क्षेत्रफल के मार्गों को बतकाओ ॥१००२॥

इस नियम का मूळ आधार गाया १०० है में दिये गये प्रश्न के इल की चित्रित करने वाली निम्निलिखत आकृतियों से स्पष्ट हो जायेगा। यहाँ दिये गये बोज ५ और ६ हैं। प्रथम आयत अथवा बीजों से प्राप्त प्राप्तिक आकृति अ ब स द है—

[नोट-ये आकृतियाँ पैमाने रहित हैं।] इस आकृति में आधार की लम्बाई की अर्द्धराश्च ३० है। इसके दो गुणनखंड ३ और १० चुने जा सकते हैं। इन संख्याओं की सहायता से ( उन्हें बीच मानकर ) संरचित आयत क्षेत्र इफ गह है--

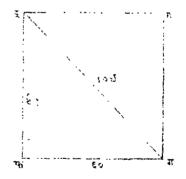
दो बराबर अजाओं वाले इष्ट चतुर्भुज क्षेत्र की रचना के लिये अपने कर्ण द्वारा विभाजित प्रथम आयत के दो त्रिभुजों में से एक को दूसरे आयत की ओर, और वैसे हो तूसरे त्रिभुज के बराबर क्षेत्र को दूसरे आयत की दूसरी ओर से हटा देते हैं जैता की आकृति ह अ'फ स' से स्पष्ट है।

यह किया आकृतियों की तुखना से स्पष्ट हो जावेगी। इस चतुर्मुंच क्षेत्र इ अ'फ स' का क्षेत्रफळ = दूसरे आयत हफ गह का क्षेत्रफळ।

आषार अ' फ = प्रथम आयत की स्मन भुजा वन दूसरे आयत की सम्म भुजा = अ न + इ फ

जपरी सुना ह स' = दूसरे आयत की लान सुना त्राम प्रथम आयत की लान भुजा = ग इ-स ट् कर्ण ह फ = दूसरे आयत का कर्ण







त्रिसमचतुरक्रहेत्रस्य मुखभूभुजावलम्बककर्णाबाधाधनानयनस्त्रम्— भुजपदृह्तवीजान्तरहृतजन्यधनाप्तमागहाराभ्याम् । तद्भुजकोटिभ्या च द्विसम इव त्रिसमचतुरश्चे ॥ १०१३ ॥

अत्रोद्देशकः 🗸

चतुरश्रहेत्रस्य त्रिसमस्यास्य द्विकत्रिकस्ववोजस्य । मुखभूभुजाबलम्बककर्णावाधाधनानि वद ॥ १०२३ ॥

दिये गये बीजों की सहायता से तीन बराबर भुजाओं बाल चतुर्शुब के संबंध में ऊपरी भुजा, आधार, कोई भी एक बराबर भुजा, ऊपर से आधार पर गिराबा गया कम्ब, कर्ण, आधार का कोटा संद और क्षेत्रफल के मार्पों को निकाकने के किये निवम---

दिये गये बीजों का अंतर, उन बीजों की सहायता से तत्काल प्राप्त चतुर्शुंज क्षेत्र के आधार के वर्गमूल द्वारा गुणित किया जाता है। इस तत्काल प्राप्त प्राथमिक चतुर्शुंज के क्षेत्रफल को इस प्रकार प्राप्त गुणनफल द्वारा भाजित किया जाता है। तब किया में बीजों की तरह उपयोग में लावे गये परिचामी भजनफल और भाजक की सहायता से प्राप्त दूसरा चतुर्शुंज क्षेत्र रचा जाता है। तीसरा चतुर्शुंज, तत्काल प्राप्त चतुर्शुंज के आधार और लम्ब भुजा को बीज मानकर, बनाया जाता है। तब इन दो अंत में प्राप्त चतुर्शुंज की सहायता से तीन बराबर भुजाओं बाले चतुर्शुंज क्षेत्र की उपर्शुंक मुजाओं जादि के माणों को दो बराबर भुजाओं बाले चतुर्शुंज में प्रयुक्त विधि अनुसार प्राप्त किया जाता है। १००१ दे॥

## उदाहरणार्थ प्रश्न

तीन बराबर भुजाओं वाले, तथा २ और ३ बीज हैं जिसके ऐसे, चतुर्भुज क्षेत्र के संबंध में ऊपरी भुजा, आधार, तीन बराबर भुजाओं में से एक, ऊपरी भुजा से आधार पर गिराया गया कम्ब, कर्ण, अधार का छोटा खंड और क्षेत्रफलों के मार्गो को बतकाओ ॥१०२२॥

आधार का छोटा खंड अर्थात् अ' इ = प्रथम आयत की लंब भुजा = अ ब

लम्ब इ इ = दूसरे अथवा प्रथम आयत का आधार = ब स = फ ग

बाजू की प्रत्येक बराबर भुजा अ' इ अथवा फ स' = प्रथम आयत का कर्ण, अर्थात्, अ स (१०१२) यदि दिये गये बीज अ और ब द्वारा निरूपित हों, तो तत्काल प्राप्त चितुर्भुंत्र की भुजाओं के माप ये होंगे: स्प्रव मुजा = अ१ - व१, आधार = २ अ व, कर्ण = अ१ + व², क्षेत्रफ़रू = २ अ व× (अ१ - व१)।

जैसा कि दो बराबर मुजाओं वाले क्षेत्रफक की रचना के संबंध में गाथा ९९२ का निवम उपयोग कहा गया है, उसी तरह यह नियम, दो प्राप्त आयतों की सहायता से, तीन बराबर मुजाओं वाले इष्ट चतुर्भुंज क्षेत्र की संरचना में सहायक होता है। इन आयतों में प्रथम संबंधी बीज वे हैं—

२ अ ब 
$$\times$$
 (अ  $^2$  - ब $^2$ ), अर्थात्  $\sqrt{2}$  ब  $\times$  (अ + ब) और  $\sqrt{2}$  अ ब  $\times$  (अ - ब)

गाथा ९० है का नियम यहाँ प्रयुक्त करने पर इसें प्रथम आयत के खिये निम्निकिश्वित मान प्राप्त होते हैं—

ब्रम्ब मुंबा =  $(3+4)^2 \times 244 - (4-4)^2 \times 244 = 2448 \times 24^2 = 2$ 

ग० सा० सं०-२७

विषमचतुरश्रह्मेत्रस्य मुखभूभुजावलम्बक्कणीवाधाधनानयनसूत्रम्— ज्येष्ठास्पान्योन्यहीनश्रुतिहतभुजकोटी भुजे भूमुखे ते कोट्योरन्योन्यदोभ्यां हतपुतिरथ दोषातयुकोटिषातः। कर्णावल्पश्रुतिज्ञावनधिकभुजकोट्याहती लम्बकी ता-वावाचे कोटिदोज्ञीववनिविषरके कर्णधाताधमर्थः॥ १०३५॥

विषम चतुर्श्वज के संबंध में, अपरी शुका, आधार, बाजू की शुकाओं, अपरी शुजा के अंतों से आधार पर तिराये गये लस्बों, कर्जों, आधार के खंडों और सेश्वफल के मापों को निकालने के लिये नियम —

दिये गये बीजों के दो फुलकों (sets) संबंधी दो आयताकार प्राप्त चतुर्मुंज क्षेत्रों के बड़े और छोटे कर्णों से आधार और (उन्हीं प्राप्त छोटी और बड़ो आकृतियों की) लम्ब भुजा क्रमशः गुणित की जाती हैं। परिणामी गुणनफळ इष्ट चतुर्भुंज क्षेत्र की दो असमान भुजाओं, आधार और ऊपरी भुजा के मापों को देते हैं। प्राप्त आकृतियों की लम्ब भुजाएँ एक दूसरे के आधार द्वारा गुणित की जाती हैं। इस प्रकार प्राप्त दो गुणनफळ जोड़े जाते हैं। तब इन आकृतियों संबंधी दो लम्ब भुजाओं के गुणनफळ में उन्हों आकृतियों के आधारों का गुणनफळ जोड़ा जाता है। इस प्रकार प्राप्त दो योग, जब उन दो आकृतियों के दो कर्णों में से छोटे कर्ण के द्वारा गुणित किये जाते हैं, तब वे इष्ट कर्णों को उत्पन्न करते हैं। वे ही बोग, जब छोटी आकृति के आधार और लम्ब भुजा द्वारा क्रमशः गुणित किये जाते हैं, तब वे कर्णों के अंतों से गिराये गये छम्बों के मापों को उत्पन्न करते हैं; और जब वे उसी आकृति की लम्ब भुजा और आधार द्वारा गुणित होते हैं, तब वे लम्ब भुजा और आधार द्वारा गुणित होते हैं, तब वे लम्बों द्वारा उत्पन्न आधार के खंडों के मापों को उत्पन्न करते हैं। इन खंडों के माप जब आधार के माप में से घटाये जाते हैं, तब अन्य खंडों के मान प्राप्त होते हैं। इन खंडों के माप जब आधार के माप में से घटाये जाते हैं, तब अन्य खंडों के मान प्राप्त होते हैं। इन खंडों के माप जब आधार के माप में से घटाये जाते हैं, तब अन्य खंडों के मान प्राप्त होती हैं। इपर्युक्त प्राप्त हुई आकृति के कर्णों के गुणनफळ की अर्खराशि, इष्ट आकृति के होत्रफळ का माप होती है। ॥१०३-३-॥

```
आधार = 7 \times \sqrt{204} \times (0+4) \times \sqrt{204} \times (0-4) अथवा ४० व (अ^2-4^2)
        कर्ण = (a+a)^2 \times 2 अ a+(3-a)^2 \times 2 अ ब अथवा ४ अ ब (3^2+a^2)
        दुसरे आयत क्षेत्र के संबंध में बीज अर - वर और रथ व हैं।
        इसे आयत के सबंध में :
        छाब मुजा = ४भ<sup>२</sup> व<sup>द</sup> - (भ<sup>२</sup> - व<sup>द</sup>)<sup>२</sup>; आधार = ४भ व (भ<sup>२</sup> - व<sup>द</sup>);
        कर्ण = ४अ<sup>२</sup> व<sup>२</sup> + (अ<sup>२</sup> - व<sup>२</sup>) अथवा (अ<sup>२</sup> + व<sup>२</sup>)<sup>२</sup>
        इन दो आयतों की सहायता से, इष्ट क्षेत्रफर की भुजाओं, कर्णां, आदि के मार्पे को गाया ५९३
के नियमानुसार प्राप्त किया जाता है। वे ये हैं---
        आधार = स्मन भुजाओं का योग = ८अ२ व२ + ४४ व व२ - (अ१ - व२)२
        जपरी मुद्रा = बड़ी लम्ब मुजा - छोटो सम्ब मुजा = ८२३ वर - (४३ वर - (४२ - वर)र)
                   =(24^{2}+4^{2})^{2}
        बाजू की कोई एक भुजा - छोटा कर्ण - (अर + वर)र
        आबार का छोटा खंड = छोटी त्यन भूजा = ४२३ वर - (३३ - वर)र
        लम्ब = दो कर्णों में से बड़ा कर्ण = ४अ व (अर + वर)
        क्षेत्रफळ = बड़े आयत का क्षेत्रफळ = ८अ<sup>९ वि२</sup> × ४अ व (अ<sup>२</sup> - व<sup>२</sup>)
        यहाँ देला सकता है कि ऊपरी भुजा का माप बाजू की भुजाओं में से कोई भी एक के बराबर
है। इस प्रकार, तीन भुजाओं वाला इष्ट चतुर्भुज क्षेत्र प्राप्त होता है।
        (१०३%) निम्नलिखित बीजीय निरूपण से नियम स्पष्ट हो जावेगा—
```

एकद्विकद्विकत्रिकजन्ये चोत्थाप्य विषमचतुरश्रे । मुख्यमूभुजावलम्बककर्णाबाधाधनानि वद ॥ १०४३ ॥

पुनरिष विषमचतुरश्रानयनसूत्रम्—
ह्रस्वश्रुतिकृतिगुणितो व्येष्ठभुजः कोटिरिष धरा वदनम् ।
कणोभ्यां संगुणितावुभयभुजाबरुपभुजकोटी ॥ १०५३ ॥
व्येष्ठभुजकोटिवयुतिर्द्धिधारुपभुजकोटिताडिता युक्ता ।
ह्रस्वमुजकोटियुतिगुणपृथुकोट्यारुपश्रुतिप्रको कर्णो ॥ १०६३ ॥
अरुपश्रुतिहृतकर्णारुपकोटिभुजसंहती पृथग्छम्बौ ।
तद्भुजयुतिवियुतिगुणात्पदमाबाधे फलं श्रुतिगुणार्धम् ॥ १०७३ ॥

#### उदाहरणार्थ पश्न

१ और २ तथा २ और ३ बीजों को लेकर, दो आकृतियाँ प्राप्त कर, विषम चतुर्श्वज के संबंध में उत्पर की मुजा, आधार, बाजू की मुजाओं, लम्बों, कणों, आधार के खंडों और क्षेत्रफरू के मार्गों को बतलाओं ॥१०४%॥

विषम चतुर्शुंज के संबंध में भुजाओं के माप आदि को प्राप्त करने के लिए दूसरा नियम-दो प्राप्त आयतों में छोटी आकृति के कर्ण के वर्ग को, अलग-अलग, आधार और बढ़े आयत की र्लंब भुजा द्वारा गुणित करने से निषम इष्ट चतुर्भुज के आधार और उत्परी भुजा के माप उत्पन्न होते हैं। छोटे आयत का आधार और कम्ब भुजा, प्रत्येक उत्तरोत्तर, रूपरोक्त आयत क्षेत्रों के प्रत्येक के कर्ण द्वारा ग्रुणित होकर क्रमशः इष्ट चतुर्भुज की दो पाइर्व मुजाओं को उत्पन्न करते हैं। बड़ी आकृति ( आयत ) के आधार और छम्ब भुजा का अंतर, अलग-अक्तग दो स्थानों में रखा जाकर, छोटी आकृति के आधार और कस्ब भुजा द्वारा गुणित किया जाता है। इस किया के दो परिणामी गुणनफल अकग-अलग उस गुणनपळ में जोड़े जाते हैं, जो छोटे आयत के आधार और छंब मुजा के योग को बड़े आवतको कन्त्र भुजा से गुणित करने पर प्राप्त होता है। इस प्रकारप्राप्त दो बोग जब छोटे आयत के कर्ण द्वारा गुणित किये जाते हैं, तो इष्ट चतुर्भुज क्षेत्र के दो कर्णों के माप प्राप्त होते हैं। इष्ट चतुर्भुज क्षेत्र के कर्णों को अरूग-अरूग छोटे आयत के कर्ण द्वारा भाजित किया जाता है। इस प्रकार प्राप्त भजनकरों को क्रमशः छोटे आयत की छम्ब भुजा और आधार द्वारा गुणित किया जाता है। परिणाभी गुणनफळ इष्ट चनुर्भुज क्षेत्र के छंबों के मापों को उरपक्र करते हैं। इन दो छंबों में ( आधार और उपरी भुजा छोद्कर ) उपर्युक्त दो भुजाओं के मानों को अखग-अखग जोदा जाता है। बदी भुजा, बढ़े रूम्ब में और छोटी भुजा छोटे रुंब में । इन रुंबों और भुजाओं के अंतर भी उसी कम में प्राप्त किये जाते हैं। उपर्युक्त योग क्रमशः इन अंतरों द्वारा गुणित किये जाते हैं। इस प्रकार प्राप्त गुणनफरों के वर्गमूल इष्ट चतुर्भुंज संबंधी आधार के खंडों के मानों को उत्पन्न करते हैं। इष्ट चतुर्भुंज क्षेत्र के कर्णों के गुणनफळ की आधी राशि उसका क्षेत्रफल होती है ॥१०५३-१०७३॥

आधार = र स द ( अ<sup>२</sup> + व<sup>२</sup> ) ( अ<sup>२</sup> + व<sup>२</sup> )

मानलो दिये गये बीजों के दो कुळक (sets) अ, व और स, द हैं। तब विभिन्न इष्ट तस्व निम्नलिखित होंगे— बाजू की भुजाएँ = २ अ व (स<sup>२</sup> + द<sup>२</sup>) (अ<sup>२</sup> + व<sup>२</sup>) और (अ<sup>२</sup> - व<sup>२</sup>) (स<sup>२</sup> + द<sup>२</sup>) (अ<sup>३</sup> + व<sup>2</sup>)

एकस्माज्जन्यायतचतुरश्राद्दिसमित्रभुजानयनस्त्रम्— कर्णे भुजद्वयं स्याद्वाहुर्द्विगुणीकृतो भवेद्भूमिः। कोटिरवलम्बकोऽयं द्विसमित्रभुजे धनं गणितम्॥ १०८३ ॥

हैवल एक जन्य आयत क्षेत्र की सहायता से समद्विषाहु त्रिशुज प्राप्त करने के किये नियम— दिये गये बीजों की सहायता से संरचित आयत के दो कर्ण इष्ट समद्विषाहु त्रिशुज की दो बराबर शुजाएँ हो जाते हैं। आयत का आधार दो द्वारा गुणित होकर इष्ट त्रिशुज का आधार यन जाता है। आयत की छंब शुजा, इष्ट त्रिशुज का शीर्ष से आधार पर गिराबा हुआ कम्ब होती है। उस आयत का क्षेत्रफल, इष्ट त्रिशुज का क्षेत्रफल होता है॥१०८३॥

ज्यपरी मुजा = 
$$\left( a^2 - a^2 \right) \left( a^2 + a^2 \right) \left( a^2 + a^2 \right)$$
 $\pi^0 = \left\{ \left( a^2 - a^2 \right) \times 2 + c + \left( t^2 - c^2 \right) \right\} \times a + a^2 \right\}$ 
 $\pi^0 = \left\{ \left( a^2 - a^2 \right) \times 2 + c + \left( t^2 - c^2 \right) \right\} \times a + a^2 \right\}$ 
 $\pi^0 = \left\{ \left( a^2 - a^2 \right) \times 2 + c + \left( t^2 - c^2 \right) \right\} \times a + a^2 \right\}$ 
 $\pi^0 = \left\{ \left( a^2 - a^2 \right) \times 2 + c + \left( t^2 - c^2 \right) \times a + a^2 \right\}$ 
 $\pi^0 = \left\{ \left( a^2 - a^2 \right) \times 2 + c + \left( t^2 - c^2 \right) \times 2 + a^2 \right\} \right\}$ 
 $\pi^0 = \left\{ \left( a^2 - a^2 \right) \times 2 + c + \left( t^2 - c^2 \right) \times 2 + a^2 \right\} \right\}$ 
 $\pi^0 = \left\{ \left( a^2 - a^2 \right) \times 2 + c + \left( t^2 - c^2 \right) \times 2 + a^2 \right\} \right\}$ 
 $\pi^0 = \left\{ \left( a^2 - a^2 \right) \times 2 + c + \left( t^2 - c^2 \right) \times 2 + a^2 \right\} \right\}$ 
 $\pi^0 = \left\{ \left( a^2 - a^2 \right) \times 2 + c + \left( a^2 - a^2 \right) \times 2 + a^2 \right\}$ 
 $\pi^0 = \left\{ \left( a^2 - c^2 \right) \right\} \times 2 + a^2 + \left\{ \left( a^2 - a^2 \right) \right\} \times 2 + a^2 + a^2 \right\}$ 
 $\pi^0 = \left\{ \left( a^2 - c^2 \right) \right\} \times 2 + a^2 + \left\{ \left( a^2 - a^2 \right) \right\} \times 2 + a^2 + a^2 \right\}$ 
 $\pi^0 = \left\{ \left( a^2 - c^2 \right) \right\} \times 2 + a^2 + \left\{ \left( a^2 - a^2 \right) \right\} \times 2 + a^2 + a^2 \right\}$ 
 $\pi^0 = \left\{ \left( a^2 - c^2 \right) \right\} \times 2 + a^2 + \left\{ \left( a^2 - a^2 \right) \right\} \times 2 + a^2 + a^2 \right\}$ 
 $\pi^0 = \left\{ \left( a^2 - c^2 \right) \right\} \times 2 + a^2 + \left\{ \left( a^2 - a^2 \right) \right\} \times 2 + a^2 + a^2 \right\}$ 
 $\pi^0 = \left\{ \left( a^2 - c^2 \right) \right\} \times 2 + a^2 + \left\{ \left( a^2 - c^2 \right) \right\} \times 2 + a^2 + a^2 \right\}$ 
 $\pi^0 = \left\{ \left( a^2 - c^2 \right) \right\} \times 2 + a^2 + \left\{ \left( a^2 - a^2 \right) \right\} \times 2 + a^2 + a^2 \right\}$ 
 $\pi^0 = \left\{ \left( a^2 - c^2 \right) \right\} \times 2 + a^2 + \left\{ \left( a^2 - a^2 \right) \right\} \times 2 + a^2 + a^2 \right\}$ 
 $\pi^0 = \left\{ \left( a^2 - c^2 \right) \right\} \times 2 + a^2 + \left\{ \left( a^2 - a^2 \right) \right\} \times 2 + a^2 + a^2 \right\}$ 
 $\pi^0 = \left\{ \left( a^2 - a^2 \right) \right\} \times 2 + a^2 + \left\{ \left( a^2 - a^2 \right) \right\} \times 2 + a^2 + a^2 \right\}$ 
 $\pi^0 = \left\{ \left( a^2 - a^2 \right) \right\} \times 2 + a^2 + \left\{ \left( a^2 - a^2 \right) \right\} \times 2 + a^2 + a^2 \right\}$ 
 $\pi^0 = \left\{ \left( a^2 - a^2 \right) \right\} \times 2 + a^2 + \left\{ \left( a^2 - a^2 \right) \right\} \times 2 + a^2 + a^2 \right\}$ 
 $\pi^0 = \left\{ \left( a^2 - a^2 \right) \right\} \times 2 + a^2 + \left\{ \left( a^2 - a^2 \right) \right\} \times 2 + a^2 + a^2 \right\}$ 
 $\pi^0 = \left\{ \left( a^2 - a^2 \right) \right\} \times 2 + a^2 +$ 

उपर्युक्त चार बीबवास्य १०३६ वीं गांथा में दिये गये कणों और छंत्रों के मापों के रूप में प्रहा-सित किये जा सकते हैं। यहाँ आधार के खंडों के माप, खंड की संवादी भुजा और छंत्र के वर्गों के अन्तर के वर्गमुख को निकालने पर प्राप्त किये जा सकते हैं।

(१०८२) इस नियम का मूळ आधार इस प्रकार निकाला जा सकता है: — मानलो अ व स द एक आयत है और अ द, इ तक बढ़ाई जातो है ताकि

अद=द इ। इस को जोड़ों। अस इएक ं द समिद्वादु त्रिभुज है जिसकी भुवाएँ आयत के कर्णों के माप के बराबर हैं, और बिसका क्षेत्रफळ आयत के क्षेत्रफळ के बराबर है।

पार्श्व आकृति से यह बिस्कुल स्पष्ट हो जावेगा ।

त्रिकपञ्चकबीजोत्यद्विसमत्रिभुजस्य गणक बाह् ह्रौ । भूमिमवलम्बकं च प्रगणय्याचक्ष्व मे शीघ्रम् ॥ १०९३ ॥

विषमत्रिभुजक्षेत्रस्य करपनाप्रकारस्य सूत्रम्— जन्यभुजार्धं छित्त्वा केनापिच्छेदछन्धजं चाभ्याम् । कोटियुतिभू: कर्णौ भुजौ भुजा छम्बका विषमे ॥ ११०३॥

## अत्रोदेशकः

हे द्वित्रिबीजकस्य क्षेत्रभुजार्धेन चान्यमुत्थाप्य । तस्माद्विषमत्रिभुजे भुजभूम्यवलम्बकं बृहि ॥ १११३ ॥

इति जन्यव्यवहारः समाप्तः।

## उदाहरणार्थ प्रश्न

हे गणितज्ञ, ३ और ५ को बीज लेकर उनकी सहायवा से प्राप्त समद्विषाहु त्रिभुज के संबंध में दो बराबर भुजाओं, आधार और लंब के मापों को कीव्र ही गणना कर बताओ ॥१०९५॥

विषम त्रिभुज की रचना करने की विधि के छिये नियम--

दिये गये बीजों से प्राप्त आयत के आधार को आधी राशि को मन से जुने हुए गुणनखंड द्वारा भाजित करते हैं। भाजक और भजनफल की इस किया में बीज मानकर दूसरा आयत प्राप्त करते हैं। इन दो आयतों की लम्ब भुजाओं का योग इष्ट विषम त्रिभुज के आधार का माप होता है। उन दो आयतों के दो कर्ण इष्टत्रिभुज की दो भुजाओं के माप होते हैं। उन दो आयतों में से किसी एक का आधार इष्ट च्रिभुज के लंब का माप होता है। ११०३॥

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

२ और ३ को बीज लेकर उनसे प्राप्त आयत तथा उस आयत के आवे आधार से प्राप्त दूसरा आयत संरचित कर, मुझे इस किया की सहायता से विषम त्रिशुज की शुजाओं, आधार और लंब के मापों को बतलाओ ॥११९२॥

इस प्रकार, क्षेत्र गणित स्वबहार में जन्य स्थवहार नामक प्रकरण समाप्त हुआ।

(११०३) पार्खिलिखत रचना से नियम स्पष्ट हो जावेगा—

मानलो अवसद और इफ ग इ दो ऐसे जन्य आयत हैं कि आचार अद= आधार इह। ब अको क तक इतना



बदाओं कि अ क = इ फ हों। यह सरलता पूर्वक दिखाया जा सकता है कि द क = इ ग और त्रिभुज ब द क का आधार ब क = व अ + इ फ, जो आयतों की लंब मुजायें कहलाती हैं। त्रिभुज की मुजायें उन्हीं आयतों के कर्णों के बराबर होती हैं।

# पेशाचिकव्यवहारः

इतः परं पैशाचिकव्यवहार्मुदाहरिष्यामः।

समचतुरश्रहेत्रे वा आयतचतुरश्रहेत्रे वा क्षेत्रफले रज्जुसंख्यया समे सित, क्षेत्रफले वाहुसंख्यया समे सित, क्षेत्रफले कर्णसंख्यया समे सित, क्षेत्रफले रज्जवर्धसंख्यया समे सित, क्षेत्रफले वाह्यस्वतीयाशसंख्यया समे सित, क्षेत्रफले कर्णसंख्यायाश्चतुर्था श्वसंख्यया समे सित, क्षित्रफले कर्णसंख्यायाश्चतुर्था श्वसंख्यया समे सित, क्षित्रफले कर्णसंख्यायाश्चतुर्था द्विगुणितकर्णस्य त्रिगुणितकर्णस्य चतुर्गुणितकोटेश्च रज्जोरसंयोगसंख्या द्विगुणीकृत्य तिद्व-गुणितसंख्यया क्षेत्रफले समाने सित, इत्येवमादीना क्षेत्राणां कोटिभुजाकर्णक्षेत्रफलरज्जुषु इष्टराशिद्वयसाम्यस्य चेष्टराशिद्वयस्यान्योन्यमिष्टगुणकारगुणितफलवत्क्षेत्रस्य मुजाकोटि-संख्यानयनस्य सत्रम्—

स्वगुणेष्टेन विभक्ताः स्वेष्टानां गणक गणितगुणितेन ।

गुणिता भुजा भुजाः स्युः समचतुरश्रादिजन्यानाम् ॥ १९२३ ॥

पेशाचिक व्यवहार ( अत्यन्त जटिल पश्न )

इसके पद्मात् इम पैशाचिक विषय का प्रतिपादन करेंगे।

समायत (वर्ग) अथवा आवत के संवंध में आधार और लंब युजा का संख्याश्मक मान निकालने के लिये नियम जब कि लंब युजा, आधार, कर्ण, क्षेत्रफल और परिमिति में कोई भी दो मन से समान जुन लिये जाते हैं, अथवा जब क्षेत्र का क्षेत्रफल वह गुणनफल होता है जो मन से जुने हुए गुणकों (multipliers) द्वारा क्षमशः उपर्युक्त तस्वों में से कोई भी दो राशियों को गुणित करने पर प्राप्त होता है: अर्थात्—समायत (वर्ग) अथवा आयत के सम्बन्ध में आधार और लंब युजा का संख्यात्मक मान निकालने के लिए नियम जब कि क्षेत्र का क्षेत्रफल मान में परिमिति के नुल्य होता है; अथवा जब (क्षेत्र का क्षेत्रफल) थार्थाति के मापकी अर्जराशियों के तुल्य होता है; अथवा जब (क्षेत्र का क्षेत्रफल) पर्शमित के मापकी अर्जराशियों के तुल्य होता है; अथवा जब (क्षेत्र का क्षेत्रफल) अधार के बराबर होता है, अथवा जब (क्षेत्र का क्षेत्रफल) का होत्रफल होता है अथवा जब (क्षेत्र का क्षेत्रफल) का होत्रफल होता है जो उस राशि के बराबर होता है; अथवा जब (क्षेत्र का क्षेत्रफल) इस द्विगुणित राशि के नुल्य होता है जो उस राशि को बराबर होता है; अथवा जब (क्षेत्र का क्षेत्रफल) का होता है जो उस राशि को बराबर होता है पर परिणाम स्वरूप प्राप्त करते हैं —

किसी मन से खुनी हुई इप्ट आकृति के आधार के माप को (परिणामी) खुने हुए ऐसे गुणनखंड द्वारा आजित करने पर, जिसका गुणा आधार से करने पर मन से खुनी हुई इप्ट आकृति का सेन्नफळ उत्पन्न होता है), अथवा ऐसी मन से खुनी हुई इप्ट आकृति के आधार की ऐसे गुणनखंड से गुणित करने पर, (कि जिसके दिये गये क्षेत्र के क्षेत्रफळ में गुणा करने पर इप्ट प्रकार का परिणाम प्राप्त होता है) इष्ट समभुज चतुरक्ष तथा अन्य प्रकार की प्राप्त आकृतियों के आधारों के माप उत्पन्न होते हैं ॥१९२ के श

<sup>(</sup>११२३) गाथा ११३३ में दिया गमा प्रथम प्रश्न इल करने पर नियम स्पष्ट हो जावेगा-

यहाँ प्रश्न में वर्ग की भुजा का माप तथा क्षेत्रफळ का मान निकाळना है, जब कि क्षेत्रफळ परिमिति के बराबर है। मानळो ५ है भुजा जिसकी ऐसा वर्ग लिया जावे तो परिमिति २० होगी और क्षेत्रफळ २५ होगा। वह गुणनखंड जिससे परिमिति के माप २० को गुणित करने पर क्षेत्रफळ २५ हो जावे ५ है। यदि ५, वर्ग की मन से चुनी हुई भुजा ५ द्वारा माजित की जावे, तो इष्ट चतुर्भुज की भुजा उत्पन्न होती है।

रज्जुर्गणितेन समा समचतुरश्रस्य का तु मुजसंख्या । अपरस्य बाहुसदृष्ट्यं गणितं तस्यापि मे कथय ॥ ११३ई ॥ कणों गणितेन समः समचतुरश्रस्य को भवेद्वाहुः । रज्जुद्विगुणोऽन्यस्य क्षेत्रस्य धनाच्च मे कथय ॥ ११४ई ॥ आयतचतुरश्रस्य क्षेत्रस्य च रज्जुत्स्यमिह गणितम् । गणितं कर्णेन समं क्षेत्रस्यान्यस्य को बाहुः ॥ ११५ई ॥ कस्यापि क्षेत्रस्य त्रिगुणो बाहुर्धनाच्च को बाहुः । कर्णश्चतुर्गुणोऽन्यः समचतुरश्रस्य गणितफळात् ॥ ११६ई ॥ आयतचतुरश्रस्य श्रवणं द्विगुणं त्रिसंगुणो बाहुः । कोटिश्चतुर्गुणा ते रज्जुयुतैद्विगुणितं गणितम् ॥ ११७ई ॥ आयतचतुरश्रस्य क्षेत्रस्य च रज्जुरश्र रूपसमः । कोटिः को बाहुर्वा क्षित्रं विगणय्य मे कथय ॥ ११८ई ॥

## उदाहरणार्थ प्रश्न

वर्ग क्षेत्र के संबंध में परिमिति का संख्यात्मक माप क्षेत्रफळ के माप के बराबर है। आधार का संख्यात्मक माप क्या है? उसी प्रकार की वृसरी आकृति के संबंध में क्षेत्रफळ का माप आधार के माप के बराबर है। उस आकृति के संबंध में आधार का माप बतलाओ ॥ ११३ रै॥ किसी समायत (वर्ग) क्षेत्र के संबंध में कर्ण का माप क्षेत्रफळ के माप के बराबर है। आधार का माप क्या हो सकता है? तृसरी उसी प्रकार की आकृति के संबंध में परिमिति का माप, क्षेत्रफळ के माप का हुगुना है। आधार का माप बतलाओ ॥ ११४ रै॥ आयत क्षेत्र के संबंध में खहाँ क्षेत्रफळ का माप परिमिति के माप के हृत्य है, और दूसरे उसी प्रकार के क्षेत्र के संबंध में क्षेत्रफळ का संख्यात्मक माप कर्ण के माप के बराबर है। प्रत्येक दशा में आधार का माप क्या है १॥ ११५ रै॥ किसी वर्ग क्षेत्र के संबंध में आधार का संख्यात्मक मान क्षेत्रफळ के माप से तिगुना है। हृत्यरे वर्ग क्षेत्र के संबंध में कर्ण का संख्यात्मक मान क्षेत्रफळ के माप से तिगुना है। हृत्यरे वर्ग क्षेत्र के संबंध में कर्ण का संख्यात्मक मान क्षेत्रफळ के माप से चौगुना है। हृत्यरे वर्ग क्षेत्र के संबंध में कर्ण का संख्यात्मक मान क्षेत्रफळ के माप से चौगुना है। हृत्यरे वर्ग क्षेत्र का माप क्या है १॥ ११६ रै॥ किसी आयत क्षेत्र में कर्ण के माप से तुगुनी राश्चि, आधार से तिगुनी राश्च तथा लेब मुजा से चौगुनी राश्च लेकर उन में परिमिति का माप जोड़ा जाता है। इस प्राप्त योगफळ से दुगुनी राश्च क्षेत्रफळ का संख्यात्मक माप होती है। आधार का माप बत्रकाओ ॥ १९७ रै॥ आवत क्षेत्र के संबंध में परिमिति का संख्यात्मक मान १ है। गणना के प्रशात

बह नियम दूसरी रीति भी निर्दिष्ट करता है को ब्यावहारिक रूप में उसी प्रकार है। वह गुणनखंड बिससे क्षेत्रफ़ल २५ को गुणत किया जाता है, ताकि वह परिमिति के माप २० के बरावर हो जावे, दें है। यदि मन से चुनी हुई आकृति की भुजा (को माप में ५ मान छी गई है) को इस गुणनखंड दें से गुजित किया जावे तो इष्ट आकृति की भुजा का माप प्राप्त होता है।

कर्णो द्विगुणो बाहुक्तिगुणःकोटिऋतुर्गुणा मिश्रः। रज्ज्वा सह तत्स्रेत्रस्यायतचतुरश्रकस्य रूपसमः॥ ११९५ ॥

पुनरिष जन्यायतचतुरश्रक्षेत्रस्य बीजसंख्यानयने करणसूत्रम्— कोट्यम्कर्णद्छतत्कर्णान्तरमुभययोश्च पदे । आयतचतुरश्रस्य क्षेत्रस्येयं क्रिया जन्ये ॥ १२०३ ॥

अत्रोदेशकः

आयतचतुरश्रस्य च कोटिः पञ्चाशद्धिकपक्क भुजा। साष्टाचत्वारिंशत्रिसप्ततिः श्रुतिरथात्र के बीजे॥ १२१३॥

इष्टकस्पितसङ्ख्याप्रमाणवत्कणसहितक्षेत्रानयनसूत्रम् — यद्यत्क्षेत्रं जातं बीजैः संस्थाप्य तस्य कर्णेन । इष्टं कर्णं विभजेञ्जाभगुणाः कोटिदोः कर्णाः ॥ १२२३ ॥

मुझे शीघ बतकाओं कि लम्ब भुजा और आधार के माप नया-क्या हैं ? ॥ ११८२ ॥ आपत सेन्न के संबंध में कर्ण से दुगुनी राशि, आधार से विगुनी राशि और लंब से चीगुनी राशि, इन सबको जोड़ कर, जब परिमिति के माप में जोड़ते हैं, तो योग फर १ हो जाता है। आधार का माप बतलाओ ॥११९२ ॥

प्राप्त आयत क्षेत्र के संबंध में बीजों का निरूपण करने वाकी संख्या को निकालने की रीति संबंधी नियम---

आयत क्षेत्र के संबंध में, उत्पन्न करने वाले बीजों को निकासने की किया में, (१) लंब द्वारा हासित कर्ण की अर्छ राशि तथा (२) इस राशि और कर्ण का अंतर, इनके द्वारा निरूपित दो राशियों का बर्गमूल निकालना पहता है।। १२० है॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

आयत क्षेत्र के संबंध में लंब सुजा ५५ है, आधार ४८ है, और कर्ण ७३ है। यहाँ बीज क्या-क्या हैं ? ॥१२१२ ॥

इष्ट कल्पित संख्यात्मक प्रमाण के कर्ण वाले आयत क्षेत्र की प्राप्त करने के किये नियम-

दिये गये बीजों की सहायता से प्राप्त विभिन्न आकृतियों में से प्रत्येक किस्त िन्दे (स्थापित किथे) जाते हैं, और उसके कर्ण के माप के द्वारा दिया गया कर्ण का माप भाजित किया जाता है। इस आकृति की रूब भुजा, आधार और कर्ण, यहाँ प्राप्त हुए मजनफल द्वारा गुणित होकर, इष्ट क्षेत्र की इंब भुजा, आधार और कर्ण को उत्पन्न करते हैं।

(१२०६) इस अध्याय की ९५६ वीं गाया का नियम आयत क्षेत्र के कर्ण अयवा छंब अयवा आधार से बीजों को प्राप्त करने की रीति प्रदिश्चित करता है। परन्तु इस गाया का नियम आयत के छंब और कर्ण से बीजों को प्राप्त करने के विषय में रीति निरूपित करता है। वर्णित की हुई रीति निम्निछिखित सर्वसिमका (identity) पर आधारित है—

$$\sqrt{\frac{a^2+a^2-(a^2-a^2)}{2}}=a; \text{ wit } \sqrt{a^2+a^2-\frac{a^2+a^2-(a^2-a^2)}{2}}=a,$$

बहाँ अ ै + ब ै कर्ण का माप है, अ ै → ब ै आयत की लम्ब-सुजा का माप है। अ और ब इष्ट बीज हैं। (१२२ है) यह नियम इस सिद्धान्त पर आधारित है कि समकोण त्रिसुज की सुजाएं कर्ण की अनुपाती होती हैं। यहाँ कर्ण के उसी मापके लिये सुजाओं के मानों के विभिन्न कुलक (sets) हो सकते हैं।

एकद्विकद्विकत्रिकचतुष्कसप्तैकसाष्ट्रकानां च। गणक चतुर्णा शोधं बीजैरुत्थाप्य कोटिसूजाः ॥ १२३३ ॥ आयतचतुरश्राणां क्षेत्राणां विषमबाहुकानां च। कर्णोऽत्र पद्मषष्टिः क्षेत्राण्याचक्ष्व कानि स्यः ॥ १२४३ ॥

इष्टजन्यायतचतुरश्रक्षेत्रस्य रज्जुसंख्यां च कर्णसंख्यां च ज्ञात्वा तज्जन्यायतचतुरश्रक्षेत्रस्य भूजकोटिसंख्यानयन%त्रम्---

कर्णकृतौ द्विगुणायां रज्ज्वर्धकृतिं विशोध्य तन्मूलम् । रज्ज्वर्धे संक्रमणीकृते भुजा कोटिरपि भवति ॥ १२५३ ॥

#### अत्रोहेशक:

परिधिः स चत्रिंशत् कर्णश्चात्र त्रयोदशो दृष्टः। जन्यक्षेत्रस्यास्य प्रगणय्याचक्ष्व कोटिभूजी ।: १२६३ ॥

#### उदाहरणार्थ प्रक्रन

हे गणितज्ञ, दिवे गये बीजों की सदायता से, ऐसे चार आयत क्षेत्रों की लंब भुजाएँ और आधारों के मानों को शीघ्र बतकाओ, जिनके कमशः १ और २, २ और ३, ४ और ७, तथा १ और ८ बीज हैं, तथा जिनके आधार भिश्व भिश्व हैं। (इस प्रश्न में) यहाँ कर्ण का मान ६५ है। इस दशामें, इष्ट क्षेत्रों के मार्थों को बतकाओं ।। १२६३-१२४३ ॥

जिसकी परिमिति का माप और कर्ण का माप ज्ञात है ऐसे जन्य आयत होन्न के आधार और उसकी कम्ब भुजा के संख्यात्मक मानों को निकालने के लिये नियम-

कर्ण के वर्ग को २ से गुणित करो । परिणामी गुणनफल में से परिमिति की अर्द्शशि के वर्ग को घटाओ । तब परिणामी अंतर के वर्गगूरू को प्राप्त करो । यदि यह वर्गमूरू आधी परिमिति के साम संक्रमण किया में काया जाय, तो इष्ट आधार और लम्ब भुजा मी उरपन्न होती हैं।। १२५६ ॥

## उदाहरणार्थ प्रश्न

इस दशार्से परिमित्ति ३४ है, और कर्ण १३ है। इस जन्य आकृति के संबंध में लंब भुजा और आधार के मापों को गणना के बाद बतलाओ ॥ १२६५॥

(१२५२) यदि किसी आयत की मुजाएं अ और व द्वारा प्ररूपित हो, तो 🗸 अरे + वर्ष कर्ण का माप होता है और परिमिति का माप २०४ + २व होता है। यह सरवतापूर्वक देखा वा सकता है कि

$$\left\{ \frac{2 + 2 + 1}{2} + \sqrt{2 \left(\sqrt{24^2 + 4^2}\right)^2 - \left(\frac{2 + 2 + 1}{2}\right)^2} \right\} \div 2 = 3; \text{ all } t$$

$$\left\{ \frac{2 + 2 + 2}{2} + \sqrt{2 \left(\sqrt{24^2 + 4^2}\right)^2 - \left(\frac{2 + 2 + 2}{2}\right)^2} \right\} \div 2 = 4;$$

$$\frac{2}{2} + \frac{2}{3} +$$

क्षेत्रफलं कर्णसंख्यां च क्षात्वा भुजकोटिसंख्यानयनसूत्रम्— कर्णकृतौ द्विगुणीकृतगणितं हीनाधिकं कृत्वा । मूळं कोटिभुजौ हि ज्येष्ठे हस्वेन संक्रमणे ॥ १२७३ ॥

#### अत्रोदेशकः

आयतचतुरश्रस्य हि गणितं षष्टिखयोदशास्यापि । कर्णस्तु कोटिसुजयोः परिमाणे श्रोतुमिच्छामि ॥ १२८३ ॥

क्षेत्रफळसंख्यां रज्जुसंख्यां च ज्ञात्वा आयतचतुरश्रस्य भुजकोटिसंख्यानयनसूत्रम्— रज्ज्बधेवगराशेर्गणितं चतुराहतं विशोध्याथ । मूलेन हि रज्ज्बधें संक्रमणे सति भुजाकोटी ॥ १२९३॥

## अत्रोदेशकः

सप्ततिशतं तु रञ्जुः पञ्चशतोत्तरसहस्रमिष्टधनम् । जन्यायतचतुरश्रे कोटिमुजौ मे समाचक्ष्व ॥ १३०३ ॥

जब आकृति का क्षेत्रफळ और कर्ण का मान ज्ञात हो, तब आधार और लम्ब भुजा के संस्वारमक मानों को प्राप्त करने के लिये नियम—

क्षेत्रफल के माप से दुगनी राशि कर्ण के वर्ग में से घटाई जाती है। वह कर्ण के वर्ग में जोड़ी भी जाती है। इस प्रकार प्राप्त अंतर और योग के वर्गमूकों से इष्ट लंब भुजा और आधार के माप प्राप्त हो सकते हैं, जब कि वर्गमूकों में से बड़ी राशि के साथ छोटी (वर्गमूक राशि) के संबंध में संक्रमण किया की जावे ॥१२७३॥

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

किसी भायतक्षेत्र के संबंध में क्षेत्रफलका माप ६० है, और कर्ण का माप १६ है। में तुमसे कम्ब भुजा और आधार के मार्गों को सुनने का इच्छुक हूँ ॥१२८ नै॥

अब आयत क्षेत्र के क्षेत्रफल का तथा परिमिति का संख्यात्मक माप दिया गया हो, तब उस आकृति के संबंध में आधार और कम्ब भुजा के संख्यात्मक मानों को प्राप्त करने के किसे नियम—

परिमिति की अर्ब्राशि के वर्ग में से ४ द्वारा गुणित क्षेत्रफल का माप घटाया जाता है। तब इस परिणामी अंतर के वर्गमूल के साथ परिमिति की अर्ब्राशि के सम्बन्ध में संक्रमण किया करने से इष्ट आधार और कंब्रुजा सचमुच में प्राप्त होती है।॥१२९३॥

## उदाहरणार्थ प्रश्न

किसी प्राप्त आयत क्षेत्र में परिमिति का माप १७० है। दिये गये क्षेत्र का माप १५०० है। छंब भुजा और आधार के मानों को बतळाओ ॥१६० है॥

(१२७५) गाया १२५२ वीं के नोट के समान ही प्रतीक लेकर यहाँ दिया गया नियम निम्निलिखित इस में निक्षित होता है:—दशानुसार

$$\left\{ \sqrt{(\sqrt{a^2 + a^2})^2 + 2 \text{ अ व } \pm \sqrt{(\sqrt{a^2 + a^2})^2 - 2 \text{ अ व }}} \div ? = \text{अ अथवा व } \right.$$

$$\left( ? ? ? \frac{1}{2} \right) \text{ यहाँ मो, } \left\{ \frac{? \text{ अ} + ? \text{ a}}{?} \pm \sqrt{(? \text{ a} + ? \text{ a})^2} - ? \text{ अ व }} \right\} \div ? = \text{अ अथवा } \text{ a,}$$

वैसी दशा हो ।

ग॰ सा॰ सं०-२८

आयतचतुरश्रक्षेत्रद्वये रञ्जुसंख्यायां सदक्षायां सत्यां द्वितीयक्षेत्रफळात् प्रथमक्षेत्रफळे द्विगुणिते सित, अथवा क्षेत्रद्वयेऽपि क्षेत्रफळे सद्देशे सित प्रथमक्षेत्रस्य रञ्जुसंख्याया अपि द्वितीयक्षेत्ररञ्जुसंख्यायां द्विगुणायां सत्याम्, अथवा क्षेत्रद्वये प्रथमक्षेत्ररञ्जुसंख्यायां अपि द्वितीयक्षेत्रस्य रञ्जुसंख्यायां द्विगुणायां सत्यां द्वितीयक्षेत्रफळादिप प्रथमक्षेत्रफळे द्विगुणे सित, तत्तत्क्षेत्रद्वयस्यानयनसूत्रम्—

स्वाल्पहतर्ज्जधनहतकृतिरिष्टप्रैव कोटि:स्यान्।

व्येका दोस्त्व्यफलेऽन्यत्राधिकगणितगुणितेष्टम् ॥ १३१३ ॥

व्येकं तदृनकोटिः त्रिगुणा दोः स्याद्थान्यस्य ।

रज्ज्वर्धवर्गराशेरिति पूर्वोक्तेन सूत्रेण।

तद्गणितरज्जुमितितः समानयेत्तद्भुजाकोटी ॥ १३३ ॥

इष्ट आयत क्षेत्रों के क्रमिक युग्मों को प्राप्त करने के लिये नियम (१) जब कि परिमिति के संख्यारमक माप बराबर हैं, और प्रथम आकृति का सेत्रफळ दूसरे के क्षेत्रफळ से दुगुना है; अथवा (२) अब कि दोनों आकृतियों के क्षेत्रफळ बराबर हैं, और दूसरी आकृति की परिमिति का संख्यात्मक माप प्रथम आकृति की परिमिति से दुगना है; अथवा (३) अब कि दो क्षेत्रों के संबंध में दूसरी आकृति की परिमिति का संख्यात्मक माप, प्रथम आकृति की परिमिति से दुगुना है, और प्रथम आकृतिका क्षेत्रफळ दुसरी आकृति के क्षेत्रफळ से दुगुना है—

दो इष्ट आयत क्षेत्रों संबंधी परिमितियों तथा क्षेत्रफलों की दी गईं निष्पत्तियों में बड़ी संख्याओं को उनकी संवादी छोटो संख्याओं द्वारा भाजित किया जाता है। परिणामी भजनफलों को एक दूसरे से परस्पर गुणित कर वर्गित किया जाता है। यही राशि जब दिये गये मन से जुने गुणकार (multiplier) द्वारा गुणित की जाती है, तब लंबभुजा का मान उत्पन्न होता है। और उस दशा में जब कि दो इष्ट आकृतियों के क्षेत्रफल बराबर हों, यह लंब भुजा का माप एक द्वारा हासित होतर, आधार का माप वन जाता है। परंतु दूसरी दशा में जब कि इष्ट आकृतियों के क्षेत्रफल बराबर नहीं होते, तब बड़ी निष्पत्त संख्या जो क्षेत्रफलों से संबंधित होती है, दिये गये मन से जुने गुणकार द्वारा गुणित की जाती है और परिणामी गुणनफल १ द्वारा द्वासित किया जाता है। उपर प्राप्त लंब भुजा इस परिणामी राशि द्वारा हासित की जाती है, और तब २ द्वारा गुणित की जाती है। इस प्रकार आधार का माप प्राप्त होता है। तथ्यश्चात् दो इष्ट चतुर्भुज के माप को प्राप्त करने के किए, जात क्षेत्रफल और परिमिति की सहायता से, गाथा १२९ दे में दिये गये नियमानुसार उसका आधार तथा लंब निकालना पड़ते हैं। १३१ दे।

<sup>(</sup>१२१३-१३३) यदि प्रथम आयत की दो आवज भुजाएँ क और ख हों, तथा दूसरे आयत की दो आवज भुजाएँ अ और ब हों, तो इस नियम में दी गई तीन प्रकार की समस्याओं में कथित दशाओं को इस प्रकार से प्रकरित किया जा सकता है—

<sup>(</sup>१)क+ख=अ+ब; कख=२अब

<sup>(</sup>२)२(क+ख)=अ+ब; कख=अब

<sup>(</sup>३)२(क+ख)=अ+ब; कख=२अब

इस नियम में दिया गया इल केवल १२४-१३६ गायाओं में दिये गये प्रक्तों की विशेष दशाओं के लिये ही उपयुक्त दिखाई देता है।

असमन्यासायामसेत्रे हे द्वावयेष्ट्रगुणकारः। प्रथमं गणितं द्विगुणं रज्जू तुस्ये किमत्र कोटिभुजे ॥ १३४॥ आयतचतुरश्रे हे क्षेत्रे द्वयमेवगुणकारः। गणितं सदृशं रज्जुद्विगुणा प्रथमात् द्वितीययस्य ॥१३५॥ आयतचतुरश्रे हे क्षेत्रे प्रथमस्य धनमिह द्विगुणम्। द्विगुणा द्वितीयरज्जुस्तयोभुजां कोटिमपि कथय॥ १३६॥

द्विसमत्रिभु जक्षेत्रयोः परस्पररवज्ञधनसमान संख्ययोरिष्टगुणकगुणितरवज्ञधनवतोवी द्विसम-त्रिभु जक्षेत्रद्वयानयनसूत्रम् — रवजुकृतिज्ञान्योन्यधनास्पाप्तं षड्द्विष्टमस्पमेकोनम् । तच्छेषं द्विगुणास्पं वीजे तज्जन्ययोभुजादयः प्राग्वत् ॥ १३७ ॥

# उदाहरणार्थ प्रश्न

दो चतुर्शुंज क्षेत्र हैं जिनमें से प्रत्येक असमान छंबाई और चौड़ाई वाला है। दिया गया गुणकार २ है। प्रथम क्षेत्र का सेत्रफल दूसरे के क्षेत्रफल से दुगुना है, और दोनों में परिमितियाँ बराबर हैं। इस प्रश्न में छंब भुजाएँ और आधार क्या-क्या हैं ?॥१३४॥ दो आयत क्षेत्र हैं और दिया गया गुणकार भी २ है। उनके क्षेत्रफल बराबर हैं परंतु दूसरे क्षेत्र को परिमिति पहिले की परिमिति से दुगुनी है। उनकी लंब भुजाएँ और आधारों को निकालो ॥१३५॥ दो आयत क्षेत्र दिये गये हैं। प्रथम का क्षेत्रफल दूसरे के क्षेत्रफल से दुगुना है। दूसरी आकृति की परिमिति पहिले की परिमिति से दुगुनी है। उनके आधारों और लंब भुजाओं के मानों को प्राप्त करो ॥ १३६॥

ऐसे समिद्वबाहु त्रिअुजों के युग्म की प्राप्त करने के किये नियम, जिनकी परिमितियाँ और क्षेत्रफड आपस में बराबर हों अथवा एक दूसरे के अपवर्ष हों---

इष्ट समिद्रवाहु त्रिमुजों की परिमितियों के निष्पत्तिरूप मानों के वर्गों में डन त्रिमुजों के क्षेत्रफळ के निष्पत्तिरूप मानों द्वारा एकान्वर गुणन किया जाता है। इस प्रकार प्राप्त दो गुणनफळों में से बहा छोटे के द्वारा विभाजित किया जाता है। तथा अळग से दो के द्वारा भी गुणित किया जाता है। इस प्रकार प्राप्त गुणनफळों में से छोटा गुणनफळ १ के द्वारा हासित किया जाता है। यहा गुणनफळ और हासित छोटा गुणनफळ ऐसे आवत्तक्षेत्र के संबंध में दो घोजों की संस्थाना करते हैं, जिनसे इष्ट त्रिमुजों में से एक प्राप्त किया जाता है। उपर्युक्त इन दो बीजों के अंतर और इन बीजों में छोटे की तुगुनी राशि: ये दोनों ऐसे आयत क्षेत्र के संबंध में बीजों की संस्थाना करते हैं, जिनसे दूसरा इष्ट त्रिमुज प्राप्त किया जाता है। अपने क्रमवार बीजों की सहायता से बनी दुई दो आयताकार आकृतियों में से, इष्ट त्रिमुजों संबंधी मुजाएँ और अभ्य बातें ऊपर समझाये अनुसार प्राप्त की जाती हैं॥१६७॥

<sup>(</sup>१२७) दो समिद्रिबाहु त्रिभुजों की परिमितियों की निष्पत्ति अः व हो, और उनके क्षेत्रफलों की निष्पत्ति सः द हो, तब नियमानुसार, ह्व स् और २व स -१ तथा ४व स +१ और ४व स -२; विष्पत्ति सं दो कुछक (sets) हैं, जिनकी सहाबता से दो समिद्रबाहु त्रिभुजों के विभिन्न

द्विसम्त्रिभुजक्षेत्रद्वयं तयोः क्षेत्रयोःसमं गणितम् ।
रज्जू समे तयोःस्यात् को बाहुः का भवेद्भमिः ॥ १३८ ॥
द्विसमत्रिभुजक्षेत्रे प्रथमस्य धनं द्विसंगुणितम् ।
रज्जुः समा द्वयोरिष को बाहुः का भवेद्भिमः ॥ १३९ ॥
द्विसमत्रिभुजक्षेत्रे द्वे रज्जुद्विगुणिता द्वितीयस्य ।
गणिते द्वयोःसमाने को बाहुः का भवेद्भमः ॥ १४० ॥
द्विसमत्रिभुजक्षेत्रे प्रथमस्य धनं द्विसंगुणितम् ।
द्विगुणा द्वितीयरज्जुः को बाहुः का भवेद्भमः ॥ १४१ ॥

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

दो समिद्रवाहु त्रिभुज हैं। उनका सेत्रफळ एक सा है। उनकी परिमितियाँ भी बराबर हैं।
भुजाओं और आधारों के मान क्या क्या हैं? || १३८ ॥ दो समित्रवाहु त्रिभुज हैं। पिहले का सेत्रफल
वृसरे के क्षेत्रफल से दुगुना है। उन दोनों की परिमितियाँ एक सी हैं। भुजाओं और आधारों के मान
क्या क्या हैं? ॥ १३९ ॥ दो समिद्रवाहु त्रिभुज हैं। वृसरे त्रिभुज की परिमिति पिहले त्रिभुज की
परिमिति से दुगुनी है। उन दो त्रिभुजों के क्षेत्रफल बराबर हैं। भुजाओं और आधारों के माप क्या क्या
हैं? ॥ १४० ॥ दो समिद्रवाहु त्रिभुज दिये गये हैं। प्रथम त्रिभुज का क्षेत्रफल दृसरे के क्षेत्रफल से
दुगुना है, और वृसरे की परिमिति पिहले की परिमिति से दुगुनी है। भुजाओं और आधारों के
माप क्या क्या हैं? ॥ १४१ ॥

इष्ट तन्त्रों को प्राप्त कर सकते हैं। इस अध्याय की १०८ई वीं गाथा के अनुसार, इन बीजों से निकाली गई भुजाओं भीर ऊँचाइयों के मापों को जब क्रमशः परिमितियों की निव्यत्ति में पाई जाने वाली राशियों अ और ब द्वारा गुणित करने हैं, तब दो समदिबाहु त्रिभुजों की इष्ट भुजाओ और ऊँचाइयों के माप प्राप्त होते हैं। वे निम्नलिखित हैं—

अब इन अहांओं (मानों) से सरखतापूर्वक सिद्ध किया जा सकता है कि परिमितियों की निष्पत्ति अः ब और क्षेत्रफड़ों की निष्पत्ति सः द है, बैसा कि आरम्भ में ले लिया गया था। एकद्वयादिगणनातीवसंख्यासु इष्टसंख्यामिष्टवस्तुनो भागसंख्यां परिकल्प्य तदिष्टवस्तु-भागसंख्यायाः सकाशात् समचतुरश्रक्षेत्रानयनस्य च समवृत्तक्षेत्रानयनस्य च समित्रभुजक्षेत्रान्यनस्य चायतचतुरश्रक्षेत्रानयनस्य च स्त्रम् — स्वसमीकृतावधृतिहृतधनं चतुर्वं हि वृत्तसमचतुरश्रव्यासः । षहुणितं त्रिभुजायतचतुरश्रभुजार्धमिप कोटिः ॥ १४२ ॥

वर्ग, अथवा समबूत्त क्षेत्र, अथवा समित्रभुज क्षेत्र, अथवा आयत को इनमें से किसी उपयुक्त आकृति के अञ्चपाती भाग के संख्यात्मक मान की सहायता से प्राप्त करने के छिये नियम, जब कि 1, र आदि से प्रारम्भ होने वाली प्राकृत संख्याओं में से कोई मन से चुनी हुई संख्या द्वारा उस दी गई उपयुक्त आकृति के अनुपादी भाग के संख्यात्मक मान को उत्पन्न कराया जाता है—

(अनुपाती भाग के) क्षेत्रफल (का विया गया माप इस्त में) किए गए (समुचित रूप से) अनुरूपित (similarised) माप द्वारा भाजित किया जाता है। इस प्रकार प्राप्त भजनफल यदि ४ के द्वारा गुणित किया जाय, तो वर्ग तथा वृत्त की भी चौड़ाई का माप उत्पद्म होता है। वहीं भजनफल, यदि ६ द्वारा गुणित किया जाय, तो समित्रशुज तथा आयत क्षेत्र के आधार का माप भी उत्पद्म होता है। इसकी अर्जुराशि आयत क्षेत्र की छंव शुजा का माप होती है ॥१४२॥

<sup>(</sup>१४२) इस नियम के अन्तर्गत दिये गये प्रश्नों के प्रकार में, वृत्त, या वर्ग, या समद्विबाहु त्रिभुज, या आयत मन चाहे समान भागों में विभाजित किया जाता है। प्रत्येक भाग, एक ओर परिमिति के किसी विशिष्ट भाग द्वारा सीमित होता है। जो अनुपात परिमिति के उस विशिष्ट भाग और पूरी परिमिति में होता है वहा अनुपात उस सीमित भाग और आकृति के पूर्ण क्षेत्रफल में रहना चाहिए। इत के संबंध में प्रत्येक खंड, दैत्रिज्य (800tor) होता है; वर्गाकार आकृति होने पर और आयताकार आकृति होने पर वह त्रिभुज होता है। प्रत्येक भाग का क्षेत्रफल और मूल परिमिति की लम्बाई दोनों दत्त महत्ता की होती हैं। यह गाया, इत्त के व्यास, वर्ग की भुजाओं, अथवा समित्रभुज या आयत की भुजाओं का माप निकालने के लिये नियम का कथन करती है। यदि प्रत्येक भाग का क्षेत्रफल 'म' हो और संपूर्ण परिमिति की लम्बाई का कोई भाग 'न' हो तो नियम में दिये गये सूत्र ये हैं—

म 💢 🗙 ४ = इत का व्यास, अथवा वर्ग की भुजा;

और  $\frac{\mu}{a}$   $\times$  ६ = समित्रभुष या भायत को भुजा;

और म ×६ का अर्द्धमाग = आयत की छंब भुजा की छम्बाई ।

अगले पृष्ठ पर दिये गये समीकारों से मूळ आधार स्पष्ट हो बावेगा, जहाँ प्रस्थेक आकृति के विभावित खंडों की संख्या 'क' है। वृत्त की त्रिक्या अथवा अन्य आकृति संबंधी भुजा 'अ' है, और आयत की लंब भुजा 'ब' है।

स्वान्तः पुरे नरेन्द्रः प्रासादतले निजाङ्गनामध्ये । दिन्यं स रत्नकम्बलमपीपतत्त्व समवृत्तम् ॥ १४३ ॥ ताभिर्देवीभिर्धृतमेभिर्भुजयोश्च मुष्टिभिर्लन्थम् । पद्मद्शैकस्याः स्युः कति वनिताः कोऽत्र विष्कम्भः ॥ १४४ ॥ समचतुरश्रमुजाः के समन्निवाहौ मुजाश्चात्र । आयतचतुरश्रस्य हि तत्कोटिमुजी सखे कथ्य ॥ १४५ ॥

क्षेत्रफळसंख्यां झात्वा समचतुरश्रक्षेत्रानयनस्य चायतचतुरश्रक्षेत्रानयनस्य च सूत्रम्— सूक्ष्मगणितस्य मूर्छं समचतुरश्रस्य बाहुरिष्ट्रहतम् । धनमिष्टफळे स्यातामायतचतुरश्रकोटिभुजौ ॥ १४६ ॥

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

किसी राजा ने अपने अंतःपुर के प्रासाद में अपनी रानियों के बीच में ऊपर से फर्श पर समक्ष्य आकार बाला उच्छूट रसकंबल नीचे गिराया। वह उन देवियों द्वारा हाथ में प्रहण कर दिया गया। उनमें से प्रत्येक ने अपनी दोनों अजाओं की सुद्धियों में पंत्रह, पंत्रह दंढ क्षेत्रफल का कंबल ग्रहण कर रखा। यहाँ बतलाओं कि इस नरेन्द्र की बनितायें कितनी हैं, और बुसाकार कंबल का ब्यास (विष्कंभ) कितना है ? यदि यह कंबल बर्गाकार हो, तो इसकी प्रत्येक सुजा कितने माप की होगी ? बदि वह समित्रसुजाकार हो तो उसकी सुजा कितनी होगी ? हे मित्र, सुझे बतलाओं कि बिद्धि कंबल आवताकार हो, तो उसकी छंब सुजा और आधार का माप क्या होगा ? ॥ १ ४३ – १ ४५॥ वर्गाकार आकृति अथवा आयताकार आकृति प्राप्त करने के किये नियम, जबकि आकृति के क्षेत्रफल

का संक्वात्मक मान ज्ञात हो---

दिये गये सेत्रफल के ग्रुद्ध माप का वर्गमूल इष्ट वर्गाकार आकृति की भुजा का माप होता है। दिये गये क्षेत्रफल को मन से चुनी हुई (केवल क्षेत्रफल के वर्गमूल को छोड़कर) कोई भी राशि द्वारा भाजित करने पर परिणामी भजनफल और यह मन से चुनी हुई राशि आयत क्षेत्र के संबंध में क्रमशः आधार और छंव भुजा की रचना करती हैं॥ १ ४६॥

बृत की दशा में, 
$$\frac{\pi \times \mu}{\pi \times \tau} = \frac{\pi}{2\pi} \frac{\Delta^2}{\pi}$$
, जहाँ  $\pi = \frac{4\pi}{22\pi}$ ; वर्ग की दशा में,  $\frac{\pi \times \mu}{\pi \times \tau} = \frac{\Delta^2}{22\pi}$ ; समित्रभुत की दशा में,  $\frac{\pi \times \mu}{\pi \times \tau} = \frac{\Delta^2/2}{22\pi}$ 

भायत की दशा में,  $\frac{\pi \times \mu}{\pi \times a} = \frac{\omega \times a}{\sqrt{(\omega + a)}}$ , जहाँ  $a = \frac{\omega}{\sqrt{a}}$  िंख्या गया है।

अध्याय की ७ वीं गाया में दिये गये नियम के अनुसार समभुजित्रभुत के क्षेत्रफल का व्यावहारिक मान यहाँ उपयोग में लाया गया है। अन्यथा, इस नियम में दिया गया सूत्र ठीक सिद्ध नहीं होता।

(१४३-१४५) इस प्रक्त में मुद्धीमर का अर्थ चार अंगुल प्रमाण होता है।

कस्य हि समचतुरश्रक्षेत्रस्य फलं चतुष्वष्टिः । फलसायतस्य सूक्मं षष्टिः के वात्र कोटिमुजे ॥ १४७ ॥

इष्टद्विसमचतुरश्रक्षेत्रस्य सूक्ष्मफलसंख्यां ज्ञात्वा, इष्टसंख्यां गुणकं परिकल्प्य, इष्टसंख्या-क्रुवीजाभ्यां जन्यायतचतुरश्रक्षेत्रं परिकल्प्य, तिष्टद्विसमचतुरश्रक्षेत्रफलविष्टद्विसमचतुर-श्रानयनसूत्रम् —

तद्भनगुणितेष्टकृतिर्जन्यधनोना सुजाहता मुखं कोटिः। द्विगुणा समुखा भूदोंलैम्बः कणौ भुजे तदिष्टहताः॥ १४८॥

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

६४ क्षेत्रकल वाळी बर्गाकार आकृति वास्तव में कीन सी है ? आयत क्षेत्र के क्षेत्रकल का गुद्ध मान ६० है । बतलाओ कि यहाँ लंब शुजा और आधार के मान क्या क्या है ? ॥१४७॥

दो बराबर भुजाओं वाले ऐसे चतुर्भुज होत्र की प्राप्त करने के लिये नियम, जिसे बीजों की सहायता से आयत क्षेत्र को प्राप्त करने पर और साथ ही किसी दो हुई संक्या को इष्ट गुणकार की तरह उपयोग में लाकर प्राप्त करते हैं, तथा जब (दो बराबर भुजाओंवाले ) ऐसे चतुर्भुज इंग्न के क्षेत्रफळ के बराबर ज्ञात स्थ्म क्षेत्रफळ वाले चतुर्भुज का क्षेत्रफळ होता है—

दिये गये गुणकार का वर्ग दिये गये क्षेत्रफळ द्वारा गुणित किया जाता है। परिणामी गुणनफळ, दिये गये बीजां से प्राप्त आयत के क्षेत्रफळ द्वारा द्वासित किया जाता है। शेषफळ जब इस आयत के आधार द्वारा माजित किया जाता है, तब अपरी भुजा का माप उत्पन्न होता है। प्राप्त आयत की छंब भुजा का मान, जब २ द्वारा गुणित होकर (पिहले ही) प्राप्त ऊपरी भुजा के मान में जोड़ा जाता है, तब आधार का मान उत्पन्न होता है। इस आयत क्षेत्र के आधार का मान उत्पन्न भुजा के अंतरों से आधार पर गिराये गये छंब के समान होता है, तथा ग्युत्पादित आयत क्षेत्र के कणों का मान भुजाओं के मान के समान होता है। इस प्रकार प्राप्त दो समान भुजाओं वाले चतुर्भुज के थे तस्व दिये गये गुणकार द्वारा भाजित किये आते हैं, ताकि दो समान भुजाओं वाला इष्ट चतुर्भुज प्राप्त हो। १४८॥

<sup>(</sup>१४८) यहाँ दिये गये क्षेत्रफल और दो बराबर भुजाओं वाले चतुर्भुंज की रचना संबंधी प्रश्न का विवेचन किया गया है। इस देतु मन से कोई संख्या चुनी जाती है। दो बीजों का एक कुलक ( set ) भी दिया गया रहता है। इस नियम में वर्णित रीति दूसरी गाथा में दिये गये प्रश्न में प्रयुक्त करने पर स्पष्ट हो जावेगी। उश्लिखित बीज यहाँ २ और ३ है। दिया गया क्षेत्रफल ७ है, तथा मन से चुनी हुई संख्या ३ है।

सूक्ष्मधनं सप्तेष्टं त्रिकं हि बीजे द्विके त्रिके दृष्टे । द्विसमचतुरश्रवाहु मुख्यमूम्यवलम्बकान् त्रृहि ॥ १४९ ॥

## उदाहरणार्थ प्रश्न

दिये गये क्षेत्रफल का ठीक माप ७ है, मन से चुना हुआ गुणकार ६ है, और दत्त बीज २ और ६ हैं। दो बराबर भुजाओं वाले चतुर्भुज क्षेत्र की बराबर भुजाओं, ऊपरी भुजा, आधार और संब के मानों को प्राप्त करो।।१४९॥

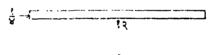
नोट-आकृतियों के माप अनुमाप ( scale ) रहित हैं ।

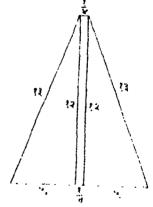
सबसे पहिले इस अध्याय की ९०३ वीं गायानुसार दिये गये बीजों की सहायता से आयत की

रचना करते हैं। उस आयत की छोटी भूजा का माप ५ और बड़ी भूजा का माप १२ तथा कर्ण का माप १३ होता है। उसका क्षेत्रफल मान में ६० होता है। अब इस प्रदन में दिये गये क्षेत्रफल को प्रदन में दी गई मन से चुनी हुई संख्या के वर्ग द्वारा गुणित करते हैं, जिससे हमें ७×३२ = ६३ प्राप्त होता है। इस ६३ में से हमें दिये गये बीजों से संरचित आयत का क्षेत्रफड़ ६० घटाना पड़ता है, जिससे ३ शेष प्राप्त होता है। ३ क्षेत्रफल वाला एक आयत बनाना पहता है, जिसकी एक भुजा बीजो से प्राप्त आयत की बड़ी सुबा के बराबर होती है। यह बड़ी भुजा माप में १२ है, इसलिये इस आयत की छोटी भुजा आकृति में दिखलाये अनुसार है माप को हातो है। बीजों से प्राप्त आयत के दो भाग कर्ण द्वारा प्राप्त करते हैं, बो दो त्रिभुव होते हैं। इन दो त्रिभुवों को, आकृति में दिखाये अनुसार, रे × १२ क्षेत्रफल वाळे आयत के दोनों ओर जमाते हैं, ताकि लंबी सवाएँ संपाती हों।

इस प्रकार अंत में हमें दो बराबर १३ मापनाली भुजाओं का चतुर्भंज प्राप्त होता है, जिसकी ऊपरी भुजा है और आधार १०ई होता है। इसकी सहायता से प्रका में इह चतुर्भंज की भुजाओं के माप, मन से चुनी हुई संख्वा ३ द्वारा, भुजाओं के माप १३, ई, १३ और १०ई को माबित कर, प्राप्त कर सकते हैं।







इष्टसूक्ष्मगणितफलबन्त्रिसमचतुरश्रहेत्रानयनसूत्रम्— इष्टधनमक्कधनकृतिरिष्टयुतार्धं भुजा द्विगुणितेष्टम् । विमुजं मुखमिष्टामं गणितं झवलम्बकं त्रिसमजन्ये ॥ १५०॥ अत्रोहेजकः

कस्यापि स्नेत्रस्य त्रिसमचतुर्बाहुकस्य सूक्ष्मधनम् । पण्णवतिरिष्टमष्टौ भूबाहुमुखावत्यम्बकानि वद् ॥ १५१ ॥

तीन बराबर भुजाओं बाले ज्ञात क्षेत्रफल के चतुर्भुज क्षेत्र को प्राप्त करने के लिये नियम जब कि
गुणक (multiplier) दिया गया हो--

हिने गये क्षेत्रफळ के वर्ग को दिये गये गुणक के चन द्वारा भाजित किया जाता है। तब दिये गये गुणकार को परिणामी भजनफळ में जोड़ा खाता है। इस प्रकार प्राप्त योग की अर्द्शांकि बराबर भुजाओं में से किसी एक का माप देती है। दिया गया गुणक २ से गुणित होकर, और तब प्राप्त स्वाबर भुजा (जो अभी प्राप्त हुई है ऐसी समान भुजा) द्वारा हासित होकर, उपरी भुजा का माप देता है। दिया गया क्षेत्रफळ दिये गये गुणक द्वारा भाजित होकर, तीन बराबर भुजाओं वाले इष्ट चतुर्भंज क्षेत्र के संबंध में उपरी भुजा के अंतों से आधार पर गिराबे गये समान छंतों में से किसी एक का मान देता है। १५०॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

किसी ३ वरावर भुजाओं वाले चतुर्भुज क्षेत्र के संबंध में क्षेत्रफक का शुद्ध मान ९६ है। दिया गया गुणक ८ है। आधार, भुजाओं, ऊपरी भुजा और लंब के मापों को बतलाओ ॥ १५९॥

(१५०) नियम में कथन है कि दिये गये क्षेत्रफल को मन से जुनी हुई दत्त संख्या द्वारा माजित करने पर इष्ट आकृति संबंधी छंब प्राप्त होता है। क्षेत्रफल का मान, आधार और ऊपरी सुजा के योग

की अर्द्धरिश तथा छन के गुणनफल के बराबर होता है। इसिलिये दी गई चुनी हुई संख्या ऊपरी मुजा और आधार के योग की अर्द्धरिश का निरूपण करती है। यदि अब सद तीन बराबर भुजाओं बाला चतुर्भुंज है, और सइ, ससे अद पर गिराया गया छंब है, तो अइ, अद और ब स के योग की आधी होती है, और दी गई चुनी हुई संख्या के बराबर होती है। यह सरस्ता पूर्वक दिखाया जा सकता है कि रुआ द×अ इ=(स इ)2+(अ इ)2।

$$\therefore \text{ at} = \frac{(\text{dt})^2 + (\text{at})^2}{2 \text{ at}} = \frac{(\text{dt})^2}{2 \text{ at}} + \frac{\text{at}}{2} = \frac{(\text{dt}^2 \times \text{at}^2)}{2} + \text{at}}{(\text{at})^3} + \text{at}$$

$$= \frac{(\text{dt} \times \text{at})^2}{(\text{at})^3} + \text{at}$$

यहाँ स इ × भ इ = चतुर्भुंज का दिया गया क्षेत्रफल है। यह अंतिम सूत्र, प्रश्न में तीन बराबर भुजाओं वाके चतुर्भुंज की कोई भी एक बराबर भुजा का मान निकालने के किये दिया गया है।

ग० सा० सै०-२९

सूक्ष्मफलसंख्यां ज्ञात्वा चतुर्भिरिष्टच्छेदैश्च विषमचतुरश्रक्षेत्रस्यमुखभूभुजाप्रमाणसंख्यान-यनसूत्रम्— धनकृतिरिष्टच्छेदैश्चतुर्भिराप्तेव लब्धानाम् । युतिदल्लचतुष्ट्यं तैकृता विषमाख्यचतुरश्रभुजसंख्या ॥ १५२ ॥

# अत्रोदेशकः

नवितिर्हं सूक्ष्मगणितं छेदः पञ्चैव नवगुणः । दश्चश्रृतिर्विशातिषदकृतिहतः क्रमाद्विषमचतुरश्रे॥ मुख्यमूमिभुजासंख्या विगणय्य ममाशु संकथय॥ १५३३॥

४ दिये गये भाजकों की सहायता से, जब कि इष्ट चतुर्भुंज क्षेत्र का क्षेत्रफळ ज्ञात है, विषम चतुर्भुंज क्षेत्र के संबंध में ठावरी भुजा, आधार और अन्य भुजाओं के संख्यारमक मान निकालने के किये नियम—

दिया गया क्षेत्रफळ का वर्ग अलग अलग चार दिये गये भाजकों द्वारा भाजित किया जाता है, और चार परिणामी भजनफळों को अलग-अलग किसा जाता है। इन भजनफळों के योग की अर्द्शांश को चार स्थानों में लिखा जाता है, और क्रम में उपर लिखे हुए भजनफळों द्वारा क्रमशः हासित किया जाता है। इस प्रकार प्राप्त शेष, विषम चतुर्भुज की असमान नामक भुजाओं के संस्थारम क्रमान को उरपन्न करते हैं। १५२॥

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

विषम चतुर्भुज के संबंध में क्षेत्रफड़ का शुद्ध माप ९० है। ५ को क्रमशः ९, १०, १८, २० और १६ द्वारा गुणित करने पर चार दिये गये भाजकों की उत्पत्ति होती है। गणना के पश्चात् उपरी सुजा, भाषार और अन्य सुजाओं के संख्यात्मक मानों को शीध बत्तकाओ ॥ १५३-१५१ है॥

<sup>(</sup>१५२) असमान भुजाओं वाले चतुभुँज क्षेत्र का क्षेत्रफल पहिले ही बताया जा चुका है:

√ य(य-अ) (य-व) (य-स) (य-द) = चतुभुँज का क्षेत्रफल, जहाँ य = परिमिति की अर्द्धराश्चि
है, और अ, ब, स और द भुजाओं के माप हैं ( इसी अध्याय की ५० वीं गाया देखिये )। इस नियम के अनुसार क्षेत्रफल के मान को विगत कर, और तब चार मन से चुने हुए भाजकों द्वारा अलग-अलग माजित करते हैं। यदि (य-अ) (य-व) (य-स) (य-स) को ऐसे चार उपयुक्त चुने हुए भाजकों द्वारा भाजित करते हैं। यदि (य-अ) (य-व) (य-स) (य-स) से चार उपयुक्त चुने हुए भाजकों द्वारा भाजित किया जाय कि य-अ, य-व, य-स और य-द भजनफल प्राप्त हो, तो इन मजनफलों को बोड़कर, और उनके योग को आचा करने पर, य प्राप्त होता है। यदि य को क्रम से य-अ, य-व, य-स और य-द हासित किया जाय, तो शेष क्रमशः विषम चतुर्भुंज की भुजाओं के मानों की प्रकरणा करते हैं।

सूक्ष्मगणितफर्छ झात्वा तत्सूक्ष्मगणितफर्डवत्समित्रबाहुक्षेत्रस्य बाहुसंख्यानयनस्त्रम्— गणितं तु चतुर्गुणितं वर्गीकृत्वा मजेत् त्रिभिर्छेग्धम् । त्रिमुजस्य क्षेत्रस्य च समस्य बाहोः कृतेर्वेगेम् ॥ १५४३ ॥

#### अत्रोहेशकः

कस्यापि समन्यश्रहेत्रस्य च गणितमुहिष्टम् । रूपाणि त्रीण्येव ब्रहि प्रगणय्य मे बाहुम् ॥ १५५३ ॥

स्क्मगणितफर्असंख्यां ज्ञात्वा तत्स्क्मगणितफर्बद्दिसमत्रिबाहुक्षेत्रस्य अजमूम्यवरुम्ब-कसंख्यानयनस्त्रम् —

इच्छाप्तधनेच्छाकृतियुतिमूलं दोः क्षितिर्द्विगुणितेच्छा । इच्छाप्तधनं लम्बः क्षेत्रे द्विसमत्रिबाहुजन्ये स्यात् ॥ १५६३ ॥

स्ट्रम रूप से ज्ञात क्षेत्रफल बाले समभुज त्रिभुज की भुजाओं के संख्यात्मक मानों की निकासने के लिये नियम—

दिवे गये क्षेत्रफल की चौगुनी राशि वर्गित की जाती है। परिणामी राशि ३ द्वारा भाजित की जाती है। इस प्रकार प्राप्त भजनफल समिश्रभुज की किसी एक भुजा के मान के वर्ग का वर्ग होता है। १५५ है।

## उदाहरणार्थ प्रश्न

किसी समन्त्रवाहु त्रिभुत्त के संबंध में दिया गया क्षेत्रफढ़ केवळ ६ है। उसकी भुजा का माप गणना कर बतलाओं ॥ १५५३ ॥

किसी दिवे गये क्षेत्रफर्ल के शुद्ध संख्याश्मक माप को ज्ञात कर, इसी शुद्ध क्षेत्रफर्क की त्रिभुजाकार आकृति की भुजाओं, आधार और छंब को निकासने के सिये नियम—

इस प्रकार से रिचत होने वाले समिद्धवाहु त्रिभुज के संबंध में, दिये गये क्षेत्रफल को मन से जुनी हुई राशि द्वारा भाजित करने से प्राप्त भजनफल के वर्ग में, मन से जुनी हुई राशि के वर्ग को जोइते हैं। योग का जब वर्गमुल निकाला जाता है, तब भुजा का मान उत्पन्न होता है; जुनी हुई राशि को दुगनी राशि आधार का माप देती है, और मन से जुनी हुई राशि द्वारा भाजित क्षेत्रफल लंब का माप उत्पन्न करता है॥ १५६२ ॥

<sup>1.</sup> वर्गीकृत्वा के स्थान में वर्गीकृत्य होना चाहिए; पर इस रूप में वह छंद के उपयुक्त नहीं होता है।

<sup>(</sup>१५४२) समित्रभुव के क्षेत्रफल के किये सूत्र यह है। क्षेत्रफल = अर् √ 🐉 , वहाँ भुजा का माप अ है। इसके द्वारा यहाँ दिया गया नियम माप्त किया जा सकता है।

<sup>(</sup>१५६२) इस प्रकार के दिये गये प्रश्नों में समिद्रिबाहु त्रिभुज के क्षेत्रफल की अर्हा (मान) और मन से जुने हुए आधार की आधी राशि दी गई रहती हैं। इन शांत राशियों से छंब और भुजा के माप सरकतापूर्वक प्राप्त किये जा सकते हैं।

कस्यापि क्षेत्रस्य द्विसमित्रभुजस्य सूक्ष्मगणितमिनाः । त्रीणीच्छा कथय सखे भुजभूम्यवलम्बकानाशु ॥ १५७५ ॥

स्क्ष्मगणितफलसंख्यां ज्ञात्वा तत्सूक्ष्मगणितफलबद्धिषमित्रभुजानयनस्य सूत्रम् अष्टगुणितेष्टकृतियुत्तधनिमष्ट्रपदहृदिष्टार्धम् । भूः स्याद्भनं द्विपदाहृतेष्टवर्गे भुजे च संक्षमणम् ॥ १५८३ ॥

## उदाहरणार्थ प्रश्न

किसी समिद्वबाहु त्रिभुज के संबंध में क्षेत्रफळ का शुद्ध माप १२ है। मन से चुनी हुई राशि ३ है। हे मित्र, भुजाओं, आधार और लंब के मानों को बीघ बसलाओं ॥ १५७२ ॥

विषम भुजाओं बाले तथा दत्त शुद्ध माप के क्षेत्रफल वाले त्रिभुष क्षेत्र को प्राप्त करने के किये नियम---

दिया गया क्षेत्रफळ ८ द्वारा गुणित किया जाता है, और परिणामी गुणनफळ में मन से जुनी हुई राशि की वर्गित राशि जोड़ी जाती है। इस प्रकार प्राप्त परिणामी योग के वर्गमूळ को प्राप्त करते हैं। इस वर्गमूळ का घन, मन से जुनी हुई संख्या तथा ऊपर प्राप्त वर्गमूळ द्वारा भाजित किया जाता है। मन से जुनी हुई राशि की आधी राशि इष्ट त्रिभुज के आधार का माप होती हैं। पिछली किया में प्राप्त भजनफळ इस आधार के माप द्वारा हासित किया जाता है। परिणामी राशि को, उपर्युक्त वर्गमूळ, तथा २ द्वारा तथा भाजित (मन से जुनी हुई राशि के) वर्ग के संबंध में, संक्रमण क्रिया करने के उपयोग में छाते हैं। इस प्रकार भुजाओं के मान प्राप्त होते हैं। १५८ रैं।

(१५८२) यदि त्रिभुजका क्षेत्रफल क्ष हो, और द मन से जुनी हुई संख्या हो, तो इस नियम के अनुसार इष्ट मानों को निम्न प्रकार प्राप्त करते हैं—

हु माना का निम्न प्रकार प्राप्त करत हु—
$$\frac{\zeta}{2} = \text{आधार; और } \frac{(\sqrt{2\pi + \zeta^2})^3}{\zeta\sqrt{2\pi + \zeta^2}} - \frac{\zeta}{2} \pm \frac{\zeta^2}{\sqrt{2\pi + \zeta^2}} = 2(\frac{3\pi i \zeta}{2})$$

बन किसी त्रिमुन का क्षेत्रफळ और आधार दिये गये रहते हैं, तन शीर्ष का निन्तुपय आधार के समानान्तर रेखा होती है, और भुजाओं के मानों के अनेक बुळक (sets) हो सकते हैं। भुजाओं के किसी विशिष्ट कुळक के मानों को प्राप्त करने के लिए, यहाँ स्पष्टतः करपना कर ली गई है कि दो भुजाओं का योग आधार और दुगुनी ऊँचाई के योग के तुक्य होता है, अर्थात् द + २ क्ष होता है। इस करपना से इस अध्याय की ५० वी गाथा में दिये गये साधारण सूत्र, {किसी त्रिभुज का क्षेत्रफळ = √ य(य - अ) (य - व) (य - स) }, से भुजाओं के माप के लिये ऊपर दिया गया सूत्र प्राप्त किया जा सकता है।

कस्यापि विषमबाहोस्त्र्यश्रक्षेत्रस्य सूक्ष्मगणितभिदम् । द्वे रूपे निर्दिष्टे त्रीणीष्टं भूमिबाहवः के स्युः ॥ १५९३ ॥

पुनरिष सूक्ष्मगणितेफलसंख्यां ज्ञात्वा तत्फलवद्विषमित्रभुजानयनसूत्रम् — स्वाष्टहतात्सेष्टकृतेः कृतिमूळं चेष्टमितरिदतरहतम् । ज्येष्ठं स्वाल्पाधीनं स्पल्पाधी तत्पदेन चेष्टेन ॥ १६०३ ॥ क्रमशो हत्वा च तयोः संक्रमणे भूभुजी भवतः । इष्टार्धमितरदोः स्याद्विषमत्रैकोणके क्षेत्रे ॥ १६१३ ॥

## अत्रोद्देशकः

द्वे रूपे सूक्ष्मफलं विषमत्रिभुजस्य रूपाणि । त्रीणीष्टं भूदोषी कथय संखे गणिततत्त्वज्ञ ॥ १६२५ ॥

सूक्ष्मगणितफळं ज्ञात्वा तत्सूक्ष्मगणितफळवत्समवृत्तक्षेत्रानयनसूत्रम् — गणितं चतुरभ्यस्तं द्शपद्भक्तं पदे भवेद्यासः। सूक्ष्मं समवृत्तस्य क्षेत्रस्य च पूर्ववत्फळं परिधिः॥ १६३५॥

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

किसी असमान भुजाओं वाली त्रिभुजाकार आकृति के संबंध में यह बतलाया गया है कि शुद्ध क्षेत्रफल का माप २ है, और मन से चुनी हुई राशि ३ है। आधार का मान तथा भुजाओं का मान क्या है ? ॥ १५९३ ॥

पुन:, विषम भुजाओं वालेतथा दस शुद्ध माप क्षेत्रफल वाले त्रिभुज क्षेत्र को प्राप्त करने के क्रिये

वृसरा नियम--

हिये गये होत्रफल के माप में ८ का गुणा कर, और तब इसमें मन से खुनी हुई शिश के वर्ग को जोड़कर, प्राप्त बोगफल का वर्गमूल प्राप्त किया जाता है। यह और मन से खुनी हुई राशि एक दूसरे के द्वारा भाजित की जाती हैं। इन भजनफलों में से बढ़ा, छोटे भजनफल की अर्द्धशिक द्वारा हासित किया जाता है। इस प्रकार प्राप्त शेष राशि और यह छोटे भजनफल की अर्द्धशिक कमशः उपर किखात वर्गमूल और मन से खुनी हुई संख्या द्वारा गुणित की जाती हैं। इस प्रकार प्राप्त गुणनफलों के संबंध में संक्रमण किया करने पर आधार और भुजाओं में से किसी एक का मान प्राप्त होता है। मन से खुनी हुई राशि की आधी राशि विषम श्रिभुज की दूसरी भुजा की अर्हा होती है॥ १६०-१६१५॥

# उदाहरणार्थ पश्न

विषम त्रिभुत्र के संबंध में क्षेत्रफळ का शुद्ध माप ३ है। हे गणितज्ञ सखे, आधार तथा भुजाओं के माप बतळाओ ॥ १६२२ ॥

दत्त सुक्ष्म क्षेत्रफर वाले, किसी समवृत्त क्षेत्र की प्राप्त करने के छिये नियम-

स्दम होत्रफल का माप ४ द्वारा गुणित कर, १० के वर्गमूल द्वारा आजित किया जाता है। इस प्रकार परिणामी अजनफक के वर्गमूक को प्राप्त करने से स्वास का मान प्राप्त होता है। समवृत्त क्षेत्र के संबंध में, ऊपर समझाये अनुसार, क्षेत्रफल और परिधि का माप प्राप्त किया जाता है॥ १६३ है॥

<sup>(</sup>१६६३) इस गाथा में दिया गया नियम स्त्र, क्षेत्रफल  $=\frac{c^2}{8} \times \sqrt{20}$ , जहाँ द दत्त का व्यास है, से प्राप्त किया गया है।

समञ्ज्ञहेत्रस्य च सूक्ष्मफलं पब्च निर्दिष्टम् । विष्कम्भः को वास्य प्रगणय्य ममाशु तं कथय ॥ १६४३ ॥

व्यावहारिकाणितफलं च सृक्ष्मफलं च ज्ञात्वा त्र व्यावहारिकफलवत्तत् क्ष्मगणितफलवद् हि सम चतुरश्रक्षेत्रानयनस्य च सृत्रम्— धनवर्गान्तरपद्युतिवियुतीष्टं भूमुखे भुजे स्थूलम् । द्विसमे सपदस्थुलात्पद्युतिवियुतीष्टपद्षतं त्रिसमे ॥ १६५३ ॥

## उदाहरणार्थ प्रश्न

समवृत्त क्षेत्र के संबंध में क्षेत्रफल का ग्रुद्ध माप ५ है। वृत्त का ध्यास गणना कर बीज बतकाओ ॥ १६४३ ॥

किसी क्षेत्रफल के व्यावहारिक तथा सूक्ष्म माप झात होने पर, दो समान अजाओं बाले तथा तीन समान अजाओं बाले उन क्षेत्रफलों के माप'के चतुर्भुंज क्षेत्रों को प्राप्त करने के खिये नियम---

दो समान मुजाओं वाले क्षेत्रफल के संबंध में, क्षेत्रफल के सिक्कट और सुक्ष्म मापों के वर्गों के अन्तर के वर्गम्ल को प्राप्त करते हैं। इस वर्गम्ल को मन से चुनी हुई राशि में जोड़ते हैं, तथा उसी मन से चुनी हुई राशि में से वही वर्गम्ल घटाते हैं। आधार और ऊपरी भुजा को प्राप्त करने के लिये इस प्रकार प्राप्त राशियों को मन से चुनी हुई राशि के वर्गम्ल से भाजित करना पड़ता है। इसी प्रकार, सिक्कट झेत्रफल में मन से चुनी हुई राशि का भाग देने पर समान भुजाओं का मान प्राप्त होता है। १६५३॥

(१६५६) यदि 'रा' किसी दो बराबर सुजाओं वाले चतुर्भुज क्षेत्र के सज्जिकट क्षेत्रफल को, और 'र' स्क्म मान को प्रकायित करते हों, और प मन से चुनी हुई संख्या हो, तो

आधार = 
$$\sqrt{t1^2-t^2+q}$$
; ऊपरी मुजा =  $\frac{q-\sqrt{t1^2-t^2}}{\sqrt{q}}$ ;

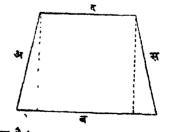
और प्रत्येक बराबर भुजाओं का मान =  $\frac{\tau_1}{\sqrt{\tau}}$ ।

यदि दो बराबर भुजाओं वाले चतुर्भुज क्षेत्र की भुजाओं के माप क्रमशः अ, ब, स, द हो, तो

$$tt = \frac{a(a+c)}{2}; t = \left(\frac{a+c}{2}\right)^2;$$

$$alt t = \frac{a+c}{2} \times \sqrt{a^2 - \frac{(a-c)^2}{2}}$$

आधार और ऊपरी भुजा के लिये ऊपर दिये गये सूत्र रा, र और प के इन मानों का प्रतिस्थापन करने पर सरलतापूर्वक संस्थापित किये जा सकते हैं। इसी प्रकार तीन बराबर भुजाओं बाके चतुर्भुंड के संबंध में भी यह नियम ठीक सिद्ध होता है।



गणितं सूक्सं पञ्ज श्रयोद्दा व्यावहारिकं गणितम्। द्विसमचतुरश्रभुमुखदोषः के षोडशेच्छा च ॥ १६६३ ॥

त्रिसमचतुरश्रस्योदाहरणम् । गणितं सूक्ष्मं पद्म त्रयोद्श व्यावहारिकं गणितम् । त्रिसमचतुरश्रबाहून् संचिन्त्य संखे ममा बक्ष्य ॥ १६७३ ॥

व्यावहारिकस्थूळफलं सूक्ष्मफलं च झात्वा तद्यावहारिकस्थूळफळवत् सूक्ष्मगणितफलकरसम-त्रिभुजानयनस्य च समवृत्तक्षेत्रव्यासानयनस्य च सूत्रम्— धनवर्गान्तरमूलं यत्तन्मूलाद्दिसंगुणितम् । बाहुस्त्रिसमत्रिभुजे समस्य वृत्तस्य विष्कम्भः ॥ १६८३ ॥

सिंबट क्षेत्रफड का माप, मन से खुनी हुई राशि द्वारा भाजित होकर, शुजाओं के मान को उत्तव करता है।

सीन बराबर भुजाओं वाले चतुर्भुंज झेन्न की दशा में, उत्पर बतलाये हुए दो क्षेत्रफलों के वर्गों के अंतर के वर्गमूल को क्षेत्रफल के सिक्कट माप में /जोड़ते हैं। इस परिणामी योग को विकल्पित राशि मानकर उसमें उत्पर बतलाये हुए वर्गमूल को जोड़ते हैं। युनः, उसी विकल्पित राशि में से उक्त वर्गमूल को बटाते हैं। इस प्रकार प्राप्त राशियों में वर्गमूल का भाग अकग-अलग देकर, आधार और उत्परी भुजा प्राप्त करते हैं। यहाँ भी क्षेत्रफल के ज्यावहारिक माप को इस विकल्पित राशि के वर्गमूल द्वारा भाजित करने पर अन्य भुजाओं के माप प्राप्त होते हैं।

# उदाहरणार्थ प्रश्न

सूक्ष्म क्षेत्रफळ का माप ५ है, क्षेत्रफळ का सिकट माप १२ है, और मन से चुनी हुई राशि १६ है। दो बराबर मुजाओं वाळे चतुर्भुज क्षेत्र के संबंध में आधार, ऊपरी मुजा और अन्य मुजा के मान क्या-क्या हैं ?॥ १६६३॥

तीन बराबर भुजाओं बाळे चतुर्भेत क्षेत्र संबंधी एक उदाहरण-

क्षेत्रफळ का सूक्ष्म रूप से शुद्ध माप ५ है, और क्षेत्रफळ का न्यावहारिक माप १६ है। हे मिन्न, सोचकर मुक्के बतळाओं कि तीन बराबर भुजाओं वाळे चतुर्शुंज क्षेत्र की भुजाओं के माप क्या-क्या है १॥ १६७३॥

समित्रबाहु त्रिशुत्र और समवृत्त के व्यास को प्राप्त करने के किये नियम, जब कि उनके व्याव-दारिक और सुक्ष्म क्षेत्रफक के माप क्षात हों---

क्षेत्रफळ के सिश्वकट और स्ट्स रूप से ठीक मार्पों के वर्गों के अंतर के वर्गमूळ के वर्गमूळ को २ झारा गुणित किया जाता है। परिणाम, इष्ट समन्त्रिभुज की भुजा का माप होता है। वह, इष्ट कुत्त के न्यास का माप भी होता है। १९८२ ॥

<sup>(</sup>१६८३) किसी समबाहुत्रिमुत्र के व्यावहारिक और सूक्ष्म क्षेत्रफल के मानों के लिये इस अध्याय की गाया ७ और ५० के नियमों को देखिये।

स्थूढं धनमण्टाद्श सूक्ष्मं त्रिघनो नवाहतः करणिः। विगणय्य सखे कथय त्रिसमत्रिभुजप्रमाणं मे ॥ १६९३॥ पञ्चकृतेर्वर्गो दशगुणितः करणिभवेदिदं सूक्ष्मम्। स्थूडमपि पञ्चसप्ततिरेतत्को वृत्तविष्कम्भः॥ १७०३॥

ज्यावहारिकस्थू उपज्ञान सुक्षमगणितफलं च ज्ञात्वा तज्यावहारिकफलवत्तत् स्मफलवद्द्रि-

समित्रभुजक्षेत्रस्य भभुजाशमाणसंख्ययोरानयनस्य सूत्रम् — फछवर्गान्तरमूळं द्विर्गुणं भूट्योवहारिकं बाहुः । भूम्यर्धमृत्रभक्ते द्विसमित्रभुजस्य करणमिदम् ॥ १७१३ ॥

## अत्रोद्देशकः

सूक्ष्मधनं षष्टिरिह् स्थूछधनं पञ्चषष्टिरुद्दिष्टम् । गणयित्वा बृहि सखे द्विसमत्रिभुजस्य भुजसंख्याम् ॥ १७२३ ॥

इष्टसंख्यावद्द्विसमचतुरश्रक्षेत्रं ज्ञात्या तद्दिसमचतुरश्रक्षेत्रस्य सूक्ष्मगणितफडसमान-सूक्ष्मफडवदन्यद्द्विसमचतुरश्रक्षेत्रस्य भूभुजमुखसंख्यानयनसूत्रम्—

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

स्यावहारिक क्षेत्रफळ १८ है। क्षेत्रफळ का सूक्ष्म रूप से शुद्ध माप (३) को ९ से गुणित करने से प्राप्त राशि का वर्गमूळ है। हे सखे, मुझे गणना के पश्चात् वतलाओ कि इष्ट समित्रमुज की भुजा का माप क्या है? ॥ १६९ नै॥ क्षेत्रफळ का सूक्ष्म माप ६२५० का वर्गमूळ है। क्षेत्रफळ का सिक्षकट माप ७५ है। ऐसे क्षेत्रफळों वाले समवृत्त के ज्यास का माप वतलाओ ॥ १७० ने ॥

जब किसी क्षेत्रफल के ग्यावहारिक और स्थम माप ज्ञात हों, तब ऐसे क्षेत्रफल के मापोंवाले समद्विबाह् त्रिभुज के आधार और भुजा के संख्यात्मक मानों को निकालने के लिये नियम----

क्षेत्रफळ के ग्रावहारिक और सूक्ष्म मापों के वर्गों के अंतर के वर्गमूळ की हुगुनी राशि को किसी समिद्धवाहु त्रिभुत्र का आधार मान लेते हैं। दस व्यावहारिक क्षेत्रफळ का माप वरावर भुजाओं में से किसी एक का माप मान लिया जाता है। आधार तथा भुजा के इन मानों को आधार के प्राप्त मान की अर्द्धराशि के वर्गमूळ द्वारा भाजित करते हैं। तब इष्ट समिद्धवाहु त्रिभुज का आधार और भुजा के इष्ट माप प्राप्त होते हैं। यह नियम समिद्धवाहु त्रिभुज के संबंध में है॥ १७१९ ॥

#### उदाहरणार्थ प्रक्त

यहाँ क्षेत्रफळ का सूक्ष्म रूप से ठीक माप ६० है, और ज्याबहारिक माप ६५ है। हे मित्र, गणना के पश्चात् बतकाओं कि इष्ट समिद्धवाहु त्रिभुज की भुजाओं के संख्यात्मक माप क्या-क्या हैं॥ १७२ है॥

जब चुनी हुई संख्या और दो बराबर भुजाओं वाहा चतुर्भुज क्षेत्र दिया गया हो, तब किसी ऐसे दूसरे दो बराबर भुजाओं वाहे चतुर्भुज क्षेत्र का आधार, उपरी भुजा और अन्य भुजाओं को निकाठने के छिये नियम, जिसका सूक्ष्म क्षेत्रफळ दिये गये दो बराबर भुजाओं वाहे चतुर्भुज के सूक्ष्म क्षेत्रफळ के तुल्य हो—

ढम्बक्रताविष्टेनासमसंक्रमणीकृते भुजा ज्येष्ठा । इस्बयुतिबयुति मुखभूयुतिदिलतं तलमुखे द्विसमचतुरश्रे ॥ १०३३ ॥ अत्रोदेशकः

भूरिन्द्रा दोर्विश्वे वकं गतयोऽवछम्बको रवयः। इष्टं दिक् सुक्ष्मं तत्फळवदि्द्रसमचतुरश्रमन्यत् किम्॥ १७४३॥

बदि दिये गये दो बराबर भुजाओं वाले चतुर्भुज क्षेत्र के लंब का वर्ग दत्त विकिष्टित संख्या के साथ विषम संक्रमण किया करने के रुपयोग में लाबा जाता है, तो प्राप्त दो फलों में से बड़ा मान दो बराबर भुजाओं वाले इष्ट चतुर्भुज क्षेत्र की बराबर भुजाओं में से किसी एक का मान होता है। दो बराबर भुजाओं वाले दिये गये चतुर्भुज की ऊपरी भुजा और आधार के मानों के योग की अर्द्धराशि को, क्रमशः, रुपर्युक्त विषम संक्रमण में प्राप्त दो फलों में से छोटे फल द्वारा बढ़ाकर और द्वासित करने पर दो बराबर भुजाओं वाले इष्ट चतुर्भुज क्षेत्र के आधार और ऊपरी भुजा के माप उत्पक्त होते हैं।। १७३।।।

# उदाहरणार्थ प्रश्न

दिये गये चतुर्भुज क्षेत्र का आधार १४ है, दो वरावर भुजाओं में से प्रत्येक का माप १३ है, जपरी भुजा ४ है, लम्ब १२ है, और दत्त विकरिपत संख्या १० है। दो वरावर भुजाओं वाला ऐसा कीन सा चतुर्भुज है, जिसके सूक्ष्म क्षेत्रफळ का माप दिये गये चतुर्भुज के क्षेत्रफळ के बरावर है?
॥ १७४२ ॥

(१७३२) इस नियम में ऐसे प्रश्न पर विचार किया गया है, जिसमें ऐसे दो बराबर भुजाओं वाले चतुर्श्रंब क्षेत्र की रचना करना है, जिसका क्षेत्रफल किसी दूसरे दो बराबर भुजाओं वाले चतुर्श्रंब के तुस्य हो, और जिसकी ऊपरी भुजा से आधार तक की लम्ब दूरी भी उसी के समान हो। मान लो दिये गये चतुर्श्रंब की बराबर भुजाएँ अ और स हैं, और ऊपरी भुजा तथा आधार क्रमशः व और द हैं। यह भी मान लो कि लंब दूरी प है। यदि इष्ट चतुर्श्रंब की संवादी भुजाएँ अ, ब, स, द, हो, तो क्षेत्रफल और लम्ब दूरी, दोनों चतुर्श्रंबों के संबंध में बराबर होने से हमें यह मात होता है—

$$\begin{aligned} & \xi_{1} + \overline{a}_{1} = \overline{c}_{1} + \overline{a}_{1} = \overline{c}_{1} + \overline{a}_{1} = \overline{c}_{1} + \overline{a}_{1} \\ & \text{with } (a_{1}^{2} - \left(\frac{\overline{c}_{1}^{2} - \overline{a}_{1}^{2}}{\overline{c}_{1}^{2} - \overline{a}_{1}^{2}}\right)^{2} = \overline{q}^{2} \cdot \dots \cdot (7); \\ & \text{with } (a_{1}^{2} + \frac{\overline{c}_{1}^{2} - \overline{a}_{1}^{2}}{\overline{c}_{1}^{2} - \overline{a}_{1}^{2}}) = \overline{q}^{2} \cdot | \\ & \text{with } (a_{1}^{2} + \frac{\overline{c}_{1}^{2} - \overline{a}_{1}^{2}}{\overline{c}_{1}^{2} - \overline{a}_{1}^{2}}) = \overline{q}^{2} \cdot | \\ & \text{with } (a_{1}^{2} + \frac{\overline{c}_{1}^{2} - \overline{a}_{1}^{2}}{\overline{c}_{1}^{2} - \overline{a}_{1}^{2}}) = \overline{q}^{2} \cdot | \\ & \text{with } (a_{1}^{2} + \frac{\overline{c}_{1}^{2} - \overline{a}_{1}^{2}}{\overline{c}_{1}^{2} - \overline{a}_{1}^{2}}) + (a_{1}^{2} - \frac{\overline{c}_{1}^{2} - \overline{a}_{1}^{2}}{\overline{c}_{1}^{2} - \overline{a}_{1}^{2}}) = \overline{q}^{2} \cdot | \\ & \text{with } (a_{1}^{2} + \overline{c}_{1}^{2} - \overline{a}_{1}^{2}) + (a_{1}^{2} - \overline{c}_{1}^{2} - \overline{a}_{1}^{2}) = \overline{q}^{2} \cdot | \\ & \text{with } (a_{1}^{2} + \overline{c}_{1}^{2} - \overline{a}_{1}^{2}) + (a_{1}^{2} - \overline{c}_{1}^{2} - \overline{a}_{1}^{2}) = \overline{q}^{2} \cdot | \\ & \text{with } (a_{1}^{2} + \overline{c}_{1}^{2} - \overline{a}_{1}^{2}) + (a_{1}^{2} - \overline{c}_{1}^{2} - \overline{a}_{1}^{2}) = \overline{q}^{2} \cdot | \\ & \text{with } (a_{1}^{2} + \overline{c}_{1}^{2} - \overline{c}_{1}^{2} - \overline{c}_{1}^{2}) + (a_{1}^{2} - \overline{c}_{1}^{2} - \overline{c}_{1}^{2}) = \overline{q}^{2} \cdot | \\ & \text{with } (a_{1}^{2} + \overline{c}_{1}^{2} - \overline{c}_{1}^{2} - \overline{c}_{1}^{2}) + (a_{1}^{2} - \overline{c}_{1}^{2} - \overline{c}_{1}^{2} - \overline{c}_{1}^{2}) = \overline{q}^{2} \cdot | \\ & \text{with } (a_{1}^{2} - \overline{c}_{1}^{2} - \overline{c}_{1}^{2} - \overline{c}_{1}^{2}) + (a_{1}^{2} - \overline{c}_{1}^{2} - \overline{c}_{1}^{2} - \overline{c}_{1}^{2}) = \overline{q}^{2} \cdot | \\ & \text{with } (a_{1}^{2} - \overline{c}_{1}^{2} - \overline{c}_{1}^{2} - \overline{c}_{1}^{2} - \overline{c}_{1}^{2}) = \overline{c}^{2} \cdot | \\ & \text{with } (a_{1}^{2} - \overline{c}_{1}^{2} - \overline{c}_{1}^{2} - \overline{c}_{1}^{2} - \overline{c}_{1}^{2}) = \overline{c}^{2} \cdot | \\ & \text{with } (a_{1}^{2} - \overline{c}_{1}^{2} - \overline{c}_{1}^{2} - \overline{c}_{1}^{2} - \overline{c}_{1}^{2}) = \overline{c}^{2} \cdot | \\ & \text{with } (a_{1}^{2} - \overline{c}_{1}^{2} - \overline{c}_{1}^{2} - \overline{c}_{1}^{2} - \overline{c}_{1}^{2}) = \overline{c}^{2} \cdot | \\ & \text{with } (a_{1}^{2} - \overline{c}_{1}^{2} - \overline{c}_{1}^{2} - \overline{c}_{1}^{2} - \overline{c}_{1}^{2}) = \overline{c}^{2} \cdot | \\ & \text{with } (a_{1}^{2} - \overline{c}_{1}^{2} - \overline{c}_{1}^{2} - \overline{c}_{1}^{2} - \overline{c}_{1}^{2}) = \overline{c}^{2} \cdot$$

ग० सा॰ सं०-३०

दिसमचतुरश्रक्षेत्रव्यावहारिकस्थूलफलसंख्यां ज्ञात्वा तद्यावहारिकस्थूलफले इष्टसंख्या-विभागे कृते सति तदिद्वसमचतुरश्रक्षेत्रमध्ये तत्तद्भागस्य भूमिसंख्यानयनेऽपि तत्तत्स्थानावढ-म्बकसंख्यानयनेऽपि सूत्रम्—

खण्डयुतिभक्ततलमुखकृत्यन्तरगुणितखण्डमुखवर्गयुतम्।

मूलमधस्तलमुख्युतद्रहृतलब्धं च लम्बकः क्रमशः ॥१७५३ ॥

जब कोई दस त्यावहारिक माप वाला क्षेत्रफल किसी दी गई संख्या के मार्गो में विभाजित किया जाय, तब दो बराबर भुजाओं वाले चतुर्भुंज क्षेत्र के उन विभिन्न मार्गो से भाधारों के संख्यात्मक मानों तथा विभिन्न विभाजन बिन्दुओं से मापी गई भुजाओं के संख्यात्मक माप को निकाकने के क्रिये निवम, जब कि दो भुजाओं वाले चतुर्भुज क्षेत्र के ज्यावहारिक क्षेत्रफल का संख्यात्मक माप दिया गया हो—

दो बराबर भुजाओं वाळे दिये गये चतुर्भुज क्षेत्र के आधार और जपरी भुजा के हंख्वात्मक मानों के बगों के अंतर को इप्ट अनुपाती भागों के कुछ मान द्वारा भाजित किया जाता है। इस प्रकार प्राप्त भजनफरू के द्वारा विभिन्न भागों के निष्पत्तियों के मान क्षमशः गुणित किये जाते हैं। प्राप्त गुणबफरू में से प्रत्येक में दिये गये चतुर्भुज की जपरी भुजा के माप का वर्ग जोदा जाता है। इस प्रकार प्राप्त योग का वर्गमूळ, प्रत्येक भाग के आधार के मान को उत्पन्न करता है। प्रत्येक भाग का क्षेत्रफल, आधार और जपरी भुजा के योग की अर्द्धाशि द्वारा भाजित होकर, इप्ट कम में छंब का माप उत्पन्न करता है, जो सिन्नकट माप के किये भुजा की तरह वर्ता जाता है। १७५ दे॥

यहाँ 'ना' इष्ट अथवा दत्त विकल्पित संख्या है। तीसरे और चौथे सूत्र वे हैं, जो प्रक्त का साधन करने के नियम में दिये गये हैं।

(१७५२) यदि च छ ज झ टो बराबर भुंबाओं वाला चतुर्भुज हो, और इफ, गह और कल चतुर्भुंब को इस तरह विभाजित करते हों कि विभाजित माग क्षेत्रफल के संबंध में क्रमशः म, न, प, ख के अनुपात में हों, तो इस नियम के अनुसार,

जब भुजा च छ = अ, छ ज = द, ज झ = स और झ च = ब है, तब

### अत्रोद्देशकः

वदनं सप्तोक्तमधः क्षितिस्त्रयोविंशतिः पुनिस्तिशत् । बाह् द्वाभ्यां भक्तं चैकैकं छन्धमत्र का भूमिः ॥ १७६३ ॥

### उदाहरणार्थ प्रश्न

जपरी-भुजा का माप ७ है, नीचे आधार का माप २३ है, और शेष भुजाओं में से प्रत्येक का माप ३० है। ऐसे झेत्र में अंतराविष्ट झेत्रफल ऐसे दो भागों में विभाजित किया जाता है कि प्रत्येक को एक (हिस्सा) प्राप्त होता है। यहाँ निकाले जाने वाले आधार का मान क्या है ?॥ १७६२ ॥

$$\pi \mathbf{x} = \frac{\left( \mathbf{a} \times \frac{\mathbf{z} + \mathbf{a}}{2} \right) \times \frac{\mathbf{p}}{\mathbf{p} + \mathbf{q} + \mathbf{q} + \mathbf{q}};$$

$$\underline{\mathbf{x}} \mathbf{y} + \mathbf{q} \mathbf{g};$$

$$\mathbf{z} \mathbf{q} = \frac{\left( \mathbf{a} \times \frac{\mathbf{z} + \mathbf{a}}{2} \right) \times \frac{\mathbf{q}}{\mathbf{p} + \mathbf{q} + \mathbf{q} + \mathbf{q}};$$

$$\underline{\mathbf{q}} \mathbf{z} + \underline{\mathbf{y}};$$

$$\underline{\mathbf{q}} \mathbf{z} + \underline{\mathbf{q}};$$

$$\underline{\mathbf{q}} \mathbf{z} + \underline{\mathbf{q}};$$

$$\mathbf{q} \mathbf{z} + \underline{\mathbf{q}};$$

$$\underline{\mathbf{q}} \mathbf{z} + \underline{\mathbf{q}};$$

#### इत्यादि ।

यह सरखतापूर्वक दिखाया जा सकता है कि चड इफ - चझ

और इ.फ =  $\sqrt{\frac{c^2 - a^2}{H + a + v + ea}} \times H + a^2$  । इसी प्रकार अन्य सूत्र सत्यापित किये जा सकते हैं।

बद्यपि इस पुरतक में प्रथकार ने केवल यह कहा है कि भवनफल को भागों के मानों से गुणित करना पड़ता है, तथापि वास्तव में भवनफल को प्रत्येक दशा में भागों के मानों से ऊपरी भुवा तक की प्ररूपण करने वाली संख्या के द्वारा गुणित करना पड़ता है। उदाहरणार्थ, पिछले पृष्ठ की आकृति में भूमिद्धिषष्टिशतमथ चाष्टादश वदनमत्र संदृष्टम् । लम्बश्चतुरशतीदं क्षेत्रं भक्तं नरेश्चतुभिश्च ॥ १७७३ ॥ एकद्विकत्रिकचतुःखण्डान्येकैकपुरुषल्डामी । प्रक्षेपतया गणितं तलमप्यवलम्बकं बृहि ॥ १७८३ ॥ भूमिरशीतिबेदनं चत्वारिश्चतुर्गुणा षष्टिः । अवलम्बकप्रमाणं त्रीण्यष्टी पञ्च खण्डानि ॥ १७५३ ॥

स्तम्भद्वयप्रमाणसंख्यां ज्ञात्वा तत्स्तम्भद्वयात्रे सूत्रद्वयं बद्ध्वा तत्सूत्रद्वयं कर्णाकारेण इतरेतरस्तम्भमूलं वा तत्स्तम्भमूरमितकम्य वा संस्पृद्वयं तत्कर्णाकारसूत्रद्वयस्पर्शनस्थानादारभ्य अधःस्थितभूमिपर्यन्तं तन्मध्ये एकं सूत्रं प्रसार्थ तत्सूत्रप्रमाणसंख्येव अन्तरावलम्बकसंज्ञा भवति । अन्तरावलम्बकसर्थानादारभ्य तस्यां भूम्यामुभयपार्श्वयोः कर्णाकारसूत्रद्वयस्पर्शनपर्थन्त-माबाधासंज्ञा स्यात् । तदन्तरावलम्बकसंख्यानयनस्य आबाधासंज्ञ्यानयनस्य च सूत्रम्— स्तम्भो रज्ज्वन्तरभूहतौ स्वयोगाहतौ च भूगुणितौ । आवाधे ते वामप्रक्षेपगुणोऽन्तरवलम्बः ॥ १८०६ ॥

हो बराबर भुजाओं वाले चतुर्भुज के आधार का माप १६२ है, और उपरी भुजा का माप १६ है। दो भुजाओं में से प्रत्येक का मान ४०० हैं। इस प्रकार, इस आकृति से घिरा हुआ क्षेत्रफल, ४ मनुष्यों में विभाजित किया जाता है। मनुष्यों को प्राप्त भाग क्रमशः १, २, ३, और ४ के अनुपात में हैं। इस अनुपाती विभाजन के अनुसार प्रत्येक दशा में क्षेत्रफल, आधार और दो बराबर भुजाओं में से एक के मानों को बतलाओ।। १७७५-१७८५।। दिये गये चतुर्भुज क्षेत्र के आधार का माप ८० है, उपरी भुजा ४० है, तथा दो बराबर भुजाओं में से प्रत्येक ४×६० है। हिस्से क्रमशः ३,८ और ५ के अनुपात में हैं। इस भागों के क्षेत्रफल, आधारों और भुजाओं के मानों को निकालो।। १७९५ है।।

ज्ञात ऊँचाई वाछे दो स्तंभों में से प्रत्येक के उपरी सिरे में दो धारों (सूत्र ) बँधे हुए हैं। इन दो धारों में से प्रत्येक इस तरह फैला हुआ है कि वह सम्मुख स्तंभ के मूळ भाग को कर्ण के रूप में स्पर्श करता है, अथवा दूसरे स्तंभ के पार जाकर भूमि को स्पर्श करता है। उस बिन्दु से, जहाँ दो कर्णाकार धारो मिलते हैं, एक और दूसरा धागा इस तरह लटकाबा जाता है, कि वह लंब रूप होकर भूमि को स्पर्श करता है। इस अंतिम धारो के माप का नाम अंतरावलम्बक या भीतरी लंब होता है। जहाँ पर यह लंबरूप धागा भूमि को स्पर्श करता है, उस बिन्दु से किसी भी ओर प्रस्थान करने वाली रेखा उन बिन्दु को तक जाकर (जहाँ कर्ण धारो भूमि को स्पर्श करते हैं) आवाधा अथवा आधार का बंद कहलाती है। ऐसे लम्ब तथा आवाधों के मानों को प्राप्त करने के नियम—

प्रत्येक स्तम्भ के माप को स्तम्भ के मृद्ध से लेकर कर्ण घारों के भूमि स्पर्श बिन्दु तक के बीच की लम्बाई वाले आधार को माप द्वारा भाजित किया जाता है। इस प्रकार प्राप्त प्रत्येक भजनफल, भजनफलों के योग द्वारा भाजित किया जाता है। परिणामी भजनफलों को संपूर्ण आधार के माप द्वारा गुणित करने पर कम से आवाधाओं के माप प्राप्त होते हैं। ये आवाधाओं के माप, क्रमशः विलोम कम में, जपर दिये गये प्रथम बार में प्राप्त भजनफलों द्वारा गुणित होने पर, प्रत्येक दशा में अंतराव-लम्बक (भीतरी लम्ब) को उत्पन्न करते हैं॥ १८०२ ॥

ग इ का मान निकासने के लिये म + न + प + ख

<sup>·</sup> केवरू 'न' से ही नहीं वरन् म + न से भी गुणित करना पड़ता है।

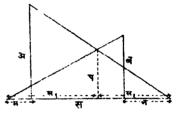
### अत्रोदेशकः

षोडशहस्तोच्छ्रायौ स्तम्भाववनिश्च षोडशोदिष्टौ । आबाधान्तरसंख्यामत्राप्यवत्तम्बकं बृहि ॥ १८१३ ॥ स्तम्भैकस्योच्छ्रायः षट्त्रिंशद्विंशतिद्वितीयस्य । भूमिद्वादश हस्ताः काबाधा कोऽयमवलम्बः ॥ १८२३ ॥

### उदाहरणार्थ प्रश्न

दिये गये स्तंभ की ऊँचाई १६ इस्त है। इस आधार की कम्बाई जो उन दो बिन्दुओं के बोच की होती है, जहाँ धागे भूमि को स्पर्श करते हैं, १६ इस्त देखी गई है। इस दशा में आधार के खंडों (आबाधाओं) और अंतरावकम्बक के संख्यारमक मानों को निकालो ॥ १८१२ ॥ एक स्तंभ की ऊँचाई ६६ इस्त है, तूसरे की २० इस्त है। आधार रेखा की लम्बाई १२ इस्त है। आबाधाओं और अंतरावकम्बक के माप क्या-क्या हैं ?।। १४२२ ॥ दो स्तंभ क्रमशः १२ और १५ इस्त हैं, उन दो

(१८०६) आकृति में यदि अ और व स्तम्मों की ऊँचाईयाँ हों, स स्तमों के बीच का अंतर हो, और म और न क्रमशः एक स्तम्म के मूल से छेकर, भूमि को स्पर्श करने वाळे, दूसरे स्तम्म के अब से फैळे हुए बागे के भूमिस्पर्श विन्दु तक की लम्बाईयाँ हों, तो नियमानुसार,



और  $q = \pi_1 \times \frac{a}{a + \mu}$ , अथवा  $\pi_2 \times \frac{a}{a + \mu}$ , जहाँ प अन्तरावलम्बक है। इस आकृति में सबातीय त्रिभुजों पर विचार करने पर यह ज्ञात होगा कि—

$$\frac{u_{2}}{q} = \frac{u+\eta}{a} \text{ and } \frac{u_{1}}{q} = \frac{u+\eta}{a} \mid$$

$$\xi = \int_{0}^{\infty} \frac{u_{1}}{u_{2}} = \frac{u(u+\eta)}{u(u+\eta)} \text{ surt } \xi \mid d \mid \xi \mid$$

$$\frac{u_{1}}{u_{1}} = \frac{u(u+\eta)}{u(u+\eta)} = \frac{u(u+\eta)(u+\eta+\eta)}{u(u+\eta)} \quad \therefore u_{1} = \frac{u(u+\eta)(u+\eta+\eta)}{u(u+\eta)} = \frac{u(u+\eta)(u+\eta+\eta)}{u(u+\eta)} = \frac{u(u+\eta)(u+\eta+\eta)}{u(u+\eta)} = \frac{u(u+\eta)(u+\eta+\eta)}{u(u+\eta)} \quad \therefore \text{ and } u_{1} = \frac{u(u+\eta)(u+\eta+\eta)}{u(u+\eta)} = \frac{u(u+\eta)(u+\eta+\eta)}{u(u+\eta)(u+\eta+\eta)} = \frac{u(u+\eta)(u+\eta+\eta)}{u(u+\eta)(u+\eta+\eta)} = \frac{u(u+\eta)(u+\eta+\eta)}{u(u+\eta)(u+\eta+\eta)} = \frac{u(u+\eta)(u+\eta+\eta)}{u(u+\eta)(u+\eta+\eta)} = \frac{u(u+\eta)(u+\eta+\eta)}{u(u+\eta)(u+\eta+\eta)} = \frac{u(u+\eta)(u+\eta+\eta)}{u(u+\eta+\eta)(u+\eta+\eta)} = \frac{u(u+\eta)(u+\eta+\eta)(u+\eta+\eta)}{u(u+\eta+\eta)(u+\eta+\eta)} = \frac{u(u+\eta)(u+\eta+\eta)}{u(u+\eta+\eta)(u+\eta+\eta)} = \frac{u(u+\eta)(u+\eta+\eta)}{u(u+\eta+\eta)(u+\eta+\eta)} = \frac{u(u+\eta)(u+\eta+\eta)(u+\eta+\eta)}{u(u+\eta+\eta)(u+\eta+\eta)} = \frac{u(u+\eta)(u+\eta+\eta)(u+\eta+\eta)}{u(u+\eta+\eta)(u+\eta+\eta)} = \frac{u(u+\eta)(u+\eta+\eta)(u+\eta+\eta}{u(u+\eta+\eta)(u+\eta+\eta)} = \frac{u(u+\eta)(u+\eta+\eta)(u+\eta+\eta)(u+\eta+\eta}{u(u+\eta+\eta)(u+\eta+\eta)} = \frac{u(u+\eta)(u+\eta+\eta)(u+\eta+\eta)(u+\eta+\eta}{u(u+\eta+\eta)(u+\eta+\eta)(u+\eta+\eta)} = \frac{u(u+\eta)(u+\eta+\eta)(u+\eta+\eta}{u(u+\eta+\eta)(u+\eta+\eta)(u+\eta+\eta)} = \frac{u(u+\eta)(u+\eta+\eta)(u+\eta+\eta}{u(u+\eta+\eta)(u+\eta+\eta)(u+\eta+\eta)} = \frac{u(u+\eta)(u+\eta+\eta)(u+\eta+\eta)(u+\eta+\eta}{u(u+\eta+\eta)(u+\eta+\eta)(u+\eta+\eta)} = \frac{u(u+\eta)(u+\eta+\eta)(u+\eta+\eta}{u(u+\eta+\eta)(u+\eta+\eta)(u+\eta+\eta)} = \frac{u(u+\eta)(u+\eta+\eta)(u+\eta+\eta+\eta}{u(u+\eta+\eta)(u+\eta+\eta)(u+\eta+\eta)(u+\eta+\eta)(u+\eta+$$

द्वादश च पञ्चदश च स्तम्भान्तरभूमिरिप च चत्वारः।
द्वादशकस्तम्भागाद्रज्जुः पतितान्यतो मूळात्।। १८३६ ॥
आक्रम्य चतुर्हस्तात्परस्य मूळं तथैकहस्ताच।
पतितामात्कावाधा कोऽस्मिन्नवल्लमको भवति।। १८४६ ॥
बाह्मतिवाह् द्वौ त्रयोदशाविनिरियं चतुर्दश च।
बदनेऽपि चतुर्हस्ताः कावाधा कोऽन्तरावल्लम्बश्च ॥ १८५६ ॥
क्षेत्रमिदं मुखभूम्योरैकैकोनं परस्परामा ।
रज्जुः पतिता मूलात्त्वं ब्रह्मवलम्बकावाधे ॥ १८६६ ॥
बाहुस्रयोदशैकः पञ्चदश प्रतिभुजा मुखं सप्त ।
भूमिरियमेकविंशतिरस्मिन्नवल्लम्बकावाधे ॥ १८७६ ॥

स्तंभों के बीच का अंतराल ( अंतर ) ४ इस्त है। १२ इस्त वाले स्तंभ के उपरी अम से एक भागा सूत्र आधार रेखा पर द्सरे स्तंभ के मूल से ४ इस्त आगे तक फैलाया जाता है। इस दूसरे स्तंभ ( जो १५ इस्त उँचा है ) के अम से एक भागा उसी प्रकार आधार रेखा पर पहिले स्तंभ के मूल से १ इस्त आगे तक फैलाया जाता है। यहाँ आवाधाओं और अंतरावलम्बक के माप को बतलाओ ॥ १८५ है ॥ दो बराबर अजाओं वाले चतुर्भुज क्षेत्र के संबंध में दो अजाओं में से प्रत्येक १३ इस्त है। यहाँ आधार १४ इस्त, और उपरी अजा ४ इस्त है। अंतरावलम्बक द्वारा बनाये गये आधार के खंडों ( आवाधाओं ) के माप क्या हैं, और अंतरावलम्बक का माप क्या ? है ॥ १८५ है ॥ इपर्युक्त चतुर्भुज क्षेत्र के संबंध में उपरी अजा ओर आधार प्रत्येक १ इस्त कम हैं। दो लंबों में से प्रत्येक के उपरी अग्र से एक भागा दूसरे लंब के मूल तक पहुंचने के लिये फैलाया जाता है। अंतरावलम्बक और उत्यक्ष आवाधाओं के माप क्या हैं ? ॥ १८६ है॥ असमान अजाओं वाले चतुर्भुज के संबंध में एक भुजा १२ इस्त, सम्मुख भुजा १५ इस्त, उपरी भुजा ७ इस्त और आधार २१ इस्त है। अंतरावलम्बक तथः उससे उत्यक्ष हुए आवाधाओं के मान क्या-क्या-क्या है ? ॥ १८७ है।। एक समवाह

(१८५३) यहाँ दो बराबर भुजाओं वाला चतुर्भुज क्षेत्र दिया गया है; दूसरी गाथा में तीन बराबर भुजाओं वाला तथा और अगली गाथा में विषमवाहु चतुर्भुज दिये गये हैं। इन सब दशाओं में चतुर्भुज के कर्ण सबसे पहिले गाथा ५४ अध्याय ७ के नियमानुसार प्राप्त किये जाते हैं। तब ऊपरी भुजा के अंतों से आधार पर गिराये हुए छंबों के मापों और उन छंबों द्वारा उरपन्न आधार के खंडों (आबाधाओं) को (अध्याय ७ की ४९ वीं गाया में दिये गये नियम का प्रयोग कर) प्राप्त करते हैं। तब हंबों के मापों को इस्त मानकर, ऊपर १८०३ वीं गाथा के नियम को प्रयुक्त कर, अंतरावल्यक तथा उससे उत्पन्न आबाओं को प्राप्त करते हैं। १८७३ वीं गाथा में दिया गया प्रश्न कल्डी टीका में कुछ भिन्न विधि से किया गया है। ऊपरी भुजा आधार के समानान्तर मान ली जाती है, और छंब तथा उससे उत्पन्न आबाधाओं के माप ऐसे त्रिभुज की स्चना करके प्राप्त करते हैं, जिसकी भुजाएँ उक्त चतुर्भुज की भुजाओं के बराबर होती हैं, और बिसका आधार चतुर्भुज के आधार और ऊपरी भुजा के अन्तर के ब्रावर होता है।

समचतुरश्रक्षेत्रं विश्वतिहस्तायतं तस्य । कोणेभ्योऽय चतुभ्यों विनिर्गता रज्जवस्तत्र ॥ १८८२ ॥ सुजमध्यं द्वियुगभुजे । रज्जुः का स्यात्सुसंवीता । को वावसम्बकः स्यादाबाचे केऽन्तरे १ तस्मिन् ॥ १८५३ ॥

- १. इस्तलिपि में अशुद्ध पाठ भुजचतुर्ध च है।
- र. केंऽन्तरे में संधि का प्रयोग व्याकरण की दृष्टि से अरुद्ध है; पर २०४६ वें श्लोक के समान यहाँ प्रथकार का प्रयोजन छंद हेतु स्वर सम्बन्धी मिलान है।

चतुर्श्वज की प्रत्येक भुजा २० इस्त है। उस आकृति के चारों कोण बिन्दुओं से, धारो सम्मुख भुजा के मध्य बिन्दु तक छे जाये जाते हैं, यह चारों भुजाओं के लिये किया जाता है। इस प्रकार प्रसारित धारों में प्रत्येक की लम्बाई का माप क्या है ? ऐसे चतुर्श्वज क्षेत्र के भीतर अंतरावलम्बक और उससे उत्पन्न भावाधाओं के माप क्या हो सकते हैं ? ॥ १८८३-१८९३॥

स्तंत्र की ऊँचाई का माप ज्ञात है। किसी कारणवश स्तंत्र भग्न हो जाता है, और भग्न स्तंत्र का ऊपरी भाग भूमि पर शिरता है। (भग्न स्तंत्र का) निम्न भाग उज्ञत भाग के ऊपरी भाग पर अवलम्बित रहता है। तब स्तंत्र के मूक से शिरे हुए ऊपरी अग्न (जो अब भूमि को स्पर्श करता है) की पैठिक (आधारीय) दृरी ज्ञात की जाती है। स्तंत्र के मूक भाग से लेकर शेष उन्नत माग के माप

( १८८३-१८९३ ) इस प्रश्न के अनुसार दी गई आकृति इस प्रकार है:--

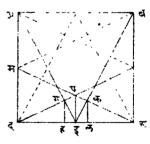
यहाँ मीतरी स्टम्ब ग ह और क स्ट हैं। इन्हें प्राप्त करने के लिये पहिले फ इ को प्राप्त करते हैं। शिकानुसार

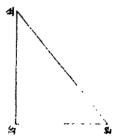
फ इ का माप = 
$$\sqrt{\frac{(\pi H)^2}{\xi} - \left\{ (\zeta H)^2 + (\zeta \xi^2) + \frac{9}{4} \zeta H \right\}^2}$$

है। अब, फ इ और ब स अथवा अद को स्तंभ मानकर संकेत में फिक्कित नियम प्रयोग में छाया जा सकता है।

(१९०२) यदि अ व स समकोण त्रिमुज है सौर यदि झस का माप और अ व तथा व स के योग का माप दिया गया हो तब, अ व और व स के माप इस समीकरण द्वारा निकाले जा सकते हैं कि

समीकरण से सरस्तापूर्वक सिद्ध किया जा सकता है।





स्तम्भस्योत्रवप्रमाणसंख्यां ज्ञात्वा तस्मिन् स्तम्भे येनकेनचित्कारणेन भन्ने पतिते सित तत्स्तम्भाप्रमूख्योर्भध्ये स्थितौ भूसंख्यां ज्ञात्वा तत्स्तम्भमूखादारभ्य स्थितपरिमाणसंख्यानयन-स्य सूत्रम्—

निर्गमवर्गान्तरमितिवर्गविशेषस्य यद्भवेदर्थम् । निर्गमनेन विभक्तं तावित्स्थत्वाय भग्नः स्यात् ॥ १९०३ ॥

### अत्रोदेशकः

स्तम्भस्य पञ्चविंशतिरुच्छायः कश्चिद्नते सप्तः ।
स्तम्भाप्रमूख्यम्ये पञ्च स गत्वा कियान् भगः ॥ १९१३ ॥
वेणूच्छाये हस्ताः सप्तकृतिः कश्चिद्नतरे भगः ।
भूमिश्च सैकविंशतिरस्य स गत्वा कियान् भगः ॥ १९२६ ॥
वृक्षोच्छायो विंशतिरमस्थः कोऽपि तत्फळं पुरुषः ।
कर्णोकृत्या व्यक्षिपद्य तरुमूळस्थितः पुरुषः ॥ १९३३ ॥
तस्य फळस्याभिमुखं प्रतिभुजरूपेण गत्वा च ।
फळमग्रहीच तत्फळनरयोगेतियोगसंख्येव ॥ १९४३ ॥
पञ्चाश्चदभूत्तत्फळगतिरूपा कर्णसंख्या का ।
तद्वृक्षमूळगतनरगतिरूपा प्रतिभुजापि कियती स्यात् ॥ १९५३ ॥

संपूर्ण केंचाई के वर्ग और ज्ञात आधारीय (basal) वृशि के वर्ग के अंतर की अर्ज राशि जब संपूर्ण केंचाई द्वारा भाजित होती है, तब रोप उन्नत भाग का माप श्लाफ होता है। जो अब संपूर्ण केंचाई का शेष बचता है वह भग्न भाग का माप होता है। १९०३।।

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

स्तंम की जँवाई २५ हस्त है। वह मूल और अग्र के बीच कहीं टूटा है। क्र्ज पर गिरे हुए अग्र ( जपरी भाग ) और स्तंम के मूल के बीच की दूरी ५ हस्त है। बताओं कि टूटने का स्थान बिन्तु मूल से कितनी दूर है ? ॥ १९१ ॥ ( जगने वाले ) बाँस की जँवाई का माप ४९ हस्त है। वह मूल और अग्र के बीच कहीं भग्न हुआ है। आधारीय द्री २१ हस्त है। वह मूल से कितनी दूरी पर टूटा है ॥ १९२ ने ॥ किसी वृक्ष की जँवाई २० हस्त है। कोई मनुष्य हसके जपश भाग ( चोटी ) पर बैठकर कर्ण कप पथ में फल को नीचे फेंकता है ( अर्थात वह फल सरल रेखा में गिरकर, समकोण त्रिशुज का कर्ण बनाता है )। तब दूसरा मनुष्य जो दृक्ष के नीचे बैठा हुआ है, फल तक सरल रेखा में पहुँचता है ( यह पथ त्रिशुज की दूरी शुजा का निर्माण करता है ), और हस फल को ले लेता है। फल तथा इस मनुष्य हारा तय की गई दूरियों का योग ५० हस्त है। फल द्वारा तय किये गये पथ हारा निरूपित अन्य शुजा का माप क्या हो सकता है ? ॥ १९६३ –१९५ ने ॥

का संख्यात्मक मान निकालने के लिये यह नियम है-

ज्येष्ठस्तम्भसंख्यां च अल्पस्तम्भसंख्यां च ज्ञात्वा स्मयस्तम्भान्तरभूमिसंख्यां ज्ञात्वा तब्ज्येष्ठसंख्ये भग्ने सित ज्येष्ठस्तम्भाग्ने अल्पस्तम्भाग्नं स्पृश्चित सित ज्येष्ठस्तम्भस्य भग्नसंख्यानय-नस्य स्थितशेषसंख्यानयनस्य च सूत्रम्— ज्येष्ठस्तम्भस्य कृतेर्द्वस्वावनिवर्गयुतिमपोद्यार्थम् । स्तम्भविशेषेण द्वतं छन्धं मग्नोस्नितर्भवति ॥ १९६३ ॥

अत्रोद्देशकः स्तम्भः पञ्जोच्छायः परस्रयोविंशतिस्तथा ज्येष्ठः। मध्यं द्वादश भग्नज्येष्ठायं पतितमितरात्रे॥ १९७३॥

आयतचतुरश्रक्षेत्रकोटिसंख्यायास्तृतीयाशृद्धयं पर्वतोत्सेधं परिकल्प्य तत्पर्वतोत्सेध-संख्यायाः सकाशात् तदायतचतुरश्रक्षेत्रस्य भुजसंख्यानयनस्य कर्णसंख्यानयनस्य च सूत्रम्— गिर्युत्सेधो द्विगुणो गिरिपुरमध्यक्षितिर्गिरेरधेम् । गगने तत्रोत्पतितं गिर्येर्धव्याससंयुतिः कर्णः ॥ १९८६ ॥

उँचाई में बहे (उघेष्ठ) स्तंभ की उँचाई का संख्यात्मक मान तथा उँचाई में छोटे (अल्प) स्तंभ की उँचाई का संख्यात्मक मान जात है। इन दो स्तंभों के बीच की दूरी का संख्यात्मक मान भी जात है। उपेष्ठ स्तंभ भग्न होकर इस प्रकार गिरता है, कि उसका उपरी अग्र अल्प स्तंभ के उपरी अग्र पर अवल्गिवत होता है, और भग्न भाग का निम्न भाग, शेष भाग के उपरी भाग पर स्थित रहता है। इस दशा में ज्येष्ठ स्तंभ के भग्न भाग की कम्बाई का संख्यात्मक मान तथा उसी ज्येष्ठ स्तंभ के शेष भाग की उँचाई के संख्यात्मक मान को प्राप्त करने के छिये नियम—

ज्येष्ठ स्तंभ के संख्यात्मक माप के वर्ग में से, अस्प स्तंभ के माप के वर्ग और आधार के माप के वर्ग के योग को घटाते हैं। परिणामी शेष की अर्द राशि को दो स्तंभों के मापों के आंतर द्वारा भाजित करते हैं। प्राप्त भजनप्रल भन्न स्तंभ के उच्चत भाग की जैंचाई होता है। ॥१९६३॥

### उदाहरणार्थ भश्न

एक स्तंभ ऊँचाई में ५ इस्त है, उसी प्रकार दूसरे ज्येष्ठ स्तंभ ऊँचाई में २३ हस्त है। उनके बीच की दूरी १२ इस्त है। अग्न ज्येष्ठ स्तंभ का ऊपरी अग्न अल्प स्तंभ के ऊपरी अग्न पर गिरता है। अग्न ज्येष्ठ स्तंभ के उन्नत भाग की ऊँचाई निकालो ॥ १९७६ ॥

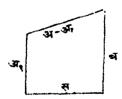
आयत क्षेत्र की जध्यधिर (लंब रूप) भुजा के संख्यात्मक मान की दो तिहाई राशि को पर्वत की जँबाई मानकर, उस पर्वत की जँबाई की सहायता से उक्त आयत के कर्ण और श्रेतिज भुजा ( आधार ) के संख्यात्मक मानों को निकालने के लिये नियम—

पर्वत की दुगुनी जैंचाई, पर्वत के मूळ से वहाँ के शहर के बीच की दूरी का माप होती है। पर्वत की आधी जैंचाई गगन में जपर की ओर की उड़ान की दूरी (उड़्यन) का माप है। पर्वत की आधी जैंचाई में, (पर्वत के मूळ से) शहर की दूरी का माप जोड़ने से कर्ण प्राप्त होता है। १९८ र ॥

(१९६३) यदि ज्येष्ठ स्तम्म की जैंचाई अ और अस्प स्तम्म की ब द्वारा निरूपित हो; उनके बीच की दूरी स हो, और अन भग स्तम्म के उन्नत माग की जैंचाई हो, तो नियमानुसार,

$$a_{q} = \frac{a^{2} - (a^{2} + a^{2})}{2(a - a)}$$

ग॰ सा॰ सं०-३१



### अत्रोदेशकः

षड्योजनोर्ध्वशिखरिणि यतीश्वरी तिष्ठतस्तत्र । एकोऽङ्घिचर्ययागात्तत्राप्याकाशचार्यपरः ॥ १९९३ ॥ श्रुतिवश्युत्पत्य पुरं गिरिशिखरान्मूळमवरुद्यान्यः । समगतिको संजातौ नगरन्यासः किमुत्पतितम् ॥ २००३ ॥

डोल्लाकारक्षेत्रे स्तम्भद्रयस्य वा गिरिद्वयस्य बा क्तेष्वपरिमाणसंख्यामेव आयतचतुरश्र-भुजद्वयं क्षेत्रद्वये परिकल्प्य तिद्वरिद्वयान्तरभून्यां वा तत्स्तन्भद्वयान्तरभून्यां वा आवाधाद्वयं परिकल्प्य तदाबाधाद्वयं व्युत्क्रमेण निक्षिप्य तव्युत्क्रमं न्यस्ताबाधाद्वयमेव आयतचतुरश्रक्षेत्रद्वये कोटिद्वयं परिकल्प्य तत्कर्णद्वयस्य समानसंख्यानयनसूत्रम्—

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

4 योजन कँचाई वाले किसी पर्वत पर २ यतीकार तिष्ठे थे। उनमें से एक ने पैदल गमन किया। दूसरे आकाश में गमन कर सकते थे। ये दूसरे यतीकार जपर की ओर उड़े, और तब शहर में कर्ण मार्ग से उतरे। प्रथम बतीकार शिखर से पर्वत के मूल तक सीधे नीचे की ओर उदम दिशा में उतरे. और पैदल शहर की ओर चले। पर्वत के मूल से शहर की समान दूरियाँ तय कीं। पर्वत के मूल से शहर तक की सूरी क्या है, और उपरी सदान की जँचाई कितनी है ? ॥ १९९६-२००६ ॥

छटकन ( बोल ) और उसके दो भूमि पर आधारित लंबरूप अवलंबों द्वारा निरूपित क्षेत्र में, दो स्तंमों अथवा दो पर्वत शिखरों की जैंचाहुयों के माप दो आयत चतुरश्र क्षेत्रों की क्षेतिज ( क्षितिज के समानान्तर ) अजाओं के माप मान लिये जाते हैं। तब, इन झात क्षेतिज मुजाओं की सहायता से, और ( द्वाानुसार ) दो पर्वत अथवा दो स्तंभ के बीच की आधार रेखा के संबंध में लंब के मिलन बिन्दु द्वारा उत्पन्न आवाधाओं ( खंडों ) के मानों को प्राप्त करते हैं। इन दो आवाधाओं को विलोम कम में किखते गये ( दो आवाधाओं के ) मानों की दो आयताकार चतुर्भुंच के त्रों की दो लंब मुजाओं के माप मान होते हैं। ( ऐसी दशा में ) इन दो आयतों के कार्यों के समान संख्यात्मक मान को प्राप्त करने के लिये नियम —

चूँकि दो साधुओं की उड़ानें बराबर हैं, ... स + हे अ = अ + ब;

ं स == हे व्य + व.....(२)

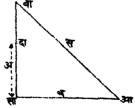
.'. स<sup>२</sup> = है अ<sup>२</sup> + द<sup>२</sup> + अ ब, परन्तु स<sup>२</sup> = है अ<sup>३</sup> + व<sup>2</sup>;

.'. अ **द** = २ अ<sup>२</sup>;

ं, य= २व....(३)

की उड़ान दा वा अर्थात् ने अ है.....(१)

दिवे गये नियम में ये ही तीन सूत्र (१), (१) और (३) वर्णित है।



<sup>(</sup>१९९३-२००३) आइ.ति में यदि पर्शत की ऊँचाई 'अ' द्वारा निरूपित है, शहर से पर्वत के मूळ की दूरी 'ब' है, और कर्ण मार्ग की लग्बाई 'स' है, तो गाया १९८३ के नियम की पृष्टभूमि में की गई कल्पना के अनुसार 'अ' भुजा आ वा की र्/3 है। इसल्थि ऊर्ध्य दिशा

डोलाकारक्षेत्रस्तम्भद्वितयोध्वसंख्ये वा । शिखरिद्वयोध्वसंख्ये परिकल्प भुजद्वयं त्रिकोणस्य ॥ २०१६ ॥ तहोद्वितयान्तरगतभूसंख्यायास्तदाबाचे । आनीय प्राग्वत्ते व्युत्क्रमतः स्थाप्य ते कोटी ॥ २०२६ ॥ स्यातांतस्मिन्नायतचतुरश्रक्षेत्रयोख्य तहोभ्यीम् । कोटिभ्यां कर्णी द्वी प्राग्वत्स्यातां समानसंख्यौ तौ ॥ २०३६ ॥

होल तथा उसके दो लंबस्प अवलंबों द्वारा निरूपित आकृति के संबंध में, दो स्तंभों की अथवा दो पर्वतों की सँचाइयों के मापों को त्रिभुज की दो भुजाओं के माप मान लेते हैं। तब, दिये गये संसों अथवा पर्वतों की बीच की आधार रेखा के मान के तुल्य उन दो भुजाओं के बीच की आधार रेखा के संबंध में, दीर्घ से आधार पर गिराये गये लंब से उत्पन्न आवाधाओं के मान पहिले दिये गये निवमानुसार प्राप्त करते हैं। यदि इन आवाधाओं (खंडों) के मानों को विलोम कम में किखा जावे, तो वे इष्ट किया में दो आयतों की दो लंब भुजाओं के मान बन जाते हैं। अब, पहिले दिये गये निवमानुसार दो आयतों के कणों के मानों को उपर्युक्त त्रिभुज की दो भुजाओं (जो यहाँ आयत की दो भ्रेतिज भुजाएँ की गई हैं) तथा उन दो लंब भुजाओं की सहायता से प्राप्त करते हैं। ये कर्ण समान संख्यात्मक मान के होते हैं॥ २०१-१-२०१-१॥

(२०१३-२०२३) इस नियम में वर्णित चतुर्भुजों में, मानलो, लंब मुजाएँ अ, ब द्वारा निरूपित हैं, आधार स है; स्व, स्व उसके खंड (आवाधायें ) हैं, और रच्जु (रस्से ) के प्रत्येक समान भाग की संबाई स है।

ये मान, अ और व मुजाओंवाले त्रिभुज के 'स' माप वाले आधार के लंडों के हैं। आधार के लंड बीर्ष से लंब गिराने से उत्पन्न हुए हैं। नियम में यही कथित है। गाथा ४९ का नियम भी देखिये।

(२१०२) यहाँ बतलाया हुआ पथ समकोण त्रिभुब की भुजाओं में से होकर जाता है। इस नियम में दिये गये सुत्र का बीजीय निरूपण यह है—

क =  $\frac{a^2 + ax^2}{a^2 - ax^2} \times c$ , बहाँ क कर्णपथ से बाने पर व्यतीत हुए दिनों की संख्या है, व और व क्रमशः दो मनुष्यों की गतियाँ हैं, और द उत्तर दिशा से बानेपर व्यतीत हुए दिनों की संख्या है। इस प्रक्र में दत्त व्यास पर भाषारित निम्निकिस्ति समीकरण से यह स्पष्ट है—

### अत्रोहेशकः

स्तम्भखयोदशैकः पञ्चदशान्यश्चतुर्दशान्तरितः। रञ्जूबद्धा शिखरे भूमीपतिता के आवाधे ॥ २०४॥ ते रज्ज समसंख्ये स्यातां तद्रज्जमानमपि कथय ॥ २०५ ॥ द्वाविंशतिरुत्सेघो । गिरेस्तथाष्ट्रादशान्यशैलस्य । विश्वतिरुभयोर्भध्ये तयोश्च शिखयोःस्थितौ साधू ॥ २०६ ॥ आकाशचारिणौ तौ समागतौ नगरमत्र भिक्षायै। समगतिकी संजाती तत्राबाधे कियत्संख्ये ॥ समगतिसंख्या कियती डोलाकारेऽत्र गणितज्ञ ॥ २०७३ ॥ विंशतिरेकस्थोत्रतिरदेश्च जिनास्तथान्यस्य । तन्मध्यं द्वाविशतिरनयोरद्योश्च शृङ्गयोः स्थित्वा ॥ २०८३ ॥ आकाशचारिणौ द्वौ तन्मध्यपुरं समायातौ। भिक्षाये समगतिको स्यातां तन्मध्यशिखरिमध्यं किम् ॥ २०९३ ॥

विषमत्रिकोणक्षेत्ररूपेण हीनाधिकगतिमतोर्नरयोः समागमदिनसंख्यानयनसूत्रम्-

१. क आबाधे व्याकरणरूपेण अशुद्ध है, क्योंकि द्विवाचक संख्या 'के' और 'आबाधे' के मध्य कोई संधि नहीं हो सकती है। १८९ई व श्लोक की टिप्पणी से मिलान करिये।

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

एक स्तम ऊँचाई में 12 इस्त है। दूसरा ऊँचाई में 14 इस्त है। इनके बीच की दूरी 18 इस्त है । इन दो स्तंभों के ऊपरी सिरों पर वैंचा हुआ एक रस्सा (रज्ज ) इस तरह नीचे कटकता है, कि वह इन दो स्तंभों के बीच की दूरी को स्वर्श करता है। स्तंभों के बीच की आधार रेखा के इस प्रकार उरपन्न खंडों के मान क्या-क्या हैं ? रज्ज के दो स्टब्कते हुए भाग लम्बाई में समान संख्यारमक मान के हैं। रज्ह का माप भी बतकाओ ॥ २०४३-२०५३ ॥ किसी एक पर्वत की ऊँचाई २२ योजन है। इसरे पर्वत की १८ योजन है। उनु दो पर्वतों के बीच की दूरी २० योजन है। पर्वत के शिखर पर तिब्दे हुए दो साधु आकाश में गमन कर सकते हैं। भिक्षा के किये वे आकाश मार्ग से नीचे आते हैं. और उन पर्वतों के बीच बसे हुए नगर में मिकते हैं। यह ज्ञात है कि वे आकाश मार्ग से समान हरियाँ तय कर आये हैं। इन दशाओं में दो पर्वतों के बीच की आधारीय रेखा के खंडों के संख्यात्मक मान क्या क्या है ! हे गणितज्ञ, इस डोड़ाकार क्षेत्र में तय की गई समान राशियों का संख्यात्मक मान क्या है १॥ २०६-२०७ है॥ एक पर्वत की ऊँचाई २० योजन है, और उसी प्रकार इसरे पर्वत की उँचाई २४ योजन है। उनके बीच की दूरी २२ योजन है। दो साधु, जो अलग अलग पर्वंत के श्रुक पर स्थित थे और आकाश में गमन कर सकते थे, उन दो पर्वतों के बीच में बसे हुए नगर में भिक्षा के किये उत्तरे । वे आकाश में बराबर दूरियाँ तय करते हुए देखे गये । उस मध्य में बसे हुए नगर और पर्वतों के बीच की तूरी का माप क्या है ?॥ २०८३-२०९३ ॥

विश्वम त्रिशुष की सीमाद्वारा निरूपित मार्ग पर असमान गति से चळने वाले दो मन्ध्यों का समागम होने के किये इप दिनों की संख्या का मान निकालने के किए नियम-

विनगतिकृतिसंयोगं दिनगतिकृत्यन्तरेण हृत्याथ । हत्वोदगातिदिवसैस्तल्ङब्धदिने समागमः स्यान्त्रोः ॥ २१०५ ॥ अत्रोदेशकः

द्वे योजने प्रयाति हि पूर्वगितस्त्रीणि योजनान्यपरः । इत्तरतो गच्छिति यो गत्वासौ तिह्नानि पञ्चाय ॥ २११६ ॥ गच्छन् कर्णाकृत्या कतिभिर्दिवसैनेरं समाप्नोति । उभयोर्युगपद्गमनं प्रस्थानदिनानि सहशानि ॥ २१२६ ॥

पञ्चविधचतुरश्रक्षेत्राणां च त्रिविधत्रिकोणक्षेत्राणां चेत्यष्टविधवाद्यवृत्तन्याससंख्यानयन-

सूत्रम्— श्रुतिरबल्धम्बकभक्ता पादर्वभुजन्ना चतुर्भुजे त्रिभुजे । भुजघातो लम्बहतो भवेद्वहिष्टैत्तविष्कम्भः ॥ २१३३ ॥

दो मनुष्यों की दैनिक गतियों के संख्यास्मक मानों के वर्गों के योग को उन्हों दैनिक गतियों के मानों के वर्गों के अंतर द्वारा भाजित किया जाता है। इस प्रकार प्राप्त मजनफळ को उनमें से किसी एक के द्वारा उत्तर में यात्रा करते हुए ( अन्य मनुष्य से मिळने हेतु दक्षिण पूर्व में जाने के पहिले ) व्यतीत हुए दिनों की संख्या द्वारा गुणित करते हैं, इन दो मनुष्यों का समागम इस गुणनफळ द्वारा मापै गये दिनों की संख्या के अंत में होता है ॥ २१०% ॥

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

पूर्व की ओर यात्रा करनेवाला मनुष्य २ योजन प्रतिदिन की गति से चलता है, और उत्तर की ओर यात्रा करने वाला दूसरा मनुष्य ३ योजन प्रतिदिन की गति से चकता है। यह दूसरा मनुष्य ५ दिनों तक ( इस प्रकार ) चक्कने के पक्षात् कर्ण पर चक्कने के किये मुद्दता है। वह पहिले मनुष्य से कितने दिन पक्षात् मिलेगा ? दोनों एक ही समय प्रस्थान करते हैं, और यात्रा में दोनों को समान समय छगता है॥ २११३–२११३॥

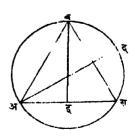
पाँच प्रकार के चतुर्श्वज क्षेत्रों तथा तीन प्रकार के त्रिशुज क्षेत्रोंवाली आठ प्रकार की आकृतियों के परिगत नृत्तों के व्यासों के संख्यात्मक मान को निकालने के लिये नियम—

चतुर्भुज क्षेत्र के संबंध में, कर्ण के मान को लंब के मान द्वारा भाजित कर, और तब बाजू की शुजा के मान द्वारा गुणित करने पर, परिगत वृक्ष के व्यास का मान उत्पन्न होता है। त्रिश्च क्षेत्र के संबंध में आधार को छोड़कर, होब दो शुजाओं के मानों के गुणनफल को लंब के मान द्वारा माजित करने पर, परिगत वृक्ष का इष्ट व्यास उत्पन्न होता है॥ २१३५ ॥

(२१६२) मानलो कि त्रिभुव अ व स किसी वृत्त में अंत-किंखित है। अद ब्यास है और वह, अस पर लंब है। बद को बोड़ो। अव त्रिभुव अ व द और वह स के कोण क्रमशः आपस में बराबर हैं ( अर्थात् ये त्रिभुव सवातीय [ similar ] हैं )

ं. अव : अद = वह : वस, ं. अद = अव × वस ।

यह सूत्र नियम में चतुर्श्व त्रिश्व के परिगत दृत के व्यास की मास करने के लिये दिया गया है।



#### अत्रोदेशकः

समचतुरश्रस्य त्रिकबाहुप्रतिबाहुकस्य चान्यस्य ।
कोटिः पद्ध द्वादश भुजास्य कि वा बहिर्शृत्तम् ॥ २१४३ ॥
बाहू त्रयोदश मुखं चत्वारि घरा चतुर्दश प्रोक्ता ।
द्विसमचतुरश्रबाहिरि६६कम्मः को भवेदश ॥ २१५३ ॥
पद्मकृतिवेदनभुजाश्चत्वारिश्च भूमिरेकोना ।
त्रिसमचतुरश्रबाहिरश्चत्तव्यासं ममाचक्ष्व ॥ २१६३ ॥
व्येका चत्वारिशद्वाहुः प्रतिबाहुको द्विपञ्चाशत् ।
बष्टिर्भूमिवेदनं पद्धकृतिः कोऽत्र विष्कम्भः ॥ २१७३ ॥
त्रिसमस्य च षड् बाहुस्त्रयोदश द्विसमबाहुकस्यापि ।
भूमिर्दश विष्कम्भावनयोः को बाह्यश्चत्योः कथय ॥ २१८३ ॥
बाहू पद्धत्रयुत्तरदशको भूमिश्चतुर्दशो विषमे ।
त्रिभुजक्षेत्रे बाहिरश्चत्व्यासं ममाचक्ष्व ॥ २१९३ ॥
द्विकबाहुषडश्रस्य क्षेत्रस्य भवेद्विचिन्य कथय त्वम् ।
बाह्रिदविष्कम्भं मे पैशाचिकमत्र यदि वेत्सि ॥ २२०३ ॥

#### उदाहरणार्थ प्रक्त

(समबाहु चतुर्शुज) वर्गाकृति के संबंध में, जिसकी प्रसेक शुजा ३ है, और अन्य चतुर्शुज झेन्न के संबंध में, जिसकी छंव शुजा ५ और क्षेतिज शुजा १२ है, वतछाओं कि परिगत वृत्त के क्यास के माप क्या-क्या हैं? ॥ २१४ हैं ॥ दो पाइवें शुजाओं में से प्रत्येक माप में १३ है, उपरी शुजा ४ है, और आधार माप में १४ हैं । इस दशा में ऐसे दो समान शुजाओं वाल चतुर्शुज के परिगत वृत्त के क्यास का माप बतछाओं ॥ २१५ हैं ॥ उपरी शुजा और दो बाजू की शुजाओं में से प्रत्येक माप में २५ हैं । आधार माप में ३९ हैं । यहाँ बतछाओं की ऐसे तीन बराबर शुजाओं वाले चतुर्शुज के परिगत वृत्त के क्यास का माप क्या है ? ॥ २१६ है ॥ पाइवें शुजाओं में से किसी एक का माप ३९ है; दूसरी का माप ५२ हैं । इस चतुर्शुज के संबंध में परिगत बृत्त का क्यास क्या माप ६० और उपरी शुजा का माप २५ हैं । इस चतुर्शुज केत्र के संबंध में परिगत बृत्त का क्यास क्या है ? ॥ २१७ है ॥ किसी समशुज निश्चज की शुजा का माप ६ है, और समद्विवाहु निश्चज की शुजा का माप १३ है । इस दशा में आधार का माप १० है । इन निश्चजों के परिगत बृत्तों के व्यासों के मान निकाछो ॥ २१८ है ॥ विषम निश्चज के संबंध में दो शुजाएँ माप में १५ और १६ हैं; आधार का माप १४ है । उसके परिगत वृत्त के व्यास का मान शुक्ते बतकाओं कि जिसकी प्रत्येक शुजा का माप १ है ऐसे नियमित चर्शुजाकार आकृतिवाले केत्र के परिगत वृत्त के व्यास का मान क्या होगा ? ॥ २२० है ॥

<sup>(</sup>२२०२) इस गाथा पर लिखी गई कलड़ी टीका में प्रश्न को यह स्चित कर इस किया है कि नियमित षट्भुज का विकर्ण परिगत इस के स्थास के तुख्य होता है।

इष्टसंख्याज्यासवत्समञ्ज्ञक्षेत्रमध्ये समचतुरश्राद्यष्टक्षेत्राणां मुखमूभुजसंख्यानयनस्त्रम्— लज्धन्यासेनेष्टज्यासो वृत्तस्य तस्य मक्तश्च । लज्धेन भुजा गुणयेद्भवेच्च जातस्य भुजसंख्या ॥ २२१५ ॥

अत्रोदेशकः

वृत्तक्षेत्रव्यासस्योदशाभ्यन्तरेऽत्र संचिन्स । समचतरशाद्यक्षेत्राणि सखे ममाचक्ष्व ॥ २२२५ ॥

आयतचतुरशं विना पूर्वकित्पतचतुरश्रादिक्षेत्राणां सूक्ष्मगणितं च रज्जुसंख्यां च झात्वा तत्तत्त्वेत्राभ्यन्तरावस्थितवृत्तक्षेत्रविष्कम्भानयनसूत्रम् — परिषेः पादेन भजेदनायतक्षेत्रसूक्ष्मगणितं तत् । क्षेत्राभ्यन्तरवृत्ते विष्कम्भोऽयं विनिर्दिष्टः ॥ २२३३ ॥

व्यास के शांत संस्थारमक मान वाले समबृत्त क्षेत्र में अंतर्लिखत वर्ग से प्रारंभ होने वाली आठ प्रकार की आकृतियों के आधार, उपरी भुजा और अन्य भुजाओं के संस्थारमक मानों को निकासने के लिये नियम—

दिये गये वृत्त के व्यास के मान को न्यास से प्राप्त ऐसे वृत्त के व्यास द्वारा भाजित किया जाता है, जो निर्दिष्ट प्रकार की विकरण से चुनी हुई आकृति के परितः खींचा जाता है। इस मन से चुनी हुई आकृति के सुजाओं के मानों को उपयुक्त परिणामी भजनफर्लो द्वारा गुणित करना चाहिए। इस प्रकार, दिये गये वृत्त में उत्यव आकृति की सुजाओं के संख्यात्मक मानों को प्राप्त करते हैं ॥ २२३ रै ॥

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

समञ्जूत आकृति का ज्यास १३ है। हे मित्र, ठीक तरह विचार कर मुझे बतलाओ कि इस बुत्त मैं अंतर्लिखित बर्गावि आठ प्रकार की विभिन्न आकृतियों के संबंध में विभिन्न माप क्या-क्या हैं॥२२२२॥

केवल आयत क्षेत्र को छोड़कर पूर्वकथित विभिन्न प्रकार के चतुर्भुज और त्रिशुज क्षेत्रों के अंतर्गत बुत्तों के ज्यास का मान निकालने के लिये नियम, जब कि इन्हीं चतुर्भुज और अन्य आकृतियों के संबंध में क्षेत्रफल का सूक्ष्म माप और परिमिति का संख्यात्मक मान ज्ञात हो—

( आयत क्षेत्र को छोड़कर अन्य किसी भी ) आकृति के सूक्ष्म ज्ञात क्षेत्रफळ को ( उस आकृति की ) परिमित्ति की एक जीयाई राशि द्वारा भाजित करना चाहिये । वह परिणाम उस आकृति के अंतर्गत कृत के क्यास का माप होता है ॥ २२६५ ॥

<sup>(</sup>२२१२) इष्ट और मन से चुनी हुई आकृतियों की सवातीयता (similiarity) से यह नियम स्वमेव प्राप्त हो जाता है।

<sup>(</sup>२२३२) यदि सन मुजाओं का योग 'य' हो, अंतर्गत वृत्त का व्यास 'व' हो, और संबंधित चतुर्भुंच या त्रिभुचक्षेत्र का क्षेत्रफल 'क्ष' हो, तो

<sup>ं</sup> इसिल्ये नियम में दिया गया स्त्र, व = क्ष <del>ं य</del>ू, है।

#### अत्रोद्देशकः

समचतुरश्रादीनां क्षेत्राणां पूर्वकल्पितानां च । कृत्वाभ्यन्तरवृत्तं ब्रह्मघुना गणिततत्त्वज्ञ ॥ २२४३ ॥

समवृत्तव्याससंख्यायामिष्टसंख्यां बाणं परिकल्प्य तद्वाणपरिमाणस्य ज्यासंख्या-

नयनसूत्रम्— ज्यासाधिगमोनस्स च चतुर्गुणिताधिगमेन संगुणितः । यत्तस्य वर्गमूळं ज्यारूपं निर्दिशेत्प्राज्ञः ॥ २२५३ ॥

#### अत्रोदेशकः

न्यासो दश वृत्तस्य द्वाभ्यां छिन्तो हि रूपाभ्याम् । छिन्नस्य ज्या का स्यात्प्रगणय्याचक्ष्य तां गणक ॥ २२६३ ॥

समवृत्तक्षेत्रव्यासस्य च मौर्व्याश्च संख्यां ज्ञात्वा बाणसंख्यानयनसूत्रम्— व्यासच्यारूपकयोर्थगिविशेषस्य भवति यन्मूख्म् । तद्विष्कम्भाच्छोध्यं शेषार्थमिषुं विज्ञानीयात् ॥ २२७६ ॥

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

वगीदि प्र्वेल्छिखित आकृतियों के संबंध में अंतर्गत वृत्त खींचकर, हे गणित तस्वज्ञ, प्रत्येक ऐसे अंतर्गत वृत्त के व्यास का मान बतलाओ ॥ २२४५ ।।

किसी समवृत्त के ब्यास के ज्ञात संख्यारमंक मान के भीतर (सीमान्तः) बाण के माप की ज्ञात संख्या टेकर, ऐसे धनुष के घागे के संख्यारमंक मान को प्राप्त करने के छिये नियम जिसका बाण उसी दिये गये माप के तुल्य है—

दिये गये स्थास के मान और बाण के ज्ञात मान के अंतर को बाण के मान की चौगुनी राशि द्वारा गुणित किया जाता है। परिणामी गुणनफल का जितना भी वर्गमूळ आता है, उसे विद्वान पुरुष को धन्य की डोरी का इष्ट माप बतलाना चाहिये ॥ २२५% ॥

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

वृत्त का ब्यास १० है। उसका २ द्वारा अपकर्तन किया जाता है। हे गणितज्ञ, ठीक गणना के पश्चात् दिये गये व्यास के कटे हुए भाग के संबंध में धनुष की डोरी का माप बसलाओ ॥ २२६३ ॥

जब किसी दिये गये वृत्त के व्यास का संक्षात्मक मान और उस वृत्त संबंधी धनुष होरी (जीवा) का मान जात हो, तब बाण का संख्यात्मक मान निकालने के लिये नियम—

दिये गये वृत्त के संबंध में व्यास और जीवा (धनुष-होरी रेखा) के ज्ञात मानों के वर्गों के अंतर का जो वर्गमूल होता है उसे व्यास के मान में से घटाया जाता है। परिणामी शेष की अर्द्राशि बाण (रेखा) का इष्ट मान होती है॥ २२७ रे॥

<sup>(</sup>२२५३) गाया २२५२, २२७३, २२९३ और २३१३ में दिये गये सभी नियम इस यथार्थता पर आधरित हैं कि किसी हत्त में प्रतिच्छेदन करने वाले (intersecting) चाप कर्णों की आवाधाओं (खंडों) के गुणनफल समान होते हैं।

### अत्रोद्देशक:

दश वृत्तस्य विष्कम्भः शिक्षिन्यभ्यन्त्रे सखे।

रष्टाष्ट्री हि पुनस्तस्याः कः स्याद्धिगमो वद ॥ २२८३॥

ज्यासंख्यां च बाणसंख्यां च ज्ञात्वा समवृत्तक्षेत्रस्य मध्यव्याससंख्यानयनसूत्रम्— भक्तश्चतुर्गुणेन च शरेण गुणवर्गराशिरिषुसहितः । समवृत्तमध्यमस्थितविष्कम्भोऽयं विनिर्दिष्टः ॥ २२९५ ॥

### अत्रोदेशकः

कस्यापि च समवृत्तक्षेत्रस्याभ्यन्तराधिगमनं हे । ज्या दृष्टाष्ट्री दण्डा मध्यन्यासी भवेतकोऽत्र ॥ २३०३ ॥

समवृत्तद्वयसंयोगे एका मत्स्याकृतिर्भवति । तन्मत्स्यस्य मुखपुच्छविनिर्गतरेखा कर्तव्या । तया रेखया अन्योन्याभिमुखधनुद्वयाकृतिर्भवति । तन्मुखपुच्छविनिर्गतरेखैव तद्धनुद्वयस्यापि ज्याकृतिर्भवति । तद्धनुद्वयस्य शरद्वयमेव वृत्तपरस्परसंपातशरौ झेयौ । समवृत्तद्वयसंयोगे तयोः संपातशरयोगानयनस्य सुत्रम्—

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

किसी दिये गये वृत्त के व्यास का माप 50 है। साथ ही ज्ञात है कि भीतरी धनुष-डोरी का माप ८ है। है मित्र, उस धनुष डोरी के संबंध में बाण रेखा का मान निकालो ॥ २२८ है॥

जब अचुप-डोशी और बाण के संख्यासमक मान ज्ञात हों, तब दिये गये वृत्त के व्यास के संख्यासक मान को निकालने के लिये नियम---

धनुष-डोरी के मान के वर्ग का निरूपण करने वास्त्री संख्या, ४ द्वारा गुणित बाण के मान के द्वारा भाजित की जाती है। तब परिणामी भजनफरू में बाण का मान जोड़ा जाता है। इस प्रकार प्राप्त राशि नियमित कृत की, केन्द्र से होकर मापी गई, चौड़ाई का माप होती है। २२९२ ॥

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

किसी समवृत्त क्षेत्र के संबंध में, बाण रेखा २ इंड, और घतुष डोरी ८ दंड है। इस वृत्त के मंबध में व्यास का मान क्या हो सकता है १ ॥ २३०५ ॥

जब दो वृत्त परस्पर एक दूसरे को काटते हैं, तब मछकी के आकार की आकृति उत्पन्न होती है। इस मरस्वाकृति के संबंध में मुख से पुष्छ को मिलानेवाको रेखा खींची जाती है। इस सरक रेखा की सहायता से एक दूसरे के सम्मुख दो धनुषों की उत्पत्ति होती है। मुख से पुष्छ को मिलाने वाकी सरक रेखा इन दोनों धनुषों की धनुष-डोरी होती है। इन दो धनुषों के संबंध में दो बाण रेखाएँ पारस्परिक अतिछादी (overlapping) वृत्तों से संबंधित दो बाण रेखाओं को बनाने वाकी समझी जाती है। जब दो समइत्त परस्पर एक दूसरे को काटते हैं, तब अतिछादी (overlapping) भाग से संबंधित वाण रेखाओं के मानों को निकाकने के किये नियम—

प्रासोनव्यासाभ्यां प्रासे प्रक्षेपकः प्रकर्तव्यः । वृत्ते च परस्परतः संपातकारौ विनिर्दिष्टौ ॥ २३१३ ॥

### अत्रोदेशकः

समवृत्तयोद्वेयोहिं द्वात्रिंश्वरशीतहस्तविस्तृतयोः । प्रासेऽष्टो को बाणावन्योन्यभवी समाचक्व ॥ २३२३ ॥

#### इति पैशाचिकव्यवहारः समाप्तः॥

इति सारसंग्रहे गणितशास्त्रे महाबीराचार्यस्य कृतौ क्षेत्रगणितं नाम षष्ठव्यवहारः समाप्तः ।

प्रतिरहेदित होने वाले वृत्तों के ऐसे दो ज्यासों के दो मानों की सहायता से, जिन्हें वृत्तों के अतिकादी (overlapping) भाग की सबसे अधिक चौड़ाई के मान द्वारा हासित करते हैं वृत्तों के अतिछादी भाग की महत्तम चौड़ाई के इस ज्ञात मान के संबंध में प्रक्षेपक किया करना चाहिये। ऐसे वृत्तों के संबंध में इस प्रकार प्राप्त दो परिणामों में से, प्रत्येक दूसरे का, अतिछादी वृत्तों संबंधी दो बाणों का माप होता है॥ २३१ है॥

### उदाहरणार्थ प्रक्न

दो बृत्तों के संबंध में, जिनके विस्तार-व्यास क्रमग्न: ३२ और ६० हस्त हैं। साधारण अतिछादी माग की महत्तम चौदाई ८ हस्त है। यहाँ उन दो बृत्तों के संबंध में बाण रेखाओं के मानों को बतछाओं॥ २३२२ ॥

इस प्रकार, क्षेत्र गणित ब्यवहार में पैशाचिक ब्यवहार नामक प्रकरण समाप्त हुआ ।

इस प्रकार, महावीराचार्य की कृति सार संग्रह नामक गणित शास्त्र में क्षेत्रगणित नामक षष्टम् भ्यवहार समास हुआ ।

<sup>(</sup>२३१२) इस नियम में अनुध्यानित प्रक्त आर्यमह द्वारा भी साधित किया गया है। उनके द्वारा दिया गया नियम इस नियम के समान है।

# ८. खातव्यवहारः

सर्वोमरेन्द्रमुकुटार्चितपादपीठं सर्वेक्सम्वययमचिन्त्यमनन्तरूपम् । भव्यप्रजासरसिजाकरबालभानुं भक्त्या नमामि शिरसा जिनवर्धमानम् ॥ १॥ क्षेत्राणि यानि विविधानि पुरोदितानि तेषां फर्लान गुणितान्यवगाहनानि ( नेन ) । कमोन्तिकीण्ड्रफलसूक्ष्मविकल्पितानि वक्ष्यामि सप्तममिदं व्यवहारखातम् ॥ २॥

# **स**क्ष्मगणितम्

अत्र परिभाषाइछोकः— इस्तघने पासूनां द्वात्रिंशत्पछशतानि पूर्याणि । उत्कीर्यन्ते तस्मात् षट्त्रिंशत्पछशतानीह ॥ ३ ॥

# ८. खात व्यवहार ( खोह अथवा गढ़ा संबंधी गणनाएँ )

में सिर हाकाकर उन वर्धमान जिनेन्द्र को अक्तिपूर्वक नमस्कार करता हूँ, जिनका पादपीठ (पैर रखने की चौकी) सभी अमरेन्द्रों के मुकुटों हारा अचित होता है, जो सर्वज्ञ हैं, अव्यय हैं, अचिन्त्य और अनन्तरूप हैं, तथा जो भन्य जीवों रूपी कमल समूह को विकसित करने के लिये वालभाजु (अभिनव सूर्य) हैं ॥ १ ॥ अब मैं खात के संबंध में (विभिन्न प्रकार के) कमांतिक, औण्ड्रफल और सूक्ष्म फल का वर्णन कहरा। ये समस्त प्रकार, उन उपर्युक्त विभिन्न प्रकार की रैखिकीय आकृतियों से गहराई मापने वाली राशियों हारा घटित गुणन किया के परिणाम स्वरूप प्राप्त किये जाते हैं। यह सातवाँ व्यवहार, खात व्यवहार है ॥ २ ॥

### सूक्ष्म गणित

परिभाषा के लिये एक छोक ( ज्यावहारिक कल्पना के लिये एक गाथा )—
किसी एक घन हस्त माप की खोह को भरने के लिये १,२०० पल मात्रा को मिटी छगती है।
उसी बन आवतन वासी खोह में १,६०० पल मात्रा की मिटी निकाकी जा सकती है।। ३।।

<sup>(</sup>२) औण्ड्रफल शन्द में 'औण्ड्र" पद विचित्र संस्कृत शन्द माल्म पड़ता है, और कदाचित् वह हिन्दी शन्द औण्ड से संबंधित है, जिसका अर्थ ''गहरा'' होता है।

<sup>(</sup>१) इस घारणा का अभिमाय स्पष्ट रूप से यह है कि एक घन इस्त दबी हुई मिट्टी का भार ३,६०० पळ होता है, और इतनी जगह को शिथिखता से भरने के लिये १,२०० पळ भार की मिट्टी पर्यास होती है।

खातगणितफळानयनसूत्रम्— क्षेत्रफळं वेधगुणं समस्राते व्यावहारिकं गणितम् । मुखतळयुतिद्रस्य सत्संख्यातं स्यात्समीकरणम् ॥ ४॥

# अत्रोद्देशकः

समचतुरश्रस्याच्टी बादः प्रतिबाहुकश्च वेधश्च । क्षेत्रस्य खातगणितं समखाते किं भवेदत्र ॥ ५ ॥ त्रिभुजस्य क्षेत्रस्य द्वात्रिंशद्वाहुकस्य वेधे तु । षट्त्रिंशद्दष्टास्ते षडकुळाःयस्य किं गणितम् ॥ ६ ॥ साष्ट्रशतव्यासस्य क्षेत्रस्य हि पटचषष्टिसहितशतम् ।

वेधो वृत्तस्य त्वं समखाते किं फलं कथय।। ७।।

आयतचतुरश्रस्य व्यासः पञ्चाप्रविंशतिबीहुः । षष्टिर्वेघोऽष्टर्शतं कथयाशु समस्य खातस्य ॥ ८॥

अस्मिन् खातगणिते कर्मान्तिकसङ्घफलं च औण्ड्संइफलं च झात्वा ताभ्यां कर्मान्ति-कौण्ड्संइफलाभ्याम् सूक्ष्मखातफलानयनसूत्रम्—

गढ़ों की घनाकार समाई ( अंतर्घस्तु ) को निकाकने के किये नियम-

गहराई द्वारा गुणित क्षेत्रफळ, नियमित (regular) खात (गढ़े) की घनाकार समाई का व्यावहारिक मान उत्पन्न करता है। सभी विभिन्न मुख (उपरी) विस्तारों के तथा उनके संघादी नितळ (bottom) विस्तारों के योगों को आधा किया जाता है। तब (उन्हीं अद्भित राशियों के) बोग को कथित अद्धित राशियों के प्राप्त करने के छिये यह किया है। ॥ ॥

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

नियमित सात के छेद के प्रतिरूपक, समान भुजाओं वाले चतुर्भुंज क्षेत्र, के संबंध में भुजाएँ तथा गहराई प्रत्येक माप में ८ हस्त है। इस नियमित गढ़े (खात) में घनाकार समाई का मान क्या है ? ॥ ५ ॥ किसी नियमित खात के छेद का निरूपण करनेवाले समित्रभुज क्षेत्र के संबंध में प्रत्येक भुजा ३२ हस्त है, और गहराई ३६ हस्त ६ अंगुल है। यहाँ समाई कितनी है ? ॥ ६ ॥ किसी नियमित खात के छेद (section) का निरूपण करनेवाले समनूत्त क्षेत्र के संबंध में ध्यास १०८ हस्त है, और खात की गहराई १६५ हस्त है। बतलाओं कि इस दशा में घनफल क्या है ? ॥ ७ ॥ किसी नियमित खात (गहें) के छेद का निरूपण करनेवाले आयत चतुर्भुंज क्षेत्र की चौदाई २५ हस्त है, लंबाई ६० हस्त है और खात की गहराई १०८ हस्त है। इस नियमित खात की घनाकार समाई शीन्न बतलाओं ॥ ८ ॥

परिणाम के रूप में प्राप्त कर्मान्तिक तथा औण्ड्र को ज्ञात कर उनकी सहायत। से, खात संबंधी गणना में धनाकार समाई का सूक्ष्म रूप से ठीक मान निकालने के किये नियम---

<sup>(</sup>४) इस क्षोक का उत्तरार्द्ध स्पष्टतः उस विधि का वर्णन करता है, जिसके द्वारा इम किसी दिये गये अनियमित खात के समुचित रूप से तुल्य नियमित खात के विस्तारों को प्राप्त कर सकते हैं।

बाह्याभ्यन्तरसंस्थिततत्तत्त्वेत्रस्थबाहुकोटिभुवः।
स्वप्रतिबाहुसमेता भक्तास्तत्त्वेत्रगणनयान्योन्यम्॥९॥
गुणिताश्च वेधगुणिताः कर्मान्तिकसंज्ञगणितं स्यात्।
तद्वाद्यान्तरसंस्थिततत्तत्त्वेत्रे फलं समानीय॥ १०॥
संयोज्य संख्ययाप्तं क्षेत्राणां वेधगुणितं च। औण्ड्रफलं तत्फलयोविशेषकस्य त्रिभागेन॥
संयुक्तं कर्मान्तिकफलमेव हि भवति सृक्ष्मफलम्॥ ११३॥

उपरी छेदीय (sectional) क्षेत्र का निरूपण करनेवाकी आकृति के आधार और अन्य भुजाओं के मानों को क्रमशः तली के छेदीय क्षेत्र का निरूपण करनेवाली आकृति के आधार और संवादी भुजाओं के मानों में जोदते हैं। इस प्रकार प्राप्त कई योग प्रश्न में विचाराओंन छेदीय क्षेत्रों की संख्या द्वारा भाजित किये जाते हैं। तब भुजाएँ ज्ञात रहने पर, क्षेत्रफल निकालने के नियमानुसार, परिणामी राशियाँ एक तूसरे के साथ गुणित की जाती हैं। तब कर्मान्तिक का चनफल उरपन्न होता है। उपरो छेदीय क्षेत्र और नितल छेदीय क्षेत्र हारा निरूपित उन्हों आकृतियों के संबंध में, इनमें से प्रत्येक क्षेत्र का क्षेत्रफल अलग-अलग प्राप्त किया जाता है। इस प्रकार प्राप्त क्षेत्रफलों को आपस में ओड़ा जाता है, और तब योगफल विचाराधीन छेदीय क्षेत्रों की संख्या द्वारा भाजित किया जाता है। १-११ है।।

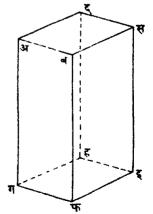
इस प्रकार प्राप्त भजनफल गहराई के मान द्वारा गुणित किया जाता है। यह भीण्ड्र नामक घनफल माप को उत्पन्न करता है। यदि इन दो फलों के अन्तर की एक तिहाई राश्चि कमोन्तिक फल में जोड़ दी जाय तो इष्ट घनफल का सुक्ष्म रूप में ठीक मान निश्चय रूप से प्राप्त होता है।

(९-११२) दी गई आकृति में अबस द नियमित खात (गदे) का ऊपरी छेदीय क्षेत्र (मुख) है, और इ.फ. ग इ.नितल छेदीय क्षेत्र है।

इस नियम में व्यवहार में छाई गई आकृतियाँ या तो विपाटित (काटे गये) स्तूप

(pyramids) हैं, जिनके आधार आयत अथवा त्रिमुन होते हैं, अथवा विपाटित शंक्वाकार (शंकु के आकार की) वस्तुएँ हैं। इस नियम में खातों की बनाकार समाई के तीन प्रकार के माणें का वर्णन है। इसमें से दो, जैसे कमीतिक और औण्ड्र माप, समाइयों के व्यावहारिक मानों को देते हैं। इन मानों की सहायता से सूक्ष्म माप की गणना की जाती है। यदि का कमीतिक फल और आ औण्ड्र फल का निरूपण करते हों, तो सूक्ष्म रूप से ठीक माप (आ - का + का) अर्थात् (के का + के आ) होता है।

यदि कार्टे गर्ये तथा वर्ग आधारवाके स्तूप के ऊपरी तथा निम्न तल की सुजाओं का माप क्रमशः 'अ' और 'व' हो तो बनाकार समाई



का सूक्ष्म रूप से ठीक माप है क ( अ' + व' + २ अ' व' ) के बराबर बतलाया जा सकता है, जहाँ

# अत्रोदेशकः

समचतुरश्रा वापी विंशतिरुपरीह षोडशैव तले । वैघो नव किं गणितं गणितविदाचक्ष्म मे शीघ्रम् ॥ १२३ ॥ वापी समित्रवाहुविंशतिरुपरीह षोडशैव तले । वैघो नव किं गणितं कर्मान्तिकमौण्ड्मिप च सूक्ष्मफडम् ॥ १३३ ॥ समयुत्तासौ वापी विंशतिरुपरीह षोडशैव तले । वैघो द्वादश दण्डाः किं स्यात्कर्मान्तिकौण्ड्रसूक्ष्मफडम् ॥ १४३ ॥ आयतचतुरश्रस्यत्वायामःषष्टिरेव विस्तारः। द्वादश मुखे तलेऽधै वैघोऽष्टौ किं फलं भवति ॥१५३॥ नवतिरशीतिः सप्तित्रायामश्चोद्धवेमध्यमूलेषु । विस्तारो द्वात्रिंशत् षोडश दश सप्त वेघोऽयम् ॥ १६३ ॥

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

एक ऐसा कूप है जिसका छेदीय (sectional) क्षेत्र समभुज चतुर्भुज है। उत्परी (मुख) छेदीय क्षेत्र की भुजाओं में से प्रत्येक का मान २० हस्त है और नितल (bottom) छेदीय क्षेत्र की प्रत्येक भुजा १६ हस्त की है। गहराई (वेघ) ९ हस्त है। हे गणितज्ञ, घनफल का माप शीव्र बतलाओ॥ १२ है॥

समभुज त्रिभुजीय अनुप्रस्थ छेदवाले कूप के जपरी छेदीय होत्र की भुजाओं में से प्रत्येक २० इस्त की और नितल छेदीय क्षेत्र की भुजाओं में से प्रत्येक १६ इस्त की है; गहराई ९ इस्त है। कर्मान्तिक घनफल, औण्ड्र घनफल और सुक्षम रूप से ठीक घनफल क्या-क्या हैं १॥ १३५ ॥

समन्त आकार के छेद्रोय क्षेत्रवाले कूप के जपरी छेद्रोय क्षेत्र का ब्यास २० इंड और निम्न छेद्रोय क्षेत्र का ब्यास १६ इंड है। गहराई १२ इंड है। कर्मातिक, औण्ड्र और सूक्ष्म चनफळ क्या हो सकते हैं ? ॥ १४२ ॥

आपताकार छेदीय क्षेत्र वाले खात के जपरी छेदीय क्षेत्र की लंबाई ६० इस्त और चौड़ाई १२ इस्त है, तथा निम्न छेदीय क्षेत्र की लम्बाई जपर के छदीय क्षेत्र की आधी है, और चौड़ाई भी आधी है। गहराई ९ इस्त है। यहाँ चनफल क्या है ?॥ १५२ ॥

इसी प्रकार के एक और दूसरे कूप के ऊपरी छेदीय क्षेत्र, बीच के छेदीय क्षेत्र और निम्न छेदीय क्षेत्र की कम्बाईयाँ कवामः ९०,८० और ७० हस्त हैं, तथा चीड़ाईयाँ कमवाः २२,१६ और ९० हस्त हैं। यह गहराई में ७ हस्त है। इष्ट चनफळ का माप दो ?॥ १६२॥

'क' विपाटित स्त्प की ऊँचाई है। घनाकार समाई के सूक्ष्म माप के लिये दिये गये इस सूत्र का सत्वापन कमोतिक और औष्ट्र फलों के निम्नलिखित मानों की सहायता से किया जाता है।

$$\operatorname{sti} = \left(\frac{\operatorname{at}' + \operatorname{at}'}{2}\right)^2 \times \operatorname{st}, \quad \operatorname{ati} = \frac{\left(\operatorname{at}'\right)^2 + \left(\operatorname{at}'\right)^2}{2} \times \operatorname{st}$$

इसी प्रकार, सम त्रिभुजाकार एवं आयत।कार आधारवाले तिर्थेक् (Bra (truncated) स्तूप तथा सम कृताकार आधार वाले तिर्थेक् (Bra शंकुओं के संबंध में भी सत्यापन किया वा सकता है।



व्यासः षष्टिवेदने सध्ये त्रिंशत्तले तु पञ्चदश । समग्रुत्तस्य च वेधः षोडश किं तस्य गणितफलम् ॥ १७३ ॥ त्रिभुजस्य मुखेऽशोतिः षष्टिर्मध्ये तले च पञ्चाशत् । बाहुत्रयेऽपि वेधो नव किं तस्यापि भवति गणितफलम् ॥ १८३ ॥

स्वातिकायाः स्वातगणितफलानयनस्य च स्वातिकाया मध्ये सूचीमुखाकारवत् इत्सेषे सित स्वातगणितफलानयनस्य च सूत्रम्— परिखामुखेन सिहतो विष्कम्भिसमुजयृत्तयोक्षिगुणात् । आयामश्चतुरम्ने चतुर्गुणो व्याससंगुणितः ॥ १९३॥

समयुत्त आकार के छेदीय क्षेत्र बाले खात के संबंध में मुख ज्यास ६० इस्त है, मध्य ज्यास ३० इस्त और तल ज्यास १५ इस्त है। गहराई १६ इस्त है। बनफल का माप देने बाका गाणित फक क्या है ? ॥ १७२ ॥

त्रिभुजाकार के छेदीय क्षेत्रवाळे स्थात के सम्बन्ध में, प्रस्थेक भुजा का माप उपर ८० इस्त, मध्य में ६० इस्त स्थीर तली में ५० इस्त है। गहराई ९ इस्त है। (घनाकार समाई देनेवाला) घनफड़ क्या है ? ॥ १७ ३॥

किसी सात की धनाकार समाई के मान, तथा मध्य में सूची मुसाकार के समान हरसेथ सहित ( डोस मिट्टो का गोपुच्छवत् एक अंत की ओर घटने वाले प्रसेप projetion ) सहितसात की घनाकार समाई के मान को निकासने के लिये नियम—

केन्द्रीय पुंज की चौड़ाई को वेष्टित स्नात की उपरी चौड़ाई द्वारा बढ़ाकर, और तब तीन द्वारा गुणित करने पर, त्रिभुजाकार और वृताकार स्नातों की इब्र परिमिति का मान उत्पन्न होता है। चतुर्भुजाकार स्नात के सम्बन्ध में, इष्ट परिमिति के बसी मान को, पूर्वोक्त विधि के अनुसार, चौड़ाई को चार द्वारा गुणित करने से प्राप्त करते हैं। १९२ ॥

(१९६-२०६) ये स्त्रोक किसी भी आकार के केन्द्रीय पुंच के चारों ओर खोदी गई खाईयों या खातों के घनाकार समाई के माप विषयक हैं। केन्द्रीय पुंच के छेद का आकार वर्ग, आयत, समभुज त्रिमुच अथवा इत्त सहश हो सकता है। खात (तली में और ऊपर) दोनों चगह समान चौड़ाई का हो सकता है, अथवा घटनेवाळी या बढ़नेवाळी चौड़ाई का हो सकता है। यह नियम, इन सभी तीन दशाओं में, खात की कुछ सम्बाई निकालने में सहायक होता है।

(१) जब खात की चौड़ाई समांग (ऊपर नीचे एक सी) हो, तब खात की छंबाई = (द + ब)×३ होती है, जब कि सम त्रिभुजाकार अथवा बृत्ताकार छेद हो। यहाँ 'द' केन्द्रीय पुंच की भुजा का माप अथवा ब्यास का माप है, और 'ब' खात की चौड़ाई है। परन्तु यह छंबाई = (द + ब)×४ होती है, जब कि छेद वर्गाकार तथा केन्द्रीय पुंजवाला वर्गाकार खात होता है।

(२) यदि खात तही में या ऊपर जाकर बिन्दु रूप हो जाता हो, तो कमीतिक फल निकालने के खिये, लंबाई =  $\left(z + \frac{a}{2}\right) \times 2$  अथवा  $\left(z + \frac{a}{2}\right) \times 3$  अथवा  $\left(z + \frac{a}{2}\right) \times 4$  होती है, जब केन्द्रीय पुच्छ का छेद (section) (१) त्रिभुवाकार या कुलाकार अथवा (२) वर्गाकार होता है। औंड्र फल प्राप्त करने के लिए खात की लम्बाई क्रमश:  $(z + a) \times 2$  और  $(z + a) \times 3$  हैते हैं।

धनफलों निकासने के लिए, इन बीज वाक्यों को खात की आधी चौड़ाई और गहराई से गुजा

सूचीमुखबद्वेषे परिला मध्ये तु परिलार्धम् । मुखसहितमथो करणं प्राग्वत्तलसूचिवेषे च ॥ २०३ ॥

# अत्रोदेशकः

त्रिभुजचतुर्भुजवृत्तं पुरोदितं परिखया परिक्षिप्तम् । दण्डाज्ञीत्या व्यासः परिखाश्चतुरुर्विकास्त्रिवेधाः स्युः ॥ २१३ ॥ आयतचतुरायामो विंशत्युत्तरशतं पुनव्यीसः । चत्वारिंशत् परिखा चतुरुर्वीका त्रिवेधा स्यात् ॥ २२३ ॥

उत्पर की ओर घटने वाले अथवा बढ़ने वाले अंतोंसहित केन्द्रीय पुंज के (ऐसे स्नातों के संबंध में ) कर्मांतिक को प्राप्त करने के लिये सात की आधी चौड़ाई को केन्द्रीय पुंज की चौड़ाई में बोड़ते हैं। औण्ड्रफल को प्राप्त करने करने के लिये सात की चौड़ाई के मान को केन्द्रीय पुंज की चौड़ाई में जोड़ते हैं। तस्पश्चात् पूर्वोक्त विधि उपयोग में लाते हैं। २०२ ॥

### उदाहरणार्थ प्रश्न

पूर्व कथित त्रिश्चकाकार, चतुर्श्वजाकार और दृत्ताकार क्षेत्रों के चारों ओर खाइयाँ खोदी जाती हैं। चौदाई ८० दंढ है, और खाईयाँ ४ दंढ चौदी और ३ दंढ गहरी हैं। चनाकार समाई बतलाओ ॥ २१२ ॥ आयत की लंबाई १२० दंढ और चौड़ाई ४० दंढ है। आसपास की खाई चौड़ाई में ४ दंढ और गहराई में ३ दंढ है। चनाकार समाई बतलाओ ॥ २२३ ॥

करना पड़ता है। त्रिभुजाकार और वृत्ताकार छेद वाले खातों के संबंध में उपर्युक्त सूत्र वे वल सिषकट फलों को देते हैं। इस प्रकार प्राप्त खात की कुल लम्बाई की सहायता से, नितंतल वाली खातों के संबंध में गाया ९ से ११२ में दिये गये नियम का प्रयोगकर, घन फलों (धनाकार समाई) का मान निकालते हैं।

(२२३) मिटी का वेन्द्रीय एंच का छेद आयताकार हो, तो विष्टित खात की कुल लंबाई को निकालने के लिये मुजाओं के मार्गों को खात की चौड़ाई अथवा आधी चौड़ाई द्वारा बढ़ाकर, जोड़ने से (क्रमशः कर्मान्तिक अथवा औण्ड्र) इष्ट फल प्राप्त करते हैं।

इस स्लोक में विणत विये गये प्रश्न ये हैं: (अ) उत्तराये गये स्तृप या शंकु (cone) की कुल जैंचाई निकालना, (व) जब किसी काटे गये स्तृप या शंकु की जैंचाई और उत्परी तथा नीचे के तलों का विस्तार दिया गया होता है, तब इप्ट गहराई पर छेद (section) के विस्तार को निकालना। दुलनात्मक अध्ययन के लिये त्रिलोक प्रश्नि (१/१९४, ४/१७९७) तथा जम्बूद्वीप प्रश्नि (१/२७, २८) देखिये। यदि वर्गाकार आधारवाले विदेत (काटे गये) स्तृप में आधार की मुजा का माप 'अ', उत्परी तल की मुजा का माप 'व' और जैंचाई 'उ' हो, तो यहाँ दिये गये नियमानुसार, बुल स्तृप की जैंचाई उ लेकर का मुजा का माप 'व' और कैंचाई उ पर स्तृप के छेद की मुजा का माप = अ(उ - उ) ज जिंचाई है। ये सूत्र शंकु के लिये भी प्रयोज्य होते हैं। स्तृप के बिन्दुरूपी माग को बनानेवाले छेद की मुजा का माप, नियमानुसार, दूसरे सुत्र के हर के मुजा का माप, नियमानुसार, दूसरे सुत्र के हर के मुजा का माप, नियमानुसार, दूसरे सुत्र के हर के मुजा का माप, नियमानुसार, दूसरे सुत्र के हर के मुजा का माप, नियमानुसार, दूसरे सुत्र के हर के मुजा का माप, नियमानुसार, दूसरे सुत्र के हर के मुजा का माप, नियमानुसार, दूसरे सुत्र के हर के मुजा का माप, नियमानुसार, दूसरे सुत्र के हर के मुजा का माप, नियमानुसार, दूसरे सुत्र के हर के मुजा का माप, नियमानुसार, दूसरे सुत्र के हर के मुजा का माप, नियमानुसार, दूसरे सुत्र के हर के मुजा का माप, नियमानुसार, दूसरे सुत्र के हर के मुजा का माप, नियमानुसार, दूसरे सुत्र के हर के मुजा का माप, नियमानुसार, दूसरे सुत्र के सुत्र के सुत्र के सुत्र के सुत्र का सुत्र के सुत्र का सुत्र के सुत्र का सुत्र के सुत्य के सुत्र 
हाता है। य चेत्र शकु के रूप मा प्रयोज्य होते हैं। स्तूप के बिन्दु हैंपा मांग को बनानवाले छेंद्र की भुजा का माप, नियमानुसार, दूसरे सूत्र के हर ऊ में जोड़ा जाता है, क्योंकि कुछ दशाओं में स्तूप वास्तव में बिन्दु में प्रहासित नहीं होता। जहाँ वह बिन्दु में प्रहासित होता है, वहाँ इस भुजा का माप शून्य केना पड़ता है। उत्सेचे बहुप्रकारवित सित खातफछानयनस्य च, यस्य कस्यिचित् खातफछं झात्वा तत्खात-फछात् अन्यक्षेत्रस्य खातफछानयनस्य च सूत्रम्— वेधयुतिः स्थानहृता वेधो मुखफछगुणः स्वखातफछं। त्रिचतुर्भुजयृत्तानां फलमन्यक्षेत्रफछहतं वेधः॥ २३३॥

### अत्रोद्देशकः

समचतुरश्रक्षेत्रे भूमिचतुईस्तमात्रविस्तारे । तत्रैकद्वित्रिचतुईस्तिनखाते कियान् हि समवेधः ॥ २४३ ॥ समचतुरश्राष्टादशहस्तभुजा वापिका चतुर्वधा । वापी तज्जछपूर्णान्या नववाहात्र को वेधः ॥ २५३ ॥

यस्य करयनित्लातस्य ऊर्ध्वस्थितभुजासंख्या च अधःस्थितभुजासंख्यां च उत्सेधप्रमाणं च ज्ञात्वा, तत्लाते इष्टोत्सेधसंख्यायाः भुजासंख्यानयनस्य, अधःस्चिवेधस्य च संख्यानयनस्य सूत्रम्—

किसी खात की घनाकार समाई निकालने के किये नियम, जबकि विभिन्न बिन्दुओं पर खात की गहराई बदकती है, अथवा जबकि घनाकार समाई समान करने के लिये दूसरे ज्ञात सेत्रफल के संबंध में आवश्यक खुदाई की गहराई पर खात की घनाकार समाई ज्ञात है—

विभिन्न स्थानों में मापी गई गहराइयों के योग को उन स्थानों की संख्या द्वारा भाजित किया जाता है; इससे ओसत गहराई प्राप्त होती है। इसे खात के उपरी क्षेत्रफल से गुणित करने पर त्रिशुजाकार, चतुर्शुजाकार अथवा चृशाकार छेद वाले क्षेत्रफल सम्बन्धी खात की घनाकार समाई उत्पन्न होती है। दिये गये खात की घनाकार समाई, जब दूसरे ज्ञात केत्रफल के मान द्वारा भाजित की जाती है, तब वह गहराई प्राप्त होती है, जहाँ तक खुदाई होने पर परिणामी चनाकार समाई एक-सी हो जाती हो॥ २३ - ॥

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

किसी समभुज चतुर्भुज क्षेत्र में, जिसके द्वारा वेष्टित मेदान विस्तार में ( लंबाई और चौदाई में ) ४ इस्त माप का है, खातें चार भिष्म दशाओं में क्रमशः १, २, ६ और ४ इस्त गहरी हैं। खातों की भौसत गहराई का माप क्या है ? ॥ २४ - ॥

समभुज चतुर्भुज क्षेत्र जिसका छेद है, ऐसे कूप की भुजाएँ माप में १८ इस्त हैं। उसकी गहराई ४ इस्त है। इस कूप के पानी से दूसरा कूप, जिसके छेद की प्रत्येक भुजा ९ इस्त की है, पूरी तरह भरा जाता है। इस दूसरे कूप की गहराई क्या है ? ॥ २५ है॥

जब किसी दिये गये सात के संबंध में ऊपरी छेदीय क्षेत्र की अुजाओं के माप तथा निम्न छेदीय क्षेत्र की अुजाओं के माप जात हों, और जब गहराई का माप भी जात हो, तब किसी चुनी हुई गहराई पर परिणामी निम्न छेद की अुजाओं के मान को प्राप्त करने के लिये, तथा यदि तली केवल एक बिन्दु में घटकर रह जाती हो, तब सात की परिणामी गहराई को प्राप्त करने के लिये नियम— मुखगुणवेधो मुखतल्ह्योषहृतोऽत्रैव सूचिवेधः स्यात् । विपरीतवेधगुणमुखतल्युत्यवलम्बहृद्वयासः ॥ २६३ ॥

### अत्रोद्देशकः

समचतुरश्रा वापी विश्वतिरूष्ट्रं चतुर्दशाधाश्च । वैधो मुखे नवाधस्त्रयो भुजाः केऽत्र सूचिवेधः कः ॥ २०३ ॥ गोलकाकारक्षेत्रस्य फलानयनसूत्रम्—

उत्तर की भुजा के दिये गये माप के साथ दी गई गहराई का गुणा करने पर परिणामस्वरूप प्राप्त होने वाळा गुणानफळ जब उत्तरी भुजा और तळी की भुजा के मापों के अंतर द्वारा भाजित किया जाता है, तब तळी बिन्दु (अर्थात् जब तळी अंत से बिन्दु रूप गह जाती हो ) की दक्षा में इष्ट गहराई उत्पन्न होती है। बिन्दु रूप तळी से उत्तर की ओर इष्ट स्थित तक मापी गई गहराई को उत्तर की भुजा के माप द्वारा गुणित करते हैं। तब प्राप्तफळ को बिन्दु रूप तळी की (यदि हो तो) भुजा के माप तथा (उत्तर से लेकर बिन्दु रूप तळी तक की) कुछ गहराई के योग द्वारा भाजित करने से खात की इष्ट गहराई पर भुजा का माप उत्पन्न होता है।। २६२ ॥

### उदाहरणार्थ एक प्रश्न

समभुज चतुर्भुजाकार आकृति के छेदवाली एक वाणिका है। ऊपरी भुजा का माप २० है, और तकी में भुजा का माप १४ है। आरंभ में गहराई ९ है। यह गहराई नीचे की ओर ३ और बढ़ाई जाने पर तकी की भुजा का माप क्या होगा? यदि तकी औत में बिन्दु रूप हो जाती हो, तो गहराई का माप क्या होगा? ॥ २७२ ॥

गोलाकार क्षेत्र से वेष्टित जगह की घनाकार समाई का मान निकालने के लिये नियम-

(२६३) इस दलोक में वर्णित किये गये प्रदन ये हैं (अ) उल्टाये गये स्तृप या शंकु (cone) की कुल ऊँचाई निकालना, (ब) जब किसी काटे गये स्तृप या शंकु की ऊँचाई और ऊपरी तथा नीचे के तलों का विस्तार दिया गया होता है, तब किसी इष्ट गहराई पर छेद (section) के विस्तार को निकालना। तुल्नात्मक अध्ययन के लिये त्रिलोक प्रश्नित (१/१९४, ४/१७९४) तथा बम्बूदीप प्रश्नित (१, १७, १९) देखिये यदि वर्गाकार आधारवाले इंडित (काटे गये) स्तृप में आधार की भुजा का माप 'अ' ऊपरी तल की भुजा का माप 'अ' ऊपरी तल की भुजा का माप 'व' ऊँचाई 'उ' हो तो यहाँ दिये गये नियमानुसार, कुछ स्तृप की ऊँचाई ऊ लेकर क = अ×ड और किसी दी गई ऊँचाई उ, पर स्तृप के छेद की भुजा का माप = अ (ऊ - उ) होता है। ये सूत्र शंकु के किये मी प्रयोज्य होते हैं। स्तृप के बिन्दुरूपी माग को बनानेवाली छेद की भुजा का माप नियमानुसार, दूसरे सूत्र के हर के में बोड़ा जाता है, क्योंकि कुछ दशाओं में स्तृप निश्चय रूप से बिन्दु में प्रहासित नहीं होता। जहाँ वह बिन्दु में प्रहासित नहीं होता वहाँ हस भुजा का माप शून्य केना पहता है।

व्यासाधेचनाधेगुणा नव गो छव्यावहारिकं गणितम्। तहशमांशं नवगुणसशेषसूक्ष्मं फलं भवति ॥ २८३ ॥ अत्रोहेशकः

बोडशबिष्कम्भस्य च गोळकवृत्तस्य विगणय्य । किं व्यावहारिकफलं सूक्ष्मफलं चापि मे कथय ॥ २९३ ॥

र्श्वगाटकक्षेत्रस्य स्नातन्यावहारिकफरुस्य स्नातस्क्ष्मफर्यस्य च सूत्रम्— भुजकृतिदरुषनगुणदश्चपदनवहद्यावहारिकं गणितम् । त्रिगुणं दश्चपदभक्तं शृङ्काटकसूक्ष्मघनगणितम् ॥ ३०३ ॥

### उदाहरणार्थ प्रश्न

अर्ड व्यास के घन की अर्ड्शांश, ९ द्वारा गुणित होकर, गोछाकार क्षेत्र से वेष्टित जगह की घनाकार समाई का सिक्षकट मान खरपक्ष करती है। यह सिक्षकट मान ९ द्वारा गुणित होकर और १० द्वारा माजित होकर, शेषफळ की उपेक्षा करने पर, घनफळ का सूर्म माप उरपन्न करता है। २८२।

किसी १६ ब्यास वाले गोक के संबंध में उसके धनफक का सिश्चकट मान तथा सूक्ष्म मान गणना कर बतलाओ ॥ २९२ ॥

श्रङ्गाटक क्षेत्र (त्रिभुजाकार स्तूप) के आकार के खात की घनाकार समाई के व्यावहारिक एवं सूक्ष्म मान को निकालने के लिये नियम, जयकि स्तूप की ऊँचाई आधार निर्मित करने वाले समित्रभुज को भुजाओं में से एक की लंबाई के समान होती है—

आधारीय समभुज त्रिभुज की भुजा के वर्ग की अर्द्शिश के घन को १० द्वारा गुणित किया जाता है। परिणामी गुणनफल के वर्गमूल को ९ द्वारा भाजित किया जाता है। यह सिक्ट इष्ट मान को उत्पन्न करता है। यह सिक्ट मान, जब ३ द्वारा गुणित होकर १० के वर्गमूल द्वारा भाजित किया जाता है, तब स्तूप खात की घनाकार समाई का सूक्ष्म रूप से ठीक माप उत्पन्न होता है॥ ३०२॥

( २८३ ) यहाँ दिये गये नियमानुसार गोल का आयतन (१) सिलकट रूप से  $\left(\frac{c}{2}\right)^3 \times \frac{9}{2}$ 

होता है और (२) स्क्ष्म रूप से  $\left(\frac{z}{2}\right)^3 \times \frac{e}{2} \times \frac{e}{2}$  होता है। किसी गोल के आयतन के घनफल का शुद्ध स्त्र हुँ  $\pi$  ( किया ) है। यह उत्पर दिये गये मान से तुल्लायोग्य तब बनता है, जबिक  $\pi$  अर्थात्  $\frac{q \ln u}{2}$  का अनुपात  $\sqrt{e}$  िल्या जावे। दोनों इस्तिलिपियों में 'तज्ञवमांश दशं गुणं' लिला है, जिससे स्पष्ट होता है कि सूक्ष्म मान, सिक्षकट मान का कि गुणा होता है। परन्तु यहाँ ग्रंथ में तह्शमांश नव गुणं लिया गया है, जो स्क्ष्म मान को, सिक्षकट का कि बतलाता है। यह सरलतापूर्वक देला जा सकता है कि यह गोल की घनाकार समाई के माप के संबंध में स्क्ष्मतर माप देता है, जितना की और कोई भी माप नहीं देता।

(३०६) इस नियमानुसार त्रिभुजाकार स्त्प की बनाकार समाई के व्यावहारिक मान को बीबीय रूप से निरूपित करने पर  $\frac{20}{12} \times \sqrt{4}$  अर्थात्  $\frac{20}{12} \times \sqrt{\frac{20}{12}}$  मात होता है, और सूक्म मान

### अत्रोदेशकः

त्र्यश्रस्य च शृङ्गाटकषड्बाहुघनस्य गणयित्वा । किं व्यावहारिकफलं गणितं सङ्गं भवेत्कथय ॥ ३१३ ॥

वापीप्रणालिकानां विमोचने तत्तदिष्टप्रणालिकासंयोगे तज्जलेन बाप्यां पूर्णायां सत्यां

तत्तत्कालानयमसूत्रम् -

वापीप्रणालिकाः स्वस्वकालभक्ताः सवर्णविच्छेदाः । तद्यतिभक्तं रूपं दिनांशकः स्यारप्रणालिकयुत्या ॥

तरिनभागहतास्ते तज्जलगतयो भवन्ति तद्वाप्याम् ॥ ३३ ॥

#### अत्रोदेशकः

चतस्तः प्रणालिकाः स्युस्तत्रेकैका प्रपूरयति वापीम् । द्वित्रिचतःपञ्चांशैर्दिनस्य कतिभिर्दिनांशैस्ताः ॥ २४ ॥

त्रैराशिकाख्यचतुर्थगणितव्यवहारे सूचनामात्रोदाहरणमेवः अत्र सम्यग्विस्तार्थे प्रवक्ष्यते-

### उदाहरणार्थ प्रश्न

६ जिसकी लंबाई है ऐसे आधारीय त्रिभुज के त्रिभुजाकार स्तृप के घनफळ का व्यावहारिक और सुक्ष्म मान गणना कर बतलाओ ॥ २१२ ॥

जब किसी कूप में जाने वाले सभी नल खुले हुए हों, तब कूप को पानी से पूरी तरह भर जाने का समय प्राप्त करने के लिये नियम, जबकि कोई मन से चुनी हुई संख्या की प्रणालिकाएँ वापिका को भरने के लिये लगाई गई हों—

प्रत्येक नल को निरूपित करने वाली संख्या 'एक', अलग-अलग, नलों से प्रत्येक के संवादी समय द्वारा भाजित की जाती है। भिन्नों द्वारा निरूपित परिणामी भजनफलों को समान हर वाले भिन्नों में परिणत कर लिया जाता है। एक को समान हर वाले भिन्नों के योग द्वारा भाजित करने पर, एक दिन का वह भिन्नीय भाग हत्पन्न होता है, जिसमें कि सब निल्काओं के खुले रहने पर वापिका प्रीभर जाती है। उन समान हर वाले भिन्नों को दिन के इस परिणामी भिन्नीय भाग द्वारा गुणित करने पर उस वापिका में लगे हुए विभिन्न नलों में से प्रत्येक के पानी के बहाव का अलग-अलग माप उत्पन्न होता है। ३२०-३३॥

#### उदाहरणार्थ प्रक्त

किसी वापिका के भीतर जानेवाकी ४ निककाएँ हैं। इनमें से प्रश्येक, वापिका को क्रमणः दिन के दे, है, है, है भाग में पूरी तरह भर देती है। कितने दिनांश में वे सब निककाएँ एक साथ खुळकर पूरी वापिका को भर सकेंगी, और प्रश्येक कितना-कितना भाग मरेंगी ?॥ ३४॥

इस प्रकार का एक प्रश्न पहिले ही सूचनार्थ त्रैराशिक नामक चौत्रे न्यवहार में दिया गया है; इस प्रश्न का विषय यहाँ विस्तार पूर्वक दिया गया है।

अडै × 🗸 र प्राप्त होता है। यहाँ स्तृष की ऊँचाई तथा आघारीय समित्रभुत की एक भुजा का माप अ है। यह सरस्ता पूर्वक देखा जा सकता है कि ये दोनों मान शुद्ध मान नहीं है। यहाँ दिया गया व्यावहारिक मान, सक्ष्म मान की अपेक्षा विशुद्ध मान के निकटतर है।

समचतुरश्रा वापी नवहस्तघना नगस्य तले।
तिच्छलराज्जलधारा चतुरश्राङ्गलसमानविष्कन्मा ॥ ३५ ॥
पितामे विच्छित्रा तया घना सान्तरालजलपूर्ण ।
शैलोत्सेघं वाप्यां जलप्रमाणं च में बृहि ॥ ३६ ॥
वापी समचतुरश्रा नवहस्तघना नगस्य तले।
अङ्गलसमग्रत्तचना जलधारा निपितता च तिच्छलरात् ॥ ३० ॥
अप्रे विच्छित्राभूत्तस्या वाप्या मुखं प्रविष्ठा हि ।
सा पूर्णान्तरगतजलधारोत्सेचेन शैलस्य ।
उत्सेघं कथ्य सखे जलप्रमाणं च विगणय्य ॥ ३८३ ॥
समचतुरश्रा वापी नवहस्तघना नगस्य तले ।
तिच्छलराजलधारा पितताङ्गलघनत्रिकोणा सा ॥ ३९३ ॥
वापीमुखप्रविष्ठा सामे छिन्नान्तरालजलपूर्णा ।
कथ्य सखे विगणय्य च गिर्युत्सेघं जलप्रमाणं च ॥ ४०३ ॥

किसी पर्वत के तक में एक वापिका, समभुज चतुर्भुज छेद वाली है, जिसका प्रत्येक विमिति (dimension) में माप ९ हस्त है। पर्वत के शिखर से समांग समभुज भुजावाले १ अंगुक चतुर्भुज छेदवाली एक जरुधारा बहती है। ज्योंही जल्धारा वापिका में गिरती है, त्योंही शिखर से जलधारा दूट जाती है। तिस पर भी, उसके द्वारा वह वापिका पानी से प्री तरह भर जाती है। पर्वत की ऊँचाई तथा वापिका में पानी का माप बतलाओ॥ ३५-१६॥

पर्वत की तकी में समचतुरश्र छेदवाकी वापिका है, जिसका (तीन में से) प्रत्येक विभित्त में विस्तार ९ हस्त है। पर्वत के शिखर से, १ अंगुल व्यास वाले समवृत्त छेद वाकी जलधारा बहती है। ज्योंही जलधारा वापिका में गिरना प्रारंभ करती है, खोंही शिखर से जरुधारा टूट जाती है। उतनी जलधारा से वह वापिका प्री भर जाती है। हे मित्र, मुझे बतलाओं कि पर्वत की ऊँचाई क्या है, और पानी का माप क्या है ?॥ २७-२८२ ।।

किसी पर्वत की तकी में समचतुरश्र छेदवाली वापिका है जिसका (तीनों में से) प्रत्येक विमिति में बिस्तार ९ हस्त है। पर्वत के शिखर से, प्रत्येक भुजा १ अंगुल है जिसकी ऐसे समित्रभुजाकार छेदवाली जलभारा बहती है। ज्योंही जलभारा वापिका में गिरना प्रारंभ करती है, त्योंही शिक्तर से जलभारा टूट जाती है। उतनी जलभारा से वह वापिका प्री भर जाती है। है मित्र, गणना कर मुझे बतकाओं कि पर्वत की जँबाई क्या है और पानी का माप क्या है १ ॥ ३९३-४०३ ॥

<sup>(</sup>३५-४२३) यहाँ अध्याय ५ के १५-१६ कोक में दिया गया प्रश्न तथा उसके नोट का प्रसंग दिया गया है। पानी का आयतन कदाचित् वाहों में ज्यक्त किया गया है। (प्रथम अध्याय के ३६ से लेकर ३८ तक के कोकों में दियें गये इस प्रकार के आयतन माप के संबंध में सूची देखिये)। क्छड़ी टीका में यह दिया गया है कि १ घन अंगुल पानी, १ कर्ष के तुल्य होता है। प्रथम अध्याय के ४१ वें कों क में दी गई सूची के अनुसार, ४ कर्ष मिलकर एक पछ होता है। उसी अध्याय के ४४वें कों के अनुसार १२३ पछ मिलकर एक प्रस्य होता है, और उसी के ३६-३७ कों क अनुसार प्रस्य और बाह का संबंध बात होता है।

समचतुरश्रा वापा नवहस्तघना नगस्य तछ । अङ्गुळविस्ताराङ्गुळखाताङ्गुळयुगळदीर्घजळघारा ॥ ४१६ ॥ पतितामे विच्छिना वापीमुखसंस्थितान्तराळजळैः । सम्पूर्णो स्याद्वापी गिर्युत्सेघो जळप्रमाणं किम् ॥ ४२६ ॥

इति खातव्यवहारे सूक्ष्मगणितम् संपूर्णम्।

# चितिगणितम्

इतः परं खातव्यवहारे चितिगणितमुदाहरिष्यामः । अत्र परिभाषा— हस्तो दीर्घो व्यासस्तद्धेमङ्गुळचतुष्कमुत्सेधः । दृष्टस्तथेष्टकायास्ताभिः कर्माणि कार्योणि ॥ ४३३ ॥

इष्टक्षेत्रस्य खातफलानयने च तस्य खातफलस्य इष्टकानयने च सूत्रम्— मुखफलमुद्दयेन गुणं तदिष्टकागणितमक्तलस्यं यत्। चितिगणितं तद्वियात्तदेव भवतीष्टकासंख्या ॥ ४४ई ॥

किसी पर्वत की तली में समभुज चतुर्भुज छेदबाला एक ऐसा कुओं है जिसका तीनों विभितियों में विस्तार ९ इस्त है। पर्वत के शिखर से एक ऐसी जलभारा बहती है, जो समांग रूप से तली में १ अंगुल चौड़ी, १ अंगुल ढाल लात तलों पर, और दो अंगुल लंबाई में शिखर पर रहती है। ज्योंही जलभारा कुएँ में गिरना प्रारंभ करती है, त्योंही शिखर पर जलभारा टूट जाती है। उतनी जलभार से बह कुआँ प्री तरह भर जाता है। पर्वत की ऊँचाई क्या है? और पानी का प्रमाण क्या है? ॥ ४१५-७२२ ।।

इस प्रकार खात व्यवहार में सूक्ष्म गणित नामक प्रकरण समाप्त हुआ।

### चिति गणित ( ईंटों के देर संबंधी गणित )

इसके पश्चात् हम खात व्यवहार में खिति गणित का वर्णन करेंगे। यहाँ इष्टका ( ईंट ) के एकक ( इकाई ) संबंधी परिभाषा यह है —

(एकक) इंट, खंबाई में एक इस्त, चौड़ाई में उसकी आधी, और मुटाई में ४ औगुल होती है। ऐसी ईंटों के साथ समस्त कियाएँ की जाती हैं।। ४३३।।

किसी क्षेत्र में विये गये खात की घनाकार समाई, तथा उक्त घनाकार समाई की संवादी हैंटों की संख्या निकालने के लिये नियम—

स्वात के मुख का क्षेत्रफल, गहराई द्वारा गुणित किया जाता है। परिणामी गुणनफल की हकाई ईट के चनफर द्वारा भाजित किया जाता है। इस प्रकार प्राप्त भजनफल, ईट के देर का ( घनफल ) माप समझा जाता है। वही भजनफल ईटों की संख्या का माप होता है।। ४४२ ।।

<sup>(</sup>४४%) यहाँ ईट के देर का धनफळ माप स्पष्टतः इकाई ईट के पदी में दिया गया है।

### अत्रोदेशकः

वेदिः समचतुरश्रा साष्ट्रभुजा इस्तनवक्रमुत्सेधः।
घटिता तदिष्टकामिः कतीष्टकाः कथय गणितज्ञ ॥ ४५६ ॥
अष्टकरसमित्रकोणनवहस्तोत्सेधवेदिका रचिता।
पूर्वेष्टकामिरस्यां कतीष्टकाः कथय विगणय्य ॥ ४६६ ॥
समग्रुताकृतिवेदिनेवहस्तोध्यां कराष्टकत्यासा
घटितेष्टकाभिरस्यां कतीष्टकाः कथय गणितज्ञ ॥ ४७६ ॥
आयतचतुरश्रस्य त्वायामः षिट्ररेव विस्तारः।
पञ्चकृतिः षड् वेधस्तदिष्टकाचितिमिद्दाचक्ष्यः॥ ४८६ ॥
प्राकारस्य त्यासः सम चतुर्विश्वतिस्तदायामः।
घटितेष्टकाः कति स्युश्चोच्छायो विश्वतिस्तस्य ॥ ४९६ ॥
घटितेष्टकाः कति स्युश्चोच्छायो विश्वतिस्तस्य ॥ ५०६ ॥
इत्रश्चा षोडश विश्वतिस्तस्य ।। ५१६ ॥

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

समचतुरश्र छेदवाकी एक उठी हुई वेदी है, जिसकी भुजा का माप ८ इस्त और जँचाई ९ इस्त है। वह वेदो हैंटों की बनी हुई है। हे गणितज्ञ, बतकाओं कि उसमें कितनी इष्टकाएँ हैं? ।। ४५६ ।। समभुज त्रिभुज छेदवाली किसी वेदी की भुजा का माप ८ इस्त और उँचाई ९ इस्त है। यह उपयुक्त हैंटों द्वारा बनाई गई है। गणनाकर बतलाओं कि इस संस्थाना में कितनी इष्टकाएँ हैं १ ।।४६६ ॥ वृक्ताकार छेदवाली एक वेदी जिसका ज्यास ८ इस्त और उँचाई ९ इस्त है, उन्हीं हैंटों की बनी है। हे गणितज्ञ, बतलाओं कि उसमें कितनी हैंटें हैं १ ।। ४७६ ॥

भाषताकार छेदवाली किसी येदी के संबंध में लंबाई ६० हस्त, चौड़ाई २५ इस्त और ऊँचाई ६ हस्त है। उस ईंट के ढेर का माप बतकाओ।। ४८२ ।।

एक सीमारूप दीवाक मोटाई (ब्यास ) में • इस्त, लंबाई (आयाम ) में २४ इस्त, ऊँचाई (उच्छाय ) में २० इस्त है। उसे बनाने में कितनी इष्टकाओं की आवश्यकता होगी ? !! ४९ई !!

किसी सीमारूप दीवाल की मुटाई शिलार पर ६ हस्त और तली में ४ हस्त है। उसकी लंबाई २४ हस्त और ऊँचाई २० हस्त है। ससे बनाने में कितनी इष्टकाओं की आवश्यकता होगी ?।। ५०३।।

किसी प्रवण ( डतारवाली ) वेदी के हंदंघ में ऊँबाइयाँ तीन स्थानों में क्रमशः १२, १६ और २० इस्त हैं; तली में चौदाई के माप क्रमशः ७, ६ और ५ तथा उपर ४, ६ और २ हस्त है; लंबाई २४ इस्त है। तेर में इष्टकाओं की संख्या बतलाओ ॥५१ नै॥

<sup>(</sup>५०३-५१३) दीवाल की घनाकार समाई प्राप्त करने के लिये उपर्युक्त ४ थे क्लोक के उत्तराई में दिये गये चित्रानुसार परिगणित औसत चौड़ाई को उपयोग में छाते हैं, इसल्बिये यहाँ कर्मान्तिक ५ल का मान विचाराबीन हो बाता है।

<sup>(</sup>५१३) यह प्रवण वेदी दो अंतों ( ends ) में दो ऊर्बाधर (टंबरूप) समतलों द्वारा सीमित है।

इष्टवेदिकायां पतितायां सत्यां स्थितस्थाने इष्टकासंख्यानयनस्य च पतितस्थाने इष्टका-संख्यानयनस्य च सूत्रम् —

मुखतल्होष पतितोत्सेधगुणः सकलवेधहृत्समुखः। मुखभूम्यार्भूमिमुखे पूर्वोक्तं करणमविश्वष्टम्।। ५२३ ॥

# अत्रोदेशकः

द्वादश देध्यं न्यासः पद्धाधश्चोध्वंमेकमुत्सेघः । दश तस्मिन् पद्ध करा भग्नास्तत्रेष्टकाः कति स्युस्ताः ॥ ५२३ ॥

प्राकारे कर्णाकारेण भन्ने सति स्थितेष्टकानयनस्य च पतितेष्टकानयनस्य च सूत्रम्-

किसी पतित ( भन्न हो कर गिरी हुई ) वेदी के संबंध में स्थित भाग में (शेष अपतित भाग में)
तथा पतित-भाग में ईटों की संख्या अलग अलग निकालने के लिये नियम —

उपरी चौदाई और तस्त्री की चौदाई के अंतर को पतित भाग की ऊँवाई द्वारा गुणित करते हैं, और पूर्ण ऊँचाई द्वारा भाजित करते हैं। इस परिणामी भजनफरू में उपरी चौदाई का मान जोड़ दिया जाता है। यह पतित भाग के संबंध में आधारीय चौदाई का माप तथा अपतित भाग के संबंध में उपरी चौदाई का माप उरपन्न करता है। दोध क्रिया पहले वर्णित कर दी गई है। पररी

# उदाहरणार्थ प्रश्न

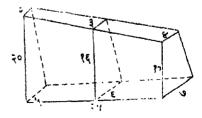
बेदी के संबंध में इंबाई १२ हस्त है, तकी में चौड़ाई ५ हस्त है; उपरी चौड़ाई १ हस्त है, उपरी चौड़ाई १ हस्त है, अर उँचाई सर्वत्र १० हस्त है। ५ हस्त उँचाई का भाग हूट कर गिर जाता है। उस पतित और अपतित भाग में अलग-अलग कितनी ऐकिक इष्टकाएँ हैं ? ॥ ५३ है॥

जब किले की दीवाल तिर्यंक् रूप से टूटी हो, तब स्थित भाग में तथा पतित भाग में इष्टकाओं की संख्या निकालने के किये नियम---

शिखर और पार्ख तल प्रवण ( ढाळ्. ) हैं । ऊपरी अभिनत तल के उठे हुए अंत पर चौड़ाई २ इस्त है,

और दूसरे अंत पर चौड़ाई ४ इस्त है ( चित्र देखिये )।

(५२३) स्थित अपतित भाग की ऊपरी चौड़ाई का माप जो वेदी के पतित भाग की नितल चौड़ाई के समान है, बीजीय रूप से (अ - ब) द + ब है, जहाँ तली की चौड़ाई 'अ' और ऊपरी चौड़ाई 'ब' है, संपूर्ण ऊँचाई



'उ' है, और 'द' वेदी के पतित भाग की ऊँचाई है। यह स्त्र समरूप त्रिश्चनों के गुणों द्वारा भी सरलतापूर्वक शुद्ध सिद्ध किया जा सकता है। नियम में कथित किया ऊपर गाया ४ में पहिले ही वर्णित की जा चुकी है।

भूमिसुले द्विगुणे सुलभूमियुतेऽमप्तभृदययुतीने । दैन्योद्यवष्ठांशन्ने स्थितपतितेष्टकाः क्रमेण स्युः ॥ ५४३ ॥

अत्रोद्देशकः

प्राकारोऽयं मूलान्मध्यावर्तेन चैकहस्तं गत्वा । किंग्यान्मध्यावर्तेन चैकहस्तं गत्वा । किंग्यान्मध्यावर्तेन चैकहस्तं गत्वा । किंग्यान्मध्यान्यस्य पतिताः काः ॥ ५६५ ॥

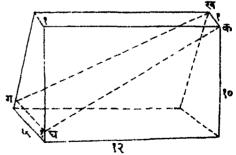
वली की चौड़ाई और उपरी चौड़ाई में से प्रत्येक को दुगना किया जाता है। इनमें क्रमशः उपर की चौड़ाई और तको की चौड़ाई जोड़ी जाती है। परिणामी राशियाँ, क्रमशः, अपतित भाग की दीवाल की जमीन से उपर की जैंचाई द्वारा बढ़ाई व घटाई जाती है; और इस प्रकार प्राप्त राशियाँ छंबाई द्वारा तथा संपूर्ण उँचाई के है भाग द्वारा गुणित की जाती हैं। इस प्रकार शेष अपतित भाग तथा पतित भाग में क्रम से ईंटों की संख्याएँ प्राप्त होती हैं।। ५४२ है।।

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

पूर्वोक्त माप वाकी यह किन्ने की दीवाल चक्रवात वायु से टकराई जाकर तली से तिर्थंक रूप से विकर्ण छेद पर टूट जाती है। इसके संबंध में, स्थित और पतित भाग की ईंटों की संख्याएँ क्या-क्या हैं। ५५२ थे। ५५२ ।। वही उंची दीवान चक्रवात वायु द्वारा तली से एक इस्त ऊपर से तिर्थंक रूप से टूटो है। स्थित और पतित भाग की ईंटों की संख्याएं कीन-कीन हैं।। ५६२ ।।

(५४५) यदि तली की चौड़ाई 'अ' हो, उत्पर की चौड़ाई 'ब' हो, 'उ' कुल ऊँचाई हो और दीवाल की लंबाई 'ल' हो, तथा 'द' जमीन से नापी गई अपतित दीवाल की ऊँचाई हो; तो ल उत्त (२अ+ब+द) और ल उत्त (२ब+अ-द) राशियाँ स्थित भाग और पतित भाग में ईटों की संख्याओं का निरूपण करती है। इस सूत्र से मिलता जुलता प्रतिपादन चीनी प्रय च्यु—चांग सुआन—चु में हैं, जिसके विषय में कृष्टिज की अम्युक्ति है, "यह विचित्र रूप से वर्षित टोस

(solid) त्रिमुजाकार लेव समपादवं (traingular right prism) का समन्छित्रक है, और हमें यह सूत्र प्राप्त होता है कि यह घनफल समपादवं के आधार पर स्थित उन स्तू पों के योग के तुस्य होता है, जिनके शिखर सम्मुख फलक (face) में होते हैं। यह सबसे अधिक हृदय मंजक साध्यों में से एक है, जिन्हें हम प्रारम्भिक ठोस ज्यामिति में पदाते हैं। इसके आविष्कार का श्रेय केबान्ड़ (Legendre) को



दिया गया है"—J. L. Coolidge, A History of Geometrical Methods, p. 22, Oxford, (1940). दी गई आकृति गाया (क्षोक) ५६३ में कथित दीवाल की दर्शाती है; और क ख ग घ वह समतल है बिस पर से दीवाल दूटते समय भन्न होती है।

प्राकारमध्यप्रदेशोत्सेधे तरवृद्धचानयनस्य प्राकारस्य उभयपादर्धयोः तरहानेरानयनस्य च सूत्रम्—
इष्टेष्टकोदयहृतो वेधस्य तरप्रमाणमेकोनम् ।
मुखतळशेषेण हृतं फळमेव हि भवति तरहानिः ॥ ५७३॥

अत्रोदेशक:

प्राकारस्य व्यासः सप्त तले विश्वतिस्तदुत्सेधः ।
एकेनामे घटितस्तरवृद्ध्यने करोद्येष्टकया ॥ ५८६ ॥
समवृत्तायां वाष्यां व्यासचतुष्केऽर्धयुक्तकरभूमिः ।
घटितेष्टकाभिरभितस्तस्यां वेषस्त्रयः काः स्युः ।
घटितेष्टकाः सम्वे मे विगणय्य बहि यदि वेदिस ॥ ६० ॥

इष्टकाघटितस्थले अधरतलग्यासे सति उध्वतलग्यासे सति च गणितन्यायसूत्रम्— द्विगुणनिवेशो व्यासायामयुतो द्विगुणितस्तदायामः । आयतचतुरश्रे स्यादुत्सेधव्याससंगुणितः ॥ ६१ ॥

किले की दीवाल की केन्द्रीय जैंचाई के संबंध में ( ईंटों के ) तलों की बदती हुई संख्या को निकालने के लिए नियम, और नीचे से जपर की ओर जाते समय दीवाल की दोनों पाश्वों की चोदाई में कमी होने से तकों की घटती (की दर) निकालने के लिए नियम—

केन्द्रीय छेद की अँचाई, दी गई इप्रका । ईट ) की ऊँचाई द्वारा भाजित होकर, इप्रकाओं की तकी का इप्र माप उत्पन्न करती है। यह संख्या, एक द्वारा हासित होकर और तब ऊपरी चौड़ाई तथा नीचे की चौड़ाई के अंतर द्वारा भाजित होकर, तकों के मान में (in terms of layers) मापी गई चौड़ाई की घटती की दर (rate) के मान को उत्पन्न करती है। ५७%।

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

किसी जैंची किले की दीवाल की तली में चौड़ाई ७ हस्त है। उसकी जैंचाई २० हस्त है। वह इस तरह से बनी हुई है कि जपर चौड़ाई १ हस्त रहे। १ हस्त जैंची इष्टकाओं की सहायता से केन्द्रीय (तलों) की वृद्धि तथा चौड़ाई की घटती (कंट्र ) का माप बतलाओ ॥ ५८३॥

किसी समबूत्ताकार ४ इस्त ब्याम वाली वापिका के चारों ओर १२ इस्त मोटी दीवाछ पूर्वोक्त ईंटों द्वारा बनाई जाती है। वापिका की गहराई ३ इस्त है। यदि सुम जानते हो, तो हे मिन्न, बतलाओं कि बनाने में कितनो ईंटें लगेंगी ? ॥ ५०२ -५०॥

किसी स्थान के चारों ओर बनी हुई संरचना की घनाकार समाई का मान निकालने के छिए नियम, जब कि संरचना का अधस्तल ज्यास और उध्वेतल ज्यास दिया गया हो---

संरचना की ओसत मुटाई की दुगनी राशि में दत्त न्यासायाम ( लंबाई एवं चौड़ाई ) का माप जोड़ा जाता है। इस प्रकार प्राप्त योग दुगना किया जाता है। परिणामी राशि संरचना की कुछ लंबाई होती है, जबकि वह आयताकार रूप में होती है। यह परिणामी राशि, दी गई ऊँचाई और पूर्वोक्त औसत मुटाई से गुणित होकर, इष्ट घनफल का माप अर्पन्न करती है॥ ६१॥

<sup>(</sup>१९६-६०) यहाँ पूर्वोक्त श्लोक ४२६ में कथित एकक इष्टका मानी गई है। यह प्रश्न श्लोक ५७६ में दिये गये नियम को निद्धित नहीं करता है। उसे इस अध्याय के १९६-२०६ और ४४६ वें श्लोकों के नियमानुसार साधित किया जाता है।

#### अत्रोदेशकः

विद्याधरनगरस्य व्यासोऽष्टौ द्वादशैव चायामः।
पञ्च प्राकारतले मुखे तदेकं दशोत्सेधः॥ ६२॥
इति खातव्यवहारे चितिगणितं समाप्तम्।

#### क्रकचिकाव्यवहारः

इतः परं ककि विकाव्यवहारमुदाहरिष्यामः । तत्र परिभाषा— हस्तद्वयं षडकुछहीनं किष्काह्वयं भवति । इष्टाचन्तच्छेदनसंख्येव हि मार्गसंज्ञा स्थात् ॥ ६३ ॥ अथ शाकाख्यद्यादिदुमसमुदायेषु वश्यमाणेषु । व्यासोदयमार्गाणामकुछसंख्या परस्परन्नाता ॥ ६४ ॥

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

विद्याभर नगर के नाम से ज्ञात स्थान के संबंध में चौड़ाई ८ है, और लंबाई ५२ है। प्राकार दीवाल की तली की मुटाई ५ और मुख में (जपर की) मुटाई १ है। उसकी ऊँचाई १० है। इस दीवाल का घनफल क्या है ! ॥ ६२ ॥

इस प्रकार खात व्यवहार में चिति गणित नामक प्रकरण समाप्त हुआ।

#### ककचिका व्यवहार

इसके पश्चात् इम क्रकचिका 'व्यवहार (लकड़ी चोरने वाल आरे से किए गये कर्म संबंधी कियाओं ) का वर्णन करेंगे। पारिमाधिक शब्दों को परिभाषाः—

६ अंगुल से हीन दो हस्त, किश्कु कह ठाता है। किसी दी गई लकड़ी की आरम्भ से लेकर अंत तक छेदन (काटने के रास्तों के माप ) की संख्या को मार्ग संज्ञा दो गई है ॥ ६३ ॥

सब कम से कम दो प्रकार की शाक (teak) आदि (प्रकारों वाली) लकड़ियों के देर के संबंध में चौड़ाई बापने वाली अंगुलों को संख्या और लंबाई नापने वाली संख्या, तथा मार्गों को नापने बाली संख्या, इन तीनों को आपस में गुणित किया जाता है। परिवामी गुणनफल हस्त अंगुलों की संख्या के वर्ग द्वारा भाजित किया जाता है। ककविका व्यवहार में यह पहिका नामक कार्य के माप को उत्पन्न करता है। शाक (teak-wood) आदि (प्रकारवाली) लकड़ियों के संबंध में चौड़ाई तथा लंबाई नापनेवाली हस्तों को संख्याएँ आपस में गुणित की जाती हैं। परिवामी गुणनफल शिश्व मार्गों की संख्या द्वारा गुणित की जातो है, और तब उत्पर निकालों गई पहिकाओं की संख्या द्वारा भाजित की जाती है। यह आरे के द्वारा किये गये कर्म का संख्यास्मक माप होता है। ६४-६६॥

<sup>(</sup>६३-६७२) १ किन्कु = १ई हस्त । किसी लकड़ों के दुकड़े को चीरने में किसी इप्ट रास्ते अथवा रेखा का नाम मार्ग दिया गया है। किसी लकड़ों के दुकड़े में काटे गये तल का विस्तार, सामान्यतः उसे चीरने में किये गये काम का माप होता है, जब कि किसी विशिष्ट कठोरतावाली (जिसे कठोरता का एकक मान लिया हो ऐसी) लकड़ों दी गई हो। काटे गये तल का यह विस्तार सेन्नफल के

हस्ताकुळवर्गेण काकि चिक्ने पिट्टकाप्रमाण स्यात्। शाकाह्वयदुमादिदुमेषु परिणाहदैर्ध्यहस्तानाम्।। ६५ ॥ संख्या परस्पराचा मार्गाणां संख्यया गुणिता। सत्पट्टिकासमाप्ता ककचकृता कर्मसंख्या स्यात्॥ ६६ ॥ शाकार्जुनाम्छवेतससरलासितसर्जेडुण्डुकाख्येषु। श्रीपणीप्लक्षाख्यदुमेष्वमीष्वेकमार्गस्य। षण्णवतिरकुलानामायामः किष्कुरेव विस्तारः॥ ६७३॥

# अत्रोदेशकः

शाकाख्यतरौ दीर्घः षोडश हस्ताश्च विस्तारः । सार्धत्रयश्च मार्गाश्चाष्टौ कान्यत्र कर्माणि ॥ ६८३ ॥ इति खातव्यवहारे क्रकचिकाव्यवहारः समाप्तः । इति सारसंग्रहे गणितशास्त्रे महावीराचार्यस्य कृतौ सप्तमः खातव्यहारः समाप्तः ॥

पहिका के माप को प्राप्त करने के लिए, निम्नकिखित नाम वाले वृक्षों से प्राप्त लकिइयों के संबंध में प्रश्वेक दशा में मार्ग १ होता है, छंबाई ९६ अंगुल होती है, और चौड़ाई १ किन्कु होती है; उन वृक्षों के नाम ये हैं—शाक, अर्जुन, अम्कवेतस, सरक, असित, सर्ज और दुण्दुको, तथा श्रीपणीं और प्रश्व ॥ ६७-६७ है॥

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

किसी शाक छकड़ी के दुकड़े के संबंध में छंबाई १६ हस्त है, चौड़ाई ३३ हस्त है और मार्ग (अर्थात् चीरने वाले आरे के रास्तों की) संख्या ८ है। यहाँ आरे के काम के कितने एकक (इकाइयाँ) कर्म (कार्य) पूर्ण हुआ है ?॥ ६८३॥

इस प्रकार स्वात व्यवहार में ऋक्षिका व्यवहार नामक प्रकरण समाप्त हुआ। इस प्रकार महा-वीराचार्थ की कृति सारसंग्रह नामक गणितशास्त्र में सातव्यवहार नामक सप्तम व्यवहार समाप्त हुआ।

विशेष एक्क (इकाई) द्वारा मापा जाता है। यह एकक पिट्ठका कहलाता है। पिट्टका लंबाई में ९६ अंगुल और चौड़ाई में १ किष्कु अथवा ४२ अंगुल होती है। यह सरलता पूर्वक देखा जा सकता है कि इस प्रकार पिट्टका ७ वर्ग हाथ के बराबर होती है।

# ९. छायाव्यवहारः

शान्तिर्जिनः शान्तिकरः प्रजानां जगत्प्रभुक्कोतसमस्तभावः । यः प्रातिहार्योष्ट्रविवर्षमानो नमामि तं निर्जितशत्रसंघम् ॥ १॥

आदी प्राच्यायष्टिदिक्साधनं प्रवक्ष्यामः— सिल्लोपरितल्जविस्थितसमभूमितले लिखेद्वृत्तम् । विम्बं स्वेच्छाशङ्कृद्विगुणितपरिणाहसूत्रेण ॥ २ ॥ तद्वृत्तमध्यस्थतिदृष्टशङ्कारछाया दिनादी च दिनान्तकाले । तद्वृत्तरेखां स्पृश्ति क्रमेण पश्चात्पुरस्ताच ककुप् प्रदिष्टा ॥ ३ ॥ तद्विगद्वयान्तर्गततन्तुना लिखेन्मत्स्याकृतिं याम्यकुत्रेरदिक्स्थाम् । तत्कोणमध्ये विदिशः प्रसाध्यारुखायेव याम्योत्तरिदग्दशार्धजाः ॥ ४ ॥

#### 1. м में तत्वः पाठ है।

# ९. छाया व्यवहार ( छाया संबंधी गणित )

जो प्रजा को शांति कारक हैं ( शांति देने वाले हैं ), जगत्यभु हैं, समस्त पदार्थों को जाननेवाले हैं, और अपने आठ प्रातिहार्थों द्वारा ( सदा ) वर्षमान ( महनीय ) अवस्था को प्राप्त हैं---ऐसे ( कर्म ) शत्रु संब के विजेता श्री शांतिनाथ जिनेन्द्र को मैं नमस्कार करता हूँ ॥ १ ॥

आदि में, इस प्राची (पूर्व ) दिशा को आदि लेकर, आठ दिशाओं के साधन करने के लिए उपाय बतलाते हैं---

पानी के ऊपरी सतह की भाँति, क्षैतिज समतल वाली समतल भूमि पर केन्द्र में स्थित स्वेच्छा से चुनी हुई लंबाई वाली शंकु लेकर, उसकी लंबाई की द्विगुणित राशि की लंबाई वाले धागे के फन्दे (loop) की सहायता से एक बृत्त लींचना चाहिये॥ २॥

इस केन्द्र में स्थित इष्ट शंकु की छाया दिन के आदि में तथा दिन के अन्त समय में उस वृत्त की परिश्विको स्पर्श करती है। इसके द्वारा, कम से, पश्चिम दिशा और पूर्व दिशा स्चित होती है।। ३॥

इन दो निश्चित की गई दिशाओं की रेखा में धाने को रखकर, उसके द्वारा उत्तर से दक्षिण तक विस्तृत मत्स्याकार (संतरे की कछी के समान) आकृति खींचना चाहिए। इस मरस्याकृति के कोणों के मध्य से जाने वाळी सरक रेखा उत्तर और दक्षिण दिशाओं को सूचित करती है। इन दिशाओं के मध्य में (स्थित जगह में) विदिशार्थे प्रसाधित की जाती हैं॥ ४॥

<sup>(</sup>४) वह बागा जिसकी सहायता से मत्स्याकार आकृति खींची जाती है, गाथा २ में दिये

अजघटरिवसंक्रमणयुद्धजमेक्याधंमेव विषुवद्भा ॥ ४३ ॥ छक्कायां यवकोट्यां सिद्धपुरीरोमकापुर्योः । विषुवद्भा नास्त्येव त्रिंशद्भटिकं दिनं भवेत्तस्मात् ॥ ५३ ॥ देशेष्वितरेषु दिनं त्रिंशत्नाड्याधिकोनं स्यात् । मेषधटायनदिनयोक्षिशद्भटिकं दिनं हि सर्वत्र ॥ ६३ ॥ दिनमानं दिनद्छमां ज्योतिदशास्त्रोक्तमार्गेण । श्रात्वा छायागणितं विद्यादिह वक्ष्यमाणसूत्रौयैः ॥ ७३ ॥

विषुवच्छाया यत्रयत्र देशे नास्ति तत्रतत्र देशे इष्टशङ्कोरिष्टकालच्छायां ज्ञात्वा तत्काला-नयनसूत्रम्— छाया सेका द्विगुणा तया हतं दिनमितं च पूर्वोह्वे।

अपराह्ने तच्छेषं विज्ञेयं सारसंप्रहे गणिते ॥ ८५ ॥

विषुवदा (अर्थात् जब दिन और रात दोनों बराबर होते हैं, उस समय पदने वास्त्री छाया) वास्त्र में उन दिनों के मध्याद्व (दोपहर) समय प्राप्त छाया के मापों के योग की आधी होती हैं, जब कि सूर्थ मेप राशि में प्रवेश करता है, तथा जब वह तुला राशि में भी प्रवेश करता है ॥ ४५ ॥

लंका, यवकोटि, सिद्धपुरी और रोमकपुरी में ऐसा विपुत्रद्वा ( equinoctial shadow ) विलक्कल होती ही नहीं है; और इसलिए दिन ३० घटी का होता है ॥ ५३ ॥

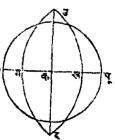
अन्य प्रदेशों में दिन मान ३० घटी से अधिक या कम रहता है। जब सूर्य मेष राशि और तुका ( घटायन ) राशि में प्रवेश करता है, तब सभी जगह दिन मान ३० घटी का होता है ॥ ६ रै॥

ज्योतिष शास्त्र में वर्णित विश्वि के अनुसार दिन का माप तथा दिन की मध्याह्व छाया का माप समझ छेने के पश्चात्, छाया संबंधी गणित निम्नलिखित निथमों द्वारा सीखना चाहिए॥ ७३॥

ऐसे स्थान के संबंध में दिन का वह समय निकासने के लिए नियम, जहाँ विपुत्रच्छाया नहीं होती हो, तथा किसी दिये गये समय पर ( दोपहर के पहिन्छे अथवा पदचात् ) किसी दिये गये शंकु की छाया का माप ज्ञात हो—

किसी वस्तु (शंकु) की ऊँचाई के पदों में व्यक्त छाबा के माप में एक जोड़ा जाता है, और इस प्रकार परिणामी योग दुगुना किया जाता है। परिणामी राशि द्वारा पूर्ण दिनमान भाजित किया जाता है। यह समझना चाहिये कि सारसंग्रह नामक गणित शास्त्र के अनुसार, यह प्राप्त फल प्रवाह और अपराह्व के शेव भागों (अथवा दोपहर के पहिले दिन के बीते हुए भाग और दोपहर के पश्चात् दिन के शेव रहने वाले भाग) को उत्पन्न करता है॥ ८२॥

गये त्रिज्या की माप में कुछ अधिक लंबाई वाला होना चाहिये। यदि 'क पूरे और 'क पर पार्च आकृति में क्रमशः पूर्व और पिश्चम दिशा प्ररूपित करते हो, तो आकृति उस द ग, क्रमशः पू और प की केन्द्र मान कर और पूग, तथा प स त्रिज्याएँ लेकर चाप खींचने से प्राप्त होती हैं, बब कि पूग और प स आपस में बराबर हों। भुजा उद जी पूर्वोक्त आकृति के कोण का अर्धन करतो है, क्रमशः उत्तर और दक्षिण दिशा का प्ररूपण करती है।



(८३) यदि वस्तु की ऊँचाई उ है, और उसकी छाया की लंबाई छ है, तो दिन का बीता हुआ

## अत्रोदेशक:

पूर्वोह्वे पौरुषी छाया त्रिगुणा वद किं गतम्। अपराह्वेऽवरोषं च दिनस्योशं वद थिय।। ९३॥

दिनांशे जाते सित घटिकानयनसूत्रम्— अंशहतं दिनमानं छेदिवभक्तं दिनांशके जाते। पूर्वोह्ने गतनाड्यस्वपराह्ने शेषनाड्यस्तु॥ १०३॥

अत्रोद्देशकः

विषुवच्छायाविरहितदेशेऽष्टांशो दिनस्य गतः । शेषश्चाष्टांशः का घटिकाः स्युः खामिनाड्योऽद्वः ॥ ११५ ॥

मल्युद्धकालानयनसृत्रम्— कालानयनाद्दिनगतरोषसमासोनितः कालः । स्तम्भच्छाया स्तम्भप्रमाणभक्तैव पौरुषी छाया ॥ १२५ ॥

उदाहरणार्थ प्रश्न

किसी मनुष्य की छाया उसकी उँचाई से २ गुनी है । हे प्रिय मित्र, बतलाओं कि पूर्वाह्न में बीते हुए दिन का भाग एवं अपराह्म में होष रहने वाला दिन का भाग क्या है ? ॥ ९२ ॥

दिन का भाग (जो बीत चुका है, या बीतने वाला है) प्राप्त हो चुकने पर घटिकाओं की संवादी संख्या को निकालने के लिये नियम—

दिन मान के ज्ञात माप को, (पहिले ही प्राप्त ) दिन के बीते हुए अथवा बीतने बाले माग का निरूपण करने वाले भिष्न के अंश द्वारा गुणित करने और हर द्वारा भाजित करने से, पूर्वोड़ के संबंध में बीती हुई घटिकाएँ और अपराद्ध के संबंध में बीतने वाळी घटिकाएँ उत्पन्न होती हैं ॥ १०५ ॥

#### उदाहरणार्थ परन

ऐसे प्रदेश में जहाँ विषुवच्छाया नहीं होती, दिन है भाग बीत गया है, अथवा अपराह्म के संबंध में शेष रहने वाला दिन का भाग है है। इस है भाग की संवादी घटिकाएँ क्या हैं? दिन में ६० घटिकाएँ मान ली गई हैं॥ ११ है॥

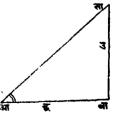
मह्युद्ध कार्क निकालने के लिए नियम-

जब दिन के बीते हुए भाग तथा बीतने वाले भाग के योग द्वारा दिन की अवधि हासित कर, उसे घटिकाओं में परिवर्तित किया जाता है, तब इष्ट समय उत्पन्न होता है।

अथवा बीतनेवाला समय (नियमानुसार ) यह है-

१ 
$$\left(\frac{8}{3}+7\right)$$
 अथवा  $\frac{?}{?(aheqsil+?)}$ ,

नहीं कोण आ उस समय पर सूर्य का ऊँचाई निरूपक कोण है। यह सूत्र केवल आ = ४५°, छोड़कर आ के शेष मानों के लिये सिन्नकट दिन का समय देता है। तब यह कोण ९०° के निकटतर पहुँचता है, तब सिन्नकट दिन का समय और भी गलत होता जाता है। यह सूत्र इस तथ्य पर आधारित



है कि किसी समकोण त्रिभुत्र में छोटे मानों के लिए कोण सिककटतः सम्मुख भुजाओं के समानुपाती होते हैं।

### अत्रोदेशकः

पूर्वोह्वे शङ्कुसमच्छायायां महयुद्धमारव्धम् । अपराह्वे द्विगुणायां समाप्तिरासीच युद्धकालः कः ॥ १३३ ॥ अपरार्धस्योदाहरणम्

द्वादशहस्तस्तम्भच्छाया चतुरुत्तरैव विशतिका । तत्काले पौरुषिकच्छाया कियती भवेद्गणक ॥ १४३ ॥

विषुवच्छायायुक्ते देशे इष्टच्छायां झात्वा कालानयनस्य सूत्रम् 1— शङ्क्युतेष्टच्छाया मध्यच्छायोनिता द्विगुणा । तदवाप्ता शङ्क्तितिः पूर्वोपरयोदिनांशः स्यात् ॥ १५ रै ॥ अत्रोदेशकः

द्वादशाङ्गुलशङ्कायुदलच्छायाङ्गुलद्वयी । इष्टच्छायाष्टाङ्गुलिका दिनांशः को गतः स्थितः । च्यंशो दिनांशा घटिकाः कास्त्रिशज्ञाडिकं दिनम् ॥ १७ ॥

#### 1. किसी भी इस्तलिपि में प्राप्य नहीं है।

किसी स्तम्भ की छाया के माप को स्तंभ की ऊँचाई द्वारा भाजित करने पर पौरुषी छाया माप (उस मनुष्य की छाया का माप उसकी निज की ऊँचाई के पदों में ) प्राप्त होता है ॥ १२३ ॥

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

कोई मह्मयुद्ध पूर्वोह्म में आरम्भ हुआ, जब कि किसी शंकु की छाया उसी शंकु के माप के तुल्य थी। उस युद्ध का निर्णय अपराद्ध में हुआ, जबकि उसी शंकु की छाया का माप शंकु के माप से दुगुना था। बतकाओं कि यह युद्ध किनने समय तक चला ?॥ 1३५ ॥

श्लोक के उत्तरार्ध नियम के लिये उदाहरणार्थ प्रश्न

किसी १२ इस्त ऊँचाई वाले स्तंभ की छाया माप में २४ इस्त है। उस समय, हे अंकगणि-तज्ञ, मनुष्य की छाया का माप क्या होगा ?॥ १४२ ॥

जब किसी भी समय पर छाया का माप ज्ञात हो, तब विषुवच्छाया वाले स्थानों में बीते हुए अथवा बीतने वाले दिन के भाग की प्राप्त करने के लिये नियम—

शंकु की ज्ञात छाया के माप में शंकु का माप जोड़ा जाता है। यह योग विषुवच्छ।या के माप द्वारा हासित किया जाता है, और परिणामी अंतर को हुगुना कर दिया जाता है। जब शंकु का माप इस परिणामी शक्ति द्वारा भाजित किया जाता है, तब दशानुसार पूर्वोद्ध में दिन में बीते हुए अथवा अपराह्म में दिन में बीतने वाले दिनांश का मान उत्पक्ष होता है।। १५३॥

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

१२ अंगुरू के शंकु के संबंध में विषुवच्छाबा दोपहर के समय (दिन के मध्याह्न में )२ अंगुरू है, और अवलोकन के समय इष्ट (ज्ञात ) लाबा ८ अंगुरू है। दिन का कीनसा भाग बीत गया है, और कीनसा भाग दोष रहा है ? यदि दिन का बीता हुआ भाग अथवा बीतने वाला भाग है है, तो उसको संवादी घटिकाएँ क्या हैं, जबकि दिन ३० घटियों का होता है ॥ १६३–१७॥

<sup>(</sup>१५३) यहाँ दिन के समय के माप के लिये दिया गया सूत्र बीजीय रूप से, र (छ + उ - व)

इष्टनाडिकानां छायानयनसूत्रम्— द्विगुणितदिनमागहता शङ्कमितिः शङ्कमानोना । द्युद्खच्छायायुक्ता छाया तत्त्वेष्टकालिका भवति ॥ १८॥

# अत्रोदेशकः

द्वादशाकुळशङ्कोद्यं दळच्छायाकुळद्वयी। दशानां घटिकानां मा का छिशन्नाहिकं दिनम् ॥ १९॥

पादच्छायाळक्षणे पुरुषस्य पादश्रमाणस्य परिभाषासूत्रम्— पुरुषोञ्गतिसप्तांशस्तःपुरुषाङ्ग्रेस्तु दैद्यं स्यात् । यद्येवं चेत्पुरुषः स भाग्यवानङ्घ्रिमा स्पष्टा ॥ २०॥

आह्रढच्छायायाः संख्यानयनसूत्रम्-

घटियों में दिए गये दिन के समय की संवादी छाया का माप निकालने के नियम-

शंकु (style) का माप दिन के दिये गये भाग के माप की दुगुनी राशि द्वारा भाजित किया जाता है। परिणामी भजनफळ में से शंकु का माप घटाया जाता है, और इसमें विषुवच्छाया (दोपहर के समय की ऐसे स्थान की छाया, जहाँ दिन रात दुल्य होते हैं) का माप जोड़ दिया जाता है। यह दिन के इष्ट समय पर छाया का माप उत्पन्न करता है॥ १८॥

### उदाहरणार्थ प्रश्न

यदि, किसी १२ अंगुरु वाले शंकु के संबंध में, युद्कच्छाया (विषुवच्छाया ) २ अंगुरु हो, तो जब १० वटी दिन बीत चुका हो अथवा बीतने वाला हो उस समय शंकु की छाया का माप क्या है ? दिन का मान २० वटियाँ होता है ॥ १९ ॥

डाया के पाद प्रमाण माप के द्वारा किए गये मापों संबंधी मनुष्य के पाद माप की परिभाषा— किसी मनुष्य की उँचाई के १/७ भाग के तुल्य उसके पाद की खंबाई होती है। यदि ऐसा हो, तो वह मनुष्य साम्बद्याकी होगा। इस प्रकार पाइ प्रमाण से नापी गई छाया का माप स्पष्ट है। २०॥

क्रशीधर दीवाल पर आरूढ़ छादा का संख्याध्मक माप निकालने के लिये नियम---

है, बहाँ 'व' शंकु की विष्वच्छाया की छंबाई है। यह सूत्र ऊपर की गाया ८३ में दिये गये सूत्र की पाद टिप्पणी पर आषारित है।

<sup>(</sup>१८) बीजीय रूप से,

ग० सा० सं०-३५

नृच्छायाहतशङ्कभित्तिस्तम्भान्तरोनितो मकः। नृच्छाययैव उन्धं शङ्कोभित्त्याश्रतच्छाया॥ २१॥

अत्रोदेशकः

विश्वतिहस्तः स्तम्भो भित्तिस्तम्भान्तरं करा अष्टौ । पुरुषच्छाया द्विष्टा भित्तिगता स्तम्भभा कि स्यात् ॥ २२ ॥

स्तम्भप्रमाणं च भित्त्यारूढस्तम्भच्छायासंख्यां च ज्ञात्वा भित्तिस्तम्भान्तरसंख्यानयन-

सूत्रम्— पुरुषच्छायानिन्नं स्तम्भारूढान्तरं तयोर्मध्यम् । स्तम्भारूढान्तरहृततद्नतरं पौरुषी छाया ॥ २३ ॥

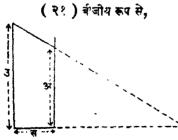
शकु की ऊँचाई ( मनुष्य की उँचाई के पदों में व्यक्त ) मनुष्य की छाया द्वारा गुणित की जाती है। परिणामी गुणनफल दोवाल और शंकु के बीच की दूरी के माप द्वारा हासित किया जाता है। इस प्रकार प्राप्त अंतर मनुष्य की उपर्युक्त छाया के माप द्वारा भाजित किया जाता है। इस प्रकार प्राप्त भजनफल शंकु की छाया के उस भाग का माप होता है जो दोवाल पर आरूढ़ है ॥ २१॥

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

कोई स्तंभ २० हस्त कैंचा है। इस स्तंभ और दीवाक के बीच की तूरी ( जो छाया रेखानुसार नापी जाती है) ८ इस्त है। उस समय मनुष्य की छाया मनुष्य की ऊँचाई से दुगुनी है। स्तंभ की छाया का वह कौन-सा भाग है जो दीवाल पर आरू है ?॥ २२॥

जब दीवाल पर आरूढ़ (पड़ो हुई ) छाया का संख्यात्मक मान तथा स्तंभ की ऊँचाई, दोनों ज्ञात हों, तब दीवाल और स्तंभ के अंतर (बीच की दूरी) के माप के संख्यात्मक मान को निकालने के लिये नियम—

स्तंभ की जँचाई और दीवाल पर आरूढ़ (पड़ी हुई) छाया के माप का अंतर (मनुष्य की जँचाई के पढ़ों में ब्यक्त ) पुरुष की छाया के माप द्वारा गुणित होकर, उक्त स्तंभ और दीवाछ के अंतर की माप को उत्पन्न करता है। इस अंतर का मान, स्तंभ की जँचाई और दीवाछ पर आरूढ़ (पढ़ी हुई) छायांश माप के अंतर द्वारा भाजित किया जाने पर, (मनुष्य का जँचाई के पढ़ों में ब्यक्त) मानवी छाया का माप उत्पन्न करता है। २३॥



अ= उ×व-स, जहाँ उ शंकु की जैंचाई है,

अ दीवाल पर आरूढ़ छाया की जैंचाई के पदों में ब्यक्त मनुष्य की छाया का माप है, और स स्तंम ( शंकु ) और दीवाल के बीच की दूरों है। नियम का स्पष्टीकरण पार्क्व में दिये गये चित्र द्वारा हो जाता है। यह बात ध्यान में रखने

थोग्य है कि यहाँ स्तंम और दीवाल के बीच की दूरी छाया रेखा पर ही नापी जाना चाहिए।

(२३ और २६) इस नियम तथा २६ वीं गाथा के नियम में २१ वीं गाथा में दिये गंये उदाहरणीं की विकोम दशा का उक्लेख है।

### अत्रोदेशकः

विंशतिहस्तः स्तम्भः षोडश भित्त्याश्रितच्छाया । द्विगुणा पुरुषच्छाया भित्तिस्तम्भान्तरं किं स्यात् ॥ २४ ॥

# अपरार्घसोदाहरणम्

विशतिहरतः स्तम्भः षोडश भित्त्याश्रितच्छाया । कियती पुरुषच्छाया भित्तिस्तम्भान्तरं चाष्टी ॥ २५ ॥

आह्रहच्छायायाः संख्यां च भित्तिस्तम्भान्तरभूमिसंख्यां च पुरुषच्छायायाः संख्यां च ज्ञात्वा स्तम्भप्रमाणसंख्यानयनसूत्रम्— नृच्छायात्राह्हढा भित्तिस्तम्भान्तरेण संयुक्ता । पौरुषभाद्वतङ्क्ष्यं विद्वः प्रमाणं बुधाः स्तम्भे ॥ २६ ॥

#### अत्रोदेशकः

षोडश भित्त्यारूढच्छाया द्विगुणैव पौरुषो छाया । स्तम्भोत्सेधः कः स्याद्गित्तिस्तम्भान्तरं चाष्टौ ॥ २७ ॥

### उदाहरणार्थ प्रश्न

एक स्तंभ २० इस्त ऊँचा है, और दीवाल पर पड़ने वाली छात्रा के अंश का माप (ऊँचाई) १६ हस्त है। उस समय पुरुष की छाया पीरुषी ऊँचाई से दुगुनी है। स्तंभ और दीवाल के अंतर का माप क्या हो सकता है ? ॥ २४ ॥

## नियम के उत्तराई भाग के लिए उदाहरणार्थ प्रश्न

कोई स्तंभ ऊँचाई में २० हस्त है, और दीवाल पर पदने वाली उसकी छ।या की ऊँचाई १६ है। दीवाल और स्तंम का अंतर ८ हस्त है। पौरुषो ऊँचाई के प्रमाण द्वारा न्यक मानवी छाया का माप क्या है ? ॥ २५ ॥

जब दीवाल पर पदने वाली छाया के भाग की ऊँचाई का संख्यात्मक मान, उस स्तंभ तथा दीवाल का भंतर, और मानुपी ऊँचाई के पदों में व्यक्त मानुषी छाया का माप भी ज्ञात हो, तब स्तंभ की ऊँचाई का संख्यात्मक मान निकालने के लिये नियम—

दीवाल पर पड़ने वाली छाया के भाग का माप, मानवी उँचाई के पदों में व्यक्त मानवी छाया के माप द्वारा गुणित किया जाता है। इस गुणनफल में स्तंभ और दीवाल के अंतर (बीच की दूरी) का माप जोड़ा जाता है। इस प्रकार प्राप्त योग को मानवी उँचाई के पदों में व्यक्त मानवी छाया के माप द्वारा भाजित करने से जो भजनफल प्राप्त होता है वह खुद्धिमानों के द्वारा स्तंभ की उँचाई का माप कहा जाता है। २६॥

## उदाहरणार्थ प्रश्न

दीवाल पर स्तंभ की छाया पड़ने वाका भाग १६ इस्त है। उस समंघ मानवी छाया का मान मानवी ऊँचाई से तुगुना है। दीवाक और स्तंभ का भंतर ८ इस्त है। स्तंभ की ऊँचाई क्या है? ॥२७॥

\* 76a

शहुप्रमाणशहुच्छायामिश्रविभक्तसूत्रम्— शहुप्रमाणशहुच्छायामिश्रं तु सैक्पौरुष्या । भक्तं शहुमितिः स्याच्छहुच्छाया तदूनमिश्रं हि ॥ २८॥

#### अत्रोदेशकः

शृह्कप्रमाणशृहुच्छायामिश्रं तु पञ्चाशत् । शृह्क्त्सेघः कः स्याचतुर्गुणा पौरुषी छाया ॥ २९ ॥

श्राहुच्छायापुरुषच्छायामिश्रविभक्तसूत्रम्— शहुनरच्छाययुतिविभाजिता शहुसैकमानेन । छच्यं पुरुषच्छाया शहुच्छाया तदूनमिश्रं स्यात् ॥ ३० ॥

### अत्रोदेशक:

शङ्कोरुत्सेधो दश नृच्छायाशङ्कभामिश्रम् । पञ्चोत्तरपञ्चाशन्नुच्छाया भवति कियती च ॥ ३१ ॥

शंकु की ऊँचाई तथा शंकु की छाया की लंबाई के मार्पो के दस मिश्रित योग में से उन्हें अलग-अलग निकालने के किए नियम—

र्शक के माप और इसकी छाया के माप के मिश्रित योग को जब १ द्वारा बढ़ाये गये ( मानवी कँबाई के पदों में व्यक्त ) मानवी छाया के माप द्वारा भाजित करते हैं, तब शंकु की कँचाई का माप प्राप्त होता है। दिये गये योग को शंकु के इस माप द्वारा हासित करने पर शंकु की छाया का माप प्राप्त होता है। २८॥

#### उदाहरणार्थ प्रश्न

शंकु के ऊँचाई माप भौर दसकी छाया के छंबाई माप का योग ५० है। शंकु की ऊँचाई क्या होगी, जबकि मानवी छाया उस समय मानवी ऊँचाई की चौग्रुनी है ?॥ २२॥

शंकु की छावा की लम्बाई के माप और ( मानवी ऊँचाई के पदों में व्यक्त ) मानवी छाया के मापके मिश्रित बोग में से उन्हें अलग-अलग प्राप्त करने के लिए नियम---

रांकु की छाया तथा मनुष्य की छाया के मापों के मिश्चित योग को एक द्वारा बढ़ाई गई शंकु की जात ऊँचाई द्वारा भाजित करते हैं। इस प्रकार प्राप्त भजनफर्छ (मानवी उँचाई के पदों में व्यक्त ) मानवी छाबा का माप होता है। उपर्शुक्त मिश्चित योग जब मानवी छाया के इस माप द्वारा हासित किया जाता है, तब शंकु की छाया की लंबाई का माप उत्पन्न होता है॥ ३०॥

### उदाहरणार्थ प्रक्र

किसी शंकु की जँचाई १० है। (मानवी जँचाई के पदों में व्यक्त ) मानवी छाया और शंकु की छावा के मापों का योग ५५ है। मानवी छाया तथा शंकु की छावा की छंबाई क्या-क्या हैं ?॥३१॥

(२८ और ३०) यहाँ दिये गये नियम गाया १२६ के उत्तराई में कथित नियम पर आधारित हैं।

स्तन्भस्य अवनितसंख्यानयनसूत्रम्— छायावर्गाच्छोध्या नरभाकृतिगुणितशङ्कृतिः । सैकनरच्छायाकृतिगुणिता छायाकृतेः शोध्या ॥ ३२ ॥ तन्मूळं छायायां शोध्यं नरभानवर्गरूपेण । भागं हृत्वा छुट्यं स्तन्भस्यावनितरेव स्यात् ॥ ३३ ॥

## अत्रोदेशकः

द्विगुणा पुरुषच्छाया त्रयुत्तरदशहस्तशङ्कोर्भा । एकोनत्रिशत्सा स्तम्भावनतिश्च का तत्रा॥ ३४ ॥

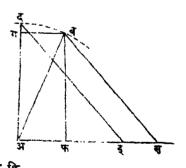
इस्तिलिपि में नरभान के लिए नृभावर्ग पाठ है; परन्तु वह छंद की दृष्टि से अगुद्ध है।

किसी स्तंम अथवा उद्योधर शंकु की अवनित (सुकाव) के माप को निकालने के किए नियम— मानवी छाया के वर्ग और शंकु की उँचाई के वर्ग के गुणनफल को दो गई छाया के वर्ग में घटाया जाता है। यह शेष, मानवी छाया की वर्ग राशि में एक जोड़ने से भास योगफल द्वारा गुणित किया जाता है। इस प्रकार प्राप्त राशि दी गई छाया के वर्ग में से घटायी जाती है। परिणामी शेष के वर्गमूल को छाया के दिये गये माप में से घटाया जाता है। इस प्रकार प्राप्त राशि को जब मानवी छाया की वर्ग राशि में एक जोड़ने से प्राप्त योगफल द्वारा माजित किया जाता है, तब स्तंभ की शुद्ध अवनित (सुकाव) का माप प्राप्त होता है। ३२—३३॥

### उदाहरणार्थ प्रश्न

इस समय मानवी छाषा मानवी ऊँचाई से दुगुनी है। स्तंभ की छाषा २९ हस्त है, और स्तंभ की ऊँचाई ५३ इस है। यहाँ स्तंभ की अवनित का माप क्या है ? ॥ ३४ ॥ प्रासाद के मीतर

(३२-३३) मानलो अवनत ( शुके हुए ) स्तंम की दियति अ व द्वारा निरूपित है । मानलो वही स्तंम ऊर्घाघर ( लंब-रूप ) स्थिति में अ द द्वारा निरूपित है । क्रमशः अ स तथा अ ह उनकी लाया हैं । तब उस समय मानव की लाया और उसकी जैंचाई का अनुपात अह होगी । मानलो यह अनुपात र के वरावर है । व से अद पर गिराया गया लंब व ग अवनत स्तंम अ व की अवनति निरूपित करता है । यह सरलता पूर्वक दिखाया जा सकता है कि



$$\frac{\sqrt{(a + a)^2 - (a + a)^2}}{a + a + a + a} = \frac{a + a}{a  = \frac{a + a$$

यहाँ दिया गया नियम इसी सूत्र के रूप में प्ररूपित होता है।

कश्चिद्राजकुमारः प्रासाद्यभ्यन्तरस्थःसन्।
पूर्वाह्ने जिज्ञासुर्दिनगतकालं नरच्छायाम् ॥ ३५ ॥
द्वात्रिंशद्धस्तोध्वे जाले प्राग्मित्तिमध्य आयाता ।
रिवमा पश्चाद्वित्तौ व्येकत्रिंशत्करोध्वेदेशस्था ॥ ३६ ॥
तद्भित्तद्वयमध्यं चतुरुत्तरिवंशितः करास्तस्मिन् ।
काले दिनगतकालं नृच्छायां गणक विगणण्य ।
कथयच्छायागणिते यद्यस्ति परिश्रमस्तव चेत् ॥ ३०३ ॥
समचतुरश्रायां दशहस्तवनायां नरच्छाया ।
पुरुषोत्सेधद्विगुणा पूर्वोह्ने प्राक्तटच्छाया ॥ ३८३ ॥
तस्मिन् काले पश्चात्त गश्चिता का भवेद्रणक ।
आह्वच्छायाया आनयनं वेत्सि चेत्कथय ॥ ३९३ ॥

शङ्कोरीपच्छायानयनस्त्रम्— शङ्कृनितदीपोन्नतिराप्ता शङ्कप्रमाणेन । तखन्धद्वतं शङ्कोः प्रदीपशङ्कन्तरं छाया ॥ ४०३ ॥

ठहरा हुआ कोई राजकुमार प्रांह्म दिन में बीते हुए समय को ज्ञात करने का, तथा (मानवी उँषाई के पर्दों में स्वक्त ) मानवी छाषा के माप को ज्ञात करने का इच्छुक था। तब स्थै की रिक्ष पूर्व की ओर की दीवाल के मध्य में २२ इस्त ऊँचाई पर स्थित जिड़की में से आकर, पिक्षम ओर की दोबाल पर २९ इस्त की ऊँचाई तक पड़ी। उन दो दीवालों का अंतर २४ इस्त है। हे छाया प्रदनों से भिज्ञ गणितज्ञ, यदि तुमने छाया-प्रदनों (से पिरिचित होने) में पिरिश्रम किया हो, तो (इस दिन) बीते हुए दिन के समय का माप और उस समय (मानवी ऊँचाई के पदों में स्थक) मानवी छाया का माप बतलाओ ॥ ३५-३% ॥

पूर्वाद्ध समय मानवी छाया मानवी ऊँचाई से हुगुनी है। प्रश्वेक विमिति में (dimension) १० इस्त बाले वर्गाकार छेद के उध्योधर खात के संबंध में पूर्वी दीवाल से अस्पन्न, पहिचमी दीवाल पर पहने वाली को ऊँचाई क्या होगी ? हे गणितञ्च, यदि जानते हो, तो बतलाओं की लंबरूप दीवाल पर आरूद छाया छाया का माप कितना होगा ? ॥ ३८३-३९५॥

किसी दीवाल के प्रकाश के कारण उत्पन्न होनेवाली शंकु की छाया को निकालने के लिये नियम:— शंकु की ऊँचाई द्वारा हासित दीपक की ऊँचाई को शंकु की ऊँचाई द्वारा भाजित करना चाहिये। यदि इस प्रकार प्राप्त भजनफल के द्वारा दीपक और शंकु के बीच की क्षेतिज दूरी की भाजित किया जाय तो शंकु की छाया का माप उत्पन्न होता है।। ४०२ ।।

<sup>(</sup> २५-२७६ ) यह प्रश्न कोकों ८६ और २२ में दिये गये नियमों के विषय में है। ( २८६-२९६ ) यह प्रश्न कोक २१ में दिये गये नियमानुसार हल किया जाता है।

# अत्रोदेशकः

शहुप्रदीपयोभैध्यं वण्णवत्यङ्गुळानि हि । द्वादशाङ्गुळशङ्कोस्तु दीनच्ळायां वदाशु मे षष्टिर्दीपशिखोत्सेधो गणिताणेवपारग ॥ ४२ ॥

दीपशङ्कन्तरानयनसूत्रम्— शङ्कनितदीपोन्नतिरामा शङ्कप्रामाणेन । तक्षन्धहता शङ्कच्छाया शङ्कपदीपमध्यं स्यात् ॥ ४३॥

अत्रोदेशकः

शहुच्छायाङ्गुलान्यष्टौ षष्टिर्दीपशिखोदयः। शहुदीपान्तरं ब्रुहि गणिताणेवपारग ॥ ४४॥ दीपोन्नतिसंख्यानयनसूत्रम्—

### उदाहरणार्थ पश्न

किसी शंकु और दीपक की क्षेतिज दूरी वास्तव में ९६ अंगुल है। दीपक की की की उँचाई जमीन से ६० अंगुल है। हे गणितार्णव (गणित समुद्र) के पारगामी, मुझे शीध ही १२ अंगुल ऊँचे शंकु के संबंध में दीपक की की के कारण उत्पन्न होने वाकी छाया का माप बतकाओ ॥ ४१ रै-४२ ॥

दीपक और शंकु के श्रीतिज अंतर को प्राप्त करने के लिए नियम-

(जमीन से) दीपक की ऊँचाई को शंकु की ऊँचाई द्वारा हासित किया जाता है। परिणामी राशि को शंकु की ऊँचाई द्वारा भाजित करते हैं। शंकु की छाया के माप को, इस प्रकार प्राप्त भजनफल द्वारा गुणित करने पर, दीपक और शंकु का क्षेतिज अंतर प्राप्त होता है॥ ४३॥

# उदाहरणार्थ प्रक्त

शंकु की छाया की छंबाई ८ अंगुरू है। दीप शिखा (दीपक की लौ ) की (जमीन से ) ऊँचाई ६० अंगुरू है। हे गणिताणंब के पारगामी, दीपक और शंकु के के तिज अंतर के माप की बतछाओ। ४४॥

दीपक की ( जमीन से ऊपर की ) ऊँचाई के संख्यात्मक माप को प्राप्त करने के खिये नियम--

माप है, 'अ' शंकु की जैंचाई का माप है, ब' दीपक की जैंचाई का माप है, और 'स' दीपक तथा शंकु के बीच का क्षेतिज अंतर है।

यह सूत्र पार्श्व में दी गई आकृति से स्रष्ट रूप से सिद्ध किया जा सकता है। 31 31

(४३) पिछली टिप्पनी में उपयोग में खाये गये प्रतीकों को ही उप-

योग में काकर, इस नियमानुसार स=छ× व-अ होता है।

(४४) अगके ४६-४७ वें कोकों के अनुसार शंकु की जैंचाई का दिया गया माप १२ अंगुड़ है। शङ्ख्यायामकं प्रदीपशङ्कन्तरं सैकम् । शङ्कप्रमाणगुणितं उन्धं दीपोन्नतिमैवति ॥ ४५ ॥

### अत्रोदेशकः

शक्कन्छाया दिनिन्नेव दिशतं शक्करीपयोः । अन्तरं शक्कुलान्यत्र का दोपस्य समुन्नतिः ॥ ४६ ॥ शंकुप्रमाणमत्रापि द्वादशाङ्गुलकं गते । ज्ञात्वोदाहरणे सम्यग्विद्यात्सुत्रार्थपद्धतिम् ॥ ४७ ॥

पुरुषस्य पाद्च्छायां च तत्पाद्प्रमाणेन वृक्षच्छायां च ज्ञात्वा वृक्षोन्नतेः संख्यानयनस्य च, वृक्षोन्नतिसंख्यां च पुरुषस्य पाद्च्छायायाः सङ्ख्यानयनस्य च सूत्रम्— स्वच्छायया भक्तनिजेष्टवृक्षच्छाया पुनस्सप्तिभराह्ता सा । वृक्षोन्नतिः साद्विहृता स्वपाद्च्छायाहृता स्याद्वुमभैव नूनम् ॥ ४८ ॥

दीपक और शंकु के क्षेतिज अंतर के माप को, शंकु की छाया द्वारा भाजित किया जाता है। तब इस परिणामी भजनफल में एक जोड़ा जाता है। इस प्रकार प्राप्त राशि जब शंकु की ऊँचाई के माप द्वारा गुणित की जाती है, तब दीपक की (जमीन से ऊपर की) ऊँचाई का माप उत्पक्त होता है। ४५॥

### उदाहरणार्थ प्रश्न

शंकु की छाया की लंबाई असकी ऊँचाई से दुगुनी है। दोपक और शंकु की श्लैतिज दूरी का माप २०० अंगुल है। इस दशा में दीपक की जमीन से ऊँचाई कितनी है ? इसी तथा गत प्रदन में शंकु की ऊँचाई १२ अंगुल लेकर नियम के साधन का अर्थ भली भींति सीख लेना चाहिये॥ ४६-४७॥

जब मनुष्य की (पाद प्रमाण में दी गई) छाया की लंबाई का माप तथा (उसी पाद प्रमाण में दी गई) बुझ की छाया की लंबाई का माप जात हों, तब उस बुझ की ऊँचाई का संख्यात्मक माप निकालने के लिए नियम; साथ हो जब (उसी पाद प्रमाण में ) बुझ की ऊँचाई का संख्यात्मक माप तथा मनुष्य की छाया की लंबाई का संख्यात्मक माप जात हो, तब (उसी पाद प्रमाण में ) बुझ की छाया की लंबाई का संख्यात्मक माप जात हो, तब (उसी पाद प्रमाण में ) बुझ की छाया की लंबाई का संख्यात्मक माप निकालने के लिये नियम—

किसी व्यक्ति द्वारा चुने गवे वृक्ष की छाया की लंबाई के माप को निज पाइ प्रमाण में नापी गई उसकी निज की छाया के माप द्वारा भाजित किया जाता है। इससे वृक्ष को ऊँचाई प्राप्त होती है। यह हुक्ष की ऊँचाई ७ द्वारा भाजित होकर और निज पाद प्रमाण में नापी गई निज की छाया द्वारा गुणित होकर, निःसन्देह, वृक्ष की छाया की द्वाद लंबाई के माप को उत्पन्न करती है।। ४८॥

(४५) इसी प्रकार, 
$$=\left(\frac{a}{b}+1\right)$$
 अ

(४८) यह नियम उपर्युक्त १२६ वें श्लोक के उत्तरार्द में दिये गये नियम की विक्रोम दशा है। यहाँ दिये गये नियम में मनुष्य की ऊँचाई और उसके पाद माप के बीच का संबंध उपयोग में काया गया है।

#### अत्रोद्देशकः

भात्मच्छाया चतुःपादा वृक्षच्छाया शतं पदाम् । वृक्षोच्छायः को भवेत्त्वपादमानेन तं वद् ॥ ४९ ॥

वृक्षच्छायायाः संख्यानयनोदाहरणम्— भारमच्छाया चतुःपादा पद्मसप्ततिभिर्युतम् । शतं वृक्षोन्नतिर्वृक्षच्छाया स्यात्क्रियती तदा ॥ ५० ॥ पुरतो योजनान्यष्टौ गत्वा शैलो दशोदयः । स्थितः पुरे च गत्वान्यो योजनाशीतितस्ततः ॥ ५१ ॥ तद्मस्थाः प्रदश्यन्ते दीपा रात्रौ पुरे स्थितैः । पुरमध्यस्थशैलस्यच्छाया पूर्वागमूल्युक् । अस्य शैलस्य वेधः को गणकाशु प्रकथ्यताम् ॥ ५२ ई ॥

इति सारसंप्रहे गणितशास्त्रे महावीराचार्यस्य कृतौ छायाव्यवहारो नाम अष्टमः समाप्तः।।
।। समाप्तोऽयं सारसंप्रहः।।

### उदाहरणार्थ एक प्रश्न

पाद माप में जिज की छाया की कम्बाई ४ है। (उसी पाद माप में) बुक्ष की छाया की कम्बाई १०० है। बतकाओं कि (उसी पाद माप में) बुक्ष की ऊँचाई क्या है ?।। ४९॥

किसी बुझ की छावा के संक्वात्मक माप को निकालने के संबंध में डदाहरण---

किसी समय निज की छाया की कम्बाई का माप निज के पाद से चौगुना है। किसी वृक्ष की कँबाई (ऐसे पाद-माप में) १७% है। उस दृक्ष की छाया का माप क्या है ? ॥५०॥ किसी नगर के पूर्व की ओर ८ योजन (तूरी) चळ चुकने के पश्चात्, १० योजन ऊँबा शैळ (पर्वत) मिळता है। नगर में भी १० योजन ऊँबाई का पर्वत है। पूर्वी पर्वत से पश्चिम की ओर ८० योजन चळ चुकने के पश्चात्, एक और दूसरा पर्वत मिळता है। इस अंतिम पर्वत के शिखर पर रखे हुए दीप नगर निवासियों को दिखाई देते हैं। नगर के मध्य में स्थित पर्वत की छावा पूर्वी पर्वत के मूछ को स्पर्श करती है। हे गणक, इस (पश्चिमी) पर्वत की ऊँबाई क्या है ? शीझ बतकाओ ॥ ५१-५२ ने ॥

इस प्रकार, महावीराचार्यं की कृति सार संप्रहनामक गणित शास्त्र में छाया नामक अष्टम व्यवहार समास हुआ।

इस प्रकार यह सारसंप्रह समाप्त हुआ।

<sup>(</sup>५१-५२३) यह उदाहरण उपर्युक्त ४५ वें श्लोक में दिये गये नियम को निदर्शित करने के किये है।

परिशिष्ट १ संख्याओं का अभिधान करनेवाळे सामान्य और संख्यात्मक अर्थबोधक संस्कृत शब्द

			`
शब्द	सामान्य अर्थ	संख्या अभिषान	उद्गम
अश्वि	ऑस The eye	२	मनुष्य की दो आँखें होती हैं।
अभि	आग Fire	; ₹	होमामियों की संख्या ३ है, अर्थात् , गाईपत्य, आहवनीय
	i	1	और दक्षिण।
अङ्क	संख्या Number	<b>, ९</b>	शून्य को छोड़कर केवल ९ अङ्क होते हैं।
अङ्ग	विशान का एक विभाग	દ	वेदों के अध्ययन के संबंध में ६ विभाग होते हैं, अर्थात्,
	An auxiliary di-	į ·	शिक्षा, कल्प, व्याकरण, निरुक्त, छन्दस्, ज्योतिष ।
	vision or depart-	· }	
	ment of science		
अचल	ं पर्वत A mountain	•	पौराणिक भूगोल में माने गये ७ मुख्य पर्वत जो कुलाचल
	<u>}</u>	;	कहलाते हैं; अर्थात् , महेन्द्र, मलय, सहा, शक्तिमत्, ऋक्ष,
_		;	विभ्य, पारियात्र ।
भद्रि	् पर्वत A mountain	-	अचल देखिए।
अनन्त	भाकाश The sky		आकाश को सून्य समझा जाता है।
अनल	भाग Fire	ર્	अग्नि देखिए ।
	>- A		
अनीक	सेना An army	6	संस्कृत में ८ प्रकार की सेनाओं का उल्लेख है, अर्थात्
			पत्ति, सेनामुख, गुरम, गण, वाहिनी, पृतना, चमू,
	\ \		अनीकिनी। (जिनागम में गण की जगह अक्षौहिणी का
अन्तरिश्व	The alm		उस्लेख है ।)
अन्तारक	आकाश The sky		अनन्त देखिए ।
अञ्ब	महासागर The ocean	¥	चार महासागर माने जाते हैं, अर्थात्, पूर्वी, दक्षिणी, पश्चिमी
			और उत्तर्रा ।
अम्बक	आंख The eye	ફ	अक्षि देखिए।
अम्बर	आकाश The sky		अनन्त देखिए ।
		, ,	· i i m · himal i

शन्द	सामान्य अर्थ	संख्या अभिघान	उद्गम
अम्बुधि	महासागर The ocean	¥	अन्धि देखिए।
अम्भोधि	महासागर The ocean	¥	अन्ति देखिए।
अश्व	बोड़ा A horse	ঙ	सूर्य के रथ में ७ घोड़े माने जाते हैं।
अश्विन्	घोड़े सहित Consi-	৩	अश्व देखिए।
	ting of horse		
आकाश	आकाश The sky	0	अनन्त देखिए।
इन	सूर्य The sun	१२	वर्ष के बारह माहों के संवादी सूर्यों की संख्या १२ होती
			है; अर्थात् , धात्, मित्र, अर्थमन् , बद्र, वर्ष्ण, सूर्य, भग,
			विवस्वत, पूषन्, सवितृ, त्वष्टु और विष्णु। ये बारह
			आदित्य कहळाते हैं।
<b>इ</b> न्दु	चन्द्रमा The moon	१	पृथ्वी के लिये केवल एक चन्द्रमा है।
<b>इ</b> न्द्र	इन्द्र देवता The god	१४	चौदह मन्वन्तरों में से प्रत्येक के लिये १ इन्द्र की दर से
	Indra		चौदह इन्द्र होते हैं।
इन्द्रिय	इन्द्रिय An organ	٠,	इन्द्रियां पांच प्रकार की होती हैं, ऑल, नाक, जीम, कान
	of sense	۷	और श्रीर ( स्पर्शन् )। संसार की आठ दिशा विटिशाओं की रक्षा आट हाथी करते
इम	हाथी An elephant	٥	हुए कहे जाते हैं। वे ऐरावत, पुण्डरीक, वामन, कुमुद,
		!	बुद कर जात है। व एरावत, पुण्डराक, वामन, कुछर, अञ्जन, पुष्पदन्त, सार्वभौम और सुप्रतीक हैं।
	धनुष An arrow	। ! ५	मन्मय के पाँच बाण माने जाते हैं, अर्थात्, अरविन्द, अशोक,
इंड	, aga marrow	, ,	चूत, नवमक्षिका और नीलेक्ष्यल ।
ইয়ল	आँख The eye	ર	अिं देखिए।
उद्धि	महासागर	8	अन्वि देखिए।
0414	The ocean		
ــــــــــــــــــــــــــــــــــــــ	Ì	9	विष्णु के ९ अवतार माने जाते हैं।
उपेन्द्र	भगवान् विष्णु God Visnu	]	
	1	•	संस्कृत साहित्य के अनुसार वर्षा में ६ ऋतुएँ होती हैं,
<b>শ</b> ৱ	#ag A season		अर्थात् , वसन्त, ग्रीष्म, वर्ष, शरद्, हेमन्त, शिशिर ।
	was 19th a hand	२	मानव के दो हाथ होते हैं।
कर	हाथ The hand	l .	•
करणीय	बो किये जाते हैं, वत	٥	वैन धर्म के अनुसार पाँच प्रकार के व्रत होते हैं, अर्थात् , अहिंसा, अरुत, अस्तेय, ब्रह्मचर्य और अपरिग्रह ।
	That which has		जारुण, जरुण, जरतय, ब्रह्मचय आर अपारब्रह् ।
	to be done: an		
	act of devotion		
	or austerity	[	

. . .

ग्रन्द	सामान्य अर्थ	संख्या अभिषान	उद्गम
करिन्	हायी An elephant	6	इम देखिए।
कर्मन्	कर्म अथवा कार्य करने का प्रभाव Action: the effect of action as its karma	۷	बैन धर्म के अनुसार आठ प्रकार के कर्म (प्रकृतिबंघ) होते हैं, अर्थात्, श्वानावरणीय, दर्शनावरणीय, मोहनीय, अन्तराय, वेदनीय, नामिक, गोत्रिक और आयुष्क।
कलाघर	चन्द्रमा The moon	₹	इन्दु देखिए।
कषाय	संसारी वस्तुओं में आसक्ति Attachment to worldly objects	¥	चैन धर्म के अनुसार कर्मों के आसव का एक मेद कथाय है, बिसके चार प्रकार हैं, अर्थात्, कोध, मान, माया और लोग।
कुमारवदन	कुमार अथवा हिंदू युद्ध- देव के मुख The faces or Kumāra of the Hindu war-god	E	थार लाम । यह युद्धदेव छः मुखाँवाला माना जाता है । षण्मुख देखिये ।
केशव	विष्णुका एक नाम A name of Visnu	۶.	उपेन्द्र देखिए ।
क्षपाकर	चन्द्रमा The moon	8	इन्दु देखिए।
ख	आकाश Sky	•	अनन्त देखिए।
खर		ξ	_
गगन	भाकाश Sky	•	अनन्त देखिए।
गड	हायी Elephant	6	इम देखिए।
गति	पुनर्जन्म का मार्ग Passage into rebirth	X	जैन धर्म के अनुसार संसारी जीव चार गतियों में जन्म लेते हैं, अर्थात्, देव, तिर्यञ्च, मनुष्य, नरक। पियेगोरस का Tetractys इससे तुल्जीय है।
गिरि	पर्वत Mountain	و	अचल देखिए।
गुब	गुण Quality	₹	आदि पदार्थ में तीन गुण माने जाते हैं, अर्थात्, सस्व, रबस्, तमस्।
प्रह	яқ A planet	\$	हिन्दू ज्योतिष में ९ प्रकार के ग्रह माने जाते हैं, अर्थात्, मंगल, बुध, इहस्पति, शुक्ष, श्रानि, राहु, केतु, सूर्य और चन्त्रमा।
चशुस्	ऑल The eye	२ │	अधि देखिए।

<b>श</b> •द	सामान्य अर्थ	संस्था आभिषान	उद्गम
चन्द्र	चन्द्रमा The moon	१	इन्दु देखिए।
चन्द्रमस्	चन्द्रमा The moon	१	इन्दु देखिए।
बलघर पथ	आकाश Sky	0	अनन्त देखिए।
षळिष	महासागर Ocean	¥	अन्धि देखिए।
बलनिधि	महासागर Ocean	R	अञ्चि देखिए।
<b>জি</b> ন	वह नाम जिसमें अरिहंत सिद्ध, आचार्य, उपाध्याय और सर्व साधुओं का नाम गर्भित रहता है। The name which implies Arhat, Siddhas, Achryas, Upadhyayas & all Saints.	२४	जिन आगम के अनुसार भरत कर्मक्षेत्र में अवसर्पिणी काल में २४ तीर्थंकर होते हैं; प्रथम तीर्थंकर ऋषमदेव और अंतिम तीर्थंकर वर्द्धमान महावीर माने जाते हैं।
<b>ब्बलन</b>	आग Fire	. ३	अग्नि देखिए।
तत्व	तत्व		जैन धर्म में सात तत्वों की मान्यता इस प्रकार है : जीव
-	Elementary Pri-	,	(चेतन), अजीव (अचेतन), आसव (कर्मों के आने
	nciples.	į	के द्वार), बंध (कमों का आत्मा के साथ सम्बन्ध),
i			संवर ( आसव का निरोध ), निर्जरा ( कर्मों का एक देश नाश ) और मोक्ष (आत्मा का पूर्ण रूप से कर्मों से खूटना)।
तनु	काय Body	2	श्चिव का तनु आठ वस्तुओं से बना हुआ माना जाता है:
तर्क	Evidence	દ	पृथ्वी, अप् , तेजस् , वायु, आकाश्च, सूर्य, चन्द्र, यजमान । तर्कु के छः प्रकार हैं : प्रस्यक्ष, अनुमान, उपमान, शन्द, अर्थापत्ति और अनुपत्निष्ठ ।
ताक्यंध्वज	विष्णु Vienu	9	उपेन्द्र देखिए।
तीर्थंक	Tirthankar or	२४	जिन देखिए।
	Jina.		
दन्तिन्	हाथी An elephant	6	इम देखिए।
दुरित	सांसारिक कर्म Worldly action	٤	कर्मन् देखिए ।

शन्द	सामान्य अर्थ	संख्या अभिधान	उद्गम
दुर्गा	पार्वती का अवतार	8	दुर्गा के ९ अवतार माने जाते हैं।
	Name of Manife-		
	station of Par-		
	vati or Durga,		•
दिक्	दिशा बिन्दु Quarter	٤	लोक में आठ दिशानिन्दु माने जाते हैं।
	or a cardinal		
	point of the		
•	universe.		उस विकारों की सामान कर स्वयं है कि नाम किस
दिक्	दिशाएँ Directions	१०	दस दिशाओं की मान्यता इस प्रकार है कि चार दिशाएँ, चार विदिशाएँ तथा अधो और ऊर्ध्व दिशाएँ मिलकर दस
			चार विद्यार तथा अवा आर अव्य दिशार मिलकर दस   दिशार होती हैं
दिक्	आकाश Sky		अनन्त देखिए।
ादभर् हर्क्	আৰু The eye	२	अक्षि देखिए ।
हष्टि ट्राष्ट्र	31 31 31	,,,	99 99
द्रन्य	द्रव्यका लक्षण सत् है	Ę	जिनागम के अनुसार ६ द्रव्य हैं:
X-1	और जो उत्पत्ति, विनाश		जीव, धर्म, अधर्म, पुद्रल, काल और आकाश ।
	और भ्रीव्यता सहित है		
	वह सत् है। Eleme-		
	ntary substance		
	whose characte-		
	ristic is exist-		
	ence implying		
	manifestation,	}	
	disappearance &	] ,	
	permanence.		
द्विप	हाथी	6	इम देखिए।
	An Elephant		
द्विरद	"	"	"
द्वीप	पृथ्वी में स्थित पौराणिक द्वीप विभाग	٧	इनके सात विभाग हैं: जम्बू, प्रक्ष, शाल्मली, कुश, क्रीब्र, शाक, पौष्कर।
	A puranic insu-		الماد ومدامه واستماد
	lar division of		
	the terrestrial		
	world.	1	

श्चर	सामान्य अर्थ	संख्या अभिषान	उद्गम
घातु	शरीर के सरंचक अवयन Constituent principles of the body.	v	सप्त धातुएँ ये हैं—रस ( Chyle ), रक्त, मांस, चर्वी, अस्थि, मजा, वीर्थ ।
धृति	छंद के एक विभेद का नाम Name of a kind of metre.	१८	इस छंद में श्लोक के प्रत्येक पद में १८ अधार रहते हैं।
नग	पर्वत Mountain	છ	अचल देखिए।
नन्द	राजाओं के वंश का नाम Name of a dyna- sty of kings	९	कहा जाता है कि मगध में ९ नन्द राजाओं ने राज्य किया।
नभस्	आकाश Sky	0	अनन्त देखिये ।
नय	बस्तु के एक अंश महण करने वाला ज्ञान Method of Comprehending things from particular stand- points	2	जिनागम में मुख्यतः दो नयों का निरूपण है : द्रव्यार्थिक नय और पर्यायार्थिक नय ।
नयन	आँख The eye	₹ :	अक्षि देखिए ।
नाग	हाथी An elephant	6	इम देखिए।
निधि	खजाना Treasure		कुवेर के पास नव प्रसिद्ध निषियाँ मानी जाती है: पद्म, महापद्म, शब्स्ब, मकर, कच्छप, भुकुन्द, कुन्द, नील, खर्व। जिनागम में चक्रवर्ती के भी इनसे मिन्न नव- निषियों का उल्लेख है।
नेत्र	ऑब The eye	२	अक्षि देखिए।
पदार्थ	वस्तुओं के विमेद	8	जिनागम में सात तत्व तथा पुण्य और पाप ये दो
	Category of things		मिलकर नव पदार्थ होते हैं। तत्व देखिए।

शब्द	सामान्य अर्थ	संस्था अभियान	उद्गम
पन्नग	सर्पे The serpent	ق	हिन्दू पुराणों में कभी कभी आठ और कभी कभी सात प्रकार के सपों का वर्णन मिखता है।
पयोधि	समुद्र Ocean	8	अन्त्रि देखिए।
पयोनिधि	)) 1)	"	3) <u> </u>
पावक	अग्नि Fire	3	अग्नि देखिए ।
पुर	नगर City	RX.	हिन्दू पुराणों के अनुसार तीन असुरों के प्ररूपक तीन पुरों ने देवों के प्रति अत्याचार किया और शिव ने उन्हें विनष्ट किया। त्रिपुरान्तक से तुख्ना करिए।
पुष्करिन्	हाथी Elephant	6	इम देखिए।
प्रालेयां <u>ग्र</u>	चंद्रमा The Moon	8	इन्दु देखिए।
बन्ध	कर्म वेध Karmic	¥	जिनागम में बंध के मुख्यतः चार भेद बतलाए गरे
	bondage		हैं : प्रकृति बंध, स्थिति बंध, अनुभाग बंध और प्रदेश बंध
<b>आ</b> ग	बाण Arrow	५	इपु देखिए।
भ	নধাস	२७	हिन्दू ज्योतिष में सूर्य पथ पर मुख्यतः २७ नक्षत्रं
	A constellation	}	की गणना की गई है।
भय	हर Fear	و	٠
भाव	तत्व Elements	ب	पांच तत्व या पंच भूत ये हैं: पृथवी, अप्, तेजस् वायु, आकाश।
भास्कर	सूर्य The Sun	१२	इन देखिए।
भुवन	होक The World	į ą	ऊर्घ्वलोक, मध्यलोक, और अघोलोक, की मान्यता है।
भूत	तत्व Element	ų	भाव देखिए।
भृष्ठ	पर्वत Mountain	9	अचल देखिए।
मद	घमण्ड Pride	۷	अष्ट मद के भेद इस प्रकार है: शान, रूप, कुल बाति, बल, ऋदि, तप, शरीर का मद।
महीध्र	पर्वत Mountain	6	अचल देखिए।
मातृका	देवी A goddess	9	साधारणतः सात प्रकार की देवियाँ मानी जाती हैं।
मुनि	साधु Sage	ં	मुख्यतः सात प्रकार के ऋषियों का उल्लेख मिस्रत
			है : कश्यप, अत्रि, भरद्वाज, विश्वामित्र, गौतम, जमदग्नि वसिष्ठ।
****	mb Mar		इन्दु देखिए।
मृगाङ्क	चंद्रमा The Moon	8	वद्रों की संख्या ११ मानी गई है।
मृह	शिव या बद्र का नाम	1 88	
	A name of Siva or Rudra		

शब्द	सामान्य अर्थ	संख्या अभिषान	<b>ड</b> द्गम
यति	मुनि Sage	v	मुनि देखिए।
रबनीकर	चंद्रमा The Moon	१	इन्दु देखिए।
रता	त्रयनिधि Trinity	ş	जिनागम में मोक्ष का मार्ग सम्यग्दर्शन, सम्यग्हान,
		1	और सम्यन्वारित्र का एक होना बतलाया गया है, जिन्हें
			तीन रका भी निरूपित किया गया है।
रक	मूल्यवान पत्थर A pro-	9	नव प्रकार के रत माने गये हैं: वज़, वैडूर्य, गोमेद,
	cious gem		पुष्पराग, पद्मराग, मरकत, नील, मुक्ता, प्रवाल ।
रन्ध्र	छिद्र Opening	۰,	मानव शरीर में नव मुख्य रन्ध्र होते हैं।
रस	स्वाद Taste	Ę	मुख्य रस छः हैं : मधुर, अम्ल, लवण, कटुक,
			तिक्त, कषाय ।
रुद्र	शिव का नाम Name	११	मृह देखिए।
,	of a Deity		
रूप	आकार Form or	१	प्रत्येक वस्तु का केवल एक रूप होता है।
	shape		
<b>ल</b> ञ्घ	नव शक्तियों की प्राप्ति	٩,	नव लिंधयाँ निम्नलिखित हैं: अनन्त दर्शन, अनन्त-
	Attainment of		ज्ञान, क्षायिक सम्यक्तव, क्षायिक चारित्र, क्षायिक दान,
	nine powers		क्षायिक लाभ, क्षायिक मोग, क्षायिक उपभोग, क्षायिक
		ļ.	वीर्य। ये कर्मों के क्षय से क्षायिक भाव के रूप प्राप्त
_		ì	होते हैं।
लिष	Attainment	9	लम्ब देखिए।
लेख्य		ξ	
लोक	World	3	भुवन देखिए।
लोचन	आँख The eye	२	अक्षि देखिए।
वर्ष		€	जिनागम में वर्ण के पांच प्रकार 🕻 : कृष्ण, नील, पीत,
		•	रक्त और बंबेत ।
वसु	वैदिक देवताओं की एक	6	ये देवता संख्या में आठ होते हैं।
	আনি A class of Vedic deities	,	
वह्रि	अग्नि Fire	<b>1</b> 3	अग्नि देखिए।
वाह्य वारण	हाथी Elephant	2	इम देखिए।
वारिष वार्षि	समुद्र Ocean	8	अभिष देखिए।
विधु	चंद्रमा The moon	1	इन्दु देखिए।
विषघि	समुद्र Ocean	8	अभिष्ठ देखिए।
विषनिषि	"	77	"

शन्द	सामान्य अर्थ	में अभिधान	उद्गम
विषय	इंद्रियों के विषय Object of sense	4	पेचेन्द्रियों के विषय पांच हैं: गन्ध, रस, रूप; स्पर्श,
वियत्	आकाश Sky		अनन्त देखिए ।
विश्व	वैदिक देवताओं का	१३	इस समूह में १३ सदस्य होते हैं।
	एक समूह A group of Vedic deities		
विष्णुपाद	आकाश Sky		थनन्त देखिए।
वेद	The Vedas	8	चार वेद ये 🕻 : ऋक्, यजुस्, साम, अथर्व ।
वैश्वानर	अग्नि Fire	3	अप्रि देखिए।
व्यसन	बुरी आदत An	و	जिनागम में जीव का अहित करने वाले सप्त व्यसन
	unwholesome		निम्निलेखित रूप में उछिखित हैं: यूत, मांस मक्षण,
	addiction	: 	मदिरापान, वेश्यागमन, परस्त्री सेवन, अस्तेय, आखेट।
ब्योम	भाकाश Sky	•	अनन्त देखिए।
वत	अणु वत या महावत	५	जिनागम में अणु वत और महावत ५ हैं। हिंसा,
	Partial or whole		<b>ब्रुट, कुशील, परिग्रह और</b> स्तेय (चोरी) नामक पंच
	act of devotion		पापों से एक देश विरक्त होना अणुक्रत है। हिंसादि पांच
	or austerity		पापों का सर्वया त्याग करना महावत है। करणीय मी देखिए।
श्रहर	रुद्र का नाम Name of Rudra	११	मृह देखिए।
शर	बाग Arrow	ધ	इषु देखिए।
शशघर	বর The Moon	٩	इन्द्र देखिए )
शशलाञ्छन	<b>)</b> 7	<b>"</b>	भ भ
হাহ্যাক্স	<b>)</b>	"	77 77
यशिन्	<b>&gt;</b> >	99	<b>"</b>
হান্ত	बाग Arrow	4	इषु देखिए।
<b>যি</b> खिन्	अग्नि Fire	ą	अग्नि देखिए।
<b>शिलीमुखपद</b>	षट्पद The legs of a bee	Ę	मधुमक्की या भौरे के छः पैर माने जाते हैं।
शैल	पर्वत Mountain	6	अचल देखिए ।
श्वेत		8	
<b>सिल्लाकर</b>	समुद्र Ocean	¥	अन्धि देखिए।
<b>डाग</b> र	, ,,	"	77 79

चन्द	सामान्य अर्थ	संख्या अभिधान	उद्गम
सायक	बाण Arrow	او	इपु देखिए।
सिन्धुर	हायी Elephant	6	इम देखिए।
सूर्य	The Sun	१२	इन देखिए।
सोम	चंद्र The moon	Y	इन्दु देखिए।
स्तम्बरेम	हाथी Elephant	6	इभ देखिए।
स्वर	संगीत का स्वर A	9	सात शब्द स्वर हैं : षड्ज, ऋषभ, गांधार, मध्यम, पञ्चम,
	note of the	[	धैवत, विषाद । संगीत के प्रारम्भ में इन्हीं सप्त स्वरों के
	musical scale		आदि अक्षरों को ग्रहण कर स, रि, ग, म, प, घ, नि का
			शान कराया जाता है।
<b>€</b> य	बोड़ा Horse	ٰ ب	अश्व देखिए ।
<b>€</b> ₹	रद्र का नाम Name	११	मृड देखिए।
•	of Rudra	;	
इर नेत्र	Siva's eyes	*	शिव की दो आँखों के सिवाय एक और आंख मस्तक के
<b>4</b> ( 44	2.000		मध्य में रहती है।
<b>इत्र</b> सङ्	अग्नि Fire	₹	अग्नि देखिए ।
हुतवह हुताग्रन	33 33	77	23 31
हुतासन हिमकर	चंद्रमा The Moon	8	इन्दु देखिए।
. *	» »	23	n n
हिमगु निपांक	33 33 .	"	""
हिमांग्र	, , , , , , , , , , , , , , , , , , , ,	. ,,	<i>"</i> "

# परिशिष्ट २

# अनुवाद में अवतरित संस्कृत शब्दों का स्पष्टीकरण

आवावा Segment of a straight line forming the base of a

Abadha triangle or a quadrilateral.

सादक A measure of grain.
Adhak परिशिष्ट-४ की सारिणी ३ देखिए।

The vertical space required for presenting the long Adhvan and short syllables of all the possible varieties of

metre with any given number of syllables, the space required for the symbol of a short or a long syllable being one agunla and the intervening space between

each variety being also an angula. अध्याय ६—३३३ में ३३६ में का टिप्पण देखिए।

Each term of a series in arithmetical progression is Adidhana conceived to consist of the sum of the first term

and a multiple of the common difference. The sum

of all the first terms is called the Adidhan.

अध्याय २-६३ और ६४ का टिप्पण देखिए।

आदिमिश्रधन The sum of a series in arithmetical progression

Adimisradhana combined with the first term thereof.

अध्याय २---८० से ८२ का टिप्पण देखिए।

भगर A kind of fragrant wood;

Agaru Amyris agallocha.

आन्त वेतस A kind of sorrel; Rumex vesicarius.

Amla-vētasa

अमोष्वर्ष Name of a king; lit: one who showers down truly

Amoghvarsa useful rain.

A measure of weight in relation to metals.

Amáa परिशिष्ट ४ की सारिणी ६ देखिए।

हांशमूल Square root of a fractional part.

Amsamiila अध्याय ४-३ का टिप्पण देखिए ।

સંગુરુ A measure of length; finger measure.

Angula अध्याय १-६५ से २९ तथा परिशिष्ट ४ की सारिणी १ देखिए।

নানান্তহাৰ Inner perpendicular; the measure of a string Antaravalam- suspended from the point of intersection of two

strings streched from the top of two pillars to a point in the line passing through the bottom of

both the pillars.

अंत्युचन The last term of a series in arithmetical or

Antyadhana geometrical progression.

Atom or particle.

Anu अध्याय १-२५ से २० तथा परिश्चिष्ट ४, सारिणी १ देखिए।.

अरिष्ट्रनेमि The twenty second Tirthnkar.

Aristanēmi

baka

अर्बुद Name of the eleventh place in notation.

Arbud

মার্ছন Name of a tree; Terminalia, Arjuna, W. & A.

Arjuna

असित Name of a tree; Grislea Tomentosa.

Asita

अशोक Name of a tree: Jonesia Asoka Roxb.

Aśōka

A kind of approximate measure of the cubical Aundra
Aundraphala of approximate measure is called Auttra by Brahm-

agupta. अध्याय ८-- २ का टिप्पण देखिए।

आविष्ठ A measure of time, परिशिष्ट ४, सारिणी २ देखिए।

Ävali

अयन " " "

Ayana

Bija Literally seed; here it is used to denote a set of two positive integers with the aid of the product and the squares whereof, as forming the measure of the sides, a right angled triangle may be constructed.

अध्याय ७---२०३ का टिप्पण देखिए।

A measure of baser metals. भाग

परिशिष्ट ४. सारिणी ६ देखिए। Bhaga

A measure fraction.

A variety of miscellaneous problems on fractions.

अध्याय ४--- ३ का टिप्पण देखिए । A complex fraction.

भागभाग

Bhagabhaga

A variety of miscellaneous problems on fractions. भागाम्यास

अध्याय ४-३ का टिप्पण देखिए। Bhāgābhyāsa

Division. भागहार

Bhagahara

Fractions consisting of two or more of the varieties of भागमात्र

Bhuga, Prabhuga, Bhugabhuga, Bhugunubandha and Bhagamatr

Bhugunavaha fractions, अध्याय ३-- १३८ का टिप्पण देखिए।

भागानुबंध Fractions in association

Bhaganubandha अध्याय ३—११३ का टिप्पण देखिए ।

Dissociated fractions. भागापवाह अध्याय ३-१२३ का टिप्पण देखिये। Bhagapavaha

भागसम्बर्ग A variety of miscellaneous problems on fractions.

Bhagasamvarga अध्याय ४—३ का टिप्पण देखिए।

The middle one of the three places forming the cube भाज्य

Bhājya root group; that which has to be divided.

अध्याय २---५३ और ५४ का टिप्पण देखिए ।

A measure of baser metals. परिशिष्ट ४, सारिभी ६ देखिए । भार

Bhāra

A variety of miscellaneous problems on fraction. भिन्नदृश्य

Bhinnadráya अध्याय ४—३ का टिप्पण देखिए ।

Proportionate distribution involving भिषकृष्टीकार fractional

quantities, प्रष्ठ १२३ की पाद-टिप्पणी देखिए। Bhinnakutti-

kāra

The destroyer of the cyle of recurring rebirths; also चक्रिकाभञ्जन Cakrikābhanthe name of a king of the Rastrakuta dynasty.

jana

Name of a tree bearing a yellow fragrant flower; चम्पक

Michelia Champaka. Campaka A syllabic metre. **अन्द** 

Chandas

Summation of series. चिति

Citi

বিষ-কুন্থীকাৰ Curious and interesting problems involving pro-

Citra-kuttìkāra portionate division.

বিশ্ব-ক্রন্থীকার মিশ্ব Mixed problems of a curious and interesting nature Citra-kuttikāra involving the application of the operation of pro-

misra portionate division.

दंड A measure of distance.
Danda परिशिष्ट ४ की सारिणी १ देखिए।

दश Tenth place.

Dasa

दशकोटि Ten Crore.

Dasa-kōti

বহালয় Ten Lakhs or one million.

Dasa-Laksa

दश सहस्र Ten thousand.

Dasa-sahasra

वरण A weight measure of gold or silver ;

Dharana परिशिष्ट ४ की सारिणियाँ ४ और ५ देखिए।

दीनार A weight measure of baser metals. Also used

Dīnāra as the name of a coin.
परिशिष्ट ४ की सारिणी ६ देखिए।

মুখ্য A weight measure of baser metals.

Drakeuna परिशिष्ट ४ की सारिणी ६ देखिए !

द्रोण A measure of capacity in relation to grain.

Drona परिशिष्ट ४ की सारिणी ३ देखिए ।

हुण्डुक Name of a tree.

Dunduka

द्विरम्रोपमूल A Variety of miscellaneous problems on fractions.

Dviragrasesamula

एक Unit place.

Eka

गण्डक A weight measure of gold, परिशिष्ट ४ की सारिणी ४ देखिए।

Gandaka

Cubing; the first figure on the right, among the three Ghana digits forming a group of figures into which a

numerical quantity whose cube root is to be found out has to be divided. अध्याय २-५३, ५४ का टिप्पण देखिए।

**घनमू**छ

Cube root.

Ghanamula

षटी

A measure of time. परिशिष्ट ४ की सारिणी २ देखिए।

Ghați

गुणकार Gunakāra Multiplication.

गुणधन गुणधन

Gunadhana

The product of the common ratio taken as many times as the number of terms in a geometrically progressive series multiplied by the first term, अध्याय

२-९३ का टिप्पण देखिए।

যু**জা** Cuisia A weight measure of gold or silver. परिशिष्ट ४ की सारिणियां

Gunjā

४ और ५ देखिए।

**€**₹त

A measure of length, परिशिष्ट ४ की सारिणी १ देखिए।

Hasta

हिंताल

Name of a tree; Phaenix or Elate Paludosa.

Hintals.

इच्छा Icchã That quantity in a problem on Rule-of-Three in relation to which something is required to be found

out according to the given rate.

इन्द्रनील

Sapphire.

Indranila

जम्बू

Name of a tree; Eugenia Jambalona.

 $Jamb\bar{u}$ 

बन्य Janya Trilateral and quadrilateral figures that may by derived out of certain given data called bijas.

जन जिन

Jinas

Those who have attained partial or whole success in getting themselves absorbed in the unification

of their souls right faith, right knowledge and

right character may be called Jinas.

जिनपति Tipopoti The chief of the Jinas, generally, Tirthankara.

Jinapati

जिन-शान्ति

The sixteenth Tirthankara.

Jina-Sänti

जिन-बर्दमान

The last or twenty-fourth Tirthankara.

Jina-Vardhamana

कदम्ब

Name of a tree; Nauclea Cadamba.

Kadamba

कला

A weight measure of baser metals.

Kala

परिशिष्ट ४, सारिणी ६ देखिए।

कलासवर्ण

Fraction. अध्याय ३ के प्रथम श्लोक में पृष्ठ ३६ पर कलासवर्ग की पाद

Kalāsavarna

टिपाणी देखिए।

कर्भ

Karmas

The mundane soul has got vibrations through mind, body or speech. The molecules and atoms, which assume the form of mind, body or speech, engender vibrations in the soul, whereby an infinite number of subtle atoms and ultimate particles are attracted and assimilated by the soul. This assimilated group of atoms is termed as Karma. Its effect is visible in the multifarious conditions of the soul. There are eight main classifications of the nature of Karmas.

परिशिष्ट १ में कर्म देखिए।

कर्मान्तिक Karmāntika A kind of approximate measure of the cubical contents of an excavation or of a solid, अध्याय ८—९ का

टिप्पण देखिए।

कर्ष

A weight measure of gold or silver, परिशिष्ट ४ की सारिणियाँ

Karsa कार्यापण

A Karsa

४ और ५ देखिए ।

Kārsāpaņa

केत की

Name of a tree; Pandanus Odoratissimus.

Kētaki

खारी Khārī A measure of capacity in relation to grain.

Khari

खर्व

The thirteenth place in notation.

Kharva

कि**कु** Kisku

A measure of length in relation to the sawing of

wood.

कोटी

Crore, the 8th place in notation.

Kōtī

कोरिका A numerical measure of cloths, jewels and canes,

Kōtikā परिशिष्ट ४ की सारिणी ७ देखिए ।

क्रोश

A measure of length. परिशिष्ट ४ की सारिणी १ देखिए ।

Krosa

क्रणागर A kind of fragrant wood ; a black variety of Agallo-

Kṛaṣṇāgaru chum. হুরি Squaring.

Kṛti

Half of the difference between twice the first term

Kṣēpapada and the common difference in a series in arithmetical

progression,

सित्या The 21st place in notation.

Ksityā

क्षोम The 23rd place in notation.

Kṣōbha

भोणी The 17th place in notation.

Ksoni

कुट्ट या कुट्ट A measure of capacity in relation to grain. परिशिष्ट ४

Kudaha or की सारिणी ३ देखिए।

Kudaba

कुम्प **"** "

Kumbha

The pollen and filaments of the flowers of saffron,

Kunkuma Croeus sativus.

क्रवेक Name of a tree; the Amaranth or the Barleria.

Kurvaka

Name of a tree; Wrightia Antidysenterica.

Kutaja

क्रहीकार Proportionate division, अध्याय ६-७९३ देखिए ।

Kuttikāra

लाम Quotient or share.

Läbha

Lakh, the 6th place in notation.

Laks

The place where the meridian passing through

Lanka Ujjain meets the equator.

ख्व A measure of time. परिशिष्ट ४ की सारिणी २ देखिए।

Lava

मधुक Name of a tree, Bassia Latifolia.

Madhuka

मध्यम् The middle term of a series in arithmetical progre-

Madhya dhana ssion. अध्याय २-६३ का टिप्पण देखिए।

महाखर्ने The 14th place in notation.

Mahākharva

महाक्षित्या The 22nd place in notation.

Mahāksityā

महाक्षोम The 24th place in notation.

Mahāksobha

महाक्षोणी The 18th place in notation.

Mahāksoni

महापद्म The 16th place in notation.

Mahāpadma

महाशङ्ख The 20th place in notation.

Mahāśankha

महावीर A name of Vardhamana,

Mahävira

मानी A measure of capacity in relation to grain. परिशिष्ट ४,

Manı सारिणी ३ देखिए।

मदेख A kind of drum; for a longitudinal section, see note

Mardala to chapter 7th, 32nd stanza.

मार्ग Section; the line along which a piece of wood is

Marga cut by a saw.

माष A weight measure of silver. परिशिष्ठ ४, सारिणी ५ देखिए।

Māsa

भेद Name of a tapering mountain forming the centre

Mēru of Jambu dvipa, all planets revolving around it.

मिश्रधन Mixed sum. अध्याय २-८० से ८२ का टिप्पण देखिए।

Migradhana

मृत्ङ्क A kind of drum; for a longitudinal section see note

Mrdanga to chapter 8th, 32nd stanza.

मुहूर्त A measure of time. परिशिष्ट ४, सारिणी २ देखिए।

Muhūrta

मुख The topside of a qudrilateral.

Mukha

मुख Square root; a variety of miscellaneous problems

Mula on fractions. अध्याय ४—३ का टिप्पण देखिए।

गणितसारसंप्रह Involving square root; a variety of miscellaneous मुलमिश problems on fractions, अध्याय ४-३ का टिप्पण देखिए। Mulamisra A kind of drum; same as Mradanga. मरब Muraja नन्यावर्त Name of a palace built in a particular form, apage Nandyavarta ६-३३० का टिप्पण देखिए। King; probably name of a king. नरपाल Narapāla. नीहोत्पह Blue water-lily. Nilöt pala निरुद्ध Least common multiple. Niruddha निष्य A golden coin. Niska न्यर्बुद The 12th place in notation. Nyarbuda A measure of length, परिशिष्ट ४, सारिणी १ देखिए । पाद

Pada

The 15th place in notation.

Padma

A kind of gem or precious stone. पद्मराग

Padmaraga

Relating to the devil; hence very difficult or पैशाचिक Paisācika complex.

A measure of time, परिवाह ४, सारिनी २ देखिए । पश

Paksa

A weight measure of gold, silver and other metals, पल

परिशिष्ट ४ की सारिणियाँ ४, ५, ६ देखिए। Pala

A weight measure of gold; also a golden coin. प्रम

परिशिष्ट ४ की सारिणी ४ देखिए। Pana

A kind of drum; for longitudinal section see note पणव

to Chapter 7th, 32nd stanza. Panava

Ultimate particle. परिशिष्ट ४, सारिणी १ देखिए। परमाणु

Arithmetical operation. परिकर्मन्

Parikarman

पाइवं The 23rd Tirthankara.

Pārsva

पारली A tree with sweet-scented blossoms; Bignonia

Pātalī Suaveolens.

पदिका A measure of saw-work.

Pattika परिशिष्ट ४, सारिणी १० तथा अध्याय ८—६३ से ६७ ने का टिप्पण देखिए।

A given quantity corresponding to what has to be Phala found out in a problem on the Rule-of-Three.

अध्याय ५---२ का टिप्पण देखिए।

Name of a tree; the waved-leaf fig-tree, Ficus In-

Plaksa fectoria or Religiosa,

प्रभाग Fraction of a fraction,

Prabhaga

पकीर्णक Miscellaneous problems.

Prakirnaka

प्रश्लेषक Proportionate distribution.

Praksēpaka

प्रक्षेपक-करण An operation of proportionate distribution.

Praksēpaka-karaņa

प्रमाण A measure of length. परिशिष्ट ४, सारिणी १ देखिए ।

Pramana The given quantity corresponding to Iccha, in a

problem on Rule-of-Three. अध्याय ५—२ का टिप्पण देखिए।

प्रवृत्तिका Literally, that which completes or fills; here, baser

Prapūranikā metals mixed with gold; dross.

प्रस्य A measure of capacity in relation to grain, परिचिष्ट ४

Prastha की सारिणियाँ ३ ओर ६ देखिए।

प्रत्युत्पन Multiplication.

Pratyutpanna

प्रवर्तिका A measure of capacity in relation to grain.

Pravartikā

पुत्राग Name of a tree; Rottleria Tinctoria.

Punnaga

पुराण A weight measure of silver; probably also a coin.

Purāṇa परिशिष्ट ४, सारिनी ५ देखिए।

पुष्यराग A kind of gem or precious stone.

Puşyaraga

#### गणितसारसंप्रह

A particle. परिशिष्ट ४ सारिणी १ देखिए। रथरेण

Ratharenu

A place 90° to the west of Lanka. रोमकापुरी

Römkäpuri

Season, here used as a measure of time, quive y, 有工

सारिणी २ देखिए । Rtu Thousand.

Sahasra

सहस्र

The teak tree. गक

Saka

Proportionate distribution, in which fractions are सकल कुट्टीकार

Sakala Kuttīnot involved.

kāra

The Sala tree; Shorea Robusta or Valeria Robusta. साल

Sāla

Name of a tree; Boswellia Thurifera. मलकी

Sallakī

The ultimate part of time measure. परिशिष्ट ४. सारिणी समय

२ देखिए। Samaya

Summation of series. सङ्कलित

Sankalita

The 19th place in notation. सङ्घ

Sankha

An operation involving the halves of the sum and सञ्चमण

the difference of any two quantities. अध्याय ६--- का Sankramana

टिप्पण देखिए।

The passage of the sun from one zodiacal sign to सञ्चान्ति

Sankränti another.

See Jina-Santi द्यान्ति

Santi

Name of a tree; Pinus Longifolia. सरल

Sarala

A kind of bird; the Indian crane. सारस

Sarasa

२२

सारसंबद्ध Sārasangraha Literally, a brief exposition of the essentials or principles of a subject; here, the name of this work

on arithmetic.

सर्ज

Name of a tree; Same as the Sala tree.

Sarja

सर्वेधन The sum of a series in arithmetical progression.

Sarvadhana अध्याय २-६३ और ६४ का टिप्पण देखिए।

**য**त

A hundred.

Sata

शतकोटि A hundred crores.

Satakoti

सतेर Satera A weight measure of baser metals, परिशिष्ट ४ की सारिणी

६ देखिये।

शेष

The terms that remain in a series after a portion

Sēsa

of it from the beginning is taken away. अध्याय २ के

पृष्ठ ३२ पर ब्युत्कलित का टिप्पण देखिए !

A variety of miscellaneous problems on fractions.

अध्याय ४--३ का टिप्पण देखिए।

शेषमूल

A variety of miscellaneous problems on fractions.

Sēsamūla

अध्याय ४--३ का टिप्पण देखिए।

सिद्धपुरी

The antipodes of Lanka.

Siddhapurı

सिद्ध

Siddhas

The emancipated souls. These souls, due to complete freedom from karmic bondage attain all attributes of soul, viz, infinite perception, power, knowledge, bliss etc. कममल से रहित. सर्वेश. प्रमुद्ध में स्थित सिद्ध मुख्यान साह

bliss etc. कर्ममल से रहित, सर्वज्ञ, परमपद में स्थित सिद्ध भगवान् आठ गुणों से सम्पन्न हैं - ज्ञानगुण, दर्शनगुण, सम्यक्त्वगुण, शक्तिगुण, अञ्यानाधगुण,

अवगाहनागुण, स्क्रमत्वगुण, अगुरुखघुगुण।

शोडशिका A measure of capacity in relation to grain. परिशिष्ट ४,

सारिणी ३ देखिए।

शोष्य

One of the three figures of a cubic root group.

Södhya

Sodasika

अध्याय २--५३ और ५४ का टिप्पण देखिए।

**শাৰ**%

A lay follower of Jainism, having the following

Sravaka

eight chief vows:

abstenance from wine, flesh, honey; partial nonviolence, truth and chastity; partial non-thievery

and partial setting of limits to possession.

ओपर्णी

Name of a tree; Premna Spinosa.

Sriparni

स्तोक

A measure of time, परिशिष्ट ४, सारिणी २ देखिए।

Stöka

सुरमफल

Accurate measure of the area or of the cubical

contents.

Suksmaphala सुवर्ण कुट्टीकार

Proportionate distribution as applied to problems relating to gold.

Suvarna-

kuttikāra

The 20th Tirthankara, Munisurata,

Suvrata

स्वर्ण

सुनत

A gold coin.

Svarna

स्यादवाद Syādavāda

The doctrine of Syadvada, known as saptabhaniginaya, is represented as being based on the Naya (that which reveals only partial truth) method. This is set forth as follows: May be, it is; may be, it is not; may be, it is and it is not; may be, it is indescribable; may be, it is and yet indescribable; may be, it is not and it is also indescribable; may be it is and it is not and it is also indescribable.

अध्याय १--८ में पृष्ठ २ पर पादटिप्पणी देखिए ।

तमाल

Name of a tree; Xanthochymus Pictorius.

Tamala

तिलक

Name of a tree with beautiful flowers.

Tilaka

तीर्ध Tirtha. Tirtha is interpreted to mean a ford intended to cross the river of mundane existence which is subject to karma and cycle of births and rebirths. The Jina, Tirthankara, may be conceived to be a cause of enabling the souls of the living beings to get out of the stream of samsura or the recurring cycle of embodied existence, अध्याय ६-१ मेंपूर ९१ पर टिप्पणी देखिये।

तीर्धेकर Tirthankara

Patriarchs endowed with superhuman qualities; those who have attained infinite perception, knowledge power and bliss through supreme concentration and promulgate the truth matchlessly. According to Jainism Tirthankaras are always present in Videha Ksetra, but in the Bharata and Airavata Ksētras they are present in the fourth era of the two acons (i) causing increase and (ii) causing decrease. Twenty-four Tirthankaras have been in the past fourth era of the aeon, causing decrease. Out of them Lord Raabha was the first and Lord Vardhamuna was the last Tirthanbara.

त्रसरेणु

A particle. परिशिष्ट ४, सारिणी १ देखिए।

Trasarēnu

त्रिप्रश्ल Triprasna Name of a chapter in Sanskrit astronomical works.

अध्याय १-१२ में पृष्ठ २ पर पादटिप्पण देखिए ।

तुस्म

A weight measure of baser metals.

Tula

**उभय**निषेष

A di-deficient quadrilateral.

Ubhayanis edha अध्याय ७-३७ का टिप्पण देखिए।

उच्छ्वास Ucchvasa

A measure of time. परिशिष्ट ४, सारिणी २ देखिए।

उत्पन्न

The water-lily flower.

Utpala

**उत्तरध**न

Uttaradhana

The sum of all the multiples of the common difference found in a series in arithmetical progression.

अध्याम २-- ६३ और ६४ का टिप्पण देखिए।

वसरमिश्रधन Uttaramiéradhana

A mixed sum obtained by adding together the common difference of a series in arithmetical progression and the sum thereof, अध्याय २-८० से ८२

का टिप्पण देखिए ।

वाह Vāha A measure of capacity in relation to grain,

वज Vaira A weapon of Indra; for longitudinal section see note to Chapter 7th, stanza 32

वजापवर्तन

Cross reduction in multiplication of fractions.

Vajrapavartana अध्याम ३- २ का टिप्पण देखिए !

वकल Vakula Name of a tree: Mimusops Elengi.

वल्लिका

Proportionate distribution based on a creeper-like chain of figures. अध्याय ६—११५३ का टिप्पण देखिए।

Vallika. वर्द्धमान

See Jina-Vardhamana.

Vardhamāna.

वर्गमुल

Square root,

**Vargam**ula

वर्ण Varna

Literally colour; here denotes the proportion of pure gold in any given piece of gold, pure gold being taken to be of 16 Varnas.

विचित्र-क्ट्रीकार VicitraCurious and interesting problems involving propor-

kuttikāra

tionate division. अध्याय ६ में पृष्ठ १४५ पर टिप्पण देखिये।

विद्याधर-तरार VidyadharaA rectangular town is what seems to be intended here.

nagara

विषम कुट्टीकार Visama-

kuttikāra

Proportionate distribution involving fractional quantities, अध्याय ६ में पृष्ठ १२३ पर विषम क्रुष्टीकार की पाद टिप्पणी

देखिए।

विषम सङ्क्रमण Visamasankramana An operation involving the halves of the sum and the difference of the two quantities represented by the divisor and the quotient of any two given

quantities, अध्याय ६-२ का टिप्पण देखिए।

बितस्ति इयम

A measure of length, परिशिष्ट ४ की सारिणी १ देखिए। The first Tirthankara. See Tirthankara.

Vraabha

न्यवहाराञ्चल A measure of length. Vyavahārāngula परिशिष्ट ४, सारिणी १ देखिए ।

डयुत्कलित Subtraction of part of a series from the whole series

Vyutkalita in arithmetical progression, अध्याय २ में ब्युत्कित की पाद

टिप्पणी पृष्ठ ३२ पर देखिए।

वव A kind of grain; a measure of length. परिशिष्ट ४,

Yava सारिनी १ देखिए। Longitudinal section of a grain. आकृति

के लिये अध्याय ७---३२ का टिप्पण देखिए।

यवकोटि A place 90° to the East of Lanka.

Yavaköti

योग Penance; practice of meditation and mental

Yoga concentration.

योजन A measure of length. Yōjana परिशिष्ट ४, सारिनी १ देखिए।

# परिशिष्ट-३

# उत्तरमाला

#### अध्याय-२

- (२) ११५२ कमळ (३) २५९२ पद्मराग (४) १५१५१ पुष्पराग (५) ५३९४६ कमल (६) ९२५५ ३२७९४८ कमळ (७) १२३४५६५४ ३२१ (८) ४३०४६७२१ (९) १४१९१४७ (१०) ११११११११ (११) ११००००११००००१ (१२) १०००१०००१ (१३) १००००००००१ (१४) ११११११११: २२२२२२२२२: ३३३३३३३३३; ४४४४४४४४: ५५५५५५५५ दददददददद: ७७७७७७७७७ : ८८८८८८८: ९९९९९९९ (**१**५) ११११**११**१ (१६) १६७७७२१६ (१७) १००२००२००१ (२०) १२८ दीनार (२१) ७३ सुवर्ण खंड (२३) १७९ सुवर्ण खंड (२४) ८०३ बस्बू फल (२५) १७३ बस्बू फल (२२) १३१ दीनार (२६) ४०२९ रत (२७) २७९९४६८१ सुवर्ग खंड (२८) २१९१ रत (३२) १: ४; ९; १६; २५; ३६; ४९; ६४; ८१; २२५; २५६; ६२५; १२९६; ५६२५ (३३) ११४२४४; २१७२४९२१; ६५५३६ (३४) ४२९४९६७२९६; १५२३९९०२५; १११०८८८९ (३५) ४०७९३७६९; ५०९०८२२५; १०४४४८४ (३७) १; २; ३; ४; ५; ६; ७; ८; ९; १६; २४ (३८) ८१; २५६ (३९) ६५५३६; ७८९ (४०) ७९७९; १३३१ (४१) ३६;२५ (४२) ३३३; १११; ९१९ (४८) १; ८; २७; ६४; १२५; २१६; २४३,५१२, ७२९, ३३७५,१५६२५, ४६६**५६**, ४५**६५३३**, ८८४७३६ (४९) १०३०३०१, ५०८८४४८; १३७३८८०९६: ३६८६०१८१३: २४२७७१५५८४ (५०) ९६६३५९७: ७७३०८७७६; २६०९१७११९: १२०७२८९६२५ (५१) ४७४१६३२; ३७९३३०५६; १२८०२४०६४; ६१८४७०२०८: **३०३४६४४४८; ५९२७०४०००; ४०२४१९२५१२; १६२६३७९७७६; २४२७७१५५८४** (५२) ८५९०११३६५९४५९४८८६४ (५५) १; २; ३; ४; ५; ६; ७; ८; १; १७; १२३ (५६) २४; ३३३; ८५२ (५७) ६४६४; ४२४२ (५८) ४२६; ६३९ (५९) १३४४; १९७६ (६०) ९५०६०४ (६५) ५५; ११०; १६५; २२० २७५; ३३०; ३८५; ४४०; ४९५; ५५० (६६) ४० (६७) ५६४; ७५४; ९८०; १२४५; १५५२; १९०४; २३०४ (६८) ४०००००० (७१) ५; ८; १५ (७२) ९; १०; (७७) २; २ (७९) २; ५२०; १०: जब कि चुनी हुई संख्याएँ २ और १० रहती हैं। (८३) २; ३; ५; २; ३; ५ 1
- (८५) १२०; २४; जब कि इष्ट श्रेंद्धिका योग ज्ञातयोग से द्विगुणित होता है। तथा; २०; ६० जब कि इष्ट श्रेंद्धिका योग ज्ञातयोग से आधा होता है।
- (८७) ४६; ४; जब कि योग समान होते हैं। तथा; ३६; २४; जब कि एकयोग दूसरे से द्विगुणित होता है। तथा; ४४; २६; जब कि एकयोग दूसरे से त्रिगुणित होता है।
- (८८) १००; २१६; बब कि योग समान हों। तया; २३२; १९२; जब कि एक योग अन्य से द्विगुणित होता है। तथा; ३४; २२८; बब कि एक योग अन्य से आधा है।
- (९०) २१; १७; १३; ९; ५; १; १५; १७; ९; १ (९२) ६; ५; ४, ३; २; १ (९६) ४३७४ स्वर्ण सिक्के (९९) १२७५ दीनार (१००) ६८८८७; २२८८८१८३५९३ (१०२) ४; २

(१०४) ४ (१०५) ८; ९; १५ (१११) २२४; २०१; १७५; २४४; २६१ (११२) ४८३६; ४६५६; ४२००; ७५२५० (११३) १८२९३८; ५८४६ (११४) १८०; ११२; ६०; ४० (११५) ४०९२; २०४४; १०२०; ५०८; २५२; १२४; ६०।

#### अध्याय-३

- (३)  $\frac{2}{5}$  पण (४) १ $\frac{2}{5}$  पण (५)  $\frac{2}{5}$  पण (६) २ $\frac{2}{5}$  पल (७)  $\frac{2}{5}$  पल (१०) १७ $\frac{2}{5}$  पण (१०) १७ $\frac{2}{5}$  पल (१२) १४ $\frac{2}{5}$  पल (१२) ६;  $\frac{2}{5}$  हैं;  $\frac{2}{5}$  हैं;  $\frac{2}{5}$  हैं;  $\frac{2}{5}$
- (88) 34; 34; 54; 54; 34; 400; 4000; A000
- (१५) 8; 20; 84, 24, 424, 984; 220; 220; 384, 884; 624; 620; 686; 686; 686; 686; 686; 686; 686;
- (१६) 2; 3; 4; 4; 4;
- (१७) इस अध्याय के प्रश्न १४ और १५ देखिए; रू
- (१८) है; बेंडा होडा इवेबा वहेंहा वहेंवा वहेंवा
- (१९) -८; १४३ १९३१ १९४५, १८४१ १२१६ १ १६६८३ १९७६। ४२८७५ १९६९६ १८४८ १९६०६
- (२०) मैं; दे; (२१) दे; दें; है; है; है; है; है; दें; दें; दें; दें। दें। दें। देंदें; देंहें। दें। देंदें। देंहें। दें
- (२८) धन योग रूढ, हेड्ड, दूर्य, देदेहे, दुई हैं। प्रथम पद है, दह, बै, रूँड, देंड हैं। प्रचय है, है, के, दूंड, हैंड हैं। प्रचय है, है, के, दूंड, हैंड हैं।
- (30) 4: 48 (31) 48; 58 (32) 8; 4 (34) 4; 6 (30) 4; 8
- (१९) जब योग समान हो तो निष्टुदैन, निष्टुदैन परस्पर में बदलने योग्य प्रथम पद और प्रचय होते हैं तथा निष्टुदैहैं समान योग होता है। जब योग १:२ के अनुपात में हों तो निष्टुदेन और निष्टुदे प्रथम पद और प्रचय होते हैं; तथा दि गुणित योग निष्टुदे होता है। जब योग १: ५ के अनुपात में हों तो प्रथम पद और प्रचय निष्टुदे और मिंदुदे होते हैं; और आर्द्धित योग कि है हैं होते हैं; और आर्द्धित योग कि है हैं होते हैं।
- (A4) 3843; 4285 (A8) 250 250; 23 (AC) 4 (A4) 4882
- (40) 400 (41) \$950; \$880; \$360 (47) \$9; 78; 78; 25
- (५३) प्रथम पद रेड्ड, इंडेड, इंडेड हैं। योग इंडेड्ड, इंडेड्ड, इंडेड्ड, इंडेड्ड, इंडेड्ड, इंडेड्ड, इंडेड्ड, इंडेड, इंडेड, इंडेड्ड, इंडेड, इंडेड
- (५७ भीर ५८) १ (५९) १ (६०) १; १; १
- (६१ और ६२) १; १; १; १ (६३) ० (६४) दे (६५ और ६६) दे; टे
- (६७ से ७१) ४ (७४) २; ३; ४ (७६) (अ) २; ३; ९; २७; ५४
- (ब) २; ३; ९; २७; ८१; १६२ (स) २; ३; ९; २७; ८१; २४३; ४८६ (७८) (अ) ८; १३६; ३४०; २६० (ब) ४४; २२०; ४६०; २९९ (स) ७८; २८६; ५५०; ३६५ (८१) (अ) ५; २१; ४२०; जब कि मन से चुनी हुई राशि सर्वत्र १ हो; (ब) ३; ११; २३२; ५३५९२ जब कि मन से चुनी हुई राशि सर्वत्र १ हो; (ब) ३; ११; २३२; ५३५९२ जब कि मन से चुनी हुई राशियाँ २, १, १ हों।

- (८३) २; है; हैं; जब कि चुनी हुई राशियाँ ६, ८, ९ हों।
- (८४) ८; १२; १६; जब कि चुनी हुई राशियाँ ६, ४, ३ हों ।
- (८६) (अ) १८; ९; जब कि चुनी हुई संख्या ३ हो।
  - (ब) ३०; १५; बब चुनी हुई संख्या पुनः ३ हो ।
- (८८) (अ) ६; १२ जहाँ २ चुनी हुई संख्या है।
  - (ब) ३; १५ ॥ ५ ॥ ॥ ॥
  - (स) ४६; ९२ गरगगग।
  - (द) २२; ११० " ५ " "
- (৭০) (ম) ४; २८ (ব) २५; १७५
- (९१) १६: २४० (९२) १५१; ३०२०।

(९४) (अ) २२, ४४, ३३, ६६, ५८, ११६; जब कि योग है, ई और है में विपाटित किया जाता है और चुनी हुई संख्या २ रहती है। (ब) ११; २२; ५२; २३६; १९१; ३८; २०; जब कि योग है; है; में विपाटित किया जाता है। (९६) ५२ (९७) २१ (९८) दें (१०० से १०२) १ (१०३ और १०४) १ (१०५ और १०६) १ (१०८) हैं (११०) हैं; है; है; यदि हैं; है और है मन से चुनी हुई राशियों हैं। (१११) ७ हैं (११२) हैं (११०) हैं (११४) ० (११५) १४टें निष्क (११६) ० (११७) २ द्रोण और ३ माशा (११८) १हें (११९) २ हैं निष्क (१२०) १ (१२१) १हें (१२३) दें; है; है; मे मन से विपाटित किये गये भाग हैं। (१२४) है (१२०) २४ कर्ष (१२८) १ (१२०) १ (१३१) १ (१३३) है , है, है; जब कि है, है और है मन से विपाटित किये गये भाग हैं। (१२४) है पस को छोड़कर अन्य स्थानों में मन से चुने हुए मिन्न हैं। है जब कि है, है, है, है ऐसे ही सजातीय मिन्न हैं। (१३९ और १४०) ८ हैं ।

#### अध्याय—४

(५) २४ इस्त (६) २० मधुमिन्खयाँ (भ्रंग) (७) १०८ कमल (८ से ११) २८८ साधु (१२ से १६) २५२० ग्रुक (१७ से २२) ३४५६ मुक्ता (२३ से २०) ७५६० षट्पद (२८) ८१९२ गाएँ (२९ और ३०) १८ लाम (३१) ४२ हाथी (३२) १०८ पुराण (३४) ३६ केंट (३५) १४४ मयूर (३६) ५७६ पक्षी (३७) ६४ बन्दर (३८) ३६ कोयलें (३९) १०० हंस (४१) २४ हाथी (४२ से ४५) १०० मुनि (४६) १४४ हाथी (४८) १६ मधुकर (४९) १९६ सिंह. (५०) ३२४ हिरण (५३) अंगुल ४८ (५४ और ५५) १५० हाथी (५६) २०० वराह (५८) ९६ या ३२ वाह (५९) १४४ था ११२ मयूर (६०) २४० या १२० हस्त (६२) ६४ या १६ महिष (६३) १०० या ४० हाथी (६४) १२० या ४५ मयूर (६६) १६ कपोत (६७) १०० कपोत (६८) २५६ राजहंस (७०) ७२ (७१) ३२४ हाथी (७२) १७२८ साधु।

#### अध्याय-५

(३) ६३८  $\frac{3}{3}$  योजन (४) ५ है बै योजन (५) १०५६००००० (६) १०% दिन (७) ३११० बे वर्ष (८) ९३ है डे डे हैं है वाह (९) ३२ है पल (१०) ५७ है बे पल (११) १९६ है भार (१२) ६६५ है दीनार

(१३) २३८० हुई पल (१४) १६३ युगल (१५ और १६) ११ हुई योजन; २७ ईडे वाह (१७) ११२ द्रोण मुद्र; ५०४ कुढन वो; ३३६ दोण तण्डुल; ४४८ युगल वस्त; ३३६ गाएँ; १६८ सुवर्ण (१८) १६०; ११२ हुई वरण (१९) १२० खंड (२०) ५२५ खंड (२१) २४ तीर्थंकर (२२) २६६ शिला (२४ और २५) ५ वर्ष और ११७ दिन (२६) २१३ है दिन (२७) १० वर्ष और २४५ है दिन (२४ के ३०) ३५१ हुई दिन (३१) ७६ हूँ दिन (३३) १० पुराण; १८ पुराण; २८ पुराण (३४) २९ हुई हु मुवर्ण (३५) ३६ गोधूम (३६) ४००० पण (३७) २५० कर्ष (३८) ९६० अनार (३९) ५६०००० सुवर्ण (४०) ७५० सुवर्ण (४१) ५४ (४२) २५२ सुवर्ण (४३) ९४५ वाह ।

#### अध्याय-६

दिध	वी	दुग्ध
प्रथम घट <del>ैहै</del> ≤	<u>3</u> ?	έx
द्वितीय घट <sup>२</sup> डे	6	-3€
तृतीय घट 💱	<u> ગ</u> ુલ	કુર

(१४४३ और १४५३). ८; ५। (१४०२ से १४२३). ८; ५। ११; १८; २३; २७; १९; २३; ७; ३९; ११; ४४; ईत्रै; ४१; ५१; ४६; ५९; ३७

	मादुर्छंग	कद्ळी	कपित्थ	दाडिम
प्रथम हेरी	१४	રૂ	३	१
वितीय "	१६	ą	२	₹
तृतीय "	१८	ą	ę	ę
न्स्य	२	8.0	8	₹
(१४७३ से १	४९):			
•	मथूर	कपोत	हंस	सारस
संख्या	હ	१६	४५	8
पणों में मूल्य	9 ¥ 3	१२	३६	3
(१५०)				
	ग्रुण्ठि	पिष	पल	मरिच
परिमाण	र्०	¥	8	K
पणों में म्ह्य	१२	ş	દ	३२

(१५२ और १५३) पण ९; २०; ३५; ३६ (१५५ और १५६) जब चुनी हुई संख्या ६ हो तो ईहै; इँहै; ३;७ जब चुनी हुई संख्या ८ हो तो ५; ६; १६; ४ (१५८) क्षेत्र की लम्बाई १० योजन; प्रत्येक अश्वको ४० योजन वहन करना पड़ता है।

(१६० से १६२) १०; ९; ८; ५ (१६४) २०; १५ और १२; (१६५ और १६६) ८; २०; ४० (१६८) २४३ पण; (१७० से १७१३); १०३; उदे, उदे, हैं, देंदे, देंदे, देंदे, हैं (१७२३) ३२; (१७४३) ८७ है; (१७७३ और १७८) १४ (१७९) ३; (१८१) २१; (१८४) ३९°; १९°; (१८६) २०; ४; ४; ४; ४; १४; (१८८) १६°; १°°; अथवा १६°; १°°; (१९०); १°; १३; (१९१) ૮; १३; १०; <sup>રૂક</sup>; (१९३ से १९६३;) (અ) રૂક; મહું કું કું કું (લ) 19 84 868; (१९८३); ५६०; ४४८(२००३से २०१) ३६०; १००; १८०; ६६०; (२०४ और २०५) ४७; १७; ३४; ६८; १३६ (२०७ और २०८) २४००; (२१३ से २१५) ३, २; 💥; 🕻 (२१७) ११ (२१९) ६; १५; २०; १५; ६; १; ६३ (२२०) ५; १०; १०; ५; १; ३१ (२२१) ४; ६; ४; १; १५ (२२३ से २२५) १०; २४; ३२ (२२७) ४ पनस (Jack fruits) (२२९) २ योजन (२३१ और २३२) १८; ५७; १५५; ४९० दीनारें (२३६ और २३७) १५; १; ३; ५ (२६९ और २४०) २६१; ९२१; १४१६; १८०१; २१०९; ११०८८० (२४२ और २४३) ११; १३; ३० (२४४ और २४४३) ३; ४; ५ (२४५३ और २४७) ५१७७. १०३; १६९; २२३; २६८ (२४८) १४७६०. ३५६; ५८५; ४४५; ६२४ (२४९ से २५०%) ५५; ७१; ६६; ८७६ (२५३% से २५५%) ७;८; ९ (२५६ई से २५८ई) ११; १७. २० (२६०ई और २६१ई) ७; ३; २ (२६२ई) ८; १२; १४; १५; ३१ (२६३२) ५४; ७२; ७८; ८०; १२१ (२६४२) १८७५; २६२५; २९२५; ३०४५; ३०९३; ५१८७ (२६६३) ४; ७; १३ (२६७३) १२; १६; २२; ३१ (२७० के २७२३) ४२; ४० (२७४३) ५; ८

(२७६३) १८६ (२७७३) १५१ (२७८३) क्ष्रिक्ष (२८०३) २६ (२८२३ से २८३) १२९६;१२२५ (२८५) था २; ३ (स) — है; — मी (२८७) क्ष्रिक्ष (२८९) ३७ (२९१) ४०; १८४ (२९३) २; ३ (२९५) ५ सिया; ४० फूल (२९७) २०४; २१०९; २८७०; ७३८१०; १८०४४१; १६२०६ (३००) १०९५; १६२४ (३०४) २५५५; १२६२२५ (३०६३) २७६६३ (३०८३) ५०४; ७३२; १०२०; १३७५; ५३०४; १५०८७५; २७२३०४ (३१०३) १५६३१००; ५०३८८६९; ९६४६; १२७०५; ११४४०० (३१२३) मेडेड्, क्ष्रेड्ट (३१५) ४२६ (३१६) ४१६३४८८७३ (३१८) २; ३; ५; ४० (३२०) क्ष्रे (३२१ से ३२१६) २४ दिन (३२३३) ३ (३२५३) ६ (३२७३) २५ दिन (३२९६) १३; ९ (३३१३) ५५ (३३२३) ६२० (३३७३) उत्तर के लिए अनुवाद की पादिष्पणी देखिए।

#### अध्याय-७

(८) ३२ वर्ग दण्ड (९) ८६६ वर्ग दण्ड और ४ वर्ग इस्त (१०) ९८ वर्ग दण्ड (११) १२०० वर्ग दण्ड (१२) ३६०० वर्ग दण्ड (१३) १९५२ वर्ग दण्ड (१४) २३७८ है वर्ग दण्ड (१५) ६३०४३ वर्ग दण्ड (१६) १९२५ वर्ग दण्ड (१७) ७४२५ वर्ग दण्ड (१८) ५० वर्ग इस्त (२०) अ) ५४; २४३ (ब) २७; १२१६ (२२) ८४; २५२ (२४) ४८ इस्त; १९५ वर्ग इस्त (२७) १३५ (२९) १८९ वर्ग इस्तः १३५ वर्ग इस्त (३१) १०८; (२६) ३७८ ९७२; ३६; (३३) १६०० (३४) २,४०० वर्ग दण्ड (३५) ४६२ वर्ग दण्ड (३६) ६४० वर्गदण्ड (३८) ३२४ वर्गदण्डः ४८६ वर्गदण्डः (४०) १८ ५८, १८० (४१) १८; ३०% (४२) २०%; ३८; (४४) २५३३; ३९ (४६) १३; २६ (४८) ६९%; ६९% (५१) √ ७६८ वर्गदण्ड; √ ४८; ४; ४ दण्ड (५२) ६० वर्ग दण्ड; १२; ५; ५ दण्ड (५३) ८४; १२; ५; ९ (५५) √ ५०; २५ (५६) १३; ६० (५७) ६५: १५०० (५८) ३१२; २८८; ११९; १२०; ३४५६० १५९) ३१५; २८०; ४८; २५२; १३२; १६८; २२४; १८९; ४४१०० (६१) √ ३२४०; √ ६५६१०; √ ३६०००; √ ८१०००००; √ ४८४०; √ १४६४१०; (६२) √ ३६०; √ ३२४०; √ ३२४०; √ २६२४४० (६४)  $\sqrt{\epsilon_0 80}$ :  $\sqrt{4837}$ ;  $(\epsilon \epsilon_2)$   $\sqrt{2560}$   $\epsilon_0 \epsilon_2$ ;  $\sqrt{8560}$   $\epsilon_0 \epsilon_2$   $\epsilon_0 \epsilon_1$ वर्ग दण्डः 🗸 २०२५० वर्ग दण्ड (६९३) 🗸 ३१३६० वर्ग दण्ड (७१३) 🗸 १४४० वर्ग दण्ड (65) Vueso (65) Vaso; १२; ६ (65) १९२+ Vasor, (65) १९२- $\sqrt{4060}$  (665) 665 -  $\sqrt{55080}$  (665)  $\sqrt{1650}$ ;  $\sqrt{1650}$ ;  $\sqrt{1650}$ ;  $\sqrt{1650}$ ; (655) १६-√ १६० (८५३) √ ४८ - √ ४० (८७३) १६; १२; ४८ (८९३) २०; ८ (९१३) ३; ४; ५ (९२३) ५; १२; १३ (९४३) १६; ३०; ३४ (९६३) ५; ३; तीन दशाओं के लिये।

(९८३) अ. ६०; ६१; ब. ११; ६१; स. ११; ६०;

(१३६) ३२; ८७; ६; २३२ (१३८) ३७; २४; २९; ४० (१३९) १७; १६; १३; २४ (१४०) ६२५; ६७२; ९७०; १९०४ (१४१) २८१; ३२०; ४४२; ८८० (१४३ से १४५) वृत्त २५९२० महिलाएँ; · ७२० दण्ड । सम चतुरभ (वर्ग) ३४५६० महिलाएँ; ७२० दण्ड । समबाहु त्रिमुत्र ३८८८० महिलाएँ; १०८० दण्ड । आयतचतुरश्र : ३८८८० महिलाएँ; १०८० दण्ड, ५४० दण्ड । (१४७) (i) मुना ८ (ii) आधार १२; सम्ब ५ (१४९) के के के के के हैं के इंदे हैं के इंदे हैं अर्थ (१५१) १३; १३; १३; १३ (१५३ से (१६२३) -335; 48; 48 (१६४३) Vyo (१६६३) ७; १; 38 (१६७३) 34; -23 48 (१६९२) ६ (१७०२) १० (१७२२) १०; १३; (१७४२) भुजाएँ 📲; तलभुजा 📲; तलभुजा 📲 (१७६) १७ (१७७३ से १७८३) (वा) ३६००; ७२००; १०८००; १४४००; (व) ५४; ९०; १२६; १६२; (स) १००; १००; १००; १०० (१७९३) (अ) २७००; ७२००, ४५००; (ब) ५०; ७०; ८०; १ ६०; १२०; ६० (१८१६) ८ इस्त; ८ इस्त (१८२६) 🖐 इस्त; 👺 इस्त; 💝 इस्त (१८३६ और १८४६) ३ इस्त; ६ इस्त. ९ इस्त (१८५३) ७ इस्त; ७ इस्त; ३८ इस्त (१८६३) ३३ इस्त; ५३ इस्त; ३३ इस्त (१८७३) ९ इस्त; १२ इस्त; ९ इस्त (१८८३ और १८९३) ८ इस्त; २ इस्त; ४ इस्त (१९६३) १३ इस्त (१९२३) २९ इस्त (१९३३ से १९५३) २९ इस्त; २१ इस्त (१९७३) १० इस्त (१९९३ से २००३) १२ योजन; ३ योजन (२०४ ई से २०५) ९ इस्त; ५ इस्त; √ २५० इस्त (२०६ से २०७६) ६ योजन; १४ योजन; √ ५२० योजन (२०८३ से २०९३) १५ योजन; ७ योजन (२११३ से २१२३) १३ दिन (₹१४€) √ १८; १३ (२१५€) क्ष (₹१६€) 23 (₹१७€) ६५ (₹१८€) √ ४८; देई (२१९३) 🐉 (२२०३) ४ (२२२३) वर्ग : 🗸 🚉 आयत : ५; १२; दो समान भुजाओं वाला चतुर्भुज मुजाएँ 📽; मुल मुजा 📲; तल 📽 तीन समान मुजाओं वाला चतुर्भुंब मुजाएँ 🤻; तल 🐾 🛣 असमान मुजाओं वाला चतुर्भुज भुजाएँ दे: "दे: मुलभुजा ५; तल १२ समबाह त्रिभुज√ के समिद्रिबाहु त्रिभुजः — मुजाएँ १२; आधार -देंड्ड- विषम त्रिभुजः भुजाएँ; १२; 📽, तल 📽 (२२४६) वर्ग, ३ दो समान भुजाओं वाला चतुर्भुज : १६६ तीन समान भुजाओं वाला चतुर्भुज : १६३ विषम चतुर्भुज : रूँ रूँ , समबाहु त्रिभुज : √ रेर , समद्विबाहु त्रिभुज : रैंड , विषम त्रिभुज : ८ षट्कोण : √ रें के , यदि क्षेत्रफल इस अध्याय के ८६ है वें स्रोक में दत नियम के अनुसार √ ४८ किया जाता है। (२२६३) ८ (२२८३) २ (२३०३) १० (२३२३) ६; २।

#### अध्याय-८

(५) ५१२ धन इस्त (६) १८५६० धन इस्त (७) १४४३२० घन इस्त (८) १६२००० धन इस्त (१२५) २९२८ घन इस्त (१३६) १४५८ घन इस्त; १४७६ घन इस्त; १४६४ घन इस्त (१४६) २९१६ घन इस्त; २९५२ घन इस्त; २९५२ घन इस्त (१५६) ३३६० घन इस्त (१६६)  $\frac{2}{2}$  ६६० घन इस्त (१६६)  $\frac{2}{2}$  ६६० घन इस्त (१८६) १८२८३६ घन इस्त (२१६) (1) ३०२४ घन दण्ड; २०२४ घन दण्ड; ४०३२ घन दण्ड (11) केन्द्रीय पुज एक ओर घटता हुआ है १४८८; १४८८; १९८४ घन दण्ड (२१६) ४०३२; १९८४ घनदण्ड (२४६) ४० घन इस्त (२५६) १६ इस्त (२७६) १२; ३० (२९६) २३०४; २०७३६ (३१६)  $\sqrt{620}$ ;  $\sqrt{620}$  (३४)  $\sqrt{620}$  (३४)  $\sqrt{620}$  (३४)  $\sqrt{620}$  वाह (३७ से ३८६) १७ योजन, १ कोश

और १९६८ दण्ड (३९६ और ४०६) २६ योजन और १९५२ दण्ड (४१६ और ४२६) ६ योजन, २ कोश और ४८८ दण्ड (४५६) ६९१२ इकाई ईटें (४६६) ३४५६ इकाई ईटें (४७६) ५१८४ इकाई ईटें (४८६) १०८००० इकाई ईटें (४९६) ४०३२० इकाई ईटें (५०६) ४०३२० इकाई ईटें (५१६) २०७०० इकाई ईटें और १८८० इकाई ईटें (५५६) २६४० इकाई ईटें और १४४० इकाई ईटें (५८६) २०; है ५६८० इकाई ईटें (५६६) २८८० इकाई ईटें और १४४० इकाई ईटें (५८६) २०; है ५६८० इकाई ईटें (६८६) १८७२० इकाई ईटें (६८६) ६४ पहिका।

#### अध्याय-९

(१२) टै दिनांश (११५) २ इं घटी (१२६) १ दिनांश (१४६) २ (१६६ से १७) ६ दिनांश; १० घटी (१९) ८ अहुल (२२) १६ इस्त (२४) ८ इस्त (२५) २ (२७) २० इस्त (२९) १० (३१) ५; ५० (३४) ५ इस्त (३५ से ३७६) ५८ दिनांश; ८ (३८६ और ३९६) ५ इस्त (४१६ से ४२) २४ अहुल (४४) ३२ अहुल (४६ और ४७) ११२ अहुल (४९) १७५ पाद (५०) १ ० पाद (५१ से ५२६) १०० योजन।

# परिशिष्ट-४

## माप-सारिणियाँ

# १. रेखा-माप \*

```
अनन्त परमाणु
                         = १ अणु
   ८ अणु
                         = १ त्रसरेणु
    ८ त्रसरेणु
                        = १ रथरेणु
                        = १ उत्तम भोगभूमि बाल-माप
   ८ रथरेणु
   ८ उ. भी. बा.
                        = १ मध्यम भोगभूमि का बाल-माप
    ८ म. भो. बा.
                         = १ जघन्य "
    ८ ज. भो. बा.
                        = १ कर्मभूमि का बाल-माप
    ८ कर्मभूमि का बाल-माप = १ लीक्षा-माप
                         = १ तिल माप या सरसौं-माप 🕇
    ८ लीक्षा माप
    ८ तिल-माप
                         = १ यव-माप
                         = ? अङ्गुल या व्यवहाराङ्गुल
    ८ यव माप
 ५०० व्यवहाराङ्गुल
                         = १ प्रमाण या प्रमाणाङ्कल
      वर्तमान नराङ्कल
                         = १ आत्माङ्गल
                         = १ पाद-माप (तिर्थक्)
    ६ आत्माङ्गल
    २ पाद
                         = १ वितस्ति
    २ वितस्ति
                         = १ इस्त
                         = १ दण्ड İ
    ४ इस्त
                         = १ कोश
२००० दण्ड
    ४ क्रोश
                         = १ योजन
```

## २. काल-माप

असंख्यात समय = १ आविल
 संख्यात आविल = १ उच्छ्वास
 उच्छ्वास = १ स्तोक
 स्तोक = १ खव

- इस सम्बन्ध में तिलोबपण्णती में दिया गया रेखा-माप दृष्टव्य है १;९३-११२ ।
   तिलोबपण्णती में लीक्षा के प्रवाद जूं माप है ।
- 📫 तिक्रीयपण्णाची में दण्ड को धनुष, मृसल या नाळी भी बतकाशा है।
- [] इस सम्बन्ध में तिक्रीयपण्णसी में दिया गया काळ-साप रहस्य है। ४; १८५-२८६

# गणितसारसंब्रह

३८३ लव	= १ षटी
२ बटी	= १ मुहूर्त
३० मुहूर्त	= १ दिन
१५ दिन	= १ पक्ष
२ पक्ष	= १ मास
२ मास	= <b>१ ऋ</b> तु
३ <del>গু</del> নু	= १ अयन
२ अयन	= १ वर्ष

# ३. धारिता-माप ( धान्य-माप )

४ षोडशिका	= १ कुड <b>६</b>
४ कुडह	= १ प्रस्थ
४ <b>प्रस्थ</b>	= १ आदक
४ आदक	= १ द्रीण
४ द्रोण	= १ मानी
४ मानी	= १ खारी
५ खारी	= १ प्रवर्तिका
४ प्रवर्तिका	= १ वाह
५ प्रवर्तिका	= १ कुम्भ

# ४. सुवर्ण भार-माप

४ गण्डक	= १ गुझा
५ गुझा	= १ पन
८ पष	= १ घरण
२ घरण	= १ कर्ष
४ कर्ष	= १ पल

# ५. रजत भार-माप

२ भान्य	= १ गुङ्गा
२ गुझा	= १ माष
१६ माष	= १ घरण
२३ धरण	= १ कर्षया पुराण
४ कर्ष या पुराण	= १ पल

# ६. लोहादि भार-माप

¥	पाद		*	कला
44	कला	=	ę	यव

४ यव = १ अंश ४ अंश = १ भाग ६ भाग = १ द्रभूग = १ दीनार २ द्रक्षूण २ दीनार = १ सतेर १२३ पस = १ प्रस्थ २०० पल = १ तुला १० तुला = १ भार

# ७. वस्त्र, आभरण और वेत्रमाप

२० युगल

= १ कोटिका

# ८. भूमि-प्रमाण

१ वन इस्त घनीभूत भूमि = ३६०० पल १ वन इस्त ढीळी (loose) n = ३२०० पल

# ९. ईंट-प्रमाण

१ इस्त 🗙 चैहस्त 🗙 ४ अङ्गल ईंट = इकाई ईट

# १०. काष्ठ-प्रमाण

१ इस्त और १८ अङ्गल = १ किब्कु ९६ अङ्गल लम्बे और १ किब्कु चौड़े काष्ठलंड को आरे से काटने में किया गया कार्य = १ पट्टिका

## ११. छाया-प्रमाण

मनुष्य की 🖁 ऊँचाई = उसका पाद माप

परिशिष्ट-५ ग्रंथ में प्रयुक्त संस्कृत पारिभाषिक शब्दों का स्पष्टीकरण

# [ हिन्दी-वर्णमाला कम में ]

शब्द	स्त्र	अध्याय	पृष्ठ	स्पष्टीकरण	अभ्युक्ति
अगर			•••	सुगंधित काष्ठ ।	Amyris ag-
<b>अ</b> ग्र	१ <b>२</b> १- १२२	<b>₹</b>	•••	आगे अथवा आरम्भ का ।	
अङ्ग	•••	•••	•••	श्रुतज्ञान के भेदीं में से एक भेद का नाम अंग है। ये बारह होते हैं।	
અક્રુહ	६५-२९	ş	•••	लम्बाई का माप।	परिशिष्ट ४ की सूची १ भी देखिये।
अणु	<b>२५-</b> २७	8	•••	परमाणु या अंत्यमहत्ता को प्राप्त पुद्रल कण ।	
अध्वान	त्र ते स्वर् स्वर्	દ્	•••	किसी दत्त संख्या के अक्षरोंवाले छन्द के समस्त सम्भव प्रकारों के दीर्घ और लघु अक्षरों को उपस्थित करने	
				के लिए उदप्र (vertical) अन्तराल । लघु अथवा दीर्घ अक्षर के प्रतीक का अन्तराल एक अंगुल तथा	
				प्रत्येक प्रकार के बीच का अन्तरास्त्र भी एक अंगुरु होता है।	
अन्त्यधन	•••	•••	•••	समान्तर या गुणोत्तर भेढि में अंतिम पद ।	
<b>अ</b> न्तरावलम्बक	•••	•••	•••	भीतरी त्रम्ब; दो स्तम्मों के शिखर से दोनों स्तम्भों के तल से जाने वाली	
				रेखा में स्थित बिन्दु तक तत	
				(stretched) दो धार्गी के मिथ-	
				ब्छंदन बिन्दु से लटकने वाले धारो	
	1	1	ļ	का माप।	

शब्द	स्त्र	अध्याम	SS	स्पष्टीकरण	भम्युक्ति
अन्तश्रकवाल दृत्त			•••	कङ्कण की भीतरी परिधि।	
अपर	१३ द	9	•••	उत्तर, बाद की।	i 
अमोब वर्ष	•••	•••	•••	राजा का नाम; (साहित्यक) : वह	
	<b>!</b>			जो वास्तव में उपयोगी वर्षा करते हैं।	
अम्लवेतस	} •••	•••	• • •	खट्टी पत्तियों वाली एक प्रकार की	Rumex
				जड़ी।	Vesicarius.
अयन	•••	•••	•••	काल का माप।	परिशिष्ट ४ की
	•				सूची २ देखिये।
अरिष्टनेमि	•••	•••	•••	बाईस वें तीर्थेकर।	
અર્જીન •	***	•••	•••	वृक्ष का नाम ।	Ferminalia
					Arjuna W.
				1	& A.
अर्बुद			•••	ग्यारहवें स्थान की संकेतना का नाम।	
अवनति	३२	9	•••	स्काव।	
अवलम्ब	89	اوا	•••	शीर्ष से गिराया हुआ लम्ब ।	}
अभ्यक्त	१२१	3	• • •	भशत ।	
अशोक	•••	•••	• • •	बृक्ष का नाम।	Jonesia
				_	Aso ka Roxk
असित	•••	•••	• • •	,,	Grislea To-
					mentosa.
भादक	•••	•••	• • •	धान्य-माप	परिशिष्ट ४ की
				1 1 1	स्ची ३ देखिये।
भादि	•••	•••	•••	श्रेढि का प्रथम पद ।	18. 1 A 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1.
आदिधन	६३-६४	२	•••	समान्तर श्रेढि के प्रत्येक पद को प्रथम	
7117,471	j			पद एवं प्रचय के अपवर्त्य के योग से	j
				संयवित मान लेते हैं। समस्त प्रथम	
	ļ			पदौं के योग को आदिधन कहते हैं।	1
भारि सिकास	60-64	ا ۽		प्रथम पद से संयुक्त । समान्तर श्रेढि	
आदि मिश्रघन	1	`		का योग ।	
ant averr			•••	का या । किसी त्रिभुज या चतुर्भुज के आधार	
भावाधा	]				
	}			को संचरित करनेवाली सरल रेखा	
•				का लण्ड ।	
आयत कृत	•	9	•••	ऊनेन्द्र (Ellipse )	

হা <b>ত্ত</b>	स्त्र	अध्याय	58	स्पन्नी <b>करण</b>	अम्युक्ति
<b>आयाम</b>		•••	•	लम्बाई ।	
<b>आवर्</b> छ	•••	•••	•••	काल माप।	परिशिष्ट ४ की सूची २ देखिये।
इन्छा		•••	•••	त्रैराधिक प्रश्न सम्बन्धी वह राशि बिसके सम्बन्ध में दत्त अर्थ (Rate) पर कुछ निकालना इष्ट होता है।	
<b>इ</b> न्द्रनील				शनिप्रिय, नीलमणि	Sapphire
<b>इ</b> भद्न्ताकार	૭ <b>ે.વ</b>	હ		हाथी के दांत (खीस ) का आकार।	1 -:
उच्छवास	•••	•••	•••	काल माप ।	परिशिष्ट ४ की सूची २ देखिये।
उत्तर धन	६३–६४	२	•••	समान्तर श्रेंद्रि में पाये जाने वाले प्रचय के समस्त अपवर्त्यों का योग ।	
उत्तर मिश्रधन	८०-८२	२	•••	समान्तर श्रेटि के प्रचयौ तथा श्रेटि के योग को जोड़ने से प्राप्त मिश्र योगफल।	
<b>उत्प</b> ल				बल में ऊगने वाला निकनी पुष्प ।	
उत्सेष			•••	<b>उ</b> ळ्याय या कॅचाई ।	
उबत वृत्त	Ę	e	•••	उठे हुए सम्मितीय तल वाली आंकृति ।	
उभय निषेध	३७	9		एक प्रकार का चतुर्भुज ।	
<b>%</b> 3				काल माप ।	परिशिष्ट ४ की
			ĺ		स्वी २ देखिये।
एक		•••	•••	इकाई का स्थान।	
औण्ड्र-औण्ड्रफल	1 2	6		किसी सांद्र अथवा खात की घनात्मक	
				समाई का व्यावहारिक माप जिसे	
	:			ब्रह्मगुप्त ने औत्र कहा है।	
अंश	•••	•••	•••	धातुओं सम्बन्धी भार का माप ।	परिशिष्ट ४ की
<b>अंशमू</b> ख	•••		•••	भिन्नांश का वर्गमूल।	स्ची ६ देखिये। परिशिष्ट ४ की
<b>åश</b> वर्ग	•••			भिन्नांश का वर्ग।	स्ची ३ देखिये।
कदम्ब	•••	•••	•••	वृक्ष का नाम ।	Nauclea
कम्बुका वृत्त	Ę	૭	•••	शंख के आकार की आकृति।	Cadamba.

i a

शब्द	स्त्र	अध्याय	ãa	स्पष्टी ६ रण	अम्युक्ति
कर्ण	48.	9		सम्मुख कोण बिन्दुओं को जोड़ने वार्छा	
				सरळ रेखा ।	00 7.0
कर्म	•••		• • •	जीव के रागद्वेषादिक परिणामों के	परिशिष्ट १ में भी
				निमित्त से कार्माग वर्गणारूप जो पुद्रल	'कर्म' देखिए।
				स्कंध जीव के साथ बंधको प्राप्त होते	
•				है, उनको कर्म कहते हैं।	
कर्मान्तिका	9	6		किसी सान्द्र अथवा खात की घनात्मक	
कर्ष	ĺ			समाई का व्यावहारिक माप।	
कथ	Ì			स्वर्णयारजत का भार माप।	परिशिष्ट ४ की सुचियाँ ४ और ५
	. ;				देखिये।
कला				!   कुप्य (base) घातुओं का भार माप।	परिशिष्ट ४ की
4001				2. 1 (2) 11.2 III 11.1	सूची ६ देखिये
कला सवर्ण	j	}		भिन्न।	अध्याय तीन वे
, .	l .			, 	प्रारम्भ में पाद
_					टिपाणी देखिये।
कार्षापण	•••	•••	•••	कर्ष।	
किष्कु	1	•••	•••	काष्ठ चीरने के सम्बन्ध में लम्बाई का	
		į		माप ।	Croeus
<b>कु</b> डुम				कुंकुम फूलों के पराग एवं अंशु ।	sativus
कुट्टीकार	७९३	Ę			
कुरुवनः <u>}</u>		٩	į	अनुपाती विभाजन । धान्य का आयतन सम्बन्धी माप ।	परिशिष्ट ४ क
कुंबहा				यान्य का आयतन तम्यन्या नाप ।	स्ची ३ देखिये
कुत्बा				वृक्ष का नाम।	Wrightia
					Antidysen
					terica.
क्रम	•••	•••		धान्य का आयतन सम्बन्धी माप ।	परिशिष्ट ४ व
					स्वी ३ देखिये
कुर्वक	***	•••		वृक्ष का नाम	the Amara
1					Barleria.
केतकी	•••	•••		99	Pandanus
			1		Odoratissi mus.

शब्द	स्त्र	अध्याय	মূদ্র	स्पष्टीकरण	भम्युक्ति
कोटि		<u>'</u>	<u> </u>	करोड़, संकेतना का आठवाँ स्थान।	]
कोटिका	•••		•••	वस्त्र, आभूषण तथा बेत का संख्यात्मक माप।	परिशिष्ट ४ की सूची ७ देखिये।
कोश	•••		•••	लम्बाई (दूरी) का माप।	परिशिष्ट ३ की सूची १ देखिये।
कृति				वर्ग करण किया।	
<b>कृष्णागर</b>				सुगन्धित काष्ठ की काली विभिन्नता ।	!
खर्व	Į į			संकेतना का तेरहवाँ स्थान ।	
खारी		.		धान्य का आयतन सम्बन्धी माप।	
गच्छ	İ			श्रेदि के पदों की संख्या।	
गण्डक		· ;		स्वर्णे का भार माप ।	परिशिष्ट ४ की सूची ४ देखिये।
गतना ड्य	१०५	8		पूर्वोह्न में बीता हुआ दिनांश ।	
गुङ्गा			•••	स्वर्णयारजतकाभारमाप।	परिशिष्ट ४ की सूचियाँ ४ एवं ५ देखिये।
2707	4	U		जीया ।	\ 41094
गुण गुणकार	,,,			गुणा ।	
गुणघन	९३	२	•••	गुणंक्तर श्रेढि के पदों की संख्या के तुल्य साधारण निष्पत्तियों को लेकर, उनके परस्पर गुणनफळ में प्रथम पद	
गुण सङ्कलित			•••	का गुणा करने से गुणधन श्रप्त होता है । गुणोत्तर श्रेद्धि ( Geometrical progression ).	
बटी				काल माप	परिशिष्ट ४ की सूची २ देखिये।
षन	6 36 <b>8</b>	२	• • •	किसी राशि का घन करना; जिस राशि का घनमूल निकालना इष्ट होता है, उसे इकाई के स्थान से प्रारम्भ कर तीन-तीन के समूह में विभाजित कर लेते हैं। इन समूहों में से प्रत्येक का दाहिनी और का अंतिक अंक धन	4 1
				कहलाता है।	
वन मूल				घनमूल निकालने की क्रिया।	

शब्द	सूत्र	अध्याय	SR	स्पष्टीकरण	अम्युक्ति
चक्रिकामञ्जन	Ę	१	१	बन्ममरण के चक्र का संदार करनेवाळे;	
चतुर्मण्डल क्षेत्र	૮૨૬	9	२०१	राष्ट्रकूट राजवंद्य के राजा का नाम। मध्य स्थिति	
चम्पक	۵ <b>۱ ا</b>	¥	६९	पीले सुगन्धित पुष्प वाला दृश्च	Michelia Champaka
चय	६८	ર	२२	प्रचय । वह राशि जो समान्तर श्रेढि के उत्तरोत्तर पदों में समान अन्तर स्थापित करती है ।	
चरमार्घ	१०३३	।   ६	१ <b>१</b> २	शेष मृत्य	<u> </u>
चिति	३०३	8	१६९ २६२		
चित्र कुट्टीकार	२१६	Ę	<b>શ્ક્ર</b> ય	अनुपाती विभाजन समन्वित विचित्र एवं मनोरञ्जक प्रश्न ।	
चित्र कुद्दीकार मिश्र	२७३ <del>१</del>	6	१६०	अनुपाती विमाजन क्रिया के प्रयोग गर्भित विचित्र एवं मनोरञ्जक निश्चित	
छन्द	<b>३</b> ३३ <u>१</u>	<b>6</b> ,	१७ <b>७</b>	प्रध्न ।	A syllabic metre
षस्य	९० <del>२</del>	9	२०४	'बीब' नामक दत्त न्यास से न्युत्पादित त्रिभुब और चतुर्भुज आकृतियाँ !	
सम्बू	88	8	८०	वृक्ष का नाम।	Eujenia Jambalona.
जिन	ş	•	९१	जिन्होंने घातिया कमों का नाद्य किया है वे सकल जिन हैं इनमें अरहंत और सिद्धगर्भित हैं । आचार्य, उपाध्याय तथा साधु एक देश जिन कहे जाते हैं क्योंकि वे रक्षत्रय सहित होते हैं। असंयत सम्यक् दृष्टि से लेकर अयोगी पर्यन्त सभी जिन होते हैं।	जिन्होंने अनेक विषम मनों के गहन दुःख प्रदान करनेवाले कर्म शत्रुओं को जीता है—निर्जरा की है, वे जिन कहळाते हैं।
बिनपति	८३३	६	१०८	तीर्येकर ।	
ज्येष्ट बन	१०२३	6	<b>१</b> १२	सबसे बढ़ा धन ।	
<b>हुण्डुक</b>	ĘIJ	2	२६८	कुक्ष का नाम।	

হা <b>ভব</b>	स्त्र	अध्याय	, <b>पृष्ठ</b>	स्पष्टीकरण	अम्युक्ति
तमाल	₹\$	8	७४	वृक्ष का नाम ।	Xantho- chymus
ताली	११६३	ε	११९	वृक्ष का नाम	Pictorius
तिलक	₹ <b>६</b>	४	७२	सुन्दर पुष्पों वाला वृक्ष ।	
तीर्थे	8	६	९१	उथला स्थान जहाँ से नदी आदि को पार कर सकते हैं।	
तीर्थेकर	<b>१</b>	Ę	९१	तीर्थों को उत्पन्न करनेवासी, चार- घातिया कर्मों का नाशकर अईत पद से विभूषित आत्मा।	
तुस्र	88	<b>१</b>	६	कुप्य ( Baser ) घातुओं का भार	
त्रसरेणु	२६	۶	४	कण । क्षेत्रमाप ।	
त्रिप्रभ	<b>१</b> २	8	<b>ર</b>	संस्कृत ज्योतिष प्रंथों के किसी अध्याय का नाम ।	
त्रिसमचतुरश्र	4	و	१८१	तीन समान <b>भु</b> बाओं वा <b>ला चतुर्भुं</b> ब क्षेत्र ।	
दण्ड	३०	٤	X	दूरी की माप।	परिशिष्ट ४ की
दश	६३	2	6	संकेतना का दसवाँ स्थान।	स्ची १ देखिये।
दश कोटि	દૂધ	8	۷	दस करोड़।	
दश लक्ष	६४	१	6	दस लाख ( One million )।	
द्श सङ्ख	€8	. 8	6	दस हजार।	
द्विरम्र शेषमूल	3	. 8	६८	मिलों के विविध प्रश्नों की एक जाति।	
द्विसम त्रिभुज	, c	و	<b>१</b> ८०	दो समान भुजाओं वाला (समद्विबाहु) त्रिभुज क्षेत्र !	
द्विसम चतुरश्र	   <b>&gt;&gt;</b>	,,	१८०	दो समान भुजाओं वाला चतुर्भुंब क्षेत्र।	
द्वि द्विसम चतुरश्र	,,,	) )	१८०	आयत क्षेत्र ।	
दीनार	४३	१	દ	कुप्य धातुओं का भार माप। टंक- (सिक्के) का नाम भी दीनार है।	परिशिष्ट ४ की सूची ६ देखिये।
दृष्ट धन	68	२	२६	शात धन	पूपा ५ दाखर्थी
द्रभ्र्ण	8.5	8	દ્	कुष्य घातुओं ( Baser metals ) का भार माप ।	99 <b>99</b>
द्रोग	३७	8	ષ	धान्य सम्बन्धी आयतन माप	परिशिष्ट ४ की स्वी ३ देखियें।
धनुषाकार क्षेत्र	४३	اوا	१९०	वृत्त के चाप एवं चापकर्ण से सीमित क्षेत्र।	्र्या र पालपा

शब्द	स्त्र	अध्याय	SR	स्पष्टीकरण	भम्युक्ति
घरण	38	8	<b>ે</b>	स्वर्णयार बत का भार माप।	परिशिष्ट ४ की स्चियों ४ और ५ देखिये।
नन्धावर्त	३३२३	Ę	१७७	विशेष प्रकार के बने हुए राजमहरू का नाम।	
नरपाक	१०	२	११	राजा; सम्भवतः किसी राजा का नाम।	
निरद	५६	ą	४९	<b>छ</b> ष्टुत्तम समापवर्य ।	
निष्क	११४	₹	६१	स्वर्णटंक (सिक्का)।	
नीस्रोत्पस्र	२२१	६	१४७	नील कमल (जल में उगने वाली नीली निलनी)।	
नेमि <b>क्षेत्र</b>	१७	હ	1	दो संकेन्द्र परिधियों का मध्यवर्ती	
	८०ई	77		क्षेत्र ( Annulus )।	
न्यर्बुद	६५	१	6	संकेतना का बारहवाँ स्थान।	
पट्टिका	<b>६३</b> —	6	२६७	क्रकच कर्म (Saw-work) का	परिशिष्ट ४ की
	६७३			माप ।	स्ची १० देखिये।
पंग	३९	१	ų	स्वर्णका भारमाप; स्वर्णटंक	परिशिष्ट ४ की
पणव	<b>\$</b> ?	9	266	(सिक्का)। डिडम या मेरी:	स्ची ४ देखिये।
111	``		,60	। इंडम था भरा;	
(अन्वायाम छेद)					
पद्म	६६	8	۷	संकेतना का पंद्रहवाँ स्थान ।	
पद्मराग	ş	2	१०	एक प्रकार का रजा।	
परमाणु	२५	8	8	पुद्रल का अविभागी कण ।	परिशिष्ट ४ की द्वी १ देखिये।

सम्ब	स्त्र	अध्याच	SE	स्पष्टीकरण	सम्युक्ति
परिकर्म	४७	8	६	गणितीय कियाएँ। इन्द्रनन्दि कृत	
	86			अतावतार ( स्होक १६० -१६१ ) के	
				अनुसार कुन्दकुन्दपुर के पद्मनन्दि	
	-			( अर्थात् कुन्दकुन्द ) ने अपने गुरुओं	
				से विद्धान्त का अध्ययन किया और	
				षट्खंडागम के तीन खंडों पर परि-	
				कर्मनाम की टीका लिखी। यह	
				अनुपलन्य है। (त्रिलोक प्रश्नित,	
	ļ			भाग २, १९५१ की प्रस्तावना से	
				उद्भृत )।	
पल	३९		4	स्वर्ण, रजत एवं अन्य धातुओं का	परिशिष्ट ४ व
	8.8	8	५	भार माप ।	स्चियाँ ४, ५,
			દ્		देखिये।
पश्च	३४	1	لغر	काल माप।	परिशिष्ट ४
	_				सूची २ देखिये
पाटली	<b>६</b> २४	8	६९	मधुर गंध वाले पुष्पों	Bignonia
	₹ .		७२	वाला <b>द</b> क्ष ।	Suaveolen
पाद	\ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	2	ሄ	लम्बाई का माप।	परिशिष्ट ४ व
e	८३२				स्ची १ <b>दे</b> खिये
पा <b>र्व्व</b>	३५	ج ا		पार्खनाय, २३वें तीर्थंकर । बाजू में ।	T) - (1)
पुत्राग	1		৩ই	वृक्ष का नाम।	Rottleria
पुरान	88	٤	c	733 St 1111 file Mc1733*	Tinetoria
3/1-1	,		Ę	रजत का भार माप, सम्भवतः टकमी।	परिशिष्ट ४ व
पुष्यराग	8	२	१०	एक प्रकार का रख	स्ची ५ देखिये
पैशाचिक	११२३	ی	- 1	पिशाच सम्बन्धी ; इसलिये अत्यन्त	
			(,,,	कठिन अथवा चटिल ।	
प्रकीर्णक	ą	8	६८	विविध प्रह्माबल्डि	
प्रतिबाहु	وي.	او	१८२		
प्रत्युत्पन्न	8	२	9	गुणन ।	
प्रपूरणिका	१९२	ξ	१४०	(साहित्यिक) वह जो पूर्ण रूप से	
~				भर अथवा दुष्ट कर देती है; यहाँ	
			į	स्वर्ग मिश्रित कुप्य घातुएँ; तलक्कट (dross)।	

सण्ड	स्त्र	अध्याय	As	स्पष्टीकरण	भम्युक्ति
प्रभाग	९९	3	५९	भिन्न का भिन्न (भाग का भाग)।	
प्रमाण '	२८	۶	R	लम्बाई का माप।	परिशिष्ट ४ की सूची १ देखिए!
	२	4	८३	इच्छा की संवादी दत्त राश्चि को	
प्रवर्तिका	३७	٤	بر	त्रैराशिक प्रश्नों से सम्बन्धित <b>है</b> । धान्य सम्बन्धी आयतन माप ।	
प्रस्य	३६	۶.	ų,	्र वास्य राज्यस्या जायाचा नाचा ११११ ११	परिशिष्ट ४ की स्चियाँ ३ और ६ देखिये।
प्रक्षेपक	39 <del>9</del>	Ę	१०८	अनुपाती वितरण।	
प्रक्षेपक करण	७९३	६		अनुपाती वितरण सम्बन्धी किया।	Ficus Infec-
प्रश्	६७	6	२६८	वृक्ष का नाम; प्रोदुम्बर ।	toria, or Religiosa.
फ्ल	२	ધ	८३ -	त्रैराशिक प्रश्न में निकाली जाने वाली राशि की संवादी दत्त राशि।	i iverigiosa.
बहिश्चकवाल वृत्त	२८ ६७ <u>२</u>	9	१९७	ì	:
ब्राग	83	و	१९०	घनुषाकार क्षेत्र में चाप और चापकर्ण की महत्तम उदग्र दूरी। (height of a segment)	! !
बाकेन्द्रु क्षेत्र बीब	હર્	6	२००	चंद्रमा की कला सहश क्षेत्र । ( साहित्यिक ), बोया जाने वाला धान्य आदि ।	
	९०३	,	२०४	(यहाँ) इसका उपयोग धनात्मक दो पूर्णाक्कों के अभिधान हेतु होता है जिनके गुणनफल एवं वर्गों की सहायता से भुजाओं के माप को निकालने पर समकोण त्रिभुज संरचित होता है।	
माग	४२	१	Ę	कुप्य ( baser ) धातुओं का माप	परिशिष्ट ४ की सूची ६ देखिये।
भागानुबंध	883	3	<b>€</b> ₹	संयव भिन्न ( Fractions in association )	
भागापवाह	१२६	3	६३	नियुत भिन्न ( Dissociated fractions )	

वास्य	सूत्र	अध्याय	प्रष	स्पष्टीकरण	भन्युक्ति
भागाम्यास	3	8	६८	प्रकीर्णक भिन्नों का एक प्रकार।	
भागभाग	११ <b>१</b>	र	६०	ৰহিল মিন্ধ ( Complex frac- tion )।	
भागमातृ	१३८	ą	દદ	भाग, प्रभाग, भागभाग, भागानुबन्ध, और भागापवाह भिन्न जातियों के दो या दो से अधिक प्रकारों के संयोग से संरचित।	
भाग सम्बर्ग	ે ર	8	६८	प्रकीर्णक भिन्नों की एक जाति।	:
भागहार	8%	२	१२	विभाजन क्रिया।	1
भाज्य	५३५४	<b>२</b>	१८	घनमूल समूह की रचना करने वाले तीन स्थानों में से बीच का स्थान। जिसमें भाग देते हैं।	
भार	AR	ş	દ્	कुप्य (baser) घातुओं का माप।	परिशिष्ट ४ की स्ची ६ देखिये।
भिन्न कुट्टीकार	१३४	Ę	<b>१</b> २३	भिन्नीय राशियों का अन्तर्घारक अनुपाती वितरण।	
भिन्न दृश्य	ą	8	६८	प्रकीर्णक भिन्नों की एक जाति।	
<b>া</b> धुक	२५	. 8	७२	बृक्षकानाम।	Bassia
	:		ļ		Latifolia
<b>म्ध्य</b> घन	६३	२	२१	समानान्तर श्रेढि का मध्य पद ।	
ार्दल ( अन्वायाम छेद)	३२	9	१८८	डिंडिम या भेरी।	
महाखर्व	६६	१	2	संकेतना का चौदहवाँ स्थान।	
महापदा	88	8	۷	संकेतना का सोलहवाँ स्थान ।	
<b>महा</b> वीर	१	8	१	२४वें तीर्थंकर वर्द्धमान स्वामी ।	
महाशंख	६७	8	6	संकेतना का बीसवाँ स्थान ।	
महाक्षित्या	६८	१	6	संकेतना का बाईसवाँ स्थान ।	
<b>न्हा</b> क्षोभ	६८	१	6	संकेतना का चौबीसवौँ स्थान ।	
महाक्षोणी	६७	8	٥	संकेतना का अठारहवाँ स्थान।	
मार्ग	६३	٥	<b>१</b> ६७	छेद (section); वह अनुरेखा जिस पर से काष्ठ का दुकड़ा आरे से चीरा जाता है।	

शस्त्	सुत्र	अध्याय	पृष्ठ	स्पष्टीकरण	अम्युक्ति
मानी	३७	<b>१</b>	ų	धान्य सम्बन्धी आयतन माप ।	परिशिष्ट ४ की सूची ३ देखिये।
माष	<b>გ</b> o	ક	ષ	रजत का भार माप टंक (सिक्का)।	परिशिष्ट ४ की सूची ५ देखिये।
मिभषन	60-62	२	२४	संयुक्त या मिला हुआ योग ।	_
मुख	५०	ષ્	१९३	चतुर्भुन की ऊपरी भुजा (top-side)	शङ्काकार भीर मृदङ्ग आकार वाले क्षेत्रों में भी मुख का उपयोग हुआ है।
मुरज	३२	૭	१८८	मृदंग के समान डिंडिम या भेरी।	,
मुहूर्त	३४	१	iq •	काल माप	परिशिष्ट ४ की सूची २ देखिये।
म्ल	३६	२	१५	वर्गमूल; प्रकीर्णक भिन्नों को एक जाति	
_	₹	8	६८		!
मूलमिश्र	₹	¥	६८	जिसमें वर्गमूल अंतर्भूत हो; प्रकीर्णक मिन्नों की एक जाति।	
मेर	હ,	વ	<b>८</b> ३	जम्बूद्वीप के मध्यमाग में स्थित सुमेक पर्वत । विशेष विवरण के छिये त्रिछोक प्रज्ञप्ति भाग २ में (४/१८०२-१८११; ४/२८१३, २८२३) देखिये ।	
मृदंग ( अन्वायाम छेद)	३२	و	१८८	एक प्रकार की डिंडिम या मेरी।	
यव	२७	8	8	एक प्रकार का धान्य; लम्बाई का माप।	परिशिष्ट ४ की
	४२	٩	ξ	एक प्रकार का घातु माप।	स्ची १ देखिये।
यव कोटि	५३	९	२७०	लंका के पूर्व से ९०° की ओर एक स्थान।	
योग	82	8	હધ્	मन बचन काय के निमित्त से आत्मा के प्रदेशों के चंबळ होने की किया।	( बैन परिभाषा )
योजन	₹₹	ę	8	तपस्याः; ध्यान का अम्यास सम्बाई का माप	( अन्य मत से ) परिशिष्ट ४ की
रथरेणु	२६	<b>\</b>	8	पुद्रल कण	युची १ देखिये ।
<b>k</b> 4	९७३	<b>\</b>	<b>१११</b>	पूर्णीक।	
रोमकापुरी	48	8	२७०		

शब्द	स्त्र	अध्याय	মূত্র	स्पट्टीकरण	अस्यु कि
स्क्रा (	५१	9	२७०	वह स्थान वहाँ उज्वैन से निकलने	
				वाला भुववृत्त ( meridian ) विषु-	
				वत् रेखा से मिलता है।	
लव	३३	8	ب	काल माप ।	परिशिष्ट ४ की
		}	1		सूची २ देखिये ।
লশ্ব	88	ş	C	लाख, संकेतना का छठवाँ स्थान।	
स्राभ	ષ	Ę	९२	भजनफल या हिस्सा ( अंश )।	<b>9.5</b> 4
वकुल	<b>२</b> ५	8	७२	वृक्ष का नाम।	Mimusops
			;		Elengi.
वज	३२	ષ્	1866	इंद्र का आयुष ।	
(अन्वायाम छेद)		į	!	•••	
		<u> </u>	!		; ; ;
वज्रापवर्तन	, २	3	३६	भिन्नों के गुणन में तिर्यंक् प्रहासन।	<u> </u>
वर्गमूळ	३६	२	१५	वह इष्ट राशि जिसका वर्ग करने से वह	
		1	1	दत्त राश्चि उत्पन्न होती है जिसका	
			Ì	वर्गमूल निकालना इष्ट होता है।	
वर्ण	१६९	<b>ξ</b>	। १३५		1
			:	वर्ण का मानकर दत्त स्वर्ण की शुद्धता	
	<u> </u> 	;		े के अंश का अभिधान वर्ण द्वारा होता है।	
वर्धमान	8	4	८३	चौबीसर्वे तीर्थेकर।	
विक्रिका	\$ 2.4.	۹ ا	११५	लता सहश अंकशृंखला पर आधारित	
विक्तिका कुष्टीकार	1	3	ĺ	अनुपाती वितरण ।	
वाह	३८	\$	4	1	
विचित्र कुट्टीकार	२१६	દ	१४५		
		1	1	एवं मनोरञ्जक प्रश्नावि ।	ं ∶परिशिष्ट ४ की
वितस्ति	३०	8	8	लम्बाई का माप ।	1
6			२६७	! ! यहाँ आयताकार नगर का प्रयोजन	स्वी १ देखिये।
विद्याघर नगर	६२	6	7 40	मालूम पड़ता है।	
6.000 mmA-m-	१३४		072		
विषम कुद्दीकार	148	Ę	१२३	(भिन्न कुट्टीकार)।	
<b>&amp;</b>					
विषम चतुरश्र	4	9	1 858	তালাল্য সম্ভন্ত ।	

4 . 1/16

संबद्ध	सूत्र	अध्याय	पृष्ठ	स्पष्टीकरण	अभ्युक्ति
विषम संक्रमण	२	ξ	99	कोई भी दत्त दो राशियों के माजक	1
				और भजनफल द्वारा प्ररूपित दो	!
				राशियों के योग एवं अंतर की अर्ड	:
	_			राशियों सम्बन्धी क्रिया।	:
<b>ब्</b> षभ	८३ द	1 1		प्रथम तीर्थेकर का नाम।	
व्यव <b>हा</b> रांगुल	२७	۶	x	लम्बाई का माप l	परिशिष्ट ४ की सूची १ देखिये।
<b>ब्यु</b> स्क <b>ल्रि</b> त	१०६	2	ક્ર	समानान्तर श्रेढि की समस्त श्रेढि में से	Wat . 41/11 1
		:		े श्रेद्धि का अंश घटाने की क्रिया।	
হা <b>ন্তু</b>	६७	. 8	6	् संकेतना का उज्जीसवां स्थान ।	
शत	६३	, ?	6	सौ; सैकड़ा।	
शत कोटि	६५		6	्सौ करोड़ ।	•
যাক	६४	6	• •	कुक्ष का नाम (Teak tree)।	
<b>ग्रान्ति</b>	८४३	<b>६</b>	_	शान्तिनाथ तीर्थक्कर ।	!
शेव	२	¥	६८	आरम्भ से श्रेंद्रि के अंद्य को निकाल देने पर शेष बचनेवाले पद ।	!
शेषनाड्य	803	2	२७१	अपराह्म में बीतनेवाला दिनांश ।	
शेषमूल	Ę	8	દ૮	प्रकीर्णक भिन्नों की एक जाति।	
शोध्य	५३–५४	2	१८ <del>-</del>		<u>:</u>
आवक	६६	2	२२	बैनधर्म का पालन करने वाला यहस्थ।	1
भीपणी	8.9		२६८	-	** .
	1	!			Premna
भक्नाटक	₹ <b>0 ને</b>	6	૭૫	त्रिभुजाकार स्तूप ।	Spinosa.
षोद्धशिका	३६	१	ام	धान्य सम्बन्धी आयतन माप ।	परिशिष्ट ४ को
सकल कुटीकार	१३६३	Ę	१२४	अनुपाती वितरण जिसमें मित्र अंत- र्भृत नहीं होते।	स्वी ३ देखिये ।
सङ्क्रमण	२	Ę	९१	दो राधियों के योग एवं अन्तर की अर्द्ध राधियों सम्बन्धी किया ।	: 
सङ्कालित	६१	२	२०	श्रेद्धिका योग निकालने की किया।	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
सङ्कान्ति	१७	ષ	८५	सूर्य का एक राश्चिसे दूसरी राशि में प्रवेश करने का मार्ग।	

# गणितसारसंप्रह

शस्य	स्त्र	अध्याय	åß	स्पष्टीकरण	भम्युक्ति
सतेर	४३	٤	Ę	कुप्य (baser) घातुओं का मारमाप।	परिशिष्ट ४ की सूची ६ देखिये।
समचतुरभ	११२ 🕏	و	२१३	वर्गाकार आकृति।	
सम त्रिभुब	ų	v	१८१	वह त्रिभुज जिसकी सब भुजाएँ समान हों।	
समय	३२	۶	ሄ	कालमाप । एक परमाणु का दूसरे परमाणु के व्यतिक्रम करने में जितना काल लगता है, उसे समय कहते हैं।	परिशिष्ट ४ की सूची २ देखिये।
समृश्त	દ્	৩	१८१		1
सरस्र	<b>ર</b> ફ	Å	७२	बृक्ष का नाम	Pinus Longifolia
सर्ज	६७	6	२६८	बृक्ष का नाम (साल बृक्ष के समान)।	1
सर्वधन	E३-68	<b>₹</b>	२१	समान्तर श्रेंद्रि का योग।	}
सहनी	६३	8	۷٥	वृक्ष का नाम।	Boswellias Thurifera
सइस	<b>ं ६३</b>	١١١	6	हजार ।	t *
सारस	३६	8	७४	एक प्रकार का पक्षी।	<i>t</i> •
सार संग्रह	ं २३	١ ٤ ;	ર	( साहित्यक ) किसी विषय के	1
	!			सिद्धान्तीं का संक्षिप्त प्रतिपादन । (यहाँ) गणित ग्रंथ का नाम ।	
सारू	ं २४	, 81	७२	वृक्ष का नाम।	Shorea Ro-
	j ;				busta, or
			! ! !		Valeria Robusta.
सिद्ध	<b>१</b>	<b>E</b>	९१	षातिया और अवातिया कर्मी का नाश कर अष्टगुर्णो आदि की प्राप्त मुक्त आथ्मा।	,
विद्युरी	د <del>ع</del>	9	र्७०	उप जाप्मा । लङ्का के प्रतिभवस्थ ।	•
<b>सुमित</b>	, ,	8	90	पांचवें तीर्थक्कर का नाम।	1 1 1
सुवर्णकुटीकार	१६९	E	१३५	स्वर्ण सम्बन्धी प्रस्तों में प्रयुक्त अनु-	 
- <b>-</b> ·	1		- ' ' '	पाती वितरण।	
सुवत	८३५	Ę	206	बीसर्वे तीर्थक्कर का नाम।	
स्हमफल	् र	9	१८१	क्षेत्रफळ अथवा वनफल का शुद्ध माप।	परिशिष्ट ४ की
स्तोक	३३	8	4	कालमाप ।	स्ची २ देखिने।

शब्द	स्त्र	अध्याय	5.ह	स्प <b>डीकर</b> ण	अभ्युक्ति
स्यादबाद	(	<b>१</b>	२	"कर्यचित्" का पर्यायवाची शब्द । (पाद टिप्पणी भी देखिये)।	
स्वर्ण	९६	२	३०	सोने काटंक (सिक्का)।	सुवर्ण भी।
इस्त	३०	ş	8	लम्बाई का माप।	परिशिष्ट ४ की
<b>हि</b> न्ताल	११६ दू	Ę	११९	बृक्ष का नाम ।	युची १ देखिये। Phaenix or Elate Palu- dosa.
क्षित्या	६८	8	4	संकेतना का इकीसवां स्थान।	aosa,
क्षेपपद	90	ર	२२	समान्तर श्रेढि के दुगुने प्रथम पद एवं प्रचय के अंतर की अर्द्धराधि ।	
श्चोणी	६७	٩	6	संकेतना का सत्रहवां स्थान।	
क्षोभ	६८	8	6	संकेतना का तेईसवां स्थान।	<u> </u>

नोट—उपर्युक्त सारणी में सूत्र अध्याय एवं पृष्ठ के प्रारम्भ के कुछ स्तम्भ भूल से रिक्त रह गये हैं। उन्हें क्रमानुसार नीचे दिया जा रहा है—

> अगर---९।३।३७। अग्र-- ६२। अक्र---४५ ४।७५। अक्रल--- २७।१।४। अणु-४। अध्वान-१७७। अन्त्यधन-६३।२।२!। अन्तरावसम्बक---१८०३ ।७।२३६। अन्तक्षक्रवास कृत-६७३ ।७।१९७। अपर--- २७२। अमोधवर्ष---३।१।१। अम्बवेत्स--६७।८।२६८। अयन---३५।१।५। अरिष्टनेमि---८४३।६।१०८। अर्जुन---६७।८।२६८। अर्बुद--६५।१।८। अवनति--२७७। अवलम्ब---१९२। अध्यक्त---१२२।३।६२। अशोक---२४।४।७२। असित---६७।८.२६८। आदक---३६।१।५ आदि---६४।२।२१। आदिधन---२१। आदि मिश्रधन----२४। आबाधा--४९/७/१९२। आयतबृत्त--१८१) आयाम---१।७।१८४। आविख--३२।१।४। इच्छा---२।५।८३। इन्द्रनील---२२०।६।१४७। इमदन्ताकार-८०३ ।७।२००। उच्छवास-३३।१।५।

उत्तर धन---२१। उत्तर मिश्रधन---२४। उत्पन्न--१४०।३।६७। उत्सेष---१९८३।७।२४१। उषात क्त-१८१। उभय निषेध --१८९। ऋतु---३५।१।५। एक-६३।१।८। औण्ड्-औण्ड्फल--२५१। अंश-४२।१।६। अंशमुख-३।४।६८। अंशवर्ग-३।४।६८। कदम्ब--६।४।६९। कम्बुकावृत्त--१८१। कर्ण--१९४। कर्म--६०।१।७। कर्मान्तका--र५३। कर्ष ३९--४०।१।५। कला-४२।१।६। कला सवर्ण-२।३।३६। कार्षापण---११।५।८४। किष्क---६३।८।२६७। कुक्कम--६३।३।५०। कुट्टीकार---१०८। कुडव-कुडहा--३६।१।५। कुटज--२३।४।७२। क्रम--३८।१।५। करवक---२६।४।७६। केतकी-१०२।३।५९। कोटि-६४।१।८। कोटिका-४५। शहा क्रोश-३१।१।४। कृति-१३।३।३८। कृष्णागर-६।५।८४। खर्व-६६११८। खारी-३७११रा गच्छ--६१।२।२०। गण्डक--३९।१।५। गतनाड्य-२७१। गुजा--१८११ । गुज--१८१। गुणकार-- २।३।३६। गुणधन---२८। गुण सङ्कलित—९४।२।२९। वन-४३।२।१६। धनमूळ---'५३।२।१८। घटी---३३।१।५।

# परिशिष्ट-५

हॉ॰ हीरालाल बैन ने बब सन् १९२३—२४ में कारंबा के बैन मण्डारों की ग्रन्थस्वी तैयार की यी तभी से उन्हें वहाँ की गणितसार संग्रह की प्राचीन प्रतियों की जानकारी थी। प्रस्तुत ग्रन्थ के पुनः सम्पादन का विचार उत्पन्न होते ही उन्होंने उन प्रतियों को प्राप्त कर उनके पाठान्तर लेने का प्रयक्त किया। इस कार्य में उन्हें उनके प्रिय शिष्य व वर्तमान में पाली प्राकृत के प्राध्यापक श्री जगदीश किस्लेदार से बहुत सहायता मिली। उक्त प्रतियों का जो परिचय तथा उनमें से उपलब्ध टिप्पण यहाँ प्रस्तुत किये जा रहे हैं वे उक्त प्रयास का ही फल है। अतः सम्पादक उक्त सज्जनों के बहुत अनुग्रहीत हैं।

# कारंजा जैन मण्डार की प्रतियों का परिचय

#### क्रमांक-अ० नं० ६३

- (१) ( मुख पृष्ठ पर ) छत्तीसी गणितग्रंथ (१)—( पुष्पिका में ) सारसंग्रह गणितशास्त्र ।
- (२) पत्र ४९---प्रति पत्र ११ पंक्तियाँ--आकार ११."७५×५"
- (३) प्रथम व्यवहार पत्र १५, द्वितीय २२ (१), द्वितीय ३२, तृतीय ३७, चतुर्थ ४२
- (४) प्रारंभ-॥८०॥ॐ नमः सिद्धेम्यः॥ अलंब्यं त्रिजगत्सारं ३०
- (५) अन्तिम—(पत्र ४२) इति सारसंग्रहे गणितशास्त्रे महावीराचार्यस्य कृतौ त्रिराशिको नाम चतुर्थो व्यवहारः समाप्तः ॥

श्रीवीतरागाय नमः ॥ छ ॥ इत्तीसमेतेन सक्छ ८ भिन्न ८ भिन्नजाति ६ प्रकीणैक १० त्रैराशिक ४ इंचा ३६ नू छत्तीसमे बुदु वीराचार्यरू पेल्हगणितवनु माधव-चंद्रत्रैविद्याचार्यरू शोधिसिदरागि शोध्य सारसंग्रहमेनिधिकौंबुदु ॥ वर्गसंकिछता-नयनसर्व ॥

- (६) अन्तिम—(पत्र ४९) घनं ३५ अंकसंदृष्टिः छः ॥ इति छत्तीसीगणितग्रंथसमाप्तः॥ छ॥ छ॥ श्रीः ॥ ध्रुमं भूयात् सर्वेषां ॥ ॥ ः संवत् १७०२ वर्षे माग्र शिर वदी ४ बुघे संवत् १७०२ वर्षे माइ श्रुदि ३ शुक्ते श्रीमूलसंघे सरस्वतीगछे बलात्कारगणे श्रीझुंदर्बुद्दा-चार्यान्वये म० श्रीसकलकीतिदेवास्तदन्वये म० श्रीवादिभूषण तत्पट्टे म० श्रीरामकीति-स्तत्पट्टे म० श्रीपद्मनंदीविराजमाने आचार्यश्रीनरेंद्रकीर्त्तिस्तिच्छिष्य व० श्रीलाङ्यका तच्छिष्य व० कामराजस्तिच्छिष्य व० लालंब ताम्यां श्रीरायदेशे श्रीमीलोडानगरे श्रीचंद्रप्रमचैत्यालये दोसी कुंद्दा भार्या पदमा तयोः सुतौ दोसी केश्वर भार्या लाला द्वितीय सुत दोसी वीरभाण भार्या जितादे ताम्यां स्वज्ञानावर्णिकमेक्षयार्थे निजद्रक्येण लिखाप्य छत्तीसीगणितशास्त्रं दत्तं श्रीरस्त ॥
- (७) प्राप्तिस्थान—बळारकारगणमंदिर, कारंबा, २०० नं० ६३
- (८) स्थिति उत्कृष्ट, अश्वर स्पष्ट,
- (९) विशेषता—पृष्ठभाषा, टिप्पण—( समास मे )

#### गणितसारसंप्रह

## प्रति क्रमांक-अ० नं० ६४

- (१) सारसंग्रह गणितशास्त्र।
- (२) पत्रसंख्या १४२ प्रतिपत्र १० ५क्तियाँ—प्रतिपंक्ति २५ अश्वर आकार ५"'४×११"।
- (३) प्रथमन्यवहार ३७ द्वितीय ७८ तृतीय ९५ चतुर्थ १०४ पञ्चम १११ षष्ठ १३१ सप्तम १४० अंतिम १४२।
- (४) प्रारंम— ८०॥ श्री बिनाय नमः॥ श्रीगुदभ्यो नमः॥ प्रणिपत्य वर्द्धमानं विद्यानंदं विश्वद्यगुणनिल्यं। सूरिं च महावीरं कुर्वे तद्गणितद्यास्त्रसद्विं।। १।। अर्ल्ड्यं इत्यादि।
- (५) अंतिम—छत्तीसी टीका ग्रंथसंख्या ३०००५ शुभं भवतु ॥ श्रीरस्तु ॥ शुभं ॥ स्वरित श्री संवत् १६९६ वर्षे कार्तिक सुदि ३ गुरी श्रीगंधारशुभरधाने श्रीमदादिजिनचैत्याख्ये श्रीमृत्यसंचे श्रीसरस्वतीगच्छे श्रीवलास्कारगणे श्रीकुंदकुंदाचार्यान्वये भ० पद्मनदिदेवास्तत्पट्टे भ० श्रीदेवेंद्रकीर्तिदेवास्तत्पट्टे भ० श्रीद्रानंदिदेवास्तत्पट्टे भ० श्रीद्रानंदिदेवास्तत्पट्टे भ० श्रीत्रानम्भूषणदेवास्तत्पट्टे भ० श्रीत्रानम्भूष्टे स्तर्यस्ति भव स्तर्यस्ति स्तर्यस्ति स्तर्यस्ति स्तर्यस्ति स्वरत्यस्ति स्वर्यस्तरस्ति स्तरस्तरस्ति स्तरस्ति स्वरत्यस्ति स्वरत्यस्तरस्तरस्ति स्वरत्यस्तरस्ति स्वरत्यस्ति स्वरत

## आ वीरत्तभूषणानामिर्द् ॥

इतीस गणितनि टिका

छंवत् १८४२ मिति वेसाख सुदि ११ महारक श्रीवीद्यामूषणइदं गणत छत्तिसी महारक श्री देवेन्द्र-कीर्तिजीव्यां प्रदत्तं सुमं भूयात् ।

(६) बलात्कार मंदिर कारंजा क० ६४।

# प्रति ऋगांक-अ० नं० ६५

- (१) सारसंग्रह गणितशास्त्र—प्रशस्ति मे-षट्त्रिंशतिकागणितशास्त्र।
- (२) पत्र ५३; प्रति पत्र १० पंक्तियाँ; आकार ११"×४"'७५।
- (३) प्रथम व्यवहार १६; द्वितीय ३४; तृतीय ४०; चतुर्थ ४६; पंचम ५३।
- (४) प्रारंम—८०॥ श्रीवीतरागाय नमः ॥ अलंब्यं त्रिजगरहारं इत्यादि ।
- (५) अन्तिम—(पत्र ५३) घनं ॥ इति सारसंब्रहे गणितशास्त्रे महावीराचार्यस्य कृती वर्गसंकिकतादिव्यवहारः पंचमः समाप्तः ॥

संवत् १७२५ वर्षे कार्तिक श्रुदि १० मीमे श्रीमूळसंचे सरस्वतीगक्ठे बलात्कारगणे श्रीकुंदकुंदाचार्यान्वये म० श्रीसकलकीत्येन्वये म० श्रीवादिभूषणदेवास्तरपष्टे म० श्रीरामकीर्ति देवास्तरपट्टे म० श्रीरचन्दिदेवास्तरपट्टे म० श्रीदेवेंद्रकीर्तिगुरूपदेशात् मुनि श्रीश्रुतकीर्ति-स्तिष्कच्य मुनि श्रीदेवकीर्तिस्तिष्कच्य साचार्यं श्रीकस्याणकीर्तिस्तिष्कच्य मुनि श्रीत्रभुवन-चंद्रेणेदं षट्त्रिश्चतिका गणितशास्तं कर्मक्षयार्ये खिलातं।

e ...

- (७) प्राप्तिस्थान बखात्कारगणमंदिर, कारंबा, अ० वं० ६५ ।
- (८) रियति मध्यम, अक्षर स्पष्ट ।
- (९) विशेषता—समास मे टिप्पन; कचित् पृष्ठमात्रा ।

# नोट-ऐसा प्रतीत होता है मानो यह माघवचंद्र त्रैविद्यहेव का विभिन्न ग्रंथ हो-

- १. वर्ग संकलितानयनसूत्रं । २९६-९७ ।
- २. भनसंकिलितानयनसूत्रं । ३०१-८२ ।
- १. एकवारादिसंक खितधनानयन सर्व ।
- ४. सर्वधनानयने सत्रद्वयं।
- ५. उत्तरोत्तरचयभवसंकलितधनानयनसूत्रं।
- ६. उमयान्तादागत पुरुषद्वयसंयोगानयनसूत्रं।
- ७. विकारियतधनानयनसूत्रं।
- ८. समुद्रमध्ये--१-२-३।
- ९. छेदोशशोषजातौ करणसूत्र ।
- १० करणसूत्रत्रयम्।
- ११. गुणगुण्यमिश्रे सति गुणगुण्यानयनसूत्रं ।
- १२. बाहुकरणानयनसूत्रं।
- १३. व्यासाचानयनसूत्रं।

इति सारसंग्रहे गणितशास्त्रे महाबीराचार्यस्य कतौ वर्गसंकलितादिस्यवहारः पंचमः समाप्तः ।

## प्रति क्रमांक-अ० नं० ६२

- (१) उत्तरछत्तीशी टीका।
- (२) पत्र १९: प्रति पत्र १३ पंक्तियाँ: आकार ११" 🗙 ४""७५ ।
- (३) आरंभ-ॐ नमः सिद्धेभ्यः ॥ सिद्धेभ्यो निष्ठितार्थेभ्यो इ०।
- (४) अन्तिम घनः २९२७७१५५८४॥ छ॥ इति श्रीउत्तरऋतीसी टीका समाप्ता॥
  - # आचार्य श्रीकरयाणकीर्तिस्तन्छिष्य सुनि श्रीत्रिभुवनचंद्रेणेदं गणितशास्त्रं लिखितं ॥ उनलो पाषाण सुतारी गज १ समचोरस मण ४८ पालेवो पाषाण गज १ मण ६० घारो पाषाण गज १ मण ४० ।
- (५) प्राप्तिस्थान --अ० नं० ६२ ।
- (६) स्थिति उत्तम, अश्वर स्पष्ट ।
- (७) कचित् टिप्पण ।

## प्रति क्रमांक—अ० नं० ६६

- (२) पत्र १५; प्रतिपत्र १४ पंक्तियाँ; आकार ११""५ 🗙 ५"
- (३) \* ब्रह्म जसवंताख्येन स्वपरपठनार्थे स्वइस्तेन लिखितं।
- (५) अ० न ० ६६।

## प्रति क्रमांक--अ० नं० ६०

- (२) पत्र २०: प्रतिपत्र ११ पंक्तियाँ: आकार १२" ४५" ५ !
- (५) अ० नं० ६०।

## गणितसारसंप्रह

#### प्रति क्रमांक-अ० नं० ६१

- (२) पत्र १८; प्रतिपत्र १४ पंक्तियाँ; आकार १०"-५ 🗙 ६"।
- (५) अ० नं ६१।

## गणितसारसंप्रह

## प्रतिक्रमांक ६३ = अ, प्र० क० ६५ = स अर्थनोधक टिप्पण

स्रोक १-१ अलङ्घ्यम्—अ मिध्यादृष्टिभिः । व मिध्यादृष्टिभिः क्ष्य्यितुम् अश्वस्यमित्यर्थः । स आतामासागम्यम् अतरुष्टस्यमित्यर्थः । स त्रिजगत्सारम्—िनरावरणत्वादनन्यसाधारणत्वाच लोकत्रयसारम् , त्रिजगद्भव्याराध्यमित्यर्थः । स अनन्तचतुष्ट्यम् अनन्तज्ञान-दर्शन-सुख-वीर्यचतुष्ट्यम् । स तस्मै महावीराय वर्धमानस्वामिने । स जिनेन्द्राय—एकदेशेन कर्मारातीन् जयन्तीति जिना असंयतसम्यष्टच्यादयस्तेषामिनद्रः स्वामी, तस्मै नमः । अ तायिने-धर्मोपदेशकत्वेन भष्यत्राणाय ।

क्षोक १-२ अ बि [ कै ]नेन्द्रेण—जिनो देवता येषां ते जैनाः, तेषामिन्द्रः, तेन । पक्के—जिनेन्द्रस्यायं सम्बन्धी कैनेन्द्रः तेन वा । जिन एव जैनः, स एव इन्द्रः प्रधानो यत्र संख्याज्ञानप्रदीपे सः, तेन । स जैनेन्द्रेण—जिनप्रणीतेन । स संख्याज्ञानप्रदीपेन—गणितशास्त्रज्योतिषा । स महास्विषा— बहुप्रकाशेन । स सर्थम् अङ्गव्यसमुदायरूपम् । आ तम्—महावीरम्, पक्षे संख्याज्ञानप्रदीपम् ।

श्लोक १-३ स प्रीणितः—तिर्पतः । स प्राणितस्योधः विनेयजनस्य संवातः । अ निरीतिः— निर्गता ईतयः अतिवृष्ट्यनावृष्टिमूषक-शलभ-शुक-स्वचक-परचक्रलक्षणाः यस्मात् असौ निरीतिः । अ निरवप्रहः—निर्गतोऽवप्रहः शत्रुः यस्मात् यत्र वा सः, व्यथा—वर्षोविषातरिहतः । स श्रीमता—लक्ष्मी-मता । अ अमोधवर्षेण—सफलवृष्ट्या, पक्षे सस्यस्वरूपोपदेशवृष्ट्या । स सफलसद्वर्मोपदेशामृतवृष्ट्या । अ स्वेष्टिहतैषिणा—स्वस्य इष्टं स्वेष्टम्, तच्च तद्धितं च स्वेष्टिहतम्, तदिन्छतीति स्वेष्टिहतैषां तेन । वा स्वस्य इष्टाः स्वेष्टाः, तान् प्रति हितम् इन्छतीति स्वेष्टिहतैषां, तेन । स स्वेष्टिहतमिन्छता ।

श्लोक १-४ अ चित्तवृत्तिहिवर्भुं ती [ जि ] — ग्रुक्रध्यानाग्री । स्त भस्मसात् भावम् — भस्मस्वरूपम् । अ ईयुः — गच्छिन्ति स्म । अ ते — आगमप्रसिद्धाः काम-क्रोधादिश्चत्रवः । अ अवन्ध्यकोषाः [ पः ] — सफलकोषाः इत्यर्थः ।

श्लोक १-५ स वर्शाकुर्वन् — स्वाधीनं विद्धत् । स नानुवद्यः — अन्याधीनो न भवति । स परैः — एकान्तवादिभिः । अभिभूतः — अ पराभृतः । स तिरस्कृतः । स प्रभुः — जगदाराष्यः । स अपूर्वभकर- ध्वजः — अभिनवमीनकेतनः ।

श्लोक १-६ अ विक्रम-क्रमाकान्त-चक्रीचक-कृतिक्रयः—विक्रमक्रमेण पराक्रमसंतत्या आकान्ताः ते च ते चिक्रणक्ष, तेषां चक्रं समूदः, तेन कृतिक्रिया सेवा यस्यासी तथोक्तः। पक्षे चक्रं सेनास्ति येषां ते चिक्रणः, शेषं पूर्ववत्। अ चिक्रकामज्ञनः—संसारचक्रमञ्जनः, पक्षे—परचक्रमञ्जनः। अ अज्ञसा—परमार्थेन।

स्त्रोक १-७ अ विद्यानद्यिष्ठानः—विद्या द्वादशाङ्गलक्षणाः पद्ये— द्वासप्तिकलालक्षणास्ता एव नद्यः तासाम् अधिष्ठानम् आश्रयः यः सः । सः मर्यादावज्रवेदिकः—मर्यादैव वज्रवेदिका यस्य सः । सः रक्षगर्भः—रक्षानि सम्यग्दर्शनादीनि, पद्ये—स्वादीनि, गर्मे ते यस्य सो [यस्यासी] । श्व रक्षानि सम्यग्दर्शनृदिनि, पद्ये—इस्त्यश्वादीनि गर्मे ते यस्यासी तथोक्तः । स्य यथास्यातचारिन्य [त्र] बल्हिः—श्वायिक-चारिन्य [त्र] बल्हिः, पद्ये—यथास्यातं प्रवृद्धैर्ययोक्तम्, तव्यतवारिन्यं [त्रं] आवरणं च । स्त्रोक १-८ स देवस्य--स जिनस्य । स शासनम् अनेकान्तरूपं वर्षताम् ।

स्त्रेक १-९ स लेकिके—बृद्धिव्यवहारादी । अ वैदिके—आगमे । स सामायिके—प्रतिक्रमणादी । अ यः—यः कश्चित् व्यापारः प्रवृत्तिः तत्र सर्वेत्र संस्थानं गणितम् उपयुज्यते उपयोगी मवति ।

स्त्रोक १-१० आ अर्थशास्त्रे - बीवादिकपदार्थे ।

श्लोक १-११ अ प्रस्तुतम्-कथितम् । अ पुरा- पूर्वम् ।

स्त्रोक १—१२ आ ग्रहचारेषु—संक्रमणेषु । स सूर्यादिसंक्रमणेषु । स ग्रहणे—चन्द्र-सूर्योपरागे । आ ग्रहसंयुती—ग्रहयुद्धे । आ त्रिप्रसने—श्रयः प्रशाः नष्ट-मुष्टि-चिन्तारूपाः यत्र तत् त्रिप्रसम् , होराशास्त्र-मित्यर्थः, तिस्मन् । स अथवा त्रयो धातुं-मूल-जीवविषयाः प्रशाः यत्र तत् त्रिप्रसम् । प्रश्रव्याकरणाय सद्भावकेवलज्ञानहोरादिशास्त्रम् । स चन्द्रवृती—चन्द्रचारे । स omits बुध्यन्ते (श्लोक १४)। स omits—यात्राद्धाः (श्लोक १५)।

श्लोक १---१३ अ परिश्विपः--परिधियः।

श्लोक १-१४ अ उत्कराः - समूहाः । अ बुध्यन्ते - श्रायन्ते ।

इल्लोक १—१५ अ तत्र—श्रेणीनदादिषु बीवानाम् । अ संस्थानम्—समचतुरस्रादि । अ अष्ट-गुणादयः—अणिमादयः । अ यात्राचाः—गति । अ संदिताचाय—संधिमतिष्ठामन्यो वा ।

श्लोक १-१७ अ गुरुपर्वतः -- गुरुपरिपाटीम्यः।

स्त्रोक १-२०--श्च कलासवर्णसंस्द्र छठत्याठीनसंकुळे--कीद्दग्विषे सारसंग्रहवारिषो । कलासवर्णाः भिष्मप्रत्युपद्मादयः ते एव छठत्पाठीनास्तेषां संकटे संकोचस्थाने ।

श्लोक १-२१ अ प्रकीर्णक—व्य तृतीयव्यवहारः। अ महाग्राहे—पत्स्यविशेषः। अ मिश्रक— अ बृद्धिन्यवहारादि।

स्त्रोक १-२२ अ क्षेत्रविस्तीर्णपाताले—त्रिभुज-चतुर्भुजादिक्षेत्राणि एव विस्तीर्णपातालानि यत्र स तिस्मन्। अ खाताख्यसिकताकुले—खाताख्यम् एव सिकताः ताभिः आकुले। अ करणस्कन्धसंबन्धच्छाया-वेळाविराजिते—करणस्कन्धेन करणस्त्रसमूहेन संबन्धो यस्याः सा करणस्कन्धसंबन्धा, सा चासी छाया-गणितं (१) करणस्कन्धसंबन्धच्छाया, सा एव वेळा, तया विराजिता तस्मिन्।

स्त्रोक १-२३ अ गुणसंपूर्णैः—स्रष्ठकरणादाष्ट्रगुणसंपूर्णैः । करणोपायैः—अ करणानुषयोगोपायैः स्त्रैः । स्त्रोक १-२४ अ यत्—यस्मात् सर्वशास्त्रे । संज्ञया अ परिभाषया ।

श्लोक १-२५-- अ परमाणुः । परमाणुस्वरूपम् — अणवः कार्यक्षिद्धाः स्युद्धिस्पर्धाः परिमण्डकाः । एकवर्ण-रसाः नित्याः स्युरनित्याश्च पर्ययैः ॥ २४ (१) अप्रदेशिनः इति गोमटसारे । परमाणुपिण्डरितमिति भावार्थः । कार्यानुमेयाः घट-पटादिपर्यायास्तेषाम् अणूनाम् अस्तित्वे चिश्चम् । स्थाः वर्तुकाकाराः । कौ हो किग्ध-रूक्षयोरन्यतरः शीतोष्णयोरन्यतरः । तथा हि—शीत-रूक्ष, शीत-क्षिम्, उष्ण-रूक्ष एकाएवापेष्यया एकपुग्मं भवति । गुरु-कशु-मृदु-कठिनानां परमाणुष्व-भावात् , तेषां स्कन्नाश्चितत्वात् ।

स्र तैः—परमाणुमिः । सः—अणुः स्यात् । अत्र सोऽणुः स्रेत्रपरिमाधायाम् । व परमाणुः—यस्तु तीस्नेनाणि शस्त्रेन छेत्तं भेत्तं मोत्त्रयितं न शस्यते, बळानळादिमिनांशं नैति एकैकरसःवर्ण-गन्ध-दिस्पर्शम् । क्षिन्ध-स्थास्यसंद्वयमित्युक्तमादिपुराणे । शब्दकारणमशब्दं स्कन्धान्तरितमादि-मध्यायसानरहितमप्रदेशमिन्द्रियै-रमाध्यमिकामि तत् द्रव्यं परमाणुः ।

क्लोक १--२६ व अतः-अणुतः । तस्मात्-त्रसरेणुतः । शिरोस्हः-( भवन्ति )।

श्लोक १—२७ व्य क्रिश्चा—क्रिशाप्रमाणस्कन्यः । सः—स तिलः । अष्टगुणानि—अष्टगुणानि भवन्ति असरेष्यायञ्चलन्तानि ।

स्त्रोक १---२८ व प्रमाणम्--प्रमाणाङ्गलम् ।

स्ठोक १-३१ अ परिभाषा-अनियमेन नियमकारिणी परिभाषा ।

स्त्रोक १-३२ **वा** अणुरण्यन्तरम् — मन्दगतिमाश्रितः सन् , शीत्रगतिमाश्रितश्रेत् चतुर्दशरण्युम् अतिकामति । समयः — प्रोक्तः । असंस्थैः — वघन्ययुक्तासंस्थैः । व असंस्थैः — omits. सोक्ते — omits ( ! )

क्षोक १-३३ अ स्तोक इति मानम् । तेषाम्-ख्वानाम् । सार्षाष्टात्रिंशता--३८ई ।

कोक १-३४ अ पश्चः---भवेत ।

क्षोक १-३५ व तैः--ऋतुभिः । वत्त्वरो संवत्त्वरः ।

श्लोकः 4-१६ व्य तत्र—घान्यमाने । चतसः—घोडश्चिकः । कुडवः—सहस्थेश त्रिभिः षड्भिः श्लोश त्रोहिभिः समैः । यः संपूर्णो भवेत् सोऽयं कुडवः परिभाष्यते ॥ लोके पवाछ ८। प्रस्यः—कोके पाळी ८। व प्रस्थः—omits.

स्रोक १-३८ स सेयं प्रवर्तिका । ताः लार्याः [र्यः] । तस्याः प्रवर्तिकायाः ।

क्षोक १-३९ थ गण्डकै:--कस्तुंबुरूमिः, लोके घाना, घरणे-घरणद्वयम् ।

स्रोक १-४० अ धान्यद्वयेन-- लोके घानाद्वयेन ब कुरतुंबरद्वयेन । अत्र--रजतपरिकर्मणि ।

स्रोक १-४१ अ पुराणान्-कर्षान् । रूप्ये-रवत-परिभाषायां मागचदेशव्यवहारमाभित्य ।

स्त्रोक १--४२ अ कल-कलेति नाम भवेत्।

श्लोक १---४३ व्य अस्मात्---द्रश्लूणात् । सतेरं---सतेराख्यं मानं भवति । व लोहे---लोह-परिभाषायाम् ।

स्रोक १--४४ अ 'प्रचक्षते' अन्तस्य 'अत्' आदेशो भवति ।

स्रोक १---४५ अ ब वज्ञाभरण-कटादीनाम्।

स्ठोक १---४६ ब अत्र--परिकर्मणि ।

स्त्रोक १-४८ अ भिन्नानि-यथा गुणाकारमिन्नः भागद्दारमिन्नः कृतिभिन्नः प्रत्येकभिन्नः इति परं योज्यम् ।

**द** तच्च---'विद्या कळासवर्णस्य' इति वा पाठः ।

श्लोक १--४९ च हुतः शून्येन भक्तः सन् । खवधादिः-शून्यस्य भवन-गुगन-वर्गमूळादिः । बोध्यकपकम्--योध्यराधिसमानम् ।

स शून्येन ताडितो गुणितो राशिः सं शून्यं स्थात् । स्त राशिः शून्येन इतः [ इतः ] भक्तः । शून्येन युतः सहितः । शून्येन दीनो रहितोऽपि अविकारी विकारवान् न भवति तद्यस्थ एव—सवधादिः स शून्यस्य वशो गुणनं सं शून्यं स्थात् । आदिशब्देन भवन-वर्ग-धन-तन्मूलानि सुद्धां ।

स्त्रोक १---५० व वाते गुणने । विवरं---महाराशी स्वस्पराशिमपनीयावशिष्टरोषी विवरमिखुच्यते ।

स्त श्राम्योः—श्राम्ययोः । धनयोः—धनस्तराक्योः । भवने—भागहारे । फलम्—गुम्ति-प्रसम् । तु—पुनः ।—adds चेयमंकसंदृष्टिः ।—adds illustrations to explain rules on 50 (stanza).

इस्रोक १--५१ स योगः--संयोजनम् । शोध्यम्-अपनेयम् ।

क्षोक १—५२— च मूळे—वर्गमूछे। स्वर्गे—धनक्षणे स्याताम्। Adds two stanzas after 52. Printed in text at No. 69-70.

लघुकरणोहापोहानालस्यम्रहणधारणोपायैः । व्यक्तिकराङ्कविश्विष्टैः गणकोष्टाभिर्गुणैश्वेयः ॥ १ ॥ हति संश्वा समासेन भाषिता मुनिपुंगवैः । विस्तरेणागमाद् वेद्यं वक्तव्यं यदितः परम् ॥ २ ॥

तत्पदम् ऋणरूपवर्गराहोर्मूळं कथं भवेत् इत्याशङ्कायाम् इदमाइ ऋणराशः निबक्रणवर्गो न भवेत्, किंतु घनरूपेण वर्गो भवेत्। तत्मात् ऋणराशेः सकाशात् मूळं न भवेत्, किंतु घनराशेः सकाशात् ऋणराशेर्मूळं स्थात्।

स धनराहोः ऋगराहोश्च वर्गो धनं भवति । Adds illustrations to explain rules on 52 ( stanza ).

स्त्रोक १—५८ अ ऋतुर्वीयो—षड् जीवाः । कुमारवदनम्—कार्तिक [केय] वदनम् । ब कुमारवदनम्—कार्तिकेयवदनम् ।

श्लोक १—६९ इ श्रीव्रगुणन-भजनादिलक्षणं लघुकरणम् । अनेन प्रकारेण गुणनादौ कृते स्तीप्तितं स्वन्धं स्वादिति पूर्वमेव परिज्ञानलक्षणः ऊद्दः । इत्थं गुणनादौ कृते स्तीप्तितं सन्धं न स्यादिति पूर्वमेव परिज्ञानलक्षणः अपोदः । गुणनादिकियायां मन्दभावराद्वित्यलक्षणमनालस्यम् । कथितार्थकक्षणं प्रहणम् । कथितार्थक्षणं प्रहणम् । कथितार्थस्य कालान्तरेऽप्यविस्मरणलक्षणा चारणा । स्त्रोक्तगुणनादिकमाधारं कृत्या स्वबुद्ध्या प्रकारान्तरगुणनादिविचारलक्षणः उपायः । अंकं व्यक्तं स्थापयित्वा गुणनादिकरणलक्षणो व्यक्तिकरांकः । इत्यक्षमिर्गुणै गणितक्षो भवेदिति श्रेयः । इति ।

स्थापनास्थ्यणे राशिस्यः । येन राशिना गुण्यस्य मागो भवेत् तेन गुण्यं भक्त्वा गुणकारं गुणिक्ता स्थापनास्थ्यणे राशिस्यः । येन राशिना गुणगुणकारस्य मागो भवेत् तेन गुणकारं भक्त्वा गुण्यं गुणिक्ता स्थापनास्थ्यणे तस्यः । इति त्रिप्रकारैः स्थितगुण्य-गुणकारराशियुगलं कवाटसंघाणकमेण विन्यस्य । (२) राशेरादितः आरम्यान्तपर्यन्तं गुणनस्थ्यणेन अनुस्थामगर्गेण । (३) राशेरन्ततः आरम्यादिपर्यन्तं गुणनस्थ्यणेन विक्षेममार्गेण च गुण्यराशि गुणकार-राशिना गुणवेत् । (४) भुणवेत् गुणेन गुण्यं कवाटसंधिकमेण संस्थाप्यं इति पाठान्तर—पादद्वयम् । (५) गुण्यगुणकारं यथा व १४४ गुण्यं = प्रत्येक पशानि गुणकार इति = ८; २।४

(६) गुणकार ८ अस्य मारा ४, अनेन गुण्यं गुणित चेत् ४ ६ ७ ६ २ १/४ १/४

(७) व = वद्य [स] ति। (८) ता = तामरसं। (९) प = पदमानि। (१०) विनश्चो एकः वेम्यस्तेष्विकाम्। (११) मणयः। (१२) खर इति षड् बीव। (१३) राश्चिना गुण्यक्रवम् उपरितन-भागे स्थाप्यमधः तेनैव गुणकारं गुणयित्वा स्थापना ।

श्लोक २-७ व्य विषनिधिः = बलनिधिः ।

श्लोक २...अ पुरुषः—बीवो इत्यर्थः ।

क्षोक २-९ व्य [ खर:--] "सःवरंघः खरो हेवः खरोऽपि पुरुषो मतः" इत्यभिषानात् ।

स्रोक २-१० व्य तत-राशिम ।

श्लोक २-११ व्य पद्मपट्कं च-आदी ७ पद्मपट्कं ६६६६६ घट्त्रिकं ३३२३३ तत् भिनं लिखितम्- ३३३३३६६६६६७।

श्लोक २-१५ व्य त्रयः-सान्तः त्रयःशब्दोऽयम् ।

स्त्रोक २-१७ अ हिमांश्वय—हिमांश अग्ने [रम्ने ] येषां तानि, हिमांश्वयानि च तानि रन्त्राणि च तत्त्रयोक्तानि, तैः। कण्ठिका—कण्ठभूषणम्। च एकस्पम्—एकस्यामिधानं प्रन्थान्तरे।

श्लोक २-१८ की उत्यानिका—च परमागमपतिपादितकरणानुयोगे ग्रह-नक्षत्र-प्रकोणंक-तारादि-गणनाभिषानं करणमित्युच्यते, तस्य स्त्रम् , स्चयति संक्षेपेणार्थे स्चयति इति स्त्रं वस्रयोक्तम् ।

स्त्रोक २-१९ अ प्रतिलोमपयेन—विलोममार्गेण भाज्यम्—अंकानां वामतो गतिः, तेन अन्ततः आरम्य भाज्यम् । विधाय—अपवर्तनविधि विधाय । तयोः—माज्य-भागहारराश्योः । स्त उपरिश्यितं भाज्यराशिं अधःस्थितेन भागहारेणानन्तां आरम्यादिपर्यन्त भवनल्थ्यणेन प्रतिलोमपयेन भजेत् । यदि तयोभोज्य-भागहारयोः सहशापवर्तनविधिः समानराशिना भाज्य-भागहाराख्यपवर्तनलक्षणविधानं संमवति तर्हितं कृत्वा भजेत् ।

श्लोक २-२० आ अंशो मागः। नुः नरस्य।—भागद्दारस्य भाग (१) द्वी वा चत्वारो वा तेषु एकमागेन माज्यं माज्येत्, द्वितीयभागेन भाज्यं भाजयेत्, तृतीयमागेन भाज्यं भाजयेत्, चतुर्यभागेन भाज्यं भाजयेत्। अपवर्तनविधिः। एकशतयुतम्—एकेनाधिकं शतम् एकशतम्।

श्लोक २-२६ अ त्रिदशसहसी—त्रिभिः गुणिता दश त्रिदश, त्रिदशानां सहस्राणां समाहारः त्रिदशसहस्री । हाटकानि—कनकानि ।

श्लोक २-२९ व्य चातो वर्ग ६४ स्यात् । स्वेष्टोनयुतद्वयस्य—समानी द्वौः राद्यौ विन्यस्य ८।८ स्वेष्टोन-युत ६।१० तयोर्घातः ६० स्वेष्ट २ कृती ४ युक्तः ६४ वर्गः स्यात् । सेष्टकृतिः—इष्टकृतिसिहितः । एकादि —एकादि द्विचयेष्टगच्छानां ८ युतिः संकलनं रूपेणोणो [नो ] गच्छः दल्तिः प्रचयताहितो मिश्रः प्रमवेण पदाम्यस्तः इति स्वेण २ वर्गो भयेत् ६४। इति धनं ८।

स्रोक २-३० अ दिस्यानप्रस्तीनाम्-वट्पंचाधत् द्विशत (२५६) इति त्रिस्थानान्तं वर्गे।

यह श्रात नहीं दोता कि इनका सम्बन्ध किस-किस क्ष्रोक से है।

<sup>† (</sup> मान्तवः ! )

षद्वाः ३६। पंचाशत्वाः २५००। द्विशत्वाः ४००००। सर्ववांसयोगः ४२५३६। द्विश्चत-षट्पंचाषड् [ ०शद् ] घातः ११२००। पंचाशत्-षट्वातः ३००। तद्विगुणः २२४००।६००। तेन विमिश्चितः सर्व-वांसयोगः ६५५३६। तेषाम्—द्विप्रश्चतिकत्वितस्थानानाम् । क्रमधातेन—द्विस्थानप्रश्वतिराशीनाम् अन्त्यस्थानं शेषस्थानेर्गुणयित्वा, पुनः शेषान्त्यस्थानं शेषस्थानेर्गुणयित्वा, तेन क्रमेण प्रथमस्थानपर्यन्त गुणनस्थण क्रमधातः। तेन पुनः द्विस्थानप्रसृतीनां राशीनाम्, इत्यमिप्रायेण वर्गरचनां स्फुटयति ।

प्रवर्ग ४ त्रिवर्ग ९ चतुर्वर्ग १६ तत्संयोगः २९ तेषां क्रमघातः द्विकत्रिकमिश्रेण चतुष्कं ह गुणयेत् २० । द्विकेन त्रिकं गुणयित्वा मिश्रितः सन् २६ । द्विगुणो ५२ । अनेन र मिश्रितेन वर्गः ८१ ।

स्त्रोक २--३१ अ कुत्वान्त्यकृतिम्-कृत्वा ७५ अन्त्यकृति ४९१५ अन्त्यं द्विगुणमुस्तार्थं ४९१५ शेष

 ५ पदैईन्यात्
 ४९%५
 क्रांवात्सार्थ
 ४९%५
 क्रांवा तस्यकृति
 ४९२५
 छन्धः ५६२५
 इति सर्वत्र

 | ७ | ४ | ० | ५
 कर्तव्यः द्वयंकानां वर्गकोष्ठः । पंचांकानां वर्गकोष्ठरचना
 ४ | ९ | ० | ५
 ४ | ९ | ० | ५
 ५ | १ | ० | ६ | ६ | छन्धवर्गाः

६ | X | 4 | X | ३ | X | ६ ६ | ६ | ४ | ३ | २ | ० | ६ | ६ ६ | २ | ५ | ३ | ६ | ६ | ९ | ३ | ५ | २ | ५ | ० | ३ | ३ |

स अयमर्थः अन्त्यराधि वर्गे कृत्वा पुनरन्त्यराधि द्विगुणं कृत्वा पुरो गमयित्वा शेषस्थानैर्गुणयेत्। शेषस्थानानि पुरो गमयित्वा पूर्वेकथितिकया कर्तव्या।

# परिशिष्ट-६

[Reprinted from the First Edition.]

#### PREFACE

Soon after I was appointed Professor of Sanskrit and Comparative Philology in the Presidency College at Madras, and in that capacity took charge of the office of the Curator of the Goverment Oriental Manuscripts Library, the late Mr. G. H. Stuart, who was then the Director of Public Instruction, asked me to find out if in the Manuscripts Library in my charge there was any work of value capable of throwing new light on the history of Hindu mathematics, and to publish it, if found, with an English translation and with such notes as were necessary for the elucidation of its contents. Accordingly the mathematical manuscripts in the Library were examined with this object in view; and the examination revealed the existence of three incomplete manuscripts of Mahāvīrācārya's Ganita-sāra-sangraha. A cursory persual of these manuscripts made the value of this work evident in relation to the history of Hindu Mathematics. The late Mr. G. H. Stuart's interest in working out this history was so great that, when the existence of the manuscripts and the historical value of the work were brought to his notice, he at once urged me to try to procure other manuscripts and to do all else that was necessary for its proper publication. He gave me much advice and encouragement in the early stages of my endeavour to publish it; and I can well guess how it would have gladdened his heart to see the work published in the form he desired. It has been to me a source of very keen regret that it did not please Providence to allow him to live long enough to enable me to enhance the value of the publication by means of his continued guidance and advice, and my consolation now is that it is something to have been able to carry out what he with scholarly delight imposed upon me as a duty.

Of the three manuscripts found in the library one is written on paper in Grantha characters, and contains the first five chapters of the work with a running commentary in Sanskrit; it has been denoted here by the letter P. The remaining two are palm-leaf

manuscripts in Kanarese characters, one of them containing, like P, the first five chapters, and the other the seventh chapter dealing with the geometrical measurement of areas. In both these manuscripts there is to be found, in addition to the Sanskrit text of the original work, a brief statement in the Kanarese language of the figures relating to the various illustrative problems as also of the answers to those same problems. Owing to the common characteristics of these manuscripts and also owing to their not overlapping one another in respect of their contents, it has been thought advisable to look upon them as one manuscript and denote them by K. Another manuscript, denoted by M, belongs to the Government Oriental Library at Mysore, and was received on loan from Mr. A Mahadeva Sastri, B. A., the Curator of that institution. This manuscript is a transcription on paper in Kanarese characters of an original palmleaf manuscript belonging to a Jaina Pandit, and contains the whole of the work with a short commentary in the Kanarese language by one Vallabha, who claims to be the author of also a Telugu commentary on the same work. Althought incorrect in many places. it proved to be of great value on account of its being complete and containing the Kanarese commentary; and my thanks are specially due to Mr. A. Mahadeva Sastri for his leaving it sufficiently long at my disposal, A fifth manuscript, denoted by B, is a transcription on paper in Kanarese characters of a palm-leaf manuscript found in a Jaina monastery at Mudbidri in South Canara, and was obtained through the kind effort of Mr. R. Krishnamacharyar, M. A., he Sub-assistant Inspector of Sanskrit Schools in Madras, and Mr. U. B. Venkataramanaiya of Mudbidri. This manuscript also contains the whole work, and gives, like K, in Kanarese a brief statement of the problems and their answers. The endeavour to secure more manuscripts having proved fruitless, the work has had to be brought out with the aid of these five manucripts; and owing to the technical character of the work and its elliptical and often riddle-like language and the inaccuracy of the manuscripts, the labour involved in bringing it out with the translation and the requisite notes has been heavy and trying. There is, however, the satisfaction that all this labour has been bestowed on a worthy work of considerable historical value.

It is a fortunate circumstance about the Ganita-sara-sangraha that the time when its author Mahaviracarva lived may be made out with fair accuracy. In the very first chapter of the work, we have, immediately after the two introductory stanzas of salutation to Jina Mahavira, six stanzas describing the greatness of a king, whose name is said to have been Cakrika bhanjana, and who appears to have been commonly known by the title of Amoghavarsa Nrpatunga; and in the last of these six stanzas there is a benediction wishing progressive prosperity to the rule of this king. The results of modern Indian epigraphical research show that this king Amoghavarsa Nrpatunga reigned from A. D. 814 or 815 to A. D. 877 or 878.\* Since it appears probable that the author of the Ganita-sara-sangraha was in some way attached to the court of this Rastrakuta king Amoghavarsa Nrpatunga, we may consider the work to belong to the middle of the ninth century of the Christian era. It is now generally accepted that, among well-known early Indian mathematicians Aryabhata lived in the fifth, Varahamihira in the sixth, Brahmagupta in the seventh and Bhaskaracarva in the twelfth century of the Christian era; and chronologically, therefore, Mahaviracarya comes between Brahmagupta and Bhāskarācārya. This in itself is a point of historical noteworthiness; and the further fact that the author of the Ganita-sara-sangraha belonged to the Kanarese speaking portion of South India in his days and was a Jaina in religion is calculated to give an additional importance to the historical value of his work. Like the other mathematicians mentioned above, Mahāvirācārya was not primarily an astronomer, although he knew well and has himself remarked about the usefulness of mathematics for the study of astronomy. The study of mathematics seems to have been popular among Jaina scholars; it forms, in fact, one of their four Anuyogas or auxiliary sciences indirectly serviceable for the attainment of the salvation of soul-liberation known as moksa.

A comparison of the Ganita-sāra-sangraha with the corresponding portions in the Brahmasphuta-siddhānta of Brahmasupta is

1.4.

<sup>\*</sup> Vide Nilgund Inscription of the time of Amoghavarsa I, A. D. 866; edited by J. F. Fleet, Ph. D., C. I. E., in Epigraphia Indica, Vol. VI, pp. 98-108.

calculated to lead to the conclusion that, in all probability, Mahaviracarya was familiar with the work of Brahmagupta and endeavoured to improve upon it to the extent to which the scope of his Ganita-sara-sangraha permitted such improvement. Mahaviracharya's classification of arithmetical operations is simpler, his rules are fuller and he gives a large number of examples for illustration and exercise. Prthudaksvamin, the well-known commentator on the Brahmasphuta-siddhanta, could not have been chronologically far removed form Mahaviracarya, and the similarity of some of the examples given by the former with some of those of the latter naturally arrests attention. In any case it cannot be wrong to believe, that, at the time, when Mahaviracarya wrote his Ganita-sara-sangraha. Brahmagupta must have been widely recognized as a writer of authority in the field of Hindu astronomy and mathematics. Whether Bhāskarācārya was at all acquainted with the Ganita-sāra-sangraha of Mahaviracarya, it is not quite easy to say. Since neither Bhaskaracarya nor any of his known commentators seem to quote from him or mention him by name, the natural conclusion appears to be that Bhaskaracarya's Siddhanta-siromani, including his Lilavati and Bijaganita, was intended to be an improvement in the main upon the Brahmasphuta-siddhanta of Brahmagupta. The fact that Mahaviracarya was a Jaina might have prevented Bhaskaracarya from taking note of him; or it may be that the Jaina mathematician's fame had not spread far to the north in the twelfth century of the Christian era. His work, however, seems to have been widely known and appreciated in Southern India. So early as in the course of the eleventh century and perhaps under the stimulating influence of the enlightened rule of Rajarajanarendra of Rajahmundry, it was translated into Telugu in verse by Pāvulūri Mallana; and some manuscripts of this Telugu translation are now to be found in the Government Oriental Manuscripts Library here at Madras. It appeared to me that to draw suitable attention to the historical value of Mahaviracarya's Ganita-sara-sangraha, I could not do better than seek the help of Dr.David Eugene Smith of the Columbia University of New York, whose knowledge of the history of mathematics in the West and in the East is known to be wide

and comprehensive, and who on the occasion when he met me in person at Madras showed great interest in the contemplated publication of the Ganita-sāra-sangraha and thereafter read a paper on that work at the Fourth International Congress of Mathematicians held at Rome in April 1908. Accordingly I requested him to write an introduction to this edition of the Ganita-sāra-sangraha, given in brief outline what he considers to be its value in building up the history of Hindu mathematics. My thanks as well as the thanks of all those who may as scholars become interested in this publication are therefore due to him for his kindness in having readily complied with my request; and I feel no doubt that his introduction will be read with great appreciation.

Since the origin of the decimal system of notation and of the conception and symbolic representation of zero are considered to questions connected with the history of be important Hindu mathematics, it is well to point out here that in the Ganita-sarasangraha twenty four rotational places are mentioned. commencing with the units place and ending with the place called mahāksobha, and that the value of each succeeding place is taken to be ten times the value of the immediately preceding place. Although certain words forming the names of certain things are utilized in this work to represent various numerical figures, still in the numeration of of numbers with the aid of such words the decimal system of notation is almost invariably followed If we took the words moon, eye, fire and sky to represent respectively 1, 2, 3 and 0, as their Sanskrit equivalents are understood in this work, then, for instance, fire-sky-moon-eye would denote the number 2103, and moon-eye-sky-fire would denote 3021, since these nominal numerals denoting numbers are generally repeated in order from the units place upwards. This combination of nominal numerals and the decimal system of notation has been adopted obviously for the sake of securing metrical convenience and avoiding at the same time cumbrous ways of mentioning numerical expressions; and it may well be taken for granted that for the use of such nominal numerals as well as the decimal system of notation Mahaviracarya was indebted to his predecessors. The decimal system of notation is distinctly described by Aryabhata, and there is evidence in his writings to show that he was familiar with nominal numerals. Even in his brief mnemonic method of representing numbers by certain combinations of the consonants and vowels found in the Sanskrit language, the decimal system of notation is taken for granted; and ordinarily 19 notational places are provided for therein. Similarly in Brahmagupta's writings also there is evidence to show that he was acquainted with the use of nominal numerals and the decimal system of notation. Both Aryabhata and Brahmagupta claim that their astronomical works are related to the Brahma-siddhanta; and in a work of this name, which is said to form a part of what is called Sakalya-samhita and of which a manuscript copy is to be found in the Government Oriental Manuscripts Library here, numbers are expressed mainly by nominal numerals used in accordance with the decimal system of notation. It is not of course meant to convey that this work is necessarily the same as what was known to Arayabhata and Brahmagupta; and the fact of its using nominal numerals and the decimal system of notation is mentioned here for nothing more than what it may be worth.

It is generally recognized that the origin of the conception of zero is primarily due to the invention and practical utilization of a system of notation wherein the several numerical figures used have place-values apart from what is called their intrinsic value. In writing out a number according to such a sytem of notation, any notational place may be left empty when no figure with an intrinsic value is wanted there. It is probable that owing to this very reason the Sanskrit word sunya, meaning 'empty', came to denote the zero. and when it is borne in mind that the English word 'cipher' is derived from an Arabic word having the same meaning as the Sanskrit sunva. we may safely arrive at the conclusion that in this country the conception of the zero came naturally in the wake of the decimal system of notation: and so early as in the fifth century of the Christian era, Aryabhata is known to have been fully aware of this valuable mathematical conception. And in regard to the question of a symbol to represent this conception, it is well worth bearing in mind that operations with the zero cannot be

carried on-not to say cannot be even thought of easily-without a symbol of some sort to represent it. Mahāvīrācārya gives, in the very first chapter of his Ganita-sara-sangraha, the results of the operations of addition, subtraction, multiplication and division carried on in relation to the zero quantity; and although he is wrong in saying that a quantity, when divided by zero, remains unaltered, and should have said, like Bhaskaracarya, that the quotient in such a case is infinity, still the very mention of operations in relation to zero is enough to show that Mahaviracarya must have been aware of some symbolic representation of the zero quantity. Since Brahmagupta, who must have lived at least 150 years before Mahāvīrācārva, mentions in his work the results of operations in relation to the zero quantity, it is not unreasonable to suppose that before his time the zero must have had a symbol to represent it in written calculations. That even Aryabhata knew such a symbol is not at all improbable. It is worthy of note in this connection that in enumerating the nominal numerals in the first chapter of his work. Mahaviracarya mentions the names denoting the nine figures from 1 to 9, and then gives in the end the names denoting zero, calling all the ten by the name of sankhya: and from this fact also, the inference may well be drawn that the zero had a symbol, and that it was well known that with the aid of the ten digits and the decimal system of notation numerical quantites of all values may be definitely and accurately expressed. What this known zero-symbol was, is, however, a different question.

The labour and attention bestowed upon the study and translation and annotation of the Ganita-sāra-sangraha have made it clear to me that I was justified in thinking that its publication might prove useful in elucidating the condition of mathematical studies as they flourished in South India among the Jainas in the ninth century of the Christian era; and it has been to me a source of no small satisfaction to feel that in bringing out this work in this form, I have not wasted my time and thought on an, unprofitable undertaking. The value of the work is undoubtedly more historical than mathematical. But it cannot be denied that the step by step construction of the history of Hindu culture is a worthy endeavour,

and that even the most insignificant labourer in the field of such an endeavour deserves to be looked upon as a useful worker. Although the editing of the Ganita-sara-sangraha has been to me a labour of love and duty, it has often been felt to be heavy and taxing; and I, therefore, consider that I am specially bound to acknowledge with gratitude the help which I have received in relation to it. In the early stage, when conning and collating and interpreting the manuscripts was the chief work to be done, Mr. M. B. Varadaraja Aiyangar, B. A, B. L., who is an Advocate of the Chief Court at Bangalore, co-operated with me and gave me an amount of aid for which I now offer him my thanks. Mr. K. Krishnaswami Aiyangar, B. A.; of the Madras Christian College, has also rendered considerable assistance in this manner; and to him also I offer my thanks. Latterly I have had to consult on a few occasions Mr. P. V. Seshu Aiyar, B. A. L. T., Professor of Mathematical Physics in the Presidency College here, in trying to explain the rationale of some of the rules given in the work; and I am much obliged to him for his ready willingness in allowing me thus to take advantage of his expert knowledge of mathematics. My thanks are, I have to say in conclusion, very particularly due to Mr. P. Varadacharya, B. A, Librarian of the Government Oriental Manuscripts Library at Madras, but for whose zealous and steady co-operation with me throughout and careful and continued attention to details, it would indeed have been much harder for me to bring out this edition of the Ganit-sāra-sangraha.

February 1912, Madras.

M. RANGACHARYA.

### INTRODUCTION

#### BY

#### DAVID EUGENE SMITH

PROFESSOR OF MATHEMATICS IN TEACHERS' COLLEGE, COLUMBIA UNIVERSITY, NEW YORK.

We have so long been accustomed to think of Pataliputra on the Ganges and of Ujjain over towards the Western Coast of India as the ancient habitats of Hindu mathematics, that we experience a kind of surprise at the idea that other centres equally important existed among the multitude of cities of that great empire. In the same way we have known for a century, chiefly through the labours of such scholars as Colebrooke and Taylor, the works of Aryabhata, Brahmagupta, and Bhaskara, and have come to feel that to these men alone are due the noteworthy contributions to be found in native Hindu mathematics. Of course a little reflection shows this conclusion to be an incorrect one. Other great schools, particularly of astronomy, did exist, and other scholars taught and wrote and added their quota, small or large, to make up the sum total, It has, however, been a little discouraging that native scholars under the English supremacy have done so little to bring to light the ancient mathematical material known to exist and to make it known to the Western world. This neglect has not certainly been owing to the absence of material, for Sanskrit mathematical manuscripts are known, as are also Persian, Arabic, Chinese, and Japanese; and many of these are well worth translating from the historical standpoint. It has rather been owing to the fact that it is hard tof ind a man with the requisite scholarship, who can afford to give his time to what is necessarily a labour of love.

It is a pleasure to know that such a man has at last appeared and that, thanks to his profound scholarship and great pereseverance,

we are now receiving new light upon the subject of Oriental mathematics, as known in another part of India and at a time about midway between that of Aryabhata and Bhāskara, and two centuries later than Brahmagupta. The learned scholar, Professor M. Rangācārya of Madras, some years ago became interested in the work of Mahāvīrācārya, and has now completed its translation, thus making the mathematical world his perpetual debtor; and I esteem it a high honour to be requested to write an introduction to so noteworthy a work.

Mahāvirācārya appears to have lived in the court of an old Rāṣṭrakūṭa monarch, who ruled probably over much of what is now the kingdom of Mysore and other Kanarese tracts, and whose name is given as Amōghavarṣa Nṛpatuṅga. He is known to have ascended the throne in the first half of the ninth century A. D., so that we may roughly fix the date of the treatise in question as about 850.

The work itself consists, as will be seen, of nine chapters like the Bija-ganita of Bhāskara; it has one more chapter than the Kuṭṭaka of Brahmagupta. There is, however, no significance in this number, for the chapters are not at all parallel, although certain of the otpics of Brahmagupta's Ganita and Bhāskara's Līlāvatī are included in the Ganita-Sāra-Sangraha.

In considering the work, the reader naturally repeats to himself the great questions that are so often raised:—How much of this Hindu treatment is original? What evidences are there here of Greek influence? What relation was there between the great mathematical centres of India? What is the distinctive feature, if any, of the Hindu algebraic theory?

Such questions are not new. Davis and Strachey, Colebrooke and Taylor, all raised similar ones a century ago, and they are by no means satisfactorily answered even yet. Nevertheless, we are making good progress towards their satisfactory solution in the not too distant future. The past century has seen several Chinese and Japanese mathematical works made more or less familiar to the West; and the more important Arab treatises are now quite satisfactorily known. Various editions of Bhāskara have appeared in India; and in general the great treatises of the Orient

have begun to be subjected to critical study. It would be strange, therefore, if we were not in a position to weigh up, with more certainty than before, the claims of the Hindu algebra. Certainly the persevering work of Professor Rangacarya has made this more possible than ever before.

As to the relation between the East and the West, we should now be in a position to say rather definitely that there is no evidence of any considerable influence of Greek algebra upon that of India. The two subjects were radically different. It is true that Diophantus lived about two centuries before the first Aryabhata, that the paths of trade were open from the West to the East, and that the itinerant scholar undoubtedly carried learning from place to place. But the spirit of Diophantus, showing itself in a dawning symbolism and in a peculiar type of equation, is not seen at all in the works of the East. None of his problems, not a trace of his symbolism, and not a bit of his phraseology appear in the works of any Indian writer on algebra. On the contrary, the Hindu works have a style and a range of topics peculiarly their own. Their problems lack the cold, clear, geometric precision of the West; they are clothed in that poetic language which distinguishes the East, and they relate to subjects that find no place in the scientific books of the Greeks. With perhaps the single exception of Metrodorus, it is only when we come to the puzzle problems doubtfully attributed to Alcuin that we find anything in the West which resembles, even in a slight degree, the work of Alcuin's Indian contemporary, the author of this treatise.

It therefore seems only fair to say that, although some knowledge of the scientific work of any one nation would, even in those remote times, naturally have been carried to other peoples by some wandering savant, we have nothing in the writings of the Hindu algebraists to show any direct influence of the West upon their problems or their theories.

When we come to the question of the relation between the different sections of the East, however, we meet with more difficulty. What were the relations, for example, between the school of Pāṭaliputra, where Āryabhaṭa wrote, and that of Ujjain, where both Brahmagupta and Bhāskara lived and taught? And what was the relation of each

of these to the school down in South India, which produced this notable treatise of Mahāvirācārya? And, a still more interesting question is, what can we say of the influence exerted on China by Hindu scholars, or vice versa? When we find one set of early inscriptions, those at Nānā Ghāt, using the first three Chinese numerals, and another of about the same period using the later forms of Mesopotamia, we feel that both [China and [the West may | have influenced Hindu science. When, on the other hand, we consider the problems of the [great trio of Chinese | algebraists of the thirteenth | century, Ch'in Chiushang, Li Yeh, and Chu Shih-chieh, we feel that Hindu algebra must have had no small influence upon the North of Asia, although it must be said that in point of theory the Chinese of that period naturally surpassed the earlier writers of India.

The answer to the questions as to the relation between the schools of India cannot yet be easily given. At first it would seem a simple matter to compare the treatises of the three or four great algebraists and to note the similarities and differences. When this is done, however, the result seems to be that the works of Brahmagupta, Mahāvirācārya, and Bhāskara may be described as similar in spirit but entirely different in detail. For example, all of these writers treat of the areas of polygones, but Mahaviracarya is the only one to make any point of those that are re-entrant, All of them touch upon the area of a segment of a circle, but all give different rules. The so-called janya operation (page 209) is akin to work found in Brahmagupta, and yet none of the problems is the same. The shadow problems, primitive cases of trigonometry and gnomonics, suggest a similarity among these three great writers, and yet those of Mahaviracarya are much better than the one to be found in either Brahmagupta or Bhaskara, and no questions are duplicated.

In the way of similarity, both Brahmagupta and Mahāvīrācārya give the formula for the area of a quadrilateral,

$$\sqrt{(s-a)(s-b)(s-c)(s-d)}$$

—but neither one observes that it holds only for a cyclic figure. A few problems also show some similarity such as that of the broken tree, the one about the anchorites, and the

common one relating to the lotus in the pond, but these prove only that all writers recognized certain stock problems in the East, as we generally do to-day in the West. But as already stated, the similarity is in general that of spirit rather than of detail, and there is no evidence of any close following of one writer by another.

When it comes to geometry there is naturally more evidence of Western influence. India seems never to have independently developed anything that was specially worthy in this science. Brahmagupta and Mahāvirācārya both use the same incorrect rules for the area of a triangle and quadrilateralt hat is found in the Egyptian treatise of Ahmes. So while they seem to have been influenced by Western learning, this learning as it reached India could have been only the simplest. These rules had long since been shown by Greek scholars to be incorrect, and it seems not unlikely that a primitive geometry of Mesopotamia reached out both to Egypt and to India with the result of perpetuating these errors. It has to be borne in mind, however, that Mahaviracarya gives correct rules also for the area of a triangle as well as of a quadrilateral without indicating that the quadrilateral has to be cyclic. As to the ratio of the circumference to the diameter, both Brahmagupta and Mahaviracarya used the old Semitic value 3, both giving also  $\sqrt{10}$ as a closer approximation, and neither one was aware of the works of Archimedes or of Heron. That Aryabhata gave 3:1416 as the value of this ratio is well known, although it seems doubtful how far he used it himself. On the whole the geometry of India seems rather Babylonian than Greek. This, at any rate, is the inference that one would draw from the works of the writers thus far known.

As to the relations between the Indian and the Chinese algebra, it is too early to speak with much certainty. In the matter of problems there is a similarity in spirit, but we have not yet enough translations from the Chinese to trace any close resemblance. In each case the questions proposed are radically different from those found commonly in the West, and we must conclude that the algebraic taste, the purpose, and the method were all distinct in the

two great divisions of the world as then known. Rather than assert that the Oriental algebra was influenced by the Occidental we should say that the reverse was the case. Bagdad, subjected to the influence of both the East and the West, transmitted more to Europe than it did to India. Leonardo Fibonacci, for example, shows much more of the Oriental influence than Bhāskara, who was practically his contemporary, shows of the Occidental.

Professor Rangacarya has, therefore, by his great contribution to the history of mathematics confirmed the view already taking rather concrete form, that India developed an algebra of her own; that this algebra was set forth by several writers all imbued with the same spirit, but all reasonably independent of one another; that India influenced Europe in the matter of algebra, more than it was influenced in return; that there was no native geometry really worthy of the name; that trigonometry was practically non-existent save as imported from the Greek astronomers; and that whatever of geometry was developed came probably from Mesopotamia rather than from Greece. His labours have revealed to the world a writer almost unknown to European scholars, and a work that is in many respects the most scholarly of any to be found in Indian mathematical literature. They have given us further evidence of the fact that consecutive Oriental mathematics lacks the cold logic, the arrangement, and the abstract character of Greek mathematics, but that it possesses a richness of imagination. an interest in problem-setting, and poetry, all of which are lacking in the treatises of the West, although abounding in the works of China and Japan. If, now, his labours shall lead others to bring to light and set forth mor and more of the classics of the East, and in particular those of early and mediaeval China, the world will be to a still larger extent his debtor.



# प्रस्तावना को अनुक्रमणिका

```
अंकगणित-3, 4, 6, 7, 10, 15.
अंक ज्योतिष--4.
अनन्त राशियों का गणित-9.
अनुकड कडन-(Integral Calculus) 4, 5.
अनुबोग ६१-7.
अप्रिमेय—(Irrational) 4.
अमोधवर्ष---1. 10.
अर्थमितिकी-(Arithmetica) 4, 18.
अर्थसंदृष्टि—9, 20,
अडौकिक गणित-9.
अस्पबहत्व—( Comparability ) 26, 34.
अविभाज्यों की रीति—( Method of indivisibles ) 4.
असदास — ( Paradoxes ) 4, 26.
बहिंस-12, 13, 14, 17, 30.
आमिष-( Ahmes ) 3.
आर्किमिडीय-4, 5.
आर्थभट --- 7.
इटडी—2, 4.
डत्रयेतिकी—( Hydrostatics ) 5, ( स्येतिकी )—5.
कर्म विद्धान्त-16, 17.
कापरनिकर--- 5.
कारपनिक राशि—( Imaginary quantity ) 11.
5-3- (Spiral) 5.
表现—(Khufu) 13, 14, 16, 17.
केंटर, बार्ब-9, 15, 16.
 कृट स्थिति रीति—( Rule of false position ) 3.
 गणितसारसंप्रइ---1, 9, 16.
 गणितीय विश्लेषण—( Mathematical Analysis ) 2, 3, 4, 10.
 ब्रीक-4, 5, 7, ( यूनानी )-7, 14, 15.
 गोम्मटसार टीका--34.
 चतुर्गति ( चड्रचंकमण )---16, 23,
 चत्रोच-11, 15, 20.
```

```
चक्रन चक्रन—( Differential calculus ) 5.
चीन-21, 30, 31, 32, 33, 34,
बीनो ( Zeno ) 4, 26, 27, 28, 29. ( तर्फ )-27, 28.
च्योतिर्विशान-3, 6,
ज्योतिष—8, 14, 15, 16, 18, 22, 25, ( पटड ) 12, ( वेदांग )—6, 7.
हों केमी-18, 30.
टोडरमञ्च-20, 26, 34,
बाओफेंटस-5, 11, 18,
डेडीकॅन्ड-4.
तीर्यंकर-12, ( वर्द्धमान महाबीर ) 13, 14, 18, 19, 20, 23, 29, 30, 32, 34.
तिलोयपणत्ती—17, 19, 21, 26, 30, 34, ( त्रिलोकप्रकृति )—7, 15,
विभुव-2, 3, 4, 5, 11, 20, 22.
त्रिकोणमिति—(Trigonometry)—7, 8.
येलीब--4, 13, 18, 21, 22.
दशमब्दपदति—( Decimal system ) 2, 3, 7, ( दाशमिक ) 18, 19, 20.
निक्शेषण विधि - ( Method of exhaustion ) 4.
नेब्युकडनेष्टर-20.
नेमिचन्द्रार्य-15.
परमाण — (Indivisible ultimate particle) 26, 27, 28, 29, 32,
परिषि व्यास अनुपात ( क )--2, 3, 15.
वेप्पस-- 5
पियेगोरस-3, 4, 5, 12, 13, 16, 18, 19, 20, 21, 23, 24, 25, 26, 34,
पिरेमिस—( स्तप )—3, 4, 16, 17.
पेपायरस ( मास्को )-4, 15, ( रिन्ड )-3.
प्रदेश ( Point )—26, 28, 29,
फ्लनीयता—( Functionality ) 2.
बीबगणित — ( Algebra ) 3, 6, 7, 10, 11, 12, 18, 20.
बेबिकन -2, 3, 12, 15, 17, 20, 21, 22, 30.
ब्रह्मगुत-8, 10, 11, 12,
ब्राह्मण साहित्य---6.
बासी--6:
भारत-5, 12, 13, 15, 19, 20, 26, 30, 32, 33.
भास्कर--9.
महाबीराचार्य-1, 9, 10, 11, 12, 16.
माया गणना-7.
(Res - 3, 4, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 22, 23.
```

मोडेनबोदडो--6. युविकड-4, 5. यहो-4. युनान-12, 13, 16, 17, 18, 19, 21, 22, 31, 34. राष्ट्र—(Rope) 3, 5, 15, 16. रूपक रेख्याये—( Figurate numbers ) 4. राधि विदान्त—( Set theory ) 13, 20. रेखागणित—( Geometry ) 4, 5. बश्चाळी ( भोजपत्र )---7, 11. बीरसेनाचायं-9, 15, 16, 21, 28. शांकव गणित—( Conics ) 2, 4, 5. धून्य-7, 10, 18, 34. षद्खंडागम---9, 16, 19, 24, 26. षाष्ट्रिका—( Sexagesimal ) 2, 18, 19, 20, 21. समय---(Instant) 26, 28, 29. समीकरण—( Equation ) 2, 5, 6, 10, 11, 20. राष्ट्रांगा ( गणन )-9, ( अर्थ ) ( Logarithm )-19. साकाटीम -- 27. समेर-2, 5, 18. स्थान मान ( Place value )-3, 7, ( अर्दा )-10, 18, 19, 20. स्प्रिस्य—(Sphinx) 13, 14. द्विपारकस---5. हिराँडोटच-14, 16.



# शुद्धि-पत्र

	रुष्ठ	पंकि	<b>লযু</b> ৱ	য়ুক
प्रस्तावना	1	3	वैबीक्जेनिया	वेविकन
	2	<b>₹</b> ₹	वेबीखोन	"
	2	१७	77	**
	3	¥	99	<b>&gt;</b>
	3	C	77	99
	3	१५	<b>पे</b> ,पीरि <b>यो</b>	<b>पे</b> पायरियों
	3	२१	<b>मे</b> पिर <b>स</b>	वेपायरस
	4	₹	<b>37</b>	<b>77</b>
	4	<b>११</b>	आर्किमि <b>डी</b> क	<b>आर्किमीडी</b> व
	4	१६	<b>पैथे</b> गोरस	पिबेगोरस
	4	<b>29</b>	"	"
	· 4	<b>२२</b>	"	"
	4	२३	<b>&gt;&gt;</b>	<del>77</del>
	5	₹	39	<b>7</b> 7
	5	₹	<b>आर्किमिडी</b> ब	<b>आ</b> र्किमीडीज़
	5	6	अतिपरवस्त्र	अतिपरवस्त्रयम
	5	१५	<b>आर्किमिडी</b> ड़	<b>आर्किमी</b> डीब्र
	5	₹ <b>٩</b>	<b>इि</b> परकस	् <b>हिपारकस</b> ्
	5	<b>२</b> ५	<b>डा</b> योपॅंटस	<b>डा</b> ओफेंटस
	5	२८	मैरथान	मैरायान
	5	₹०	वेबीकोन	बेबिछन
	8	१६	Peleian	Pellian
	9	२३	सम्	सन्
	11	*	बख्याडी	बद्धाली
	15	<b>₹</b> ₹	Health	Heath
	22	<b>₹</b> ₹	Pythagorus	<b>Pythagoras</b>
	24	4	<b>77</b>	"
	24	75	<b>19</b>	"
	25	٩	99	19
	₹5	१३	<del>1</del> 7	79
	25	. २०	77	<b>37</b>
	26	११	<b>79</b> °	99
	26	14	77	77

### गणितसारसंगर्

	ā2	ৰক্তি	<b>লগু</b> ৱ	<b>গুৱ</b>
	31	१४	Civilization	Civilisation
प्रेष	Ę	गाया १४	बन्घेन्द्र <sup>०</sup>	बन्धेन्द्र <sup>©</sup>
	ą	गाया २३	गुणकै°	गणके°
	Y	गाया २७	<b>टी</b> का	किसा
	•	गाथा ३३	संस्था तावस्थि°	र्थस्यातावस्ति <sup>0</sup>
	٩	गाया ३३	द <b>क</b> .	पस
	•	गाया ४४	फळशतदयम्	पलशतद्वयम्
	•	गाथा ५४	युगळयुग्मं	युगसंयुगा
	4	गाया ७०	संका	र्वशाः
	३७	<b>२२</b>	नि <b>स्रलित</b>	निम्निखित
	246	Ę	भूखभूत	मूखभूत
	१८१	44	विषय की 👺ः प्रकार	छठवें विषय
	<b>१९</b> २	\$	<b>आवाषा</b>	आवाषा
	₹••	*	अत्रोदेशकः	Projects
	२०५	₹	मिश्रक	<b>क्षेत्र</b> गणित
	<b>२</b> २१	E	भादि से	आदि छेकर गणनानीत
	२६८	१६	हुण्हुको	हुप्हुक
परिशिष्ट	<b>११</b>	¥	ãdha <b>k</b>	Adhaka
	११	Ę	$\mathbf{Adhvan}$	Adhvāna
	**	१५	Adidhan	Adidhana
	₹१ *	२७	Amõghvarsa	${f Am\overline{o}ghavarsa}$
	१२	१२	<b>T</b> irth <b>n</b> k <b>a</b> r	Tīrthank <b>ar</b> a
	१३	<b>१</b> ८	Bhāgāpāvāha	
	<b>१३</b>	१९	भागसम्बर्ग	भागसंवर्ग
	१४	<b>१</b> o	Crore	crore
	१५	२४	b <b>y</b>	, <b>be</b>
	१५	₹•	Tiirthankara	Tirthankara
	१५	₹¥	Tirthankara	Tirthankara
	२०	<b>२१</b>	प्रपूर्विका	प्रपूरणिका
	36	8	परिश्चिष्ट—'≺	परिशिष्ट-२ व्य
	25	<b>₹</b> ₹	Ferminalia .	Terminalia
	25	₹0	संचरित	<b>गै</b> रचित



## JĪVARĀJA JAINA GRANTHAMĀLĀ

- 1. Tiloyapannatti of Yativrsabha (Part I, Chapters 1-4): An Ancient Prākrit Text dealing with Jaina Cosmography, Dogmatics etc. Prākrit Text authentically edited for the first time with various Readings, Preface & Hindi Paraphrase of Pt. Balachandra by Drs. A. N. Upadhyr and H. L. Jain. Published by Jaina Samskrti Samraksaka Samgha, Sholapur (India). Double Crown pp. 6-38-532. Sholapur, 1943. Price Rs. 12:00. Second Edition, Sholapur, 1956. Price Rs. 16:00.
- 1. Tiloyapaṇṇatti of Yativṛṣabha (Part II, Chapters 5-9). As above, with Introductions in English and Hindi, with an alphabetical Index of Gāthās, with other Indices (of Names of works mentioned, of Geographical Terms, of proper Names, of Technical Terms, of Differences in Tradition, of Karaṇasūtras and of Technical Terms compared) and Tables (of Nārcka-jīva, Bhavana-vāsī Deva, Kulakaras, Bhāvana Indras, Six Kulaparvatas, Seven Ksetras, Twentyfour Tīrthankaras, Age of the śalākāpurṣas, Twelve Cakravartins, Nine Nārayaṇas, Nine Pratiśatrus, Nine Baladevas, Eleven Rudras, Twentyeight Nakṣatras, Eleven Kalpātīta, Twelve Indras, Twelve Kalpas and Twenty Prarūpaṇās). Double Crown pp. 6-14-108-529 to 1032, Sholapur, 1951. Price Rs. 16:00.
- 2. Yaśastilaka and Indian Culture, or Somadeva's Yaśastilaka and Aspects of Jainism and Indian Thought and Culture in the Tenth Century, by Professor K. K. Handiqui, Vice-Chancellor, Gauhati University, Assam, with Four Appendices, Index of Geographical Names and General Index. Published by J. S. S. Sangha, Sholapur, Double Crown pp. 8-540. Sholapur, 1949. Price Rs. 16:00.
- 3. Pāṇḍavapurāṇam of śubhacandra: A Sanskrit Text dealing with the Pāṇḍava Tale. Authentically edited with various Readings, Hindi Paraphrase, Introduction in Hindi etc. by Pt. JINADAS. Published by J. S. S. Sangha, Sholapur. Double Crown pp. 4-40-8-520. Sholapur, 1954. Price Rs. 12-00.

- 4. Prākṛṭa-śabdānuśāsanam of Trivikrama with his own commentary: Critically Edited with Various Readings, an Introduction and Seven Appendices (1. Trivikrama's Sūtras; 2. Alphabetical Index of the Sūtras; 3. Metrical Version of the Sūtrapāṭha; 4. Index of Apabhramśa Stanzas; 5. Index of Deśya words; 6. Index of Dhātvādeśas, Sanskrit to Prākrit and vice versa; 7. Bharata's Verses on Prākrit) by Dr. P. L. Vaidya, Director, Mithilā Institute, Darbhanga. Published by the J. S. S. Sangha, Sholapur. Demy pp. 44-478. Sholapur, 1954. Price Rs. 10.00.
- 5. Siddhānta-sārasamgraha of Narendrasena: A Sanskrit Text dealing with Seven Tattvas of Jainism. Authentically Edited for the first time with various Readings and Hindī Translation by Pt. JINADAS P. PHADKULE. Published by the J. S. S. Sangha, Sholapur. Double Crown pp. about 300. Sholapur 1957. Price Rs. 1000.
- 6. Jainism in South India and Some Jain Epigraphs: A learned and well documented Dissertation on the career of Jainism in the South, especially in the areas in which Kannada, Tamil and Telugu Languages are spoken, by P. B. Desai, M. A., Assistant Superintendent for Epigraphy, Octacamund. Some Kannada Inscriptions from the areas of the former Hyderabad State and round about are edited here for the first time both in Roman and Devanāgarı characters, along with their critical study in English and Sārānuvāda in Hindi. Equipped with a List of Inscriptions edited, a General Index and a number of illustrations. Published by the J. S. S. Sangha, Sholapur. Sholapur 1957. Double Crown pp. 16-456. Price Rs. 16:00.
- 7. Jambūdīvapaṇṇatti-Samgaho of Padmanandi: A Prākrit Text dealing with Jaina Geography. Authentically edited for the first time by Drs. A. N. UPADHYE and H. L. Jaina, with the Hindī Anuvāda of Pt. Balachandra. The Introduction institutes a careful study of the Text and its allied works. There is an Essay in Hindi on the Mathematics of the Tiloyapaṇṇatti by Prof. L. C. Jain, M. Sc., Jabalpur. Equipped with an Index of Gāthās, of Geographical Terms and of Technical Terms, and with additional Variants of Amera Ms. Published by the J. S. S. Sangha, Sholapur. Double Crown pp. about 500. Sholapur, 1957.

ai All

- 8. Bhattaraka-sampradaya: A History of the Bhattaraka Pithas especially of Western India, Gujarat, Rajasthan and Madhya Pradesh, based on Epigraphical, Literary and Traditional sources, extensively reproduced and suitably interpreted, by Prof. V. Jorhapurkar, M. A., Nagpur. Demy pp. 14+24+326, Sholapur, 1958. Price Rs. 8/-.
  - 9. Prābhṛtādisamgraha: This is a presentation of topic-wise discussions compiled from the works of Kundakunda, the Samayasāra being fully given. Edited with Introduction and Translation in Hindi by: Pt. Kailashchandra Shastri, Varanasi. Published by the J. S. S. Sangha, Sholapur, Demy pp. 10-106-10-288, Sholapur 1960, Price Rs. 6.0.
- 10. Pancavims ati of Padmanandi: (c. 1136 A. D.). This is a collection of 26 prakaranas (24 in Sanskrit and 2 in Prākrit), small and big, dealing with various religious topics: religious, spiritual, ethical, didactic, hymnal and ritualistic. The text, along with an anonymous commentary, critically edited by Dr. A. N. Upadhye and Dr. H. L. Jain with the Hindi Anuvāda of Pt. Balachandra Shastri. The edition is equipped with a detailed Introduction shedding light on the various aspects of the work and personality of the author both in English and Hindi. There are useful Indices. Printed in the N. S. Press, Bombay. Double crown pp. 8-64-284. Sholapur, 1962. Price Rs. 10/-.
- 11. Atamānusāsana of Guṇabhadra (middle of the 9th century A. D.). This is a religio-didactic anthology in elegant Sanskrit verses composed by Guṇabhadra, the pupil of Jinasena, the teacher of Rāṣṭrakūta Amoghavarṣa. The Text critically edited along with the Sanskrit commentary of Prabhācandra and a new Hindi Anuvāda by Dr. A. N. Upadhye, Dr. H. L. Jain and Pt. Balachandra Shastri. The edition is equipped with Introductions in English and Hindi and some useful Indices. Demy pp. 8-112-260, Sholapur, 1962. Price Rs. 5/-.
- 12. Ganitasāra Samgraha of Mahāvīrācārya (c.9th century A. D.):
  This is an important treatise in Sanskrit on early Indian
  mathematics composed in an elegant style with a practical

- m. Sc., Jabalpur. Double Crown pp. 17+34+282+82, Sholapur, 1963. Price Rs. 12/-.
- 13. Lokavibhāga of Simhasūri: A Sanskrit digest of a missing ancient Prakrit text dealing with Jaina Cosmography. Edited for the first time with Hindi Translation by Pt. Balachandra Shastri. Double Crown pp. 8-52-256, Sholapur 1962. Price Rs. 10/-.
- 14. Punyāsrava-kathākośa of Rāmachandra: It is a collection of religious stories in simple and popular Sanskrit. The text authentically edited by Dr. A. N. Upadhye and Dr. H. L. Jain with the Hindi Anuvāda of Pt. Balachandra Shastri. (To be out soon).
- 15. Jainism in Rājasthān: This is a dissertation on Jainas and Jainism in Rajasthan and round about area from early times to the present day, based on epigraphical, literary and traditional sources by Dr. Kailashchandra Jain, Ajmer. (To be out soon).
- 16. Visvatattva-prakāsa of Bhāvasena (14th century A.D.): It is a treatise on Nyāya. Edited with Hindi Summary and Introduction in which is given an authentic Review of Jaina Nyāya literature by Dr. V. P. Johrapurkar, Nagpur. (To be out soon).

### Works in preparation

Subhāsita-samdoha, Dharma-par ksā, Jnānārņava, Kathākośa of Sricandra, Dharmaratnākara, etc.

For copies write to:

Jaina Samskrti Samrakshaka Sangha, Santosh Bhavan, Phaltan Galli, Sholapur (C. Rly): India

